# תכנון אלגוריתמים תרגיל 4 – דף תשובות

אנא הגישו רק חלק זה. אל תחרגו מהמקום המוקצה לתשובה!

ציון

308564210	ת.ז	13,7 13,12	שם
305156531	ת.ז	vel 138.	שם

## <u>שאלה 1</u>

תיאור האלגוריתם

			, <del>1</del>	
SED Erric	,΄΄ (α	· 12 ~ 2	A(5) \$1	در (۱
		: (5-N f	IN VE	V Gr (2
"" 18 - + + W + M	MEEd KI	)+w(u,v)y		Porc
the = 20,000 = { that a 14,00}	دړ .	SESUKU,	<u>~</u> (//	~ L/2   . ().
1.2 x.5:2 12.7 " (5 51-51)	ر مام	اع. بع	(Y,S) >	-11 -12 (3
)	. (( 2 ,,	120-	G' ->	5 - 2
			."(5^	~3r= (M
				1

הוכחת נכונות האלגוריתם

E31 11/1/(1 312132 311311)
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
105-126, 5pm tens 80 0 50 161 200 2010
1264 AED P. 1211 ELIS (12'1) BULL ACT PL SE VICT
6'-> 5-4 C'21 17" FUX [6,1)
1/2 x) < g(2, n)+m(n,n) b-1,2-4 (n'n) rel [21 :3 -22 x V)
7015 2005 2112 MA 2361:
5. 10, 6, 21 1 10, 171, 171 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10
2 You 12 (6'-> 5-4 CU VET 6 12 142 . FOU & (5,V)
ful-[8,1) NEV Br 10, EU1285, N) @ D) NEV B., 3, 10

3 75 (2) \$ 7'5M2 100 100 100 100 100 100 100 100 100 10
3 RXCV . F(V) = mans fluin willing : Q 12 V/JV 217312 P"7
e pizne ix F(V) > ((S,V) = m2: > 6 ((S,V) < 6(S,W) + ((U))
6-7 5-N C'ES 1546 YEV P'D SL 3 250 W 7500 ESED PX
(15) you on of 4-5 5-10 Con of Kas you
and c. I ship is he c. g. uc, (hin) ces where c. d.
1. S(S,N) = 8(S,N)+W(N,N) 70"0 & SVON YOU PO VI'ON
CALL N 19:0 1-5 C.5 1-N 1/2 18:0 N-5 C.5 Ud accu (MM)
m (men c. 5. give (n'n)m +(n) + (n) xd acces ratio
F(W) + ((15,W) 1x F(W) + (15,V)
GL(N) > ((5)) 0.7, YEV 0"? " 1.8.6 MO)?
DUDGE GOD (UN) 'DOD G - 2 VS S-N DOOD P 'D'
" a 0'2 10 0 2 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10
OK 100' 1200 2012 DSI 5(SWZF(W) COOD. (1) 1/1/20
S(S, N) = S(S, N) + W(N, N) > S(N) + W(N, N) = S(S, N) + W(N, N) > S(N) + W(N, N) = S(S, N) + W(N, N) > S(N) + W(N, N) = S(N, N) + W(N, N) + W(N, N) = S(N, N) + W(N, N) + W(N, N) = S(N, N) + W(N, N) + W(N, N) + W(N, N) + W(N, N) = S(N, N) + W(N, N) + W(N
וכולעי יחיצר לעור.
5-1 (12) V-) S(5N)>F(V) (1) VHV 017 2 (2):2.8.6 DOD)
( 50 ( 50 F) DUD (F-2)
8,500 Q,-0 LOS (MM) 6 M, 18-0 Shorts . Less (MM) , 30
6.0 horse (int goth c, A un with cold)
(44) 2010 - (154) COSO (154) -
f(v)=f(u)+w(u,v)= 6(5,u)+w(u,v)=6(u,v)>4(v).
*,7/3/2
( ) ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) ( )
515,U) + V(U,V) 1/2 US 5-20 G.) (SON 0"7 :3.8.( 200) (C.S) (SON 0) (MON). (SS) (SON 0) (MON). (SS) (SON 0) (SO
(28) .((UN) ,(UN) , (UN)
$8(3,0) \le 8(3,0) + 00(0,0)$

ריצה	זמו	וניתוח	האלגוריתם	מימוש
------	-----	--------	-----------	-------

	0(1)	: 1	26
P'KYRYD 6 16 D378	うしかん	:2	D le
0 (MAKEN) 5-2 FO FE DES	62		•
Olivation 5-2 FOR F & DES	237	:3_	28
. · ·			
$\cdot \circ (W)$	1+1E1)		2,00

# <u>שאלה 2</u>

### סעיף א – נוסחת מבנה

11222111012 11 72
$v_{-5}, v_{-5}, v_{-6}$
× /*C := >
V*5, (=0
.nddopT(v,i-1)YUdopT(u,i-1)+w(u,v):(u,v)∈Ebp i>

יף ב – אלגוריתם איטרטיבי	סע
J=25=VD,V,V2,,VM-1) NO	رد
18/10/18/1	<u>`</u>
11 N8 1 51-119 (3/1 (3/1 1/1/2) 12/1 1-1/2) 12 0.	m (10)
M[0,574-0	(3)
M[1,0] ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ [5/1/-1 ]	ંહે
· W-1 76 1=1 ~12	0
: (N-1 38 j=0 ~(SX	
MEjik-minddMEji-DgUdM[ki-Dxwlvx,vj): (vx,vj) Eff	
M[1,M-1)>M[x,M-1]+W[V,V0) PK, (V,V0) EF	Z €
G-2 ( 12 12 12 12 ) 25	1,5
•	

	סעיף ג – הוכחת הטענה
	(on) (v): b - org (v) pro - j organ s) and (v)
	sly) GIF. EZ C' ZZ :: (i,v) T90≥(v).b.
	: 1 12 2,3 1/3 mes 2 VC ~11 4,21)
	0=1: 20 : N+V + S (0,V) 790 = ∞ = (V)b.
	$\lambda(5) = 0 = 0PT(5,0)$ (1) 10)
	:7,2/157,«> >uz
	(1) C' END ENDER E-1 12) VAY (iNT90>(N).
	:773
	(x2) = 2121/2 131 (Bai BUL 2)1/2/2 (- 1+1)
	2) A == (1+1 V)T90 5010. C' (1+1, V)T90=(V)11.6.
	1) 8-6: KICH 9: 4(2) = 0PT(2,1+1) - 0 1 V=5 PIC
	condition stepper will all 1 - copy icil at becaused
	et 323): - : : : : : : : : : : : : : : : : : :
	(P)=0PT(V,1-1) e po p=(s=u,u, u,-1,u,=V) lilon p"]
	d'(Ux) -1 d'ux-1) [nos tous , p'=(u,u,,ux-) [nos .k <i+1!< td=""></i+1!<>
	11-1- 2,2000 Belax(12 M) 232-11 13 25-2 gar) 1 gar)
	0 0 0
	di+1(V)=di+1(Uk) ≤ d'(Uk) ≤ d'(Uk-1)+W(Uk-1, Uk) ≥ di(Uk-1)+W(Uk-1, Uk) ≥
	<0PT(U, 1) +w(U, 1, U, 1) = w(P) +w(U, 1, U, 1) = w(P) = UPT(V, i+1).
.15	= 3/3-0, ( ) Jeus g(0) Jusin = 1+1 = 5,3-0, ( ) g(0) Jusin
	skir cr/r xalos.
	2-1-1-1 201 201 201 201 1-101 con 2
	1,3/15/15 ~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~
	1 (15 P) Julice 103 0PT ~ 2500 751)
à	סעיף ד – הוכחת נכונות Bellman-Ford
	M~ 301: 20 11/2 120 120 120 120 120 120 120 120 120 12
	0PT(V,  V -1)= {(5, V)
	300 CINI (1-11/1/1790 5/11) "10/2" / 16/ 108/3 5/11) "10/2" (16) (1/3) 5/11) "10/2" (1/4) 5/11] "10/2" (1/4)
	20 V3 V (1-1V1,V)790 2/V/b. MAR 1862 (197 (V,1V1-1) VEV [3
	182 = 109 = 11 12 Pay, (4,2)8 5 (N)
	161 2012 2012 157 AS (N'S) EINP.
	375% JUG 25312
	1,27 Jus 136 2000
'b 1240	The copy of color of 2 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 -
	"ruc asy sel, mons deine n sitely cut sillie Some pur
	16012 (21/2 2201).

4	and the state of t
P. 11001	·
such (300, Wone Ven Mesus venesus	(25,17 Enoly 21
18,100 raps 2016;	Jus Gons John
11-11 20x 18 (Pers 1615	- cuss orinci
5/47 ( John 1004 De 2 6/2) 22, 12	- (b) < u(g) -
· · filons ((1) b-c 128 22 1205 ~ (b))=r	L'12 80'7 (1)
4- [ 5:4 7/17 C/ 12 C/ [Clons )	
11-1 > 1-10 min con 1-101.	15 C= Word 12
, OPT(V, N)-1) =	T(s, 1)

# <u>שאלה 3</u>

					12		ריתם	<i>ו</i> ור האלגו	תיא
ישונים בנונים	1100 /	r 89 61	17317=	- V	711	1611	PFS	£~:	١١.
		4	, ,		٠.	1 - 7	DES	・チョ	۶.
11/2.	1301	210=	1745	70	اء ، ع	1-31-	باحر	-243	5.
		₩.				E.			
		. *	t			ь		01 W 12 0 -	

201218 11.316

ELE: , c, n estele 30000 cost cost (2/2) n-n 19/2/2 n-n
19 212/2 22/6 322,1 12 2100 (1.20 21/2 6,2 2/2) P?
An cing lass mil nov. se conts cont soils of to nen
20,12 y n . cui chich rod 12 25 - 530 412 n-1 1102 of 5/2/2/2
(2) A MACI Jel MU + ENEN of M 28 AIND 206, 10
(1) > (1) + cor / (2) = 2) = 13 = 11 (1) (1)
of 1961 2001 16 norm 131,62,6 161, 2000 mi
2/2 1/2/ 1258 n-1 2-7, 3cl sa some com n rixi
1251 2- 1 5-+ cox, 2 Jelou 2015.

מימוש האלגוריתם וניתוח זמן ריצה

- 1			14)O.	x (E1)	ン	OFS	~3~~ [D]
			0(111+	181)	->	٠	- (3
	0(11)	- 121'0-	dal'	130	2/ 6,	3/31/5	2-12-5
. 1. 2		2.4	× .				
,		, i	0/11	NHEI)	$\sim$ $\sim$	>6	
	į .	4 1.1		8.0	·		
			- 1	4 4 74 75 75	11 P		1

### <u>שאלה 4</u>

תיאור האלגוריתם

The state of the s		
director 12 1-1 1-1 des siljan 6	210 270	(1)
1 10 10 m - 20 1221 122 122 8 22/05.13	ساد عرب	(
by cines when or give to interin	シル タッシ	C
. das see su pari Repor bilas Belon,	2,2726,	
Relax'(u,v,w):		
1 € ( des) > des+w(u,v) and ( les) > les+1) {		
		-
	901 -20 210 1251 BOPX 602 BOPX,  bilas por constant solus Bopx	1 f ( der) > deus + w'(u, v) and '(v) ≥ lun+1) {

וכחת נכונות האלגוריתם $\int_{\mathbb{T}^2}$ (3)
וכחת נכונות האלגוריתם בחלים בילים
101= (1-1 201) (100) : (100) (100) = (10)
PRINCE THE AIRS A(M) = MOINT Relax' (U, V, W) x13,5 12 JUS
3.8.5. not noted to e, 1, ~ 4-5 1-1 n c.1 of ingit, = 26-12 130, 120, 120, 120, 120, 120, 120, 120, 12
200 (CICITY: 6019 =175 (V, 3)=1V)b Pd VAV,
JAA 061: CND FISTIS N (CLO 1-2 5-1) (B) (A) 6= (M).
1000 2000: 20 de 20/2 (100) 2 1/2 1/-5 12001
(v, z) = (v) & with a for a sold of the so
1 Po gen = ((2'A)   2= 1 = 2, ~ 10,00 log 23,00
2107 Mr 2861: (101) =21/1781/2 18 2/2, 1/2 (3) =2/15.
d(s)=0=6'(s,s) .5=45' .000
معد من دراكوري: دريا در دوراء دم در ا-؛ م كالكرار د-ج
565: 10, 5 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20
29.2; ,c, n while were way age c-1. (xi, 1 27-c, 20
261' 2-1 namot 7-2. con c-9 roll class: [ char 4-22-1
24) d anollon aperio (112/ 12-8-11. con) (-1/4x) 1/2 20x
10-5 8-x 16-5 115 20,00 3 8 4-6 5-10 12 2-10 5.5 10 20 5.5 10 10 20 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10
-05/2 N- 21 N 2 2 1 N- 2 2 2 1 N 2 2 2 1 N 2 2 2 1 N 2 2 2 2 2
S'(s,w)=w(p)=w(p,)+w(x,y)+w(p,z)=b'(s,x)+w(v,y)+d(p,z)=
3 8(8,x)+~(x,y) = d(x)+~(x,y) = d(y) > d(y) > d(m)
1) 1/2   1/2
- 113 -33 Man (115 P-C 10 X-1 S-4 7213 -37 Man (115 P, 1)
2-13 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12
~ 21'7 ~ 37 Monte (cc) (1)= PO(x,y) Sisome Alen 1(4) = 8(x) +1 (3)
Robar(x,y, ) >37 -> 5-5 x -013= 'N Ao13 14-55-14 (3)
· g(d) ∈ g(x)+m(x)d) (h'x)m+(x)p ≥ (h)p.
(E n uers per, h. ege =-! jet r.x! jes, c., chipsimp.

CIVE	INT	ניתוח	יתחיוו	אלנור:	מימוש ו

*							
		, C	倒	-(1457	8121	(3)	>le
	0(1E1+W1)9/V	1)	シュー	97.15 S	- シュー	3	عكد
	0(E1+W10	9/11/2	Polar Pi	27607"7	トンバッー	0	2
		,	`	(		χ.	
	0 (E1+	W log W	1) >:	o' ~ 18	٠٠ ٦٠٠	0	
By Free		)					

### שאלה 5

אלגוריתם	חיאור ה

(2.5 5) 2 (2.5 2

הוכחת נכונות האלגוריתם , 24,024 BKH 496) (CILIN: 12/2 -15/2 -15/2 VSN VER 3/29 40/1) UN- 861: 12 NOS KEIN " :- 58 -MU プラ はいんにはかい alene mod sinella Ma 2860: אות בפשר ממון בלכן היון יבנה בונן ולים בוצה ביוחו בפשר ביולו שיביור (1/27 6-12, 6, 2/3 VY1,3 100 May , J CC, DILL 20, 12 (2 4.04) 3/62 2, 12 6 20 1, 804 JOL 4= (On siz mis con -con = k LANTA CASCOLLER C. 10 620 -> 6, 120 001 2000 2000 5000 101/ > 104/ 1) = 1 = 1 = (P) = (P) = (P) = (P) = (P) = (P) こうちゃ ーパレ 1=(D)w. (04/ <0/1-1/1/2)=1. 700) > 1V:1=16 1 = 150 (B-> N) 18 531, W = 15,5 בנהציום מרנה יא השברת רקה. נמו כן 55 N. N.W.) 6 6104 Nith 2213 SHS12 N. 2223 SHS12- E-2 5- 205. Jel 200 1911 201 of Enc. on. رعدع می کدی مادی راوم فرن کرن و میزد دروس م میلاد خدا م دید 1- 101 Longenz roll de (min ... un) = 9. (15) [ ] nero D= (v, v, --, v,) c rij-n Gxc יון לשוומה אינות גונ דיוות א זכנ ף' ה w(P)= = w(vi) = 2 |vi| = |Up| = k (1=1=n-1) (Vi,Vin) (2 1/28 1) (5" ) in (100 =1120) 4-5 ulille eile 2019 2, 3/ 1/18/18 eile 20,18 2, 1010 100

D

מימוש האלגוריתם וניתוח זמן ריצה

.0(//	v1+(E1) -	~ '~ = 1'2707	1: :03	リション・ルカ
0 (IVI49)-> P	、 ペン・37 ~ (こっく)	> [1]04 -21(134)	i sp : 55	11605013
~12,0 3,	אור מתנג מת	أحر داداد ددو	1 NOW 10	יוו'ר פלא
	0,	(111) -7 1	٤ ٢٠٠٤ ١٠٥	1/1/2/11
		0(1/1+181)	0 = = = = = = = = = = = = = = = = = = =	5.7