

# CRYPTOGRAPHY



---

## МЕТОДИ ТА ЗАСОБИ КРИПТОГРАФІЧНОГО ЗАХИСТУ ІНФОРМАЦІЇ

# МОДУЛЬНАЯ АРИФМЕТИКА

## НОД

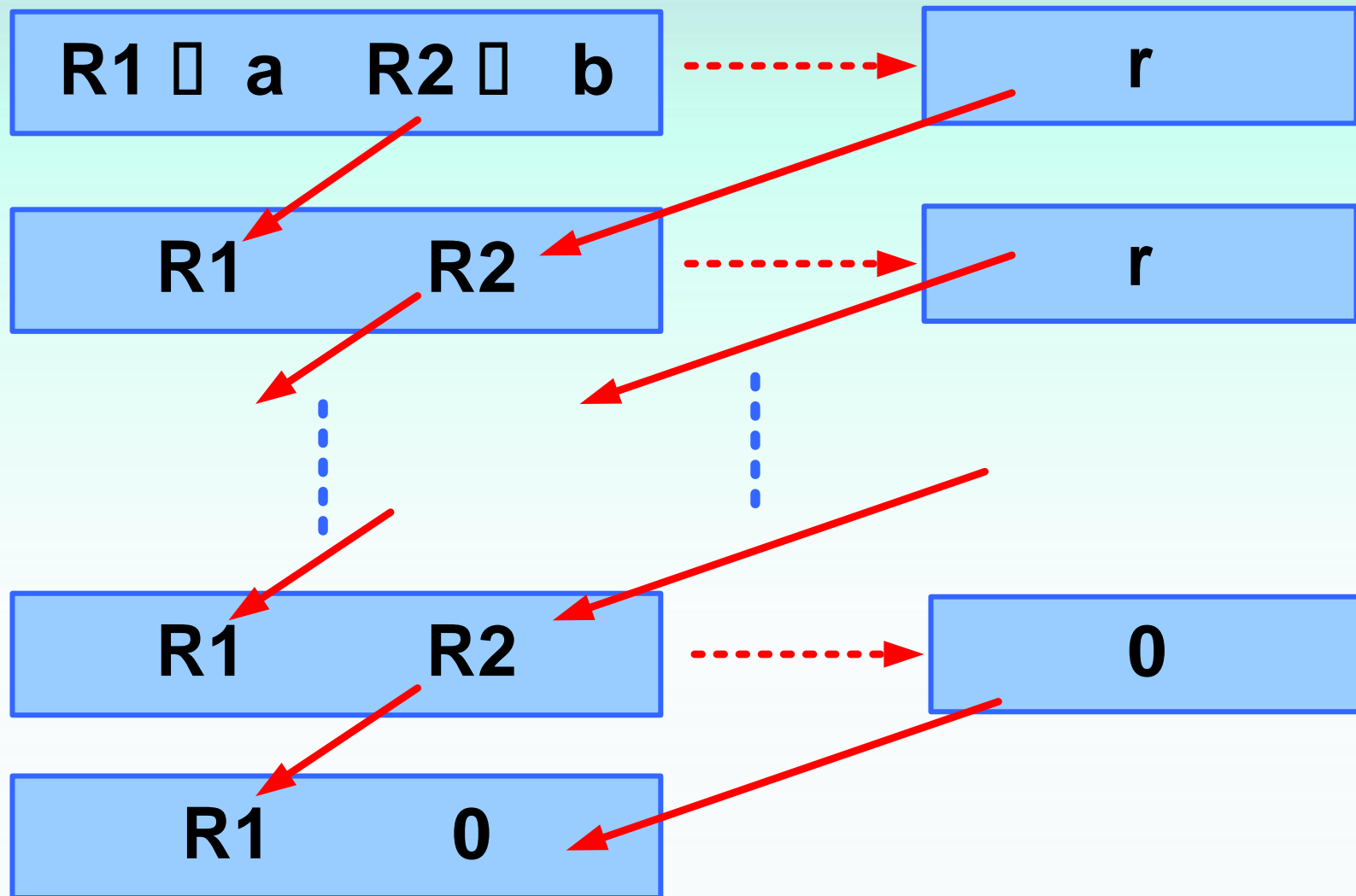
# Найти частное и остаток

	<b>a</b>	<b>n&gt;0</b>	<b>q</b>	<b>r≥0</b>
1	237	27		
2	861	13		
3	-1024	25		
4	-1025	25		
5	999	19		
6	-999	27		
7	666	110		
8	256	8		
9	-256	9		
10	74385	323		

# Проверить правильность

	<b>a</b>	<b>true</b>	<b>false</b>
1	237 27		
2	861 13		
3	-1024 25		
4	-1025 25		
5	999 19		
6	-999 27		
7	666 110		
8	256 8		
0	-256 9		
10	74385 323		

# Алгоритм Эвклида [Euclid] (НОД)



$$\gcd(a, b) = R1$$

# Алгоритм Эвклида [Euclid] (НОД)

## примеры

<b>R1 = a</b>	<b>R2 = b</b>	<b>R</b>
<b>36</b>	<b>10</b>	<b>6</b>
<b>10</b>	<b>6</b>	<b>4</b>
<b>6</b>	<b>4</b>	<b>2</b>
<b>4</b>	<b>2</b>	<b>0</b>
<b>2</b>	<b>0</b>	

<b>R1 = a</b>	<b>R2 = b</b>	<b>R</b>
<b>37</b>	<b>10</b>	<b>7</b>
<b>10</b>	<b>7</b>	<b>3</b>
<b>7</b>	<b>3</b>	<b>1</b>
<b>3</b>	<b>1</b>	<b>0</b>
<b>1</b>	<b>0</b>	

## Найти НОД

	<b>a</b>	<b>b</b>	<b>Gcd(a,b)</b>
1	88	220	
2	300	42	
3	24	320	
4	401	700	
5	231	192	
6	457	27	
7	2300	110	
8	256	8	
9	834	458	
10	785	323	

# НОД трех и более чисел

Пусть  $a$  ,  $b$ ,  $c$  положительные целые.

Найти  $\gcd(a,b,c)$

Можно показать, что

$$\gcd(a,b,c) = \gcd(\gcd(a,b),c)$$



## Найти НОД

	<b>a</b>	<b>b</b>	<b>c</b>	<b>gcd(a,b,c)</b>
1	88	220	18	
2	300	42	16	
3	24	320	16	
4	401	700	14	
5	231	192	36	
6	457	27	22	
7	2300	110	25	
8	256	8	32	
9	834	458	56	
10	785	323	432	

# Используя расширенный алгоритм Эвклида найти $\gcd(a,b), s, t$

	<b>a</b>	<b>b</b>	<b><math>\gcd(a,b)</math></b>	<b>s</b>	<b>t</b>
1	88	220			
2	300	42			
3	24	320			
4	401	700			
5	231	192			
6	457	27			
7	2300	110			
8	256	8			
9	834	458			
10	785	323			

**END # 1**