

	n	4	8	B	16	20	24				3) ھ
	4	3	6	8	8	6	4				
											•
900 10	11	(9	6:	260	פהש	Spo 9	n 2101	าล . กช	16 6.	751609	٠ ج
- 1/63/7	v2	. 5	-8	פ קרוב	רק ב	8 '1C'	ત્રે હહ	и, сф	J.K	813 876	
7€	. 8	e	תיסור	1	מן און	200	ए रहा	מ , נקם מביאני	८ द्व	POM	/
VARIV.	1en	?कि	KN	ता	ره	1961	(2- ~)	י פתר באני אום (ז	19 '	Nochrid	′
. 27	>	23NZ	0	-8	Skes	$\alpha \alpha \gamma$	המקור	י בעובאני	ba c	- pies	I
	-										
- פועיק	9	محد,	N ^	אטיסאי	لع ١	ל היא	בכקי	REKIE	စ ာ	رد <i>دع</i>	. 9
- פועיק	ק כ גים	هم. محر,	<i>N</i> ∩	מחיס(י בעיק	רא א רא	3 C.N	ودور (رهرم	EILEU KENIE	Soo Nis	ر دا الواد الا 33	. 9
- פועיק	ק כ גים	هم. محر,	<i>N</i> ∩	מחיס(י בעיק	רא א רא	3 C.N	ودور (رهرم	REKIE	Soo Nis	ر دا الواد الا 33	. 9
- פועיק	ק כ גים	هم. محر,	<i>N</i> ∩	מחיס(י בעיק	רא א רא	3 C.N	ودور (رهرم	EILEU KENIE	Soo Nis	ر دا الواد الا 33	. 9
- פועיק	ייק ייק	(عاة. معم محد,	N n nG/k-n	מחיסני באים	למס ה מפי	ל הימ זה כ זה כ	وروز (ده:م عوق	3 C EMS ELEV RENIE	Soo Nis	ر دا الواد الا 33	. 9
- פועיק	ק כ גים	هم. محر,	N n nG/k-n	מחיסני באים	למס ה מפי	3 C.N	وروز (ده:م عوق	3 C EMS ELEV RENIE	Soo Nis	ر دا الواد الا 33	. 9
- פועיק	ייק ייק	7 (43.	N n nCika	אחיסלו פאיק	16 340	20 20 20 20 20 20	1328 835 835	3 C EMS ELEV RENIE	Soo Nis	ر دا الواد الا 33	. 9
- פועיק	ייק ייק	(عاة. معم محد,	N n nG/k-n	מחיסני באים	16 340	ל הימ זה כ זה כ	1328 835 835	3 C EMS ELEV RENIE	Soo Nis	ر دا الواد الا 33	. 9
- פועיק	ייק ייק	7 (43.	N n nCika	אחיסלו פאיק	16 340	20 20 20 20 20 20	1328 835 835	3 C EMS ELEV RENIE	Soo Nis	ر دا الواد الا 33	. 9
- פועיק	ייק ייק	7 (43.	N n nCika	אחיסלו פאיק	16 340	20 20 20 20 20 20	1328 835 835	3 C EMS ELEV RENIE	800 800 800	EENIG ,	. 3
- פועיק	ייק ייק	7 (43.	N n nCika	אחיסלו פאיק	16 340	20 20 20 20 20 20	1328 835 835	3 C EMS ELEV RENIE	800 800 800	ر دا الواد الا 33	. 3

שאלה 2:

- א. הקו העליון מסמן חזרה אינסופית 1 $\overline{000}$ 1 $\overline{000}$ 1). א. הקו העליון מסמן חזרה אינסופית 2 $\overline{000}$ 1 $\overline{000}$ 1 $\overline{000}$ 1001100110011001000 ביטים אחרי הנקודה, לכן: 0.011001100110011001000
 - ב. על פי הגדרה, שגיאה מוחלטת:

$$p(0.\widetilde{1})_{10} = \frac{|(0.1)_{10} - (0.\widetilde{1})_{10}|}{(0.1)_{10}} = \frac{2^{-20} \cdot (0.1)_{10}}{(0.1)_{10}} = 2^{-20}$$

 $: \mathcal{L}$ על פי הגדרה, נחפש את

$$2^{-20} = p(0.\tilde{1})_{10} \le \frac{2^{1-d}}{2} = 2^{-d} \implies d = 20$$

ד. עבור 8 שעות:

$$t_1 = (0.\,\widetilde{1})_{10} \cdot 3600 \cdot 10 \cdot 8$$

$$t_2 = (0.\,\widetilde{1})_{10} \cdot (3600 \cdot 10 \cdot 8 + 20)$$
 $\Rightarrow \Delta \widetilde{t} = 20 \cdot (0.\,\widetilde{1})_{10}, \Delta t = 2 = 20 \cdot (0.1)_{10}$

$$e(\Delta \widetilde{t}) = 20 \mid (0.1)_{10} - (0.\widetilde{1})_{10} \mid = 20 \cdot 2^{-20} \cdot (0.1)_{10} = 2^{-19}$$
$$p(\Delta \widetilde{t})_{10} = \frac{20 \mid (0.1)_{10} - (0.\widetilde{1})_{10} \mid}{\Delta t} = \frac{2^{-19}}{2} = 2^{-20}$$

ה. עבור 100 שעות:

$$t_1 = (0.\ \widetilde{1})_{10} \cdot 3600 \cdot 10 \cdot 100$$

$$t_2 = (0.\ \widetilde{1})_{10} \cdot (3600 \cdot 10 \cdot 100 + 20)$$

$$\Rightarrow \Delta \widetilde{t} = 20 \cdot (0.\ \widetilde{1})_{10}, \Delta t = 2 = 20 \cdot (0.1)_{10}$$

$$e(\Delta \tilde{t}) = 20 \mid (0.1)_{10} - (0.\tilde{1})_{10} \mid = 20 \cdot 2^{-20} \cdot (0.1)_{10} = 2^{-19}$$
$$p(\Delta \tilde{t})_{10} = \frac{20 \mid (0.1)_{10} - (0.\tilde{1})_{10} \mid}{\Delta t} = \frac{2^{-19}}{2} = 2^{-20}$$

ו. עבור 8 שעות:

$$\begin{aligned} t_1 &= (0.\,\widetilde{1})_{10} \cdot 3600 \cdot 10 \cdot 8 \\ t_2 &= (0.1)_{10} \cdot (3600 \cdot 10 \cdot 8 + 20) \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \Delta \widetilde{t} = (0.1)_{10} \cdot (3600 \cdot 10 \cdot 8 + 20) - (0.\,\widetilde{1})_{10} \cdot 3600 \cdot 10 \cdot 8 = \\ &= (0.1)_{10} \cdot (3600 \cdot 10 \cdot 8 + 20) - (0.1)_{10} \cdot (1 - 2^{-20}) \cdot 3600 \cdot 10 \cdot 8 = \\ &= 2 + 0.1 \cdot 2^{-20} \cdot 3600 \cdot 10 \cdot 8$$

$$\Delta \widetilde{t} = 2 + 2^{-20} \cdot 3600 \cdot 8, \Delta t = 2 = 20 \cdot (0.1)_{10}$$

$$e(\Delta \tilde{t}) = \Delta \tilde{t} - \Delta t = \Delta \tilde{t} = 2 + 2^{-20} \cdot 3600 \cdot 8 - 2 = 2^{-20} \cdot 3600 \cdot 8 = 0.0274$$
$$p(\Delta \tilde{t})_{10} = \frac{\Delta \tilde{t} - \Delta t}{\Delta t} = \frac{2^{-20} \cdot 3600 \cdot 8}{2} = 2^{-20} \cdot 1800 \cdot 8 = 0.01373$$

ז. עבור 100 שעות:

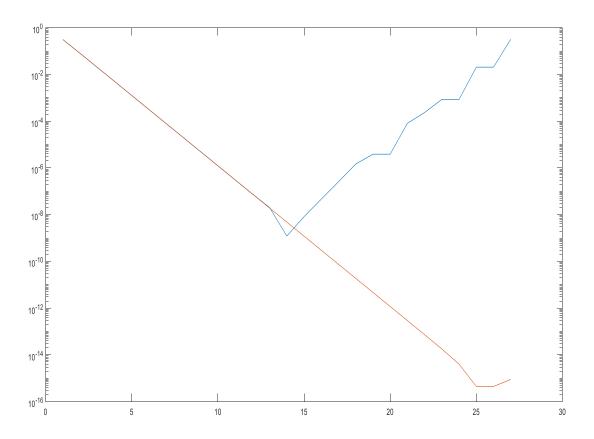
$$\begin{split} t_1 &= (0.\tilde{1})_{10} \cdot 3600 \cdot 10 \cdot 100 \\ t_2 &= (0.1)_{10} \cdot (3600 \cdot 10 \cdot 100 + 20) \\ \Rightarrow \Delta \tilde{t} &= (0.1)_{10} \cdot (3600 \cdot 10 \cdot 100 + 20) - (0.\tilde{1})_{10} \cdot 3600 \cdot 10 \cdot 100 = \\ &= (0.1)_{10} \cdot (3600 \cdot 10 \cdot 100 + 20) - (0.1)_{10} \cdot (1 - 2^{-20}) \cdot 3600 \cdot 10 \cdot 100 = \\ &= 2 + 0.1 \cdot 2^{-20} \cdot 3600 \cdot 10 \cdot 100 \\ \Delta \tilde{t} &= 2 + 2^{-20} \cdot 3600 \cdot 100, \Delta t = 2 = 20 \cdot (0.1)_{10} \\ e(\Delta \tilde{t}) &= \Delta \tilde{t} - \Delta t = \Delta \tilde{t} = 2 + 2^{-20} \cdot 3600 \cdot 8 - 2 = 2^{-20} \cdot 3600 \cdot 100 = 0.3433 \end{split}$$

:'τ

```
function[est_pi,error,d]=calcPi(n)
    if n>1
        b=0;
        for i=2:n
            b=sqrt(2+b);
    else
        b=0;
    end
    est pi=(2^n) * sqrt(2-b);
    error=abs(pi-est_pi);
    a=error/pi;
    d=0;
    while a < (10^{(1-d)})
       d=d+1;
    end
    d=d-1;
end
```

function[est pi1,error1,d1]=calcPi1(n) if n>1b=sqrt(2);c=sqrt(2); for x=2:nc=sqrt(2+c); b=b*c; end else b=sqrt(2);end $est_pi1=(2^{(n+1)}) / b;$ error1=abs(pi-est_pi1); a=error1/pi; d1=0;while $a < (10^{(1-d1)})$ d1=d1+1; d1=d1-1;end

(calcPi1 אדום – השגיאה של calcPi, אדום – השגיאה של



:הקוד

```
errArray=[];
errArray1=[];
for i=1:27
     [est,err,digits]=calcPi(i);
     [est1,err1,digits1]=calcPi1(i);
     errArray=[errArray,err];
     errArray1=[errArray1,err1];
end
semilogy(errArray);
hold on;
semilogy(errArray1);
```

שאלה 4:

א. על פי הגדרה, שגיאה מוחלטת של הקלט:

$$e(\Delta x) = |\tilde{x} - x| = |124.567465 - 124.567576893 = 1.1189 \cdot 10^{-4}$$

ב. על פי הגדרה, שגיאה יחסית של הקלט:

$$p(\Delta x) = \frac{|\tilde{x} - x|}{|x|} = 8.9822 \cdot 10^{-7}$$

ג. על פי הגדרה, שגיאה יחסית של הפלט:

$$p(\Delta y) = \frac{|\tilde{y} - y|}{|y|} = \frac{|0.0017683475 - 0.0017634856}{|0.0017634856} = 2.7569 \cdot 10^{-3}$$

ד. רגישות המערכת כפי שמתגלה מהמספרים הנתונים:

$$Cp = \frac{p(\Delta y)}{p(\Delta x)} = \frac{2.7569 \cdot 10^3}{8.9822 \cdot 10^7} = 3.0691 \cdot 10^3$$

:ה. על פי הגדרה, נחפש את $_{\ell}$ השלם אי שלישי הגדול ביותר שמקיים

$$2.7569 \cdot 10^{-3} = p(\Delta y) \le \frac{10^{1-d}}{2} \Rightarrow 2.7569 \cdot 2 \cdot 10^{-4} \le 10^{-d} \Rightarrow d = 3$$

שאלה 5:

$$(x_1,y_1)=(1.93,4.76), (x_0,y_0)=(1.31,3.24)$$
 – א. נתון

נחשב בעזרת השיטה הראשונה:

$$X = \frac{x_0 y_1 - x_1 y_0}{y_1 - y_0} = \frac{1.31 \cdot 4.76 - 1.93 \cdot 3.24}{4.76 - 3.24} = -0.00658$$

נחשב בעזרת השיטה השניה:

$$X = x_0 - \frac{(x_1 - x_0)y_0}{y_1 - y_0} = 1.31 - \frac{(1.93 - 1.31) \cdot 3.24}{4.76 - 3.24} = -0.01$$

לכן השיטה השניה יותר קרובה לערך האמיתי 0.0116- ולכן היא עדיפה.

$$\Delta \widetilde{X} = \left| \frac{y_1}{y_0 - y_1} \right| \bullet \Delta \widetilde{x}_0 + \left| \frac{y_0}{y_0 - y_1} \right| \bullet \Delta \widetilde{x}_1 + \left| \frac{y_1 \cdot (x_0 - x_1)}{(y_0 - y_1)^2} \right| \bullet \Delta \widetilde{y}_0 + \left| \frac{y_0 \cdot (x_0 - x_1)}{(y_0 - y_1)^2} \right| \bullet \Delta \widetilde{y}_1$$

 $\Delta\widetilde{X}=0$ ג. כאשר נציב את הנקודות במשוואה אז נקבל

т.

ב.

$$\delta(x+y) = \frac{\Delta(x+y)}{|x+y|} \le \frac{\Delta x + \Delta y}{|x+y|} = \frac{\Delta x + \Delta y}{|x|+|y|} = \frac{|x|\delta x + |y|\delta y}{|x|+|y|} \le$$
$$\le \max(\delta x, \delta y) \cdot \frac{|x|+|y|}{|x|+|y|} = \max(\delta x, \delta y)$$