Statistique des assurances - Projet

Isabelle Ajtay (41010932) Smail Chabane (38012939) Yuxuan Zhang (38019811)

20 février 2023

Table des matières

1.	Description des données Analyses univariées	1 2 3
$^2.$	Modélisation des sinistres et des primes pures	10
	2.1 Problème d'endogénéïté dans les variables	10
	Tester les problèmes d'endogénéité de certaines variables	
	2.2 Modélisation de Sinistre0	
	2.3 Modélisation de Sinistre 1 ou 2 ou 3 (au moins un)	
	2.4 Modèle pour le prix de Police 1 ou 2 ou 3 (au moins un)	
	2.5 Modèle retenu au final	
	IV regressions	
3.	Modélisation du nombre de sinistres et tarification des nouveaux arrivants	17
	3.1 Modèle pour le nombre de sinistres, NSin	17
	3.2 Méthode de tarification pour les nouveaux arrivants	
4.	Estimation des durées	17
	4.1 Estimateur de Kaplan-Meier	
	4.2 Modèle de Cox	
		- •

Plan d'analyse

L'approche que nous allons suivre pour cette étude :

- préparation des données pour traitement : importer, vérifier et découper les données
- analyses univariées et bivariées, etdes corrélations des variables deux à deux
- analyse en composantes principales
- classification hiérachique ascendante.

1. Description des données

Import des données

La procédure pour lire ligne par ligne ces données est longue. Donc nous les avons exportées dans un fichier .txt pour aller plus vite.

```
data = read.table("data.txt", sep = " ", header=T, encoding = "UTF-8")
#data = read.table("assurance_complete_corrige.R") #, sep = "", header=T)
```

Analyses univariées

On a utilisé str pour afficher les informations simples concernant les variables, et summary pour afficher les données statistiques pour chaque variable.

On observe que les variables region, crevpp, agecat et habi sont qualitatives, malgré leur apparence numérique; on les convertit en facteurs

```
## [1] 1 2 3 4 5 7 8 9
```

On a representé les boxplots des variables RUC et Sinistre0. Pour écraser les grandes valeurs, on utilise la fonction log.

```
par(mfrow=c(2,2))
boxplot(log(data[,2]),main="Boxplot de variable RUC")
ggplot(data, aes(y=RUC, fill=Durée)) + geom_boxplot(orientation = "x") + labs(subtitle = "Revenu par un

## Warning: The following aesthetics were dropped during statistical transformation: fill

## i This can happen when ggplot fails to infer the correct grouping structure in

## the data.

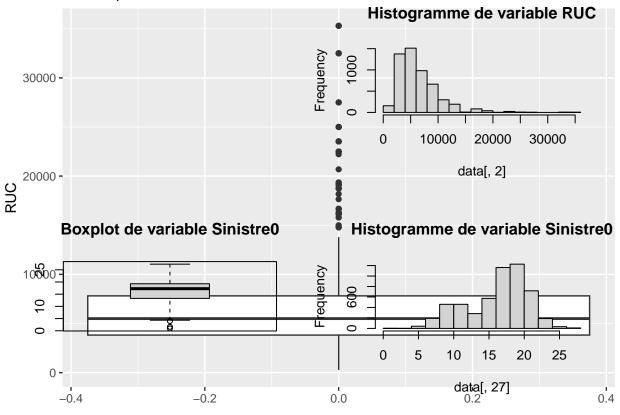
## i Did you forget to specify a `group` aesthetic or to convert a numerical

## variable into a factor?

hist(data[,2],main="Histogramme de variable RUC")

# erreur ici chez Eva : stat_density requires an x or y aesthetic ggplot(data = data.frame(data[,2]))
boxplot(data[,27],main="Boxplot de variable SinistreO")
hist(data[,27],main="Histogramme de variable SinistreO")
```

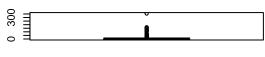
Revenu par unité de consommation



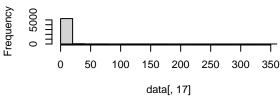
density(data[,27])

```
##
## Call:
##
    density.default(x = data[, 27])
##
## Data: data[, 27] (5352 obs.);
                                     Bandwidth 'bw' = 0.6943
##
##
          х
##
    Min.
           :-1.118
                     Min.
                             :1.270e-06
##
    1st Qu.: 6.509
                     1st Qu.:8.995e-04
##
    Median :14.136
                     Median :2.309e-02
    Mean
           :14.136
                     Mean
                             :3.275e-02
    3rd Qu.:21.763
                     3rd Qu.:4.731e-02
##
##
    Max.
           :29.390
                             :1.226e-01
                     Max.
par(mfrow=c(3,2))
boxplot(data[,17],main="Boxplot de variable Sinistre1")
hist(data[,17], main="Histogramme de variable Sinistre1")
boxplot(data[,18],main="Boxplot de variable Sinistre2")
hist(data[,18],main="Histogramme de variable Sinistre2")
boxplot(data[,19],main="Boxplot de variable Sinistre3")
hist(data[,19],main="Histogramme de variable Sinistre3")
```





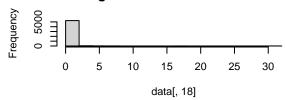
Histogramme de variable Sinistre1



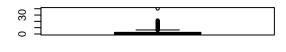
Boxplot de variable Sinistre2



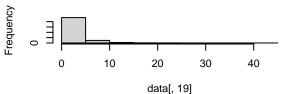
Histogramme de variable Sinistre2



Boxplot de variable Sinistre3



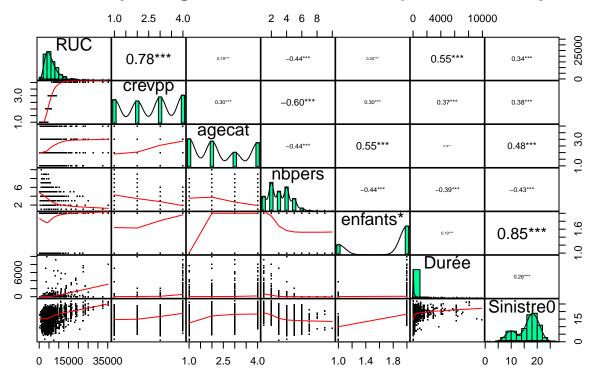
Histogramme de variable Sinistre3



Analyses bivariées

A travers un graphique des variables numériques deux à deux, nous regardons comment évoluent les variables ensemble, et s'il y a des "tendances" reconnaissables. Par exemple, sur le graphique ci-dessous, qui contient les analyses bivariées complètes, on voit une tendance linéaire croissante (et corrélation positive significative)

orrelations les plus significatives de Sinistre0 (variables deux par deux



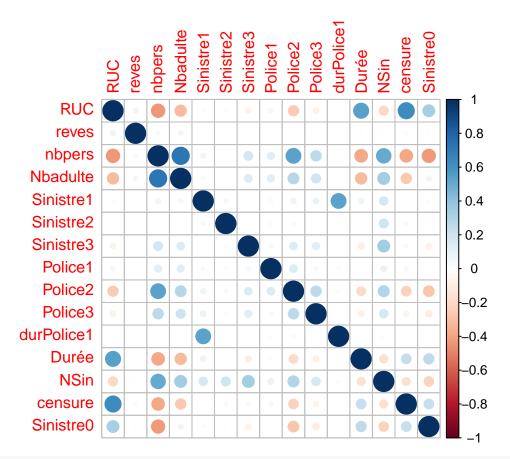
On peut constater que les variabilités des Sinistres des 3 types sont toutes grandes.

```
aggregate(data[,c(17,18,19,27)],list(data[,1]),mean)
```

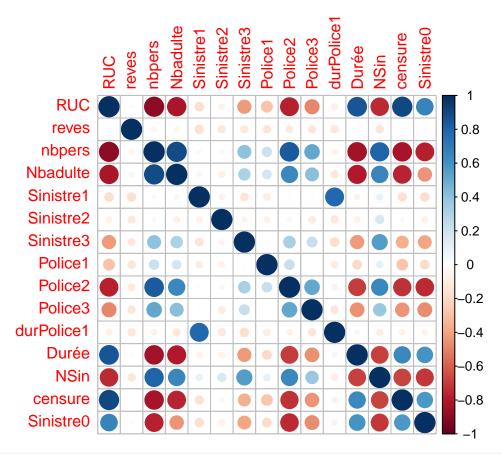
```
##
                                  Group.1 Sinistre1
                                                       Sinistre2 Sinistre3
## 1
                         Agr. exploitants 0.4860776 0.009051724
                                                                  2.983017
## 2
            Artisans, comm., chefs d'ent. 0.3559116 0.097458564
                                                                  1.836381
         Autres pers. sans activite prof. 1.4143169 0.107540984
                                                                  1.761721
## 4 Cadres et prof. intellectuelles sup. 1.6937083 0.184058333
                                                                  2.249010
## 5
                                 Employes 1.2392184 0.159409429
                                                                  1.771824
## 6
                                 Ouvriers 1.6113979 0.128146194
                                                                  1.841745
## 7
               Professions intermediaires 1.7689008 0.207553551
                                                                  2.214859
## 8
                                Retraites 0.5480867 0.185876093 1.395999
##
     Sinistre0
## 1
     15.01849
      16.12462
## 2
      17.41922
      16.83139
## 5
      15.57469
## 6
      14.30565
## 7
      15.66231
## 8 18.36901
variables_quantitatives = data %>% select_if(is.numeric) %>% cor()
kable(variables_quantitatives, digits=3)
```

	RUC	reves	nbper	:sNbadı	ıl Se nistr	$\mathrm{e}\mathbf{S}\mathrm{inistr}$	$\mathbf{e}\mathbf{S}$ inistr	e P olice	1Police	2Police	3durPol	ic Dl urée	NSin	censur	Sinistre
RUC	1.000	0.066	-	-	-	0.017	-	_	-	_	0.005	0.549	-	0.628	0.338
			0.436	0.311	0.018		0.075	0.051	0.256	0.080			0.201		
reves	0.066	1.000	0.031	0.053	_	-	0.007	_	0.006	0.005	0.001	0.012	0.013	0.029	0.014
					0.001	0.001		0.002							
nbpers	-	0.031	1.000	0.720	0.064	0.006	0.188	0.129	0.531	0.262	0.009	_	0.508	_	-
	0.436											0.387		0.385	0.429
Nbadul	te -	0.053	0.720	1.000	0.042	0.008	0.148	0.124	0.288	0.202	0.008	-	0.346	-	0.066
	0.311											0.312		0.262	
Sinistre	1 -	-	0.064	0.042	1.000	0.042	-	0.030	0.070	0.082	0.534	0.073	0.175	-	-
	0.018	0.001					0.001							0.001	
Sinistre	20.017	-	0.006	0.008	0.042	1.000	0.015	0.029	0.031	0.010	-	0.004	0.200	0.037	0.012
		0.001									0.002				
Sinistre	3 -	0.007	0.188	0.148	-	0.015	1.000	0.048	0.140	0.130	-	-	0.346	-	-
	0.075				0.001						0.006	0.090		0.032	0.077
Police1	-	-	0.129	0.124	0.030	0.029	0.048	1.000	0.146	0.035	0.020	0.013	0.087	-	0.000
	0.051	0.002												0.044	
Police2	-	0.006	0.531	0.288	0.070	0.031	0.140	0.146	1.000	0.265	0.028	-	0.297	-	-
	0.256											0.193		0.228	0.280
Police3	-	0.005	0.262	0.202	0.082	0.010	0.130	0.035	0.265	1.000	-	-	0.172	-	-
	0.080										0.001	0.082		0.069	0.103
durPoli	± 0 1005	0.001	0.009	0.008	0.534	-	-	0.020	0.028	-	1.000	-	0.021	0.011	0.011
						0.002	0.006			0.001		0.005			
Durée	0.549	0.012	-	-	0.073	0.004	-	0.013	-	-	-	1.000	-	0.231	0.256
			0.387	0.312			0.090		0.193	0.082	0.005		0.167		
NSin	-	0.013	0.508	0.346	0.175	0.200	0.346	0.087	0.297	0.172	0.021	-	1.000	-	-
	0.201											0.167		0.162	0.221
censure	0.628	0.029	-	-	-	0.037	-	-	-	-	0.011	0.231	-	1.000	0.231
			0.385	0.262	0.001		0.032	0.044	0.228	0.069			0.162		
Sinistre	0.338	0.014	-	0.066	-	0.012	-	0.000	-	-	0.011	0.256	-	0.231	1.000
			0.429		0.021		0.077		0.280	0.103			0.221		

corrplot(variables_quantitatives)

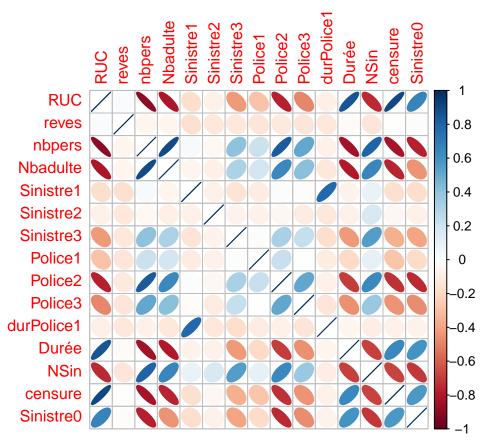


corrplot(cor(variables_quantitatives))



 $\#Representation\ des\ correlations:\ plus\ l'ellipse\ ressemble\ a\ un\ cercle\ et\ moins\ \#les\ variables\ sont\ correlees.\ Plus\ l'ellipse\ ressemble\ a\ une\ droite\ et\ plus\ les\ \#variables\ sont\ correlees.$

corrplot(cor(variables_quantitatives),method = "ellipse")



```
# Boxplot
# boxplot(data$column_name, main = "Boxplot of column_name", xlab = "Column name", ylab = "Values")

# Histogram
# hist(data$column_name, main = "Histogram of column_name", xlab = "Values", ylab = "Frequency", col =

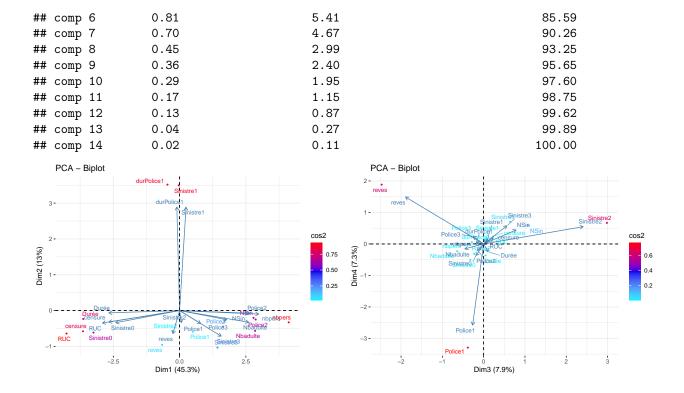
# Estimateurs de la densité
# density_plot <- density(data$column_name, main = "Density Plot of column_name", xlab = "Values", ylab
# lines(density_plot, col = "red")

# Statistiques basiques
# summary(data$column_name)

plot(variables_quantitatives)</pre>
```

```
0
\infty
0.2
                                                                                         0
0.0
                                                                    0
                                                    0
                                                               0
                            \infty
        -0.4
                   -0.2
                                0.0
                                           0.2
                                                      0.4
                                                                 0.6
                                                                             8.0
                                                                                        1.0
                                               RUC
```

```
## **Results for the Principal Component Analysis (PCA)**
## The analysis was performed on 15 individuals, described by 15 variables
## *The results are available in the following objects:
##
##
                          description
## 1
      "$eig"
                          "eigenvalues"
## 2
      "$var"
                          "results for the variables"
## 3
      "$var$coord"
                          "coord. for the variables"
      "$var$cor"
                          "correlations variables - dimensions"
## 4
## 5
      "$var$cos2"
                          "cos2 for the variables"
## 6
      "$var$contrib"
                          "contributions of the variables"
      "$ind"
                          "results for the individuals"
## 7
## 8
      "$ind$coord"
                          "coord. for the individuals"
## 9
      "$ind$cos2"
                          "cos2 for the individuals"
## 10 "$ind$contrib"
                          "contributions of the individuals"
## 11 "$call"
                          "summary statistics"
## 12 "$call$centre"
                          "mean of the variables"
## 13 "$call$ecart.type"
                          "standard error of the variables"
## 14 "$call$row.w"
                          "weights for the individuals"
## 15 "$call$col.w"
                          "weights for the variables"
##
           eigenvalue percentage of variance cumulative percentage of variance
## comp 1
                 6.79
                                        45.28
                                                                            45.28
                 1.94
                                        12.95
                                                                            58.24
## comp 2
## comp 3
                 1.18
                                         7.87
                                                                            66.10
                 1.09
                                         7.28
## comp 4
                                                                            73.39
## comp 5
                 1.02
                                         6.79
                                                                            80.18
```



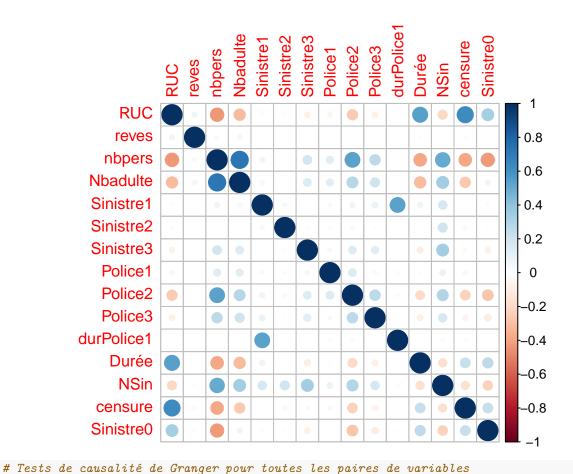
2. Modélisation des sinistres et des primes pures

2.1 Problème d'endogénéïté dans les variables

Tester les problèmes d'endogénéité de certaines variables

```
# Selection des variables quantitatives
quant_vars <- sapply(data, is.numeric)

# Matrice de correlation
cor_matrix <- cor(data[, quant_vars])
corrplot(cor_matrix)</pre>
```



```
# la fonction grangertest() permet de tester si une variable X est un prédicteur significatif d'une aut
quant_vars <- as.matrix(quant_vars)</pre>
d = data[, quant_vars]
for(i in 1:(ncol(d) - 1)){
  for(j in (i + 1):ncol(d)){
   result <- grangertest(d[,i], d[,j], order = 2)
   print(paste("Granger causality test entre ", colnames(d)[i],
                " et ", colnames(d)[j], ":", result[2,4]))
  }
}
## [1] "Granger causality test entre
                                      RUC
                                           et
                                               reves: 0.0923837756616444"
## [1] "Granger causality test entre
                                               nbpers: 0.00124220485708754"
                                      RUC
                                           et
## [1] "Granger causality test entre
                                               Nbadulte: 0.0172836315703496"
                                      RUC
                                           et
## [1] "Granger causality test entre
                                      RUC
                                               Sinistre1: 0.709483878283177"
                                           et
## [1] "Granger causality test entre
                                      RUC
                                               Sinistre2: 0.0951611194510821"
                                           et.
## [1] "Granger causality test entre
                                      RUC
                                           et
                                               Sinistre3: 0.0981000677158548"
## [1] "Granger causality test entre
                                      RUC
                                               Police1: 0.737522698532588"
                                           et.
                                               Police2: 0.0123843096814322"
## [1] "Granger causality test entre
                                      RUC
## [1] "Granger causality test entre
                                      RUC
                                               Police3: 0.912874664962623"
                                           et
                                               durPolice1 : 0.234660821645245"
## [1] "Granger causality test entre
                                      RUC
                                           et
## [1] "Granger causality test entre
                                      RUC
                                           et
                                               Durée: 0.00278908899804597"
## [1] "Granger causality test entre
                                      RUC
                                               NSin: 0.283574612045495"
```

RUC

censure : 5.81376380854141e-09"

[1] "Granger causality test entre

```
## [1] "Granger causality test entre
                                      RUC et Sinistre0: 0.00736870516547412"
  [1] "Granger causality test entre
                                                  nbpers: 0.18968408454619"
                                      reves
                                             et
  [1] "Granger causality test entre
                                      reves
                                              et
                                                  Nbadulte: 0.36176438407316"
  [1] "Granger causality test entre
                                                  Sinistre1: 0.970631057503471"
                                      reves
                                              et
  [1] "Granger causality test entre
                                      reves
                                              et
                                                  Sinistre2: 0.934632216327838"
                                                  Sinistre3: 0.87081127385712"
  [1] "Granger causality test entre
                                      reves
                                              et
  [1] "Granger causality test entre
                                                  Police1: 0.465186907224791"
                                      reves
                                              et
  [1] "Granger causality test entre
                                      reves
                                              et
                                                  Police2: 0.366262300097807"
  [1] "Granger causality test entre
                                                  Police3: 0.38259062929957"
                                       reves
                                              et.
      "Granger causality test entre
                                       reves
                                                  durPolice1: 0.99606824048349"
  [1] "Granger causality test entre
                                             et
                                                  Durée: 0.89938550170445"
                                      reves
                                                  NSin : 0.956546525314893"
       "Granger causality test entre
                                       reves
                                              et
   [1] "Granger causality test entre
                                                  censure: 0.45554355536769"
                                      reves
                                              et
  [1] "Granger causality test entre
                                       reves
                                                  Sinistre0: 0.365219373654749"
## [1] "Granger causality test entre
                                                   Nbadulte: 0.193083295586577"
                                      nbpers
                                              et
       "Granger causality test entre
                                      nbpers
                                                   Sinistre1: 0.558110531140403"
  [1]
                                               et
                                                   Sinistre2: 0.49305523182955"
      "Granger causality test entre
  [1]
                                       nbpers
                                               et
  [1] "Granger causality test entre
                                                   Sinistre3: 0.944191036071153"
                                       nbpers
                                              et
                                                   Police1: 0.0381762395658839"
      "Granger causality test entre
  [1]
                                      nbpers
                                              et
   [1]
      "Granger causality test entre
                                      nbpers
                                               et.
                                                   Police2: 0.38758443522889"
  [1] "Granger causality test entre
                                      nbpers
                                               et
                                                   Police3: 0.79937810796575"
  [1] "Granger causality test entre
                                                   durPolice1: 0.272894547109501"
                                      nbpers
                                               et
       "Granger causality test entre
                                                   Durée: 0.0905118575346298"
## [1]
                                      nbpers
                                               et
                                                   NSin: 0.0480562871228446"
## [1]
      "Granger causality test entre
                                      nbpers
                                               et
  [1] "Granger causality test entre
                                       nbpers
                                               et
                                                   censure : 0.00455159012190975"
  [1] "Granger causality test entre
                                       nbpers
                                               et
                                                   Sinistre0: 0.362139149025635"
                                                     Sinistre1: 0.358541171759482"
       "Granger causality test entre
                                       Nbadulte
                                                 et
                                                     Sinistre2: 0.683643172870649"
   [1] "Granger causality test entre
                                       Nbadulte
                                                     Sinistre3: 0.954146981569278"
   [1] "Granger causality test entre
                                       Nbadulte
  [1] "Granger causality test entre
                                                     Police1: 0.130836636428486"
                                       Nbadulte
                                                 et
       "Granger causality test entre
                                       Nbadulte
                                                     Police2: 0.659774129946827"
      "Granger causality test entre
                                       Nbadulte
                                                 et.
                                                     Police3: 0.50444501848523"
  [1]
      "Granger causality test entre
                                                     durPolice1: 0.275432907148821"
                                       Nbadulte
                                                     Durée: 0.0210922967848045"
       "Granger causality test entre
  [1]
                                       Nbadulte
                                                 et
       "Granger causality test entre
                                                     NSin: 0.381605011258915"
   [1]
                                       Nbadulte
                                                     censure: 0.00262936227638448"
  [1] "Granger causality test entre
                                      Nbadulte
                                                 et
  [1] "Granger causality test entre
                                       Nbadulte
                                                     Sinistre0: 0.348576217380067"
  [1] "Granger causality test entre
                                                      Sinistre2: 0.827711518387258"
                                       Sinistre1
                                                  et
       "Granger causality test entre
                                                      Sinistre3: 0.570989882925704"
  [1]
                                       Sinistre1
                                                  et.
                                                      Police1: 0.736836059511227"
      "Granger causality test entre
                                       Sinistre1
                                                  et
                                                      Police2: 0.288643457072958"
  [1] "Granger causality test entre
                                       Sinistre1
                                                  et
       "Granger causality test entre
                                                      Police3: 0.6554707617976"
   [1]
                                       Sinistre1
                                                  et.
   [1] "Granger causality test entre
                                       Sinistre1
                                                  et
                                                      durPolice1: 0.976563675926668"
                                                      Durée : 0.473758676644474"
   [1] "Granger causality test entre
                                       Sinistre1
                                                  et
  [1] "Granger causality test entre
                                                      NSin: 0.36196682034159"
                                       Sinistre1
                                                  et
                                                      censure : 0.38432432846914"
       "Granger causality test entre
                                       Sinistre1
                                                  et
  [1]
      "Granger causality test entre
                                       Sinistre1
                                                  et
                                                      Sinistre0: 0.134747038950314"
      "Granger causality test entre
                                       Sinistre2
                                                      Sinistre3: 0.300524713276513"
       "Granger causality test entre
                                       Sinistre2
                                                      Police1: 0.10246562700862"
  [1]
                                                  et
       "Granger causality test entre
                                                      Police2: 0.158801981749613"
   [1]
                                       Sinistre2
                                                      Police3: 0.370757787884079"
  [1] "Granger causality test entre
                                      Sinistre2
                                                  et
## [1] "Granger causality test entre
                                       Sinistre2
                                                      durPolice1: 0.98055544905637"
                                                      Durée : 0.520300685937179"
## [1] "Granger causality test entre
                                      Sinistre2
                                                  et
## [1] "Granger causality test entre
                                      Sinistre2
                                                  et
                                                      NSin: 0.498259153148845"
```

```
## [1] "Granger causality test entre Sinistre2 et
                                                     censure: 0.652951329078083"
## [1] "Granger causality test entre
                                                     Sinistre0: 0.355856344901385"
                                      Sinistre2
                                                 et.
## [1] "Granger causality test entre
                                      Sinistre3
                                                 et.
                                                     Police1: 0.201632295337263"
## [1] "Granger causality test entre
                                                 et Police2: 0.0553060810276148"
                                      Sinistre3
## [1] "Granger causality test entre
                                      Sinistre3
                                                 et
                                                     Police3: 0.688841817622712"
## [1] "Granger causality test entre
                                      Sinistre3
                                                     durPolice1: 0.820036164981182"
                                                 et
## [1] "Granger causality test entre
                                                     Durée: 0.0979144699157492"
                                      Sinistre3
                                                 et
## [1] "Granger causality test entre
                                      Sinistre3
                                                 et.
                                                     NSin: 0.0590920136482579"
## [1] "Granger causality test entre
                                      Sinistre3
                                                 et
                                                     censure: 0.420641926037821"
## [1] "Granger causality test entre
                                      Sinistre3
                                                 et
                                                     Sinistre0 : 0.541651999430448"
## [1] "Granger causality test entre
                                      Police1
                                                   Police2: 0.667133611759315"
                                               et
## [1] "Granger causality test entre
                                                   Police3: 0.00354879403230157"
                                      Police1
                                               et
## [1] "Granger causality test entre
                                      Police1
                                                   durPolice1: 0.785179474093198"
## [1] "Granger causality test entre
                                      Police1
                                                   Durée: 0.132813120000447"
## [1] "Granger causality test entre
                                                   NSin: 0.0203246545252461"
                                      Police1
                                               et
## [1] "Granger causality test entre
                                      Police1
                                                   censure: 0.204917633529259"
## [1] "Granger causality test entre
                                                   Sinistre0: 0.846171264937825"
                                      Police1
                                               et
## [1] "Granger causality test entre
                                                   Police3: 0.310224237087878"
                                      Police2
## [1] "Granger causality test entre
                                                   durPolice1: 0.055655850228255"
                                      Police2
                                               et
## [1] "Granger causality test entre
                                      Police2
                                                   Durée : 0.277199668621766"
## [1] "Granger causality test entre
                                      Police2
                                               et.
                                                   NSin: 0.0239566356380064"
## [1] "Granger causality test entre
                                                   censure: 0.0692500258718777"
                                      Police2
                                               et
## [1] "Granger causality test entre
                                      Police2
                                                   Sinistre0: 0.269125934485199"
                                               et
## [1] "Granger causality test entre
                                      Police3
                                               et
                                                   durPolice1: 0.653405172596898"
## [1] "Granger causality test entre
                                      Police3
                                               et.
                                                   Durée : 0.0113542062495392"
## [1] "Granger causality test entre
                                      Police3
                                               et.
                                                   NSin: 0.000464286639831717"
## [1] "Granger causality test entre
                                                   censure: 3.1569081679773e-05"
                                      Police3
                                               et
## [1] "Granger causality test entre
                                      Police3
                                                   Sinistre0: 0.0436598567098487"
                                               et
## [1] "Granger causality test entre
                                                      Durée: 0.961630268620227"
                                      durPolice1
## [1] "Granger causality test entre
                                                      NSin: 0.939390629133645"
                                      durPolice1
                                                  et
## [1] "Granger causality test entre
                                      durPolice1
                                                  et
                                                      censure : 0.567426085872365"
                                                      Sinistre0 : 0.0396821681991153"
## [1] "Granger causality test entre
                                      durPolice1
                                                  et
## [1] "Granger causality test entre
                                                 NSin: 0.572377359207435"
                                      Durée
                                             et
## [1] "Granger causality test entre
                                                 censure: 0.000658970825685853"
                                      Durée
                                             et
## [1] "Granger causality test entre
                                                 Sinistre0: 0.0983144988858764"
                                      Durée
                                             et
## [1] "Granger causality test entre
                                                censure: 0.774359173306188"
                                      NSin et
## [1] "Granger causality test entre
                                      NSin et
                                                Sinistre0: 0.647017398450364"
## [1] "Granger causality test entre
                                      censure et Sinistre0 : 0.151342377417034"
```

Si on fixe $\alpha = 0.05$, alors il y a une causalité entre Sinistre0 et les variables suivantes : RUC/durPolice1. La méthode des MCO donne l'estimateur le plus efficient s'il n'y a pas d'endogéneïté.

S'il y a de l'endogéneïté, OLS (MCO) va donner des résultats inconsistants. L'estimateur des variables instrumentales va être consistant, mais inéfficient.

```
# Régression linéaire multiple
model1 <- lm(Sinistre0 ~ ., data = data)

# Afficher le résumé du modèle
summary(model1)

##
## Call:
## lm(formula = Sinistre0 ~ ., data = data)
##
## Residuals:</pre>
```

```
1Q Median
                               3Q
## -9.5038 -1.4182 -0.0375 1.4986 8.0183
## Coefficients: (5 not defined because of singularities)
                                            Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                                            1.724e+01 5.071e-01 34.003
                                                                          <2e-16
## pcsArtisans, comm., chefs d'ent.
                                            1.050e-01 2.608e-01
                                                                  0.403
                                                                          0.6873
## pcsAutres pers. sans activite prof.
                                            3.288e-02 2.660e-01
                                                                  0.124
                                                                          0.9016
## pcsCadres et prof. intellectuelles sup. 7.633e-02 2.369e-01
                                                                  0.322
                                                                          0.7473
## pcsEmployes
                                           -6.494e-02 2.232e-01 -0.291
                                                                          0.7711
## pcsOuvriers
                                           -1.258e-01 2.145e-01 -0.587
                                                                          0.5575
## pcsProfessions intermediaires
                                           -1.499e-01 2.227e-01
                                                                          0.5009
                                                                 -0.673
## pcsRetraites
                                           -3.271e-02 2.485e-01 -0.132
                                                                          0.8953
## RUC
                                            2.154e-04 2.187e-05
                                                                  9.849
                                                                          <2e-16
## csModeste
                                            6.520e-02 2.566e-01
                                                                  0.254
                                                                          0.7995
## csMoyenne Inf
                                           1.390e-01
                                                      2.043e-01
                                                                  0.680
                                                                          0.4963
                                           1.672e-01 1.570e-01
## csMoyenne Sup
                                                                  1.065
                                                                          0.2868
## reves
                                          -3.535e-07 3.969e-07 -0.891
                                                                          0.3731
## crevpp2eme quartile
                                          -5.961e-02 1.399e-01 -0.426
                                                                          0.6701
                                                                 -0.946
## crevpp3eme quartile
                                          -1.857e-01
                                                      1.962e-01
                                                                          0.3440
## crevpp4eme quartile
                                          -2.174e-01 2.445e-01 -0.889
                                                                          0.3741
## region2
                                          -3.011e-01 2.113e-01 -1.425
                                                                          0.1542
## region3
                                          -2.570e-01 2.304e-01 -1.116
                                                                          0.2646
## region4
                                          -2.103e-01 2.198e-01 -0.957
                                                                          0.3388
                                          -1.379e-01 2.136e-01 -0.645
## region5
                                                                          0.5187
## region7
                                           7.066e-02 2.208e-01
                                                                  0.320
                                                                          0.7490
## region8
                                          -2.338e-01 2.167e-01 -1.079
                                                                          0.2807
## region9
                                          -1.347e-01 2.222e-01 -0.606
                                                                          0.5443
## habi1
                                           4.859e-02 1.266e-01
                                                                  0.384
                                                                          0.7011
## habi2
                                           9.944e-02 1.435e-01
                                                                  0.693
                                                                          0.4885
## habi3
                                           -1.135e-01
                                                      1.439e-01 -0.789
                                                                          0.4304
## habi4
                                           -1.486e-01
                                                      1.289e-01 -1.153
                                                                          0.2488
## habi5
                                           -9.448e-02 1.280e-01 -0.738
                                                                          0.4603
## habi6
                                           -9.277e-03 1.207e-01 -0.077
                                                                          0.9387
## habi7
                                            5.967e-02 9.343e-02
                                                                  0.639
                                                                          0.5231
## habi8
                                           -1.180e-01 2.221e-01 -0.531
                                                                          0.5954
## AhabiParis + Agglomeration
                                                  NA
                                                             NA
                                                                     NA
## AhabiUn. urb. de 10 000 a 99 999 hab.
                                                  NA
                                                             NΔ
                                                                     NA
                                                                              NA
## AhabiUn. urb. de 100 000 hab. et +
                                                  NA
                                                             NA
                                                                     NA
                                                                              NA
## AhabiUn. urb. de 2 000 a 9 999 hab.
                                                  NA
                                                             NA
                                                                     NA
                                                                              NA
## AtyphNon declare
                                           1.006e-01 2.579e-01
                                                                          0.6964
                                                                  0.390
## AtyphProprietaire
                                           -1.998e-02 6.863e-02 -0.291
                                                                          0.7710
## agecat41-50
                                           2.780e-03 9.272e-02
                                                                  0.030
                                                                          0.9761
## agecat51-60
                                          -7.727e-02 1.126e-01 -0.686
                                                                          0.4925
## agecat61-96
                                          -1.032e-01
                                                      1.668e-01 -0.619
                                                                          0.5362
## AcompmCouple avec enfant(s)
                                          -8.070e+00
                                                      1.256e-01 -64.245
                                                                          <2e-16
## AcompmCouple sans enfant
                                           1.130e-01
                                                      1.127e-01
                                                                  1.002
                                                                          0.3162
## AcompmPersonne seule
                                          1.101e-01
                                                      1.628e-01
                                                                  0.676
                                                                          0.4988
## nbpers
                                          1.817e-02 6.336e-02
                                                                  0.287
                                                                          0.7743
## enfantsPas d'enfants
                                                  NA
                                                             NA
                                                                     NA
                                                                              NA
                                          -2.970e-01
                                                      2.053e-01 -1.447
                                                                          0.1481
## AnatMenage francais
## AnatNon declare
                                          -4.437e-01 2.357e-01 -1.882
                                                                          0.0599
## BautoPas de vehicule
                                          -1.930e-02 1.198e-01 -0.161
                                                                          0.8720
## Nbadulte
                                          -2.155e-02 6.865e-02 -0.314
                                                                          0.7536
```

```
## Sinistre1
                                           -5.460e-03 3.989e-03 -1.369
                                                                           0.1711
## Sinistre2
                                            2.712e-02 2.643e-02 1.026
                                                                           0.3049
## Sinistre3
                                            5.726e-03 1.178e-02
                                                                   0.486
                                                                           0.6269
## Police1
                                            8.886e-03 6.099e-03 1.457
                                                                           0.1452
## Police2
                                            2.874e-03 2.730e-03
                                                                  1.053
                                                                         0.2924
## Police3
                                            6.160e-03 1.321e-02 0.466
                                                                         0.6411
## durPolice1
                                            1.137e-12 9.263e-13 1.227
                                                                           0.2197
                                            2.832e-05 6.300e-05 0.450
## Durée
                                                                           0.6531
## NSin
                                            1.200e-02 9.962e-03 1.205
                                                                           0.2284
## censure
                                            9.184e-02 1.205e-01 0.762
                                                                           0.4459
##
## (Intercept)
                                           ***
## pcsArtisans, comm., chefs d'ent.
## pcsAutres pers. sans activite prof.
## pcsCadres et prof. intellectuelles sup.
## pcsEmployes
## pcsOuvriers
## pcsProfessions intermediaires
## pcsRetraites
## RUC
                                           ***
## csModeste
## csMoyenne Inf
## csMoyenne Sup
## reves
## crevpp2eme quartile
## crevpp3eme quartile
## crevpp4eme quartile
## region2
## region3
## region4
## region5
## region7
## region8
## region9
## habi1
## habi2
## habi3
## habi4
## habi5
## habi6
## habi7
## habi8
## AhabiParis + Agglomeration
## AhabiUn. urb. de 10 000 a 99 999 hab.
## AhabiUn. urb. de 100 000 hab. et +
## AhabiUn. urb. de 2 000 a 9 999 hab.
## AtyphNon declare
## AtyphProprietaire
## agecat41-50
## agecat51-60
## agecat61-96
## AcompmCouple avec enfant(s)
                                           ***
## AcompmCouple sans enfant
## AcompmPersonne seule
```

```
## nbpers
## enfantsPas d'enfants
## AnatMenage francais
## AnatNon declare
## BautoPas de vehicule
## Nbadulte
## Sinistre1
## Sinistre2
## Sinistre3
## Police1
## Police2
## Police3
## durPolice1
## Durée
## NSin
## censure
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 2.148 on 5298 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7524, Adjusted R-squared: 0.7499
## F-statistic: 303.8 on 53 and 5298 DF, p-value: < 2.2e-16
summary(selectionAIC)
##
## Call:
## lm(formula = Sinistre0 ~ RUC + Acompm + Police1 + NSin, data = data)
##
## Residuals:
      Min
##
                1Q Median
                                3Q
                                       Max
## -9.4423 -1.4309 -0.0272 1.4871 7.8258
##
## Coefficients:
##
                                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                                                     200.442
                                1.682e+01 8.389e-02
                                                                <2e-16 ***
## RUC
                                          8.701e-06
                                                       23.923
                                                                <2e-16 ***
                                2.081e-04
## AcompmCouple avec enfant(s) -8.009e+00
                                          7.598e-02 -105.410
                                                                <2e-16 ***
## AcompmCouple sans enfant
                               3.721e-02 8.351e-02
                                                       0.446
                                                                0.6560
## AcompmPersonne seule
                               -1.015e-02 1.025e-01
                                                       -0.099
                                                                0.9211
## Police1
                                1.050e-02 5.889e-03
                                                        1.782
                                                                0.0748 .
## NSin
                                1.602e-02 8.531e-03
                                                        1.878
                                                                0.0604 .
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 2.146 on 5345 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7507, Adjusted R-squared: 0.7504
## F-statistic: 2682 on 6 and 5345 DF, p-value: < 2.2e-16
```

2.2 Modélisation de Sinistre0

2.3 Modélisation de Sinistre 1 ou 2 ou 3 (au moins un)

notamment pour Sinistre 1 à 3 on choisira entre modèle gamma combiné à probit/logit, tobit, tobit généralisé ou double hurdle pour des variables bien choisies

2.4 Modèle pour le prix de Police 1 ou 2 ou 3 (au moins un)

2.5 Modèle retenu au final

Le choix du modèle retenu au final et les critères choisis devront être justifiés.

IV regressions

The four kinds of variables in IV

- Y = outcome variables
- \bullet Z = instrument(s): doivent être exogenes, càd leur influence sur Y se fait seulement via leur influence sur X, la var endogene
- \bullet W = any exogenous variables not including instruments

3. Modélisation du nombre de sinistres et tarification des nouveaux arrivants

- 3.1 Modèle pour le nombre de sinistres, NSin
- 3.2 Méthode de tarification pour les nouveaux arrivants
- 4. Estimation des durées
- 4.1 Estimateur de Kaplan-Meier
- 4.2 Modèle de Cox