

# Sumário

<b>Introdução</b>	<b>1</b>
<b>Exercício 1 {ex1}</b>	<b>2</b>
<b>Exercício 2 {ex2}</b>	<b>6</b>
<b>Exercício 3 {ex3}</b>	<b>7</b>
<b>Exercício 4 {ex4}</b>	<b>8</b>
<b>Exercício 5 {ex5}</b>	<b>9</b>
<b>Exercício 6 {ex6}</b>	<b>10</b>
<b>Exercício 7 {ex7}</b>	<b>11</b>

# Introdução

Esta lista de exercícios foi proposta pelo Prof. Dr. Igor Machado Coelho, como atividade continuada do tópico Estruturas Lineares na disciplina de Estrutura de Dados e Algoritmos, do Programa de Pós-graduação em Ciência da Computação (PGC) da Universidade Federal Fluminense (UFF), Campus Niterói.

O autor é servidor público no Instituto Federal de Rondônia (IFRO) - *Campus Vilhena* e atua como docente nas disciplinas da área de Engenharia Elétrica, também é aluno, em nível de doutorado, do PGC-UFF e participa do Projeto de Cooperação entre Instituições para Qualificação de Profissionais de Nível Superior (PCI), firmado entre o IFRO e a UFF.

Esta lista de exercícios serviu de oportunidade para que o autor tivesse uma introdução à orientação à objetos e estrutura de projeto utilizando boas práticas de programação. Foi um desafio sair do pensamento de programação estruturada, com o código em apenas um arquivo e passar a separar as funções em arquivos e subpastas. Tanto os arquivos de cabeçalho (.hpp) quanto as implementações (.cpp) foram separados na subpasta “include”.

Todos os arquivos de cabeçalho começam com diretivas `#ifndef` e `#define` que evitam referência cíclica, e finalizam com a diretiva `#include`, que referencia o arquivo de implementação. A exemplo do arquivo *dequeEncadeado.hpp*, abaixo:

```
1 #ifndef _DEQUE_ENCADEADO_HPP_  
2 #define _DEQUE_ENCADEADO_HPP_  
3  
4 // [...]  
5  
6 #include "dequeEncadeado.cpp"  
7 #endif
```

Seguindo as diretrizes da lista de exercícios, este documento foca mais na lógica do que em programação. É uma discussão da proposta do algoritmo, dos aprendizados do percurso e uma análise da complexidade assintótica dos métodos implementados. Porém, todas as implementações foram testadas e aprovadas pelo autor, com código disponibilizado no GitHub [[https://github.com/ecostadelle/lista\\_pilhas\\_filas](https://github.com/ecostadelle/lista_pilhas_filas)].

A seguir, cada capítulo deste documento apresenta a resposta de um exercício.

## Exercício 1 {ex1}

A fim de responder essa questão implementei tanto o deque **sequencial** quanto o **encadeado**. Porém, me limitei a comentar apenas no deque **encadeado** porque foi o que trouxe maior aprendizado. Antes de implementá-lo, a alocação dinâmica era bem nebulosa para mim. Preferi utilizar o tipo genérico, de modo que a implementação pudesse ser reaproveitada em exercícios posteriores, a exemplo das alternativas dessa questão e do Exercício 7, que foi em ordem cronológica o 2º exercício a ser implementado.

Preferi, também, destinar apenas uma pasta para os arquivos Os arquivos de cabeçalho e foram A escolha pelo tipo genérico, associado à estrutura de diretórios

No arquivo de **cabeçalho**, foram definidas as estruturas necessárias para implementar o Deque Encadeado. A primeira classe (**NoDeque**) foi o nó, que armazena um dado do tipo genérico e dois ponteiros que apontam para os nós anterior (**\*noAnterior**) e posterior (**\*noSeguinte**).

```
1  template<typename TipoGenerico>
2  class NoDeque
3  {
4  public:
5      TipoGenerico dado;
6      NoDeque<TipoGenerico> *noSeguinte;
7      NoDeque<TipoGenerico> *noAnterior;
8  };
```

O tipo genérico do dado armazenado precisa ser definido na declaração da variável e é atribuída à classe em tempo de compilação. Inclusive tive muitos problemas quando escolhi esse método, porque eu estava compilando os objetos separados e vinculando-os posteriormente.

Na segunda classe (**Deque**), foram declarados em modo privado os ponteiros que apontam apenas para dois nós, o inicial e o final. As interfaces padrão foram declaradas em modo público, de maneira que permitiam o acesso externo a classe.

```
1  template <typename TipoGenerico>
2  class Deque
3  {
4  private:
5      NoDeque<TipoGenerico> *inicio;
6      NoDeque<TipoGenerico> *fim;
```

```
7     int numeroElementos;
8
9     public:
10    Deque();
11    ~Deque();
12    void insereInicio(TipoGenerico v);
13    void insereFim(TipoGenerico v);
14    int tamanho();
15    TipoGenerico buscaInicio();
16    TipoGenerico buscaFim();
17    TipoGenerico removeInicio();
18    TipoGenerico removeFim();
19 };
```

Os métodos tiveram seu próprio arquivo de **implementação (dequeEncadeado.cpp)**. Além dos métodos solicitados através do `staticassert`, foram implementados um construtor `Deque()`, que inicia as variáveis em tempo constante  $O(1)$ , e um destrutor `~Deque()`, que ao se invocado, percorre todos os elementos do deque, liberando a memória e evitando “vazamento de memória”. A complexidade do método destrutor é linearmente depende do tamanho armazenado em `numeroElementos` ( $n$ ), ou seja,  $O(n)$

```
1  #include "dequeEncadeado.hpp"
2
3  template <typename TipoGenerico>
4  Deque<TipoGenerico>::Deque()
5  {
6      this->numeroElementos = 0;
7      this->inicio = nullptr;
8      this->fim = nullptr;
9  }
10
11 template <typename TipoGenerico>
12 Deque<TipoGenerico>::~~Deque()
13 {
14     while (this->numeroElementos > 0)
15         removeInicio();
16 }
```

No método `insereInicio` um nó é criado e alocado dinamicamente na memória, um ponteiro (\*`no`) armazena o endereço e um dado é inserido. Caso o deque esteja vazio, os endereços de início e fim serão os mesmo do nó recém criado. Caso contrário, o campo `noSeguinte` do nó recém criado recebe o endereço daquele que era o início, e o campo `noAnterior`, daquele que era o inicio, recebe o endereço do novo nó e o número de elementos no deque é incrementado. Este método opera em tempo constante, ou seja,  $O(1)$ .

```
1  template <typename TipoGenerico>
2  void Deque<TipoGenerico>::insereInicio(TipoGenerico v)
```

```
3 {
4     NoDeque<TipoGenerico> *no =
5         new NoDeque
6         {.dado = v,
7          .noSeguinte = nullptr,
8          .noAnterior = nullptr};
9     if (numeroElementos == 0)
10    {
11        inicio = fim = no;
12    }
13    else
14    {
15        no->noSeguinte = inicio;
16        inicio->noAnterior = no;
17        inicio = no;
18    }
19    numeroElementos++;
20 }
21
22
23
24 template <typename TipoGenerico>
25 void Deque<TipoGenerico>::insereFim(TipoGenerico v)
26 {
27     NoDeque<TipoGenerico> *no =
28         new NoDeque<TipoGenerico>
29         {.dado = v,
30          .noSeguinte = nullptr,
31          .noAnterior = nullptr};
32     if (numeroElementos == 0)
33     {
34         inicio = fim = no;
35     }
36     else
37     {
38         no->noAnterior = fim;
39         fim->noSeguinte = no;
40         fim = no;
41     }
42     numeroElementos++;
43 }
44
45 template <typename TipoGenerico>
46 int Deque<TipoGenerico>::tamanho()
47 {
48     return this->numeroElementos;
49 }
50
51 template <typename TipoGenerico>
52 TipoGenerico Deque<TipoGenerico>::buscaInicio()
53 {
```

```
54     return inicio->dado;
55 }
56
57 template <typename TipoGenerico>
58 TipoGenerico Deque<TipoGenerico>::buscaFim()
59 {
60     return fim->dado;
61 }
62
63 template <typename TipoGenerico>
64 TipoGenerico Deque<TipoGenerico>::removeInicio()
65 {
66     NoDeque<TipoGenerico> *p = inicio;
67     inicio = inicio->noSeguinte;
68     TipoGenerico r = p->dado;
69     delete p;
70     numeroElementos--;
71     return r;
72 }
73
74 template <typename TipoGenerico>
75 TipoGenerico Deque<TipoGenerico>::removeFim()
76 {
77     NoDeque<TipoGenerico> *p = fim;
78     fim = fim->noAnterior;
79     TipoGenerico r = p->dado;
80     delete p;
81     numeroElementos--;
82     return r;
83 }
84
85 template <typename Agregado, typename Tipo>
86 concept DequeTAD = requires(Agregado a, Tipo t)
87 {
88     // requer operação de consulta ao elemento 'inicio'
89     {a.buscaInicio()};
90     // requer operação de consulta ao elemento 'fim'
91     {a.buscaFim()};
92     // requer operação 'insereInicio' sobre tipo 't'
93     {a.insereInicio(t)};
94     // requer operação 'insereFim' sobre tipo 't'
95     {a.insereFim(t)};
96     // requer operação 'removeInicio' e retorna tipo 't'
97     {a.removeInicio()};
98     // requer operação 'removeFim' e retorna tipo 't'
99     {a.removeFim()};
100 };
101 // testa se Deque está correto
102 static_assert(DequeTAD<Deque<char>, char>);
```

## **Exercício 2 {ex2}**

## **Exercício 3 {ex3}**



## **Exercício 4 {ex4}**

## **Exercício 5 {ex5}**

## **Exercício 6 {ex6}**

## Exercício 7 {ex7}

Para resolver este exercício, uma pilha armazenou os operadores e um vetor, a saída.

De modo que um laço percorre a entrada e armazena letras (variáveis) diretamente na saída e sinais (operações) na pilha até encontrar: 1. um parêntese fechado; ou 2. um operador de precedência inferior ao último encontrado.

Assim que uma das duas condições é satisfeita, duas coisas podem ocorrer, respectivamente: 1. o último operador é desempilhado, inserido no vetor de saída, e o um parêntese aberto também é desempilhado; 2. o operador de maior precedência é desempilhado, inserido na saída e o novo operador é empilhado.

Ao chegar ao final do laço, todos os operadores são desempilhados e inseridos na saída.

Com o objetivo de determinar as precedências, utilizou-se o código ASCII do caractere subtraído de 41 em módulo 6. Esta transformação faz com que o caractere '\*' (decimal 42), torne-se 1; '+' (decimal 43), torne-se 2; '-' (decimal 45), torne-se 4; e, por fim, o caractere '/' (decimal 47), torne-se 0.