

Projeto ABCIA

Módulo 04: Deep Learning

Aula 01

Prof. Dr. Luciano Ferreira Silva



Apresentação do Professor

- Graduado em Matemática (UFU) - 2003
- Mestre em Computação Gráfica (UFU) - 2006
- Doutor em Computação Gráfica (UFU) - 2009
- Certificação em Inteligência Artificial (Huawei - HCIA) - 2021 🏆

Professor do curso de Ciência da Computação/UFRR desde 2008, atuando nas disciplinas e pesquisa de **Computação Gráfica, RV e RA, Compiladores, IHM, Desenvolvimento de jogos e Visão Computacional.**



Prof. Dr. Luciano Ferreira Silva
E-mail: luciano.silva@ufrr.br



Objetivos e sua relevância

1. Definir o conceito de rede neural.

1.1. Apresentar os conceitos de: (1) “*node*”; (2) “*node connection*”; (3) “*weights*”; e (4) “*bias*” no contexto dos parâmetros das redes neurais.

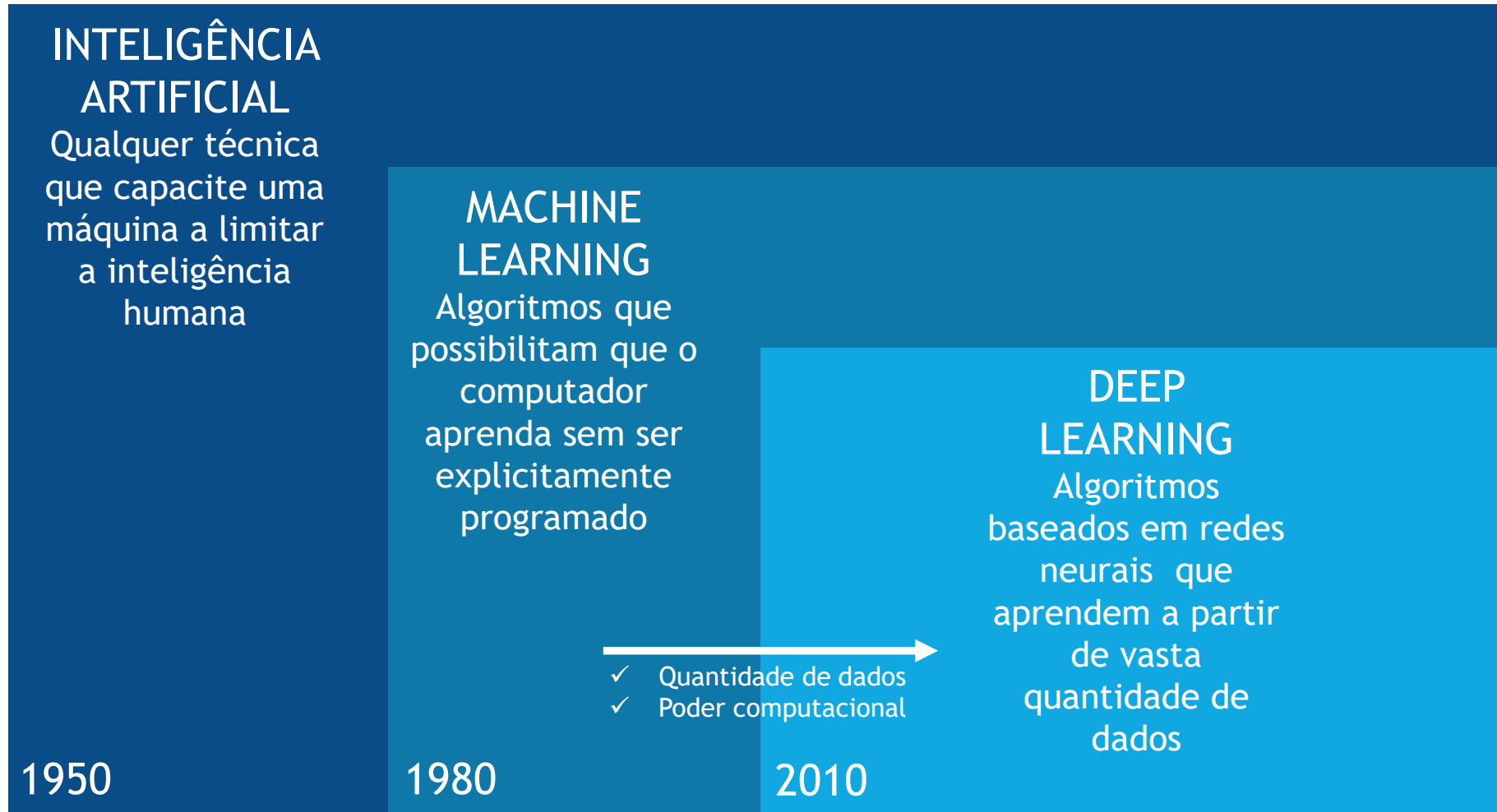
2. Identificar finalidade e limitações das redes neurais no contexto da criação de modelos não-lineares.

2.1. Apresentar a finalidade: (1) das funções de ativação; (2) do algoritmo de “backpropagation”; e (3) do algoritmo de “gradient descent”.



Iniciando nossos estudos em Deep Learning

Deep Learning



Deep Learning

Machine Learning tradicional	Deep Learning
Baixos requisitos de hardware no computador: dada a quantidade limitada de computação, o computador não precisa de uma GPU para computação paralela em geral.	Requisitos mais elevados de hardware no computador: para executar operações de matriz em dados massivos, o computador precisa de uma GPU para executar computação paralela.
Aplicável ao treinamento com uma pequena quantidade de dados e cujo desempenho não pode ser melhorado continuamente à medida que a quantidade de dados aumenta.	O desempenho pode ser alto quando parâmetros de peso de alta dimensão e dados de treinamento massivos são fornecidos.
Discriminação de problemas nível a nível	Aprendizagem Fim a Fim
Seleção manual de recursos	Extração automática de recursos baseada em algoritmo
Recursos fáceis de explicar	Recursos difíceis de explicar

- ✓ A Deep Learning (Aprendizagem Profunda) tem grandes vantagens em campos como visão computacional, reconhecimento de fala e processamento de linguagem natural.

Machine Learning tradicional

Análise do problema
Localização de
problemas

Pergunta: Podemos usar
um algoritmo para
executar o procedimento
automaticamente?

Limpeza de dados

Extração de recursos

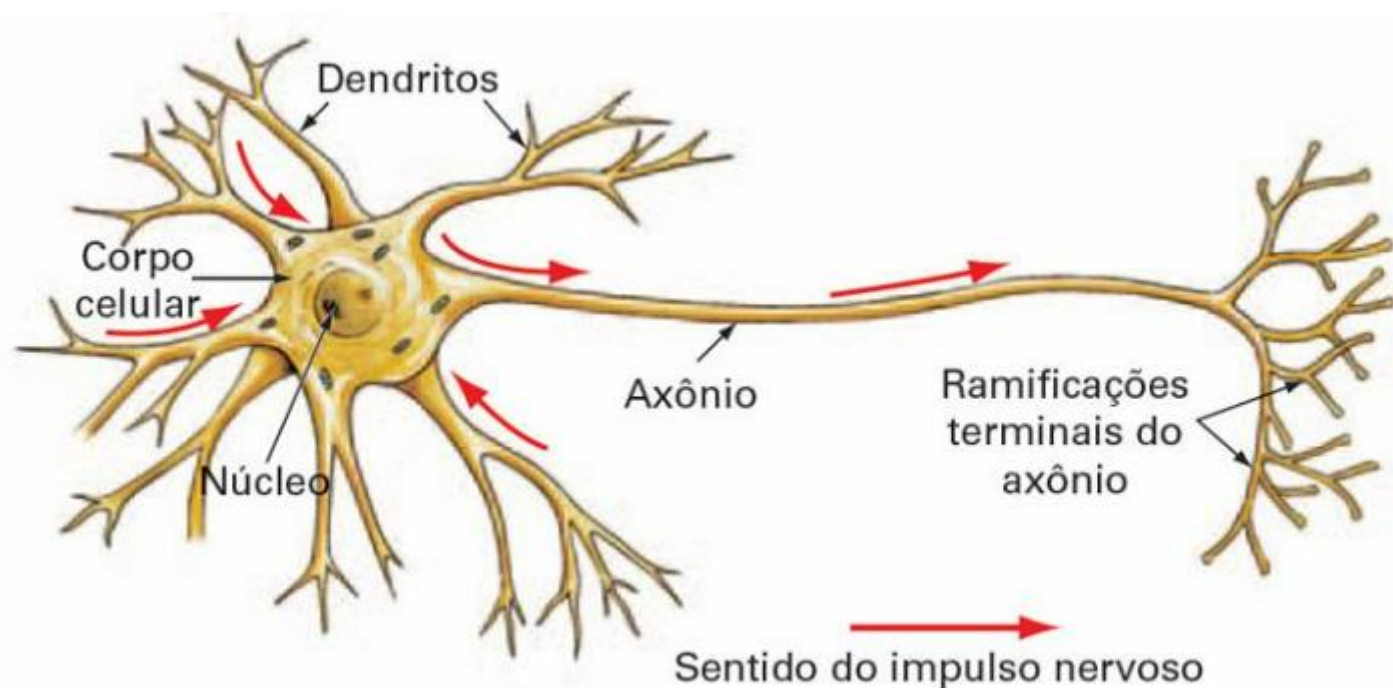
Seleção de recursos

Treinamento de modelo

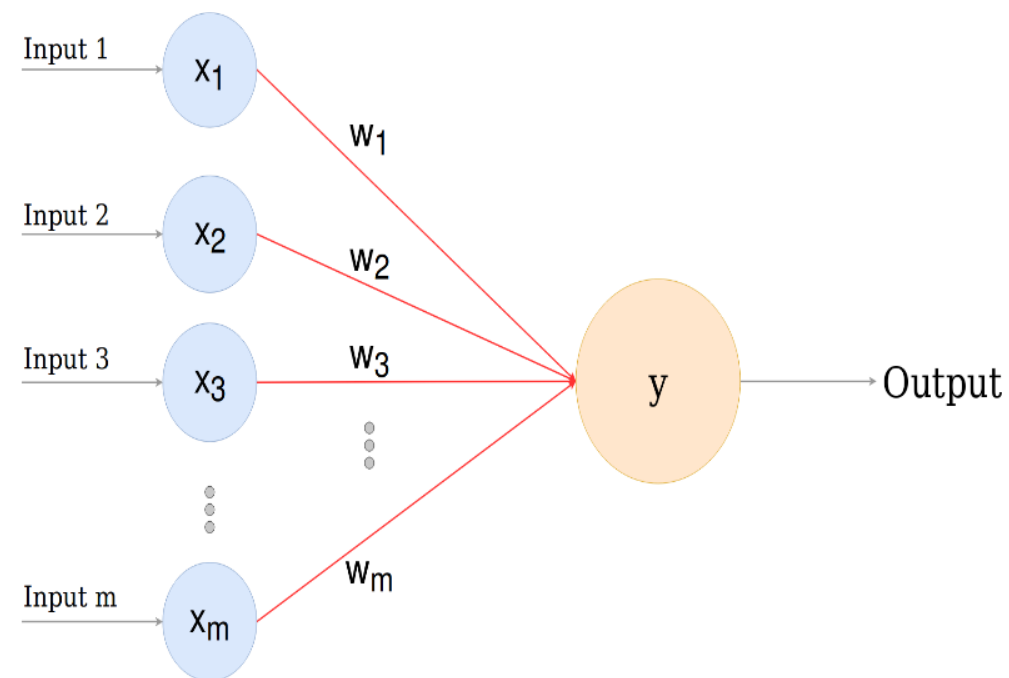
Execute inferência,
previsão e identificação

Deep Learning

- ✓ A arquitetura em Deep Learning geralmente é uma rede neural **profunda**.
- ✓ O termo "Profunda" em "Deep Learning" refere-se ao número de camadas da rede neural.



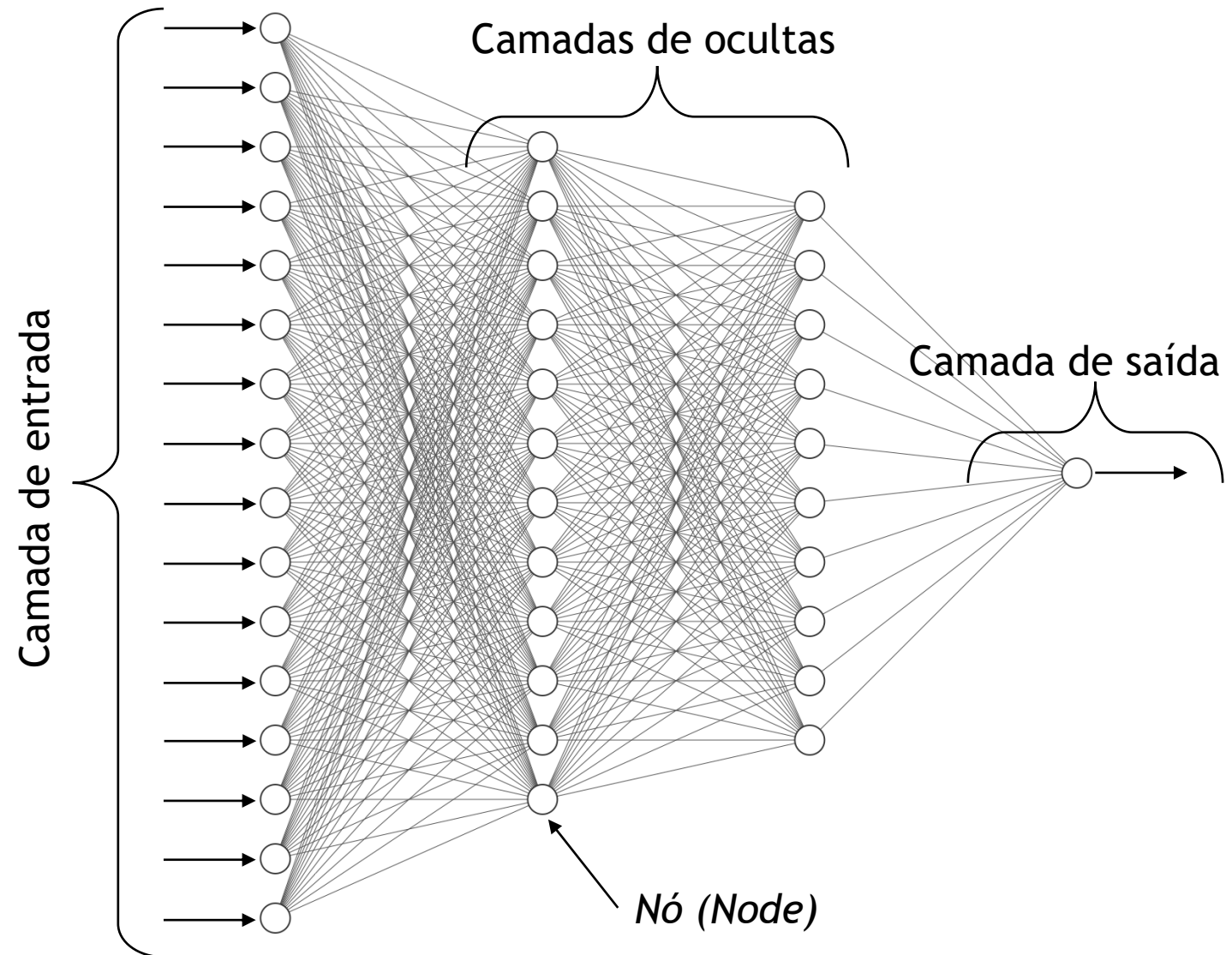
Neurônio Humano



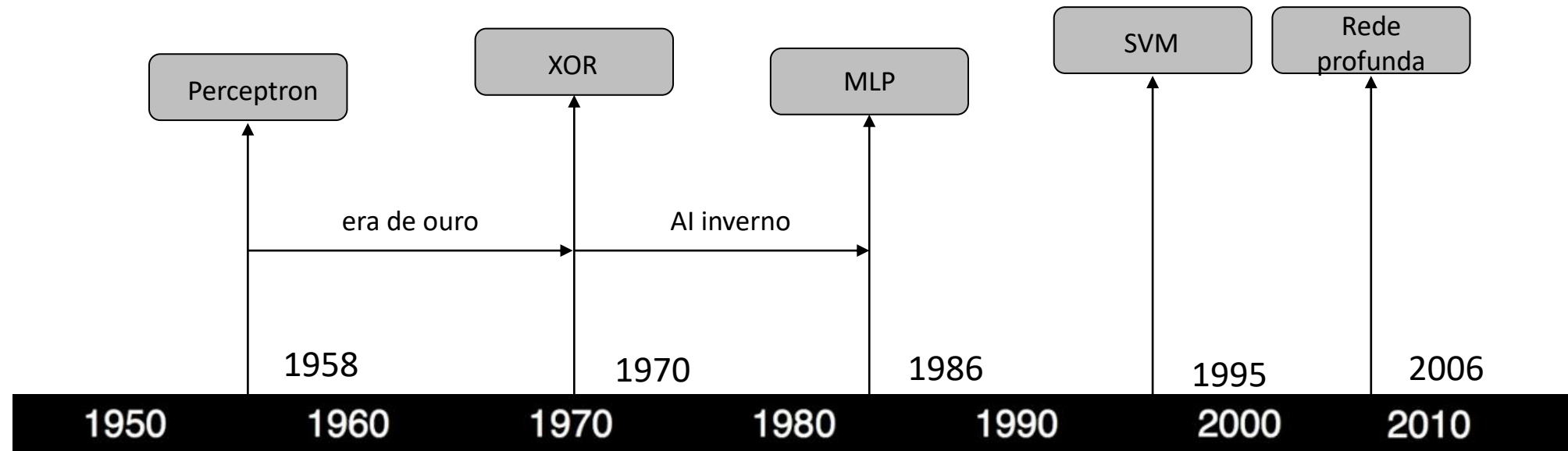
Perceptron (1958)

Redes profundas

✓ **Definição de rede neural:**
sistema computacional de processamento de informações, composta por elementos altamente interconectados, projetado para imitar a estrutura e funções do cérebro humano.



✓Histórico das redes neurais:



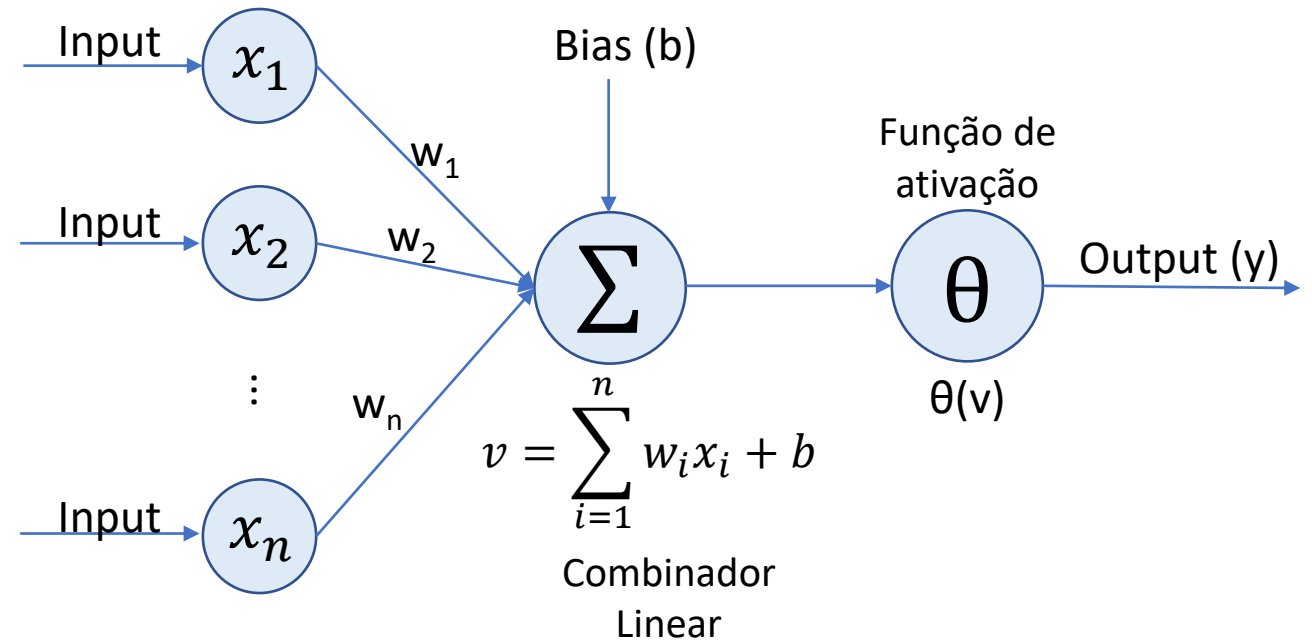
Perceptron de camada única

- ✓ Vetor de entrada: $X = [x_1, x_2, \dots, x_n]$;
- ✓ Pesos (*weights*): $W = [w_1, w_2, \dots, w_n]$;
- ✓ Bias: b ;
- ✓ Função de ativação:

$$y = \theta(v) = \text{sign}(v) = \begin{cases} 1, v > 0, \\ -1, v \leq 0. \end{cases}$$

- ✓ O Perceptron de uma camada é um classificador binário, por exemplo:

- Se $y = 1$, resultado Classe A
- Se $y = -1$, resultado Classe B



Perceptron de camada única

✓ Interpretação geométrica do Perceptron de camada única

$$y = \theta(v) = \text{sign}(v) = \begin{cases} 1, v > 0, & \text{(Classe A)} \\ -1, v \leq 0 & \text{(Classe B)} \end{cases}$$

Perceba que toda a classificação ocorre em relação ao Valor 0 (zero)

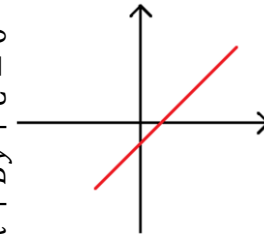
✓ Analisando então $v = 0$:

$$v = \sum_{i=1}^n w_i x_i + b = 0$$

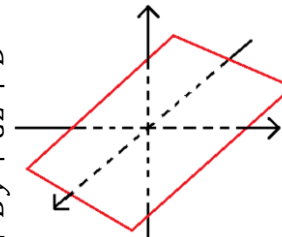
✓ Vamos analisar alguns casos para

$$X = [x_1, x_2, \dots, x_n];$$

Ponto de classificação
 $Ax + B = 0$



Linha de classificação
 $Ax + By + C = 0$



Plano de classificação
 $Ax + By + Cz + D = 0$



Caso 1:

$$X = [x_1] \rightarrow W = [w_1]$$

$$w_1 x_1 + b = 0$$

Equação de um Ponto

Caso 2:

$$X = [x_1, x_2] \rightarrow W = [w_1, w_2]$$

$$w_1 x_1 + w_2 x_2 + b = 0$$

Equação de uma Reta

Caso 3:

$$X = [x_1, x_2, x_3] \rightarrow W = [w_1, w_2, w_3]$$

$$w_1 x_1 + w_2 x_2 + w_3 x_3 + b = 0$$

Equação de um Plano

Caso 4:

$$X = [x_1, x_2, \dots, x_n] \rightarrow W = [w_1, w_2, \dots, w_n]$$

$$w_1 x_1 + w_2 x_2 + \dots + w_n x_n + b = 0$$

Equação de um Hiperplano

Perceptron de camada única

✓ Observando um pouco mais de perto:

Caso 2:

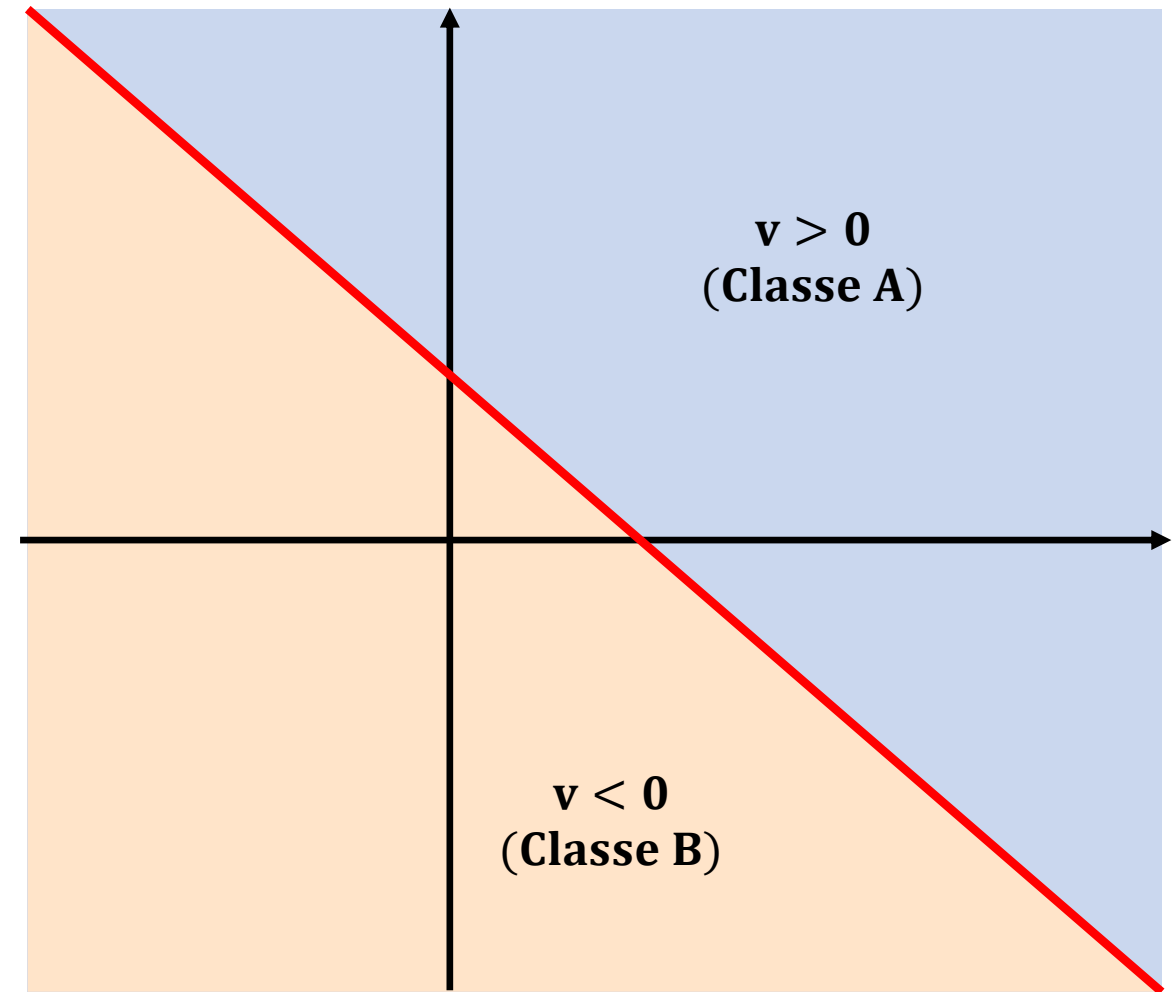
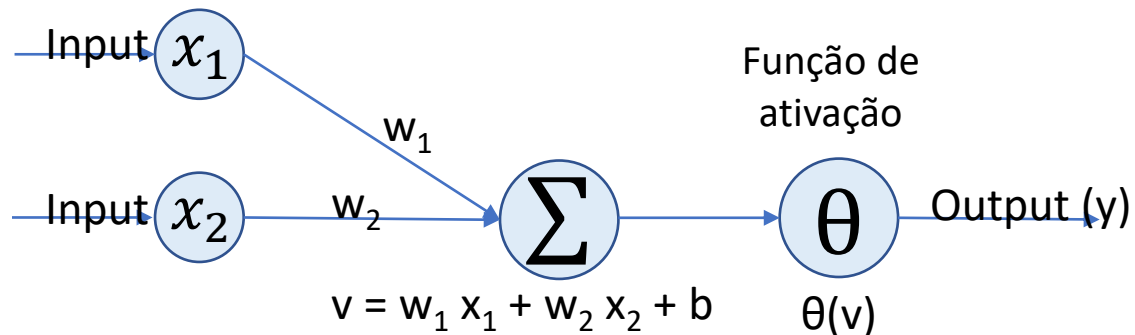
$$X = [x_1, x_2] \rightarrow W = [w_1, w_2]$$

$$v = w_1 x_1 + w_2 x_2 + b = 0$$

Equação de uma **Reta**

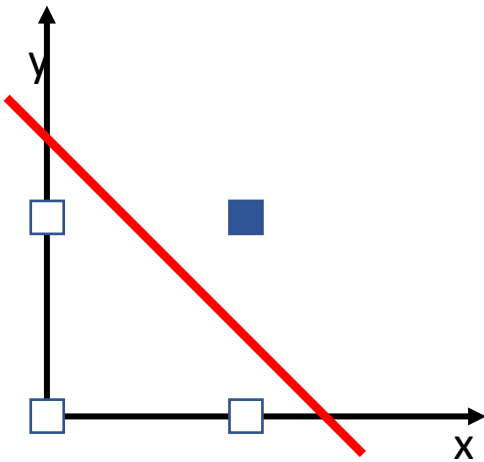
Linha de classificação

$$Ax + By + C = 0$$

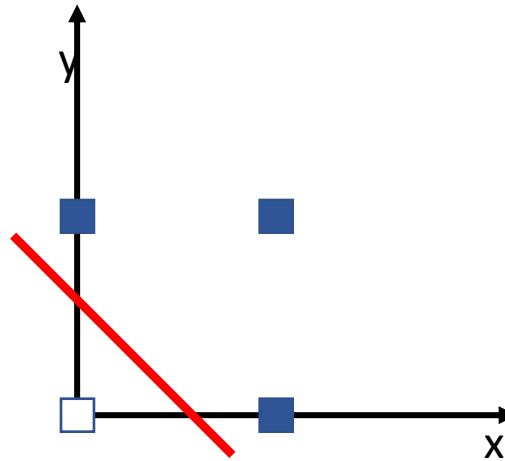


Perceptron de camada única

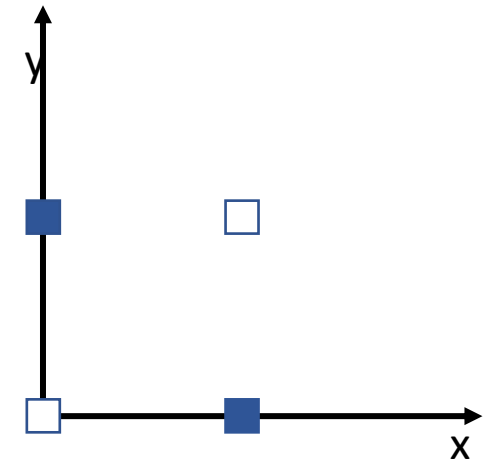
✓ Problema XOR: em 1969, Minsky provou que um perceptron não pode processar dados não lineares.



	X		Y		X E Y
V	1	V	1	V	1
V	1	F	0	F	0
F	0	V	1	F	0
F	0	F	0	F	0



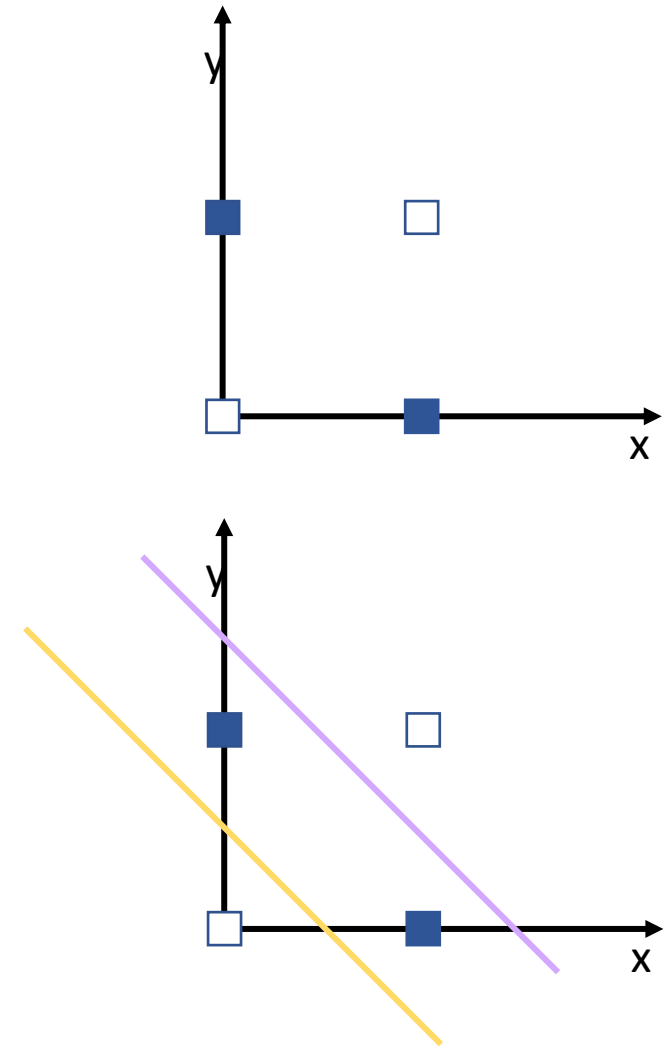
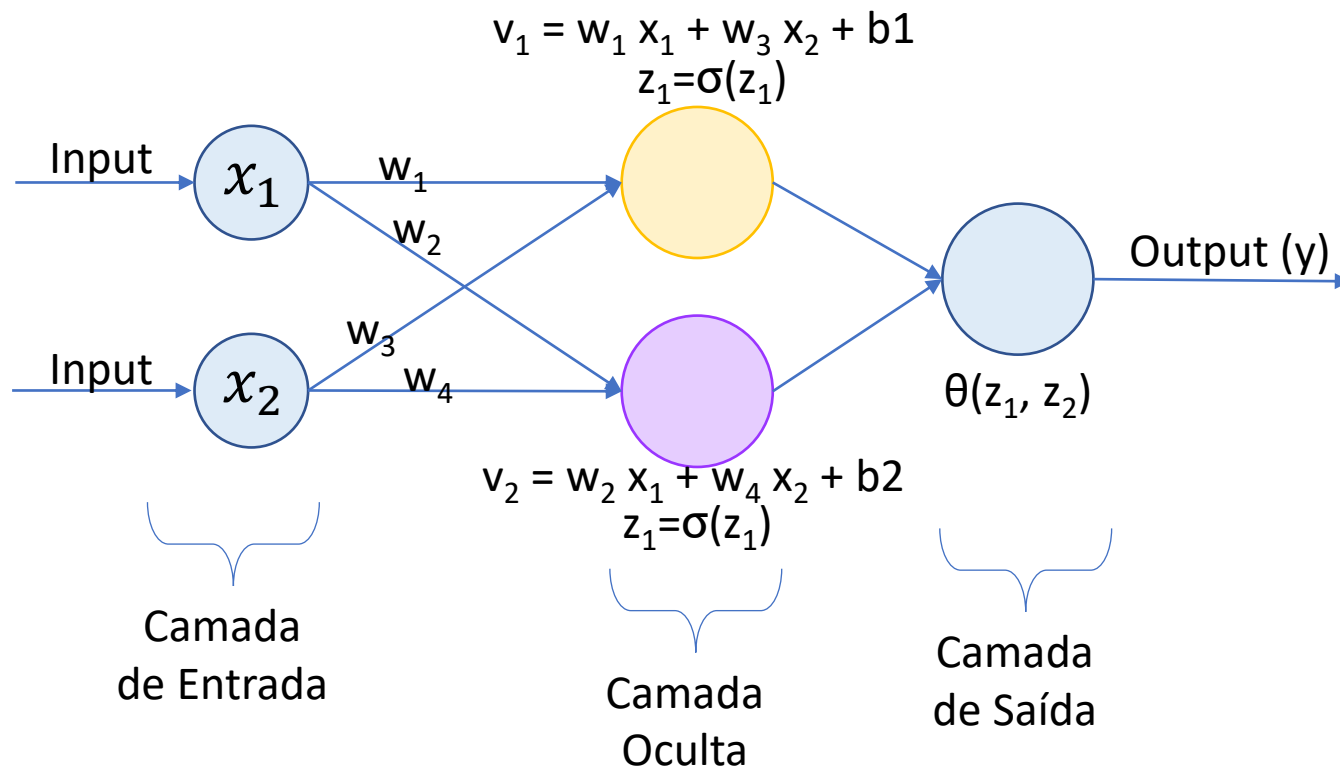
	X		Y		X OU Y
V	1	V	1	V	1
V	1	F	0	F	1
F	0	V	1	F	1
F	0	F	0	F	0



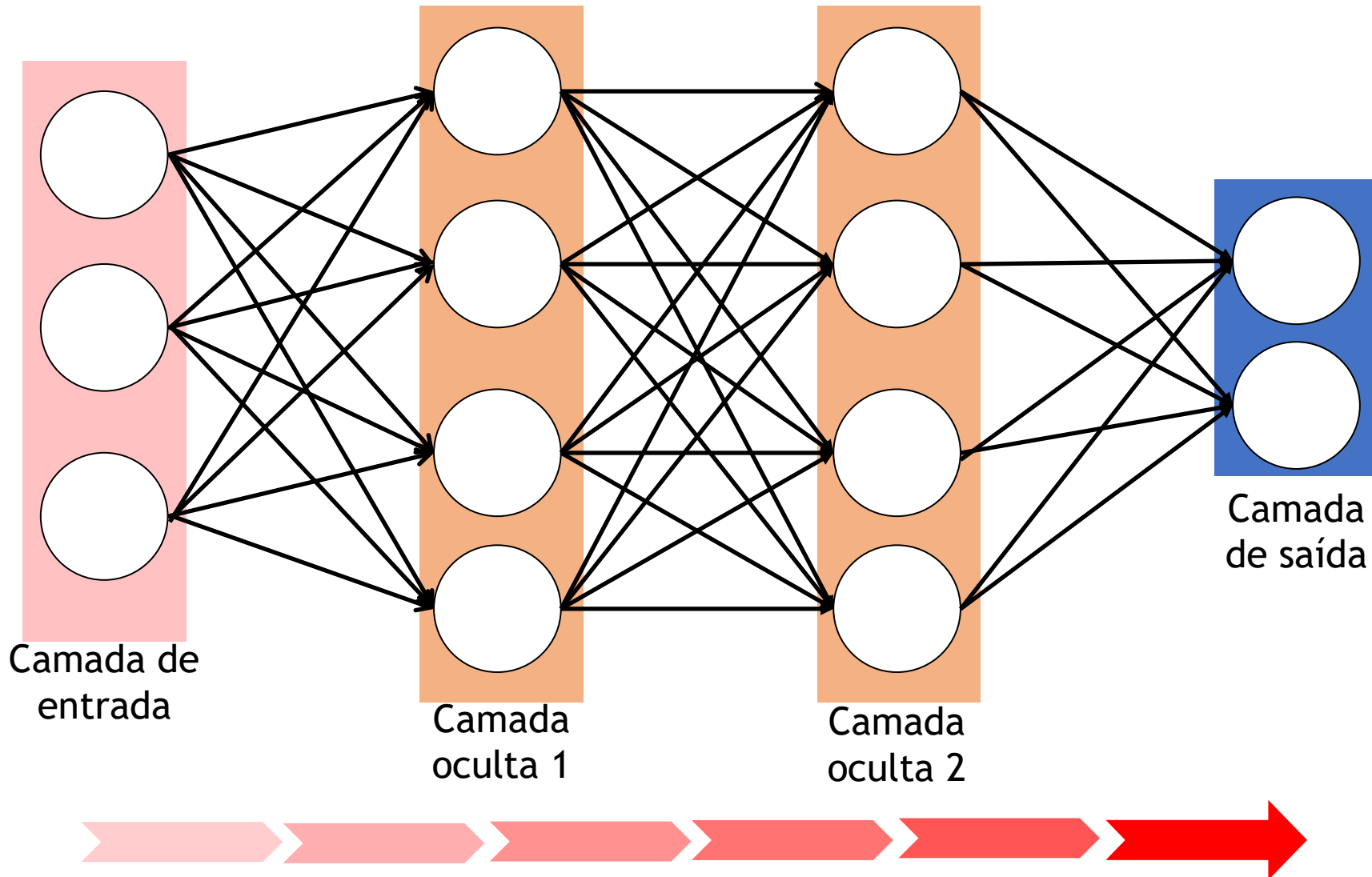
	X		Y		X XOR Y
V	1	V	1	V	0
V	1	F	0	F	1
F	0	V	1	F	1
F	0	F	0	F	0

Perceptron multicamadas

✓ Solução do problema XOR:

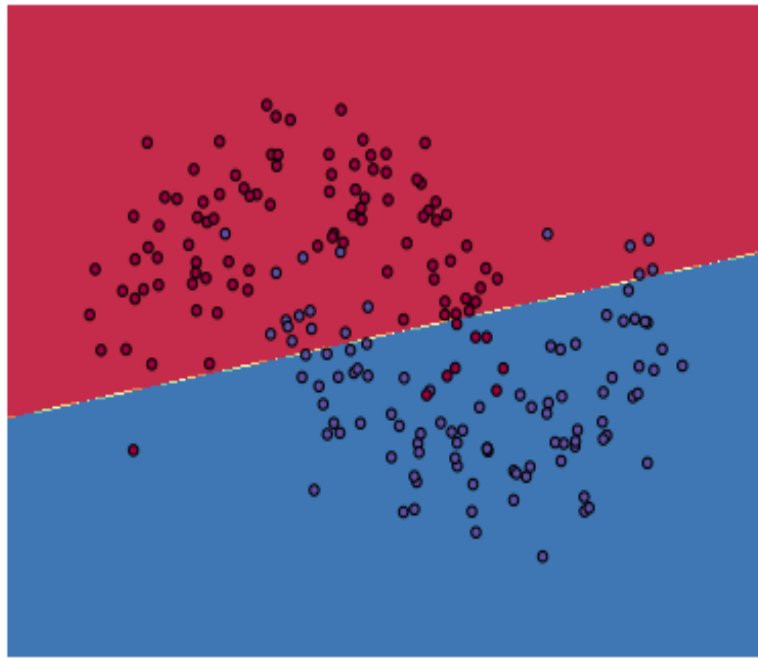


Rede Neural Feedforward

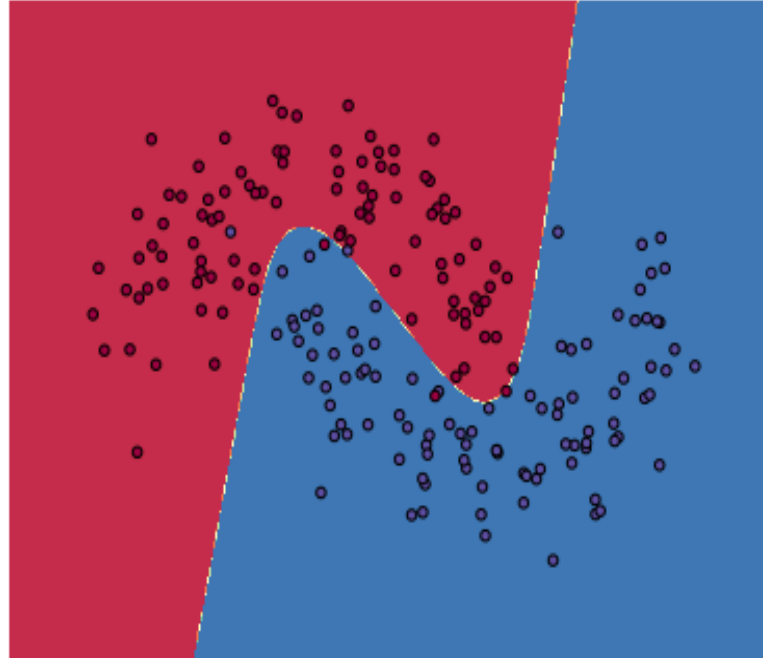


- ✓ Cada camada se conecta à próxima camada, porém não há caminho de volta.
- ✓ Todas as conexões portanto, têm a mesma direção, partindo da camada de entrada rumo a camada de saída.

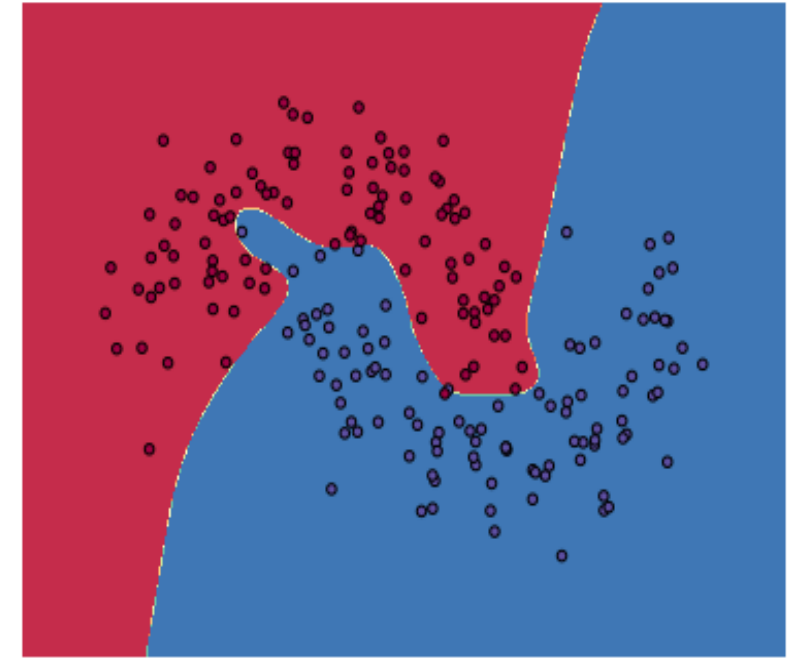
✓ Impactos das camadas ocultas em uma rede neural



0 camadas ocultas



3 camadas ocultas



20 camadas ocultas

Função de Ativação

- ✓ Possibilitam a rede neural aprender e compreender modelos não-lineares complexos.
- ✓ Os neurônios realizam a seguinte **combinação linear**:

$$\Sigma(\text{pesos} * \text{inputs}) + \text{bias}$$

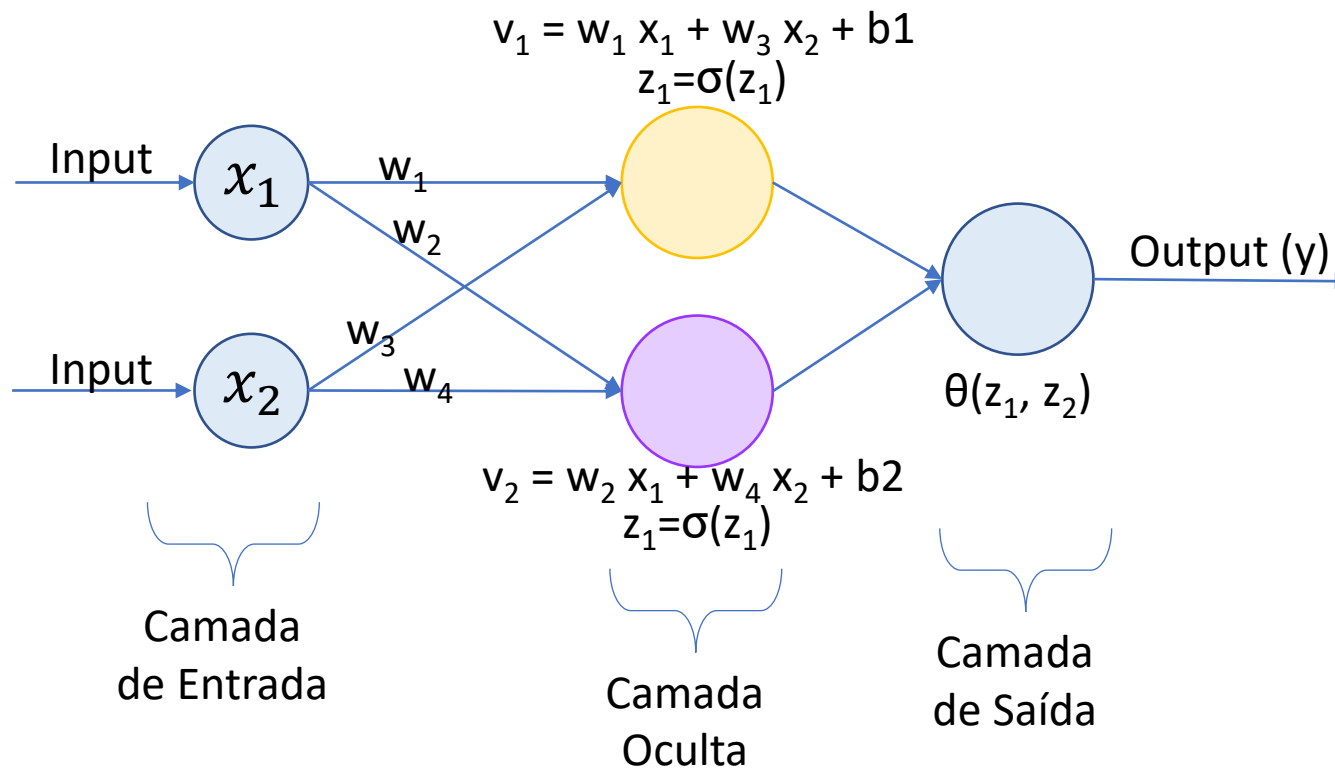
- ✓ A função de ativação é a transformação **não-linear** desse valor.

$$Y = \text{Função_Ativação}(\Sigma(\text{pesos} * \text{inputs}) + \text{bias})$$

- ✓ Esta saída transformada é então enviada para a próxima camada de neurônios como entrada.

Função de Ativação

✓ Relembrando a solução do problema XOR:



✓ Mas qual o porquê do nome “função de ativação”?

✓ Ela possui a capacidade de “ativar” ou “desativar” um neurônio da próxima camada.

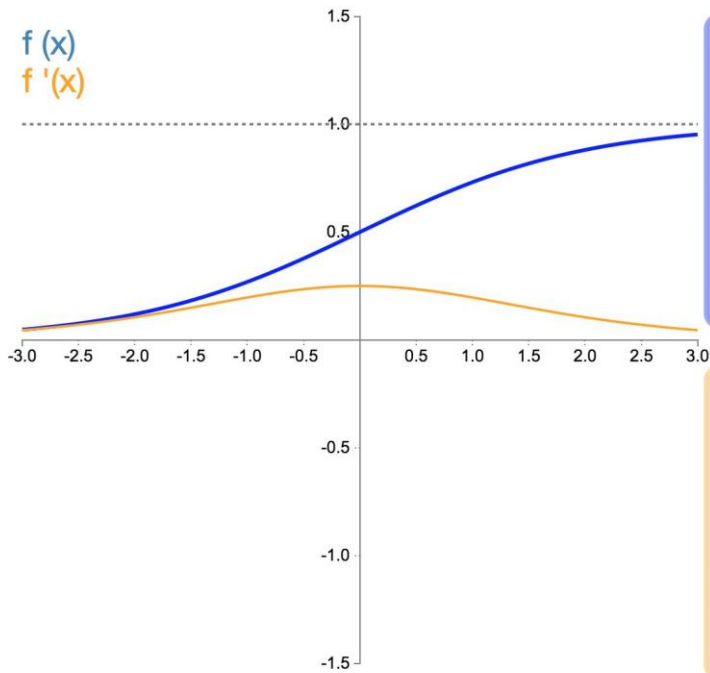
✓ **Observação:** as camadas podem ter funções de ativação diferentes.

Função de Ativação

✓ Sigmóide

$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

Sigmoid



$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

Range: (0, 1)

Monotonic: ✓

Continuity: ∞

Identity at Origin: ✗

Symmetry: Asymmetrical

$$\begin{aligned} f'(x) &= \frac{e^{-x}}{(1 + e^{-x})^2} \\ &= f(x)(1 - f(x)) \end{aligned}$$

Range: (0, 0.25)

Monotonic: ✗

Continuous: ✓

Vanishing Gradient: Yes

Exploding Gradient: No

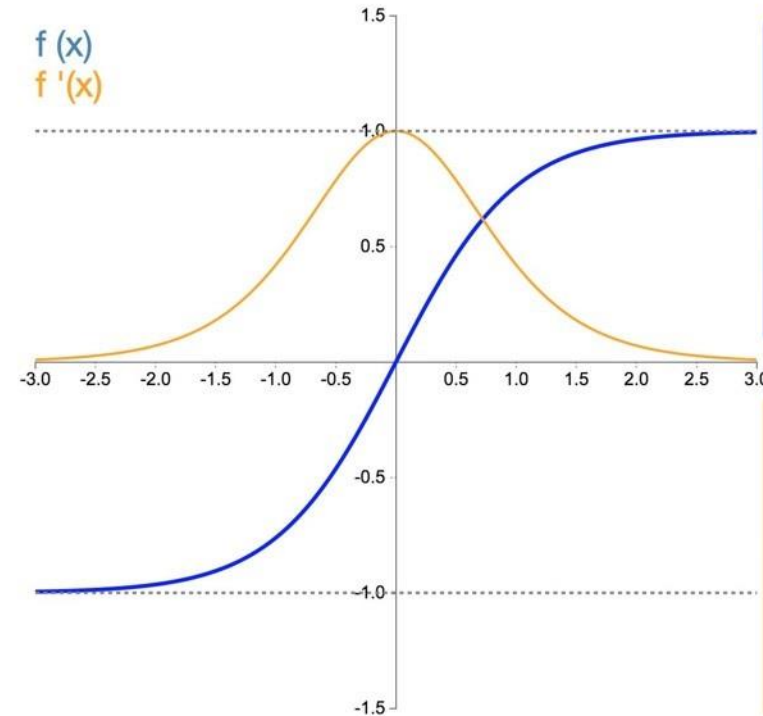
Saturation: Yes

Dead Neurons: No

✓ Tanh

$$\tanh x = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$$

Tanh



$$\begin{aligned} f(x) &= \tanh(x) \\ &= \frac{2}{1 + e^{-2x}} - 1 \end{aligned}$$

Range: (-1, 1)

Monotonic: ✓

Continuity: ∞

Identity at Origin: ✓

Symmetry: Anti-Symmetrical

$$\begin{aligned} f'(x) &= 1 - \tanh^2(x) \\ &= 1 - f(x)^2 \end{aligned}$$

Range: (0, 1)

Monotonic: ✗

Continuous: ✓

Vanishing Gradient: Yes

Exploding Gradient: No

Saturation: Yes

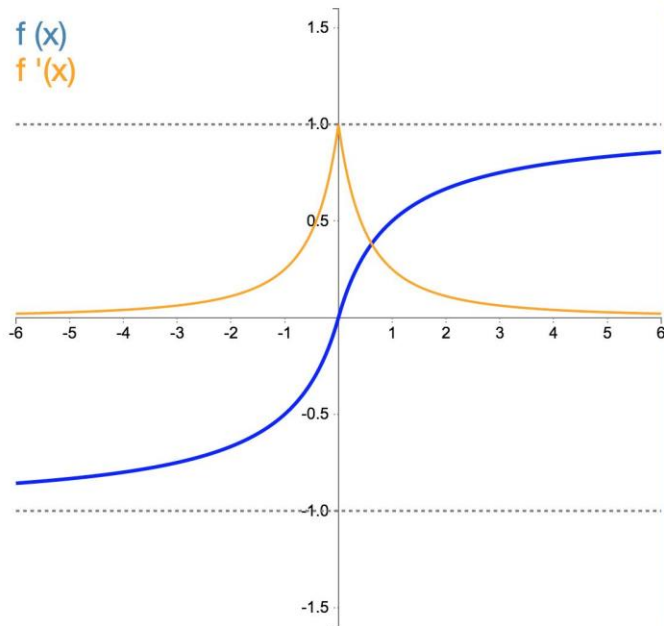
Dead Neurons: No

Função de Ativação

✓ Softsign

$$f(x) = \frac{x}{|x| + 1}$$

SoftSign



$f(x) = \frac{x}{1 + |x|}$

Range: $(0, \infty)$
Monotonic: ✓
Continuity: C^1
Identity at Origin: ✓
Symmetry: Anti-Symmetrical

Reference

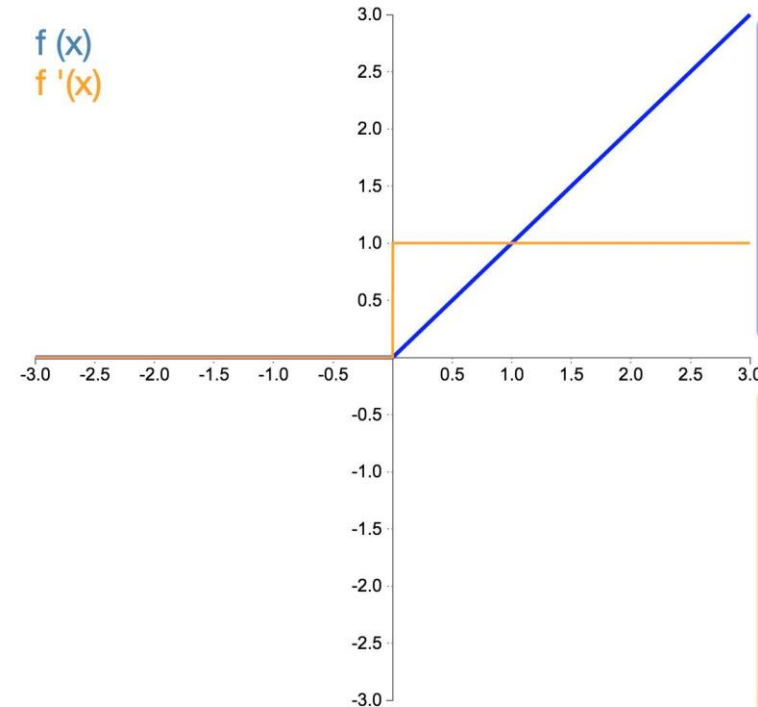
$f'(x) = \frac{1}{(1 + |x|)^2}$

Range: $(0, 1]$
Monotonic: ✗
Continuous: ✓
Vanishing Gradient: Yes Exploding Gradient: No
Saturation: Yes Dead Neurons: No

✓ ReLU

$$y = \begin{cases} x, & x \geq 0 \\ 0, & x < 0 \end{cases}$$

ReLu



$f(x) = \begin{cases} x & \text{for } x \geq 0 \\ 0 & \text{for } x < 0 \end{cases}$

Range: $[0, \infty)$
Monotonic: ✓
Continuity: C^0
Identity at Origin: ✗
Symmetry: Asymmetrical

Reference

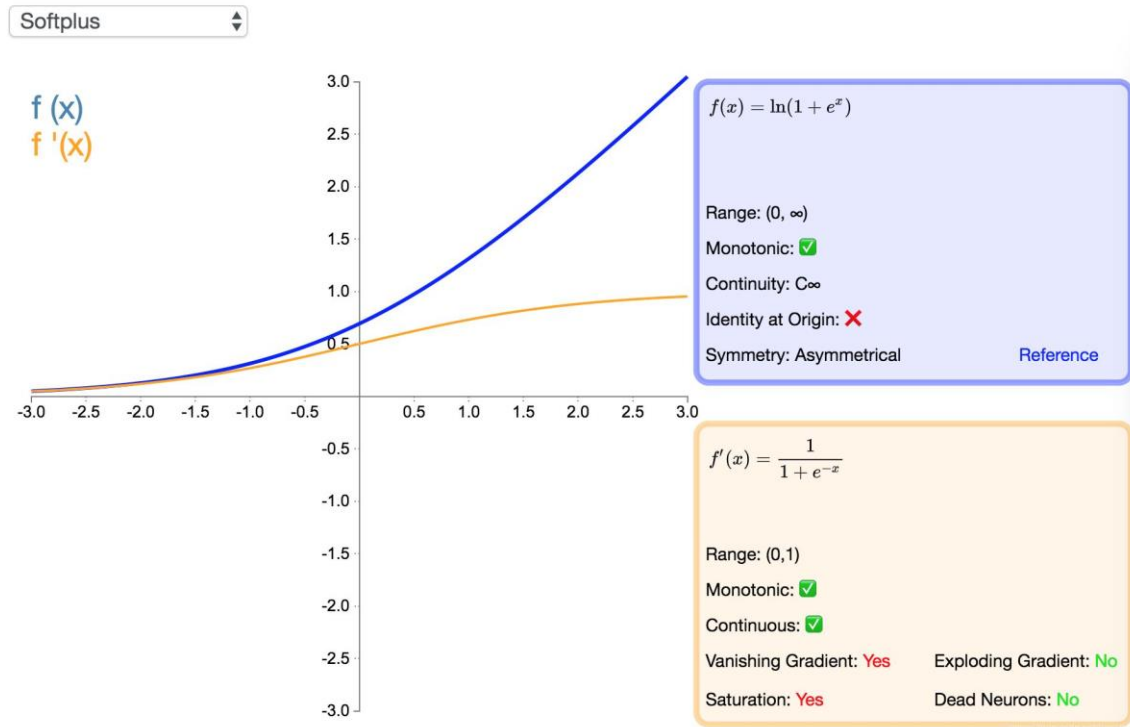
$f'(x) = \begin{cases} 1 & \text{for } x \geq 0 \\ 0 & \text{for } x < 0 \end{cases}$

Range: $\{0, 1\}$
Monotonic: ✗
Continuous: ✗
Vanishing Gradient: No Exploding Gradient: No
Saturation: No Dead Neurons: Yes

Função de Ativação

✓ Softplus

$$f(x) = \ln(e^x + 1)$$



✓ Softmax

$$\sigma(z_j) = \frac{e^{z_j}}{\sum_k e^{z_k}}$$

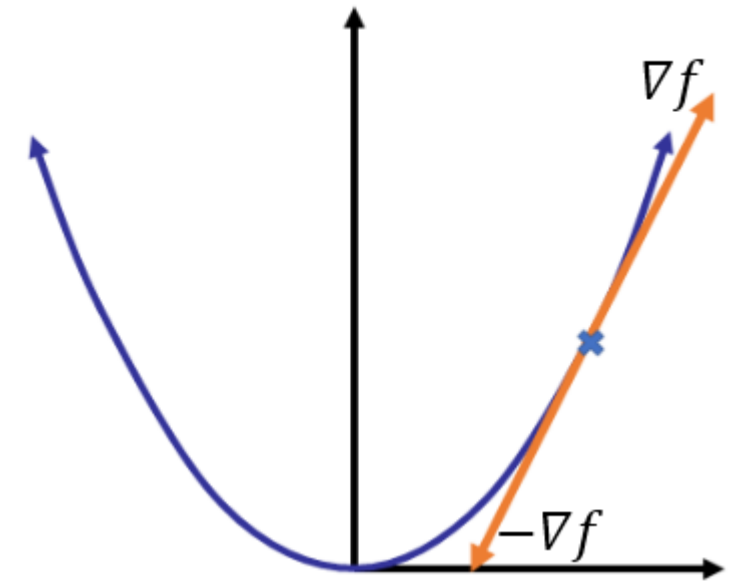
- ✓ É frequentemente usada como a camada de saída de uma tarefa de classificação multiclasse.
- ✓ Mapeia um vetor real K-dimensional para outro vetor K-dimensional, onde cada elemento está no intervalo $(0, 1)$. A soma de todos os elementos resultam 1.
- ✓ O valor $\sigma(z_j)$ representa a probabilidade de z_j acontecer.

Gradiente Descendente

- ✓ O **Gradiente** (ou **vetor gradiente**) é um vetor que indica o sentido e a direção na qual, por deslocamento a partir do ponto especificado, obtém-se o maior incremento possível no valor de uma grandeza.
- ✓ O gradiente da função multivariada $f(x) = f(x_0, x_1, \dots, x_n)$ no $X' = [x_0', x_1', \dots, x_n']$ é mostrado da seguinte forma:

$$\nabla f(x_0', x_1', \dots, x_n') = \left[\frac{\partial f}{\partial x_0}, \frac{\partial f}{\partial x_1}, \dots, \frac{\partial f}{\partial x_n} \right]$$

- ✓ Como a direção de ∇f é a de crescimento mais rápido da função, a direção do vetor gradiente negativo $-\nabla f$ é a direção de descida mais rápida da função.
- ✓ $-\nabla f$ recebe o nome de **Gradiente Descendente** - GD (*Gradient Descent*).



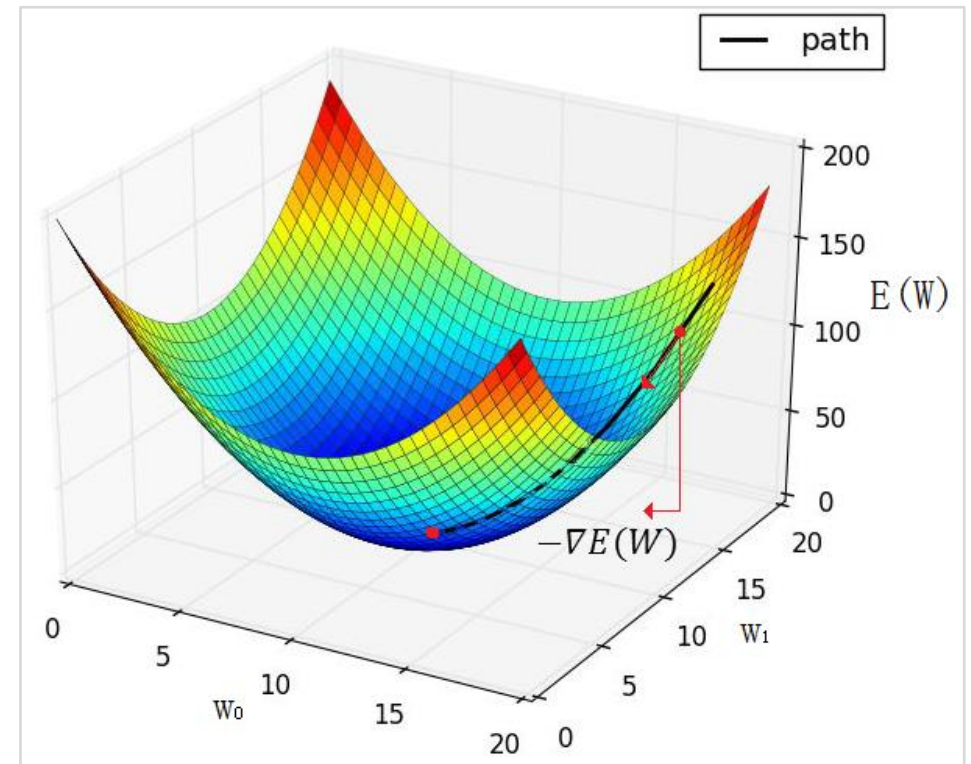
Gradiente descendente e Função de erro

- ✓ Durante o treinamento uma **função de erro (função de perda)** é usada para refletir o erro entre a saída alvo e a saída real do neurônio.
- ✓ A função de erro mais comum é a **Função de custo quadrático (Quadratic cost function)**.

$$E(w) = \frac{1}{2} \sum_{d \in D} (t_d - o_d)^2,$$

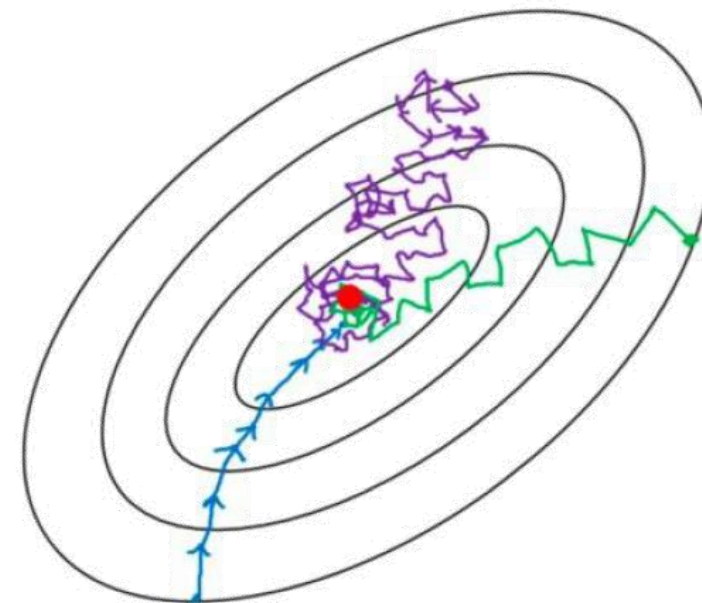
Sendo, d é um neurônio na camada de saída, D são todos os neurônios na camada de saída, t_d é a saída de destino, e o_d é a saída real.

- ✓ O GD de $E(-\nabla E(w))$ permite a atualização dos pesos de forma iterativa, minimizando a função de erro.



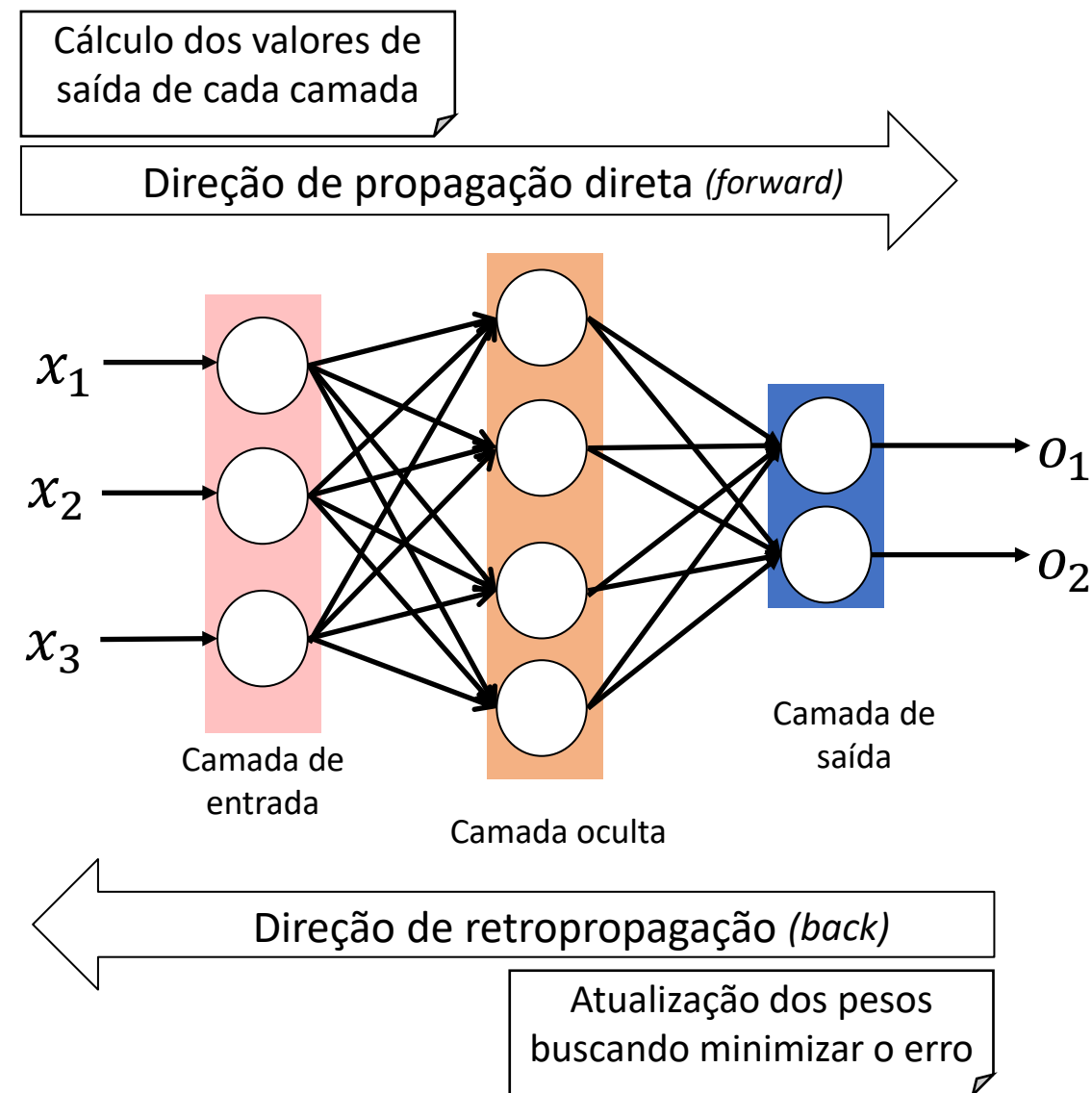
Tipos de algoritmos de Gradiente Descendente

Algoritmo	Nº de amostras de treino usadas por interação	Velocidade de convergência	Difusão / Aplicação
<i>Batch Gradient Descent</i> (BGD)	Todas	Lento	Pouco usado
<i>Stochastic Gradient Descent</i> (SGD)	Uma amostra aleatória	Variável / Aleatório	Pouco usado
<i>Mini-Batch Gradient Descent</i> (MBGD)	Um lote aleatório de amostras	Intermediário	Muito usado



Algoritmo Backpropagation

- ✓ O objetivo do backpropagation é otimizar os pesos para que a rede neural possa aprender a mapear corretamente as entradas para as saídas.
- ✓ O algoritmo backpropagation emprega o Gradiente Descendente na Função de Erro para minimizar o erro entre a saída da rede e os valores alvos para estas saídas.
- ✓ O algoritmo realiza esse processo partindo da camada de saída até a camada de entrada.



A blue-toned background featuring a robotic hand reaching upwards towards a complex, glowing network of nodes and lines, symbolizing technology and practice.

Praticando exercícios

Exemplo de Questão



1) Qual dos seguintes problemas não pode ser tratado pelo Perceptron?

- a) AND
- b) OR
- ☒ c) XOR
- d) NOT

Exemplo de Questão



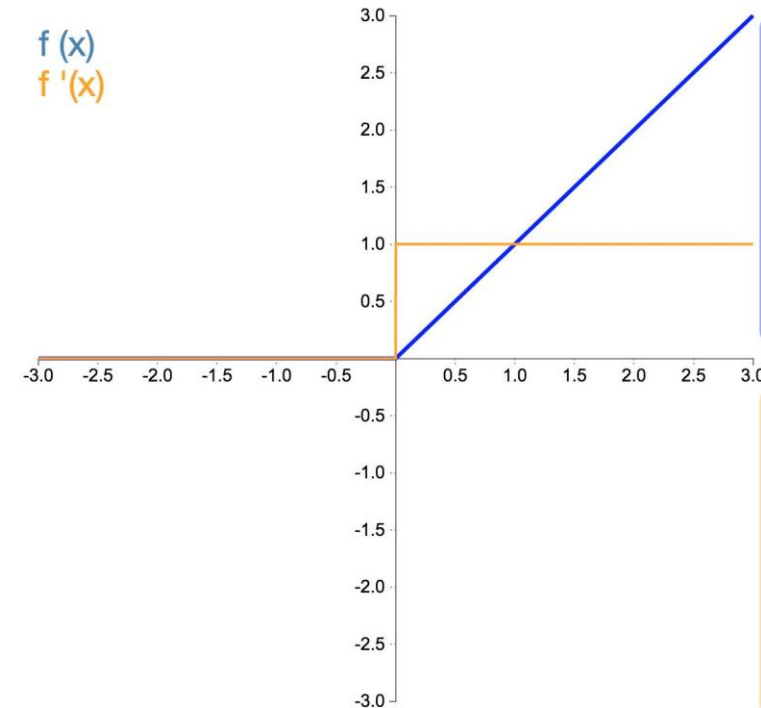
2) Qual das alternativas a seguir é o intervalo de saída da função ReLU?

- a) $[0, \infty)$
- b) $[0, 1]$
- c) $[-1, 1]$
- d) $[-1, 0]$

$$y = \begin{cases} x, & x \geq 0 \\ 0, & x < 0 \end{cases}$$

ReLu

$f(x)$
 $f'(x)$



$$f(x) = \begin{cases} x & \text{for } x \geq 0 \\ 0 & \text{for } x < 0 \end{cases}$$

Range: $[0, \infty)$

Monotonic: ☒

Continuity: C^0

Identity at Origin: ☒

Symmetry: Asymmetrical

Reference

$$f'(x) = \begin{cases} 1 & \text{for } x \geq 0 \\ 0 & \text{for } x < 0 \end{cases}$$

Range: $\{0, 1\}$

Monotonic: ☒

Continuous: ☒

Vanishing Gradient: ☒

Saturation: ☒

Exploding Gradient: ☒

Dead Neurons: ☒

Exemplo de Questão



3) Na rede neural de aprendizado profundo, o perceptron é a rede neural mais simples. A declaração correta sobre sua estrutura é:

- a) Existem apenas duas camadas ocultas
- ☒ b) Possui apenas uma camada oculta
- c) Sua rede usa a função de ativação sigmóide
- d) Sua rede usa a função de ativação do ReLU

Exemplo de Questão



4) Nas redes neurais, quais dos seguintes métodos são usados para atualizar os parâmetros ao treinar a rede para minimizar a função de perda?

- a) Algoritmo de propagação Forward
- b) Cálculo de agrupamento
- c) Cálculo da convolução
- ☒ d) Algoritmo Backpropagation

Exemplo de Questão



5) No algoritmo de descida de gradiente, qual dos seguintes algoritmos é o algoritmo mais confuso para a trajetória na superfície da função de perda?

- ☒ a) SGD
- b) BGD
- c) MGD
- d) MBGD

Exemplo de Questão



6) A Rede Neural Feedforward é uma rede neural simples, onde cada neurônio é organizado hierarquicamente, sendo, atualmente, uma das redes neurais artificiais mais utilizadas. Qual das seguintes declarações sobre as redes neurais Feedforward está correta:

- a) Os neurônios com potência de computação estão conectados às camadas superior e inferior
- b) Os nós de entrada tem poder de computação
- c) Neurônios de uma mesma camada são conectados
- ☒ d) As informações percorrem a rede da camada de entrada para a de saída

Exemplo de Questão



7) Quais são as funções de ativação comumente usadas em redes neurais?

- a) Sigmoid
- b) Tanh
- c) ReLU
- d) Danish



UFRR



Softex



Até a próxima aula!

Continue praticando :)