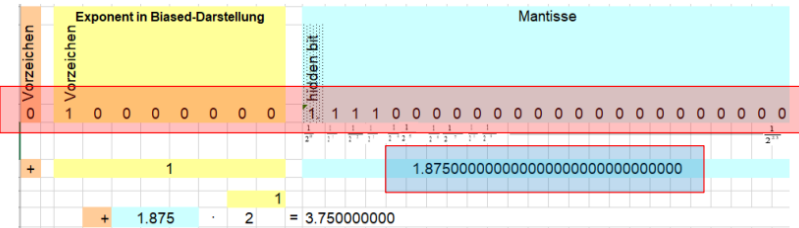


| C#<br>type/keyword | Approximate range  | Precision     | Size     |
|--------------------|--|---------------|----------|
| float              | $\pm 1.5 \times 10^{-45}$ to $\pm 3.4 \times 10^{38}$    | ~6-9 digits   | 4 bytes  |
| double             | $\pm 5.0 \times 10^{-324}$ to $\pm 1.7 \times 10^{308}$  | ~15-17 digits | 8 bytes  |
| decimal            | $\pm 1.0 \times 10^{-28}$ to $\pm 7.9228 \times 10^{28}$ | 28-29 digits  | 16 bytes |



| Codierung             | Einsatz-<br>gebiet                           | Vorteile  | Nachteile  |
|-----------------------|--|---|--|
| Biased (und Exzess)   | Gleitkomma-<br>darstellung<br>(für Exponent) | Einfache Anwendung  | Nur resistent für<br>Addition und<br>Subtraktion |
| Zweier-<br>komplement | Operationen<br>auf Stufe ALU                 | Vorzeichen ist wegen<br>hoch-wertigstem Bit<br>klar (1 → negativ)<br><br>Resistent für alle<br>Grundoperationen | Leicht<br>kompliziertere<br>Bildung              |

Formel:

$$R = \frac{\text{nicht genutzte Kombinationen}}{\text{alle möglichen Kombinationen}}$$

Der 1 aus 10 Code hat also eine Redundanz von 99%

Der Hamming-Abstand eines Codes gibt an, wie viele Bits man **mindestens ändern** muss, um ein anderes (gültiges) Zeichen desselben Codes zu erhalten.

Tendenziell gilt: Je grösser die Redundanz, desto grösser ist der mögliche Hamming-Abstand eines Codes.

| Variante       | Gerade<br>Anzahl<br>Einsen | Ungerade<br>Anzahl<br>Einsen |
|----------------|----------------------------|------------------------------|
| Even<br>Parity | Paritätsbit: <b>0</b>      | Paritätsbit: <b>1</b>        |
| Odd<br>Parity  | Paritätsbit: <b>1</b>      | Paritätsbit: <b>0</b>        |

Originale Nachricht: 1001 0000

Vorgegebener Rahmen, welcher die Plätze mit 2er-Potenznummern reserviert hat:

| Platz | 12 | 11 | 10 | 9 | 8 | 7 | 6 | 5 | 4 | 3 | 2 | 1 |
|-------|----|----|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| Data  |    |    |    |   |   |   |   |   |   |   |   |   |

Schritt 1: Nachricht in Rahmen «abfüllen»:

| Platz | 12 | 11 | 10 | 9 | 8 | 7 | 6 | 5 | 4 | 3 | 2 | 1 |
|-------|----|----|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| Data  | 1  | 0  | 0  | 1 |   | 0 | 0 | 0 |   | 0 |   |   |

Schritt 2: Alle Positionsnummern mit einer Eins werden XOR-verknüpft.

Position 12: 1100  
 Position 9: 1001  
 XOR-Verknüpfung: 0101

Schritt 3: Die XOR-Verknüpfung in die reservierten Plätze «abfüllen»:

| Platz | 12 | 11 | 10 | 9 | 8 | 7 | 6 | 5 | 4 | 3 | 2 | 1 |
|-------|----|----|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| Data  | 1  | 0  | 0  | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |

## Decodieren auf Empfängerseite

XOR-Verknüpfung aller Positionen mit einer Eins:

Position 12: 1100  
 Position 9: 1001  
 Position 4: 0100  
 Position 1: 0001  
 XOR-Verknüpfung: 0000

## Beispiel Fehlerkorrektur

| Platz | 12 | 11 | 10 | 9 | 8 | 7 | 6 | 5 | 4 | 3 | 2 | 1 |
|-------|----|----|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| Data  | 1  | 0  | 0  | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |

Durch Fehlübermittlung wurde an Stelle 6 eine Eins empfangen...

Position 12: 1100  
 Position 9: 1001  
 Position 6: 0110  
 Position 4: 0100  
 Position 1: 0001  
 XOR-Verknüpfung: 0110 → Fehler auf Position 6!

Durch Setzen des Wertes 0 auf Position 6 wird der Fehler behoben...

Mathematik: 1001<sub>2</sub> 1001<sub>10</sub> 1001<sub>16</sub>  
 Informatik: 0b1001 0d1001 0x1001

| Umrechnen von ... | Binär                     | Dezimal                     | Hexadezimal              |
|-------------------|---------------------------|-----------------------------|--------------------------|
| ...nach           |                           |                             |                          |
| Binär             |                           | Binär-Geld oder Algorithmus | 4er-Blöcke machen        |
| Dezimal           | Stellenwerte aufaddieren  |                             | Stellenwerte aufaddieren |
| Hexadezimal       | 4er-Blöcke zusammenfassen | Hexa-Geld oder Algorithmus  |                          |

Beispiel: 234<sub>(10)</sub> → x<sub>(2)</sub>

234 ÷ 2 = 117 Rest 0  
 117 ÷ 2 = 58 Rest 1  
 58 ÷ 2 = 29 Rest 0  
 29 ÷ 2 = 14 Rest 1  
 14 ÷ 2 = 7 Rest 0  
 7 ÷ 2 = 3 Rest 1  
 3 ÷ 2 = 1 Rest 1  
 1 ÷ 2 = 0 Rest 1

1 1 1 0 1 0 1 0

Dezimal: Division

7 0 : 5 = 1 4  
 5  
 2 0  
 2 0  
 0 0

Binär:

1 0 0 0 1 1 0 : 1 0 1 = 1 1 1 0  
 1 0 1  
 behalte 1 1 1  
 0 0 1 1 1  
 behalte 1 0 1  
 1 0 1  
 behalte 0 0 0 0  
 0 0  
 0

Multiplikation

Dezimal: Binär:

1 1 \* 1 1  
 1 1  
 1 1  
 Behalte 1 2 1

1 0 1 1 \* 1 0 1 1  
 1 0 1 1  
 0 0 0 0  
 1 0 1 1  
 Behalte 1 1 1 1  
 1 1 1 1 0 0 1

Addition

Dezimal: Binär:

9 1 0 0 1  
 7 1 1 1  
 Behalte 1  
 1 6 1 0 0 0 0

Subtraktion

Dezimal: Binär:

9 1 0 0 1  
 7 1 1 1  
 Behalte 1 1  
 2 0 0 1 0

| Operator | Symbol nach Norm A | Symbol nach Norm B |
|----------|--------------------|--------------------|
| AND      |                    |                    |
| OR       |                    |                    |
| XOR      |                    |                    |
| NOT      |                    |                    |
| NAND     |                    |                    |

OR

AND

| A | B | Ausdruck (A  B) |
|---|---|-----------------|
| 1 | 1 | 1               |
| 1 | 0 | 1               |
| 0 | 1 | 1               |
| 0 | 0 | 0               |

| A | B | Ausdruck (A&B) |
|---|---|----------------|
| 1 | 1 | 1              |
| 1 | 0 | 0              |
| 0 | 1 | 0              |
| 0 | 0 | 0              |

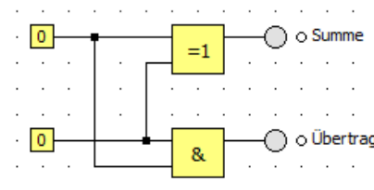
NAND

XOR

| A | B | Ausdruck !(A&B) |
|---|---|-----------------|
| 1 | 1 | 0               |
| 1 | 0 | 1               |
| 0 | 1 | 1               |
| 0 | 0 | 1               |

| A | B | Ausdruck A#B |
|---|---|--------------|
| 1 | 1 | 0            |
| 1 | 0 | 1            |
| 0 | 1 | 1            |
| 0 | 0 | 0            |

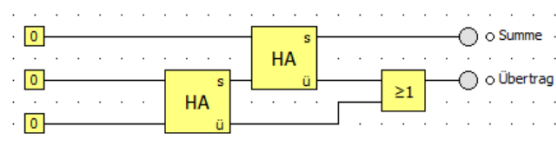
Als erstes wird ein Addierer für einstellige Binärzahlen benötigt:



Diese Schaltung wird zusammengefasst als **Halbaddierer** bezeichnet.



Um mehrstellige Binärzahlen addieren zu können, benötigt man eine Schaltung, welche (analog zu der schriftlichen Binär-Addition) die Überträge der letzten Stelle mit einbezieht:



Diese Schaltung wird zusammengefasst als **Volladdierer** bezeichnet.



| ...gesetz       |                          |                          |
|-----------------|--------------------------|--------------------------|
| Kommutativ-     | A&B = B&A                | A  B = B  A              |
| Assoziativ-     | (A&B)&C = A&(B&C)        | (A  B)  C = A  (B  C)    |
| Idempotenz-     | A&A = A                  | A  A = A                 |
| Distributiv-    | A&(B  C) = (A&B)   (A&C) | A  (B&C) = (A  B)&(A  C) |
| Neutralitäts-   | A&1 = A                  | A  0 = A                 |
| Extremal-       | A&0 = 0                  | A  1 = 1                 |
| Doppelnegation- | !(!A) = A                |                          |
| De Morgan       | !(A&B) = !A  !B          | !(A  B) = !A&!B          |
| Dualitäts-      | !0 = 1                   | !1 = 0                   |
| Absorptions-    | A  (A&B) = A             | A&(A  B) = A             |