

Universidad Nacional de Córdoba Famaf

Matemática Discreta II

Proyecto: Primera Parte

ESTEBAN L. BOUCHER eboucher7@gmail.com

Septiembre 2016

Prof. Daniel Penazzi

Índice general

| 1 | Intr | roducción |
|---|----------|--|
| | 1.1 | Motivación del proyecto |
| | 1.2 | Propósito y objetivos |
| | | 1.2.1 Coloreo Greedy |
| | 1.3 | Restricciones |
| 2 | For | mato del archivo de entrada |
| 3 | Est | ructura del programa |
| | 3.1 | Descripción de estructuras y variables |
| | | 3.1.1 struct _NimheSt_t |
| | | 3.1.2 struct _VectorSt_t |
| | | 3.1.3 struct _QueueSt_t |
| | | 3.1.4 struct _VerticeSt_t |
| | 3.2 | Estructura general |
| | | 3.2.1 APIfiles |
| | | 3.2.1.1 Types.h |
| | | 3.2.1.2 Cthulhu.{c, h} |
| | | 3.2.1.3 GraphLoad.{c, h} |
| | | 3.2.1.4 VertexGraphData.{c, h} |
| | | 3.2.1.5 DataStructs.{c, h} |
| | | 3.2.1.6 SortFuncs.{c, h} |
| | | 3.2.1.7 ColorFuncs.{c, h} |
| | | 3.2.2 Dirmain |
| | | 3.2.2.1 mainEBoucher.c |
| | 3.3 | Descripción de algoritmos |
| 4 | Ind | icaciones de error |
| _ | C | |
| 5 | Cor | rectitud |
| 6 | Inst | trucciones de operación 1 |
| | 6.1 | Mecanografiado de compilación |
| | 6.2 | Descripción de las pruebas |
| | 6.3 | Mecanografiado de las pruebas |
| 7 | Des | afíos y elecciones de diseño |
| | 7.1 | Problema: vértices pueden ser cualquier u32 |
| | 7.2 | Vecinos de un vértice |
| | 7.3 | Orden de los vértices |
| | 7.4 | $Greedy() \dots \dots$ |
| | 7.5 | Funciones de ordenación |
| | | 7.5.1 Revierte() |
| | | 7.5.2 GrandeChico() y ChicoGrande() |
| | 7.6 | Arreglo de usados |
| | 7.7 | Identificadores de vértices |
| | 7.8 | Elección de función hash |

| 8 | Posibles mejoras | 16 |
|----|------------------|----|
| 9 | Comentarios | 16 |
| 10 | Referencias | 17 |

1 Introducción

1.1 Motivación del proyecto

El problema de coloreo de grafos consiste en asignar colores a ciertos elementos de un grafo sujetos a ciertas restricciones.

El problema de coloreo de vértices es el problema más común de coloreo de grafos. El problema es, dados m colores, encontrar una forma de colorear los vértices de un grafo de tal manera que no hayan dos vértices adyacentes utilizando el mismo color.

El interés acerca de este problema se debe a su gran número de aplicaciones. Entre las más conocidas de coloreo de grafos se destacan[1]:

• Establecer horarios y cronogramas

Supongamos que queremos hacer un cronograma de exámenes para un universidad. Listamos diferentes asignaturas y estudiantes matriculados en cada asignatura. Muchas asignaturas tendrán estudiantes en común. ¿Cómo se puede organizar el cronograma de modo que no hayan dos exámenes con un estudiante en común estén programadas al mismo tiempo? ¿Cuántas ranuras de tiempo mínimo son necesarios para programar todos los exámenes? Este problema se puede representar como un grafo en el que cada vértice es una asignatura y una arista entre dos vértices significa que hay un estudiante común. Así que este es un problema de coloreo de grafos, donde el número mínimo de intervalos de tiempo es igual al número cromático del grafo.

• Asignación de frecuencias de radio móvil

Cuando las frecuencias se asignan a las torres, las frecuencias asignadas a todas las torres en el mismo lugar debe ser diferente. Cómo asignar frecuencias con esta restricción? Lo que se necesita un número mínimo de frecuencias? Este problema es también un ejemplo de problema de coloración gráfica donde cada torre representa un vértice y un borde entre dos torres representa que están en el rango de la otra.

• Sudoku

Suduku es también una variación del problema de coloreo de grafos en el cual cada celda representa un vértice. Hay una arista entre dos vértices si están en la misma fila o la misma columna o del mismo bloque.

• Asignación de registros

En optimización de compiladores, la asignación de registros es el proceso de asignar un gran número de variables del programa de destino a un número reducido de registros de la CPU. Este problema también un problema de coloreo de grafos.

• Grafos bipartitos

Podemos comprobar si un grafo es bipartito o no coloreando el grafo utilizando dos colores. Si un grafo dado es 2-coloreable, entonces es bipartito, de lo contrario no lo es.

• Mapa de coloreo

Mapas gráficos donde dos ciudades adyacentes no pueden ser asignadas con el mismo color. Cuatro colores son suficientes para colorear cualquier mapa[2].

El siguiente programa consiste en la resolución de ese problema.

1.2 Propósito y objetivos

Actualmente no se conoce un algoritmo de tiempo polinomial que resuelva el problema de coloreo de grafos. Sin embargo, hay una cierta calidad mínima que se puede obtener. Supongamos que d es el mayor grado de cualquier vértice en nuestro grafo. A medida que avanzamos en el coloreo, cuando coloreamos cualquier vértice particular v, está unido a lo sumo con otros d vértices, de los cuales algunos pueden ya estar coloreados. Luego, hay a lo sumo d colores que hay que evitar usar. Usamos el color de menor número no prohibido. Esto significa que usamos colores numerados d+1 o menor, dado que al menos uno de los colores 1, 2, ..., d+1 NO está prohibido. De esta manera, nunca necesitamos usar ningún color de mayor número que d+1. Esto nos da el siguiente teorema:

1.2.1 Coloreo Greedy

Teorema (Coloreo Greedy). Si d es el mayor de los grados de los vértices en un grafo G, entonces G tiene una coloración adecuada con d+1 colores o menos, por vía intranasal, el número cromático de G es como máximo d+1.

Esto nos da una cota superior del número cromático del grafo[4].

El objetivo de este proyecto consiste en cargar un grafo y dar un coloreo propio de sus vértices, corriendo repetidamente Greedy usando órdenes que cumplan con el enunciado mencionado anteriormente.

1.3 Restricciones

• Tiempo

El presente programa está estipulado para ser razonablemente rápido. En particular, con todos los grafos de ejemplo probados por la cátedra, se espera que termine en menos de una hora. Algunos de esos grafos pueden llegar a tener cerca de 2 millones de vértices y 10 millones de aristas.

• Memoria

El programa nunca debe usar másde 256 MB de memoria RAM.

2 Formato del archivo de entrada

El formato de entrada será una variación de DIMACS, un formato estandard para representar grafos. La descripción oficial de DIMACS es como sigue:

- 1. Ninguna linea tiene mas de 80 caracteres.
- 2. Al principio hay cero o más líneas que empiezan con 'c' (sin las comillas), las cuales son líneas de comentario y son ignoradas.
 - 3. Luego hay una linea de la forma: p edge n m donde n y m son dos enteros. n representa el número de vértices y m el número de lados.
- 4. Luego siguen m lineas todas comenzando con 'e' (sin las comillas) y dos enteros, representando un lado. Luego de esas m lineas se detiene la carga.

3 Estructura del programa

En la Figura 1 se muestra un diagrama de la estructuración del programa.

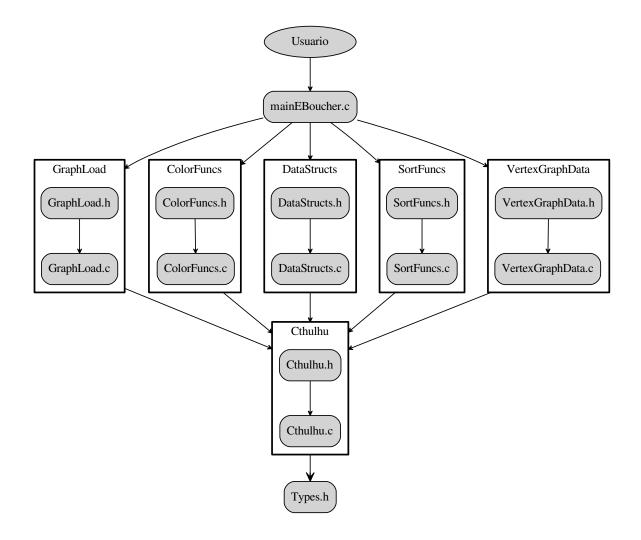


Figure 1:

3.1 Descripción de estructuras y variables

3.1.1 struct _NimheSt_t

Las estructura principal de este programa es struct _NimheSt_t, la cual contiene toda la información necesaria para correr el algoritmo de Greedy y obtener información necesaria para modificar el órden de los vértices acorde a las distintas funciones de ordenación.

• Información básica del grafo

Esta estructura contiene la cantidad de vértices y lados del grafo cargado y la cantidad de colores que está usando en el momento para colorear los vértices que contiene.

• Información de los vértices del grafo

En esta implementación la información que define a los vértices está dispersada en distintos arreglos dentro de la estructura del grafo: un name_array que contiene los nombres "reales" de los vértices, los cuales en esta implementación son enteros sin signo de 32 bits; un color_array que guarda el coloreo actual de los vértices, un degree_array para los grados de los vértices, un RAR_order_array para guardar el órden en el cual los vértices deben colorearse si se usa ReordenAleatorioRestringido. Los últimos datos acerca de los vértices son las listas de vecinos, estas están en neighbors_array, un arreglo de vectores en los cuales se guardan los índices de los vecinos de un vértice

• Información de órdenes de los vértices

Se utiliza principalmente un arreglo order, que se utiliza para dar el coloreo cuando se corre Greedy sobre el grafo. Los arreglos natural_order y vertices_with_color se utilizan para guardar el órden natural y la cantidad de colores coloreados con el color con el que está coloreado el vértice en la i-ésima posición del arreglo, respectivamente. Se asignan los valores de los últimos dos arreglos al arreglo order cuando se llama a la función de ordenación correspondiente. Más sobre las funciones de ordenación adelante.

• Información de control

Se utiliza un arreglo de booleanos used para verificar si algún *ítem* está siendo usado. Utilizo el término impreciso *ítem* justamente porque la semántica de es cambia en las distintas funciones que la utilizan. Más acerca de esto en la sección 7.6

Una característica que se mencionó sin ser explicada es la de guardar los índices de los vértices en la lista de vecinos de NimheSt. Esto es una elección de diseño de esta implementación, el la cuál los vértices o sus nombres "reales" sólo sean de importancia durante la carga del grafo. Luego todas las operaciones se realizan en torno a los arreglos de ordenes o de la información de los vértices sin sus nombres. De esta manera los vértices son referidos luego de la carga directamente a través de sus indices o *identificadores*. Más acerca de esta elección en la sección 7.7

3.1.2 struct _VectorSt_t

Estructura de datos para representar un arreglo dinámico. Se utiliza en la estructura del grafo para guardar los *identificadores* de los vecinos de un vértice.

3.1.3 struct _QueueSt_t

Estructura de datos que implementa una cola circular, dentro de sus miembros tiene un arreglo de *elements* y dos enteros sin signo indicando los índices al primero y el último elemento de la cola.

3.1.4 struct _VerticeSt_t

Estructura de datos no utilizada en la implementación del proyecto. Puede ser utilizada a través de las funciones de verificación de struct VertexGraphData. {c,h} con modificaciones en la función main()

3.2 Estructura general

Debido al tamaño del proyecto, esta implentación se presenta en forma de distintos módulos, cada uno agrupando funcionalidades de manera que mantengan cierta independencia y faciliten la legibilidad. Notar sin embargo que los tipos abstractos de datos implementados no son respetados como tales dentro de las funciones de distintos archivos, dado que todos pertenecen a la misma API y por conveniencia se accede a los tipos abstractos de datos como a cualquier estructura.

3.2.1 APIfiles

3.2.1.1 Types.h

Este módulo hace las llamadas a las librerías generales necesarias en el programa, define las estructuras de datos descritas en la sección 3.1. Contiene el tipo de datos u32 usando el tipo uint32_t. El motivo de esta definición es garantizar que u32 sea un entero de 32 bits sin signo, independientemente del compilador en el que se compila el programa. También define los macros LINE_LENGHT para usar durante la carga del grafo desde un archivo, y los macros VECTOR_INITIAL_CAPACITY y VECTOR_GROWTH_RATE para manejar los incrementos en el tamaño de las estructuras Vector.

3.2.1.2 Cthulhu.{c, h}

El módulo Cthulhu contiene los llamados a todos los demás módulos del programa, de manera que puedan ser usados desde mainEEboucher.c incluyendo únicamente a Cthulhu.h.

Cthulhu define las funciones de construcción y destrucción del grafo NuevoNimhe():

NuevoNimhe()

Prototipo de función:

NimheP NuevoNimhe();

La función aloca memoria, inicializa las variables de NimheSt y devuelve un puntero a ésta. Lee un grafo desde standard input en el formato especificado el la sección 2 y llena la estructura con esos datos.

Ademas de cargar el grafo, asigna el "color" 0 a cada vertice para indicar que están todos no coloreados.

En caso de error, la función devuelve un puntero a NULL. (errores posibles pueden ser falla en alocar memoria, o que el formato de entrada no sea válido, por ejemplo, que la primera linea sin comentarios no empiece con p o que $n^* \neq n$ (ver en el ítem de formato de entrada que significa esto)

• DestruirNimhe()

Prototipo de función:

int DestruirNimhe(NimheP G);

Destruye G y libera la memoria alocada. Retorna 1 si todo anduvo bien y 0 si no.

3.2.1.3 GraphLoad. $\{c, h\}$

Este módulo contiene las funciones auxiliares que se utilizan para la carga de vértices y aristas en el grafo. Las funciones son las siguientes:

• insert_edge()

Prototipo de la función:

```
void insert_edge(NimheP G, u32 fst_vertex, u32 snd_vertex, bool *v_loaded);
```

Inserta una arista en el grafo copiando los dos vértices que la forman. Para hacer esto busca los índices o *identificadores* de fst_vertex y snd_vertex llamando a la función find_vertex_hash() y luego agrega el identificador de cada uno en la lista del otro.

find_vertex_hash()

Prototipo de la función:

```
u32 find_vertex_hash(NimheP G, u32 vertex, bool *v_loaded);
```

Calcula el *código hash* de vertex y ubica a vertex en el grafo G usando el código hash. Hace un sondeo lineal o *linear probing* para chequear el siguiente elemento en el grafo si vertex no fue encontrado en el hash_code en caso que vertex no se encuentre en G, la función le asigna la primera celda disponible que encuentra.

hash_code()

Prototipo de la función:

```
u32 hash_code(u32 key, u32 size);
```

La función define un método de hasheo o hashing method para computar el código hash de key en el rango de 0 a size - 1. Para esto se utiliza el método de avalancha definido en la función de hash MurmurHash. Más sobre la elección de esta función de hash en la sección 7.8

3.2.1.4 VertexGraphData. $\{c, h\}$

Funciones para extraer información de datos de un vértice:

• ColorDelVertice()

Prototipo de Función:

```
u32 ColorDelVertice(VerticeSt x);
```

Devuelve el color con el que está coloreado el vértice x. Si el vértice no esta coloreado, devuelve 0.

• GradoDelVertice()

Prototipo de Función:

```
u32 GradoDelVertice(VerticeSt x);
```

Devuelve el grado del vértice x.

• NombreDelVertice()

Prototipo de Función:

```
u32 NombreDelVertice(VerticeSt x);
```

Devuelve el nombre real del vértice x.

• ImprimirVecinosDelVertice()

Prototipo de Función:

```
void ImprimirVecinosDelVertice(VerticeSt x,NimheP G);
```

Imprime en standard output una lista de los vecinos del vértice x.

Funciones para extraer información de datos del grafo:

• NumeroDeVertices()

Prototipo de función:

```
u32 NumeroDeVertices(NimheP G);
```

Devuelve el número de vértices del grafo G.

• NumeroDeLados()

Prototipo de función:

```
u32 NumeroDeLados(NimheP G);
```

Devuelve el número de lados del grafo G.

• NumeroDeVerticesDeColor()

Prototipo de función:

```
u32 NumeroVerticesDeColor(NimheP G,u32 i);
```

Retorna el número de vértices de color i. (si i = 0 devuelve el número de vertices no coloreados).

• ImprimirVerticesDeColor()

Prototipo de función:

```
u32 ImprimirVerticesDeColor(NimheP G,u32 i);
```

Imprime una lista de los vertices que tienen el color i. Si i = 0, esta representa la lista de vértices no coloreados.

Si no hay vertices de color i imprime "No hay vertices de color i"

Retorna el número de vértices de color i.

• CantidadDeColores()

Prototipo de función:

```
u32 CantidadDeColores(NimheP G);
```

Devuelve la cantidad de colores usados en el coloreo de G.

• IesimoVerticeEnElOrden()

Prototipo de función:

```
VerticeSt IesimoVerticeEnElOrden(NimheP G,u32 i);
```

Devuelve el vértice numero i en el orden guardado en ese momento en G. (el índice 0 indica el primer vértice, el índice 1 el segundo, etc)

• IesimoVecino()

Prototipo de funcón:

```
VerticeSt IesimoVecino(NimheP G, VerticeSt x, u32 i);
```

Devuelve el vecino número i de x en el orden en que esté guardado en G, (el índice 0 indica el primer vértice, el índice 1 el segundo, etc).

3.2.1.5 DataStructs.{c, h}

Funciones de VectorSt:

• vector_init()

Prototipo de la función:

```
void vector_init(Vector *V);
```

Inicializa una estructura Vector. Establece su tamaño en 0, su capacidad en VECTOR_INITIAL _CAPACITY y reserva memoria para un arreglo de datos de tamaño igual a VECTOR_INITIAL _CAPACITY.

vector_append()

Prototipo de la función:

```
void vector_append(Vector *V, u32 value);
```

Agrega value al vector V. Si el arreglo de datos está lleno, un llamado a esta función causará que vector->data se expanda para agregar este valor. En cualquier caso, incrementa vector->size.

vector_free()

Prototipo de la función:

```
void vector_free(Vector *V);
```

Libera la memoria alocada para el arreglo de datos. Observación: esta función no libera la estructura Vector, esto se deja para el nodo cliente, que en este caso es el modulo Cthulhu, en la función de DestruirNimhe().

Funciones de QueueSt:

• Queue_init()

Prototipo de la función:

```
Queue* Queue_init(u32 max_elems);
```

Toma como argumento el máximo número de elementos que la cola puede contener. Crea una Queue del tamaño recibido en la entrada y retorna un puntero a la misma.

• Dequeue()

Prototipo de la función:

```
void Dequeue(Queue *Q);
```

Saca el primer elemento de la cola.

• Queue_front()

```
Prototipo de la función:
```

```
u32 Queue_front(Queue *Q);
```

Retorna el primer elemento de la cola.

• Enqueue()

```
Prototipo de la función:
```

```
void Enqueue(Queue *Q, u32 element);
```

Inserta un elemento al final de la cola.

• Queue_is_empty()

Prototipo de la función:

```
bool Queue_is_empty(Queue *Q);
```

Retorna true si la cola está vacía y false si hay elementos en ella.

• Queue_free()

Prototipo de la función:

```
void Queue_free(Queue *Q);
```

Libera la memoria alocada para el arreglo de los elementos.

3.2.1.6 SortFuncs. $\{c, h\}$

• shuffle()

Prototipo de la función:

```
void shuffle(u32 *array, u32 n, u32 seed);
```

Mezcla los elementos de array usando la semilla seed para generar un órden aleatorio.

• OrdenNatural()

Prototipo de la función:

```
void OrdenNatural(NimheP G);
```

Ordena los vértices del grafo en órden creciente de sus nombres "reales".

• OrdenWelshPowell()

Prototipo de la función:

```
void OrdenWelshPowell(NimheP G);
```

Ordena los vertices de G de acuerdo con el orden Welsh-Powell, es decir, con los grados en orden no creciente.

• ReordenAleatorioRestringido()

Prototipo de la función:

```
void ReordenAleatorioRestringido(NimheP G);
```

Si G está coloreado con r colores y W1 son los vértices coloreados con 1, W2 los coloreados con 2, etc, entonces esta función ordena los vértices poniendo primero los vértices de Wj1 (en algún orden) luego los de Wj2 (en algún orden), etc, donde j1, j2, ... son aleatorios (pero distintos).

• GrandeChico()

Prototipo de la función:

```
void GrandeChico(NimheP G);
```

Si G esta coloreado con r colores y W1 son los vertices coloreados con 1, W2 los coloreados con 2, etc, entonces esta función ordena los vertices poniendo primero los vertices de Wj1 (en algún orden)luego los de Wj2 (en algún orden), etc, donde j1, j2, ... son tales que $|Wj1| \ge |Wj2| \ge ... \ge |Wjr|$.

• ChicoGrande()

Prototipo de la función:

```
void ChicoGrande(NimheP G);
```

Idem que el anterior excepto que ahora el orden es tal que $|Wj1| \le |Wj2| \le ... \le |Wjr|$

• Revierte()

Prototipo de la función:

```
void Revierte(NimheP G);
```

Si el grafo está coloreado con r colores y W1 son los vértices coloreados con 1, W2 los coloreados con 2, etc, entonces esta función ordena los vértices poniendo primero los vértices de Wr (en algún orden) luego los de Wr-1 (en algún orden), etc.

• OrdenEspecifico()

Prototipo de la función:

```
void OrdenEspecifico(NimheP G, u32* x);
```

Si x cumple la condición, entonces la función ordena los vértices con OrdenNatural(), luego lee el orden dado en el string x y los ordena de acuerdo a lo que lee. Es decir, si luego de OrdenNatural, los vértices quedaron ordenados como, por ejemplo, V[0],V[1],...,V[n-1], luego de OrdenEspecifico el orden debe ser V[x[0]],V[x[1]],...,V[x[n-1]].

3.2.1.7 ColorFuncs. $\{c, h\}$

• Chidos()

Prototipo de función:

```
int Chidos(NimheP G);
```

Devuelve 1 si G es bipartito, 0 si no.

• Greedy()

Prototipo de función:

```
u32 Greedy(NimheP G);
```

Corre greedy en G con el orden interno indicado en la estructura NimheSt de G. Devuelve el número de colores que se obtiene.

3.2.2 Dirmain

3.2.2.1 mainEBoucher.c

Este módulo contiene a la función principal para probar el programa, main(). Tiene solamente las llamadas a stdio.h, stdlib.h y Cthulhu.h.

Define auxiliarmente el prototipo de la función time() para generar números aleatorios, y una función de comparación de dos valores que se usa dentro de la función main(). Además define una función shuffle_f(), la misma que shuffle() en SortFuncs. Se define nuevamente en este módulo para mantener la independencia del programa main() con respecto a los APIfiles.

Se usa esta interfaz para cargar leer un grafo desde *standard input*, donde la entrada es como se describe en la sección 2.

Función main():

Prueba el programa de la siguiente manera:

- 1. Carga el grafo. Si el formato de entrada esta mal imprime una línea que dice "Error en formato de entrada" y para. (por ejemplo, si hay una linea que empieza con "d", o si la primera linea que no empieza con "c" no empieza con "p", o si el número de vertices que se extrae de los lados no es n, etc).
 - 2. Si χ (G) = 2 imprime en standard output "Grafo Bipartito" y para.
- 3. Si $\chi(G) > 2$ imprime en una línea "Grafo No Bipartito" y luego crea 10 órdenes aleatorios más Welsh-Powell y corre Greedy con cada uno de esos ordenes imprimiendo cuántos colores obtiene en cada caso.

En el caso de las corridas aleatorias cada linea será de la forma "coloreo aleatorio numero k: r colores" donde r será el número de colores que obtuvieron y k el número de corrida aleatoria.

En el caso del orden WelshPowell la línea será "coloreo con Greedy en WelshPowell:r colores" Además, antes de esa línea habrá una línea en blanco separando de las lineas anteriores de las corridas aleatorias.

- 4. Si llegó a este paso es porque el grafo no es bipartito, por lo tanto si alguno de esos coloreos es con tres colores, ya se sabe que $\chi(G) = 3$ así que imprime una línea que diciendo " $\chi(G) = 3$ " y para.
- 5. Si no se obtuvieron 3 colores con ninguno de los coloreos, se imprime una línea en blanco, luego una línea que dice:

```
====Comenzando Greedy Iterado 1001 veces====
```

y luego otra línea en blanco.

Luego toma el mejor coloreo de los primeros 11 anteriores y corre Greedy 1000 veces cambiando el órden de los colores, siguiendo el siguiente patrón:

- 50% ChicoGrande
- 12,5% GrandeChico
- 31,25% Revierte
- 6,25% ReordenAleatorioRestringido

(nota: esos porcentajes son 8/16, 2/16, 5/16 y 1/16 respectivamente). Luego de estas 1000 iteraciones, hace una iteración final con Revierte, e imprime: Mejor coloreo con Greedy iterado 1001 veces: k colores (a CG,b GC, c R, d RAR) donde k es el menor número de colores que hayan obtenido en las 1001 iteraciones, y a,b,c,d son la cantidad de veces que corrieron Chico Grande,GrandeChico, Revierte y ReordenAleatorioRestringido, respectivamente.

3.3 Descripción de algoritmos

- 4 Indicaciones de error
- 5 Correctitud
- 6 Instrucciones de operación

6.1 Mecanografiado de compilación

Para compilar el proyecto:

```
gcc -Wall -Wextra -O3 -std=c99 -Iapifiles dirmain/mainEBoucher.c apifiles/*.c -o EB
```

La ejecución se puede hacer de las dos siguientes maneras:

• Carga mediante un archivo:

```
./EB <[/ruta/al/archivo/nombre_archivo]</pre>
```

• Carga manual:

./EB

e ingresando el grafo manualmente.

6.2 Descripción de las pruebas

Las pruebas consisten en el monitoreo de la ejecución del programa cuando se corre con un input dado y el control de los resultados de coloreo. Los estimadores de interés para el monitoreo de la ejecución son el tiempo transcurrido que tardó en ejecutarse, y el tamaño máximo del conjunto residente de memoria asignada.

En cuanto al control de los resultados de coloreo, basta con ejecutar la API junto con el mainEBoucher.c provisto. Este imprime el coloreo obtenido de 10 iteraciones iniciales con *órden aleatorio*, luego una iteración en *Órden Welsh-Powell* y de no haberse encontrado el número cromático del grafo, corre *Greedy* 1001 veces con los distintos órdenes implementados y luego imprime el mejor coloreo de esas corridas. También corre el algoritmo *2-color* al principio para verificar si el grafo dado es 2-coloreable, y luego de las 11 primeras corridas, verifica si es 3-coloreable antes de correr *Greedy* 1001 veces.

6.3 Mecanografiado de las pruebas

Existe una gran variedad de herramientas para probar el tiempo y memoria consumidos por el programa. Menciono únicamente dos de ellas:

• Comando htop

Utilizar htop mientras se ejecuta el programa permite visualizar tanto la RAM (columna RES) que está siendo usada por el proceso, y el tiempo (columna TIME+).

• Comando time

El comando *time* corre el programa y da un resúmen de la utilización de recursos. Se puede usar este comando como sigue:

```
command time -v ./EB <[/ruta/al/archivo/nombre_archivo]</pre>
```

command fuerza al shell a ejecutar time, ignorando cualquier función del mismo nombre.

-v: Opcional para obtener un formato detallado, mostrando cada pieza de información disponible sobre el uso de recursos del programa con una descripción en inglés de su significado.

7 Desafíos y elecciones de diseño

7.1 Problema: vértices pueden ser cualquier u32

Esta característica impone la restricción de no poder usar el nombre real de un vértice como índice en el arreglo. Para solucionar este problema, el programa implementa un arreglo como una *hash table*. La hash table utiliza una función hash para insertar elementos en el arreglo y resuelve las colisiones usando sondeo lineal, como se describe en la sección 3.2.1.3.

7.2 Vecinos de un vértice

La implementación de los vecinos de un vértice también fue un desafío dado que durante la carga del grafo, la cantidad de vecinos que tiene un vértice es desconocida. Se trata este problema usando la estructura VectorSt con un arreglo dinámico, alocando más memoria a medida que se llena el arreglo.

7.3 Orden de los vértices

El problema de implementar el órden de los vértices se debe a la inconveniencia de reordenar los vértices en cada iteración, por lo que resultó necesario considarar otra forma de hacerlo. Para resolver el problema del órden de los vértices, consideramos en primer lugar el estado de los vértices dentro de la estuctura del arreglo: cada vértice está asociado a un solo índice, su *identificador*. Se hace uso de este dato y se implementa el órden de los vértices por medio de otro arreglo en el que la i-ésima posición tiene el identificador del i-ésimo vértice en ese órden.

$7.4 \quad \text{Greedy}()$

7.5 Funciones de ordenación

7.5.1 Revierte()

7.5.2 GrandeChico() y ChicoGrande()

7.6 Arreglo de usados

Utilizar variables cuya semántica cambia en distintos contextos es sin dudas una práctica que por motivos razonables no se promueve.

Sin embargo para el propósito de este proyecto resulta ser beneficioso, dado que si no se contara con esta variable compartida:

- 1. Las tres funciones que con esta implementación utilizan el arreglo compartido, deberían crear el arreglo por separado y alocar memoria para la cantidad de elementos necesarios, lo cual lentifica el programa ya que dichas funciones se ejecutan repetidas veces y en ocasiones requiriendo arreglos muy grandes.
- 2. Aumenta el tamaño máximo de memoria RAM residente ocupado por el programa en ejecución, dado que la memoria de los otros arreglos no se estaría liberando. Si así fuera, el código sería más complicado, y no resolvería el problema 1.

Esto se puede evitar con la variable compartida, dado que en los tres casos, el arreglo requerido es del mismo tamaño - igual a la cantidad de vértices del grafo - y el tipo de datos del arreglo en los tres casos es el mismo, de tipo booleano, más adelante se explicarán sus utilizaciones por separado.

7.7 Identificadores de vértices

La elección de guardar los índices de los vértices en la lista de vecinos de NimheSt en lugar de punteros a estructuras se debe al uso más eficiente de la memoria que se obtiene al no utilizarlos. Además se puede observar una mejora en la velocidad del programa.

7.8 Elección de función hash

Al momento de elegir una función de hash para la carga de vértices en el grafo, tuve en consideración distintas funciones hash, las cuales diferían en aspectos como rendimiento y simplicidad.

La función de hash *MurmurHash* es una buena función de hash para propósitos generales, y provee tanto simplicidad como una gran resistencia a colisiones, por lo cual fue una buena elección para este programa.[5]

8 Posibles mejoras

9 Comentarios

10 Referencias

- [1] http://www.geeksforgeeks.org/graph-coloring-applications/
- [2] https://en.wikipedia.org/wiki/Four_color_theorem
- [3] https://proofwiki.org/wiki/Definition:Proper_Coloring
- [4] http://web.math.princeton.edu/math_alive/5/Notes2.pdf
- [5] http://stackoverflow.com/questions/11899616/murmurhash-what-is-it