

## **DEEP LEARNING :**

**Algoritmo de Aprendizaje:**

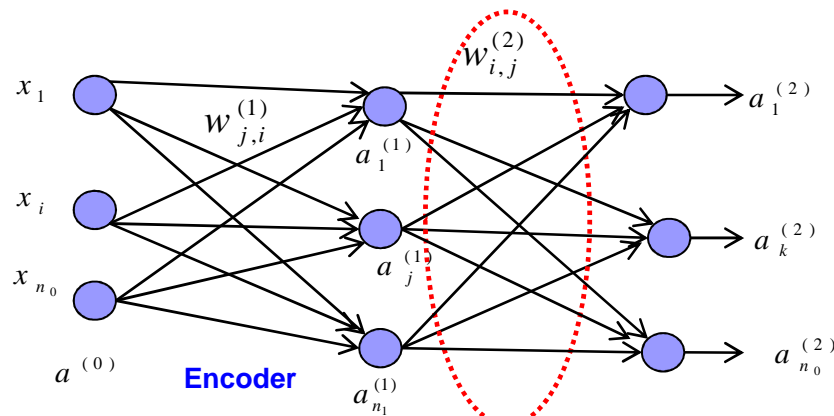
**miniBatch RMSprop**

**+**

**Pseudo-Inversa**

# Aprendizaje AE: RMSprop+Pseudo-inversa

$AE_1 :$   
INPUT:  
 $X(n_0, N)$



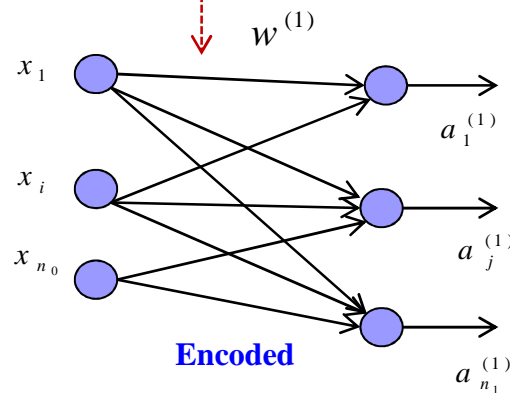
$$a^{(1)} = f(z^{(1)}) = f(w^{(1)} \times a^{(0)})$$

$$a^{(2)} = g(z^{(2)}) = g(w^{(2)} \times a^{(1)})$$

$g$  : Función Identidad

Steps:

1. Peso Oculto: RMSprop
2. Pesos Salida: P-inversa
3. Retornar los pesos del Decoder para diseñar las capa del DL



## Pesos Ocultos de AE : miniBatch RMSprop

- M: Tamaño del mini Batch (bloque)

**Costo:**

$$E = \frac{1}{2M} \sum_{n=1}^M C_n = \frac{1}{2M} \sum_{n=1}^M \sum_{k=1}^{n_0} \left( a_{k,n}^{(2)} - a_{k,n}^{(0)} \right)^2$$

**Gradiente:  
Pesos Ocultos**

$$\begin{aligned} gW^{(1)} &= \left\{ \left( w^{(2)} \right)^T \times \delta^{(2)} \right\} \otimes f' \left( z^{(1)} \right) \times \left( a^{(0)} \right)^T \\ \delta^{(2)} &= e \otimes g' \left( z^{(2)} \right) \end{aligned}$$

# Pesos Ocultos de AE : miniBatch RMSprop

**Actualización:  
Pesos Ocultos**

$$\begin{aligned}w^{(1)}(t_k) &= w^{(1)}(t_{k-1}) - gRMS, \quad t_k = 1, 2, \dots, T \\v^{(1)} &= \beta \times v^{(1)} + (1 - \beta) \times (gW^{(1)})^2 \\gRMS &= \frac{\mu}{\sqrt{v^{(1)} + \varepsilon}} \otimes gW^{(1)}\end{aligned}$$

$$\mu \in (0, 1)$$

$$\varepsilon = 10^{-8}$$

$$v^{(1)}(0) = 0$$

$$\beta = 0.9$$



## Pesos de Salida de AE :Pseudo-Inversa

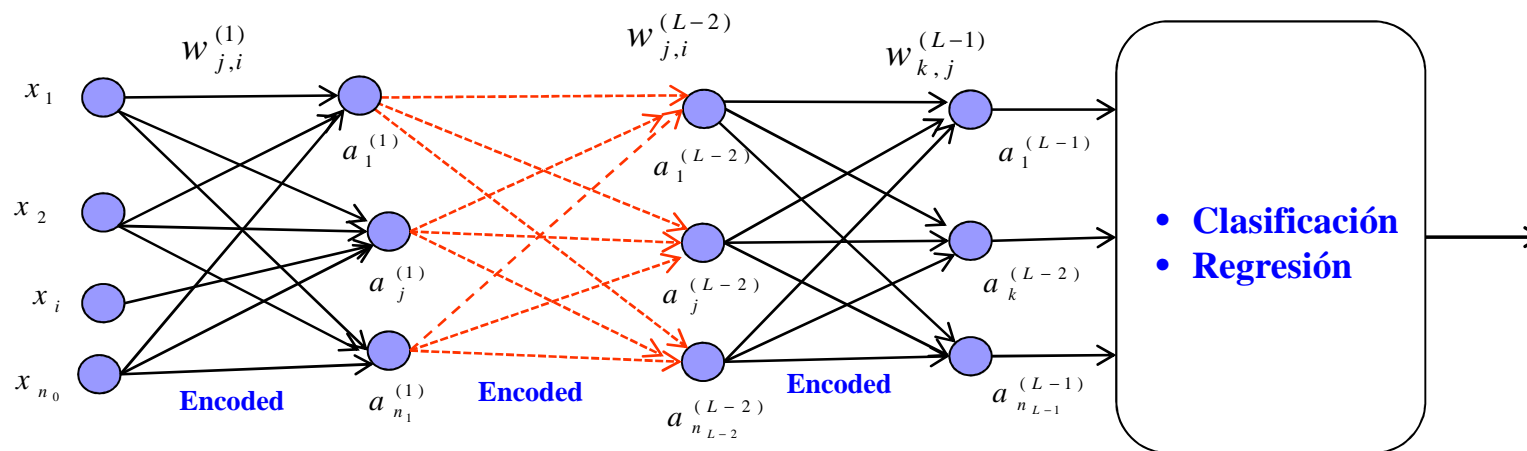
**Actualización:  
Pesos Salida**

$$w^{(2)} = a^{(0)} \times (a^{(1)})^T \left( a^{(1)} \times (a^{(1)})^T + \frac{I}{C} \right)^{-1}$$
$$C \in (10, 10^{10})$$
$$I = \text{matriz } (n_1, n_1)$$

**I: Matriz Identidad**

**C: Penalidad de Pseudo-inversa**

# Deep Learning : AutoEncoder Apilados





# Clasificación Softmax: Feed-forward

**Activación Softmax  
de la  $n$ -ésima muestra**

$$\begin{aligned} z &= w \times x, \quad x \in \mathbb{R}^{(d \times M)}, w \in \mathbb{R}^{(m, d)} \\ z &= \exp(z) \\ a_n &= \frac{z(:, n)}{\sum_{k=1}^{n_L} z_{k, n}}, \quad n = 1, \dots, M \end{aligned}$$

## Aprendizaje Softmax: miniBatch RMSprop

Entropía Cruzada:

$$Cost = -\frac{1}{M} \sum_{n=1}^M \sum_{k=1}^{n_L} T_{k,n} \log(a_{k,n})$$

- $N$  : número de muestras,  $n_L$ : numero de clases,
- $T_{k,n}$ : valores deseados (etiquetas), **lambda**: penalidad de pesos.

Notación Matricial :  
Gradiente Pesos Softmax

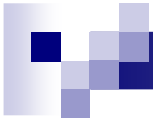
$$gW = -\frac{1}{M} ((T - A) \times X^T)$$

Actualización de Pesos:

$$\begin{aligned} w(t_k) &= w(t_{k-1}) - gRMS, \quad t_k = 1, 2, \dots, T \\ v &= \beta \times v + (1 - \beta) \times (gW)^2 \\ gRMS &= \frac{\mu}{\sqrt{v + \epsilon}} \otimes gW \end{aligned}$$

$$\mu \in (0,1), \epsilon = 10^{-8}, v(0) = 0, \beta = 0.9$$





# **TAREA 3 : Deep Learning**

**miniBatch RMSprop**

**+**

**Pseudo-Inversa**



## OBJETIVO

- Implementar y evaluar el rendimiento de un modelo Aprendizaje Profundo (DL) usando algoritmo RMSprop combinado con el método de la Pseudo-inversa para clasificación una muestra de datos en diez diferentes clases.



## DATA : Train

- Formato: **train.csv** : (D,N), donde:
  - **Las primeras (D-1)-filas :**
    - Representan los atributos del problema.
  - **La última fila :**
    - Representa las etiquetas numérica de la clase.
    - Las etiquetas son valores enteros ente 1 y 10.
  - **N-columns :**
    - Representan el número de muestras del problema.



## DATA : Test

- Formato: **test.csv** : (D,N), donde:
  - **Las primeras (D-1)-filas :**
    - Representan los atributos del problema.
  - **La última fila :**
    - Representa las etiquetas numérica de la clase.
    - Las etiquetas son valores enteros ente 1 y 10.
  - **N-columns :**
    - Representan el número de muestras del problema.

# FASE 1: Pre-Tuning

## ■ train.py:

Inicialización de pesos con valores aleatorios

$$r = \sqrt{\frac{6}{n_i + n_{i-1}}}$$
$$w^{(i)} = \text{rand}(n_i, n_{i-1}) \times 2 \times r - r$$

$n_i$  : Nodos capa siguiente

$n_{i-1}$  : Nodo capa previa



## **FASE 1: Pre-Tuning**

### ■ **train.py:**

- **Convertir las etiquetas numéricas en etiquetas binaria de tamaño 10.**
- **Archivos de Salida:**
  - **costo\_softmax.csv. :**
    - **N-filas por 1-columna**
  - **Pesos del Deep Learning.**
    - **w\_dl.npz.**



## **FASE 1: Pre-Tuning**

- **test.py:**

- **Convertir las etiquetas numéricas en etiquetas binaria de tamaño 10.**

- **Archivos de Salida:**

- **metrica\_dl.csv.**

- ☐ F-scores para cada una de las 10 clases.
- ☐ F-score promedio.

## Test.py: Métrica:

$$F - score (j) = 2 \times \frac{Pr ecision (j) \times Re call (j)}{Pr ecision (j) + Re call (j)}$$

$$Precision (i) = \frac{CM_{i,i}}{\sum_{j=1}^{n_L} CM_{i,j}}, \quad i = 1, \dots, n_L = 10$$

$$Re call (j) = \frac{CM_{j,j}}{\sum_{i=1}^{n_L} CM_{i,j}}, \quad j = 1, \dots, n_L = 10$$

$$avgFscore = \frac{1}{10} \sum_{i=1}^{10} Fscore (i)$$

**CM(i,j) : Matriz de confusión**





## Configuración: AE-Apilados

### ■ **cnf\_sae.csv:**

- Línea 1: Penalidad de P-inversa : 100
- Línea 2: Tamaño del Bloque (batch) :64
- Línea 3: Máximo Iteraciones : 60
- Línea 2: Tasa de aprendizaje : 0.1
- Línea 3: Nodos Oculto AE1 : 200
- Línea 4: Nodos Oculto AE2 : 150
- Línea 5: Nodos Oculto AE3 : 100
- ...



## Configuración : Softmax

### ■ `cnf_softmax.csv`

- Línea 1: Máximo Iteraciones : 200
- Línea 2: Tasa aprendizaje ( $\mu$ ) : 0.01



## **ENTREGA**

- **Lunes 22/Noviembre/2021**

- ☐ Hora : 09:00 am

- ☐ Lugar : Aula Virtual del curso

- **Lenguaje Programación:**

- ☐ Python version: 3.7.6 window (anaconda)

- numpy

- panda



## **OBSERVACIÓN:**

- Si un Grupo no Cumple con los requerimientos funcionales y no-funcionales, entonces la nota máxima será igual a 3,0 (tres coma cero).



CONTINUARÁ....