

3) a) DES ve AES Baellikleri:

i) f fonksiyonu çıkışının sol yarım ile XOR işlemi

ii) f fonksiyonu:

DES'teki f fonksiyonu, AES'te her turda işleme tabi tutulan (word) kelimelere denk gelir. $w[i]$

iii) p permütasyonu

DES'teki S-Box (yöne kayma) işleminden sonra elde edilen 32 bitlik çıktı P-Box'ta uygun bir şekilde değiştirilir. Bu değişiklikte girdi pozisyonuna göre çıktı pozisyonu tasarlanır. AES'te Shift-Rows işlemi (basit bir (baytların grup ve sütunlar arasında depistirme) permütasyonu yapılır.

b) p asal sayı, $x^2 \equiv 1 \pmod{p} \Rightarrow \begin{cases} x \equiv 1 \pmod{p} \text{ ve} \\ x \equiv -1 \pmod{p} \end{cases}$ } ispatlaHalka $(\mathbb{Z}, p, +, \cdot)$ sonlu alandır ve integral domain'dir.

$$x^2 = 1 \Rightarrow (x-1)(x+1) = 0 \Rightarrow (x-1) = 0 \vee (x+1) = 0 \quad \downarrow$$

$$x = \pm 1$$

4)

a) RSA

$n = p \cdot q$, e - açık anahtar

$\text{ebob}(\phi(n), e) = 1$ olmalı

$$d = e^{-1} \bmod \phi(n), \quad 0 \leq d \leq n$$

yok

Açık anahtar = $\{e, n\}$

Gizli anahtar = $\{d, n\}$

$$C = P^e \bmod n \quad \downarrow \quad P = C^d \bmod n$$

e , açık anahtar ve n , ortak çarpan verilmesi durumunda

eğer gizli anahtarı hesaplama imkanı varsa;

$d = e^{-1} \bmod \phi(n)$, $0 \leq d \leq n$
verilenlerden d , gizli anahtarı buluruz ve
 $P = C^d \bmod n$ denkleminde desifreleme yapılır.

b) $\text{EBOB}(m, n) = 1 \rightarrow \phi(m, n) = \phi(m) \cdot \phi(n)$

Euler - Fermat Teoremi

$$m^{\phi(n)} \equiv 1 \bmod n \quad n^{\phi(n)} \equiv 0 \bmod n$$

$$m^{\phi(n)} + n^{\phi(n)} = 1 + 0 \bmod n$$

$$m^{\phi(n)} + n^{\phi(n)} = 1 + 0 \bmod m$$

Chinese Kalan Teoreminden

~~15~~

4)c) Kriptanaliz: Kriptanalitik saldırılar, algoritmanın gizliliği, şifresiz metnin genel karakteristiği hakkında bilgilere ve şifresiz metin - şifreli metin çiftinin bazı örneklerine dayanır. Bu saldırı sonucunda kullanılan anahtar veya şifresiz metin, algoritmanın eksiklerine dayanarak elde edilmeğe çalışılır.

Diferansiyel (ifark) Kriptanaliz: Şifreli metin çiftleri ile onlara ait şifresiz metin çiftleri arasındaki kısmi farkları araştırır. Bu yöntem, aynı anahtar ile şifrelenen şifresiz metin, DES'in turlarında ilerlerken farkının değişimini analiz eden. En iyi saldırı 2^{47} şifresiz metin veya 2^{55} şifreli metin ve 2^{47} DES işlemi gerektirir.

Doğrusal (Linear) Kriptanaliz: DES için 2^{47} şifresiz metin ile aynı noktalarda şifreli metin karşılaştırmak anahtar bulunur. Eğer şifresiz metin bloğunun bitlerine birbiri ile XOR işlemi uygulanır, şifreli metin bloğunun bitlerini de bir biri ile XOR'lar ve sonuçlar da XOR'lanırsa anahtar bitlerinin bazılarının XORlanarak elde edildiği tek bir bitlik sonuç elde edilir. Bu doğrusal bir yaklaşımdır ve p olasılığı ile sağlanır. $p \neq 0,5$ ise anahtar xin kullanılır.

Yan Karol Kriptanalizi: