

第七章 分治算法

【上机练习】

1、方程 $f(x)$ 的根(equation)

【问题描述】

求方程 $f(x)=2^x+3^x-4^x=0$ 在 $[1, 2]$ 内的根。

提示： 2^x 可以表示成 $\exp(x*\log(2))$ 的形式（需包含 `cmath` 库）。

【输入格式】

输入 $[1, 2]$ 的区间值。

【输出格式】

输出方程 $f(x)=0$ 的根， x 的值精确小数点 10 位。

【输入样例】

1 2

【输出样例】

1.5071105957

2、二分查找(binary)

【问题描述】

给出有 n 个元素的由小到大的序列，请你编程找出某元素第一次出现的位置。 $(n \leq 10^6)$

【输入格式】

第一行：一个整数，表示由小到大序列元素个数；下面 n 行，每行一个整数；最后一行一个整数 x ，表示待查找的元素；

【输出格式】

如果 x 在序列中，则输出 x 第一次出现的位置，否则输出 -1。

【输入样例】

5

3

5

6

6

7

6

【输出样例】

3

3、求逆序对(deseq)

【问题描述】

给定一个序列 a_1, a_2, \dots, a_n ，如果存在 $i < j$ 并且 $a_i > a_j$ ，那么我们称之为逆序对，求逆序对的数目。

【输入格式】

第一行为 n ，表示序列长度，接下来的 n 行，第 $i+1$ 行表示序列中的第 i 个数。

【输出格式】

所有逆序对总数。

【输入样例】

4

3

2

3

2

【输出样例】

3

【数据范围】

$$N \leq 10^5, \quad A_i \leq 10^5。$$

4、麦森数(mason)

【问题描述】

形如 2^p-1 的素数称为麦森数，这时 p 一定也是个素数。但反过来不一定，即如果 p 是个素数， 2^p-1 不一定也是素数。到 1998 年底，人们已找到了 37 个麦森数。最大的一个是 $p=3021377$ ，它有 909526 位。麦森数有许多重要应用，它与完全数密切相关。

任务：从文件中输入P ($1000 < P < 3100000$)，计算 $2^P - 1$ 的位数和最后 500 位数字（用十进制高精度数表示）。

【输入格式】

文件中只包含一个整数 P ($1000 < P < 3100000$)。

【输出格式】

第一行：十进制高精度数 2^P-1 的位数：

第 2-11 行：十进制高精度数 2^P-1 的最后 500 位数字（每行输出 50 位，共输出 10 行，不足 500 位时高位补 0）；

不必验证 2^p-1 与 p 是否为素数。

【输入样例】

1279

【输出样例】

386

000

000

0000000000000000104079321946643990819252403273640855

38615262247266704805319112350403608059673360298012

23944173232418484242161395428100779138356624832346

49081399066056773207629241295093892203457731833496

61583550472959420547689811211693677147548478866962

50138443826029173234888531116082853841658502825560

46662248318909188018470682222031405210266984354887

32958028878050869736186900714720710555703168729087