Universidad Nacional de Rosario



FACULTAD DE CIENCIAS ECONÓMICAS Y ESTADÍSTICA

Anteproyecto de Tesina

Modelos longitudinales con covariables que varían en el tiempo

Autor: Esteban Cometto

Directora: Noelia Castellana

Codirectora: Cecilia Rapelli

Índice

1.	Introduction												
2.	Objetivos												
	2.1. Objetivo Principal	4											
	2.2. Objetivos Específicos	4											
3.	Metodología												
	3.1. Los Datos Longitudinales	5											
	3.2. Modelos lineales mixtos	6											
4.	Covariables que varían en el tiempo												
	4.1. Covariables estocásticas y no estocásticas	8											
	4.2. Covariables exógenas y endógenas	8											
	4.3. Otros tipos de CVT	9											
	4.3.1. CVT tipo I	9											
	4.3.2. CVT tipo II	9											
	4.3.3. CVT tipo III	10											
	4.3.4. CVT tipo IV	10											
	4.4. Covariables rezagadas	10											
	4.4.1. Una sola covariable rezagada	11											
	4.4.2. Múltiples covaribales rezagadas	11											
	4.5. Confusores variables en el tiempo	11											
	4.5.1. Feedback	12											
5.	. Consideraciones al usar modelos longitudinales con CVT												
	.1. CVT con valores faltantes												
	5.2. Las CVT contienen información entre-persona e intra-persona	15											
	3. Las CVT pueden tener efecto entre-persona y/o intra-persona												
	5.4. El rol de las CVT en los modelos para la parte media	20											
	5.5. El rol de las CVT en los modelos para la covariancia	20											
6.	Aplicación												
	6.1. Análisis descriptivo	21											

1. Introducción

Los datos longitudinales están conformados por mediciones repetidas de una misma variable realizadas a la misma unidad. Estas mediciones surgen de observar unidades en diferentes ocasiones, es decir en diferentes momentos o condiciones experimentales.

Dado que las mediciones repetidas son obtenidas de la misma unidad, los datos longitudinales están agrupados. Las observaciones dentro de un mismo agrupamiento generalmente están correlacionadas positivamente. Por lo tanto, los supuestos usuales acerca de la independencia entre las respuestas de cada unidad y la homogeneidad de variancias frecuentemente no son válidos

El objetivo principal de estos estudios es estudiar los cambios en el tiempo y los factores que influencian el cambio.

Las ocasiones en las que se registran las mediciones repetidas no necesariamente serán iguales para todos los individuos, por lo tanto se pueden obtener tanto estudios balanceados (todos los individuos tienen el mismo número de mediciones durante un conjunto de ocasiones comunes) como desbalanceados (la secuencia de tiempos de observaciones no es igual para todos los individuos). Otra característica de estos datos es que en ocasiones se pueden obtener valores perdidos, obteniendo datos incompletos aunque se cuente con un estudio balanceado.

Los modelos mixtos permiten ajustar datos con estas particularidades, donde la respuesta es modelada por una parte sistemática que está formada por una combinación de características poblacionales que son compartidas por todas las unidades (efectos fijos), y una parte aleatoria que está constituida por efectos específicos de cada unidad (efectos aleatorios) y por el error aleatorio. Estos modelos permiten, además, hacer predicciones del perfil de una unidad específica. La selección de la estructura de covariancia apropiada produce estimadores más eficientes y consecuentemente, pruebas estadísticas más robustas para los efectos de interés

Las covariables en los estudios longitudinales se pueden clasificar en dos categorias: fijas y variables en el tiempo. Las diferencias entre estos tipos de covariables pueden llevar a diferentes intereses de investigación, diferentes tipos de análisis y diferentes conclusiones.

Las covariables fijas son variables independientes que no tienen variación intra-sujeto, lo que significa que el valor de la covariable no cambia para un individuo determinado en el estudio longitudinal. Este tipo de covariable se puede usar para realizar comparaciones entre poblaciones y describir diferentes tendencias en el tiempo, pero no permite una relación dinámica entre la covariable y la respuesta.

Las covariables variables en el tiempo (CVT) son variables independientes que contienen ambas variaciones, intra y entre sujeto, lo que significa que el valor de la covariable cambia para un individuo determinado a lo largo del tiempo y además puede cambiar para diferentes sujetos. Una CVT se puede usar para hacer comparaciones entre poblaciones, describir tendencias en el tiempo y también la relación dinámica entre la CVT y la respuesta

Se puede ver que las CVT permiten diferentes tipos de relaciones y conclusiones que las covariables fijas. Por ejemplo, una CVT puede estar involucrada en efectos acumulados para diferentes valores a través del tiempo (Fitzmaurice y Lard 1995). Además, ciertas CVT transmiten diferente información

que otras. Por ejemplo, covariables como la edad pueden cambiar a través del tiempo, pero cambian de manera predecible. Por otro lado, covariables como la precipitación diaria pueden cambiar a través del tiempo pero no pueden ser predecidas. En esos casos es importante considerar las relaciones entre la CVT y la respuesta a través del tiempo.

En el presente informe se cuenta con un programa de atención y control de pacientes hipertensos iniciado en el año 2014 en Rosario que realiza un seguimiento exhaustivo de 560 pacientes. Este programa contempla: efectores no médicos supervisados, tratamiento farmacológico genérico para la hipertensión y utilización de un algoritmo terapéutico sistematizado. En cada visita se registra el seguimiento del tratamiento y los valores de la tensión arterial sistólica. En particular, se desea evaluar si la adherencia al tratamiento farmacológico influye en los valores de la tensión arterial sistólica a lo largo del seguimiento. Como la variable "adherencia al tratamiento farmacológico" es una CVT estocástica se evaluaran diferentes enfoques para incluirla en un modelo longitudinal que pueda explicar el cambio en la tensión arterial sistólica media a lo largo del tiempo.

Un aspecto a tener en cuenta en este trabajo es que, si bien contamos con mucha otra información para obtener modelos que describan de mejor manera el comportamiento de la TAS, nos centraremos en modelos más simples con respecto a las covariables fijas con el fin de no perder de vista la relación entre la variable respuesta y la CVT.

2. Objetivos

2.1. Objetivo Principal

Presentar diferentes propuestas metodológicas respecto a la incorporación de covariables que varían con el tiempo en modelos mixtos para datos longitudinales.

2.2. Objetivos Específicos

- Definir los tipos de covariables existentes.
- Evaluar propuestas de incorporación de covariables que varían en el tiempo en los modelos mixtos.
- Aplicar los conceptos vistos en un estudio sobre la tendencia de la presión arterial en el tiempo para pacientes que siguen cierto tratamiento.

3. Metodología

3.1. Los Datos Longitudinales

Los datos longitudinales están conformados por mediciones repetidas de una misma variable realizadas a la misma unidad. Estas mediciones surgen de observar unidades en diferentes ocasiones, es decir en diferentes momentos o condiciones experimentales.

Dado que las mediciones repetidas son obtenidas de la misma unidad, los datos longitudinales están agrupados. Las observaciones dentro de un mismo agrupamiento generalmente están correlacionadas positivamente.

El objetivo principal de estos estudios es estudiar los cambios en el tiempo y los factores que influencian el cambio.

Las ocasiones en las que se registran las mediciones repetidas no necesariamente serán iguales para todos los individuos, por lo tanto se pueden obtener tanto estudios balanceados (todos los individuos tienen el mismo número de mediciones durante un conjunto de ocasiones comunes) como desbalanceados (la secuencia de tiempos de observaciones no es igual para todos los individuos). Otra característica de estos datos es que en ocasiones se pueden obtener valores perdidos, obteniendo datos incompletos aunque se cuente con un estudio balanceado.

Con el fin de simplificar la notación, se asumirá que los tiempos de medición son los mismos para todas las unidades y que no hay datos faltantes.

Se obtiene una muestra de N unidades cada una con n mediciones repetidas de la variable en estudio, observadas en los tiempos $t_1, t_2, ..., t_n$, siendo entonces el número total de observaciones $N^* = Nn$. Se le llama Y_{ij} a la medición sobre la unidad i en la ocasión j, con i = 1, ..., N; j = 1, ..., n

Asociadas a cada unidad se observan las covariables X_{ij} , de las cuales existen dos tipos: variables en el tiempo (estocásticas) e invariables en el tiempo (estacionarias)

Existen estudios empíricos que llevan a pensar que existen tres fuentes potenciales de variabilidad que influyen sobre la correlación entre medidas repetidas:

- Heterogeneidad entre las unidades: Refleja la propensión natural de las unidades a responder. Los individuos tienen diferentes reacciones frente a los mismos estímulos.
- Variación biológica intra-unidad: Se piensa que la secuencia de medidas repetidas de una unidad tiene un comportamiento determinado, que produce que las mediciones más cercanas sean más parecidas.
- Error de medición: Surge debido a los errores de medida, se puede disminuir usando instrumentos de medición más precisos

Estas tres fuentes de variación pueden clasificarse en "variabilidad entre", es decir, la variación entre las unidades (heterogeneidad entre unidades) y "variabilidad intra", es decir, la variación entre las mediciones de las misma unidad (variación biológica intra-unidad y error de medición)

Dado que, como se mencionó anteriormente, las mediciones están correlacionadas entre sí, si se utilizaran las técnicas habituales basadas en la independencia entre mediciones, los errores estándares nominales van a ser incorrectos, lo cual nos llevaría a inferencias incorrectas sobre los parámetros del modelo. En base a esto, surgen técnicas que consideran esa correlación modelando los datos considerando la modelación de dos estructuras: la parte media y la estructura de covariancia.

3.2. Modelos lineales mixtos

En estos modelos, cada unidad tiene una trayectoria individual caracterizada por parámetros y un subconjunto de esos parámetros ahora se consideran aleatorios. La respuesta media es modelada como una combinación de características poblacionales que son comunes a todos los individuos (efectos fijos) y efectos específicos de la unidad que son únicos de ella (efectos aleatorios).

Se consideran las dos fuentes de variación (intra y entre) presentes en los datos longitudinales. Entonces, este modelo va a ser similar al modelo lineal general con respecto a la parte media del mismo, pero se va a diferenciar en cuanto a la estructura de covariancia.

El modelo lineal mixto para la unidad i se puede expresar en forma matricial como:

$$Y_i = X_i \beta + Z_i b_i + \varepsilon_i; \quad i = 1, ..., N; \quad Y_i = (Y_{i1}, Y_{i2}, ... Y_{in_i})'$$

Donde:

- Y_i : Vector de la variable respuesta de la i-ésima unidad, de dimensión $(n_i * 1)$
- X_i : Matriz de diseño de la i-ésima unidad, que caracteriza la parte sistemática de la respuesta, de dimensión $(n_i * p)$
- β : Vector de parámetros de dimensión (p * 1)
- Z_i : Matriz de diseño de la i-ésima unidad, que caracteriza la parte aleatoria de la respuesta, de dimensión $(n_i * k)$
- b_i : Vector de efectos aleatorios de la i-ésima unidad, de dimensión (k * 1)
- ε_i : Vector de errores aleatorios de la i-ésima unidad, de dimensión $(n_i * 1)$

 ε_i y b_i son independientes.

$$\varepsilon_i \sim N_{n_i}(0, R_i)$$

$$b_i \sim N_k(0, D_i)$$

Las matrices D_i y R_i contienen las variancias y covariancias de los elementos de los vectores b_i y ε_i respectivamente. A partir de este modelo se obtiene:

• $E(y_i/b_i) = X_i\beta + Z_ib_i$ (media condicional o específica de la i-ésima unidad)

- $E(Y_i) = X_i \beta$ (media marginal)
- $Cov(Y_i/b_i) = R_i$ (variancia condicional)
- $\bullet \ Cov(Y_i) = Z_iD_iZ_i' + R_i = \varSigma_i$ (variancia marginal)

Generalmente, la matriz D_i adopta una estructura de covariancia arbitraria, mientras que la matriz R_i adopta cualquiera de las vistas anteriormente

4. Covariables que varían en el tiempo

En los estudios longitudinales, las variables independientes pueden ser clasificadas en dos categorías: covariables fijas en el tiempo, es decir que no varían en el tiempo (CNVT) o covariables que varían en el tiempo (CVT). La diferencia entre ellas puede conducir a diferentes enfoques de análisis así como también a diferentes conclusiones.

Las CNVT son variables independientes que no presentan variación intra-sujeto, es decir, los valores de estas covariables no cambian a lo largo del estudio para un individuo en particular. Por ejemplo, el sexo biológico de una persona o el grupo de tratamiento.

Las CVT son variables independientes que incluyen tanto la variación intra-sujeto y la variación entresujetos. Esto significa que, para un individuo en particular, el valor de la covariable cambia a través del tiempo y puede cambiar también entre diferentes individuos. Por ejemplo, valor de la presión arterial o condición de fumar (si/no).

Tanto las CNVT y las CVT ueden ser utilizadas para realizar comparaciones entre poblaciones y describir diferentes tendencias a lo largo del tiempo. Sin embargo, sólo las CVT permiten describir una relación dinámica entre la covariable y la variable respuesta.

4.1. Covariables estocásticas y no estocásticas

Las CVT no estocásticas son covariables que varían sistemáticamente a través del tiempo pero son fijas por diseño del estudio o bien su valor puede predecirse. En cambio, las CVT estocásticas son covariables que varían aleatoriamente a través del tiempo, es decir, los valores en cualquier ocasión no pueden ser estimados ya que son gobernados por un mecanismo aleatorio. Ejemplos de las primeras son: tiempo desde la visita basal, edad, grupo de tratamiento en los estudios cross-over. Ejemplos de las segunas son: valor del colesterol, ingesta de alcohol (si/no), ingesta de grasas, etc.

4.2. Covariables exógenas y endógenas

Se dice que una CVT es exógena cuando los valores actuales y anteriores de la respuesta en la ocasión $j(Y_{i1},...,Y_{ij})$, dados los valores actuales y precedentes de la CVT $(X_{i1},...,X_{ij})$, no predicen el valor posterior de X_{ij+1} . Más formalmente, una CVT es exógena cuando:

$$f(X_{i,i+1}|X_{i,1},...,X_{i,i},Y_{i,1},...,Y_{i,i}) = f(X_{i,i+1}|X_{i,1},...,X_{i,i})$$

$$(4.2.1)$$

Y en consecuencia:

$$E(Y_i|X_i) = E(Y_i|X_{i1}, ..., X_{in_i}) = E(Y_i|X_{i1}, ..., X_{ij})$$
(4.2.2)

Esta definición implica que la respuesta en cualquier momento puede depender de valores previos de la variable respuesta y de la CVT, pero será independiente de todos los demás valores de la covariable. Por ejemplo, en un estudio longitudinal en donde se evalúa si el nivel de polución en el aire está asociado a la función pulmonar, es de esperar que el nivel de polución del aire en una determinada ocasión dependa de

los niveles observados previamente, pero no se espera que dependa de los niveles de la función pulmonar observados previamente en el sujeto.

Una CVT que no es exógena se define como endógena. Por ejemplo, cuando se evalúa si la cantidad de actividad física está asociada al nivel de glicemia. El nivel de actividad física en un determinado momento puede estar (o no) asociado a niveles previos y también puede estar asociado a valores previos de la glicemia (un paciente con valor de glicemia alto en una visita puede decidir aumentar su nivel de actividad física para reducir este valor)

Es posible examinar empíricamente la suposición de que una CVT es exógena al considerar modelos de regresión para la dependencia de X_{ij} en $Y_{i1},...Y_{ij-1}$ (o en alguna función conocida de $Y_{i1},...Y_{ij-1}$) y $X_{i1},...,X_{ij-1}$ (o en alguna función conocida de $X_{i1},...X_{ij-1}$). La ausencia de cualquier relación entre X_{ij} y $Y_{i1},...Y_{ij-1}$, dado el perfil de la covariable anterior $X_{i1},...,X_{ij-1}$, proporciona soporte para la validez de la suposición de que la CVT es exógena.

A los parámetros de regresión se les puede dar una interpretación causal sólo cuando se puede asumir que las CVT son exógenas con respecto a la variable respuesta.

4.3. Otros tipos de CVT

Trabajos más recientes han definido una nueva categorización de las CVT para facilitar las interpretaciones y los métodos de estimación adecuados para el modelo. Se pueden definir cuatro tipos de CVT relacionados con el grado de no exogeneidad con respecto a la respuesta.

4.3.1. CVT tipo I

Se clasifica una CVT como de tipo I si satisface:

$$E(Y_{ij}|X_{i1},...,X_{in_i}) = E(Y_{ij}|X_{ij})$$
(4.3.1)

En otras palabras, una CVT se considera de tipo I si la variable respuesta en la j-ésima ocasión es independiente de todos los valores de la CVT en diferentes momentos, aún de los previos a la ocasión. Variables que involucran cambios predecibles en el tiempo son tratadas como CVT tipo I, por ejemplo la edad o el momento de observación.

4.3.2. CVT tipo II

Una CVT se clasficia de tipo II si:

$$E(Y_{ij}|X_{i1},...,X_{in_i}) = E(Y_{ij}|X_{i1},...,X_{ij})$$
(4.3.2)

Cabe destacar que la clase de covariables de tipo I es un subconjunto de la clase de covariables de tipo II. Esta condición dice que el proceso de la CVT $X_{ij+1},...,X_{in_i}$ no se ve afectado por la respuesta Y_{ij} .

En otras palabras, la variable respuesta en la j-ésima ocasión puede estar asociada a valores previos de la CVT. Esta definición es similar pero no equivalente a la definición de exogeneidad. Se puede demostrar que la exogeneidad es suficiente es condición suficiente para que una CVT sea de tipo II. Este tipo de CVT incluyen covariables que pueden tener una asociación rezagada con la respuesta (los valores anteriores de la CVT pueden afectar a la respuesta actual) pero los valores de la covariable en un momento determinado no se verán afectados por los valores previos de la variable respuesta. Un ejemplo de este tipo de CVT es el "tratamiento farmacológico para la hipertensión arterial" con la variable respuesta "presión arterial".

4.3.3. CVT tipo III

Se clasifica a una CVT como de tipo III si no es de tipo II. No se asume independencia entre la respuesta y la covariable, por lo tanto, uede existir un feedback entre ambas en donde los valores de la CVT pueden estar afectados por valores previos de la variable respuesta. Un ejemplo de este tipo de CVT es el "tratamiento farmacológico para la hipertensión arterial" con la variable respuesta "infarto de miocardio". Mientras que es esperable que la medicación impacte en la probabilidad de tener un infarto de miocardio, también tener un infarto de miocardio puede impactar en el cambio del tratamiento farmacológico.

4.3.4. CVT tipo IV

Una CVT se define como de tipo IV si:

$$E(Y_{ij}|X_{i1},...,X_{in_i}) = E(Y_{ij}|X_{ij+1},...,X_{in_i})$$
(4.3.3)

La CVT puede estar asociada con valores previos de la variable respuesta, pero la variable respuesta no está asociada con valores previos de la covariable, está sólo asociada con el valor observado de la covariable en la misma ocasión. Un ejemplo de este tipo de CVT es "presión arterial" con la variable respuesta "peso". En una determinada ocasión hay relación entre ambas variables, es esperable que valores previos del peso impacten en la presión arterial pero no al revés

4.4. Covariables rezagadas

En la mayoria de los casos, se suele utilizar solo la exposición que ocurre antes del tiempo t para predecir Y_{it} . Sin embargo, en algunas aplicaciones, el historial completo de la covariable $X_{i1}, ..., X_{in_i}$ está disponible y es considerado como potencial predictor de la respuesta. En otras, solo un pequeño subconjunto de las mediciones más recientes son usados, ya que se supone que el efecto en la respuesta está concentrado en ellas. En cualquier caso, el uso de más de una covariable rezagada puede llevar a predictores altamente correlacionados, lo que lleva a preguntarse sobre la elección de cuantos predictores rezagados utiliar y sobre la estructura de sus coeficientes.

4.4.1. Una sola covariable rezagada

En algunas aplicaciones hay justificacion previa para considerar la covariable en un solo rezago k momentos antes de la medición de la respuesta. Por ejemplo, muchos agentes farmacológicos son rápidamente limpiados del cuerpo, por lo que sólo mantienen efectos por una corta duración. En este caso, si la covariable es exógena, puede ajustarse el modelo mixto sin más consideraciones. Lo más común es que se desconozca el valor k apropiado y se consideren varias opciones diferentes.

4.4.2. Múltiples covaribales rezagadas

La literatura de series de tiempo ha considerado modelos tanto para infinitos o finitos rezagos de la covariable. Dado que los datos longitudinales son tipicamente series de tiempo cortas, se puede proponer un modelo de menor dimensión para los coeficientes de las covariables rezagadas. En los modelos rezagados distribuidos, los coeficientes rezagados se asume que siguen una función paramétrica suave de orden inferior. Por ejemplo, para un rezago finito L, se puede usar un modelo polinomial de orden p, con p < L para obtener coeficientes de regresión suaves.

$$Y_{it} = \beta_0 + \beta_1 X_{it-1} + \beta_2 X_{it-2} + \dots + \beta_L X_{it-L},$$
$$\beta_j = \gamma_0 + \gamma_1 j + \gamma_2 j^2 + \dots + \gamma_p j^p$$

A pesar de que los modelos rezagados distribuidos permiten modelar parsimoniosamente las covariables rezagadas múltiples, la especificación de del número de rezagos, L, y el órden del modelo para el coeficiente, p, deben ser consideradas. Ésto puede realizarse a través de tests para modelos anidados, como el test del cociente de verosimilitud o el test de Wald.

4.5. Confusores variables en el tiempo

El análisis de regresión epidemiológica tradicional considera una clasificación de variables que están relacionadas tanto con una exposición de interés como con el resultado, ya sea como confusoras o intermedias. Una confusora se define vagamente como una variable asociada tanto con la exposición de interés como con la respuesta, y que, si se ignora en el análisis, conducirá a estimaciones sesgadas del efecto de la exposición. Una variable intermedia es aquella que se encuentra en la vía causal desde la exposición hasta el resultado y un análisis no debe controlar dicha variable, ya que se pierde el efecto de la exposición mediado por la variable intermedia.

Por ejemplo, en un estudio observacional de pacientes con hipertensión elevada, podemos esperar determinar la magnitud del beneficio (o daño) atribuible a un tratamiento en la supervivencia del paciente o medidas longitudinales como la hipertensión en cierto momento. Sin embargo, podemos encontrar que la hipertensión en el tiempo t prediga tanto la hipertensión en momentos posteriores como las opciones de tratamiento posteriores. En este caso, la hipertensión en el momento s < t es la variable de respuesta para las opciones de tratamiento recibidas antes de s, pero también es un predictor y, por lo tanto, un factor de confusión potencial para el tratamiento administrado en momentos futuros, t > s.

4.5.1. Feedback

Para aclarar los problemas que surgen con las covariables dependientes del tiempo, se consiidera un solo par de tiempos de estudio, t=0,1, con medidas de exposición y respuesta (X_{t-1},Y_t) . Sea Y_t un indicador de gravedad de la enfermedad o de los síntomas (1 = enfermedad/síntomas presentes, 0 = enfermedad/síntomas ausentes) y sea $X_t=1$ si se administra tratamiento y 0 en caso contrario. Se supone que la exposición X_{t-1} precede a Y_t para t=1,2 y que Y_t precede o se mide simultáneamente con X_t . La figura 1 presenta un grafo que representa los modelos secuenciales condicionales:

$$logit E(Y_1/X_0 = x_0) = -0.5 - 0.5x_0, (4.5.1)$$

$$logit E(X_1/Y_1 = y_1, X_0 = x_0) = -0.5 + 1y_1,$$
(4.5.2)

$$logit E(Y_2/H_1^X = h_1^X, Y_1 = y_1) = -1 + 1.5y_1 - 0.5x_1,$$
(4.5.3)

donde
$$H_1^x = \{X_0, X_1\} \ y \ h_1^X = \{x_0, x_1\}$$

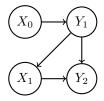


Figura 4.5.1: Covariable variable en el tiempo, X_{t-1} , y respuesta Y_t .

Estos modelos especifican un efecto beneficioso del tratamiento X_0 sobre el resultado en el momento 1 con una razón de odds logarítmica de -0,5 en el modelo $[Y_1|X_0]$. Sin embargo, el segundo modelo especifica que el tratamiento recibido en el momento 2 depende en gran medida del resultado en el momento uno. Para $X_0 = 0$ o $X_0 = 1$, si los pacientes tienen una respuesta inicial deficiente $(Y_1 = 1)$, es más probable que reciban tratamiento en el momento 2 que si respondieran bien $(Y_1 = 0)$. Finalmente, la respuesta en el segundo tiempo está fuertemente correlacionada con la respuesta inicial y está influenciada por el tratamiento en el tiempo 2.

Tabla 4.5.1: Recuentos esperados cuando se tratan inicialmente 500 sujetos, $X_0 = 1$, y 500 sujetos no reciben tratamiento, $X_0 = 0$, cuando el tratamiento en el momento 2, X_1 , se predice por el resultado en el momento 1, Y_1 , según el modelo dado por 4.5.1-4.5.3

X_0 n	0 500									1 500							
$Y_1 \\ n$	0 311				1 189				0 365				1 135				
$X_1 \\ n$	0 194		1 117		0 71		1 118		$0 \\ 227$		1 138		0 51		1 84		
$Y_2 \\ n$		1 52	0 96	1 21	0 27	1 44	0 59	1 59	0 166	1 61	0 113	$\frac{1}{25}$	0 19	1 32	0 42	1 42	
$E(Y_2)$	$E(Y_2 x_0=1, x_1=1) = (25+42)/(138+84) = 0.30$																
$E(Y_2 x_0 = 1, x_1 = 0) = (61 + 32)/(227 + 51) = 0.33$																	
$E(Y_2 x_0 = 0, x_1 = 1) = (21 + 59)/(117 + 118) = 0.34$																	
$E(Y_2 x_0 = 0, x_1 = 0) = (52 + 44)/(194 + 71) = 0.36$																	

La tabla 4.5.1 muestra los recuentos esperados para cada camino de tratamiento/resultado si 500 sujetos recibieron tratamiento inicialmente y 500 sujetos no. Esta tabla ilustra el beneficio del tratamiento en el momento 1 en la primera respuesta, Y_1 , y muestra que solo se espera que 134 sujetos (27%) tengan síntomas si reciben tratamiento inicial en comparación con 189 sujetos (38%) entre los que no reciben tratamiento. El beneficio aparente del tratamiento disminuye en el segundo tiempo de medición con un 30% de pacientes que muestran síntomas entre los que reciben tratamiento en ambos momentos $(X_0 = X_1 = 1)$ frente a un 36% entre los que no reciben tratamiento en ningún momento $(X_0 = X_1 = 0)$.

Las distribuciones condicionales en 4.5.1-4.5.3 conducen a una distribución marginal de Y_2 condicional al tratamiento en los tiempos 1 y 2 representado por la estructura de regresión:

$$logit E(Y_2|H_1^X = h_1^X) = -0.56 - 0.13x_0 - 0.1x_1 - 0.04x_0x_1$$
(4.5.4)

Este modelo indica un impacto beneficioso del tratamiento entre aquellos sujetos que se observó que recibieron tratamiento en el momento 1 y en el momento 2. Tenga en cuenta que la expectativa marginal se calcula tomando promedios sobre la distribución del resultado intermedio. Dado que la variable intermedia influye tanto en el segundo resultado como en la asignación del tratamiento, necesitamos promediar Y_1 para obtener ambos $Pr(Y_2|X_0, X_1)$ y $Pr(X_1|X_0)$:

$$\mu_2(x_0,x_1) = Pr(Y_2 = 1|X_0 = x_0, X_1 = x_1),$$

$$\mu_2(1,1) = \frac{Pr(Y_2 = 1, X_1 = 1|X_0 = 1)}{Pr(X_1 = 1|X_0 = 1)},$$

$$Pr(Y_2 = 1, X_1 = 1|X_0 = 1) = \sum_{y_1 = 0,1} Pr(Y_2 = 1|X_1 = 1, Y_1 = y_1, X_0 = 1)$$

$$X \ Pr(X_1 = 1|Y_1 = y_1, X_0 = 1),$$

$$X \ Pr(Y_1 = y_1|X_0 = 1),$$

$$Pr(X_1 = 1|X_0 = 1) = \sum_{y_1=0,1} Pr(X_1 = 1|Y_1 = y_1, X_0 = 1)$$

$$X Pr(Y_1 = y_1|X_0 = 1)$$

Suponga que el objetivo científico es determinar el efecto del tratamiento en el momento 1 y el momento 2 en el estado final del paciente, Y_2 . Podemos considerar reportar las medias marginales observadas $\mu(x_0, x_1)$. Sin embargo, dado que Y_1 está correlacionado tanto con X_1 como con Y_2 , reconocemos que estos efectos marginales observados no explican el factor de confusión Y_1 y, por lo tanto, no reflejan el efecto causal del tratamiento. La estructura marginal refleja un pequeño efecto beneficioso del tratamiento en el momento 1 además del momento 2, con el coeficiente de X_0 en 4.5.4 igual a -0.13. Por otro lado, si el análisis controlara Y_1 , entonces obtendríamos el modelo condicional 4.5.3 que generó los datos. En este modelo que ajusta por Y_1 no hay efecto de X_0 sobre la media (condicional) de Y_2 ya que hemos condicionado la variable intermedia Y_1 y bloqueado el efecto de Y_0 . Por lo tanto, el análisis que ajusta por Y_1 no refleja el efecto causal tanto de X_0 como de X_1 ya que al condicionar a una variable intermedia solo caracteriza efectos directos.

Esta simple ilustración muestra que con exposiciones longitudinales (tratamientos) y resultados longitudinales, una variable puede ser tanto una variable de confusión como una variable intermedia. Entonces no se pueden usar métodos de regresión estándar para obtener declaraciones causales.

5. Consideraciones al usar modelos longitudinales con CVT

Las CVT suelen medirse en las mismas ocasiones que la variable respuesta, aunque no tiene por qué ser así. Por ejemplo, si interesa un efecto retrasado de una CVT, entonces un investigador puede compensar deliberadamente la recopilación de los datos de la respuesta correspondientes por un rezago de tiempo predeterminado para examinar la relación temporal específica esperada. Sin embargo, será más útil tener una correspondencia temporal directa entre las covariables y las respuestas que varíen con el tiempo. Por ejemplo, si una covariable se mide diariamente pero una respuesta se mide solo semanalmente, entonces los valores de la covariable diaria tendrían que agregarse o resumirse de alguna manera a la semana más cercana para que se examine su efecto en un resultado semanal. Al considerar el escenario inverso en el que una covariable se evalúa semanalmente pero una respuesta se evalúa diariamente, la covariable solo podría tener un efecto a nivel de semana (p. ej., podría predecir el resultado medio entre días durante la semana en la que se midió el predictor). Por lo tanto, en general, aunque las CVT y los resultados no necesariamente deben recopilarse en el mismo momento exacto, deben utilizatse dentro del mismo marco.

5.1. CVT con valores faltantes

Antes de continuar, debemos reconocer el impacto de la presencia de valores faltantes en las CVT al estimar modelos longitudinales. La forma en que la mayoría del software "maneja" los datos faltantes es exigir que un caso sea completo (debe incluir todas las covariables y las respuestas del modelo) para que el caso sea incluido en el modelo. La eliminación de casos en los que falta alguna CVT o respuesta crea tres problemas: estadísticas de ajuste incomparables si los modelos se basan en casos diferentes, una reducción en el poder estadístico y la posibilidad de resultados sesgados del modelo. Los dos primeros problemas se pueden abordar mediante la estimación de modelos longitudinales a través de software más avanzado para modelos de ecuaciones estructurales. Estos modelos permitirán que los casos en los que falten covariables variables en el tiempo permanezcan en el modelo, dadas las suposiciones específicas sobre las distribuciones de la CVT y las razones de sus datos incompletos.

Con respecto al tercer problema de sesgo potencial, la eliminación de casos con CVT o respuestas faltantes dará como resultado efectos sesgados si los datos no faltan al azar (MAR - Missing at random), una condición en la que la falta es predecible a partir de los otros datos de la persona. Aunque es muy importante para la mayoría de los métodos modernos poder abordar los datos faltantes, desafortunadamente la suposición de MAR no es comprobable, pero incluir las otras ocasiones completas de la persona, así como cualquier covariable relacionada con la falta (es decir, incluso si no está relacionada con la respuesta) puede hacer más plausible la suposición de MAR.

5.2. Las CVT contienen información entre-persona e intra-persona

Como es sabido, todas las covariables fijas deben estar centradas y tener un valor de 0 significativo para que el intercepto del modelo sea interpretable. El mismo requerimiento aplica al modelar el efecto de las CVT, excepto que las decisiones relacionadas con el centrado puede ser mucho más complicado

cuando se aplica a una CVT. La razón de esto, como se explica a continuación, es que aunque las CVT se miden a nivel de tiempo (es decir, en cada ocasión), por lo general también contienen una variación sistemática en niveles más altos de muestreo (es decir, variación invariable en el tiempo). Es decir, Las CVT contienen información tanto entre personas como dentro de la persona. En consecuencia, ambas fuentes de variación deben estar representadas explícitamente (y centradas apropiadamente) dentro de un modelo longitudinal.

Considere el ejemplo en el que el estrés predice un estado de ánimo negativo. Aunque los niveles de estrés variarán a lo largo de los días, en la medida en que algunas personas tiendan a reportar más estrés todos los días, el estrés también variará sistemáticamente entre personas. Es decir, aunque el estrés variable en el tiempo se mida a lo largo del tiempo, lo más probable es que contenga variación entrepersona (es decir, diferencias de persona a persona en los niveles medios de estrés a lo largo de los días) así como variación intra-persona (es decir, variación en torno al nivel medio de un persona, tener más o menos estrés de lo habitual en un momento dado). Debido a que las variables longitudinales generalmente contienen variaciones tanto entre personas como dentro de las personas, como resultado, generalmente son dos variables en lugar de una. Cada fuente de variación (variación de persona a persona y variación de tiempo a tiempo) puede tener un efecto diferente en la respuesta (un efecto entre-persona y un efecto intra-persona, respectivamente. En el ejemplo del estrés y el estado de ánimo negativo, las personas con mayor estrés en promedio (que otras personas) pueden reportar mayor estado de ánimo negativo en promedio; este efecto entre personas se consideraría como un rasgo o efecto crónico. Además, en momentos en que el estrés es más alto de lo habitual, el estado de ánimo negativo también puede ser mayor de lo habitual; este efecto dentro de la persona se consideraría un estado o efecto agudo.

Un precursor lógico para examinar los efectos entre-persona e intra-persona de una CVT es estimar qué parte de su variación se debe a cada fuente. Para determinar esto, podemos tratar la CVT como una respuesta y usar un modelo de intercepción aleatoria de medias vacías para cuantificar su cantidad de variación entre personas (como la varianza de la intercepción aleatoria $\tau_{U_0}^2$) y la variación dentro de la persona (como la varianza residual σ_e^2) con el fin de calcular una correlación intraclase como $ICC = \tau_{U_0}^2/(\tau_{U_0}^2 + \sigma_e^2)$. El ICC indica la proporción de la variancia total que existe entre las personas en sus niveles medios de respuesta a lo largo del tiempo (es decir, debido a $\tau_{U_0}^2$). Si esa variación entre personas ($\tau_{U_0}^2$) es significativamente mayor que 0 se puede evaluar mediante la prueba de razón de verosimilitud.

El tamaño del ICC dictará qué efectos puede mostrar potencialmente la CVT. Primero (y más probable), si hay una variación significativa entre-persona en la CVT (es decir, $\tau_{U_0}^2 > 0$), entonces esa variación entre-persona puede mostrar potencialmente un correspondiente efecto entre-persona. Alternativamente, si la CVT no tiene una variación significativa entre-personas (es decir, $\tau_{U_0}^2 \approx 0$), esto significa que solo tiene variación intra-persona y, por lo tanto, la CVT solo podría mostrar un efecto intra-persona. Un ejemplo de cuándo es probable que ocurra lo último es cuando se modela el cambio a lo largo de un tiempo balanceado. Si todos en la muestra tienen el mismo conjunto de observaciones de tiempo balanceado, entonces el predictor de tiempo solo tendrá una variación intra-persona y, por lo tanto, solo puede mostrar un efecto intra-persona. Sin embargo, cuando el tiempo está desbalanceado de tal manera que

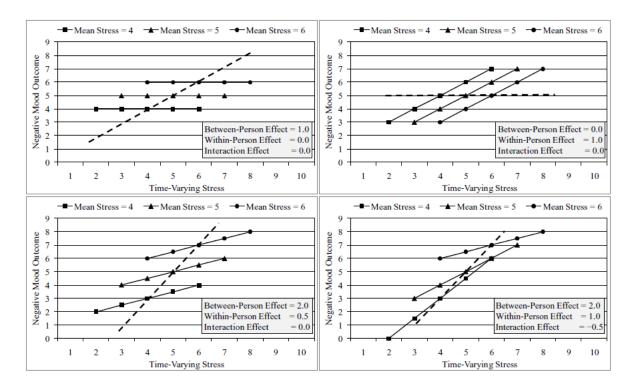


Figura 5.3.1: Efectos hipotéticos entre-persona (como la pendiente de la línea discontinua a través de la media de la persona) y efectos intra-persona (como la pendiente de la línea completa para la media = 5; marcadores triangulares) del estrés variable en el tiempo sobre el estado de ánimo negativo variable en el tiempo.

su ICC es mayor que 0 (p. ej., las personas difieren al comienzo de un estudio en edad o nivel de grado), entonces ese tiempo predictor de tiempo desbalanceado (p. ej., edad o grado) tiene el potencial de mostrar efectos diferenciales entre-persona e intra-persona. Finalmente, también es posible que una CVT tenga un $ICC \approx 1$, lo que indica poca o ninguna variación intra-persona (y en cuyo caso es esencialmente una covariable invariable en el tiempo). Desafortunadamente, por lo general, no existen maneras sencillas en la mayoría de los softwares para probar si la cantidad de variación intra-persona es significativamente mayor que 0 (es decir, $\sigma_e^2 > 0$ and ICC < 1). Sin embargo, si $ICC \approx 1$, la CVT debe tratarse como una covariable invariante en el tiempo, por ejemplo, incluyendo solo su valor en el tiempo 0.

5.3. Las CVT pueden tener efecto entre-persona y/o intra-persona

El tipo de variación que tiene una CVT (entre personas y/o dentro de una persona) dictará los tipos de efectos que puede mostrar. Para ilustrar mejor estos diferentes efectos, en la figura 5.3.1 se muestran cuatro conjuntos de efectos hipotéticos de estrés variable en el tiempo (en el eje x) que predicen un estado de ánimo negativo variable en el tiempo (en el eje y).

Aquí el estrés y el estado de ánimo negativo son variables continuas con una media de 5 para facilitar la explicación, y se trazan trayectorias separadas para personas con una puntuación media de estrés a lo largo del tiempo de 4, 5 o 6. Nótese que el *tiempo* no es necesario en 5.3.1: una vez que se hayan incluido en el modelo los efectos fijos y aleatorios necesarios relacionados con el tiempo, probablemente ya no importará en qué ocasión se trate al considerar los efectos de CVT. Aquí, lo que necesitamos

saber es cuál fue el valor de estrés en cada ocasión, y no necesariamente *cuándo* se informó ese valor de estrés (sin embargo, en qué ocasión puede importar si el efecto de la CVT cambia con el tiempo). Críticamente, tanto el estrés como el estado de ánimo negativo tienen variación entre-persona y variación intra-persona y, por lo tanto, existe la posibilidad de que el estrés muestre un efecto tanto entre-persona como intra-persona, 5.3.1 fue diseñado para ilustrar diferentes patrones de estos efectos.

Para comenzar, el panel superior izquierdo de 5.3.1 muestra un efecto de estrés que es completamente entre-persona: hay una pendiente positiva de 1 a través de la media de estrés de la persona (como lo muestra la línea discontinua a través de el centro de las trayectorias individuales), lo que indica que por cada unidad mayor de estrés medio de la persona se espera que el estado de ánimo negativo medio sea superior a 1. O dicho de manera más simple, las personas que reportan más estrés en promedio que otras personas tienden a ser más gruñonas en promedio que otras personas. Sin embargo, no hay efecto de estrés dentro de las personas (las trayectorias individuales tienen una pendiente de 0), lo que indica que reportar más estrés que su propia media no tiene ningún efecto sobre el estado de ánimo negativo de esa ocasión. Esto significa que el efecto del estrés en el panel superior izquierdo es completamente transversal: las diferencias individuales en el estrés promedio a lo largo del tiempo se relacionan con el estado de ánimo negativo promedio, pero la variación intraindividual en el estrés no se relaciona con el estado de ánimo negativo de esa ocasión.

A continuación, considere el panel superior derecho de 5.3.1, que muestra un efecto del estrés que es completamente *intra-persona*: hay una pendiente positiva de 1 en cada trayectoria de estrés individual, lo que indica que para cada unidad *más estrés que su propia media* (cualquiera que sea su propia media), se espera que el estado de ánimo negativo de esa ocasión sea 1 más alto. O dicho de manera más simple, se predice que el estado de ánimo negativo será más alto de lo habitual en los días en que las personas reportan más estrés de lo habitual. Sin embargo, esta vez no hay efecto del estrés entre-persona: el estrés medio de la persona no predice el estado de ánimo negativo medio de la persona. Entonces, el efecto del estrés en el panel superior derecho es completamente *longitudinal*: no es que las personas crónicamente estresadas sean más gruñonas que otras personas, es que cada vez que las personas reportan más estrés de lo normal (independientemente de lo que sea "habitua", como lo indica el estrés medio de su persona), también son más gruñones de lo habitual.

Sin embargo, rara vez encontramos solo un efecto entre-persona o solo un efecto intra-persona de una CVT, es más probable que ambos efectos se observen hasta cierto punto. Para ilustrar, considere el panel inferior izquierdo de 5.3.1, que muestra los efectos de estrés positivos de ambos tipos. Pero aquí el efecto entre-persona de 2 es mayor que el efecto intra-persona de 0.5: la pendiente de la línea a través de las medias de las personas tiene una pendiente de 1.5 más pronunciada que la pendiente de las trayectorias de estrés individuales. En consecuencia, por cada unidad de estrés de una persona sobre otras personas, se espera que el estado de ánimo negativo sea 2 veces más alto, pero por cada unidad de más estrés que la propia media, se espera que el estado de ánimo negativo de esa ocasión sea más alto en 0.5. Dada la misma variabilidad tanto para el estrés como para el estado de ánimo negativo (es decir, ICC de 0.5 para cada variable), este resultado significaría que ser una persona más estresada (que otras personas) es más importante para predecir el estado de ánimo negativo que tener una ocasión más estresante (de lo

habitual), pero aquí tanto las diferencias individuales como la variación intraindividual en el estrés son importantes hasta cierto punto.

Hasta ahora, los efectos hipotéticos del estrés han sido aditivos en todos los niveles, pero este no tiene por qué ser el caso. Para ilustrar, considere el panel inferior derecho de 5.3.1 en el que también está presente una interacción entre el estrés entre-persona y el estrés intra-persona. En consecuencia, los dos efectos principales del estrés ahora están condicionados el uno al otro: el efecto de estrés entre-persona de 2 se aplica específicamente cuando las personas están en sus propios niveles medios de estrés (p. ej., como lo muestra la línea discontinua a través de la estrés medio de la persona), y el efecto de estrés intrapersona de 1 se aplica específicamente para las personas en el valor central del estrés medio de la persona (p. ej., el estrés medio de la persona = 5 aquí, como lo indican los triángulos). La interacción entre el estrés entre-persona y el estrés intra-persona de -0.5 se puede interpretar de dos maneras equivalentes. Primero (y más intuitivamente), significa que el efecto dentro-persona de reportar más estrés de lo habitual en una ocasión dada (que era 1 dado el estrés medio de una persona = 5) se vuelve menos positivo por 0.5 por cada unidad mayor del estrés medio de esa persona: el efecto de reportar más estrés de lo habitual importa menos para las personas que tienen más estrés en general. Alternativamente, la interacción entre el estrés entre-persona y el estrés intra-persona de -0.5 también significa que el efecto entre-persona de reportar un mayor estrés medio que otras personas (que es 2 cuando el estrés variable en el tiempo está en la media de la persona) se vuelve menos positivo en 0.5 por cada unidad más de estrés que lo habitual: las diferencias entre las personas debido al estrés medio son menos pronunciadas cuando las personas están más estresadas que lo habitual.

Para resumir, es probable que las CVT sean informativas en múltiples niveles de análisis porque casi siempre contienen variancia tanto entre-persona como intra-persona, y es probable que cada fuente de variación tenga un efecto diferente sobre el resultado. Estos efectos pueden ser aditivos o interactivos (y cada uno de ellos también puede interactuar con otros predictores). La experiencia sugiere que es la regla, más que la excepción, que los efectos entre-persona e intra-persona de las CVT diferirán entre sí, y hay (al menos) dos razones para esto. La primera razón se relaciona con los constructos teóricos medidos por la covariable en el análisis. En el ejemplo del estrés, una confluencia de varios factores crónicos puede resultar en que un individuo determinado sea una persona con "mucho estrés.º "bajo estrés", tales como variables de personalidad, diferencias en el estilo de vida, etc. Sin embargo, es probable que factores diferentes y más reales sean la razón por la que algunos días son más estresantes que otros, como las desviaciones específicas temporales de las rutinas normales de trabajo, familia o salud. Por lo tanto, dado que la variación entre-personae intra-persona probablemente represente dos constructos teóricos diferentes, su efecto sobre un resultado dado a menudo será de diferentes magnitudes o incluso de diferentes direcciones. Pero además de las diferencias en los constructos que reflejan, sin embargo, la segunda razón por la cual los efectos entre-persona e intra-persona probablemente difieran entre sí es simplemente porque son coeficientes no estandarizados. Es decir, cantidades desiguales de variación entre-persona versus intra-persona darán como resultado efectos fijos que se estiman en diferentes escalas numéricas.

5.4. El rol de las CVT en los modelos para la parte media

Ahora consideramos los roles potenciales que pueden desempeñar las CVT en cada parte del modelo. Se cree comúnmente que el papel de los efectos fijos de las CVT en el modelo de las medias es aportar a la varianza residual intra-persona (σ_e^2) . Si bien esto es cierto, no es toda la historia, porque los predictores que varían en el tiempo deberán estar representados por dos covariables separadas que distingan sus fuentes de variación entre-persona e intra-persona para distinguir adecuadamente su potencial efecto entre-persona e intra-persona en un resultado longitudinal. Por lo tanto, para ser más específicos, es la parte intra-persona de la CVT la que potencialmente podría explicar la variancia σ_e^2 intra-persona. De manera similar, las interacciones entre las partes intra-persona de dos o más CVT también reducirían σ_e^2 . En contraste, la parte entre personas de la CVT es en realidad una covariable invariante en el tiempo. Y, como ua sabemos, las covariables invariantes en el tiempo pueden modificar cualquier término para la intersección, la asíntota, el cambio en el tiempo o el efecto de cualquier CVT.

5.5. El rol de las CVT en los modelos para la covariancia

Además de los efectos fijos en el modelo de la parte media que pueden explicar la variancia de la respuesta, una CVT puede contribuir al modelo de la variancia de dos formas. Primero, los predictores variables en el tiempo pueden tener efectos aleatorios, es decir, cada persona puede necesitar su propia pendiente para el efecto de la CVT. Por ejemplo, el efecto de tener más estrés de lo normal en el estado de ánimo negativo podría diferir aleatoriamente entre las personas. Las diferencias individuales en las pendientes se convertirían entonces en otra cantidad de variancia a predecir (es decir, mediante interacciones entre niveles de la CVT con la pendiente aleatoria con una o más covariables invariantes en el tiempo, tal como vimos en secciones anteriores)

En segundo lugar, las CVT también se pueden usar para predecir la heterogeneidad de la variancia en la respuesta. La parte entre-persona de una CVT puede predecir la heterogeneidad de la variancia entre persona (es decir, cantidades diferenciales de las variancias de efectos aleatorios entre personas) o la heterogeneidad de la variancia residual intra-persona (es decir, cantidades diferenciales de fluctuación intra-persona entre personas). Pero la parte intra-persona de una CVT solo puede predecir la heterogeneidad de la variancia residual intra-persona. En resumen, especificar y evaluar correctamente las muchas contribuciones de una CVT (y todas sus partes aditivas e interactivas) en un modelo longitudinal puede ser una tarea bastante compleja.

6. Aplicación

Se cuenta con un programa de atención y control de pacientes hipertensos iniciado en el año 2014 en Rosario que realiza un seguimiento exhaustivo de 560 pacientes de entre 30 y 86 años (M=58.84, DS=9.87) y, de los cuales un 49.28% son hombres. Las visitas se realizaron una vez por mes durante 7 meses desde la primera consulta y en cada una de ellas se registró si la persona estaba adhiriendo correctamente al tratamiento y el valor de la tensión arterial sistólica (TAS) (M=134.10, DS=16.07).

A fines de centrarse en la CVT se dejaron de lado algunas covariables fijas derivadas de estudios de laboratorio, manteniendo solo algunas covariables sociodemográficas de interés para lograr una estabilidad entre modelos interpretables pero no demasiado complejos sin perder el objetivo principal de este informe.

6.1. Análisis descriptivo

En esta sección se presentaran diversos gráficos para ayudar a entender un poco mejor la población en estudio.

En la figura 6.1.1 se puede observar que en general la TAS se mantiene constante (o con una muy leve pendiente decreciente) a través del tiempo. Esto a simple vista no resultaría muy alentador, dado que el propósito del tratamiento es disminuir la TAS a niveles más saludables. Sin embargo, como se mencionó anteriormente, los pacientes no adhirieron al 100% el tratamiento, este efecto es el que estudiaremos más adelante. Cabe destacar que las mediciones de los pacientes son equiespaciadas en el tiempo, las desviaciones del eje en el tiempo se deben a una técnica llamada "jitter" que nos permite mover levemente los puntos en el eje x para poder observar mejor la densidad de los mismos.

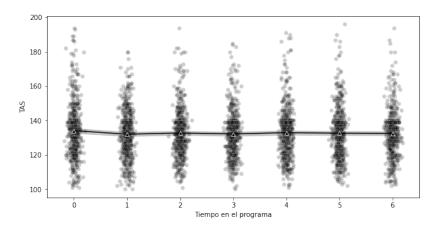


Figura 6.1.1: TAS de cada paciente en cada tiempo

En la figura 6.1.2 se pueden observar las trayectorias individuales de 15 pacientes seleccionados al azar, las pendientes son muy similares entre sí, sin embargo hay variación en la ordenada al origen.

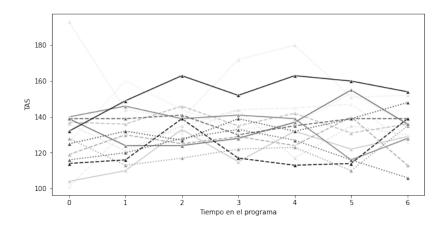


Figura 6.1.2: TAS a través del tiempo de 15 pacientes al azar

Otro gráfico que resulta de interés es observar la evolución de la TAS a través del tiempo pero sobre cada grupo de las covariables fijas, el resultado se expresa en la figura 6.1.3. Para las variables continuas, se utilizó como punto de corte para segmentar en grupos la mediana de sus valores. Podemos observar que, ya sea en mayor o en menor medida, estas covariables parecen tener un efecto en la ordenada al origen pero no en la pendiente. Teniendo menor TAS los pacientes con IMC más bajo, los más jóvenes, los que no padecieron diabetes, y las mujeres. Este es el comportamiento esperado en las respectivas primeras 3 covariables mencionadas, ya que es de público conocimiento que los grupos mencionados con menor TAS se consideran más saludables.

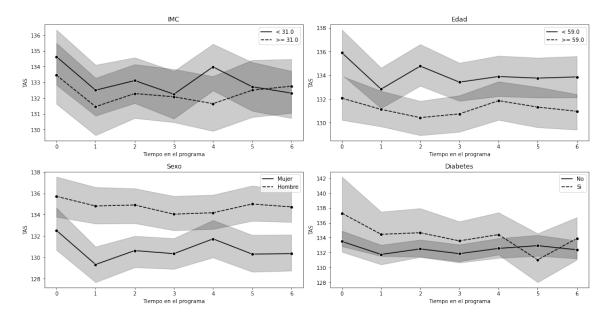


Figura 6.1.3: TAS a través del tiempo sobre grupos de covariables

Bibliografía

- [1] G. M. Fitzmaurice, N. M. Laird, and J. H. Ware, *Applied Longitudinal Analysis*. John Wiley & Sons, 2004.
- [2] P. J. Diggle, P. Heagerty, K.-Y. Liang, and S. L. Zeger, *Analysis of Longitudinal Data*. Oxford University Press, 2002.
- [3] D.-G. Chen and J. R. Wilson, *Innovative Statistical Methods for Public Health Data*. Springer International Publishing, 2015.
- [4] L. Hoffman, Longitudinal Analysis, Modeling Within-Person Fluctuation and Change. Routledge, 2015.