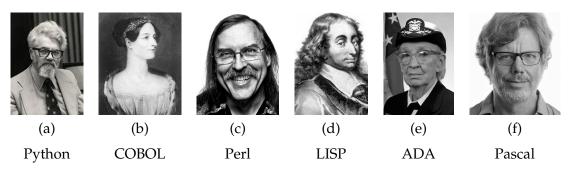
Llenguatges de Programació, FIB, 18 de gener de 2021

L'examen dura dues hores i mitja. Es valorarà la concisió, claredat i brevetat a més de la completesa i l'exactitud de les respostes. Contesteu cada problema en un full diferent i poseu el vostre nom a cada full. Feu bona lletra. Tots els problemes puntuen igual.

1. El Trivial d'LP

Contesteu les preguntes següents. Totes les respostes han de ser extremadament curtes.

1. Aparelleu cares i llenguatges de programació:



- 2. Quin llenguatge de programació ha dominat en la computació científica des dels any seixanta?
- 3. I quin llenguatge de programació ha dominat en les aplicacions de negocis des dels anys seixanta?
- 4. Quins han estat els llenguatges de programació més influencials en l'àmbit de la intel·ligència artifical?
- 5. Expliqueu perquè Java és o no és type safe.
- 6. Què vol dir currificar una funció?
- 7. En quin llenguatge de programació està escrit Unix?
- 8. Quin llenguatge de programació fou el primer a introduir elements d'orientació a objectes?
- 9. Què és un decorador (en Python)?
- 10. Quin és el primer llenguatge de programació completament orientat a objectes?
- 11. Quin llenguatge de programació va intentar definir el Departament de Defensa dels Estats Units per utilitzar-lo en tot el seu programari?
- 12. Què és una clausura (en programació)?
- 13. Què és una classe abstracta?
- 14. Quin mecanisme de pas de paràmetres utilitza Java?
- 15. Quantes lliures esterlines costava la Màquina de Turing quan es va inventar?

2. Haskell

Considereu arbres binaris genèrics definits de la forma següent:

```
data Tree a = Empty \mid Node a (Tree a) (Tree a)
```

Primer, implementeu (recursivament) una funció d'ordre superior

treeFold ::
$$(a \rightarrow b \rightarrow b \rightarrow b) \rightarrow b \rightarrow Tree \ a \rightarrow b$$

que generalitzi els folds de les llistes als arbres: L'agregat d'un node es calcula amb una funció (el primer paràmetre de treeFold) que combina l'arrel, l'agregat del fill esquerre i l'agregat del fill dret. L'agregat d'un arbre buit és un valor donat de tipus b (el segon paràmetre de treeFold).

A continuació, implementeu les funcions següents en termes de *treeFold* (sense usar recursivitat directament).

- 1. size :: $Tree \ a \rightarrow Int$ Donat un arbre binari, retorna el seu nombre de nodes.
- 2. *height* :: *Tree* $a \rightarrow Int$ Donat un arbre binari, retorna la seva alçada.
- 3. $treeMap :: (a \rightarrow b) \rightarrow Tree \ a \rightarrow Tree \ b$ Donat un arbre binari i una funció, retorna el mateix arbre, però havent aplicat la funció donada a l'element de cada node.
- 4. *inOrder* :: *Tree* $a \rightarrow [a]$ Donat un arbre binari, retorna una llista amb els elements de l'arbre en inordre.
- 5. isBST :: Ord $a \Rightarrow Tree \ a \rightarrow Bool$ Donat un arbre binari, indica si és un Binary Search Tree (arbre binari de cerca).

Pista: Totes les funcions es poden definir ben elegantment amb un parell de línies.

Finalment, feu que *Tree* sigui instància de **Functor** i de **Show** (quatre línies més). L'arbre *Node* 1 (*Node* 2 *Empty Empty*) *Empty* s'hauria de mostrar com a <1 <2 * *> *>. No podeu usar recursivitat, però podeu usar la simpàtica i útil funció *treeFold*.

3. Inferència de tipus

Inferiu el tipus més general de la funció *unicorn* definida per:

```
unicorn rainbow = (Just rainbow) \langle \star \rangle (Just (2 :: Int))
```

Per a fer-ho, dibuixeu el seu arbre de sintàxi, etiqueteu els nodes amb els seus tipus i genereu metodològicament les restriccions de tipus i classes. Expliqueu els passos realitzats.

Recordeu que l'operador $\langle \star \rangle$ és una operació de la classe *Applicative* :

class *Applicative*
$$f$$
 where $(\langle \star \rangle) :: f(a \rightarrow b) \rightarrow (fa \rightarrow fb)$

4. Python

Considereu aquest fragment de programa en Python i especifiqueu què calculen les sis funcions misterioses. Per a cada funció, la vostra resposta hauria de ser el breu comentari o *docstring* que documentaria el comportament de la funció (independentment de la seva implementació).

A més, digueu i justifiqueu quin és el cost asimptòtic de la funció mystery4(n).

```
def rec (n, t, f):
    if n == 0:
        return t
    else:
        return f(n, rec(n-1, t, f))
def mul (a , b ):
    return a * b
def add (a , b ):
    return a + b
def rnd (a, b):
    x = random.random() # nombre real aleatori entre 0 i 1
    y = random.random() # nombre real aleatori entre 0 i 1
    if math.sqrt(x*x + y*y) \le 1:
        return b + 1
    else:
        return b
def mystery1 (n):
    return rec(n, 1, mul)
def mystery2 (n):
    return rec(n, 0, add)
def mystery3 (n):
    return rec(n, 1, lambda a, b: a + 1)
def mystery4 (n):
    return rec(n, [], lambda x, y: [x] + y)
def mystery5 (n):
    return rec(n, 0, rnd) / n * 4
def mystery6 (n):
    def f (_, xss):
        return [xs + [0]  for xs in xss] + [xs + [1]  for xs in xss]
    return rec(n, [[]], f)
```

5. Compilació

1. Què vol dir que una gramàtica és ambigua?

ANTLR accepta gramàtiques ambigües, però si escribim una gramàtica pel λ -càlcul com aquesta:

grammar LambdaCalculus;

ens trobem que interpreta $\xspace x.xy$ com a $(\xspace x.xy)$ quan hauria de ser $\xspace x.(xy)$ i, per tant, no funciona bé.

En canvi, si utilitzem dues produccions *expr* amb aquesta gramàtica:

grammar LambdaCalculus;

continuemem tenint una gramàtica ambigua però que, almenys, interpreta bé expressions $x \setminus y.yzt$ com a $x(\setminus y.(yz)t)$.

2. Doneu una gramàtica no ambigua que interpreti bé les expressions de λ -càlcul, utilitzant tres produccions *expr*.