[60] Un estudio para evaluar las actitudes de los contadores hacia sus servicios de publicidad incluía enviar cuestionarios a 200 contadores seleccionados desde una lista de 1400 nombres. Un total de 82 cuestionarios fueran respondidos. El resumen de los datos obtenidos se expresan en la siguiente tabla:

Probabilidad de publicitar en el futuro (%)

		(' - ')
	Cuestionarios respondidos (82)	Quienes han publicitado en el pasado (46)
Casi seguro que sí	22	35
Muy probablemente	4	5
Probablemente sí	19	35
50-50	18	15
Probablemente no	6	10
Muy poco probable	12	0
Absolutamente no	15	0
Sin respuesta	4	0

Cuadro 1: Fuente: Traynor, K. 1984. Accounting Advertising: Perceptions, Attitudes and Behaviors, Journal of Advertising Research, 23(6): 35–40. Copyright ©1984 by the Advertising Research Foundation.

- (a) (15 puntos) Estime la proporción poblacional de quienes están casi seguro que si de publicitar en el futuro y obtenga una cota para el error de estimación.
- (b) (15 puntos) Estime la proporción poblacional de quienes tienen **al menos** una probablidad 50-50 de publicitar y obtenga una cota para el error de estimación.
- (c) (15 puntos) Dentro de quienes han publicitado en el pasado, estime la proporción poblacional de quienes probablemente no publicitarán en el futuro y obtenga una cota para el error de estimación.
- (d) (15 puntos) Dentro de quienes han publicitado en el pasado, estime la proporción poblacional de quienes tienen **al menos** una probablidad 50-50 de publicitar en el futuro y obtenga una cota para el error de estimación.

Solución:

a) Por tabla sabemos que: $\hat{p}=0.22,$ luego podemos obtener una cota superior para el error de estimación usando la fórmula:

$$2*\sqrt{\left(1-\frac{n}{N}\right)\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n-1}} \le d$$

Luego, reemplazando con los datos del problema se tiene que:

$$2 * \sqrt{\left(1 - \frac{82}{1400}\right) \frac{0,22 * 0,78}{81}} = 0,0893$$

Así, un cota superior para el error de estimación es 0.0893.

b) Por tabla sabemos que quienes tienen al menos un probabilidad 50-50 de publicitar son quienes respondieron: Casi seguro que si, muy probablemente, probablemente sí y 50-50. Por lo que la estimacional puntual de la proporción pedida está dada por:

$$\hat{p} = 0.18 + 0.19 + 0.04 + 0.22 = 0.63$$

Luego, utilizando la misma fórmula anterior obtenemos la cota superior para el error de estimación como

$$2 * \sqrt{\left(1 - \frac{82}{1400}\right) \frac{0.63 * 0.37}{81}} = 0.1041$$

c) Por tabla sabemos que: $\hat{p} = 0.1$, luego utilizando la misma fórmula anterior obtenemos la cota superior para el error de estimación como:

$$2 * \sqrt{\left(1 - \frac{45}{1400}\right) \frac{0,1 * 0,9}{45}} = 0,088$$

d) Por tabla sabemos que quienes tienen al menos un probabilidad 50-50 de publicitar son quienes respondieron: Casi seguro que si, muy probablemente, probablemente sí y 50-50. Por lo que la estimacional puntual de la proporción pedida está dada por:

$$\hat{p} = 0.35 + 0.05 + 0.35 + 0.15 = 0.9$$

Luego, utilizando la misma fórmula anterior obtenemos la cota superior para el error de estimación como

$$2*\sqrt{\left(1-\frac{45}{1400}\right)\frac{0.9*0.1}{45}} = 0.088$$