

TP de Especificación

Análisis Habitacional Argentino

30 de septiembre de 2021

Algoritmos y Estructuras de Datos I

Grupo 6

Integrante	LU	Correo electrónico
Romero, Santiago	272/21	santiagooromero1234@gmail.com
Rosselot, Eduardo	924/11	earosselot@gmail.com
Magi, Julian	829/21	magijulian0@gmail.com



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina Tel/Fax: (++54+11) 4576-3300

http://www.exactas.uba.ar

1. Problemas

1.1. Encuesta válida

```
proc esEncuestaValida (in th: eph_h, in ti: eph_i, out result: Bool) {
         Pre {true}
         Post \{result = true \iff cumpleRequisitos(th, ti)\}
pred cumpleRequisitos (th: eph_h, ti: eph_i) {
  encuestaHogaresCorrecta(th) \land ecuestaIndividuosCorrecta(ti) \land encuestasSonCompatibles(th,ti)
pred encuestaHogaresCorrecta (th: eph_h) {
  esMatriz(th) \land noEsVacio(th) \land cantidadDeColumnasCorrecta(th, 12) \land noHayHogaresRepetidos(th)
  \land latLongValidas(th) \land hogaresPosibles(th) \land atributosHogaresEnRango(th)
pred ecuestaIndividuosCorrecta (ti: eph_i) {
  esMatriz(ti) \land noEsVacio(ti) \land cantidadDeColumnasCorrecta(ti, 11) \land noHayIndividuosRepetidos(ti)
  \land atributosIndividuosEnRango(ti)
pred encuestasSonCompatibles (th: eph_h, ti: eph_i) {
  todosHogaresTienenIndividuos(th,ti) \land todosIndividuosTienenHogar(th,ti) \land igualA\~noTrimestre(th,ti)
  \land miembrosMenorA20(th, ti)
pred esMatriz (t: seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle) {
  (\exists x : \mathbb{Z})(\forall i : \mathbb{Z})(enRango(i, t) \longrightarrow_L |t[i]| = x)
pred noEsVacio (t: seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle) {
  |t| > 0
pred cantidadDeColumnasCorrecta (t: seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle, n: \mathbb{Z}) {
  |t[0]| = n
pred todosHogaresTienenIndividuos (th: eph_h, ti: eph_i) {
  (\forall y : hogar)(y \in th \longrightarrow_L (\exists x : individuo)(x \in ti \land_L x[@indcodusu] = y[@hogcodusu]))
pred todosIndividuosTienenHogar (th: eph_h, ti: eph_i) {
  (\forall x : individuo)(x \in ti \longrightarrow_L (\exists y : hogar)(y \in th \land_L x[@indcodusu] = y[@hogcodusu]))
pred noHayIndividuosRepetidos (ti: eph_i) {
  (\forall i, j : \mathbb{Z})((enRango(i, ti) \land enRango(j, ti) \land i \neq j)
     \rightarrow_L ((ti[i][@indcodusu] \neq ti[j][@indcodusu]) \lor (ti[i][@componente] \neq ti[j][@componente]))
pred noHayHogaresRepetidos (th: eph_h) {
  (\forall i,j: \mathbb{Z})((enRango(i,th) \land enRango(j,th) \land i \neq j) \longrightarrow_{L} th[i][@hogcodusu] \neq th[j][@hogcodusu])
pred latLongValidas (th: eph_h) {
  (\forall x : hogar)(x \in th \longrightarrow_L latitudValida(x[@hoglatitud]) \land longitudValida(x[@hoglongitud])
Tomamos como válidas las latitudes y longitudes posibles en la Tierra ([-90, 90] y [-180, 180] respectivamente). Si bien se
pueden normalizar números fuera del rango, entendemos que ningún dispositivo de medición/lo daría fuera del rango y es
mas probable que sea un error en la toma del dato.
pred latitudValida (latitud: Z) {
   -90 < latitud < 90
pred longitudValida (longitud: \mathbb{Z}) {
   -180 \le longitud \le 180
```

```
pred igualAñoTrimestre (th: eph_h, ti: eph_i) {
   igual A\tilde{n}o(th,ti) \wedge igual Trimestre(th,ti)
pred igualAño (th: eph_h, ti: eph_i) {
  (\exists \tilde{ano} : \mathbb{Z})((\forall x : hogar)(x \in th \longrightarrow_L x[@hoga\tilde{no}] = \tilde{ano}) \land (\forall y : individuo)(y \in ti \longrightarrow_L y[@inda\tilde{no}] = \tilde{ano}))
pred igualTrimestre (th: eph_h, ti: eph_i) {
   (\exists trimestre : \mathbb{Z})((\forall x : hogar)(x \in th \longrightarrow_L x[@hogtrimestre] = trimestre) \land
   (\forall y : individuo)(y \in ti \longrightarrow_L y[@indtrimestre] = trimestre))
pred miembrosMenorA20 (th: eph_h, ti: eph_i) {
   (\forall x : hogar)(x \in th \longrightarrow_L cantidadIndividuosEnHogar(x[@hogcodusu], ti) \leq 20)
aux cantidadIndividuosEnHogar (hogcodusu: \mathbb{Z}, ti: eph_i): \mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{|ti|-1} if hogcodusu = ti[i][@indcodusu] then 1 else 0 fi;
pred hogaresPosibles (th: eph_h) {
  (\forall x : hogar)(x \in th \longrightarrow_L x[@ii2] \leq x[@iv2])
pred atributosIndividuosEnRango (ti: eph_i) {
  (\forall x: individuo)(x \in ti \longrightarrow_L (datoEnRango(x[@ch4], 1, 2) \land datoEnRango(x[@nive-ed], 0, 1) \land
  datoEnRango(x[@estado], -1, 1) \land datoEnRango(x[@cat\_ocup], 0, 4) \land datoEnRango(x[@pp04g], 1, 10)))
pred atributosHogaresEnRango (th: eph_h) {
  (\forall x: hogar)(x \in th \longrightarrow_L (datoEnRango(x[@ii7], 1, 3) \land datoEnRango(x[@region], 1, 6) \land datoEnRango(x[@mas\_500], 0, 1)))))
   \land datoEnRango(x[@iv1], 1, 5) \land datoEnRango(x[@ii3], 1, 2)))
pred datoEnRango (d: dato, valorMinimo: Z, valorMaximo: Z) {
  valor Minimo \leq d \leq valor Maximo
```

1.2. Histograma habitacional

La secuencia res, devuelve el histograma, donde cada posición i representa la cantidad de casas con i+1 habitaciones. Ya que consideramos que no tiene sentido que el histograma tenga un valor para casas con 0 habitaciones.

```
 \begin{array}{l} \operatorname{proc\ histHabitacional\ (in\ th: eph_h, \ in\ ti: eph_i, \ in\ region: \mathbb{Z}, \ \operatorname{out\ res: } seq\langle\mathbb{Z}\rangle)\ \left\{ \\ \operatorname{Pre}\ \left\{1 \leq region \leq 6 \wedge cumple Requisitos(th, ti)\right\} \\ \operatorname{Post}\ \left\{largoCorrecto(th, region, res) \wedge esHistograma(th, region, res)\right\} \\ \right\} \\ \operatorname{pred}\ \operatorname{esHistograma}\ (\operatorname{th: } eph_h, \ \operatorname{region: }\mathbb{Z}, \ \operatorname{res: } seq\langle\mathbb{Z}\rangle)\ \left\{ \\ (\forall i: \mathbb{Z})(enRango(i, res) \longrightarrow_L res[i] = numCasasConHabEnRegion(th, region, i+1)) \\ \right\} \\ \operatorname{aux\ numCasasConHabEnRegion}\ (\operatorname{th: } eph_h, \ \operatorname{region: }\mathbb{Z}, \ \operatorname{res: }\mathbb{Z} : \mathbb{Z} = \\ \sum_{k=0}^{|th|-1} \operatorname{if}\ (th[k][@iv2] = n \wedge th[k][@region] = region \wedge th[k][@iv1] = 1) \ \operatorname{then}\ 1 \ \operatorname{else}\ 0 \ \operatorname{fi}; \\ \\ \operatorname{pred\ largoCorrecto}\ (\operatorname{th: } eph_h, \ \operatorname{region: }\mathbb{Z}, \ \operatorname{res: } seq\langle\mathbb{Z}\rangle)\ \left\{ \\ (\exists i: \mathbb{Z})((enRango(i, th) \wedge_L esRegionyCasa(th, region, i)) \wedge_L \\ (\forall j: \mathbb{Z})((enRango(j, th) \wedge_L esRegionyCasa(th, region, j)) \longrightarrow_L (th[j][@iv2] \leq th[i][@iv2])) \wedge |res| = th[i][@iv2]) \\ \\ \operatorname{pred\ esRegionyCasa}\ (\operatorname{th: } eph_h, \ \operatorname{region: }\mathbb{Z}, \ \operatorname{x: }\mathbb{Z})\ \left\{ \\ th[x][@iv1] = 1 \wedge th[x][@region] = region \\ \\ \\ \end{array} \right\}
```

1.3. La casa esta quedando chica

```
proc laCasaEstaQuedandoChica (in th: eph_h, in ti: eph_i, out res: seq\langle\mathbb{R}\rangle) { Pre \{cumpleRequisitos(th,ti)\} Post \{|res|=6 \land (\forall i:\mathbb{Z})(enRango(i,res)\longrightarrow_L res[i]=\frac{sumaHogaresHac(th,ti,i+1)}{sumaHogares(th,i+1)})\} }
```

```
aux sumaHogares (th: eph_h, region: \mathbb{Z}): \mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{|th|-1} if esRegionyCasa(th, region, i) \land \neg masDe500(th, i) then 1 else 0 fi;
esRegionyCasa definido en sección 1.2.
pred masDe500 (th: eph_h, i: \mathbb{Z}) {
  th[i][@mas\_500] = 1
aux sumaHogaresHac (th: eph_h, ti: eph_i, region: \mathbb{Z}): \mathbb{Z} =
\sum_{i=0}^{|th|-1} if esRegionyCasa(th, region, i) \land \neg masDe500(th, i) \land hacCritico(th, ti, i) then 1 else 0 fi;
pred hacCritico (th: eph_h, ti: eph_i, i: \mathbb{Z}) {
   numPersonasCasa(th,ti,i) > 3
           th[i][@iv2]
aux numPersonasCasa (th: eph_h,ti: eph_i, n: \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{|ti|-1} if ti[i][@indcodusu] = th[n][@hogcodusu] then 1 else 0 fi;
         Crece el teletrabajo
1.4.
proc creceElTeleworkingEnCiudadesGrandes (in t1h: eph_h, in t1i: eph_h, in t2h: eph_h, in t2i: eph_h, out res: Bool) {
         Pre \{(cumple Requisitos(t1h, t1i) \land cumple Requisitos(t2h, t2i)) \land_L \}
             (\tilde{anos}Correctos(t1h, t2h) \land mismoTrimestre(t1h, t2h))
         \texttt{Post} \ \{ (res = \texttt{true}) \iff (\frac{proporcionTeleworking(t2h, t2i)}{proporcionTeleworking(t1h, t1i)} > 1) \}
}
pred añosCorrectos (t1h: eph_h, t2h: eph_h) {
   (\forall i,j: \mathbb{Z})((enRango(i,t1h) \land enRango(j,t2h)) \longrightarrow_{L} t1h[i][@hoga\~no] < t2h[j][@hoga\~no])
pred mismoTrimestre (t1h: eph_h, t2h: eph_h) {
   (\forall i,j: \mathbb{Z})((enRango(i,t1h) \land enRango(j,t2h)) \longrightarrow_{L} t1h[i][@hogtrimestre] = t2h[j][@hogtrimestre])
aux proporcionTeleworking (th: eph_h, ti: eph_i): \mathbb{R} = \frac{cantIndCasaDepTeleworking(th,ti)}{cantIndCasaDep(th,ti)};
aux cantIndCasaDepTeleworking (th: eph_h, ti: eph_i): \mathbb{Z} =
\sum_{k=0}^{|ti|-1} if viveEnCasaDep500(th, ti, k) \land haceTeleworking(th, ti, k) then 1 else 0 fi;
aux cantIndCasaDep (th: eph_h, ti: eph_i): \mathbb{Z} = \sum_{k=0}^{|ti|-1} \text{if } viveEnCasaDep500(th, ti, k) \text{ then } 1 \text{ else } 0 \text{ fi};
pred viveEnCasaDep500 (th: eph_h, ti: eph_i, k: \mathbb{Z}) {
   (viveEnCasa(th, ti, k) \lor viveEnDep(th, ti, k)) \land viveEnMas500(th, ti, k)
pred haceTeleworking (th: eph_h, ti: eph_i, k: \mathbb{Z}) {
  trabajaEnCasa(ti, k) \land tieneHabitacionDeTrabajo(th, ti, k)
pred viveEnCasa (th: eph_h, ti: eph_i, k: \mathbb{Z}) {
   th[buscarHogar(th, ti[k][@indcodusu])][@iv1] = 1
pred viveEnDep (th: eph_h, ti: eph_i, k: \mathbb{Z}) {
  th[buscarHogar(th, ti[k][@indcodusu])][@iv1] = 2
pred viveEnMas500 (th: eph_h, ti: eph_i, k: \mathbb{Z}) {
  th[buscarHogar(th,ti[k][@indcodusu])|[@mas_500] = 1\\
pred trabajaEnCasa (ti: eph_i,k: \mathbb{Z}) {
  ti[k][@pp04g] = 6
pred tieneHabitacionDeTrabajo (th: eph_h, ti: eph_i, k: \mathbb{Z}) {
   th[buscarHogar(th, ti[k][@indcodusu])][@ii3] = 1
aux buscarHogar (th: eph_h, hogcodusu: \mathbb{Z}): \mathbb{Z} = \sum_{k=0}^{|th|-1} \text{if } th[k][@hogcodusu] = hogcodusu then k else 0 fi;
```

1.5. Costo de Subsidio de Mejora

```
 \begin{array}{l} \operatorname{proc\ costoSubsidioMejora\ (in\ \operatorname{th}:eph_h,\ \operatorname{in\ ti:}eph_i,\ \operatorname{in\ monto:}\ \mathbb{Z},\ \operatorname{out\ res:}\ \mathbb{Z})\ \left\{ \\ \operatorname{Pre}\ \left\{ \operatorname{cumpleRequisitos}(th,ti)\right\} \\ \operatorname{Post}\ \left\{ \operatorname{cantidadDeSubsidiados}(th,ti) \times \operatorname{monto} = \operatorname{res}\right\} \\ \\ \operatorname{aux\ cantidadDeSubsidiados\ (th:}eph_h,\ \operatorname{ti:}eph_i): \mathbb{Z} = \sum_{k=0}^{|th|-1} \operatorname{if\ cumplenTenencia}(th[k]) \wedge \operatorname{cumplenHab}(th,ti,k)\ \operatorname{then\ 1\ else\ 0\ fi}; \\ \operatorname{pred\ cumplenTenencia\ (h:\ hogar)}\ \left\{ \\ h[@ii7] = 1 \\ \\ \operatorname{numPersonasCasa\ definido\ en\ 1.3} \\ \\ \operatorname{pred\ cumplenHab\ (th:\ eph_h,\ \operatorname{ti:}\ eph_i,\ k:\ \mathbb{Z})\ \left\{ \\ th[k][@ii2] < \operatorname{numPersonasCasa}(th,ti,k) - 2 \\ \\ \\ \end{array} \right\} \\ \end{aligned}
```

1.6. Generar Join

```
proc GenerarJoin (in th: eph_h, in ti: eph_i, out junta: JoinHI) {
                 Pre \{cumpleRequisitos(th, ti)\}
                 Post \{CantFilasCoincCantInd(ti, junta) \land
                        primerElementoUplaEsHogar(th, junta)) \land
                        segundoElementoUplaEsIndividuo(ti, junta) \land
                        CadaUnoConSuHogar(junta)
pred CantFilasCoincCantInd (ti: eph_i, junta: JoinHI) {
     |junta| = |ti|
pred primerElementoUplaEsHogar (th: eph_h, junta: JoinHI) {
     (\forall i : \mathbb{Z})(enRango(i, junta)) \longrightarrow_L junta[i]_0 \in th)
pred segundoElementoUplaEsIndividuo (ti: eph_i, junta: JoinHI) {
     (\forall i : \mathbb{Z})(enRango(i, junta) \longrightarrow_L junta[i]_1 \in ti)
pred CadaUnoConSuHogar ( junta: JoinHI) {
     (\forall i : \mathbb{Z})(enRango(i, junta) \longrightarrow_L (junta[i]_0[@hogcodusu] = junta[i]_1[@indcodusu]))
                 Ordenar region y tipo
proc ordenarRegionYTipo (inout th: eph_h, inout ti: eph_i) {
                 \texttt{Pre} \; \{ cumple Requisitos(th,ti) \land th = TH\_0 \land ti = TI\_0 \}
                 Post \{hogaresOrdenadosPorRegion(th) \land
                        hogaresOrdenadosPorCodusuEnRegion(th) \land
                                                                                                                                                    falta pedir que sea una permutación de los elementos anteriores
                        individuosOrdenadosPorHogcodusu(th, ti) \land
                                                                                                                                                     (no se sacaron ni agregaron hogares/individuos)
                        individuos Ordenados Por Componente En Hogar(th, ti)
pred hogaresOrdenadosPorRegion (th: eph_h) {
     (\forall i,j: \mathbb{Z})((enRango(i,th) \land enRango(j,th) \land i < j) \longrightarrow_{L} th[i][@region] \leq th[j][@region]
pred hogaresOrdenadosPorCodusuEnRegion (th: eph_h) {
    (\forall i, j : \mathbb{Z})((enRango(i, th) \land enRango(j, th) \land i < j)
                                                                                                                          faltó el "en región"
        \rightarrow_L th[i][@hogcodusu] < th[j][@hogcodusu])
pred individuosOrdenadosPorHogodusu ( \operatorname{th}: eph_h, \operatorname{ti}: eph_i ) {
    (\forall i, j, k, h : \mathbb{Z})((enRango(i, ti) \land enRango(j, ti) \land enRango(k, th) \land enRango(h, th) 
    viveEnHogar(ti[i], th[k]) \land viveEnHogar(ti[j], th[h]) \land i < j) \longrightarrow_{L} k < h)
pred individuosOrdenadosPorComponenteEnHogar ( th: eph_h, ti: eph_i ) {
    (\forall i, j, k : \mathbb{Z})((enRango(i, ti) \land enRango(j, ti) \land enRango(k, th) \land enRango(k, th)))
    viveEnHogar(ti[i], th[k]) \land viveEnHogar(ti[j], th[k]) \land i < j) \longrightarrow_L ti[i][@componente] < ti[j][@componente])
pred viveEnHogar (x: individuo, h: hogar) {
     x[@indcodusu] = h[@hogcodusu]
                 Muestra homogenea
                                                                                                                                                                       hermoso este ejercicio!
proc muestraHomogenea (in th: eph_h, in ti: eph_i,out res: seq\langle hogar\rangle) {
                 Pre \{cumpleRequisitos(th, ti)\}
                 Post \{(existeSecuenciaDiferencia(th,ti) \longrightarrow esSecuenciaDiferenciaMasLarga(res,th,ti)) \land \}
                         (\neg existeSecuenciaDiferencia(th, ti) \longrightarrow |res| = 0)
}
```

```
pred existeSecuenciaDiferencia (th: eph_h, ti: eph_i) {
    (\exists l: seq\langle hogares\rangle)(esSecuenciaDiferenciaIngresos(l,th,ti))
pred esSecuenciaDiferenciaMasLarga (l: seq\langle hogar\rangle, th: eph_h, ti: eph_i) {
    esSecuenciaDiferenciaIngresos(l,th,ti) \land noHaySeqDifIngMasLarga(l,th,ti)
pred esSecuenciaDiferenciaIngresos (l: seq\langle hogar \rangle, th : eph_h, ti: eph_i) {
    esSubsecuencia(l,th) \land estaOrdenadoPorIngresos(l,ti) \land |l| \ge 3 \land (\forall i: \mathbb{Z})(0 \le i < |l|)
    diferenciaIngresos(l[i], l[i+1], ti) = diferenciaIngresos(l[i+1], l[i+2], ti)
pred estaOrdenadoPorIngresos (l: seq\langle hogar\rangle, ti: eph_i) {
    (\forall i: \mathbb{Z}) (0 \leq i < |l| - 1 \longrightarrow_L ingresosHogar(l[i], ti) < ingresosHogar(l[i+1], ti))
pred noHaySeqDifIngMasLarga (l: seq\langle hogar\rangle, th : eph_h, ti: eph_i) {
    (\forall sec: seq\langle hogar\rangle)(esSecuenciaDiferenciaIngresos(sec, th, ti) \longrightarrow_L |l| \ge |sec|)
pred esSubsecuencia (res: seq\langle hogar\rangle,th: eph_h) {
    (\forall x : hogar)(x \in res \longrightarrow x \in th)
aux ingresosHogar (h: hogar, ti: eph_i): \mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{\lfloor ti \rfloor - 1} if h[@hogcodusu] = ti[i][@indcodusu] then ti[i][@p47T] else 0 fi;
aux diferenciaIngresos (x, y: hogar, ti: eph_i): \mathbb{Z} = ingresosHogar(y,ti) - ingresosHogar(x,ti);
1.9.
               Corregir región
proc corregirRegion (inout th: eph_h, in ti: eph_i) {
               Pre \{cumpleRequisitos(th, ti) \land th = TH\_0\}
               Post \{|th| = |TH_0| \land mantieneRegion(th, TH_0) \land corrigeRegion(th, TH_0)\}
pred mantieneRegion (th, TH_0: eph_h) {
    (\forall x,y:hogar)(x \in TH\_0 \land y \in th \land x [@region] \neq 0 \land x [@hogcodusu] = y [@hogcodusu] \longrightarrow_L y [@region] = x [@region])
pred corrigeRegion (th, TH_0: eph_h) {
    (\forall x,y:hogar)(x \in TH\_0 \land y \in th \land x[@region] = 0 \land x[@hogcodusu] = y[@hogcodusu] \longrightarrow_L y[@region] = 5)
        no piden que se mantengan iguales los otros items, es medio raro cómo lo hicieron
        no está bueno permitir que los hogares no estén en el mismo índice que antes
1.10.
                  Histograma de anillos concentricos
proc HistogramaDeAnillosCocentricos (in th: eph_h, in centro: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}, in distancias: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, out result: seq\langle \mathbb{Z} \rangle) {
               Pre \{|distancias| > 0 \land_L distancias[0] \ge 1 \land
                     encuestaHogaresCorrecta(th) \land
                     secDistanciasCreciente(distancias) \land
                     valoresDeCentroEnRango(centro)}
               Post \{|distancia| = |result| \land_L esHistogramaDeAnillos(result, distancia, th)\}
pred valoresDeCentroEnRango (centro: ent\ times\ \mathbb{Z})
    latitudValida((centro)_0) \wedge longitudValida((centro)_1)
pred SecDistanciasCrecientes (distancias: seq\langle \mathbb{Z}\rangle) {
    (\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |distancias| - 1) \longrightarrow_L distancias[i] < distancias[i + 1]
pred esHistogramaDeAnillos (distancias: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, result: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, th: eph_h) {
    (\forall i : \mathbb{Z})(1 \leq i < |result| \longrightarrow_L
    result[i] = cantidadHogaresEnAnillo(th, distancia[i], centro) - cantidadHogaresEnAnillo(th, distancia[i-1], centro) \land cantidadHogaresEnAnillo(th, distanci
    (result[0] = cantidadHogaresEnAnillo(th, distancia[0], centro)))
aux cantidadHogaresEnAnillo (th: eph_h, centro: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}, distancia: \mathbb{Z}): \mathbb{Z} = \sum_{k=0}^{|th|-1} if distanciaAlCentro(th[k], centro) < 0
distancia then 1 else 0 fi;
aux distancial Centro (h: hogar, centro: ent times \mathbb{Z}): \mathbb{R} = \sqrt{(h[@latitud] - (centro)_0)^2 + (h[@longitud] - (centro)_1)^2}
```

1.11. Quitar individuos

```
proc quitarIndividuos (inout th: eph_h, inout ti: eph_i, in busqueda: seq\langle (ItemIndividuo, dato)\rangle, out result: (eph_h, eph_i))
         Pre \{Cumple Requisitos(th, ti) \land Busqueda Valida(busqueda) \land th = TH\_0 \land ti = TI\_0 \}
         Post \{|th| + |result_0| = |TH_0| \land
             |ti| + |result_1| = |TI_0| \wedge
             HogaresSobrantesEnTh(th, TH\_0, busqueda, result) \land
             IndividuosSobrantesEnTi(ti, TI\_0, busqueda, result) \land
             HogaresFiltradosEnResult(th, TH\_0, busqueda, result) \land
             IndividuosFiltradosEnResult(ti, TI\_0, busqueda, result)
}
pred busquedaValida (busqueda: seq\langle(ItemIndividuo, dato)\rangle) {
  noHayItemsRepetidos(busqueda) \land
  (\forall consulta: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z})(consulta \in busqueda \longrightarrow itemIndividuoEsValido(consulta_0) \wedge datoValido(consulta))
pred noHayItemsRepetidos (busqueda: seq\langle (ItemIndividuo, dato)\rangle) {
   (\forall consulta1, consulta2 : \mathbb{Z} \times \mathbb{Z})(consulta1 \in busqueda \land consulta2 \in busqueda \longrightarrow_L consulta1_0 \neq consulta2_0)
                          no funciona esto, en el para todo, si consulta1 = consulta2, vale el antecedente pero no el consecuente.
les conviene usar índices de la secuencia de búsqueda pred item
Individuo<br/>EsValido (item: \mathbb{Z}) {
  0 \leq item \leq 10
pred datoValido (consulta: (ItemIndividuo, dato)) {
  (consulta_0 = @indcodusu \wedge datoMayorIgualQue(consulta_1, 0)) \vee
   (consulta_0 = @componente \wedge datoMayorIgualQue(consulta_1, 0)) \vee
   (consulta_0 = @inda\~no \land datoMayorIgualQue(consulta_1, 0)) \lor
   (consulta_0 = @indtrimestre \wedge datoEnRango(consulta_1, 1, 4)) \vee
   (consulta_0 = @ch4 \wedge datoEnRango(consulta_1, 1, 2)) \vee
  (consulta_0 = @ch6 \land datoMayorIgualQue(consulta_1, 0)) \lor
   (consulta_0 = @nivel_ed \land datoEnRango(consulta_1, 0, 1)) \lor
  (consulta_0 = @estado \wedge datoEnRango(consulta_1, -1, 1)) \vee
   (consulta_0 = @cat_o cup \land datoEnRango(consulta_1, 0, 4)) \lor
   (consulta_0 = @p47T \land datoMayorIgualQue(consulta_1, -1)) \lor
   (consulta_0 = @pp04g \land datoEnRango(consulta_1, 1, 10))
pred datoMayorIgualQue (dato: Z, valorMinimo: Z) {
  valor Minimo \leq dato
    // datoEnRango definido en seccion 1.1
pred HogaresSobrantesEnTh (th, TH_0: eph_h, busqueda: seq\langle (ItemIndividuo, dato)\rangle, result: (eph_h, eph_i)) {
   (\forall h : hogar)(h \in TH\_0 \land \neg habitantesEnResult(h, result) \longrightarrow h \notin result_0 \land h \in th)
pred HogaresFiltradosEnResult (th, TH_0: eph_h, busqueda: seg\langle (ItemIndividuo, dato) \rangle, result: (eph_h, eph_i)) {
  (\forall h: hogar)(h \in TH\_0 \land habitantesEnResult(h, result) \longrightarrow h \in result_0 \land h \notin th)
pred habitantesEnResult (h: hogar, result: (eph_h, eph_i)) {
   (\exists ind : individuo)(ind \in result_1 \land ind[@indcoudusu] = h[@hogcodusu])
pred IndividuosFiltradosEnResult (ti, TI_0: eph_i, busqueda: seq\langle (ItemIndividuo, dato)\rangle, result: (eph_{bd} eph_i)) {
   (\forall consulta : \mathbb{Z} \times \mathbb{Z})(consulta \in busqueda \longrightarrow
   (\forall ind: individuo)(ind \in TI\_0 \land ind[(consulta)_0] = (consulta)_1 \longrightarrow ind \in result_1 \land ind \notin ti))
}
pred IndividuosSobrantesEnTi (ti, TI_0: eph_i, busqueda: seq\langle(ItemIndividuo, dato)\rangle, result: (eph_h, eph_i)) {
   (\forall consulta : \mathbb{Z} \times \mathbb{Z})(consulta \in busqueda -
   (\forall ind: individuo)(ind \in TI\_0 \land ind[consulta_0] \neq consulta_1 \longrightarrow ind \notin result_1 \land ind \in ti))
}
```

2. Predicados y Auxiliares generales

pred enRango (n: \mathbb{Z} , l: $seq\langle T\rangle$) {

aux @pp04g: $\mathbb{Z} = ord(PP04G)$;

```
0 \le n < |l|
       Auxiliares hogares
2.1.
enum ItemHogar {
  HOGCODUSU, HOGAÑO, HOGTRIMESTRE, HOGLATITUD, HOGLONGITUD, II7, REGION, MAS-500, IV1, IV2,
  II2, II3
}
aux @hogcodusu: \mathbb{Z} = ord(HOGCODUSU);
aux @hogaño : \mathbb{Z} = ord(HOGANO);
aux Chogtrimestre : \mathbb{Z} = ord(HOGTRIMESTRE);
aux @hoglatitud : \mathbb{Z} = ord(HOGLATITUD);
aux @hoglongitud : \mathbb{Z} = ord(HOGLONGITUD);
aux @ii7 : \mathbb{Z} = ord(II7);
aux @region : \mathbb{Z} = ord(REGION);
aux @mas_500 : \mathbb{Z} = ord(MAS_500);
aux @iv1 : \mathbb{Z} = ord(IV1);
aux @iv2 : \mathbb{Z} = ord(IV2);
aux @ii2 : \mathbb{Z} = ord(II2);
aux @ii3 : \mathbb{Z} = ord(II3);
2.2.
       Auxiliares individuos
enum ItemIndividuo {
  INDCODUSU, COMPONENTE, INDAÑO, INDTRIMESTRE, CH4, CH6, NIVELED, ESTADO, CAT_OCUP, P47T,
  PP04G
}
aux @indcodusu : \mathbb{Z} = ord(INDCODUSU);
aux @componente : \mathbb{Z} = ord(COMPONENTE);
aux @indano : \mathbb{Z} = ord(INDANO);
aux @indtrimestre : \mathbb{Z} = ord(INDTRIMESTRE);
aux @ch4 : \mathbb{Z} = ord(CH4);
aux Qch6: \mathbb{Z} = ord(CH6);
aux @nivel_ed : \mathbb{Z} = ord(NIVEL\_ED);
aux @estado : \mathbb{Z} = ord(ESTADO);
aux @cat_ocup : \mathbb{Z} = ord(CAT_oCUP);
aux @p47T : \mathbb{Z} = ord(P47T);
```

El tp está aprobado Les marqué algunas cositas que quedaron pero es un muy buen tp, eligieron muy bien cómo especificar cada cosa. Felicitaciones! Tomás