


Este é o CS50




Introdução à Ciência da Computação (CS50)


OpenCourseWare

Doar  (<https://cs50.harvard.edu/donate>)

David J. Malan (<https://cs.harvard.edu/malan/>)

malan@harvard.edu

 (<https://www.facebook.com/dmalan>)  (<https://github.com/dmalan>) 

(<https://www.instagram.com/davidjmalan/>)  (<https://www.linkedin.com/in/malan/>)

 (<https://www.reddit.com/user/davidjmalan>) 

(<https://www.threads.net/@davidjmalan>)  (<https://twitter.com/davidjmalan>)

Aula 5

- [Bem-vindo!](#)
- [Estruturas de dados](#)
- [Filas](#)
- [Pilhas](#)
- [Jack aprende os fatos](#)
- [Redimensionando matrizes](#)
- [Matrizes](#)
- [Listas encadeadas](#)
- [Árvores](#)
- [Dicionários](#)
- [Hashing e tabelas hash](#)
- [Tentativas](#)
- [Resumindo](#)

Bem-vindo!

- Nas semanas anteriores, você aprendeu os fundamentos da programação.
- Tudo o que você aprendeu em C permitirá que você implemente esses blocos de construção em linguagens de programação de nível superior, como Python.

- A cada semana, os conceitos se tornam mais e mais desafiadores, como uma colina que se torna cada vez mais íngreme. Esta semana, o desafio se equilibra à medida que exploramos estruturas de dados.
- Até o momento, você aprendeu como um array pode organizar dados na memória.
- Hoje, vamos falar sobre como organizar dados na memória e sobre as possibilidades de design que surgem com o seu conhecimento crescente.

Estruturas de dados

- *Estruturas de dados* são essencialmente formas de organização na memória.
- Existem muitas maneiras de organizar dados na memória.
- *Tipos de dados abstratos* são aqueles que podemos imaginar conceitualmente. Ao aprender sobre ciência da computação, muitas vezes é útil começar com essas estruturas de dados conceituais. Aprendê-las facilitará posteriormente a compreensão de como implementar estruturas de dados mais concretas.

Filas

- *Filas* são uma forma de estrutura de dados abstrata.
- As filas têm propriedades específicas. Ou seja, elas seguem a *regra FIFO*, ou seja, "primeiro a entrar, primeiro a sair". Imagine-se numa fila para um brinquedo em um parque de diversões. A primeira pessoa da fila é a primeira a ir no brinquedo. A última pessoa é a última a ir no brinquedo.
- As filas possuem ações específicas associadas a elas. Por exemplo, um item pode ser *enfileirado*; ou seja, o item pode entrar na fila. Além disso, um item pode ser *removido* da fila ou sair dela assim que chegar ao início da fila.
- Em termos de código, você pode imaginar uma fila da seguinte forma:

```
const int CAPACITY = 50;

typedef struct
{
    person people[CAPACITY];
    int size;
}
queue;
```

Observe que um array chamado `people` é do tipo `std::string` `person`. O `CAPACITY` valor `std::string` representa a altura máxima da pilha. O inteiro `std::string` `size` indica o quanto cheia a fila está, independentemente de sua capacidade *máxima*.

Pilhas

- Filas são o oposto de *pilhas*. Fundamentalmente, as propriedades de uma pilha são diferentes das de uma fila. Especificamente, ela segue o *princípio LIFO*, ou "último a entrar, primeiro a sair". Assim como empilhar bandejas em um refeitório, a bandeja que é colocada por último em uma pilha é a primeira a ser retirada.
- Pilhas possuem ações específicas associadas a elas. Por exemplo, "*empurrar*" coloca algo no topo de uma pilha. "*Desempilhar*" remove algo do topo da pilha.
- Em código, você pode imaginar uma pilha da seguinte forma:

```
const int CAPACITY = 50;

typedef struct
{
    person people[CAPACITY];
    int size;
}
stack;
```

Observe que um array chamado `people` é do tipo `std::array` `person`. O `CAPACITY` valor `std::array` representa a altura máxima que a pilha pode atingir. O inteiro `std::array` representa `size` o quão cheia a pilha está de fato, independentemente de sua capacidade máxima. Observe que este código é idêntico ao código da fila.

- Você pode imaginar que o código acima tem uma limitação. Como a capacidade do array é sempre determinada neste código, a pilha pode sempre ficar sobrecarregada. Você pode imaginar que apenas um dos 5000 espaços da pilha seja utilizado.
- Seria ótimo se nossa pilha fosse dinâmica – capaz de crescer à medida que itens fossem adicionados a ela.

Jack aprende os fatos

























- Assistimos a um vídeo chamado "[Jack aprende os fatos](https://www.youtube.com/watch?v=ItAG3s6KIEI)", (<https://www.youtube.com/watch?v=ItAG3s6KIEI>) da professora Shannon Duvall, da Universidade Elon.

Redimensionando matrizes

- Voltando à Semana 2, apresentamos a vocês a primeira estrutura de dados.
- Um array é um bloco de memória contígua.
- Você pode imaginar um array da seguinte forma:

1	2	3
---	---	---

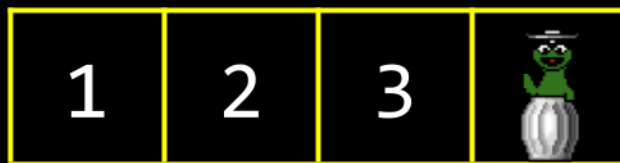
- Na memória, existem outros valores armazenados por outros programas, funções e variáveis. Muitos desses valores podem ser lixo, valores que foram utilizados em algum momento, mas que agora estão disponíveis para uso.

							
	1	2	3	h	e	l	l
o	,		w	o	r	l	d
\0							
							

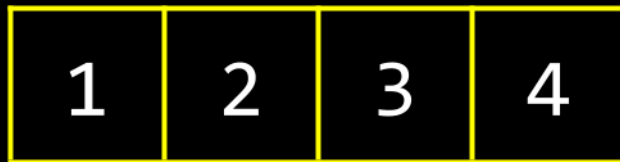
- Imagine que você queira armazenar um quarto valor 4 em nosso array. O que seria necessário é alocar uma nova área de memória e mover o array antigo para essa nova área? Inicialmente, essa nova área de memória seria preenchida com valores aleatórios.



- À medida que valores são adicionados a essa nova área de memória, os valores antigos e inválidos seriam sobrescritos.



- Eventualmente, todos os valores antigos e inválidos seriam sobrescritos com nossos novos dados.



- Uma das desvantagens dessa abordagem é que ela representa um design ruim: cada vez que adicionamos um número, temos que copiar o array item por item.

Matrizes

- Não seria ótimo se pudéssemos colocar isso em `4` outro lugar na memória? Por definição, isso não seria mais um array, pois `4` não estaria mais em memória contígua. Como poderíamos conectar diferentes locais na memória?
- No seu terminal, digite `code list.c` e escreva o código da seguinte forma:

```
// Implements a list of numbers with an array of fixed size

#include <stdio.h>

int main(void)
{
    // List of size 3
    int list[3];

    // Initialize list with numbers
    list[0] = 1;
    list[1] = 2;
    list[2] = 3;

    // Print list
    for (int i = 0; i < 3; i++)
    {
        printf("%i\n", list[i]);
    }
}
```

Observe que o texto acima é muito semelhante ao que aprendemos anteriormente neste curso. A memória é pré-alocada para três itens.

- Com base no conhecimento adquirido recentemente, podemos aproveitar nossa compreensão de ponteiros para criar um design melhor neste código. Modifique seu código da seguinte forma:

```
// Implements a list of numbers with an array of dynamic size

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

int main(void)
{
    // List of size 3
    int *list = malloc(3 * sizeof(int));
    if (list == NULL)
    {
        return 1;
    }

    // Initialize list of size 3 with numbers
    list[0] = 1;
    list[1] = 2;
    list[2] = 3;

    // List of size 4
    int *tmp = malloc(4 * sizeof(int));
    if (tmp == NULL)
    {
        free(list);
        return 1;
    }

    // Copy list of size 3 into list of size 4
    for (int i = 0; i < 3; i++)
    {
        tmp[i] = list[i];
    }

    // Add number to list of size 4
    tmp[3] = 4;

    // Free list of size 3
    free(list);

    // Remember list of size 4
    list = tmp;

    // Print list
    for (int i = 0; i < 4; i++)
    {
        printf("%i\n", list[i]);
    }

    // Free list
    free(list);
    return 0;
}
```

Observe que uma lista de três inteiros é criada. Em seguida, três endereços de memória podem receber os valores 1, 2, e 3. Depois, uma lista de quatro elementos é criada. A lista é então copiada da primeira para a segunda. O valor de 4 é adicionado à tmp lista. Como o bloco de memória list apontado por não está mais em uso, ele é liberado usando o comando free(list). Finalmente, o compilador é instruído a apontar list o ponteiro para o bloco de memória tmp apontado por . O conteúdo de list é impresso e então liberado. Além disso, observe a inclusão de stdlib.h.

- É útil pensar em 'x' list e 'tmp y' como sinais que apontam para um bloco de memória. Como no exemplo acima, list em um dado momento 'x' apontava para um array de tamanho 3. Ao final, 'list y' passou a apontar para um bloco de memória de tamanho 4. Tecnicamente, ao final do código acima, 'x' tmp e list 'y' apontavam para o mesmo bloco de memória.
- Uma maneira de copiar o array sem usar um loop for é através de realloc:

```
// Implements a list of numbers with an array of dynamic size using realloc

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

int main(void)
{
    // List of size 3
    int *list = malloc(3 * sizeof(int));
    if (list == NULL)
    {
        return 1;
    }

    // Initialize list of size 3 with numbers
    list[0] = 1;
    list[1] = 2;
    list[2] = 3;

    // Resize list to be of size 4
    int *tmp = realloc(list, 4 * sizeof(int));
    if (tmp == NULL)
    {
        free(list);
        return 1;
    }
    list = tmp;

    // Add number to list
    list[3] = 4;

    // Print list
    for (int i = 0; i < 4; i++)
    {
        printf("%i\n", list[i]);
    }

    // Free list
    free(list);
}
```



```
    return 0;
}
```

Observe que a lista é realocada para um novo array através de `realloc`.

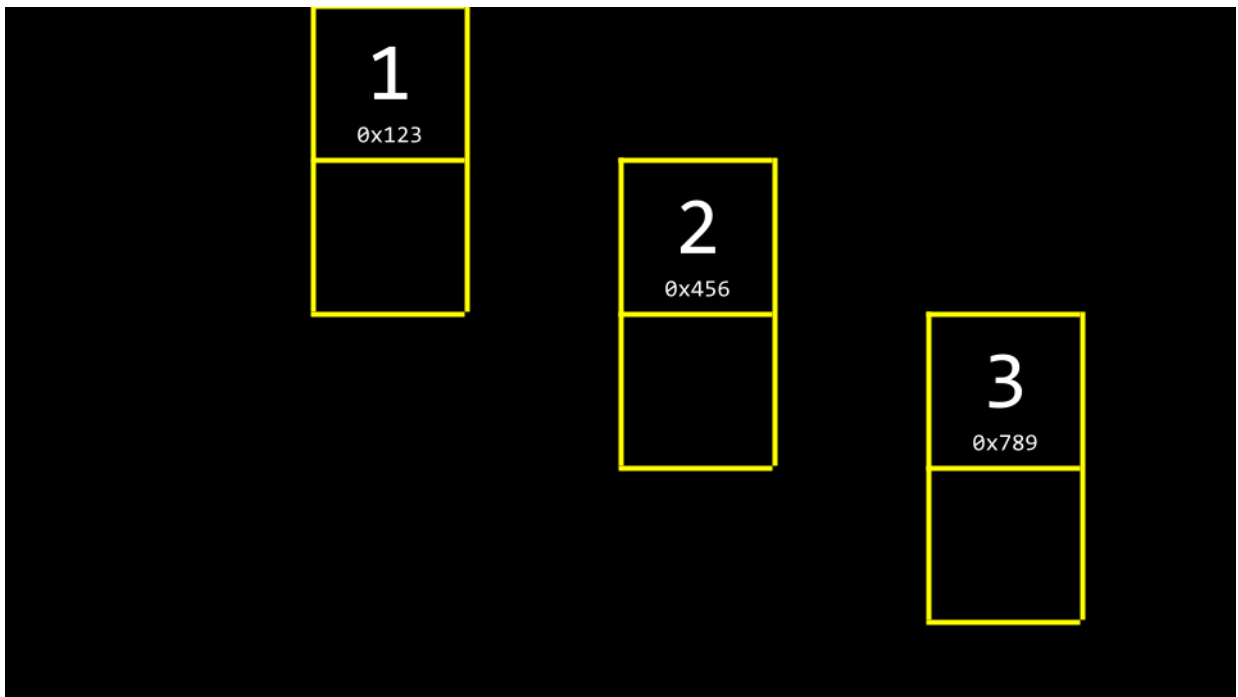
- Pode-se ter a tentação de alocar muito mais memória do que o necessário para a lista, como 30 itens em vez dos 3 ou 4 necessários. No entanto, isso é uma má prática de design, pois sobrecarrega os recursos do sistema quando eles não são potencialmente necessários. Além disso, há pouca garantia de que a memória para mais de 30 itens será necessária eventualmente.

Listas encadeadas

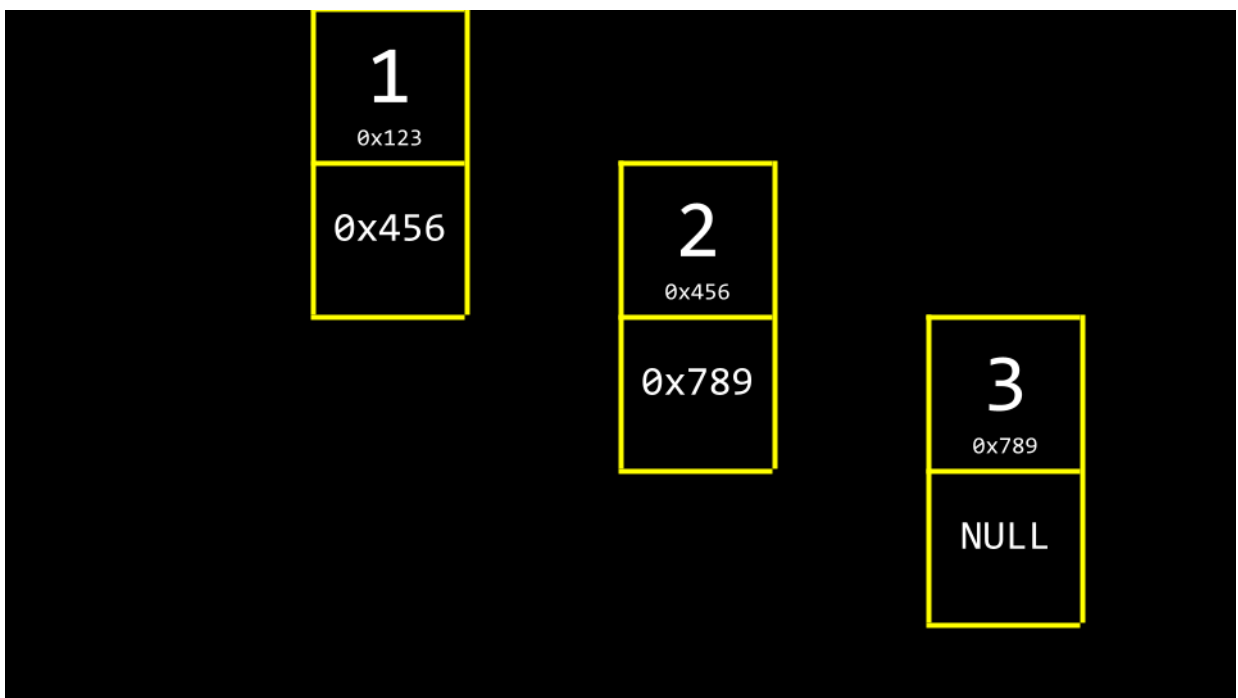
- Nas últimas semanas, você aprendeu sobre três tipos primitivos úteis. Um `struct` tipo de dado que você pode definir. Um ponteiro, `.` na *notação de ponto*, permite acessar variáveis dentro dessa estrutura. O `*` operador `&` é usado para declarar um ponteiro ou desreferenciar uma variável.
- Hoje, você conhecerá o `->` operador. É uma seta. Esse operador vai até um endereço e examina o interior de uma estrutura.
- Uma *lista ligada* é uma das estruturas de dados mais poderosas em C. Ela permite incluir valores localizados em diferentes áreas da memória. Além disso, permite aumentar e diminuir o tamanho da lista dinamicamente, conforme desejado.
- Você pode imaginar três valores armazenados em três áreas diferentes da memória, da seguinte forma:

		1 0x123					
				2 0x456			
						3 0x789	

- Como seria possível reunir esses valores em uma lista?
- Podemos imaginar os dados representados acima da seguinte forma:

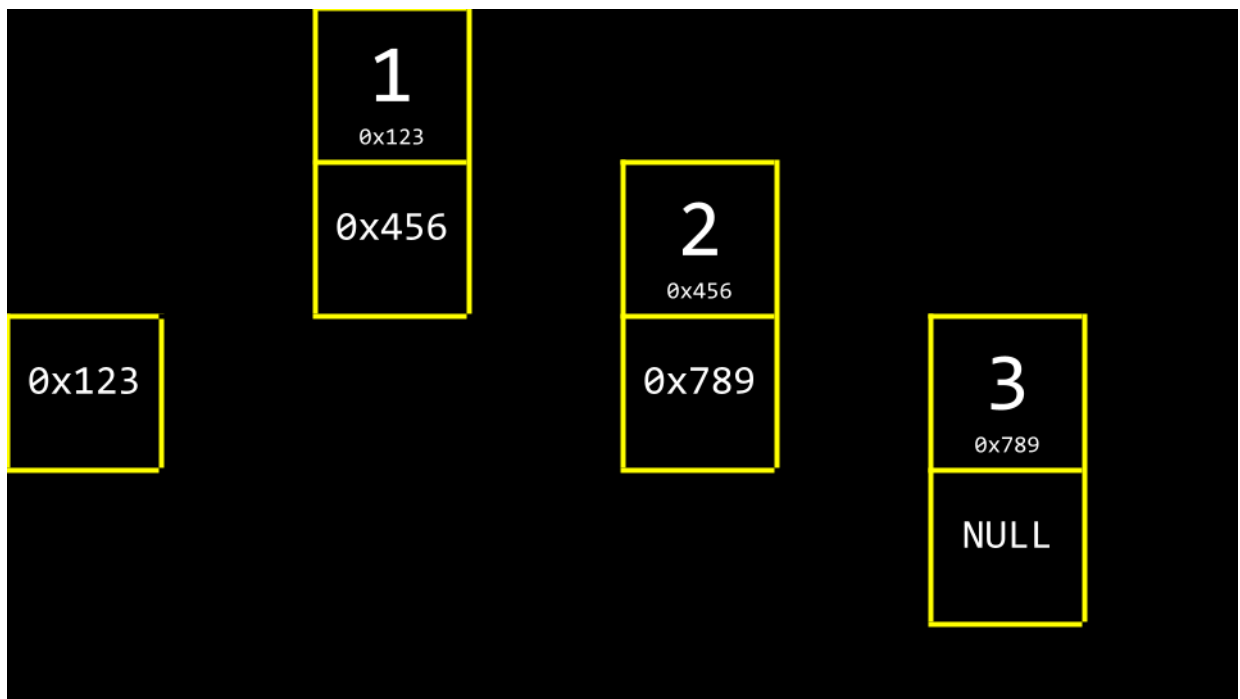


- Poderíamos utilizar mais memória para controlar a localização do próximo item usando um ponteiro.

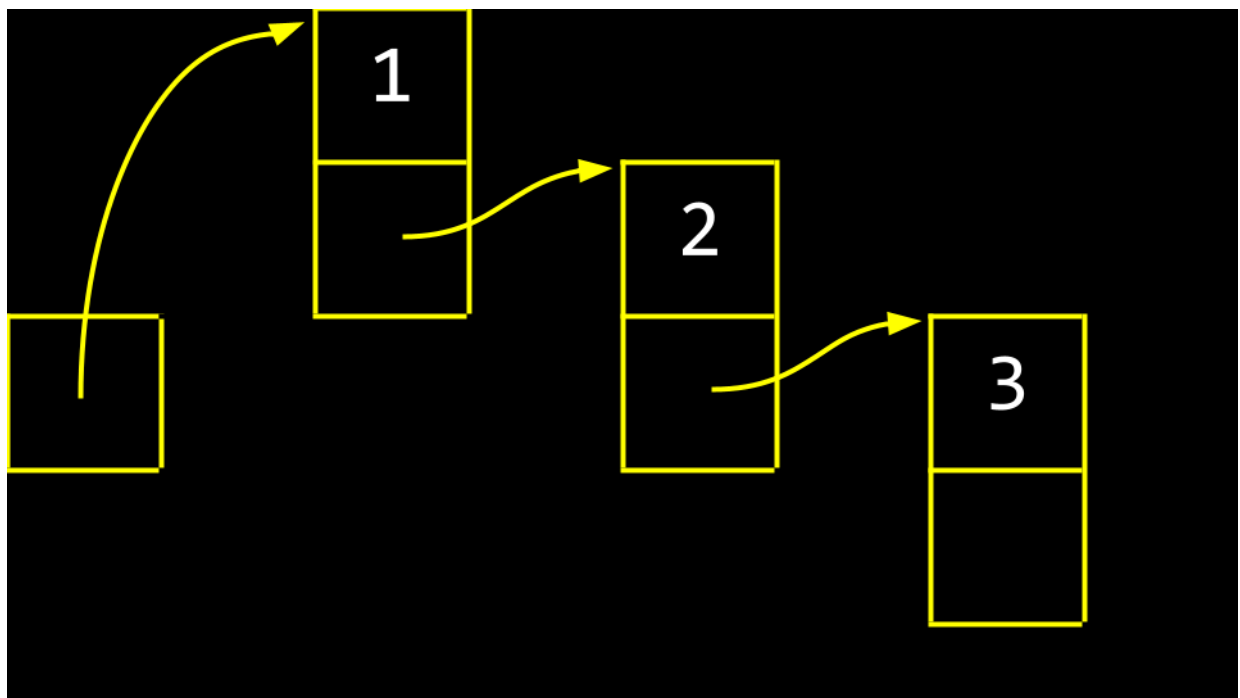


Observe que NULL é utilizado para indicar que não há mais nada *a seguir* na lista.

- Por convenção, manteríamos mais um elemento na memória, um ponteiro, que controla o primeiro item da lista, chamado de *cabeça* da lista.



- Abstraindo os endereços de memória, a lista ficaria assim:



- Essas caixas são chamadas *de nós*. Um *nó* contém um *item* e um ponteiro chamado `next`. Em código, você pode imaginar um nó da seguinte forma:

```
typedef struct node
{
    int number;
    struct node *next;
}
node;
```

Observe que o item contido neste nó é um inteiro chamado `number`. Em segundo lugar, um ponteiro para um nó chamado `next` é incluído, o qual apontará para outro nó em algum lugar na memória.

- Podemos recriar isso `list.c` utilizando uma lista encadeada:

```
// Start to build a linked list by prepending nodes

#include <cs50.h>
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

typedef struct node
{
    int number;
    struct node *next;
} node;

int main(void)
{
    // Memory for numbers
    node *list = NULL;

    // Build list
    for (int i = 0; i < 3; i++)
    {
        // Allocate node for number
        node *n = malloc(sizeof(node));
        if (n == NULL)
        {
            return 1;
        }
        n->number = get_int("Number: ");
        n->next = NULL;

        // Prepend node to list
        n->next = list;
        list = n;
    }
    return 0;
}
```

Primeiro, um nó `node` é definido como um `struct` elemento da lista. Para cada elemento da lista, a memória para o nó `node` é alocada através `malloc` de um valor do tamanho de um nó. O campo `number` `n->number` (ou `next`) recebe um valor inteiro. O campo `next` (ou `next`) recebe um valor . Então, o nó é colocado no início da lista na posição de memória `next` . `n` `n->next` `n` `null` `list`

- Conceitualmente, podemos imaginar o processo de criação de uma lista encadeada. Primeiro, um elemento `node *list` é declarado, mas ele contém um valor inválido.

```
node *list;
```

list



- Em seguida, um nó chamado `n` é alocado na memória.

```
node *n = malloc(sizeof(node));
```

list

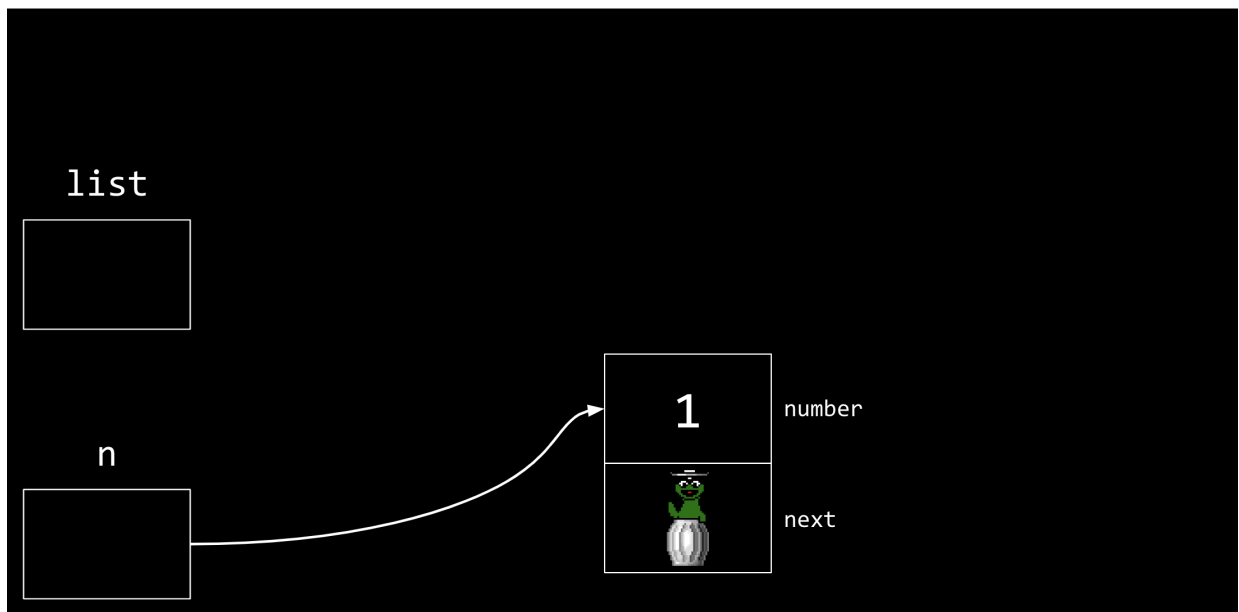


n



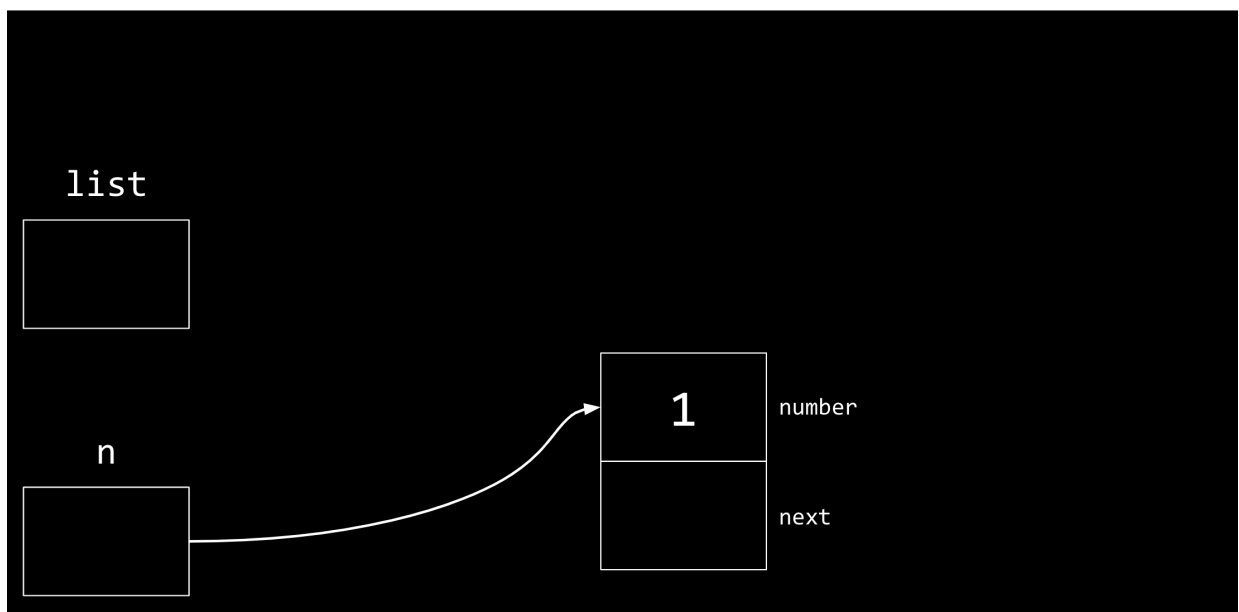
- Em seguida, o `number` valor é atribuído ao nó `1`.

```
n->number = 1;
```



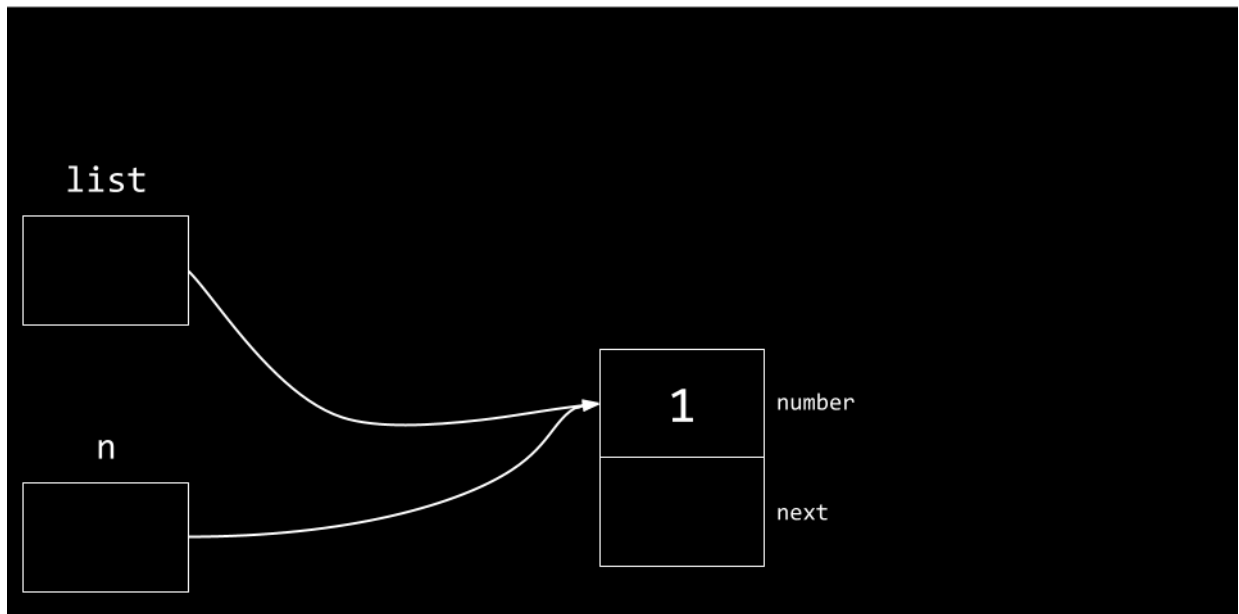
- Em seguida, o `next` campo do nó é atribuído `NULL`.

```
n->next = NULL;
```



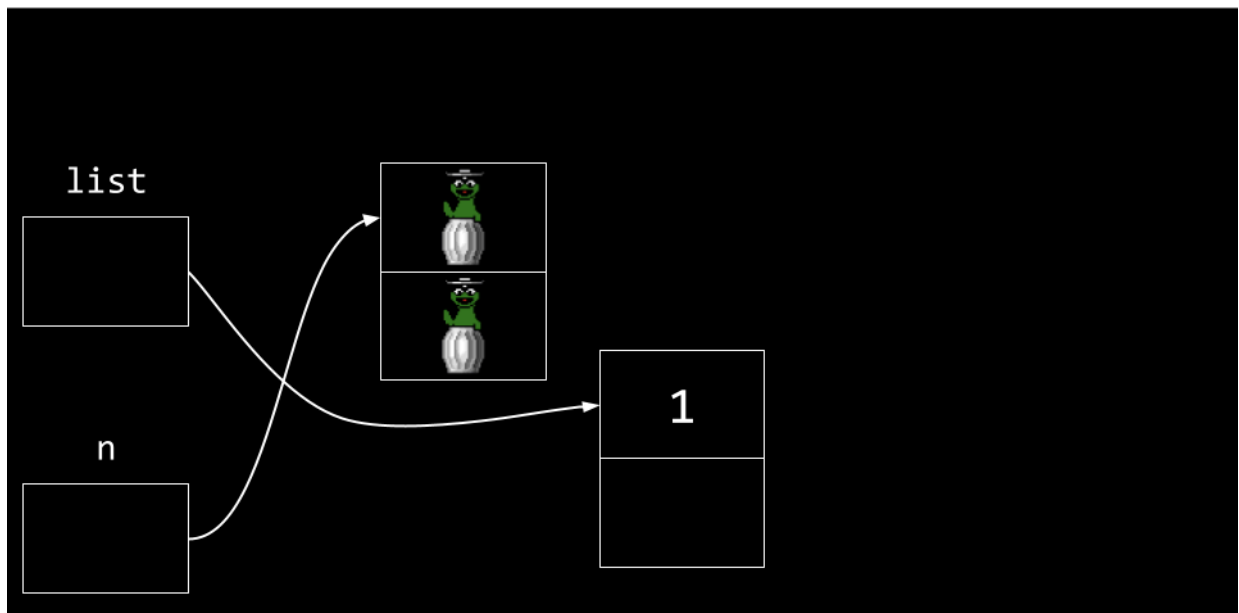
- Em seguida, `list` aponta para o local de memória para onde `n` aponta. `n` e `list` agora apontam para o mesmo local.

```
list = n;
```



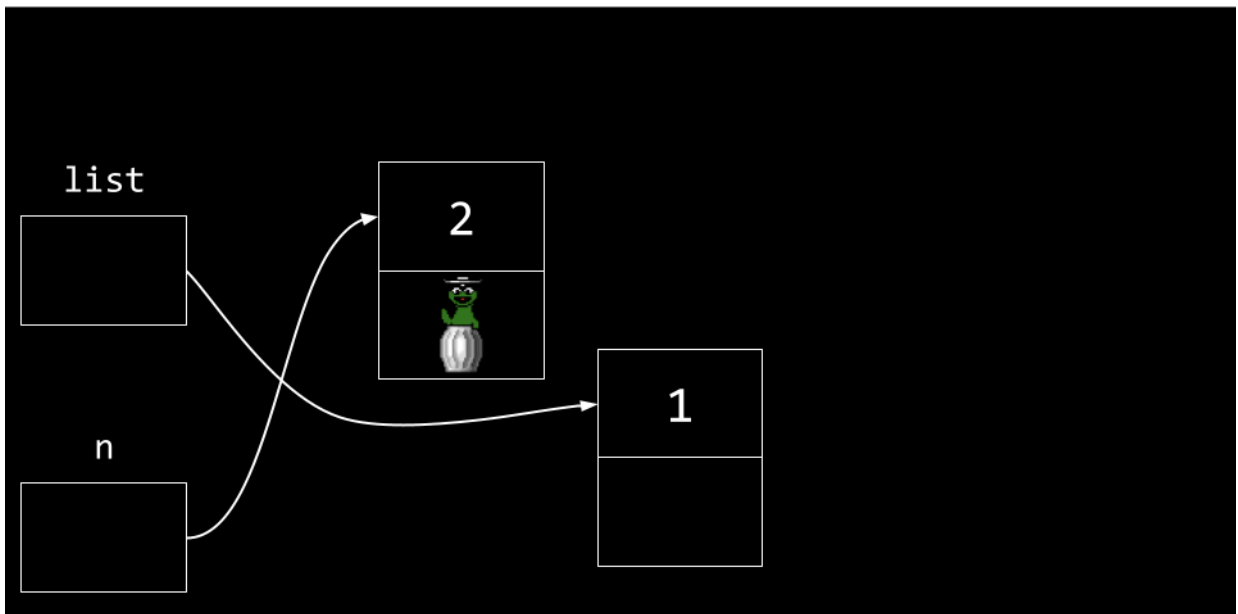
- Em seguida, um novo nó é criado. Tanto o campo `number` and` quanto `next` o campo `or` são preenchidos com valores inválidos.

```
node *n = malloc(sizeof(node));
```



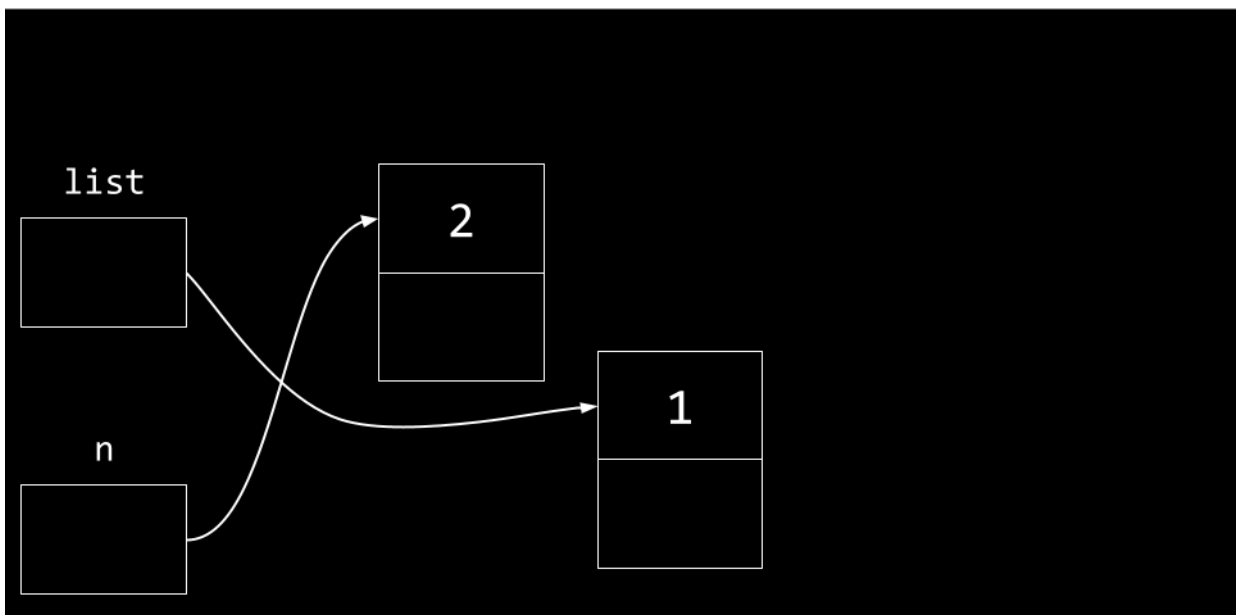
- O `number` valor do `n` nó 's (o novo nó) é atualizado para `2`.

```
n->number = 2;
```



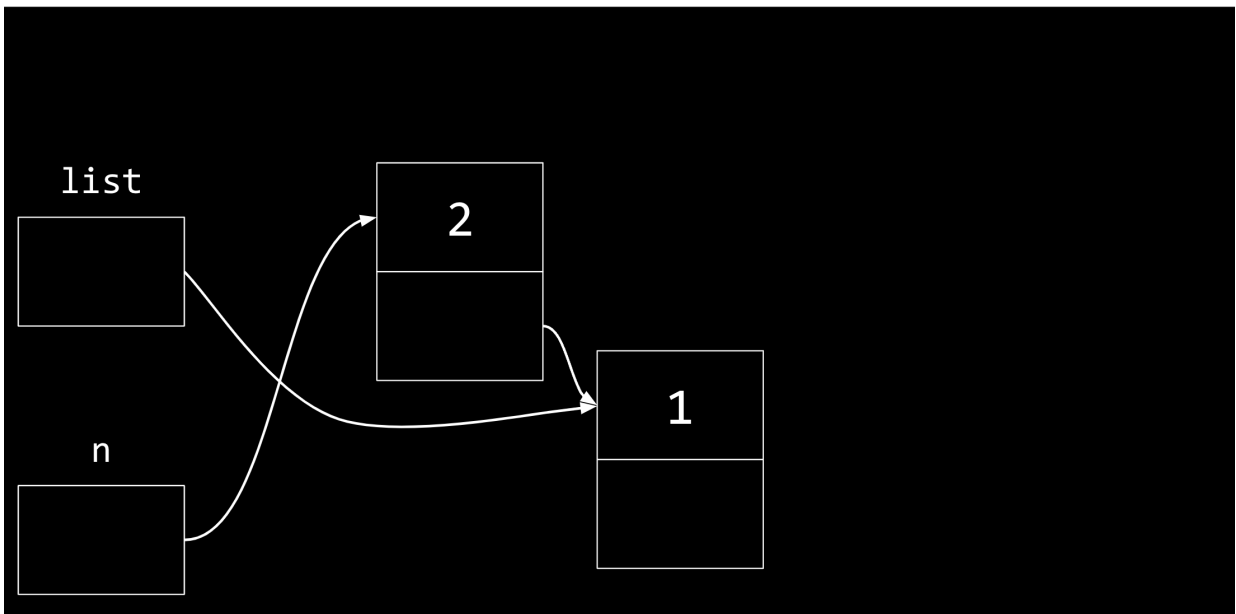
- Além disso, o `next` campo também foi atualizado.

```
n->next = NULL;
```



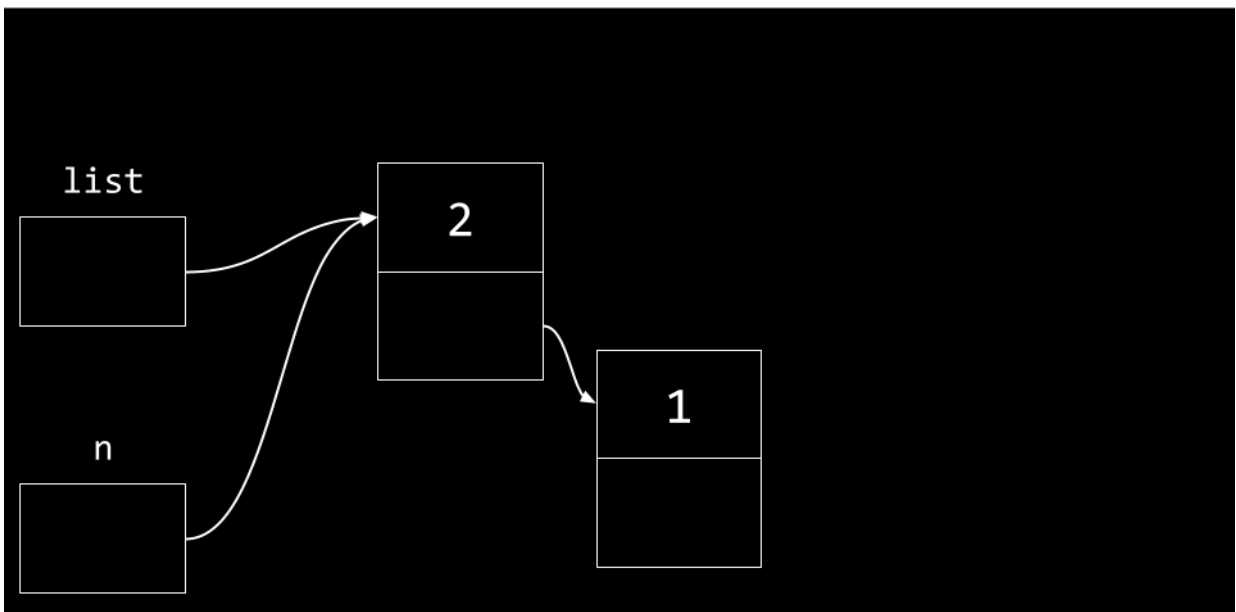
- Mais importante ainda, não queremos perder nossa conexão com nenhum desses nós, para que não se percam para sempre. Consequentemente, o campo `n` de's `next` aponta para o mesmo local de memória que `list`.


```
n->next = list;
```



- Finalmente, `list` é atualizado para apontar para `n`. Agora temos uma lista encadeada de dois itens.

```
list = n;
```



- Observando nosso diagrama da lista, podemos ver que o último número adicionado é o primeiro número que aparece na lista. Consequentemente, se imprimirmos a lista em ordem, começando pelo primeiro nó, a lista aparecerá fora de ordem.
- Podemos imprimir a lista na ordem correta da seguinte forma:

```
// Print nodes in a linked list with a while loop

#include <cs50.h>
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

typedef struct node
{
    int number;
```

```

    struct node *next;
} node;

int main(void)
{
    // Memory for numbers
    node *list = NULL;

    // Build list
    for (int i = 0; i < 3; i++)
    {
        // Allocate node for number
        node *n = malloc(sizeof(node));
        if (n == NULL)
        {
            return 1;
        }
        n->number = get_int("Number: ");
        n->next = NULL;

        // Prepend node to list
        n->next = list;
        list = n;
    }

    // Print numbers
    node *ptr = list;
    while (ptr != NULL)
    {
        printf("%i\n", ptr->number);
        ptr = ptr->next;
    }
    return 0;
}

```

Observe que `x` `node *ptr = list` cria uma variável temporária que aponta para o mesmo local que `list` y` aponta. `x` `while` imprime o que o nó `ptr` aponta para `y` e, em seguida, atualiza `y` `ptr` para apontar para o `next` nó na lista.

- Neste exemplo, a inserção na lista ocorre sempre na ordem de $O(1)$, pois inserir um item no início de uma lista requer apenas um número muito pequeno de passos.
- Considerando o tempo necessário para pesquisar esta lista, ela está na seguinte ordem: $O(n)$ Isso ocorre porque, no pior caso, a lista inteira precisa ser pesquisada para encontrar um item. A complexidade de tempo para adicionar um novo elemento à lista dependerá de onde esse elemento for adicionado. Isso é ilustrado nos exemplos abaixo.
- Listas encadeadas não são armazenadas em um bloco contíguo de memória. Elas podem crescer indefinidamente, desde que haja recursos de sistema suficientes. A desvantagem, no entanto, é que é necessária mais memória para controlar a lista em comparação com um array. Para cada elemento, é preciso armazenar não apenas o valor do elemento, mas também um ponteiro para o próximo nó. Além disso, listas encadeadas não podem ser indexadas como em um array, pois precisamos percorrer o primeiro elemento.
— 1 elemento para encontrar a localização do elemento. Por causa disso, a lista

mostrada acima deve ser pesquisada linearmente. Portanto, a busca binária não é possível em uma lista construída como a acima.

- Além disso, você pode adicionar números ao final da lista, como ilustrado neste código:

```
// Appends numbers to a linked list

#include <cs50.h>
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

typedef struct node
{
    int number;
    struct node *next;
} node;

int main(void)
{
    // Memory for numbers
    node *list = NULL;

    // Build list
    for (int i = 0; i < 3; i++)
    {
        // Allocate node for number
        node *n = malloc(sizeof(node));
        if (n == NULL)
        {
            return 1;
        }
        n->number = get_int("Number: ");
        n->next = NULL;

        // If list is empty
        if (list == NULL)
        {
            // This node is the whole list
            list = n;
        }

        // If list has numbers already
        else
        {
            // Iterate over nodes in list
            for (node *ptr = list; ptr != NULL; ptr = ptr->next)
            {
                // If at end of list
                if (ptr->next == NULL)
                {
                    // Append node
                    ptr->next = n;
                    break;
                }
            }
        }
    }

    // Print numbers
```

```

for (node *ptr = list; ptr != NULL; ptr = ptr->next)
{
    printf("%i\n", ptr->number);
}

// Free memory
node *ptr = list;
while (ptr != NULL)
{
    node *next = ptr->next;
    free(ptr);
    ptr = next;
}
return 0;
}

```

Observe como este código *percorre* a lista para encontrar o final. Ao adicionar um elemento (ao final da lista), nosso código será executado em $O(n)$ pois temos que percorrer toda a nossa lista antes de podermos adicionar o elemento final. Além disso, observe que uma variável temporária chamada `next` é usada para rastrear `ptr->next`.

- Além disso, você pode classificar sua lista à medida que os itens são adicionados:

```

// Implements a sorted linked list of numbers

#include <cs50.h>
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

typedef struct node
{
    int number;
    struct node *next;
} node;

int main(void)
{
    // Memory for numbers
    node *list = NULL;

    // Build list
    for (int i = 0; i < 3; i++)
    {
        // Allocate node for number
        node *n = malloc(sizeof(node));
        if (n == NULL)
        {
            return 1;
        }
        n->number = get_int("Number: ");
        n->next = NULL;

        // If list is empty
        if (list == NULL)
        {
            list = n;
        }
    }
}

```

```

// If number belongs at beginning of list
else if (n->number < list->number)
{
    n->next = list;
    list = n;
}

// If number belongs later in list
else
{
    // Iterate over nodes in list
    for (node *ptr = list; ptr != NULL; ptr = ptr->next)
    {
        // If at end of list
        if (ptr->next == NULL)
        {
            // Append node
            ptr->next = n;
            break;
        }

        // If in middle of list
        if (n->number < ptr->next->number)
        {
            n->next = ptr->next;
            ptr->next = n;
            break;
        }
    }
}

// Print numbers
for (node *ptr = list; ptr != NULL; ptr = ptr->next)
{
    printf("%i\n", ptr->number);
}

// Free memory
node *ptr = list;
while (ptr != NULL)
{
    node *next = ptr->next;
    free(ptr);
    ptr = next;
}
return 0;
}

```

Observe como esta lista é ordenada à medida que é construída. Para inserir um elemento nesta ordem específica, nosso código ainda será executado em $O(n)$. Para cada inserção, na pior das hipóteses teremos que analisar todos os elementos existentes.

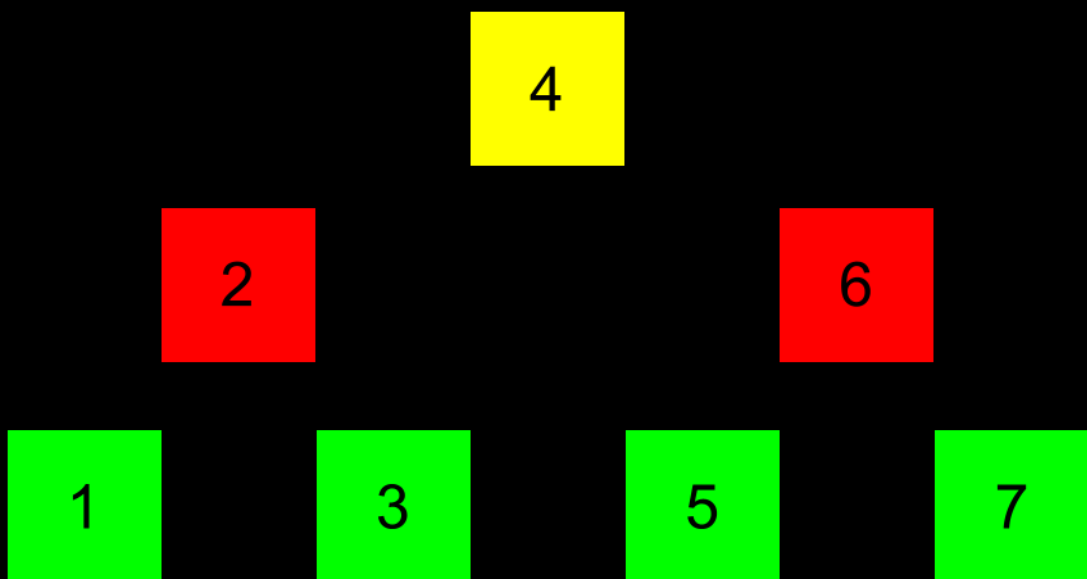
- Este código pode parecer complicado. No entanto, observe que, com ponteiros e a sintaxe acima, podemos combinar dados em diferentes locais da memória.

Árvores

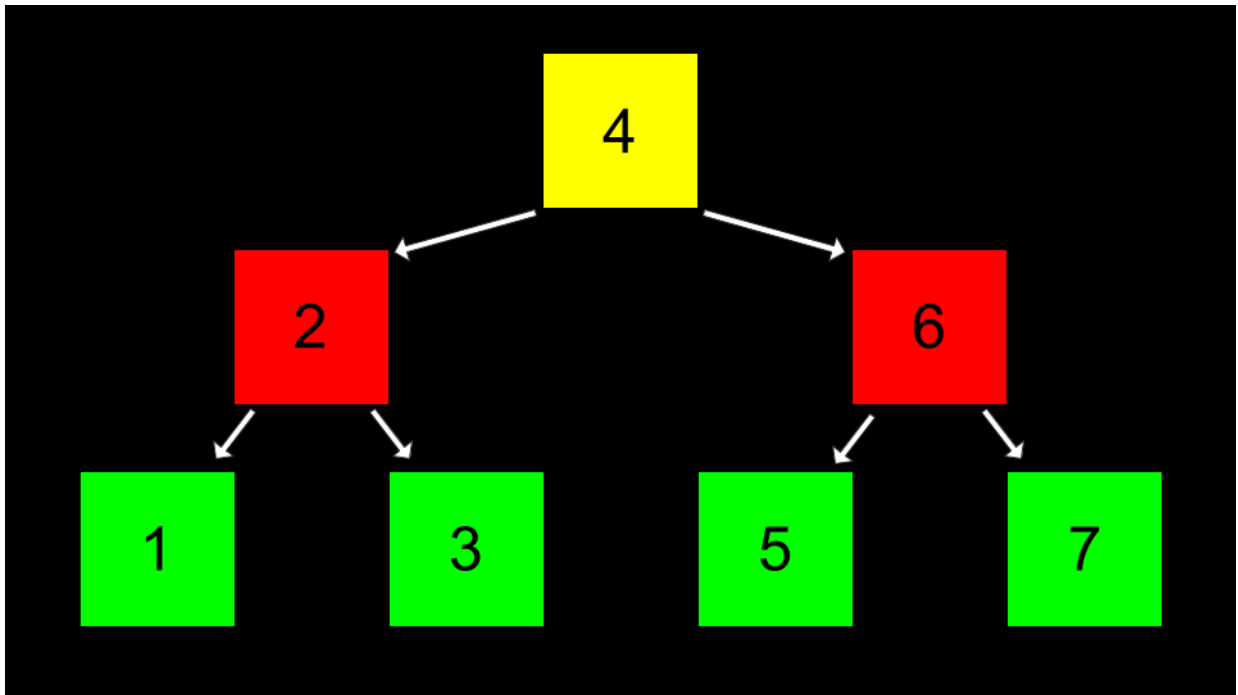
- Os arrays oferecem memória contígua que pode ser pesquisada rapidamente. Os arrays também oferecem a oportunidade de realizar buscas binárias.
- Será que poderíamos combinar o melhor dos arrays e das listas encadeadas?
- *Árvores de busca binária* são outra estrutura de dados que pode ser usada para armazenar dados de forma mais eficiente, permitindo que sejam pesquisados e recuperados.
- Você pode imaginar uma sequência ordenada de números.



- Imagine então que o valor central se torne o topo de uma árvore. Os valores menores que esse são colocados à esquerda. Os valores maiores que esse são colocados à direita.



- Os ponteiros podem então ser usados para apontar para a localização correta de cada área de memória, de forma que cada um desses nós possa ser conectado.



- Em código, isso pode ser implementado da seguinte forma.

```
// Implements a list of numbers as a binary search tree

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

// Represents a node
typedef struct node
{
    int number;
    struct node *left;
    struct node *right;
}
node;

void free_tree(node *root);
void print_tree(node *root);

int main(void)
{
    // Tree of size 0
    node *tree = NULL;

    // Add number to list
    node *n = malloc(sizeof(node));
    if (n == NULL)
    {
        return 1;
    }
    n->number = 2;
    n->left = NULL;
    n->right = NULL;
    tree = n;

    // Add number to list
```

```

    n = malloc(sizeof(node));
    if (n == NULL)
    {
        free_tree(tree);
        return 1;
    }
    n->number = 1;
    n->left = NULL;
    n->right = NULL;
    tree->left = n;

    // Add number to list
    n = malloc(sizeof(node));
    if (n == NULL)
    {
        free_tree(tree);
        return 1;
    }
    n->number = 3;
    n->left = NULL;
    n->right = NULL;
    tree->right = n;

    // Print tree
    print_tree(tree);

    // Free tree
    free_tree(tree);
    return 0;
}

void free_tree(node *root)
{
    if (root == NULL)
    {
        return;
    }
    free_tree(root->left);
    free_tree(root->right);
    free(root);
}

void print_tree(node *root)
{
    if (root == NULL)
    {
        return;
    }
    print_tree(root->left);
    printf("%i\n", root->number);
    print_tree(root->right);
}

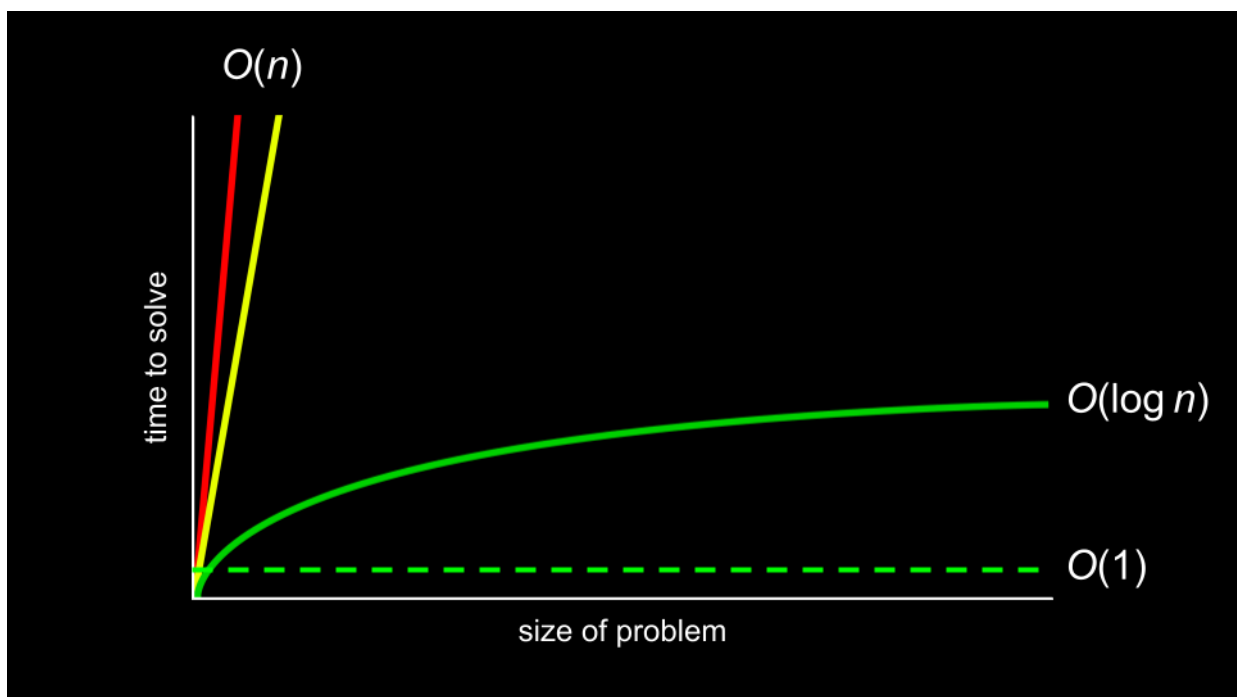
```

Observe que esta função de busca começa indo para a localização de `tree`. Em seguida, ela usa recursão para buscar `number`. A `free_tree` função libera a árvore recursivamente. `print_tree` imprime a árvore recursivamente.

- Uma árvore como a acima oferece um dinamismo que uma matriz não oferece. Ela pode crescer e encolher conforme desejarmos.
- Além disso, essa estrutura oferece um tempo de busca de $O(\log n)$ quando a árvore estiver equilibrada.

Dicionários

- *Dicionários* são outra estrutura de dados.
- Dicionários, como os dicionários impressos que contêm uma palavra e uma definição, possuem uma *chave* e um *valor*.
- O *Santo Graal* da complexidade temporal algorítmica é $O(1)$ ou *tempo constante*. Isto é, o ideal é que o acesso seja instantâneo.



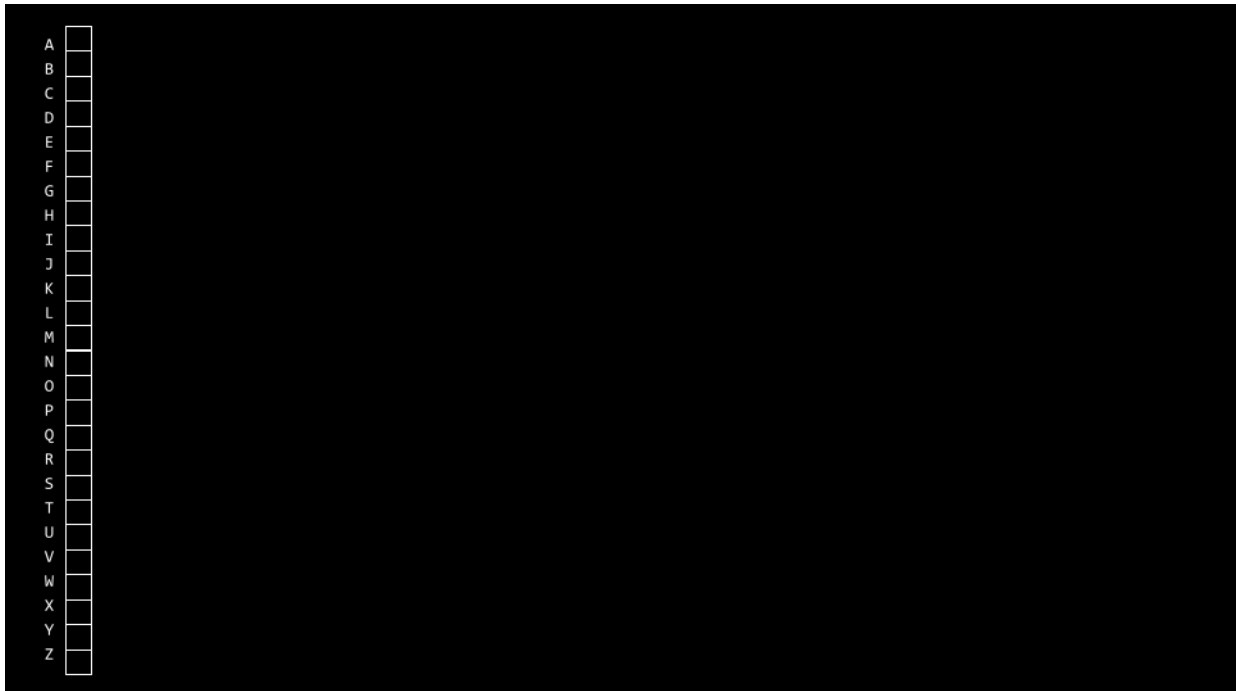
- Os dicionários podem oferecer essa velocidade de acesso por meio de hashing.

Hashing e tabelas hash

- *Hashing* é a ideia de pegar um valor e ser capaz de gerar um valor que se torne um atalho para ele posteriormente.
- Por exemplo, o hash de "apple" pode ser representado como um valor de 1 1, e o de "berry" como 1. 2 Portanto, encontrar "apple" é tão fácil quanto perguntar ao algoritmo de hash onde "apple" está armazenado. Embora não seja o ideal em termos de design, agrupar todos os valores "a" em um mesmo grupo e todos os valores "b" em outro, esse conceito de *agrupamento* de valores de hash ilustra como você pode usar esse conceito: um valor de hash pode ser usado para facilitar a busca por esse valor.
- Uma *função hash* é um algoritmo que reduz um valor grande a algo pequeno e previsível. Geralmente, essa função recebe um item que você deseja adicionar à sua tabela hash e

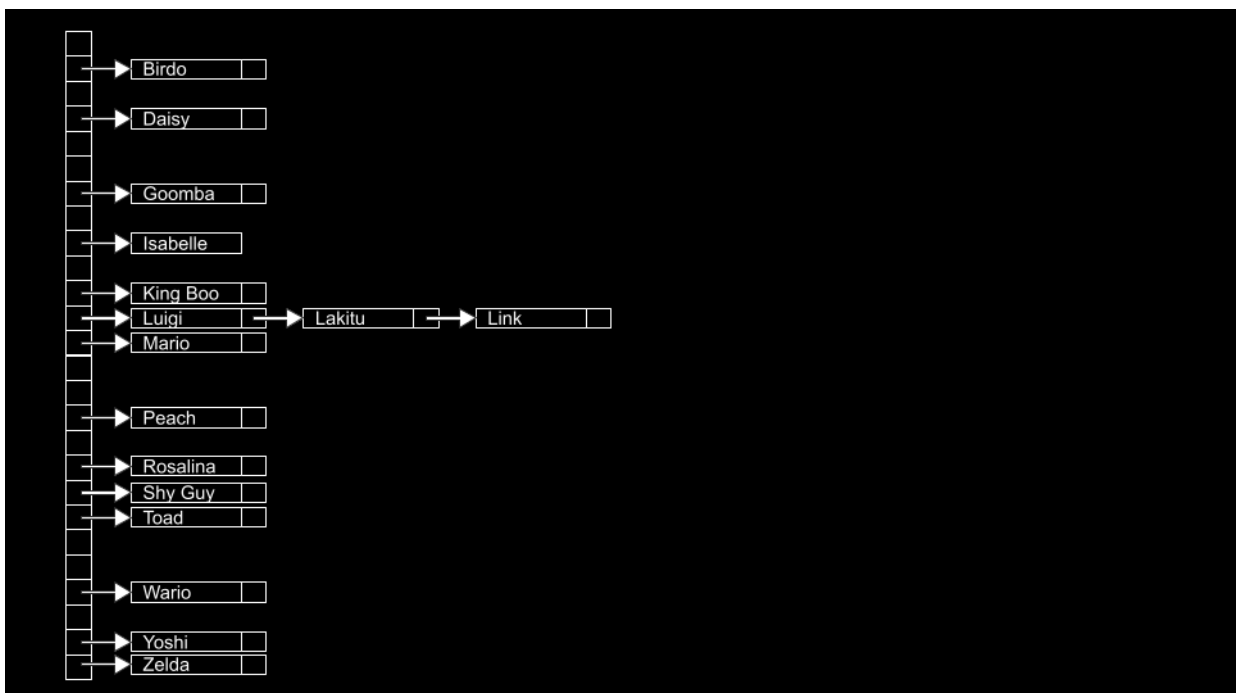
retorna um inteiro representando o índice do array no qual o item deve ser colocado.

- Uma *tabela hash* é uma combinação fantástica de arrays e listas encadeadas. Quando implementada em código, uma tabela hash é um *array* de *ponteiros* para nós.
- Uma tabela hash pode ser imaginada da seguinte forma:

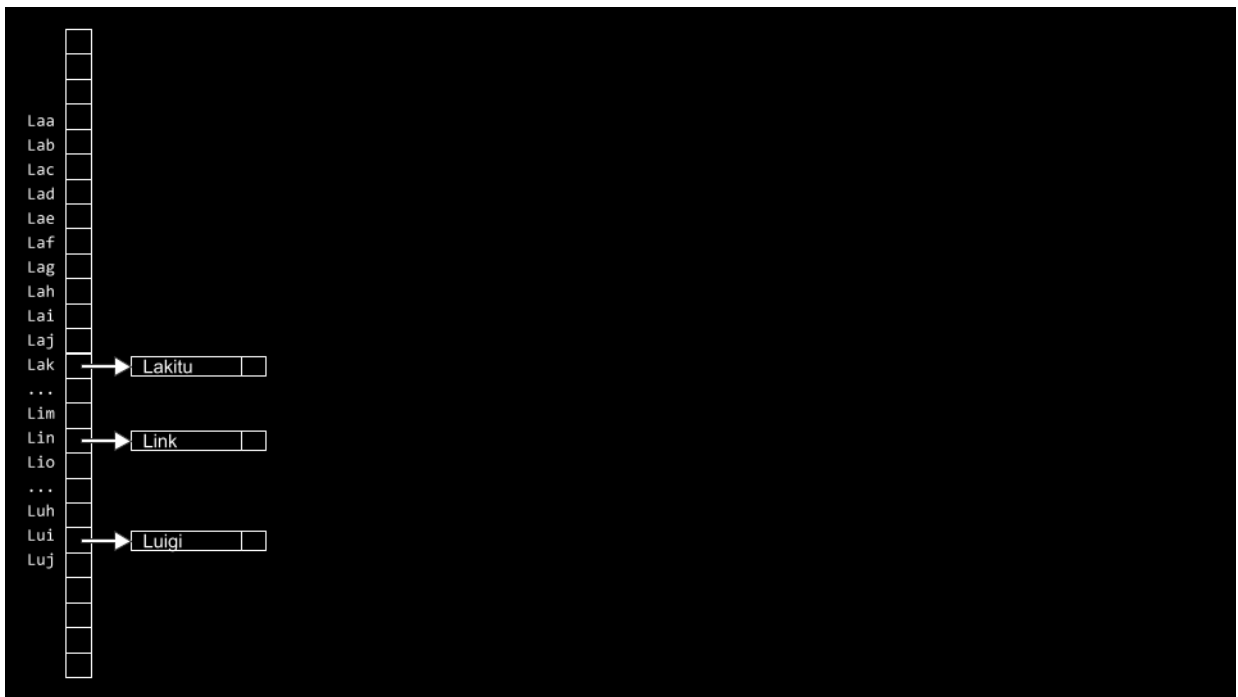


Observe que se trata de uma matriz à qual é atribuído cada valor do alfabeto.

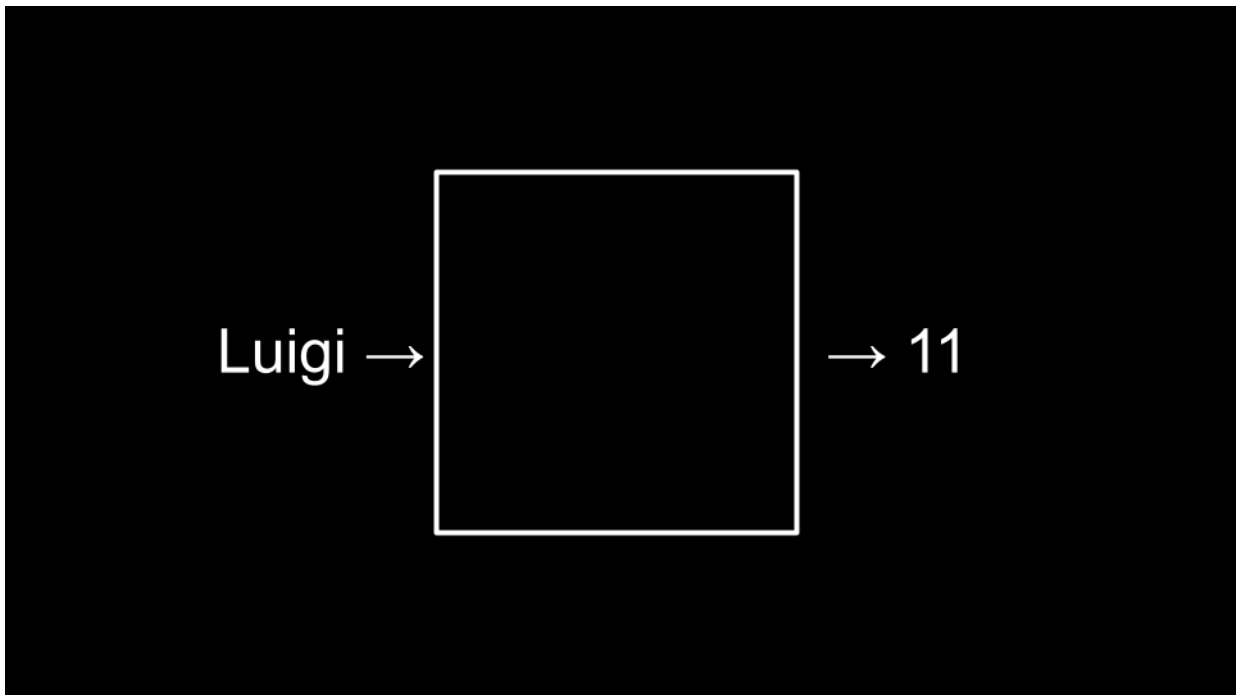
- Em seguida, em cada posição da matriz, uma lista encadeada é usada para rastrear cada valor armazenado ali:



- *Colisões* ocorrem quando você adiciona valores à tabela hash e já existe algo naquela posição. No exemplo acima, as colisões são simplesmente adicionadas ao final da lista.
- As colisões podem ser reduzidas através de uma melhor programação da tabela hash e do algoritmo hash. Imagine uma melhoria em relação ao exemplo acima da seguinte forma:



- Considere o seguinte exemplo de um algoritmo de hash:



- Isso poderia ser implementado em código da seguinte forma:

```
#include <ctype.h>

unsigned int hash(const char *word)
{
    return toupper(word[0]) - 'A';
}
```

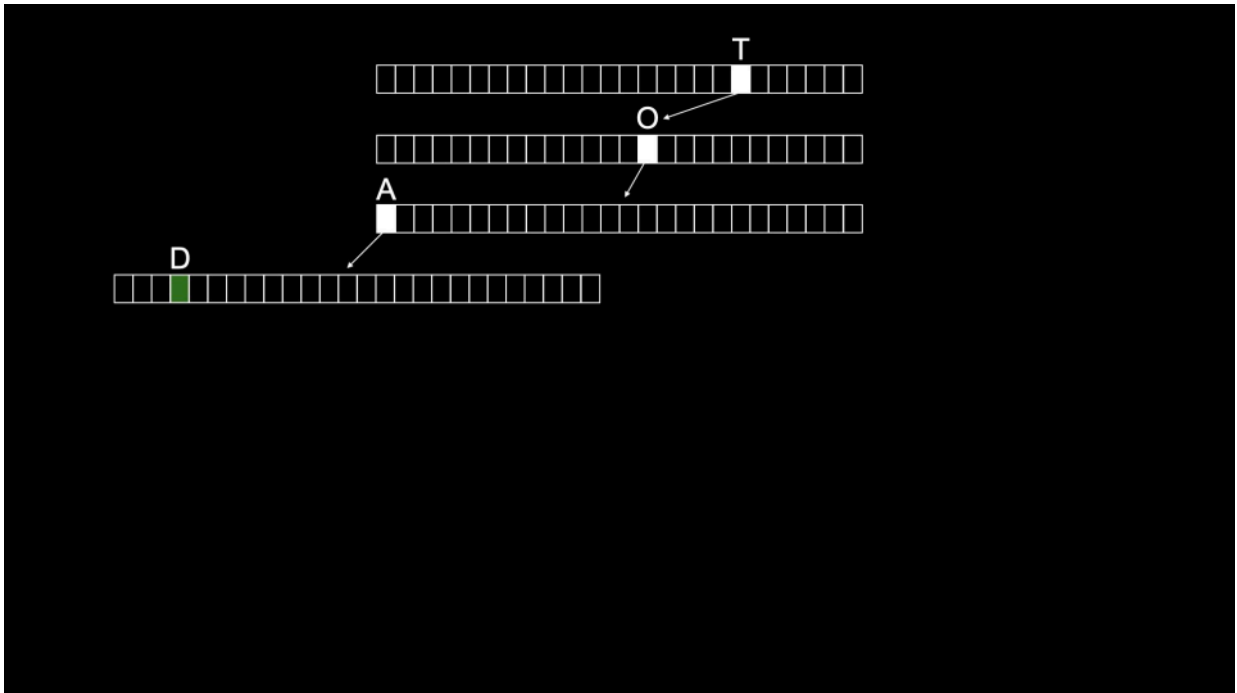
Observe como a função hash retorna o valor de `toupper(word[0]) - 'A'`.

- Você, como programador, precisa decidir entre as vantagens de usar mais memória para ter uma tabela hash grande e potencialmente reduzir o tempo de busca, ou usar menos memória e potencialmente aumentar o tempo de busca.

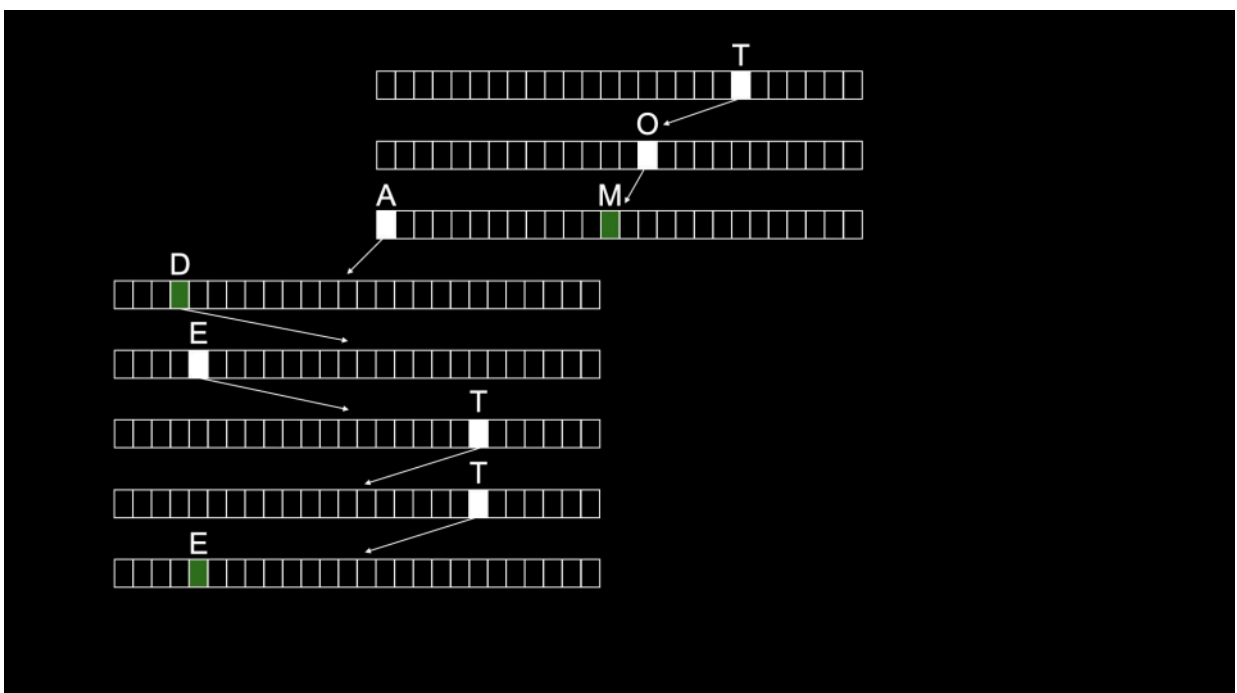
- Essa estrutura oferece um tempo de busca de $O(n)$.

Tentativas

- *Tries* são outra forma de estrutura de dados. Tries são árvores de arrays.
- As *tentativas* são sempre pesquisáveis em tempo constante.
- Uma desvantagem dos *tries* é que eles tendem a ocupar muita memória. Observe que precisamos $26 \times 4 = 104$ `node` É só para guardar o *Sapo* !
- O *sapo* seria armazenado da seguinte forma:



- *Tom* seria então armazenado da seguinte forma:



- Essa estrutura oferece um tempo de busca de $O(1)$.

- A desvantagem dessa estrutura é a quantidade de recursos necessários para utilizá-la.

Resumindo

Nesta lição, você aprendeu sobre como usar ponteiros para construir novas estruturas de dados. Especificamente, exploramos...

- Estruturas de dados
- Pilhas e filas
- Redimensionando matrizes
- Listas encadeadas
- Dicionários
- Tentativas

Até a próxima!