

# Este é o CS50




Introdução à Ciência da Computação (CS50)


OpenCourseWare

Doar  (<https://cs50.harvard.edu/donate>)


David J. Malan (<https://cs.harvard.edu/malan/>)

[malan@harvard.edu](mailto:malan@harvard.edu)

 (<https://www.facebook.com/dmalan>)  (<https://github.com/dmalan>) 

(<https://www.instagram.com/davidjmalan/>)  (<https://www.linkedin.com/in/malan/>)

 (<https://www.reddit.com/user/davidjmalan>) 

(<https://www.threads.net/@davidjmalan>)  (<https://twitter.com/davidjmalan>)

## Aula 3

---

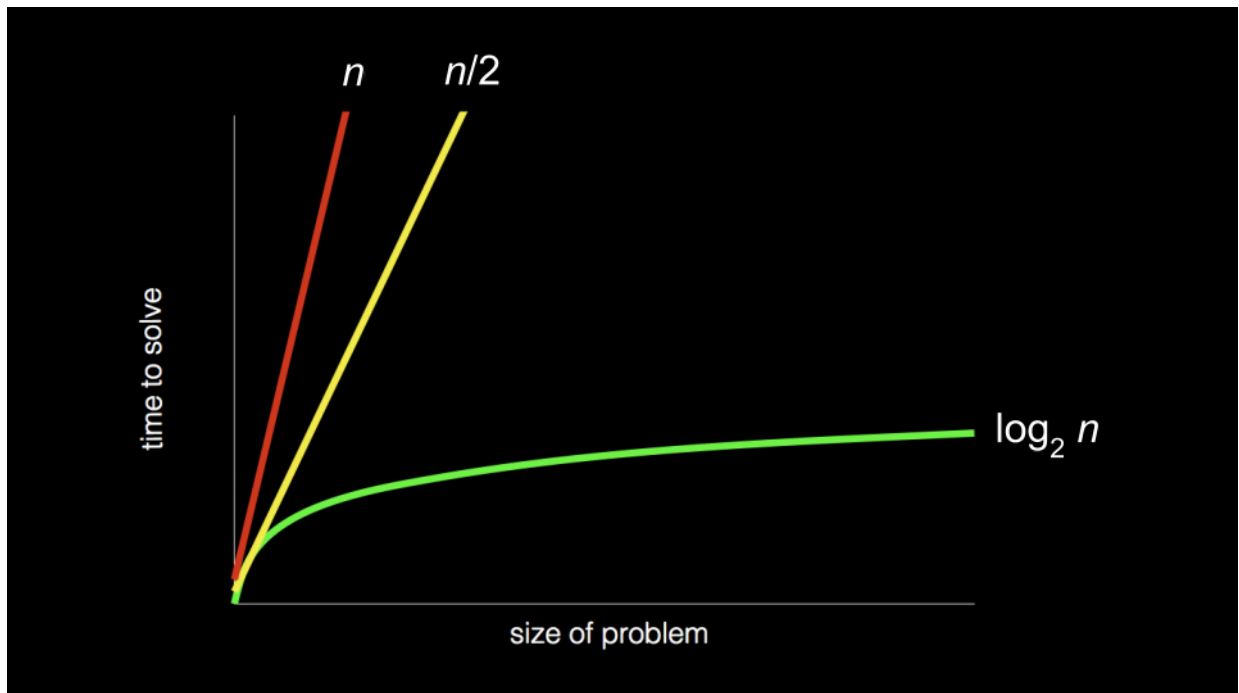
- [Bem-vindo!](#)
- [Busca Linear](#)
- [Busca Binária](#)
- [Duração](#)
- [pesquisa.c](#)
- [agenda telefônica.c](#)
- [Estruturas](#)
- [Classificação](#)
- [Classificação de bolhas](#)
- [Recursão](#)
- [Classificação por intercalação](#)
- [Resumindo](#)

## Bem-vindo!

---

- Na semana zero, introduzimos a ideia de um *algoritmo* : uma caixa preta que pode receber uma entrada e gerar uma saída.
- Esta semana, vamos aprofundar nossa compreensão de algoritmos por meio de pseudocódigo e, posteriormente, com o código em si.

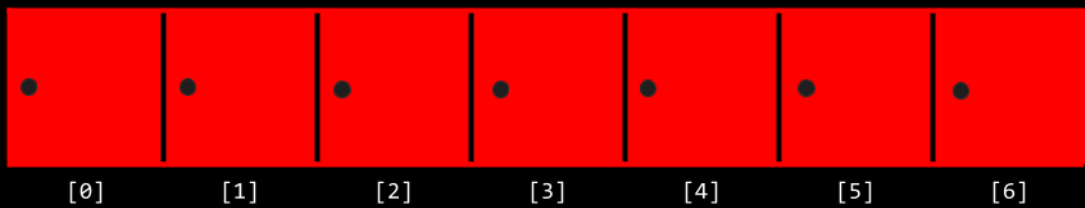
- Além disso, vamos considerar a eficiência desses algoritmos. De fato, vamos aprofundar nossa compreensão de como usar alguns dos conceitos que discutimos na semana passada na construção de algoritmos.
- Relembre o que vimos anteriormente no curso, quando apresentamos o seguinte gráfico:



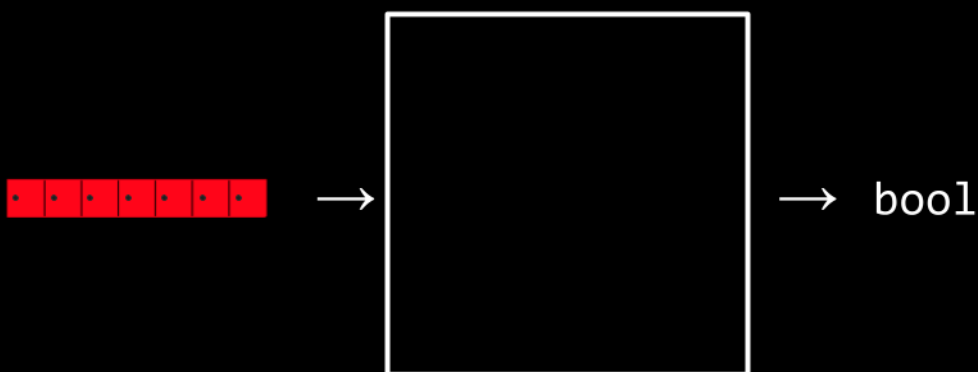
- Ao iniciarmos esta semana, você deve considerar como a forma como um algoritmo lida com um problema pode determinar o tempo necessário para resolvê-lo! Os algoritmos podem ser projetados para serem cada vez mais eficientes, até um certo limite.
- Hoje, vamos nos concentrar no projeto de algoritmos e em como medir sua eficiência.

## Busca Linear

- Lembre-se que na semana passada você foi apresentado ao conceito de *array*, blocos de memória que são consecutivos: lado a lado.
- Você pode imaginar metaforicamente uma matriz como uma série de sete armários vermelhos, da seguinte forma:



- A posição mais à esquerda é chamada de *posição 0* ou *início da matriz*. A posição mais à direita é a *posição 6* ou *o fim da matriz*.
- Podemos imaginar que temos um problema fundamental: "O número 50 está dentro de uma matriz?". Um computador precisa examinar cada armário para verificar se o número 50 está presente. Chamamos esse processo de encontrar tal número, caractere, sequência ou outro item *de busca*.
- Podemos potencialmente entregar nosso array a um algoritmo, no qual nosso algoritmo procurará em nossos armários para ver se o número 50 está atrás de uma das portas, retornando o valor `true` ou `false`.



- Podemos imaginar várias instruções que poderíamos fornecer ao nosso algoritmo para realizar essa tarefa, como segue:

```
For each door from left to right
  If 50 is behind door
```

```
Return true
Return false
```

Note que as instruções acima são chamadas de *pseudocódigo* : uma versão legível por humanos das instruções que poderíamos fornecer ao computador.

- Um cientista da computação poderia traduzir esse pseudocódigo da seguinte forma:

```
For i from 0 to n-1
    If 50 is behind doors[i]
        Return true
Return false
```

Note que o texto acima ainda não é código, mas é uma aproximação bastante precisa de como o código final poderá ser.

## Busca Binária

---

- A *busca binária* é outro *algoritmo de busca* que poderia ser empregado em nossa tarefa de encontrar os 50.
- Supondo que os valores dentro dos armários estejam organizados do menor para o maior, o pseudocódigo para a busca binária seria o seguinte:

```
If no doors left
    Return false
If 50 is behind middle door
    Return true
Else if 50 < middle door
    Search left half
Else if 50 > middle door
    Search right half
```

- Utilizando a nomenclatura de código, podemos modificar ainda mais nosso algoritmo da seguinte forma:

```
If no doors left
    Return false
If 50 is behind doors[middle]
    Return true
Else if 50 < doors[middle]
    Search doors[0] through doors[middle - 1]
Else if 50 > doors[middle]
    Search doors[middle + 1] through doors[n - 1]
```

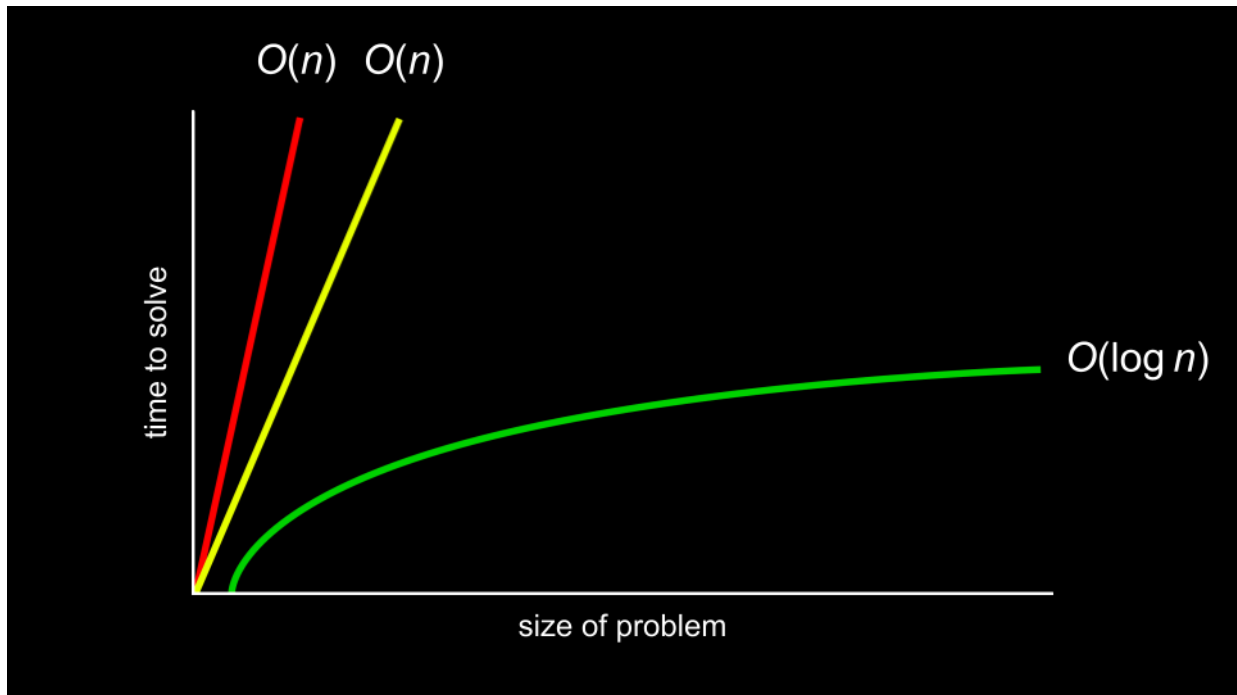
Note que, ao observar essa aproximação do código, você consegue quase imaginar como ele seria em um código real.

## Duração

---

- Você pode considerar quanto tempo um algoritmo leva para resolver um problema.

- *O tempo de execução* envolve uma análise usando a notação *Big O*. Veja o gráfico a seguir:



- Em vez de serem extremamente específicos sobre a eficiência matemática de um algoritmo, os cientistas da computação discutem a eficiência em termos da *ordem de grandeza* de seus tempos de execução.
- No gráfico acima, o primeiro algoritmo é  $O(n)$  ou *na ordem de  $n$* . O segundo está em  $O(n)$  também. O terceiro está em  $O(\log n)$ .
- É o formato da curva que demonstra a eficiência de um algoritmo. Alguns tempos de execução comuns que podemos observar são:
  - $O(n^2)$
  - $O(n \log n)$
  - $O(n)$
  - $O(\log n)$
  - $O(1)$
- Dos tempos de execução acima,  $O(n^2)$  é considerado o tempo de execução mais lento.  $O(1)$  é o mais rápido.
- A busca linear era de ordem  $O(n)$  porque, no pior dos casos, a execução pode levar  $n$  passos.
- A busca binária era de ordem  $O(\log n)$  porque seriam necessários cada vez menos passos para correr, mesmo no pior cenário.
- Os programadores estão interessados tanto no pior caso, ou *limite superior*, quanto no melhor caso, ou *limite inferior*.
- O  $\Omega$  símbolo é usado para denotar o melhor caso de um algoritmo, como por exemplo:  $\Omega(\log n)$ .

- O  $\Theta$  símbolo é usado para indicar onde o limite superior e o limite inferior são iguais: onde os tempos de execução no melhor caso e no pior caso são iguais.
- A *notação assintótica* é a medida de quão bem os algoritmos se comportam à medida que a entrada se torna cada vez maior.
- À medida que você continuar a desenvolver seus conhecimentos em ciência da computação, explorará esses tópicos com mais detalhes em cursos futuros.

## pesquisa.c

- Você pode implementar a busca linear digitando `code search.c` no seu terminal e escrevendo o código da seguinte forma:

```
// Implements linear search for integers

#include <cs50.h>
#include <stdio.h>

int main(void)
{
    // An array of integers
    int numbers[] = {20, 500, 10, 5, 100, 1, 50};

    // Search for number
    int n = get_int("Number: ");
    for (int i = 0; i < 7; i++)
    {
        if (numbers[i] == n)
        {
            printf("Found\n");
            return 0;
        }
    }
    printf("Not found\n");
    return 1;
}
```

Observe que a linha que começa com `if` `int numbers[]` nos permite definir os valores de cada elemento da matriz à medida que a criamos. Em seguida, no `for` laço, temos uma implementação de busca linear. `if` `return 0` é usado para indicar sucesso e encerrar o programa. `if` `return 1` é usado para encerrar o programa com um erro (falha).

- Implementamos agora a busca linear em C!
- E se quiséssemos procurar uma string dentro de um array? Modifique seu código da seguinte forma:

```
// Implements linear search for strings

#include <cs50.h>
#include <stdio.h>
#include <string.h>

int main(void)
```

```

{
    // An array of strings
    string strings[] = {"battleship", "boot", "cannon", "iron", "thimble", "to"};

    // Search for string
    string s = get_string("String: ");
    for (int i = 0; i < 6; i++)
    {
        if (strcmp(strings[i], s) == 0)
        {
            printf("Found\n");
            return 0;
        }
    }
    printf("Not found\n");
    return 1;
}

```

Observe que não podemos utilizar `==` na iteração anterior deste programa. Em vez disso, usamos `strcmp`, que vem da `string.h` biblioteca. `strcmp` retornará 0 se as strings forem iguais. Observe também que o comprimento da string em `6` está codificado diretamente no código, o que não é uma boa prática de programação.

- De fato, executar este código nos permite iterar sobre este array de strings para verificar se uma determinada string está presente. No entanto, se você encontrar uma *falha de segmentação*, onde uma parte da memória foi acessada pelo seu programa sem que ele devesse ter acesso, certifique-se de ter `i < 6` notado acima em vez de `i < 7`.
- Você pode aprender mais sobre isso `strcmp` nas [páginas do manual do CS50 \(https://manual.cs50.io/3/strcmp\)](https://manual.cs50.io/3/strcmp).

## agenda telefônica.c

- Podemos combinar essas ideias de números e strings em um único programa. Digite `code` `phonebook.c` o seguinte código na janela do terminal:

```

// Implements a phone book without structs

#include <cs50.h>
#include <stdio.h>
#include <string.h>

int main(void)
{
    // Arrays of strings
    string names[] = {"Yuliia", "David", "John"};
    string numbers[] = {"+1-617-495-1000", "+1-617-495-1000", "+1-949-468-2750"};

    // Search for name
    string name = get_string("Name: ");
    for (int i = 0; i < 3; i++)
    {
        if (strcmp(names[i], name) == 0)
        {

```

```

        printf("Found %s\n", numbers[i]);
        return 0;
    }
}
printf("Not found\n");
return 1;
}

```

Observe que o número de Yuliia começa com `+1-617`, o número de telefone de David começa com `+1-617` e o número de John começa com `+1-949`. Portanto, `names[0]` é o número de Yuliia e `numbers[0]` é o número de Yuliia. Esse código nos permitirá pesquisar na agenda telefônica o número específico de uma pessoa.

- Embora esse código funcione, ele apresenta diversas ineficiências. De fato, existe a possibilidade de que nomes e números de telefone não correspondam. Não seria ótimo se pudéssemos criar nosso próprio tipo de dado onde pudéssemos associar uma pessoa ao seu número de telefone?

## Estruturas

- Descobrimos que a linguagem C nos permite criar nossos próprios tipos de dados por meio de um `struct`...
- Não seria útil criar nosso próprio tipo de dados chamado ``a` person` que contenha um ``a` name` e um ``b` number`? Considere o seguinte:

```

typedef struct
{
    string name;
    string number;
} person;

```

Observe como isso representa nosso próprio tipo de dados chamado ``a` person` que possui uma string chamada ``a` name` e outra string chamada ``b` number`.

- Podemos melhorar nosso código anterior modificando nosso programa de agenda telefônica da seguinte forma:

```

// Implements a phone book with structs

#include <cs50.h>
#include <stdio.h>
#include <string.h>

typedef struct
{
    string name;
    string number;
} person;

int main(void)
{

```



```

person people[3];

people[0].name = "Yuliia";
people[0].number = "+1-617-495-1000";

people[1].name = "David";
people[1].number = "+1-617-495-1000";

people[2].name = "John";
people[2].number = "+1-949-468-2750";

// Search for name
string name = get_string("Name: ");
for (int i = 0; i < 3; i++)
{
    if (strcmp(people[i].name, name) == 0)
    {
        printf("Found %s\n", people[i].number);
        return 0;
    }
}
printf("Not found\n");
return 1;
}

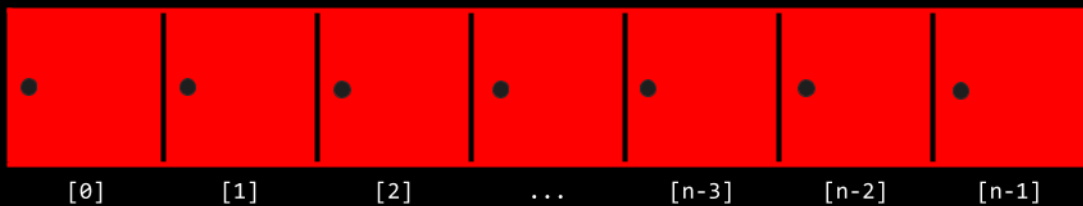
```

Observe que o código começa com a definição de `typedef struct` um novo tipo de dados chamado `names`. Dentro de `names`, temos uma string chamada `name` e um número chamado `number`. Na função `update_number`, criamos um array chamado `number` do tipo `number` com tamanho 3. Em seguida, atualizamos os nomes e números de telefone das duas pessoas no array. O mais importante é observar como a *notação de ponto*, como `number`, nos permite acessar o `name` na posição 0 e atribuir um nome a essa pessoa.

person	person	name	string	main	people	person	people	people[0].name	perso
								n	

## Classificação

- *Ordenar* é o ato de pegar uma lista de valores não ordenada e transformá-la em uma lista ordenada.
- Quando uma lista está ordenada, a busca nessa lista exige muito menos processamento do computador. Lembre-se de que podemos usar a busca binária em uma lista ordenada, mas não em uma lista não ordenada.
- Descobriu-se que existem muitos tipos diferentes de algoritmos de ordenação.
- *A ordenação por seleção* é um desses algoritmos de ordenação.
- Podemos representar um array da seguinte forma:



- O algoritmo de ordenação por seleção em pseudocódigo é:

```
For i from 0 to n-1
  Find smallest number between numbers[i] and numbers[n-1]
  Swap smallest number with numbers[i]
```

- Resumindo esses passos, a primeira iteração pela lista levou  $n - 1$  passos. A segunda vez, levou  $n - 2$  passos. Seguindo essa lógica, os passos necessários poderiam ser representados da seguinte forma:

$$(n - 1) + (n - 2) + (n - 3) + \dots + 1$$

- Isso poderia ser simplificado para  $n(n-1)/2$  ou, mais simplesmente,  $O(n^2)$ . No pior caso ou limite superior, a ordenação por seleção está na ordem de  $O(n^2)$ . No melhor caso, ou limite inferior, a ordenação por seleção está na ordem de  $\Omega(n^2)$ .

## Classificação de bolhas

- A *Bubble Sort* é outro algoritmo de ordenação que funciona trocando elementos repetidamente para "promover" os elementos maiores para o final.
- O pseudocódigo para o algoritmo de ordenação por bolha é:

```
Repeat n-1 times
  For i from 0 to n-2
    If numbers[i] and numbers[i+1] out of order
      Swap them
  If no swaps
    Quit
```

- À medida que ordenamos o array, percebemos que cada vez mais partes dele ficam ordenadas, então precisamos analisar apenas os pares de números que ainda não foram ordenados.

- O algoritmo de ordenação por bolha pode ser analisado da seguinte forma:

$$\begin{aligned} &(n - 1) \times (n - 1) \\ &n^2 - 1n - 1n + 1 \\ &n^2 - 2n + 1 \end{aligned}$$

ou, mais simplesmente  $O(n^2)$ .

- No pior caso, ou limite superior, o algoritmo de ordenação por bolha está na ordem de  $O(n^2)$ . No melhor caso, ou limite inferior, o algoritmo de ordenação por bolha está na ordem de  $\Omega(n)$ .
- Você pode [visualizar](https://www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/ComparisonSort.html) (<https://www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/ComparisonSort.html>) uma comparação desses algoritmos.

## Recursão

- Como podemos melhorar a eficiência da nossa triagem?
- *Recursão* é um conceito em programação onde uma função chama a si mesma. Vimos isso anteriormente quando vimos...

```
If no doors left
    Return false
If number behind middle door
    Return true
Else if number < middle door
    Search left half
Else if number > middle door
    Search right half
```

Observe que estamos recorrendo `search` a iterações cada vez menores deste problema.

- Da mesma forma, em nosso pseudocódigo da Semana 0, você pode ver onde a recursão foi implementada:

```
1 Pick up phone book
2 Open to middle of phone book
3 Look at page
4 If person is on page
5     Call person
6 Else if person is earlier in book
7     Open to middle of left half of book
8     Go back to line 3
9 Else if person is later in book
10    Open to middle of right half of book
11    Go back to line 3
12 Else
13    Quit
```

- Este código poderia ter sido simplificado para destacar suas propriedades recursivas da seguinte forma:

```
1 Pick up phone book
2 Open to middle of phone book
3 Look at page
4 If person is on page
5     Call person
6 Else if person is earlier in book
7     Search left half of book
9 Else if person is later in book
10    Search right half of book
12 Else
13    Quit
```

- Considere como, na Semana 1, queríamos criar uma estrutura piramidal da seguinte forma:

```
#
##
###
####
```

- Digite `code iteration.c` o seguinte código na janela do terminal:

```
// Draws a pyramid using iteration

#include <cs50.h>
#include <stdio.h>

void draw(int n);

int main(void)
{
    // Get height of pyramid
    int height = get_int("Height: ");

    // Draw pyramid
    draw(height);
}

void draw(int n)
{
    // Draw pyramid of height n
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        for (int j = 0; j < i + 1; j++)
        {
            printf("#");
        }
        printf("\n");
    }
}
```

Observe que este código constrói a pirâmide por meio de um loop.

- Para implementar isso usando recursão, `code iteration.c` digite o seguinte código na janela do terminal:

```
// Draws a pyramid using recursion

#include <cs50.h>
#include <stdio.h>

void draw(int n);

int main(void)
{
    // Get height of pyramid
    int height = get_int("Height: ");

    // Draw pyramid
    draw(height);
}

void draw(int n)
{
    // If nothing to draw
    if (n <= 0)
    {
        return;
    }

    // Draw pyramid of height n - 1
    draw(n - 1);

    // Draw one more row of width n
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        printf("#");
    }
    printf("\n");
}
```

Observe que o *caso base* garantirá que o código não seja executado indefinidamente. A linha `if (n <= 0)` encerra a recursão porque o problema foi resolvido. Cada vez `draw` que `f` chama a si mesma, ela chama a si mesma por `f n-1`. Em algum momento, `f n-1` será igual a `f 0`, resultando no `draw` retorno da função e, conseqüentemente, no fim do programa.

## Classificação por intercalação

- Agora podemos aproveitar a recursão em nossa busca por um algoritmo de ordenação mais eficiente e implementar o que é chamado de *ordenação por intercalação (merge sort)*, um algoritmo de ordenação muito eficiente.
- O pseudocódigo para o algoritmo de ordenação por intercalação (merge sort) é bastante curto:

```
If only one number
    Quit
Else
    Sort left half of number
```

Sort right half of number  
Merge sorted halves

- Considere a seguinte lista de números:

6341

- Primeiro, o algoritmo de ordenação por intercalação (merge sort) pergunta: "Este é um único número?". A resposta é "não", então o algoritmo continua.

6341

- Em segundo lugar, o merge sort irá dividir os números ao meio (ou o mais próximo possível disso) e ordenar a metade esquerda dos números.

63|41

- Em terceiro lugar, o algoritmo de ordenação por intercalação (merge sort) analisaria esses números à esquerda e perguntaria: "Este número é um só?". Como a resposta é não, ele dividiria os números à esquerda ao meio.

6|3

- Em quarto lugar, o algoritmo de ordenação por intercalação (merge sort) perguntará novamente: "Este é um único número?". A resposta desta vez é sim! Portanto, ele encerrará esta tarefa e retornará à última tarefa que estava executando neste ponto:

63|41

- Em quinto lugar, o algoritmo de ordenação por intercalação (merge sort) irá ordenar os números à esquerda.

36|41

- Agora, retornamos ao ponto onde paramos no pseudocódigo, uma vez que o lado esquerdo foi ordenado. Um processo semelhante, seguindo os passos 3 a 5, ocorrerá com os números do lado direito. Isso resultará em:

36|14

- As duas metades agora estão ordenadas. Finalmente, o algoritmo irá mesclar os dois lados. Ele analisará o primeiro número à esquerda e o primeiro número à direita. Colocará o menor número em primeiro lugar e, em seguida, o segundo menor. O algoritmo repetirá esse processo para todos os números, resultando em:

1346

- A ordenação por intercalação foi concluída e o programa foi encerrado.
- O Merge Sort é um algoritmo de ordenação muito eficiente com um pior caso de  $O(n \log n)$ . O melhor cenário ainda é  $\Omega(n \log n)$  porque o algoritmo ainda precisa visitar

cada posição na lista. Portanto, o merge sort também é  $\Theta(n \log n)$  já que o melhor cenário e o pior cenário são iguais.

- [Uma visualização \(https://www.youtube.com/watch?v=ZZuD6iUe3Pc\)](https://www.youtube.com/watch?v=ZZuD6iUe3Pc) final foi compartilhada.

## Resumindo

---

Nesta lição, você aprendeu sobre pensamento algorítmico e como criar seus próprios tipos de dados. Especificamente, você aprendeu...

- Algoritmos.
- Notação Big  $O$ .
- Busca binária e busca linear.
- Diversos algoritmos de ordenação, incluindo ordenação por bolha, ordenação por seleção e ordenação por intercalação.
- Recursão.

Até a próxima!