Sugestões para a P1 de Telecomunicações

Thiago Perrotta, Leonardo Neves, Raphael Sathler, Pedro Cruz e Marcelo Castro Quinta, 02 de Outubro de 2014

Resumo

Este documento contém algumas sugestões de questões para a P1 da disciplina de Telecomunicações, de código COE363, ministrada pelo professor Fernando Gil, na Universidade Federal do Rio de Janeiro (UFRJ), em 2014.2.

Questões

- 1. (Leonardo) Mostre o cálculo da **taxa de transmissão** em um codificador LPC com a seguinte especificação:
 - $F_s = 8 \text{kHz}$
 - 5 coeficientes de 4 bits
 - 7 coeficientes de 5 bits
 - G = 5
 - P = 5
 - Tamanho de cada bloco: 20ms
- 2. (Leonardo) Dado o conjunto de vetores $v = [2, 0, 1]^T$, $w = [2, -2, 0]^T$ e $x = [1, 2, 3]^T$, calcule o seu centroide.
- 3. (Raphael) Mostre como pode ser calculado o **valor médio quadrático** do erro de quantização; **ou**, utilizando a transformada de Fourier, mostre qual é o valor de um **trem de pulsos** em um instante t.
- 4. (Raphael) Um compositor deseja gravar uma música e por isso contratou você para cuidar das questões técnicas. Sabendo que ele usará um piano, um violão e um contra-baixo como instrumentos musicais, cujas frequências mínimas e máximas são $x_{min}, x_{max}, y_{min}, y_{max}, w_{min}$ e w_{max} , respectivamente:
 - Escolha um codificador apropriado para cada instrumento musical;
 - Explique o **motivo** da sua escolha, com base na **faixa de frequências** em que cada codificador opera;
 - Escolha alguns parâmetros para cada codificador e calcule a sua taxa de transmissão.
- 5. (Marcelo) Determine a taxa de transmissão de um codificador CELP com os seguintes parâmetros:
 - Frequência: 10 kHz
 - CodeBook adaptativo: 1024
 - CodeBook fixo: 2048
 - Ganho adaptativo: 7 bits
 - $a_{i's}: M = 16$
 - $a_1, \ldots, a_{16} : 5$ bits

^{*}Representante de turma e editor desse documento.

6.	(Marcelo) Demonstre, de forma matemática, a transformação da multiplicação no tempo para a convolução na frequência, e a transformação da convolução no tempo para a multiplicação na frequência.
7.	(Pedro) Explique, utilizando argumentos matemáticos, o por que de um codificador PCM projetado para a voz humana , cuja frequência varia entre 50Hz e 3kHz, não pode ser utilizado diretamento para codificar o som de uma guitarra elétrica , cuja frequência varia entre 80Hz e 10kHz.
8.	(Pedro) Como é possível adaptar o codificador da questão anterior para que ele consiga codificado som da guitarra? Além disso, qual seria a distorção esperada do mesmo nesse caso?

- 1. Mostre como se chega à forma matricial das **equações normais** utilizadas para obtenção dos **coeficientes de predição linear**. Apresente as características da matriz de Toeplitz e diga qual sua importância para esta forma matricial.
- 2. Por que a **quantização vetorial** reduz a quantidade de bits transmitidos no caso de um codificador **DPCM?** Apresente um diagrama de blocos com e outro sem quantização vetorial para o codificador e decodificador DPCM, ressaltando quais grandezas são transmitidas em cada caso.
- 3. Prove que $F\{S(t) \cdot P(t)\} = S(f) * P(f)$, ou que $F\{S(t) * P(t)\} = S(f) \cdot P(f)$.
- 4. Discorra, detalhadamente, sobre o processo de amostragem de um sinal, justificando no final a conformidade da taxa de Nyquist.
- 5. Para um decodificador CELP, desenhe seu diagrama de blocos e calcula a taxa de transmissão do sistema, sabendo que $F_s = 10kHz$, ambos os codebooks (adaptativo e fixo) têm tamanho 1024, ambos os ganhos têm tamanho de 7 bits, sendo este bloco transmitido a cada 5 ms. Já os $a_i's$ tem 5 bits cada, M = 10, sendo que este bloco é transmitido a cada 20ms.