## Задача А. Предыдущий и следующий двоичный вектор

Имя входного файла: nextvector.in Имя выходного файла: nextvector.out

Во входном файле задан двоичный вектор. Выведите в выходной файл предыдущий и следующий двоичный вектор в лексикографическом порядке. Если какого-либо из них не существует, выведите вместо него «-». Длина вектора во входном файле — от 1 до 200000.

nextvector.in	nextvector.out
10001	10000
	10010
0	-
	1

# Задача В. Предыдущая и следующая перестановки

Имя входного файла: nextperm.in Имя выходного файла: nextperm.out

Во входном файле задано число n и затем перестановка чисел от 1 до n. Выведите в выходной файл предыдущую и следующую перестановку чисел от 1 до n. Если какой либо из них не существует, выведите вместо нее n нулей.  $1 \le n \le 100\,000$ .

nextperm.in	nextperm.out
4	1 2 4 3
1 3 2 4	1 3 4 2
2	0 0
1 2	2 1

## Задача С. Следующее сочетание

Имя входного файла: nextchoose.in Имя выходного файла: nextchoose.out

Во входном файле заданы числа  $n,\ k$  и затем сочетание, состоящее из k чисел от 1 до n.  $(1 \le k \le n \le 10000)$ 

Выведите в выходной файл следующее сочетание в лексикографическом порядке из n чисел по k.

Если его не существует, выведите -1.

nextchoose.in	nextchoose.out
4 2	2 4
2 3	
4 2	-1
3 4	

## Задача D. Следующее разбиение на множества

Имя входного файла: nextsetpartition.in Имя выходного файла: nextsetpartition.out

Рассмотрим множество первых n натуральных чисел: $N_n = \{1, 2, ..., n\}$ . Разбиением на множества называется представление этого множества, как объединения одного или более, попарно непересекающихся подмножеств множеств. Например для n = 5 существуют следующие разбиения:

$$\{1,2,3,4,5\} = \{1,2,3\} \cup \{4,5\}$$
 
$$\{1,2,3,4,5\} = \{1,3,5\} \cup \{2,4\}$$
 
$$\{1,2,3,4,5\} = \{1,2,3,4,5\}$$
 
$$\{1,2,3,4,5\} = \{1\} \cup \{2\} \cup \{3\} \cup \{4\} \cup \{5\}$$

Всего существует 52 разбиения множества  $N_5$ . Заметьте, что мы не различаем разбиения на множества, которые отличаются только порядком подмножеств.

Упорядочим все разбиения на множества  $N_n$  лексикографически. Для этого во-первых в каждом разбиении упорядочим множества лексикографически. Будем говорить, что подмножество  $A \subset N_n$  лексикографически меньше подмножества  $B \subset N_n$ , если верно одно из следующих условий:

- существует i такое, что  $i \in A, i \notin B$ , для всех j < i:  $j \in A$  если и только если  $j \in B$ , и существует k > i такое что  $k \in B$ ;
- $A \subset B$  и i < j для всех  $i \in A$  и  $j \in B \setminus A$ .

Разбиения упорядочены лексикографически следующим образом. Разбиение  $N_n=A_1\cup A_2\cup\ldots\cup A_k$  лексикографически меньше разбиения  $N_n=B_1\cup B_2\cup\ldots\cup B_l$  если существует такое i, что  $A_1=B_1,$   $A_2=B_2,$   $\ldots,$   $A_{i-1}=B_{i-1}$  и  $A_i< B_i.$ 

Дано разбиение  $N_n$ , ваша задача найти следующее разбиение на множества в лексикографическом порядке.

## Формат входного файла

Во входном файле содержится несколько тестов. Каждый тест в первой строчке содержит n и k — количество чисел в разбиваемом множестве, и количество подмножеств в разбиении. ( $1 \le n \le 200$ ). Следующие k строк содержат элементы разбиения. Элементы в каждом подмножестве упорядочены по возрастанию.

Тесты разделены пустой строкой. Последняя строка содержит два нуля.

Сумма всех n по всем тестам не превосходит 2000.

## Формат выходного файла

Для каждого теста выведите в выходной файл следующее разбиение. Если разбиение во входном файле является последним в лексикографическом порядке, то выведите первое в лексикографическом порядке разбиение. Используйте такой же формат, как и во входном файле. Разделяйте ответы для разных тестов пустой строкой.

nextsetpartition.in	${\tt nextsetpartition.out}$
5 2	5 2
1 2 3	1 2 3 4
4 5	5
5 2	5 4
1 3 5	1 4
2 4	2
	3
5 1	5
1 2 3 4 5	
	5 2
5 5	1 2 3 5
1	4
2	
3	5 4
4	1
5	2
	3
0 0	4 5

# Задача Е. Следующая правильная скобочная последовательность

Имя входного файла: nextbrackets.in Имя выходного файла: nextbrackets.out

Во входном файле задана правильная скобочная последовательность. Выведите в выходной следующую за ней в лексикографическом порядке среди всех правильных скобочных последовательностей с таким же количеством открывающихся скобок, «(\* < \*)». Если такой нет, выведите «-». Количество открывающихся скобок в последовательности — от 1 до 100 000.

nextbrackets.in	nextbrackets.out
(())()	()((()))

# Задача F. Следующая мультиперестановка

Имя входного файла: nextmultiperm.in Имя выходного файла: nextmultiperm.out

Во входном файле задано число n и затем мультиперестановка, составленная из чисел от 1 до n. Выведите в выходной файл следующую в лексикографическом порядке мультиперестановку того же мультимножества. Если искомой перестановки не существует, выведите n нулей.  $1 \le n \le 100\,000$ .

nextmultiperm.in	nextmultiperm.out
6	1 3 2 2 1 3
1 3 2 1 3 2	

## Задача G. Следующее разбиение на слагаемые

Имя входного файла: nextpartition.in Имя выходного файла: nextpartition.out

Разбиения числа n на слагаемые — это набор целых положительных чисел, сумма которых равна n. При этом разбиения, отличающиеся лишь порядком слагаемых, считаются одинаковыми, поэтому можно считать, что слагаемые в разбиении упорядочены по неубыванию.

Например, существует 7 разбиений числа 5 на слагаемые:

$$5 = 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1$$

$$5 = 1 + 1 + 1 + 2$$

$$5 = 1 + 1 + 3$$

$$5 = 1 + 2 + 2$$

$$5 = 1 + 4$$

$$5 = 2 + 3$$

$$5 = 5$$

В приведенном примере разбиения упорядочены лексикографически — сначала по первому слагаемому в разбиении, затем по второму, и так далее. В этой задаче вам потребуется по заданному разбиению на слагаемые найти следующее в лексикографическом порядке разбиение.

## Формат входного файла

Входной файл содержит одну строку — разбиение числа n на слагаемые ( $1 \le n \le 100\,000$ ). Слагаемые в разбиении следуют в неубывающем порядке.

## Формат выходного файла

Выведите в выходной файл одну строку — разбиение числа n на слагаемые, следующее в лексикографическом порядке после приведенного во входном файле. Если во входном файле приведено последнее разбиение числа n на слагаемые, выведите «No solution».

nextpartition.in	nextpartition.out
5=1+1+3	5=1+2+2
5=5	No solution