

第8章

8.2 金伍德算法

(2)

8.3

$$p(x) \cdot q(x) = r(x)$$

是
否

随机选择数进行计算

怎么造 m, n, l 有什么用

Algo

$$k = \max \{m+n, l\}$$

for $i=1$ to k

test_case[i] = rand()

for $i=1$ to k

if $p(\text{test_case}[i]) * q(\text{test_case}[i]) \neq r(\text{test_case}[i])$

return false

return true

$$O(\max \{m+n, l\})$$

获得正确解的概率：设所有数为 S ，根解为 $\max \{m+n, l\} / S$

蒙特卡罗算法

8.4.

$A_{p \times q}$

$B_{q \times r}$

$C_{p \times r}$

$A * B \stackrel{?}{=} C$ 比较一部分. 所有的数 $p \times r$.

$$A * (B * X) = C * X$$

$r \times 1$

Algo

while (k)

for $i=1$ to r

$X[i] = \text{rand}()$

if $A * (B * X) \neq C * X$

return false

--k

return true

时间 $O(k(q * r + p * q + p * r))$

获得正确解的概率:

蒙特卡罗算法.

8.7

设 X 表示列表 $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n$ 中的逆序对的个数, 用符号 a_i 表示列表中第 i 大的数. 用符号 X_i 表示列表中的数 $a_j < a_i$ 与 a_i 构成逆序对的个数.

$$X = X_2 + X_3 + \dots + X_n,$$

$$\begin{aligned} E[X] &= E[X_2 + X_3 + \dots + X_n] = E[X_n] + E[X_{n-1}] + \dots + E[X_2] \\ &= \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (n-i) + \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n-1} (n-1-i) + \dots + \frac{1}{2} \sum_{i=1}^1 1 \\ &= \frac{3}{4}n^2 + \frac{1}{4}n \end{aligned}$$

