

für die Anwendung geometrischer Transformationsmethoden in der amtlichen Vermessung



Schweizerische Eidgenossenschaft Confédération suisse Confederazione Svizzera Confederaziun svizra

Eidgenössisches Departement für Verteidigung, Bevölkerungsschutz und Sport VBS armasuisse

Bundesamt für Landestopografie swisstopo

Impressum

Herausgeber: Bundesamt für Landestopografie Eidgenössische Vermessungsdirektion Seftigenstrasse 264, Postfach CH-3084 Wabern

Tel. 031 963 23 03 Fax 031 963 22 97 infovd@swisstopo.ch www.swisstopo.ch / www.cadastre.ch

Zur besseren Lesbarkeit wird bei Funktionsträgern nur die männliche Form verwendet, selbstverständlich gelten die Aussagen immer auch für Funktionsträgerinnen.

© 2008 swisstopo Bundesamt für Landestopografie Office fédéral de topographie Ufficio fédérale di topografia Federal office of Topography Seftigenstrasse 264 3084 Wabern

Die Vervielfältigung ist zu Nachforschungs- und Unterrichtzwecken erlaubt.

Vorwort

Die Eidgenössische Vermessungsdirektion V+D veröffentlicht hiermit die zweite Version eines praktischen Leitfadens für die Anwendung geometrischer Transformationen in der amtlichen Vermessung. Die erste Version aus dem Jahre 2003 hat den Erwartungen entsprochen und muss aktualisiert werden.

Wie vor einigen Jahren vorausgesehen, hat die rasche Produktion numerischer Daten einen immer bedeutenderen Einsatz von Numerisierungen bestehender Daten zur Folge. Diese Option ist verbunden mit allen Problemen der Integration und Transformation. Einige Kantone, unter ihnen Wallis und Bern, haben ihre Geometer in diesem Sinne fortgebildet und sich dabei auf den Leitfaden gestützt.

Zudem geht die neue Landesvermessung LV95 heute in eine Ausführungsphase, bei der die LV03-Koordinaten der amtlichen Vermessung in LV95 übertragen werden. Zu diesem Thema sind die jüngsten Entwicklungen im Leitfaden ergänzt worden.

Schliesslich erfordert die vermehrte Verwendung von Geodaten unterschiedlicher Herkunft unabhängig vom benützten Bezugsrahmen deren Harmonisierung.

Der vorliegende Leitfaden ist eines der Hilfsmittel, das die V+D den Vermessungsfachleuten zur Verfügung stellt, damit sie im Umgang mit numerischen Daten kompetent auftreten und so ihre neuen Aufgaben zielgerichtet erfüllen können.

Die V+D dankt den Herren Raymond Durussel, Laurent Huguenin und Beat Sievers, die den Leitfaden überarbeitet und mit jüngsten Praxiserfahrungen ergänzt haben. Bei der ersten Ausgabe wirkten auch Frau Nathalie Rollandin und die Herren Richard Ammann, Hans Hägler und André Flotron mit.

Letztlich wurde die ursprüngliche Form (Aktenordner) aufgegeben zugunsten einer einfacheren und kostenfreien Veröffentlichung im Internet. Der Leitfaden kann von www.swisstopo.ch heruntergeladen werden.

Fridolin Wicki Leiter, Eidgenössische Vermessungsdirektion

Wabern, im Oktober 2008

Inhaltsverzeichnis

Vorv	vort	2
Inha	Itsverzeichnis	3
1.	Benutzerhinweise	7
2.	Einleitung	8
2.1.	Eine lange Geschichte	8
2.2.	Die Komplexität der Transformationsprobleme	10
2.3.	Der Nutzen eines regelmässig nachgeführten Nachschlagewerkes	12
3.	Typologie der Fälle	13
3.1.	Übergang von einem geodätischen Bezugssystem zu einem anderen	14
3.1.1	.Lokale Projektion ins moderne kartesische System	14
3.1.2	:Übergang von der BONNE'schen Projektion zur Zylinderprojektion	14
3.2.	Übergang von einem Bezugsrahmen zu einem anderen	14
3.3.	Erneuerung von Festpunktnetzen	16
3.3.1	.Umgang mit den Folgen der Neubestimmung einer Triangulation höherer Ordnung auf eine Triangulation niederer Ordnung	16
3.4.	Abänderung eines lokalen LFP Netzes und der Detailpunkte als Folge einer Neubestimmung höherer Ordnung	18
3.4.1	.Teilweise oder vollständige Neubestimmungen	19
3.4.2	Transformationen und Interpolationen	19
3.4.3	.Neuberechnungen	20
3.4.4	.Notwendige Kontrollen	21
3.5.	Integration von GNSS-Messungen in das Koordinatensystem der amtlichen Vermessung	22
3.6.	Integration photogrammetrischer Aufnahmen in das Koordinatensystem der amtlichen Vermessung	23
3.7.	Integration digitalisierter Pläne in das Koordinatensystem der amtlichen Vermessung	24
3.7.1	.Ursprünglich verwendete Aufnahmemethoden	24
3.7.2	Beschaffenheit der zu transformierenden Pläne	25
3.7.3	Bezugssystem der Pläne	26
3.7.4	.Anfänglicher Numerisierungsstand	26
3.7.5	.Numerisierungsmethoden	26
3.7.6	.Zu betrachtende Koordinatenarten	27
3.8.	Vervollständigung durch Numerisierung einer klassischen numerischen Vermessung	28
3.9.	Höhentransformationen	29
3.9.1	.Höhenarten	29
3.9.2	.Höhenumformungen und verfügbare Transformationen	30
3.9.3	Ein neuer Horizont für zwei Kantone	31
4. 4.1.	Aufzählung der Methoden Einleitung	32 32

4.2.	Transformationen	33
4.2.1	.Allgemeines	33
4.2.2	.Allgemeiner Ausdruck einer Transformation	34
4.3.	Die Projektionen	35
4.3.1	Die Schweizer Projektion (aktuelle)	35
4.3.2	.Die BONNE'sche Projektion	38
4.4.	Die Polynom-Transformationen	40
4.4.1	.Allgemeines zu den Polynom-Transformationen	40
4.4.2	Direkte Transformation geografischer Landeskoordinaten	41
4.4.3	Direkter Übergang von der BONNE'schen zur Zylinderprojektion	42
4.4.4	Lineare 2D Transformationen, Allgemeines	43
4.4.5	Affine Transformation	43
4.4.6	Ähnlichkeitstransformation genannt HELMERT-Transformation	47
4.4.7	Lineare 3D Transformation	51
4.4.8	.7-Parameter-Transformation	52
4.4.9	Transformation von WGS84- (GNSS-) Koordinaten in Landeskoordinaten	57
4.4.1	0. Direkte Transformation von WGS84- in beliebige lokale kartesische	
	Koordinaten	58
	•	59
	Allgemeines	59
	Sektorweise Interpolation (Dreiecksaffinität)	59
	Interpolation nach gewogenem Mittel	65
	TRANSINT	66
	.Die CDL-Methode	69
	.Polynom-Interpolation	71
	Interpolation nach kleinsten Quadraten (Einfaches Interpolationsmodell)	73
	.Multiquadratische Analyse (Interpolation mittels Flächensummation)	75
	Allgemeines Transformations-Interpolations-Modell	78
	Schätzmethoden	83
	.Maximum-Likelihood-Methode	84
	Methode der kleinsten Quadrate	84
_	.Die «robuste» Methode	85
4.7.4	.Die Methode «divide et impera»	86
5.	Aufzählung der Systeme und Programme	87
5.1.	Einleitung	87
5.2.	Einige verfügbare Systeme	88
5.3.	Verfügbare Programme	93
6.	Fallweise unterschiedliche Bearbeitung	102
6.1.	Allgemeines	102
6.1.1	.Lösungsansätze	102
6.1.2	.Qualität «a priori» der Passpunkte	103
6.1.3	.Allgemeines Entscheidungsschema	106
6.2.	Analysemethoden und -werkzeuge	109
6.2.1	.Komponenten der Abweichungen	109

6.2.2	Analyse der ursprünglichen Abweichungen	110
6.2.3	Darstellung der Abweichungen	112
6.2.4	Verwaltung der Passpunkte	114
6.2.5	Kriterien für die Bildung von Affinitätsdreiecken (Lineare Transformation durch finite Elemente)	118
6.3.	Übergänge von einem Referenzsystem zu einem anderen	128
6.4.	Änderung eines Bezugsrahmens	129
6.5.	Erneuerung von Festpunktnetzen	132
6.5.1	.Reine Koordinatentransformation	132
6.5.2	.Teilweise Neubestimmung und Transformation	132
6.5.3	Teilweise Neubestimmung und Neuberechnung	133
6.5.4	.Vollständige Neubestimmung	133
6.5.5	.Verwendbare Programme	134
6.6.	Integration von GNSS-Messungen	134
6.6.1	.GNSS-Messungen im DGNSS-Modus oder im Navigations-Modus	135
6.6.2	Programme	135
6.7.	Integration von Koordinaten aus photogrammetrischer Aufnahmen	136
6.8.	Vollständige Digitalisierung von Plänen	136
6.8.1	.Endgültig anerkannte halbgrafische Vermessungen	136
6.8.2	.Provisorisch anerkannte grafische Vermessungen	137
6.8.3	Integration von örtlich sehr begrenzten Elementen in einen numerischen Bezugsrahmen	142
6.9.	Transformation von gescannten Bildern (Rasterdaten)	142
	Transformation von komplexen Daten der Informationssysteme	145
	Erneuerung und Integration der Vermessungen in LV95	146
	Transformation von Geodaten in Folge von Fixpunktnetzerneuerungen	147
7.	Konkrete Beispiele und Erfahrungen	150
	Allgemeines	150
	Anpassung bestehender Vermessungen an die neue Triangulation im Kanton Waadt	150
721	Transformation der numerischen Vermessungsoperate im Kanton Waadt	150
	.Numerisierung der halbgrafischen Grundbuchpläne des Kantons Waadt	152
7.3.	Digitalisierung grafischer Vermessungen	160
	Übergang von LV03 zu LV95	161
	JGP/ETHZ-Test im Tessin	161
	:.V+D-Test Stadt Zug	163
	Grenze Waadt - Genf	167
	.Homogenisierung von Festpunktnetzen	168
	LV03 ⇔ LV95 optimierte Dreiecksvermaschung (Basel-Stadt)	169
	Übergang BONNE-Projektion ⇔ Zylinderprojektion	173
	Bière (Waadt)	173
	.Visp (Wallis): Einsatz von TRANSINT für eine Erneuerung und Transformation	170
	von LFP3	173
7.6.	Beispiel für die Integration mit GNSS ermittelter Koordinaten	177
7.7.	HELMERT-Transformation mit nichtparametrischer Regression	182

8.	Literaturverzeichnis	190
	Organisation	190
8.2.	Literaturverzeichnis	190
Abkürzungen		202
Stichwortverzeichnis		203

1. Benutzerhinweise

Die vorliegende Anleitung ist so strukturiert, dass der Benutzer direkt an der für die Lösung seines Problems relevanten Stelle einsteigen kann. Beachten Sie deshalb die Vorschläge auf der nachfolgenden Liste, um die Transformationsprobleme gezielt angehen zu können:

Sich mit dem Thema vertraut machen

Kapitel 2, Seite 8

Sie möchten die bei der Transformation geometrischer Grössen in numerische Form auftretenden Probleme näher kennen lernen. Im Kapitel 2 finden Sie hierzu einen kurzen historischen Abriss sowie einige generelle Betrachtungen zum Thema.

Die Art des Problems bestimmen

Kapitel 3, Seite 13

Sie haben ein Transformationsproblem, wissen aber nicht, in welche typische Kategorie von Problemen es gehört. Im Kapitel 3 finden Sie daher ein Verzeichnis der verschiedenen, bereits aufgetretenen Fälle. Versuchen Sie, Ihre konkrete Problematik einem dieser bereits bekannten Fälle zuzuordnen.

Evaluation der theoretischen Lösungen

Kapitel 4, Seite 32

Sie möchten die bestehenden Algorithmen kennen lernen, um Ihren Transformationsfall zu lösen. Im Kapitel 4 werden sowohl eine Reihe von Transformationen und Interpolationen einschliesslich der mathematischen Formeln als auch die Auswirkungen und Grenzen der betrachteten Methoden beschrieben.

Betrachtung der bereits bestehenden Programme

Kapitel 5, Seite 87

Sie haben die Methode gefunden, die Sie interessiert und möchten nun die in der Schweiz verfügbaren, auf dieser Methode beruhenden Programme kennen lernen. Im Kapitel 5 werden daher die swisstopo-Produkte und einige Angaben über Systeme und Programme mit ihren jeweiligen Eigenschaften beschrieben.

Abschätzung des Arbeitsumfangs

Kapitel 6, Seite 102

Sie möchten wissen, ob die von Ihnen in Betracht gezogene Lösung den Mitteln entspricht, die Sie zur Lösung Ihres Problems investieren können. Im Kapitel 6 finden Sie eine Abschätzung zum Kosten/Nutzen-Verhältnis der verschiedenen Methoden.

Die endgültige Wahl der Lösung

Kapitel 6, Seite 102

Ebenfalls im Kapitel 6 finden Sie eine Abschätzung zur Tauglichkeit der einzelnen Lösungen.

Die Suche nach konkreten Quellenangaben

Kapitel 7, Seite 150

Sie wollen bereits in der Schweiz realisierte Versuche kennen lernen. Im Kapitel 7 werden einige bereits realisierte Beispiele erläutert.

Die Suche nach theoretischen Grundlagen

Kapitel 8, Seite 190

Sie suchen Quellenangaben über Arbeiten zum Thema. Kapitel 8 verweist auf eine Reihe von Arbeiten und Artikeln, in denen Sie nachschlagen können.

Einstieg über ein Schlagwort

Stichwortverzeichnis, Seite 203

2. Einleitung

2.1. Eine lange Geschichte

Seit Jahrhunderten haben die Vermesser für die Abbildungen der Erdkugel Modelle erschaffen, die zunehmend komplexer wurden. Die Realität liess sich nicht ohne ein Abstraktionsvermögen abbilden: In der Tat erfordert die dreidimensionale Darstellung der Realität auf Plänen oder als bestimmte Gegenstände die Beherrschung des Massstabs (um die Grösse der Objekte umrechnen zu können), der Projektion auf eine ebene Fläche, der verschiedenen Abbildungsarten je nach Blickwinkel usw.

Die Berechnung des Umfangs oder der Fläche der dargestellten Objekte, die Bestimmung ihrer Position durch Distanzmessungen und Koordinaten haben durch den Gebrauch von Zahlen, die mittels algebraischer Formeln umgewandelt werden, zu einem noch höheren Ausmass an Abstraktion geführt.

Vom Grafischen zum Numerischen

Der Plan und die Karte sowie die Art ihrer Entstehung – durch Handzeichnung von direkt im Gelände erfassten Elementen – wurden in zunehmendem Mass durch Aufnahmemethoden ergänzt, die mehr und mehr auf numerische Lösungen zurückgriffen. Der visuelle Vergleich und die visuelle Einpassung von Plänen durch Überlagerung oder Durchstechen sind zunehmend dem Vergleich von Zahlen und durch Berechnen der Koordinaten bestimmter Positionen gewichen. Die Aufgabe wurde immer wichtiger, mathematische Zusammenhänge zwischen verschiedenen Koordinatensystemen aufzudecken. Elementare Geometrie, Trigonometrie sowie Ausgleichungsmethoden gewannen stetig an Bedeutung.

Der Beitrag der Photogrammeter

Sind die wesentlichen Methoden seit langem durch die Mathematiker und ihre gefestigten Algorithmen beschrieben, so sind es zweifellos die Photogrammeter und Triangulationsspezialisten, denen wir den grossen Sprung nach vorn in der Praxis der geometrischen Transformationen verdanken.

Tatsächlich hat sich nämlich die Mehrheit der Vermessungsingenieure lange Zeit damit begnügt, mit möglichst wenig Rechenaufwand und unkomplizierten numerischen Elementen zu rechnen (Polygonierung, polare und kartesische Koordinaten usw.), um sogleich auf den Plänen zu arbeiten, wo der Einbezug der verschiedenen Datenquellen vor allem durch die Kunst des Zeichners bestimmt wird.

Um ihre Photos auszuwerten und Pläne zu produzieren, mussten die Photogrammeter die globalen Faktoren bestimmen und sich möglichst vollständig von den grafischen Lösungen und – sofern möglich – auch von den Detailelementen lösen.

Andererseits waren den Geometern, welche die Triangulation berechnet hatten, die Probleme seit Jahren bekannt, die bei der Verwaltung der Messungen, der Ausgleichung und der Transformation auftreten. Die numerische Auswertung ihrer Daten und die numerische Beschaffenheit der gewonnenen Ergebnisse (Koordinaten der Triangulationspunkte) veranlassten sie dazu, sich für die numerische Erfassung ihrer Daten zu interessieren.

Von der Handrechnung zur Informatik

Es ist kein Zufall, dass andere Geometer lange Zeit die geometrischen Transformationen «vernachlässigt» haben, weil die auszuführenden Rechnungen immer sehr mühsam waren: die Suche und Ausgleichung der Parameter und die Berechnung der Detailpunkte waren deshalb notwendige Operationen, die eine intensive und mühselige Benutzung der trigonometrischen Wertetabellen erforderten. Die Präzisionsberechnungen erfolgten immer mit Hilfe der Logarithmentafeln.

Die mechanischen und später die elektromechanischen Rechenmaschinen erlaubten eine zunehmende Beschleunigung elementarer Berechnungen, aber die komplexen Formeln wurden systematisch linearisiert und vereinfacht, um aus arithmetischen Grundoperationen hervorgehende komplexe Berechnungen zu vermeiden.

Die Einführung der elektronischen Rechner und der Computer beeinflusste die Dinge entscheidend:

- Einerseits gehörten die Berechnungen von immer komplizierter werdenden Funktionen dank den immer leistungsfähigeren Rechnern zum Standard: verknüpfte Funktionen, ausreichende Anzahl signifikanter Ziffern, Reduktion von Grössen, sehr hohe Geschwindigkeit und ein erschwinglicher Preis.
- Andererseits wurden strenge Ausgleichungen für zunehmend komplexere Ausgleichungssysteme möglich, die immer mehr Daten – dank immer leistungsfähigerer und schnellerer Computer und Programme – mit einer immer benutzerfreundlicheren Datenverwaltung verbinden konnten.

Das Bedürfnis nach Informationssystemen

Die Bereitstellung integrierter Geoinformationssysteme, in denen verschiedene bodenbezogene Daten in kohärenten Systemen miteinander verknüpft werden, führt zwangsläufig zu der Notwendigkeit:

- einerseits die Daten zu numerisieren und computergestützt zu verarbeiten,
- und diese Daten andererseits mit Algorithmen zu bearbeiten, um sie mittels einen gemeinsamen Referenzsystem kohärent zu machen.

Das Nebeneinander von untereinander nicht kohärenten und in unabhängigen Systemen gespeicherten Daten gehört somit der Vergangenheit an, so dass zunehmend gezielte Abänderungen nötig sein werden, um die Daten bestmöglich zu integrieren.

Der neue Bezugsrahmen LV95

Die Bestimmung eines neuen Bezugsrahmens für die Landesvermessung durch GNSS-Messungen führt zur Einrichtung einer Transformationsstrategie für die amtliche Vermessung und die Benutzerdaten. Eine vollständige Umformung der Gesamtheit der amtlichen Koordinaten ist somit für die nächsten Jahre voraussehbar. Diese Umformung kann allerdings nur in einem absolut strikten und kohärenten technischen und administrativen Rahmen geschehen.

2.2. Die Komplexität der Transformationsprobleme

Keine «Wunderlösung»

Soviel sei schon vorausgeschickt: Diese Arbeit will und kann kein Wunderrezept enthalten. Auf dem Gebiet der Transformation gibt es keine vollkommene Lösung; daher muss jedes Transformationsproblem mit Blick auf seine spezifischen Charakteristika, die zur Verfügung stehenden technischen und finanziellen Mittel wie auch in Abhängigkeit der zu verfolgenden Ziele betrachtet werden. Eine rasch erzielte Lösung mag zwar für Daten von geringer Qualität (z.B. für Bachläufe, die mit geringer Genauigkeit bestimmt wurden) akzeptabel sein, ist jedoch keineswegs als Datenmaterial für ein städtisches Kataster geeignet, wo die Qualität, die Bedeutung, die Vermischung und die Dichte der Informationen sehr hoch sind.

Zu unterstreichen ist ausserdem die Tatsache, dass «mustergültige» mathematische Ansätze zu völlig enttäuschenden Ergebnissen führen können, wenn das Modell, auf dem sie beruhen, nicht mit der Art der zu bearbeitenden Daten übereinstimmt. So kann die Anwendung einer affinen Transformation oder eine unüberlegte Interpolation auf Daten, die als winkeltreu gelten, ebenso unheilvoll sein (Zerstörung der Winkelqualität), wie die Anwendung einer HELMERT-Transformation, die genaue systematische Eigenschaften (Massstab, Rotation, Translation) voraussetzt, auf total zufällig verteilte Klaffungen.

Also, noch ein letztes Mal:

Auf dem Gebiet der Transformationen gibt es keine «Wunderlösungen».

Ausrichtung auf allgemeingültige oder auf besondere Fälle?

Seit Jahren bearbeiten die Geometer ihre numerischen Daten mit den althergebrachten Mitteln. Nur zögerlich und mit einer grossen Portion Skepsis wagten sie sich an die Lösung ihrer Probleme mit immer ausgeklügelteren Transformationen.

Das Anliegen dieses Leitfadens besteht darin, die Probleme in grosse Kategorien einzuordnen, um die isolierte Lösung von Spezialfällen hinter sich zu lassen. Dieses Bestreben kann jedoch nur unter Mitwirkung einer berufspraktisch denkenden, «kritischen» Leserschaft zum Erfolg führen, welche ihre Erfahrungen an die V+D weiterleitet und somit zur Berichtigung und Ergänzung dieses Dokuments beiträgt. Auf dem Gebiet der Transformationen ist es heute nicht mehr haltbar, nach dem «Schritt für Schritt»-Prinzip vorzugehen oder im stillen Kämmerlein zu versuchen, seine Probleme «auf gut Glück» zu lösen.

Einige funktionale Einschränkungen der Transformationen und Interpolationen müssen noch festgelegt werden:

Globale Lösungen sind mathematisch immer schwerfällig. Sie erlauben zwar einerseits die effiziente Behandlung von Millionen von Daten ohne manuelle Eingriffe, übergehen jedoch andererseits eher undifferenziert die Spezialfälle und gleichen lokale Besonderheiten aus, die in ihrem Modell schlecht integriert sind.

Im Gegensatz dazu bringt eine **ausgeklügelte Behandlung** Eigenheiten oder die Berücksichtigung lokaler Trends einen erheblichen manuellen Bearbeitungsaufwand mit sich, was sich in der Notwendigkeit spitzfindiger Zerlegungen und einer schwerfälligen Datenverwaltung äussert.

Hilfe bei der Entscheidung

Das angestrebte Ziel des vorliegenden Leitfadens besteht darin, den Anwendern bei der richtigen Wahl im Bereich der Transformationen und Interpolationen zu helfen.

Die getroffene Entscheidung sollte auf einer genauen Kenntnis der Datenart und auf den verfolgten Zielen beruhen. Der globale Blickwinkel des Ingenieurs während der Bearbeitung ist also auch weiterhin gefordert.

Die folgenden Ausführungen entheben den Ingenieur keinesfalls von der Verantwortung für die von ihm vorgenommenen Operationen. Erst zusätzliches Nachdenken in der gemäss den Regeln der Ingenieurkunst gebotenen Schärfe verleiht dem vorliegenden Leitfaden sein volles Potenzial.

Interpolationen und grobe Fehler

Einer weiteren Fehleinschätzung soll hier ebenfalls vorgebeugt werden:

Transformationen und Interpolationen für sich führen weder zur Korrektur von «versteckten» groben Fehlern noch zur automatischen und systematischen Verbesserung der Gesamtheit der Daten.

Eine Vermessung von generell schlechter Qualität kann nur teilweise verbessert werden:

- Die groben Fehler, mit denen die Originaldaten behaftet sind, sollen aufgedeckt werden und k\u00f6nnen nur bei Daten abgesch\u00e4tzt werden, die Gegenstand neuer strenger Ausgleichungen, Erg\u00e4nzungsaufnahmen oder neuer Kontrollen sind.
- Systematische Abweichungen der Originaldaten, wie die Massstabsungenauigkeiten, k\u00f6nnen nur auf globale Art behoben werden, ohne jedoch den verschiedenen (lokalen) Abweichungen Rechnung zu tragen.
- Restklaffungen in den Passpunkten k\u00f6nnen interpoliert werden, aber nur teilweise, in beschr\u00e4nkten Gebieten und nur gem\u00e4ss den allgemeinen Normen, die a priori festgesetzt wurden.
- Bedienungs- und Übertragungsfehler der mit Hilfe der Originaldaten bestimmten Werte können nur mittels neuer Berechnungen oder eines entsprechenden Kontrollverfahrens (z.B. durch Neubestimmung und Flächenvergleich) aufgespürt werden.
- die globale Unsicherheit der Originaldaten kann zwar durch die Standardabweichungen (mittlere Fehler) der Transformationen abgeschätzt aber nicht verbessert werden.

2.3. Der Nutzen eines regelmässig nachgeführten Nachschlagewerkes

Eine erste Zusammenstellung der gesammelten Erfahrungen

Dieses Dokument nimmt nicht für sich in Anspruch, das Thema der Transformationen erschöpfend zu behandeln. Es zeigt lediglich die Möglichkeiten in diesem Bereich auf, soweit sie den Autoren bei Redaktionsschluss bekannt waren.

Die von den Lesern in der Praxis gesammelten Erfahrungen werden diese Arbeit gewiss rasch bereichern.

Künftige Forschungen, neu entwickelte Programmsysteme sowie neu hinzugewonnene Erkenntnisse werden die Arbeit im Laufe der Jahre ergänzen.

3. Typologie der Fälle

Die fortschreitende Einführung numerischer Methoden macht die Schwachstellen in den bestehenden Vermessungen sichtbar:

- eine oft sehr unterschiedliche Qualität der Fixpunktnetze in LV03, die aus einem «punktweisen Aneinanderreihen» bei der Bearbeitung resultiert,
- Berechnungslücken sowie Schwächen in der Ausgleichung, insbesondere in bestimmten Polygonzügen und Netzen, die auf vereinfachte Weise ausgeglichen wurden.
- beträchtliche Massstabsfaktoren, die bei halbgrafischen Vermessungen mittels optischer Distanzmessung mehr oder weniger ignoriert wurden,
- Unzulänglichkeiten in den in der Vergangenheit durchgeführten Kontrollen,
- Schwachpunkte in der Genauigkeit der Nachführungsmethoden (z.B. Rekonstruktion der Festpunkte),
- Inkohärenzen, die im Zuge der Nachführung entstanden sind (z.B. schlechte Einpassung neuer Daten).

Die Erfahrungen bei verschiedenen Numerisierungsversuchen brachten noch weitere Probleme zum Vorschein:

- Verzug von Kartonplänen,
- Verschiebungen zwischen lokalen und nationalen Koordinatensystemen,
- inhaltliche Inkohärenzen an den Plangrenzen sowie in öffentlichen Grundstücken,
- Lücken in der Nachführung der übrigen Daten (ausser Grundeigentum).

Die Erfahrungen dieser letzten Jahre im Bereich der Transformation von Vermessungsdaten erlauben heute, klassische Fälle zu unterscheiden und bei der Problemanalyse nicht bei Null zu beginnen sondern von Analysehilfen und Lösungen zu profitieren.

Mit der Einführung der AV93 werden im Bereich der numerischen Datenverwaltung neue zusammenhängende Grundlagen festgelegt, mit denen die Vorgänge systematisiert und die verschiedenen Probleme in ihrem jeweiligen Zusammenhang angepackt werden können, um schliesslich zu Lösungen zu gelangen, die jedem Einzelfall Rechnung tragen. Insbesondere sind die Beurteilungskriterien bestehender Daten klar festgelegt in den Weisungen der V+D über die Festpunkte (1992) einerseits und über die bestehenden Grenzpunkte (1994) anderseits.

Komplizierte Transformationen sollten nur dann in Angriff genommen werden, wenn sich vorab mit wenig Aufwand abschätzen lässt, dass es sich wegen der Unersetzlichkeit der Daten oder der Schwierigkeit ihrer Wiederherstellung tatsächlich lohnt, sie zu transformieren. In allen Fällen, in denen die Bearbeitung der bestehenden Daten einen zum Ertrag unverhältnismässigen Aufwand erfordert, wird man eher solche Wege einschlagen, die eine Neubestimmung im Zielsystem mittels neuer Messungen in der gewünschten Qualität beinhalten.

Die Praxis zeigt jedoch, dass die Daten von den Benutzern meist sehr kurzfristig benötigt werden, die Genauigkeit dabei aber nur ein Kriterium unter anderen ist. Bestehende Daten herauszugeben ist daher oft die bevorzugte Lösung, um eine billige Dienstleistung zu erbringen. Neuvermessungen hingegen rechtfertigen sich unter zeitlichen wie auch unter Kostenaspekten nur mittel- und langfristig als Lösungsvariante für das Gesamtterritorium.

Ausserdem haben die Geometer in den letzen Jahren eine Menge mehr oder weniger gut verwalteter und nachgeführter numerischer Daten angehäuft. Diese Daten, deren Qualität und Genauigkeit den heutigen Standards genügen, müssen ebenfalls häufig überarbeitet und transformiert werden, um möglichst gut in die Informationssysteme mit einem einheitlichen Koordinatensystem integriert werden zu können. Es wurden deshalb die folgenden allgemeinen Fälle unterschieden.

3.1. Übergang von einem geodätischen Bezugssystem zu einem anderen

3.1.1. Lokale Projektion ins moderne kartesische System

Die Unkenntnis der Parameter der alten Projektion, wie auch ihre Beziehung zum gültigen Projektionssystem sowie die Lücken in den Messungen und die Ausgleichungen der alten Netze haben im Allgemeinen zur Folge, dass die Suche nach den Projektionsformeln und den Formeln für mathematische Umrechnungen zwischen Projektionen sowie deren Benutzung zum Scheitern verurteilt sind. Deshalb begnügt man sich mit lokalen Einpassungsmethoden (HELMERT und affine) mit Hilfe von Passpunkten, die nötigenfalls durch Interpolationen ergänzt werden.

3.1.2. Übergang von der BONNE'schen Projektion zur Zylinderprojektion

Historisch gesehen ist dies in der Schweiz der häufigste Fall. Viele Messungen wurden somit Gegenstand einer Projektion im alten flächentreuen Kegelsystem von BONNE.

Der theoretische Bezug zwischen dem BONNE'schen Projektionssystem und dem aktuellen nationalen Projektionssystem ist bekannt und entsprechend dokumentiert.

Leider führen selbst in diesem wohlbekannten Fall die Versuche des Systemübergangs unter Nutzung der theoretischen Formeln recht häufig zu abweichenden Werten. Mit Hilfe des Koordinatennetzes aus alten Plänen digitalisierte Daten lassen sich mittels theoretischer Berechnungen oft nur mit schwacher Näherung ins Landessystem einpassen. Grund dafür ist der manchmal recht freizügige Umgang ihrer Autoren mit den verschiedenen Projektionssystemen. Lediglich lokale (Plan um Plan oder Gruppen von Plänen) affine oder HELMERT-Transformationen erlauben mit Hilfe von Passpunkten, diese Daten geschickt ins aktuelle System einzupassen.

3.2. Übergang von einem Bezugsrahmen zu einem anderen

Die Schweiz befindet sich momentan (2008) mitten im Prozess des Bezugsrahmenwechsels. Die Neubestimmung des Bezugsrahmens der Landesvermessung der Schweiz 1995 (LV95) und seine Einführung als Bezugsrahmen der amtlichen Vermessung als Ersatz für LV03 führt zu einem Konzept für die Überführung der in LV03 vorhandenen Daten (alte Triangulation, Polygonierung, numerische und numerisierte Detailvermessungen). Dieser schwierige Prozess wird von swisstopo geleitet.

Zusammenfassend kann hier gesagt werden, dass die Übertragung der alten Daten in den neuen Bezugsrahmen zu Schwierigkeiten bei der Transformations- und Interpolationsstrategie führt. Folgende Probleme sind hierbei zu lösen:

 Eine für die gesamte Schweiz gültige Transformation ist einschliesslich der Verzerrungskorrekturen auf der Ebene der Landesvermessung relativ einfach zu bestimmen; hingegen bleibt die Transformation lokaler Daten, die in ihren Eigenschaften von niedrigeren Triangulationsordnungen und von Detailaufnahmen beeinflusst sind, ein Problem, das sich nur mit aufwändigen lokalen Eingriffen (Neubestimmungen, neue Ausgleichungen, Interpolationen) bewältigen lässt. Diese sollen also Bestandteile von Erneuerungen sein.

- Die gewählte Transformationsmethode LV03 ⇔ LV95 muss dauerhaft stabil und umkehrbar sein; die Probleme an den Rändern dürfen nicht vernachlässigt werden. Nach einer ersten Periode (1995–2006) mit nur einer provisorischen affinen Transformation über 468 Dreiecke (sie wurden aus 263 Transformationsstützpunkten TSP gebildet und mit 100 Kontrollpunkten KP überprüft) wurde im Frühjahr 2007 eine langfristig stabile Lösung eingeführt: CHENyx2006 (mit 11'731 Dreiecken über 5'925 TSP und kontrolliert durch 46'601 KP). Für diese sind die Restklaffungen der LFP1 und LFP2 aufgelöst.
- Das sichere Nebeneinanderbestehen beider Bezugsrahmen über Jahre hinweg (2016 für die amtliche Vermessung, 2020 für die anderen Bundesdatensätze, vielleicht noch später für Datensätze privater Nutzer) bringt eine Reihe von Identifikations- und Glaubwürdigkeitsproblemen gegenüber den Benutzern mit sich. Es ist deshalb angebracht, die Umstellung streng zu organisieren und zu verwalten, damit sie den Festlegungen entspricht und vollständig unter Kontrolle bleibt.

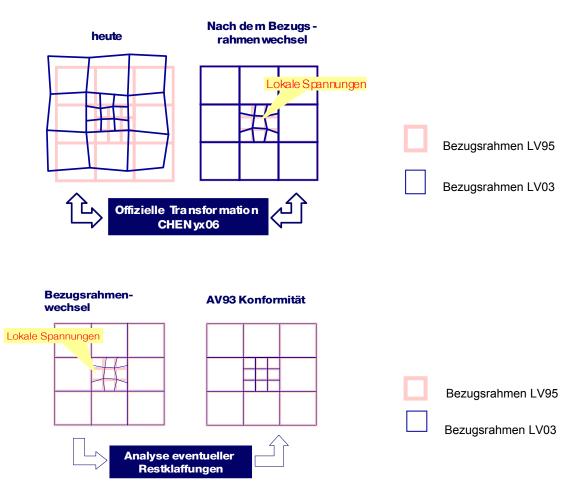


Abb. 1: Transformation LV03 ⇒ LV95, anschliessend Entzerrung lokaler Spannungen

3.3. Erneuerung von Festpunktnetzen

Mit Beendigung der Triangulation 4. Ordnung in den 50er Jahren glaubte man, eine nationale Aufgabe für immer abgeschlossen zu haben. Die ersten Schritte in der numerischen Photogrammetrie sowie die elektronische Distanzmessung deckten dann seit den 60er Jahren Spannungen von mehreren Dezimetern zwischen benachbarten Punkten auf. Sie führten zum Schluss, dass es die Triangulation mitunter nicht erlaubte, langfristig eine kohärente Verwaltung der Vermessungen in Gebietsaufteilungen ins Auge zu fassen (Triangulationsseminar ETHZ 1976).

Eine der Konsequenzen, welche die noch nicht betroffenen Geometer fortan beunruhigte, war die Notwendigkeit, ganze Sektoren von Triangulationsnetzen neu zu bestimmen. So sah etwa der an numerischen Vermessungen reiche Kanton Waadt seine Triangulation gänzlich in Frage gestellt durch Neubestimmungen zunächst höherer, später auch niederer Ordnung mit beträchtlichen Auswirkungen auf die Koordinaten der Polygon- und Detailpunkte der gültigen numerischen Katastervermessungen.

Die Folgen für die bestehende Triangulation und die dafür angewandten Methoden werden im Kapitel 3.3.1 erläutert.

Die Folgen für die bestehende Polygonierung und die Detailpunkte werden im Kapitel 3.4 behandelt.

Das vorgesehene Ziel ist, die untergeordneten Niveaus mit kohärenten Koordinaten auszustatten.

N.B. Die Einführung des neuen geodätischen Bezugsrahmens 1995 (LV95) als Ersatz für den aktuellen Bezugsrahmen LV03 ist bezüglich der aktuellen Festpunkte und der Detailaufnahmen mindestens ebenso problematisch.

3.3.1. Umgang mit den Folgen der Neubestimmung einer Triangulation höherer Ordnung auf eine Triangulation niederer Ordnung

Die klassischen Triangulationen in LV03 waren streng hierarchisch aufgebaut, mit unantastbaren, obwohl manchmal zweifelhaften Punkten 1. Ordnung und Punkten 4. Ordnung, die auch lokalen Zwängen unterworfen waren.

Die Folgen dieser Hierarchisierung werden im Bezugsrahmen LV95 ein wenig abgeschwächt. Hier ist die Qualität der übergeordneter Punkte (LFP1 und TSP) so, dass ihre Unantastbarkeit bei der Bestimmung von Punkten (LFP2, KP) untergeordneter Ebenen auch mit neuen, qualitativ guten Messungen keine Zwänge erzeugt.

Jedoch wird eine Vermischung von in LV95 neu bestimmten Punkten mit alten Punkten, die mit CHENyx06 interpoliert worden sind, manchmal signifikante Klaffungen erzeugen.

Trotz der modernen Vermessungs- und Berechnungsmethoden gestaltet sich die vollständige Neubestimmung einer Triangulationsordnung für die bestehenden Punkte meist schwieriger, als dies bei der ursprünglichen Triangulation der Fall war (zerstörte Punkte, neue Bebauung, Ausweitung der Wälder, usw.). Demgegenüber gleicht die geforderte, drastische Verminderung der LFP2 diese Zwänge aus, indem eine kluge Auswahl der zu erhaltenden Punkte erlaubt ist.

Eine gewisse Anzahl **Neupunkte** ist trotzdem oft erforderlich, um neu eingetretenen Situationen Rechnung zu tragen, die im Gelände angetroffen werden (Horizontfreiheit für GNSS-Messungen, momentan möglich Visuren, Bauentwicklung um bestehende Punkte herum und auf Gipfeln).

Was die **bestehenden neu bestimmten Punkte** anbelangt, können die **festgestellten Klaffungen** verschiedenste Ursachen sowohl globaler als auch lokaler Art haben:

- Netzplan und Qualität der Messungen (andere Netzstruktur, andere Richtungen, mehr Distanzen von besserer Qualität, GNSS Sessionen),
- Ausgleichung der Messungen (Benutzung von globalen, nicht vereinfachten Methoden für grössere Mengen von Messungen),
- Beschädigung von Punkten oder zeitlich zurückliegende Wiederherstellungen von Punkten (nicht identische Punktlagen),
- ungewollte Verschiebungen von Punkten (Rutschungen, Einrammen usw.),
- Interpolation (als Kontrolle) mittels CHENyx06 weicht von einer Neubestimmung leicht ah

Die aus globalen Phänomenen hervorgegangenen **kohärenten Klaffungen** werden mit Hilfe einfacher Integrationsmethoden, wie geometrischen Transformationen (Translationen, affinen oder Ähnlichkeitstransformationen) und besonders CHENyx06 verringert, die allfälligen Restklaffungen durch Interpolation beseitigt.

Sind die **Klaffungen inkohärent**, aber mit lokalen Systematiken, wird das Transformationsmodell zugunsten des Modells der lokalen Interpolation fallen gelassen.

Lässt sich keine Beziehung zwischen der ursprünglichen und der Neubestimmung mehr erkennen, sodass nur noch von einem **grossen Chaos** die Rede sein kann, so müssen sämtliche Punkte als Neupunkte betrachtet und neu bestimmt werden.

Die aus lokalen Phänomenen hervorgegangenen Einzelklaffungen, beispielsweise im Innern eines Dreiecks von CHENyx06, werden:

- entweder mit Hilfe begrenzter Interpolationen geglättet,
- oder beseitigt, indem der Punkt als Neupunkt und nicht mehr als neu zu bestimmender (Alt-) Punkt behandelt wird.

Die Anzahl an Punkten, die in beiden Systemen bekannt sind, sowie die Kohärenz der Klaffungen sind Ausschlag gebend für die weitere Vorgehensweise in den niederen Ordnungen. In Frage kommen hierfür:

- eine Transformation und/oder Interpolation bei ausreichender Kohärenz und qualitativ guter Versicherung,
- eine Neuberechnung der Originalmessungen mit evtl. teilweisen Neubestimmungen, wenn die Versicherung ausreicht, die Messungen leicht aufzufinden und die Korrekturen unbedeutend sind,
- eine vollständige Neubestimmung bestehender Punkte oder durch notfalls neu gesetzte
 Punkte bei offenkundigen Inkohärenzen und ungenügender Versicherung.

3.4. Abänderung eines lokalen LFP Netzes und der Detailpunkte als Folge einer Neubestimmung höherer Ordnung

Die Auswirkungen einer Erneuerung des Bezugssystems auf die Detailfestpunktnetze (LFP3) und auf die Detailpunkte, wie sie im Kapitel 3.3 erklärt werden, sind hier aufgeführt und beschrieben. Sie sind besonders aktuell beim Bezugsrahmenwechsel und gingen ein in Weisungen und Erfahrungen im Kanton Wallis (siehe Kapitel 7).

Es wird angenommen, dass von vornherein alle Informationen in numerischer Form vorliegen und computertechnisch bearbeitbar sind. Das Ziel besteht darin, bestehende Koordinaten mit annehmbaren Restklaffungen in ein übergeordnetes, erneuertes Bezugssystem zu überführen. Dabei sind folgende Schwierigkeiten zu lösen:

- die höheren Ordnungen, an welche die zwei Systeme angeschlossen werden, sind oft nicht identisch, gleiches gilt für die durchgeführten Messungen sowie ihre Ausgleichungsmethoden,
- die lokalen Festpunkte (Polygonpunkte) wurden in aufeinander folgenden Etappen (Vermessungslose und Nachführungsetappen) mit alten Messungen und einfachen Ausgleichungsmethoden bestimmt,
- die Versicherung im Gelände kann in jeder Hinsicht mehr oder weniger grosse Lücken (beschädigte, zerstörte oder verschwundene Punkte) und Veränderungen (Wiederherstellung und Wechsel der Beschaffenheit) angesichts von Geländebewegungen aufweisen.
- Die Lage gewisser bestehender Fixpunkte ist nicht mit aktuellen Bedingungen vereinbar (Verkehr, GNSS-Messfähigkeit, usw.) und diese sollen aufgegeben werden.

Ziel ist es, ausgehend von den alten Bestimmungen mit den erneuerten Festpunkten höherer Ordnung, eine lokale Anpassung der erneuerten Daten bis ins Detail zu erreichen.

Die Strategien der

- vollständigen Neuvermessung
- Transformation und Interpolation
- Neuberechnung mit einer neuen Ausgleichung der LFP

müssen gemäss den besonderen Bedingungen jedes Falles verändert werden, also

- der Art der Klaffungen (zufällige oder systematische)
- der Qualität der ursprünglichen Ausgleichungen
- der momentanen Qualität der Versicherung
- der angestrebten Qualität
- der zu verarbeitenden Datenmenge
- der verfügbaren Computertechnik
- der verfügbaren finanziellen Mittel

Die Verarbeitung der **Festpunkte** und der **Detailpunkte** kann unterschiedlich sein. In der Tat kann die Ausgleichungsmethode für die Festpunkte verbessert werden. Zudem ist die Anzahl der Festpunkte im Allgemeinen 10- bis 20-mal kleiner als diejenige der Detailpunkte, was eine raffiniertere Vorgehensweise erlaubt.

3.4.1. Teilweise oder vollständige Neubestimmungen

Vielfach sind Neubestimmungen erforderlich. Dies geschieht dann entweder partiell, mit einem «weitmaschigen» Netz, vereinzelten GNSS-Punkten und Passpunkten, oder aber vollständig, mit kompletter Neubestimmung der lokalen Festpunkte.

Sowohl aus praktischen Erwägungen (mögliche Visuren, GNSS-Beobachtungsfenster, Zugänglichkeit der Punkte sowie ihre Tauglichkeit zum Aufstellen von Instrumenten, Verwendung leicht auffindbarer Punkte, Verwertung des Bestehenden), wie auch aus finanziellen Gründen ist die partielle Neubestimmung die plausibelste Lösung. Ausgehend vom «weitmaschigen» Netz oder mit GNSS nimmt man die notwendigen Pass- und Kontrollpunkte auf und verwendet dabei sowohl die bestehenden Festpunkte als auch die Detailpunkte.

Die vollständige Neubestimmung der Festpunkte ist aufwändiger, erweist sich jedoch als notwendig, wenn bestehende Festpunkte so zerstört wurden, dass der Anschluss alter Detaildaten problematisch wird.

Zu den Zielen einer Neubestimmung gehören eine **Zustandsdiagnose** der Vermessung im Feld, eine teilweise oder vollständige **Verbesserung** des lokalen Festpunktnetzes sowie eine **Kontrolle** der Eingliederung der verbleibenden alten Daten ins neue System.

3.4.2. Transformationen und Interpolationen

Ganz allgemein setzt die Durchführung von Transformationen die Existenz von in beiden Systemen bekannten Passpunkten voraus. Hierbei kann es sich um Punkte höherer Ordnung, um neu bestimmte oder auch um neu berechnete Punkte handeln. Die direkte Verwendung von Koordinatennetzen erfordert die genaue Kenntnis der Transformationsparameter und ihrer geografischen Variation.

Es ist wichtig, die Transformationsparameter sowohl der Originalpunkte als auch der aus der Nachführung stammenden Punkte zu kennen.

Eine genaue Auflösung der entdeckten Fehler ist unerlässlich, um eine zukünftige kohärente und «problemlose» Verwaltung zu ermöglichen. Diese betrifft u. a. folgende Fälle:

- Verschiebung von Originalfestpunkten: Stellt man fest, dass sich ein Punkt im Gelände verschoben hat, benutzt man die Ursprungsdaten für die Transformationen der mit dem alten Punkt verbundenen Originaldaten; hingegen übernimmt man die neuen, «verschobenen» Daten zur Verwaltung von Daten, die nach der Verschiebung entstanden sind, sowie für künftige Nachführungen.
- Verschiebung von Grenzpunkten: Stösst man auf einen schlecht wiederhergestellten Grenzpunkt, so muss dieser ggf. (bei zu grosser Klaffung) unter Beibehaltung der ursprünglichen Bestimmung im Gelände korrigiert werden.

- Schlechte Einpassung mehrerer Punkte: Wird eine schlechte Einpassung einer ganzen Gruppe von Punkten festgestellt, die beispielsweise aus derselben Mutation herrühren, so kann bei nicht tolerierbaren Klaffungen eine Korrektur erfolgen. An den betroffenen Daten wird eine lokale Interpolation der festgestellten Klaffungen vorgenommen. Die korrigierten Daten einschliesslich der aus ihnen abgeleiteten Daten (z.B. Gebäude) werden nach einer offiziellen Prozedur eingeführt.
- Grober Fehler an einer einzigen Grösse: Wird ein grober Fehler festgestellt, so muss er unter Prüfung der dadurch entstehenden Auswirkungen auf benachbarte Daten korrigiert werden,
- Nicht korrigierbare Fehler: Entdeckte Inkohärenzen ohne unmittelbare Korrekturmöglichkeiten müssen in einem Protokoll festgehalten und in den Objekt- und Punktattributen vermerkt werden, um den Benutzer vor den zweifelhaften Eigenschaften der betroffenen Grösse zu warnen.

Die Durchführung einer allfälligen Interpolation der Restklaffungen aus Transformationen hängt von verschiedenen Kriterien ab, wie z.B.:

- Verhältnis dieser Restklaffungen gegenüber der erhofften Genauigkeit,
- zufälliger oder systematischer Charakter der Klaffungen,
- verfügbare technische und finanzielle Mittel (vgl. Kapitel 6),
- eventuelle Bedingungen bezüglich Winkel und Flächen (geometrische Ähnlichkeit)

Bezüglich der Festpunkte kann eine Einpassung durch reine Transformation nur dann ins Auge gefasst werden, wenn:

- die Klaffungen hinreichend systematisch und homogen sind,
- die Qualität der Originalausgleichung gut genug ist,
- der Zustand der Versicherung im Feld gut ist (neuere Vermessungen).

Bezüglich der Detailpunkte muss eine systematische Einpassung per Transformation in Betracht gezogen werden, weil die Neuberechnung «historischer» Messungen heikel und kostspielig für die betroffenen Vermessungen ist und die vollständige Neuvermessung oft unverhältnismässig hohe Kosten nach sich zieht.

Probleme, die nach der Transformation fortbestehen, hängen mit den Inkohärenzen der Ausgleichungen und der Nachführung zusammen. Die besten Transformationen und Interpolationen können dem nur mässig und in beschränktem Umfang Rechnung tragen.

3.4.3. Neuberechnungen

Eine **Neuberechnung** der ursprünglichen und der nachgeführten Aufnahmen ist dann gerechtfertigt, wenn die ursprüngliche Ausgleichungsmethode oder die Integration der einzelnen Nachführungsetappen zu wünschen übrig lassen. Es ist ökonomisch vorteilhaft, wenn die Messdaten ohne Neuerhebung ausgewertet werden können.

Eine reine Neuberechnung ohne jegliche Neubestimmung ist im Allgemeinen nicht möglich (Voraussetzung ist, dass sämtliche Anschlusspunkte höherer Ordnung in beiden Koordinatensystemen bekannt sind). Ausserdem sind Gesamtausgleichungen nur teilweise geeignet, die Schwachstellen in den ursprünglichen Netzen zu korrigieren. Die Einführung einiger zusätzlicher (insbesondere mit GNSS bestimmter) Anschlusspunkte ist mitunter unerlässlich, um beispielsweise lange Polygonseiten ohne Kontrolle oder ein Gebiet ohne Anschlüsse als zuverlässig einstufen zu können.

Um jede Generation von Messungen analysieren zu können, wird ein direktes Vermischen von alten und neuen Messungen in der Regel vermieden. Vorzugsweise sind die neuen Messungen zunächst unter sich auszugleichen, dann die neuen Koordinaten zuerst als «Beobachtungen» und schliesslich als «fest» einzuführen.

Beim Kombinieren verschiedener alter Messungen in Gesamtausgleichungen sollte man grosse Vorsicht walten lassen (Bildung von klar getrennten Gruppen mit unabhängigen Genauigkeitsund Massstabsparametern), um einer Vermischung inkohärenter Messungen vorzubeugen.

Jede Berechnung muss durch interne Indizierung näher gekennzeichnet werden.

3.4.4. Notwendige Kontrollen

Die Auswirkungen der Manipulationen (Neuberechnungen oder Transformationen) auf die untergeordneten Daten und die abgeleiteten Produkte müssen unabhängig und systematisch kontrolliert werden.

Sie können in einer unabhängigen Bestimmung alter Punkte über die der Nachführung dienenden Basen bestehen. Um ihren unabhängigen Charakter zu bewahren, darf diese Bestimmung nicht an den Manipulationen (Ausgleichungen, Transformationen oder Interpolationen) der alten Daten teilhaben.

Ein Vergleich und eine Analyse der Transformationsresultate und der neuen Feldaufnahmen ermöglichen eine uneingeschränkte Bewertung der transformierten Daten.

Diese lassen die konkrete Qualität und die allfälligen Schwierigkeiten erkennen, denen die Vermessungsfachleute in Zukunft im Feld begegnen werden.

Die Erneuerung verschiedener Dokumente stellt ebenfalls eine Kontrollgelegenheit dar:

- Analyse der Punktkoordinatenunterschiede vor und nach der Behandlung,
- Überlagerung von Plänen vor und nach der Behandlung, um ihre Auswirkungen und möglichen Lücken hervorzuheben,
- Flächenberechnung mit Hilfe der neuen Koordinaten und Vergleich mit den offiziell bestehenden Flächen.

- ...

3.5. Integration von GNSS-Messungen in das Koordinatensystem der amtlichen Vermessung

Eine mit der Satellitengeodäsie verbundene Technologie ist in zunehmendem Masse geeignet, zur Standardausrüstung des Geometers zu werden: das Präzisions-GNSS (Globale Navigations Satelliten Systeme).

Das zu lösende Problem ist relativ komplex: die Bestimmung kartesischer Koordinaten im lokalen Projektionssystem anhand satellitengebundener Bestimmungen, die aus einem globalen System stammen. Es handelt sich um ein ziemlich ähnliches Problem wie die Integration von Koordinaten eines Digitalisiergerätes ins nationale Koordinatensystem.

Es soll im Voraus erwähnt werden, dass die vorliegende Arbeit dieses Thema nur beiläufig erwähnt, legen doch die GNSS Lieferanten ihren gelieferten Instrumenten im Allgemeinen eine komplette Software bei. Ausserdem finden regelmässig spezielle Fortbildungsseminare statt.

Es gilt jedoch, folgende Probleme zu erwähnen:

Bei der Koordinatenbestimmung mit Hilfe von Satelliten gilt es, sich zu vergewissern, dass die Beziehung zwischen dem Referenzellipsoid des Satellitensystems und demjenigen des kartesischen Koordinatensystems korrekt ist und dass das geodätische Datum des Ziel-Projektionssystems eingehalten wird.

Es handelt sich dabei um den Übergang vom 3-dimensionalen geozentrisch-kartesischen Satellitensystem (X, Y, Z), das auf dem Bezugssystem WGS84 basiert, zum Schweizerischen Projektionssystem (E, N) (früher Y, X), welches auf dem BESSEL'schen Ellipsoid basiert, mit den Gebrauchshöhen (H), basierend auf dem Geoid. Das Problem des Übergangs von ellipsoidischen Koordinaten (L, B) zu den metrischen kartesischen Koordinaten (y, x) kann sich ebenfalls stellen.

Die übliche Lösung besteht darin, die WGS84-Koordinaten mit den Programmen GNSSREF (Lage) und CHGEO/HTRANS (Höhe) oder REFRAME in schweizerische Koordinaten zu transformieren. Diese verschiedenen Programme werden von swisstopo angeboten.

Zudem bezweckt das automatische GNSS-Netz AGNES, den Bezugsrahmen LV95 mittels permanenter GNSS-Stationen zusammen mit Swisscom «aktiv» zur Verfügung zu stellen (Produkt swipos, das mit dem privates Konkurrenzprodukt swiss@t fusioniert wurde). Dieser Dienst integriert seit 2007 das amerikanische GPS und das russische GLONASS Satellitenpositionierungssystem; sobald verfügbar auch das europäische Galileo System.

Eine lokale Einpassung mittels lokaler Stützpunkte kann noch nötig sein, insbesondere für alte originale LV03 Netze und wenn solche mangelhaft in LV95 transformiert wurden.

Kontrollen

Auch wenn man sein Feldinstrumentarium gut beherrscht, empfiehlt es sich, regelmässig Messungen auf bekannten zuverlässigen Punkten durchzuführen, die nicht in die Bestimmung einbezogen werden.

Die Berechnung kann mit Hilfe der mitgelieferten Programme erfolgen, welche Näherungskoordinaten ergeben (z.B. LGO von LEICA). Endgültige genaue Resultate erhält man durch eine neue nachträgliche Ausgleichung (z.B. Bernese GPS Software, LTOP, TRANSINT).

Es wird empfohlen, die Lage- und Höhenberechnung getrennt zu bearbeiten.

3.6. Integration photogrammetrischer Aufnahmen in das Koordinatensystem der amtlichen Vermessung

Achtung: dieses Kapitel beschreibt die Transformationsprobleme in der Photogrammetrie nur sehr allgemein.

Die Photogrammetrie hat über einen langen Zeitraum die Transformationsmethoden entwickelt, um ihre Datenauswertungsprobleme lösen zu können.

Insbesondere wurden verschiedene Interpolationsmethoden ausgedacht, um die Restklaffungen nach der (inneren) Bildorientierung zu beseitigen und die terrestrischen und die Luftbilddaten bis in die lokale Situation hinein in Übereinstimmung zu bringen.

In der analogen Photogrammetrie waren die Möglichkeiten der Transformation und der Restklaffenbeseitigung beschränkt. Je nach Verteilung und Menge der Passpunkte konnten verschiedene Methoden verwendet werden (HELMERT, affine, Interpolation nach der Methode der kleinsten Quadrate, bikubisch, usw.).

Die Einführung der analytischen Photogrammetrie ermöglichte den Verzicht auf Zusatzbehandlungen. Die Aerotriangulation durch Ausgleichung (z.B. Bündelmethode) ergibt ausgeglichene kohärente Resultate. Die Passpunkte selbst werden als Messungen mit entsprechender Gewichtung eingeführt.

So, mit Hilfe unabhängiger Modelle, interpoliert man die Restklaffungen nach der Methode der kleinsten Quadrate. So wurde jedes einzelne Modell durch eine Affintransformation mittels Passpunkten ins globale Bezugssystem integriert.

Die nachfolgenden Transformationen jedes Modells werden mit der HELMERT- oder der affinen Methode vorgenommen. Die erforderlichen Transformationsmodule sind in den Ausgleichungsprogrammen enthalten.

Heute werden in die Auswertesoftware integrierte Ausgleichungsprogramme verwendet, die verschiedene Transformationsmodule beinhalten und eine Kombination von terrestrischen und Luftbilddaten erlauben. Die Algorithmen sind in der Regel Bestandteil des Lieferumfangs der Geräteausrüstung. Die abschliessenden Behandlungen gehen mit der Verarbeitung der Rasterbilder einher.

Die Verwendung grossflächiger Höhenpunktmuster im Rahmen digitaler Geländemodelle setzt die Benutzung von Interpolations- und Glättungsmethoden voraus, um verschiedene Darstellungen wie Höhenlinien, Profile usw. erzeugen zu können.

Das Foto ist in Wirklichkeit eine Zentralprojektion. Die Photogrammetrie verwandelt das projektive Original in ein orthometrisches Bild, wobei die Kenntnis gewisser Daten der betroffenen Objekte und Bilder vorausgesetzt wird (stereoskopische Photogrammetrie).

Die Transformation von Daten der digitalen Photogrammetrie (Raster) mit der Entzerrung von Orthofotos und ihrer Integration ins kartesische Koordinatensystem ist heute weit verbreitet.

3.7. Integration digitalisierter Pläne in das Koordinatensystem der amtlichen Vermessung

Die Koordinatentransformation (lokal ⇒ global) von Punkten, die aus digitalisierten Plänen stammen, ist ein klassisches Problem der Numerisierung.

Je nach den Eigenschaften der Daten, der Art der verfügbaren Pläne und der Numerisierungsmethode müssen verschiedene Gesichtspunkte beachtet werden.

3.7.1. Ursprünglich verwendete Aufnahmemethoden

Im Falle von **Messtischaufnahmen** mit grafischem Auftrag im Gelände (Aufnahme der Richtungsmessungen mit Bussole und der Distanzen optisch oder mit Messband) muss, abgesehen von einer schlechten Übereinstimmung zwischen den einzelnen Stationen und Plänen, mit sehr heterogenen Aufnahmen im steilen Gelände und mit Verwerfungen zwischen Aufnahmestationen desselben Planes gerechnet werden. Solche Daten können nur grob transformiert werden und die Restklaffungen haben lediglich eine sehr lokale Bedeutung. Die Feinbestimmung bestimmter Faktoren (Planverzug) bleibt problematisch. Selbst bei Plänen mit hinreichend grossem Massstab ist deshalb in der Regel nicht mit einer Genauigkeit von mehr als einem halben Meter zwischen entfernten Objekten zu rechnen.

Im Falle von **Orthogonalaufnahmen** im flachen Gelände können erfahrene und übergenaue Bearbeiter mit numerischem Planauftrag der Aufnahmen ausgezeichnete Resultate erzielen. Schlechtere Werte ergeben sich im geneigten Gelände und wenn die Nachführung durch nachfolgende Polaraufnahmen erfolgte (Massstabsinkohärenzen). Die Eigenschaften der Daten können gut bestimmt werden (im Dezimeterbereich), vor allem, wenn ein ursprüngliches Koordinatennetz auf dem Plan abgebildet ist und dieses einen hinreichend grossen Massstab aufweist.

Im Falle von **Polaraufnahmen** (mit **optischer Distanzmessung**) können bei kurzen Distanzen gute Resultate erwartet werden. Schlechtere Werte ergeben sich bei Aufnahmen mit längeren Distanzen. Die Möglichkeit eines schlecht bestimmten Massstabsfaktors bei der Messung und beim Planauftrag muss immer in Betracht gezogen werden. Die Struktur und die Ausgleichung des Polygonpunkt (PP)-Netzes sowie dessen Nachführung können die Qualität der zu transformierenden Daten massiv beeinträchtigen, vor allem, wenn das Polygonpunktnetz nicht entsprechend sorgfältig gepflegt wurde. Das Transformationsniveau bleibt dennoch oft erstaunlich gut. Zahlreiche Faktoren können berücksichtigt werden und die Daten lassen sich recht gut transformieren (im Dezimeterbereich). Auch können diverse Korrekturen durch Interpolation vorgenommen werden.

Im Falle von **Polaraufnahmen** (mit **elektro-optischer Distanzmessung**) ist die Kalibrierung der Distanzmessungen im Allgemeinen ausgezeichnet. Die Daten liegen zum grossen Teil bereits in Form kontrollierter kartesischer numerischer Koordinaten vor. Eventuelle Probleme können herrühren aus:

- der vereinfachten Ausgleichung der Festpunkte und aus Lücken der Nachführung, die zu Inkohärenzen zwischen Festpunkten führen,
- Messungen auf Punkten mit zweifelhafter Versicherung,
- Koordinatenkontrollen, die nicht wirkungsvoll genug sind und daher keine ausreichende Zuverlässigkeit gewährleisten usw.

Bestehende Koordinaten können durch Digitalisierung oder Berechnung ergänzt werden.

Im Falle **photogrammetrischer Auswertungen** existieren alle Arten von Produkten: von den grafischen Auswertungen kleiner Fotos, die zu weniger genauen Bestimmungen mit teils ungeklärten Interpretationsfehlern führen, bis hin zu den zuverlässigen (gemittelten und kontrollierten) numerischen Auswertungen. Im Falle schwacher Überbestimmungen kann die Zuverlässigkeit der verfügbaren Daten problematisch sein. Alte Auswertungen sind im Allgemeinen grafisch, neuere numerisch – mit mehr oder weniger gutem Ausgleichungsniveau je nach Längs- und Querüberdeckung der Aufnahmen.

3.7.2. Beschaffenheit der zu transformierenden Pläne

Im Falle von **Kartonplänen**, Originalplänen oder Kopien des 19. und vom Beginn des 20. Jahrhunderts (hauptsächlich in der Westschweiz) ist folgendes zu beachten:

- Papierverzug,
- verwendetes Projektionssystem,
- physischer Zustand des Planes,
- Entwicklung der Nachführungsmethoden seit Herstellungszeitraum des Plans.

Die Genauigkeit der auf dem Plan dargestellten Daten hängt, abgesehen von der Aufnahmeart, ab:

- vom Planmassstab,
- von der Feinheit des Planauftrags,
- von der Papierqualität,
- von der bei der Nachführung aufgewendeten Sorgfalt.

Selbst wenn die allgemeine Plausibilität der nachgeführten Daten gut ist, kann der Massstab unterschiedlich gewesen sein. Lokale Inkohärenzen sind häufig. Praktisch keine auf diesen Plänen aufgetragene Information ist koordinatenmässig bekannt.

Im Falle von Plänen, deren Zeichenpapier auf **Aluminiumplatten** geklebt ist – Originalplänen, die seit Beginn des 20. Jahrhunderts so angefertigt wurden und welche die wichtigste Grundlage des zur Zeit in einem Drittel der Schweiz geltenden halbgrafischen Katasters bilden – sind folgende Probleme zu beachten: die **Kohärenz** ihres Bezugssystems (Polygonpunkte, Koordinatennetz) mit den inhaltlichen Details sowie die praktische Schwierigkeit, sie mit Hilfe der gegenwärtig in den technischen Büros verbreiteten Einrichtungen (Tische **und** Scanner) zu digitalisieren. Die Daten sind in der Regel zuverlässig und von guter Massstabsqualität. Die Genauigkeitsprobleme sind in erster Linie auf die Rekonstruktion der Festpunkte, eine schlechte Integration der Nachführungselemente sowie auf Nachführungsinkohärenzen an den Planrändern zurückzuführen. Der Umweg über die fotografische Aufnahme dieser Platten für die Digitalisierung bringt einen leichten Qualitätsverlust mit sich, der jedoch akzeptabel ist. Bestimmte Elemente der enthaltenen Informationen sind oftmals bereits in Form von Koordinaten bekannt (hauptsächlich die Polygonpunkte, mitunter auch die Grenzpunkte), während sich andere mehr oder weniger leicht berechnen lassen.

Liegen Pläne als **verzugsfreie Folien**, Kopien, Photokopien oder kürzlich erstellte Originalpläne halbgrafischer oder numerischer Vermessungen vor, so liegt deren Hauptproblem in ihrem

Zustand (diverse Deformationen oder Zerknitterung) und den eventuellen Inkohärenzen aus ihrer Nachführung. Oft ist ein wichtiger Teil ihres Informationsgehaltes bereits in numerischer Form bekannt oder leicht berechenbar. In diesem Fall wird man die Berechnung bevorzugen.

3.7.3. Bezugssystem der Pläne

Im Falle von **Plänen mit Koordinaten- und Festpunktnetzen** ist es wichtig zu wissen, ob diese ursprünglich vorhanden waren oder erst nachträglich aufgetragen wurden. Ausserdem muss bestimmt werden, auf welches Projektionssystem sie sich beziehen. Auf alten Plänen kann es eine Mischung von ursprünglichen und neueren Festpunkten geben, die auf die Schnelle aufgetragen worden sind. Die alten Koordinatennetze, deren Bezug zum modernen Projektionssystem noch nicht hergestellt wurde, bleiben dennoch wichtig für die Ermittlung des Planverzugs. Manche alten Pläne enthalten kein Koordinatennetz sondern ein Mittelkreuz in der Achse des Papiers. Dieses kann ebenfalls zur Abschätzung des Verzuges und seiner Korrektur verwendet werden.

Im Falle von **Plänen ohne Koordinatennetz** muss darauf geachtet werden, ob es koordinatenmässig bekannte Punkte gibt oder ob sich Passpunkte finden lassen, die sowohl auf den Plänen als auch im Gelände bestehen, und ob es sich dabei um ursprüngliche oder mutierte Punkte handelt. Die Bestimmung der Transformationsparameter ist schwieriger als bei Plänen mit Koordinatennetz, besonders was den Planverzug betrifft.

3.7.4. Anfänglicher Numerisierungsstand

Im Falle **rein grafischer Daten** lohnt es sich, den gesamten Planinhalt zu numerisieren und zu transformieren. Das Einpassen der Daten erfordert im Allgemeinen Messungen im Gelände, wenn die bestehenden numerischen Daten benachbarter Operate nicht genügen. Sämtliche Daten durchlaufen eine vollständige Transformationsbehandlung.

Im Falle **gemischter Daten** (grafische mit numerischen Elementen, wie teilweise Koordinatenberechnungen) sind nur die fehlenden Detailinformationen und die Passpunkte zu numerisieren und zu transformieren. Dazu gehören die teilnumerischen (oder halbgrafischen) und teilweise numerisierten Vermessungen. Der geometrischen Kohärenz der bereits numerischen und der neu transformierten Daten muss besondere Aufmerksamkeit geschenkt werden. Die Objektbeschreibungen zur Darstellung auf dem Bildschirm oder zum automatischen Zeichnen der Pläne müssen in der Regel noch durchgeführt oder ergänzt werden. Bei den Transformationen muss darauf geachtet werden, dass diese Beschreibungen und andere mögliche Attribute den Koordinaten «folgen».

Im Falle **vollständig numerischer Daten** (vollständig berechnet) eventuelle Numerisierungen finden nur als Kontrolle statt und Einpassprobleme beschränken sich auf die Wahl der zweckmässigen Methoden und auf die Probleme der Formatierung und der Kompatibilität zwischen Computersystemen und Transformationen.

3.7.5. Numerisierungsmethoden

Im Falle einer **Digitalisierung** der Koordinaten **durch manuelle Erfassung** (auf einem Digitalisiertisch) und einer Beschreibung von Perimetern, die je nach Art der Objekte mehr oder weniger stark kontrolliert wurden, kommen durch die spezifische Qualität des Tisches und das subjektive Urteil des Bearbeiters Inkohärenzen zustande, welche die Qualität der Transformation beeinflussen können.

Im Allgemeinen werden die Tische durch Programme verwaltet, die elementare Transformationen und mitunter auch einfache Interpolationen erlauben.

Eine regelmässige Kontrolle des Tisches und eine kontrollierte Verwaltung der wichtigen Erfassungen verhindert das Einschleichen von Fehlern in die Transformationen. Es lohnt sich ebenfalls, die «Tischkoordinaten» des Geräts manuell verwalten zu können.

Im Falle eines **Scannens** durch automatische Erfassung und eventuelle automatische Strukturierung wird die Datentransformation von der **Qualität** des Scanners, seinen **Einstellungsmöglichkeiten** sowie der **Leistungsfähigkeit der verwendeten Software** beeinflusst. Im Hinblick darauf wurden beim Scannen bereits Probleme im Zusammenhang mit eingeführten störenden Verzerrungen beobachtet. Es können diverse Massnahmen ergriffen werden, um die Transformationen von solchen Auswirkungen freizuhalten, die durch eine kluge Einstellung der Geräte vermeidbar sind.

Im Falle der **Berechnung** durch Übernahme ursprünglicher Messungen, die sich über eine lange Erfassungsperiode erstrecken und die zu einem kohärenten Endresultat führen sollen, sind umfangreiche Berechnungsläufe und verifizierende Vergleiche notwendig. In diesem Falle bestehen keine Probleme von Planeinpassungen mehr. Im Laufe der Geschichte sind aber Inkohärenzen in die Polygonpunkte eingeführt und die Aufnahmemethoden geändert worden. Die damit verbundenen Schwierigkeiten können es notwendig machen, inkohärente Aufnahmen in stabilisierte Daten einzupassen. Im Allgemeinen handelt es sich dabei um Transformationen und Interpolationen, die in kleinen Gebieten zum Tragen kommen und sich geografisch nur beschränkt auswirken. Manchmal ist im Vergleich zu den erhaltenen qualitativen und quantitativen Ergebnissen ein unverhältnismässiger Aufwand nötig, um diese Berechnungen zu Ende zu führen.

3.7.6. Zu betrachtende Koordinatenarten

Die direkt von **Scannern erzeugten Koordinaten** müssen in der Regel transformiert werden, um klassische kartesische Koordinaten zu erhalten. Die Dienstleister benutzen hierfür in der Regel die HELMERT-Transformation. Natürlich kann auch eine raffiniertere Bearbeitungsvariante in Betracht gezogen werden. Es müssen jedoch nicht nur die Einstellungsmängel des Scanners behoben werden. Der Kunde wird die Resultate und die Genauigkeitsangaben der verwendeten Transformationen verlangen, um sich zu überzeugen, dass die Scan-Arbeiten fachgerecht ausgeführt worden sind. Firmen, die über Scanner verfügen, sind oft nicht über die von den Geometern verlangten Standards im Bilde.

Digitalisierte Polarkoordinaten (Richtung und Entfernung) werden einer trigonometrischen Berechnung unterzogen, gefolgt von möglichen Transformationen, um von einem lokalen ins klassische kartesische Koordinatensystem überzugehen (in der Regel HELMERT-Transformation).

Koordinaten in einem lokalen orthogonalen System digitalisiert, wie z.B. einem «Tischsystem», erfahren eine elementare HELMERT-Transformation, um ins klassische kartesische Koordinatensystem überführt zu werden. Die Massstabseinführung bietet Gelegenheit, Rohkoordinaten, die durch die Digitalisierungsinstallation in 1/100 mm oder in angelsächsischen Einheiten erzeugt wurden, bei der Erfassung auf dem Plan im Moment der Digitalisierung in Meter zu transformieren.

Vorhandene digitalisierte Koordinaten eines kartesischen Koordinatensystems, die ins kartesische Landeskoordinatensystem zu transformieren sind, müssen vorab auf ihre Klaffungen hin analysiert werden, um zu entscheiden, welches Transformationsmodell angewendet werden soll. In der Tat können diese Koordinaten verschiedene Bearbeitungen durchlaufen haben, wodurch nun bestimmte Lösungsvarianten entfallen.

3.8. Vervollständigung durch Numerisierung einer klassischen numerischen Vermessung

Bestehende klassische Vermessungen sind selten vollständig numerisiert und damit einer computertechnischen Bearbeitung zugänglich. Genau dies wird jedoch im aktuellen Konzept der amtlichen Vermessung für sämtliche, von Benutzern verwendeten Daten (abgesehen von Grundbuchdaten) gefordert.

Teilnumerische Vermessungen werden durch Berechnung oder Digitalisierung vervollständigt. Auch wenn berechenbare Messungen vorliegen, beschliesst man manchmal aus wirtschaftlichen Gründen, eher Pläne zu digitalisieren anstatt Berechnungen durchzuführen (z.B.: gewundener Bach, wo die Genauigkeit zweitrangig ist). In beiden Fällen können sich Transformationen als unverzichtbar erweisen.

Die Wahl der zu numerisierenden Informationsträger (Pläne, Listen, Karteien) bestimmt die durchzuführenden Transformationen.

Werden Pläne digitalisiert, so müssen die gewonnenen «Tischkoordinaten» durch eine klassische HELMERT-Transformation transformiert werden. Die Wahl der Passpunkte ist dabei die interessanteste der zu lösenden Aufgaben: soll man sich auf die Koordinatennetze, auf die Festpunkte oder auf nahe gelegene Detailpunkte stützen? Die Antwort hängt von der Qualität der numerisierten Daten (Fest-, Grenz- oder Detailpunkte) ab.

Vervollständigt man diese Vermessungen durch ergänzende Berechnungen auf der Basis der ursprünglichen und der nachgeführten Aufnahmen, so können sich einfache Transformationen und Interpolationen zur Erzeugung kohärenter neuer Koordinaten als unverzichtbar erweisen, wenn sich die Passpunkte im Laufe der Zeit verändert haben.

3.9. Höhentransformationen

3.9.1. Höhenarten

Während vieler Jahre wurden ausschliesslich Gebrauchshöhen (LN02) verwendet. Sie wurden aus klar hierarchischen, eidgenössischen, kantonalen und kommunalen Nivellementen erzeugt und beziehen sich auf den Höhenhorizont 373.600 m der Pierre du Niton. Die schweizerischen Höhensysteme erfuhren nun zwei Veränderungen: Das Aufkommen ellipsoidischer WGS 84 Höhen bei GNSS Messungen und die Bestimmung streng orthometrischer Höhen (LHN95) für wissenschaftlichen Gebrauch durch swisstopo. Während die ellipsoidischen WGS84 Höhen vorwiegend in Verbindung mit geodätischen Breiten und Längen genutzt werden, benutzen wir eher die WGS geozentrischen Koordinaten X, Y und Z. Weil sich die ellipsoidischen Höhen von den LN02-Gebrauchshöhen mindestens mehrere Meter unterscheiden, besteht keine grosse Verwechslungs- oder Vermischungsgefahr.

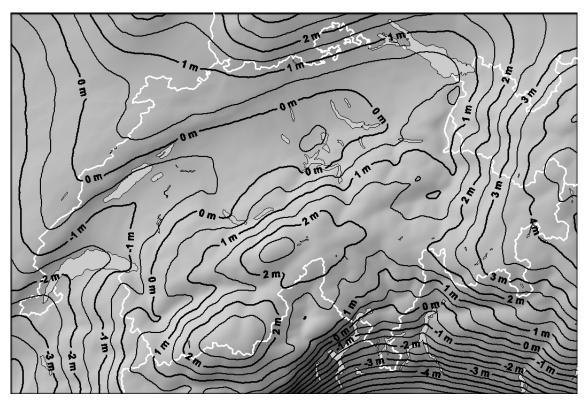


Abb. 2: Karte der Geoidhöhen

Die Bessel-Ellipsoidhöhen (trotz relativ grosser Extremwerte an Höhenabweichungen in der Grössenordnung von -4 m im Tessin, -3 m in Genf bis zu +4.5 m im Engadin, vgl. Abbildung oben) als auch die orthometrischen Höhen (mit wesentlich kleineren Abweichungen in der Grössenordnung von -15 cm in Basel bis +60 cm in Zermatt, vgl. Abbildung unten) können im Grossteil des Landes gut mit den Gebrauchshöhen verwechselt werden. Dies stellt eine reale Gefahr für Verwirrungen und unwillentliche Vermischungen dar. Es ist also äusserst wichtig, jede Lieferung von Höhen bei GNSS-Gebrauch gut zu dokumentieren.

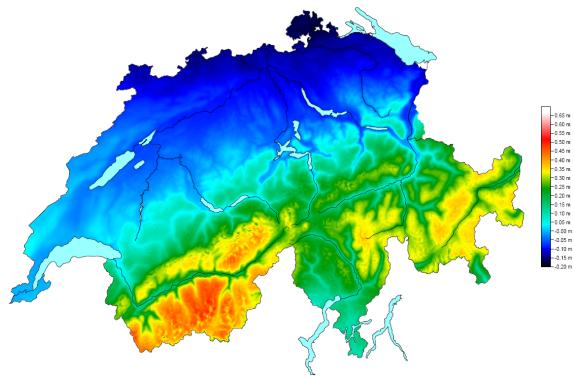


Abb. 3: Karte der Differenzen LN02 - LHN95

3.9.2. Höhenumformungen und verfügbare Transformationen

Für die Umformung ellipsoidischer, mittels GNSS erhaltener Höhen in LHN95 orthometrische Höhen müssen das Bezugsellipsoid (WGS84 ⇒ Bessel) gewechselt und anschliessend die Geoidhöhen angebracht werden. Letztere wurden erstmals 1998 publiziert (CHGeo98), anschliessend 2004 verfeinert (CHGeo2004). Alle GNSS Höhenmessungen bezüglich WGS84 müssen also unbedingt mit den jüngsten Geoidhöhen korrigiert werden, um orthometrische Höhen (LHN95) zu erhalten. Die Geoidhöhen können bei swisstopo bezogen werden und sind im Allgemeinen in der internen Gerätesoftware der Messsensoren integriert. Bei Gebrauch von Positionierungsdiensten wie swipos werden dem Benutzer die Höhenarten LHN95 und LN02 «Bund» angeboten. Ein online Dienst mit dem Programm REFRAME von swisstopo steht ebenfalls zur Verfügung. (siehe Kapitel 5).

Um LN02 Höhen im rechtsgültigen amtlichen Höhenbezugsrahmen zu erhalten, müssen die orthometrischen Höhen mit dem Programm HTRANS korrigiert werden. Dieses Programm ist ebenfalls in REFRAME integriert und berücksichtigt die globalen Eigenschaften des Landesnivellements LN02 und die (gravimetrischen) Unterschiede der Höhendefinitionen zwischen Gebrauchs- und orthometrischen Höhen.

Die so erzeugten LN02 Höhen können noch **Differenzen zu den kantonalen und kommunalen Nivellementshöhen** aufweisen. Man muss also noch mittels Anschlussmessungen an kantonale oder kommunale HFP die «Bundes» Werte auf die lokal gültigen Höhen einpassen.

Es sei erwähnt, dass in **begrenzten Zonen** (einige 100 Meter) um einen kantonalen HFP herum eine direkte Einpassung der ellipsoidischen Höhen auf den betreffenden HFP praktisch möglich ist. Von diesem Vorgehen wird jedoch abgeraten, weil die erhaltene Korrektur nicht vertrauenswürdig bestimmt werden kann (sie kann positiv oder negativ sein und je nach Ort mehr als 7 Meter variieren). Da die Korrekturwerte der Geoidhöhen wie auch HTRANS gut

dokumentiert sind, kann die endgültige Einpassung auf lokale Punkte nur einige wenige cm Klaffungen betreffen.

Wenn die Elemente (verschiedene Bezugsellipsoide, Geoidundulationen, Lotabweichungen, Schwerkrafteinflüsse usw.), welche die Differenzen verursachen, unterschiedlich beschaffen sind und von den Praktikern nicht unbedingt beherrscht werden, erscheinen die Differenzen auf lokalem Niveau als einfache «vertikale» Translationen, deren Veränderung über einige Dutzend Meter rundherum kaum wahrnehmbar ist.

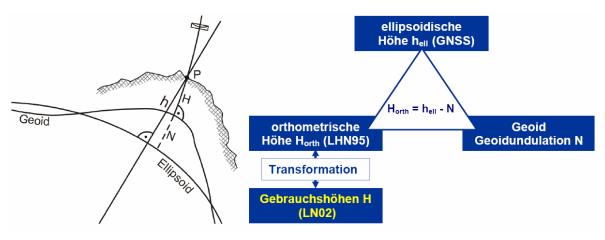


Abb. 4: Höhenbeziehungen

3.9.3. Ein neuer Horizont für zwei Kantone

Zwei Kantone haben ihre Höhenhorizonte geändert.

Im **Wallis** hat swisstopo mit neuen GNSS-Messungen bestätigt, dass die Horizonte in den Seitentälern Widersprüche aufweisen. Es wurde beschlossen, alles in LN02 zu belassen, aber die Höhenhorizonte der meisten Seitentäler zu korrigieren, dies oft um mehrere Dezimeter. Somit sollen die betroffenen Gemeinden in Zukunft ihre Höhen auf diesen neuen Horizont stützen.

In **Neuenburg** weiss man seit langem, dass im kantonalen Nivellement unvereinbare Unterschiede zwischen «den Anhöhen und den Ebenen» bestehen. Es wurde beschlossen, nur das Bundesnivellement zu erhalten und alle in den letzten Jahren mittels GNSS gemessenen LFP2 mit neuen, leicht modifizierten Höhen zu versehen. Die Höhen der LFP3 werden in den laufenden Neuvermessungen nochmals ausgeglichen, um sie mit den LFP2-Höhen in Einklang zu bringen.

Eine Vermischung der alten Höhenhorizonte und der neuen Höhen muss in diesen Kantonen unbedingt vermieden werden. Wie für die oben schon zitierten Höhen ist dies nur möglich, wenn die neuen Höhen genau dokumentiert sind und wenn ihre Vereinbarkeit jedes Mal verifiziert wird, wenn sie zusammen mit Höhen aus anderen Quellen kombiniert werden.

4. Aufzählung der Methoden

4.1. Einleitung

In den vorstehenden Kapiteln sind mehrere Fälle oder Problembereiche vorgestellt worden, die entweder einen Bezugsrahmen- oder Bezugssystemwechsel (z.B. Einfügen / Einpassen digitalisierter Koordinaten ins Landeskoordinatensystem) oder die Berechnung einer Grösse implizieren, die einem Punkt je nach seiner Lage anzubringen ist, (Koordinatendifferenz infolge Neubestimmung eines übergeordneten Punktes).

Im ersten Fall (Systemwechsel) spricht man eher von **Transformationen**, im zweiten (Berechnung einer Grösse) eher von **Interpolationen**.

<u>Anmerkungen</u>

- Bestimmte Probleme lassen sich **sowohl** durch Transformationen **als auch** durch Interpolationen lösen.
- Bestimmte Transformationsprobleme können mittels Interpolationen gelöst werden.
- Es ist möglich (manchmal sogar sehr vorteilhaft), Transformationen und Interpolationen zu verknüpfen.
- Der Wechsel der Koordinaten«form» (also die Alternative, polare Koordinaten als orthogonale oder auch geografische als geozentrische Koordinaten auszudrücken) bewirkt keinen Systemwechsel und ist keine Transformation, sondern eine Umformung der Koordinaten.

Eine synthetische Beschreibung der möglichen Entscheidungen findet sich in Kapitel 6. Das Ziel des vorliegenden Kapitels ist es, gewisse Transformations- und Interpolationsmethoden theoretisch und gerafft darzustellen, die im Bereiche geometrischen Arbeiten «häufig» benutzt werden. Die theoretischen Lehrbücher sollen nicht ersetzt werden, sondern ein vertieftes Studium ermöglichen.

Bei den meisten Fällen wird dargestellt:

- das Modell mit seinen mathematischen Formeln,
- die festzulegenden Parameter,
- die Vorteile und Nachteile.

und bei gewissen Fällen zusätzlich:

- besondere Eigenschaften,
- Spezialfälle oder Besonderheiten,
- ein anschauliches Beispiel.

4.2. Transformationen

4.2.1. Allgemeines

Als **Transformation** bezeichnet man eine mathematische Operation, die zwei Koordinatensysteme so miteinander verknüpft, dass sich die Lage eines im einen System bekannten Punktes auch im andern System ausdrücken lässt.

Eine Transformation bewirkt also einen System**wechsel**, wie bereits in der Einleitung erwähnt. Z.B. sei die Koordinatentransformation erwähnt, mit der vom WGS84 (WGS = World Geodetic System) des GNSS ins schweizerische Landeskoordinatensystem (ebene Koordinaten E, N) übergegangen werden kann.

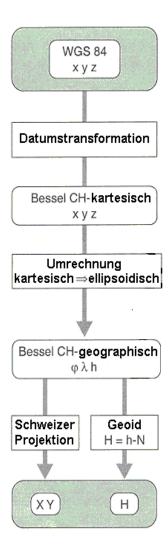


Abb. 5: Schema der Transformation: WGS84 Koordinaten ⇒ Schweizer Landeskoordinaten

In bestimmten Fällen sind die Transformationselemente (Modell, Algorithmus oder Parameter...) bekannt und die Arbeit besteht darin, sie auf neue Koordinaten anzuwenden, die z.B. gemessen wurden, um die ihnen entsprechenden Werte im transformierten System zu erhalten. In andern Fällen müssen die **Parameter** im Voraus mit Hilfe von Punkten bestimmt werden, die in beiden Systemen bekannt sind. Diese Punkte werden **Passpunkte** oder **Stützpunkte** genannt. Die weit verbreitete Lösung besteht dann darin, die Transformation mit Hilfe von elementaren geometrischen Funktionen wie Verschiebungen, Drehungen oder Massstabfaktoren auszuführen.

Übersteigt die Anzahl der Passpunkte die erforderliche Mindestanzahl, so muss eine **Ausgleichung** durchgeführt werden.

4.2.2. Allgemeiner Ausdruck einer Transformation

Eine zweidimensionale Transformation kann auf sehr allgemeine Art wie folgt ausgedrückt werden:

$$Y = f(y, x)$$

$$X = g(y, x)$$

Eine räumliche (3-dimensionale) Transformation lässt sich in allgemeiner Form schreiben:

$$Y = f(y, x, z)$$

$$X = g(y, x, z)$$

$$Z=h\big(y,x,z\big)$$

Die Variablen Y, X, y und x lassen automatisch an ebene, kartesische Koordinaten denken. Selbstverständlich können auch andere Arten von Variablen in Beziehung miteinander gesetzt werden (etwa ebene Koordinaten mit geografischen Koordinaten). Man erhält dann Gleichungen von der Art:

$$Y = f(\phi, \lambda)$$

$$X = g(\varphi, \lambda)$$

wobei φ = Breite und λ = Länge

So definiert man die **Projektionen**.

In jedem Fall verleihen die oben erwähnten Funktionen f, g und h der Transformation bestimmte Eigenschaften:

- Längenverzerrungen,
- Winkelverzerrungen,
- Flächenverzerrungen.

Wenden wir uns also den beiden wichtigsten, in der Schweiz in Betracht kommenden Projektionen zu.

4.3. Die Projektionen

Vorbemerkung: In den nachstehenden Formeln werden als Winkeleinheit Bogenmass oder Radiant [rad] und als Längeneinheit Meter [m] verwendet.

4.3.1. Die Schweizer Projektion (aktuelle)

Die aktuelle Schweizer Projektion ist eine doppelte, winkeltreue schiefachsige Zylinderprojektion. Nach einer winkeltreuen Abbildung vom BESSEL-Ellipsoid auf eine Schmiegungskugel im «Fundamentalpunkt Bern» erfolgt eine winkeltreue Abbildung von dieser Kugel auf den Berührungszylinder in diesem Fundamentalpunkt. Da die Achse dieses Zylinders nicht parallel zur Achse des BESSEL-Rotationsellipsoides steht, spricht man von einer schiefachsigen Zylinderprojektion.

Die Formeln stammen aus [Bolliger J., *Die Projektionen...*] und [Dupraz H., *Formules pour...*]. Andere Formulierungen sind möglich [Schneider D., *Definition der neuen Landesvermessung...*].

1. Winkeltreue Abbildung Ellipsoid-Kugel: (B,L) ⇒ (b,l)

Mathematisches Modell

$$tg\left(\frac{\pi}{4} + \frac{b}{2}\right) = k \cdot tg^{\alpha} \left(\frac{\pi}{4} + \frac{B}{2}\right) \cdot \left(\frac{1 - e \cdot sinB}{1 + e \cdot sinB}\right)^{\frac{\alpha \cdot e}{2}}$$
$$I = \alpha \cdot \left(L - L_{0}\right)$$

wobei

B: Breite auf dem Ellipsoid

L: Länge auf dem Ellipsoid

b: Breite auf der Kugel

I: Länge auf der Kugel

L₀: Länge des Fundamentalpunktes auf dem Ellipsoid, L₀=7° 26' 22.50"

 α : Verhältnis Kugellänge zu Ellipsoidlänge α = 1.00072913843038

k: Integrationskonstante, k = 1.0030714396280

$$\ln(k) = \ln\left(tg\left(\frac{\pi}{4} + \frac{b_0}{2}\right)\right) - \alpha \cdot \ln\left(tg\left(\frac{\pi}{4} + \frac{B_0}{2}\right)\right) + \frac{\alpha \cdot e}{2} \cdot \ln\left(\frac{1 + e \cdot sinB_0}{1 - e \cdot sinB_0}\right)$$

und

 B_0 : Breite des Fundamentalpunktes auf dem Ellipsoid, $B_0 = 46^{\circ} 57' 08.66''$

 b_0 : Breite des Fundamentalpunktes auf der Kugel, $b_0 = 46^{\circ} 54' 27.83324''$

e : erste numerische Exzentrizität, $e^2 = \frac{a^2 - b^2}{a^2}$ $e^2 = 0.006674372230614$

a: grosse Halbachse des BESSEL-Ellipsoides, a= 6'377'397.155 [m]

b: kleine Halbachse des BESSEL-Ellipsoides, b= 6'356'078.963 [m]

2. Winkeltreue Abbildung Kugel-Ebene: $(b,l) \Rightarrow (\bar{b},\bar{l}) \Rightarrow (y,x)$

Mathematisches Modell

$$y = R \cdot \overline{I}$$

$$x = \frac{R}{2} \cdot \ln \frac{1 + \sin \overline{b}}{1 - \sin \overline{b}}$$

wobei

$$I = arctg \left(\frac{\sin \bar{l}}{\cos b_0 \cdot \cos \bar{l} - \sin b_0 \cdot tg\bar{b}} \right)$$

$$b = \arcsin\left(\cos b_0 \cdot \sin \bar{b} + \sin b_0 \cdot \cos \bar{b} \cdot \cos \bar{l}\right)$$

Anmerkungen

Mit den Koordinaten b und I wird ein neues Koordinatensystem eingeführt, da die Schmiegungskugel auf einen berührenden Zylinder abgebildet wird, dessen Achse nicht mit der Erdachse zusammenfällt (schiefachsige Zylinderprojektion).

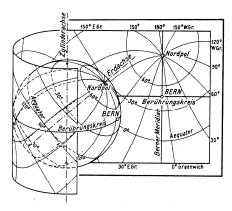


Abb. 6: Projektion von einer Kugel auf einen schiefachsigen Zylinder, Abbildung aus [Bolliger J., Die Projektionen...]

Anschliessend

$$Y = y + 600'000$$
 und $E = y + 2'000'000$ [m]

$$X = x + 200'000$$
 und $N = x + 1'200'000$ [m]

wobei

y, x: zivile Landeskoordinaten

Y; X: «militärische» Landeskoordinaten und E, N Koordinaten LV95

R: Radius der Schmiegungskugel, R=6'378'815.9036 [m]

Die Umkehrformeln sind:

3. Abbildung Ebene-Kugel: $(y,x) \Rightarrow (\bar{b}, \bar{l})$

Mathematisches Modell

$$\bar{l} = \frac{y}{R}$$

$$\bar{b} = 2 \cdot arctg \left(exp^{\frac{x}{R}} \right) - \frac{\pi}{4}$$

4. Abbildung Kugel-Ellipsoid: $(\bar{b}, \bar{l}) \Rightarrow (b, l) \Rightarrow (B, L)$

Mathematisches Modell

$$\begin{split} L &= L_0 + \frac{l}{\alpha} \\ tg\bigg(\frac{\pi}{4} + \frac{B}{2}\bigg) &= k^{\frac{-1}{\alpha}} \cdot \bigg(\frac{1 + e \cdot sinB}{1 - e \cdot sinB}\bigg)^{\frac{e}{2}} \cdot tg^{\frac{1}{\alpha}}\bigg(\frac{\pi}{4} + \frac{b}{2}\bigg) \end{split}$$

iterativ zu lösen

wobei

$$I = arctg \left(\frac{\sin \bar{I}}{\cos b_0 \cdot \cos \bar{I} - \sin b_0 \cdot tg\bar{b}} \right)$$

$$b = \arcsin\left(\cos b_0 \cdot \sin \overline{b} + \sin b_0 \cdot \cos \overline{b} \cdot \cos \overline{l}\right)$$

Festzulegende Parameter

Die in der aktuellen Schweizer Projektion vorkommenden Parameter (α , k und R) wurden so gewählt, dass die Längendeformationen im Fundamentalpunkt Bern Null und in den übrigen Punkten (richtungsunabhängig) minimiert werden.

Eigenschaften

Die Schweizer Projektion wird konform (winkeltreu) oder autogonal genannt, weil sie (für kleine Dreiecke) winkeltreu ist. Die Längenverzerrungen sind nur orts- nicht aber richtungsabhängig, d.h. die Längen (und Flächen) werden verzerrt.

Man berechnet den Faktor der Längenverzerrungen mit der wohlbekannten (Näherungs-) Formel

$$\frac{\bar{s}}{s_0} = 1 + \frac{x^2}{2R^2}$$

wobei

s: Projektionsdistanz

s₀: auf Meeresniveau reduzierte Distanz

x: zivile Landeskoordinate in Nord-Süd Richtung (x-Abweichung von der Nullachse)

Anwendungsbereich

In der Schweiz wird diese Projektion selbstverständlich in grossem Umfang genutzt.

Im Rahmen von Studien oft auf theoretische Art angesprochen, wird diese Projektion heute laufend bei Transformationen von GNSS- in Landeskoordinaten verwendet.

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- + geringe Verzerrungen
- «komplizierte» Projektion
- nur in der Schweiz gültig und anwendbar

4.3.2. Die BONNE'sche Projektion

Diese Projektion wurde zu Beginn des 19 Jahrhunderts in der Westschweiz in grossem Umfang, aber nicht immer sehr kohärent angewendet!

Mathematisches Modell

$$\begin{aligned} y' &= R \cdot ctgb_0 \cdot \left(1 - \psi \cdot tgb_0\right) \cdot sin I \\ \\ x' &= R \cdot \left(\psi + y' \cdot tg\frac{1}{2}\right) \end{aligned}$$

wobei

x', y': ebene Koordinaten im BONNE-System

$$\psi = b - b_0$$

Festzulegende Parameter

Festzulegende Parameter sind:

- der Fundamentalpunkt (Koordinatenursprung),
- der Parallelkreis, der in wahrer Länge zu projizieren ist.

Eigenschaften

Die BONNE'sche Projektion ist eine flächentreue Kegelprojektion (in ihr werden bei kleinen Gebilden die Flächen beibehalten).

Ein Parallelkreis kann in wahrer Grösse projiziert werden

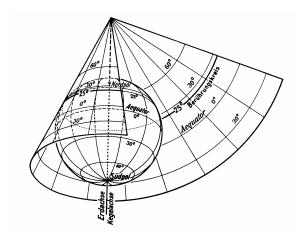


Abb. 7: Kegelprojektion (Abbildung aus [Bolliger J., Die Projektionen...])

Anwendungsbereich

Der Nutzungsbereich dieser Projektion ist wegen ihrer Eigenschaften äusserst eingeschränkt. Seit dem Aufkommen der winkeltreuen schiefachsigen Zylinderprojektion wurde sie in der Schweiz nicht mehr verwendet.

Sie ist eher von historischem Interesse. Sie wurde bei der Erarbeitung der DUFOUR- und SIEGFRIED-Karten und für die Katastervermessungen in der Zeitspanne Mitte 19. Jahrhundert bis zu Beginn des 20. Jahrhunderts flächendeckend in der Westschweiz, lokal aber auch in der ganzen übrigen Schweiz verwendet.

4.4. Die Polynom-Transformationen

4.4.1. Allgemeines zu den Polynom-Transformationen

Während die Projektionen mittels trigonometrischer und/oder logarithmischer Funktionen eine Verbindung zwischen geografischen Koordinaten (auf Kugel oder Ellipsoid) und (projizierten) ebenen Koordinaten herstellen, verknüpft eine andere grosse Familie die Koordinaten mittels **Polynomen**.

Mathematisches Modell

$$Y=\sum_{i=0}^m \ \sum_{j=0}^n a_{ij} x^i \, y^j$$

$$X = \sum_{i=0}^n \sum_{i=0}^n b_{ij} x^i y^j$$

wobei

Y, X: transformierte Koordinaten (ausgedrückt im globalen System, das auch Zielsystem oder «Soll»-System genannt wird)

y, x: zu transformierende Koordinaten (ausgedrückt im lokalen System, das auch Ausgangs- oder Quellsystem oder auch «Start»-System genannt wird)

 a_{ij} , b_{ij} : Koeffizienten der Monome (Monom = nur aus einem Glied bestehender mathematischer Ausdruck)

m, n: Potenzen, die auf die Koordinaten x oder y anzusetzen sind.

Festzulegende Parameter

Die Potenzen m und n, die auf die Koordinaten y oder x anzuwenden sind und den Grad des Polynoms (m+n) festlegen.

Die Koeffizienten a_{ij} , b_{ij} , die aus den Passpunkten zu bestimmen sind.

Anwendungsbereich

Der Anwendungsbereich der Polynom-Transformationen ist immens, nicht nur in der Vermessung als solche, sondern in allen wissenschaftlichen Bereichen.

Eigenschaften

Je nach Grad des Polynoms sind sie ausserordentlich breit gefächert.

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- + grosse Anpassungsfähigkeit
- + Vielfalt der Eigenschaften
- Bewältigung der Folgen eines hohen Polynomgrades

4.4.2. Direkte Transformation geografischer Landeskoordinaten

Im Kapitel 4.3.1 wurden die Formeln der aktuellen Schweizer Projektion beschrieben. Diese können auch als Reihe entwickelt werden und erlauben somit, «direkt» vom geografischen System zu ebenen Koordinaten zu gelangen. Es handelt sich hier um ein Beispiel einer Polynom-Transformation, das die ganze Vielfalt der Möglichkeiten solcher Transformationen aufzeigt.

Mathematisches Modell

Diese Formeln stammen aus [Bolliger J., Die Projektionen...] und [Dupraz H., Formules pour...].

1. Transformation von geografischen in ebene Koordinaten

```
\begin{split} Y &= 600'000 + 21.1428534 \cdot \lambda - 1.093961 \cdot 10^{-4} \cdot \lambda \cdot \phi - 4.4233 \cdot 10^{-11} \cdot \lambda^3 - 2.66 \cdot 10^{-12} \cdot \lambda \cdot \phi^2 - 8.54 \cdot 10^{-16} \cdot \lambda \cdot \phi^3 \\ &\quad + 4.292 \cdot 10^{-16} \cdot \lambda^3 \cdot \phi - 3 \cdot 10^{-21} \cdot \lambda^3 \cdot \phi^2 + 2 \cdot 10^{-22} \cdot \lambda^5 \\ X &= 200'000 + 30.8770746 \cdot \phi + 3.74541 \cdot 10^{-5} \cdot \lambda^2 - 1.93793 \cdot 10^{-10} \cdot \lambda^2 \cdot \phi + 7.503 \cdot 10^{-7} \cdot \phi^2 + 1.2043 \cdot 10^{-10} \cdot \phi^3 + 4.34 \cdot 10^{-16} \cdot \lambda^2 \cdot \phi^2 \\ &\quad - 3.76 \cdot 10^{-21} \cdot \lambda^2 \cdot \phi^3 - 7.35 \cdot 10^{-17} \cdot \lambda^4 + 1.44 \cdot 10^{-21} \cdot \lambda^4 \cdot \phi \\ \\ \mu^{cc} &= + 2.255515 \cdot \lambda + 2.64 \cdot 10^{-11} \cdot \lambda \cdot \phi^2 - 4.13 \cdot 10^{-12} \cdot \lambda^3 + 6.4 \cdot 10^{-17} \cdot \lambda^3 \cdot \phi \end{split}
```

wobei

Y, X: militärische Landeskoordinaten in [m]

 λ : reduzierte Länge (L – L₀) in Sexagesimalsekunden

 $_{\phi}$: reduzierte Breite (B – B₀) in Sexagesimalsekunden

 μ^{cc} : Meridiankonvergenz in Dezimalsekunden [gon]

2. Transformation ebener in geografische Koordinaten

```
\begin{split} B "=& 169028.66" + 3.23864878 \cdot 10^{-2} \cdot x - 2.713538 \cdot 10^{-9} \cdot y^2 - 4.5044 \cdot 10^{-16} \cdot y^2 \cdot x - 2.5487 \cdot 10^{-11} \cdot x^2 - 1.3246 \cdot 10^{-16} \cdot x^3 \\ & - 7.55 \cdot 10^{-23} \cdot y^2 \cdot x^2 + 2.4428 \cdot 10^{-23} \cdot y^4 + 1.32 \cdot 10^{-29} \cdot y^4 \cdot x - 2.10^{-29} \cdot y^2 \cdot x^3 \\ L "=& 26782.5" + 4.7297306 \cdot 10^{-2} \cdot y + 7.925715 \cdot 10^{-9} \cdot y \cdot x - 4.4271 \cdot 10^{-16} \cdot y^3 + 1.3281 \cdot 10^{-15} \cdot y \cdot x^2 + 2.55 \cdot 10^{-22} \cdot y \cdot x^3 \\ & - 2.55 \cdot 10^{-22} \cdot y^3 \cdot x + 5 \cdot 10^{-29} \cdot y \cdot x^4 - 9.63 \cdot 10^{-29} \cdot y^3 \cdot x^2 + 9.63 \cdot 10^{-30} \cdot y^5 \\ \mu^{cc} = & + 1.066798 \cdot 10^{-1} \cdot y + 1.78766 \cdot 10^{-8} \cdot y \cdot x - 1.435 \cdot 10^{-15} \cdot y^3 + 4.306 \cdot 10^{-15} \cdot y \cdot x^2 - 7.95 \cdot 10^{-22} \cdot y^3 \cdot x + 7.9 \cdot 10^{-22} \cdot y \cdot x^3 \\ & - 3 \cdot 10^{-28} \cdot y^3 \cdot x^2 + 3 \cdot 10^{-29} \cdot y^5 \end{split}
```

wobei

y, x: zivile Landeskoordinaten in [m]

B: Länge in Sexagesimalsekunden

L: Breite in Sexagesimalsekunden

μ^{cc}: Meridiankonvergenz in Dezimalsekunden [gon]

4.4.3. Direkter Übergang von der BONNE'schen zur Zylinderprojektion

Als weiteres Beispiel für eine Polynom-Transformation lässt sich der Wechsel von der BONNE'schen Projektion zur zylindrischen Projektion nennen.

Mathematisches Modell

Formeln aus [Bolliger J., Die Projektionen...]:

$$\Delta Y = Y - Y' = (1/2 \cdot R^2) \cdot Y \cdot X^2 - (t/3 \cdot R^3) \cdot Y^3 \cdot X - (2 \cdot t^2/3 \cdot R^4) \cdot Y^3 \cdot X^2 - (5/24 \cdot R^4) \cdot Y \cdot X^4 \pm (t^2/10 \cdot R^4) \cdot Y^5$$

$$\Delta X = X - X' = (1/6 \cdot R^2) \cdot X^3 + (t/2 \cdot R^3) \cdot Y^2 \cdot X^2 - (t/24 \cdot R^3) \cdot Y^4 + (2 \cdot t^2/3 \cdot R^4) \cdot Y^2 \cdot X^3 - (t^2/2 \cdot R^4) \cdot Y^4 \cdot X \mp (1/24 \cdot R^4) \cdot X^5$$

wobei

Y, X: zylindrische Landeskoordinaten (zivil) in [km]

Y', X': Landeskoordinaten im BONNE-System in [km]

 $\Delta Y, \Delta X$: zylindrische Landeskoordinatendifferenzen in [m]

und

 $t = tg\phi_0$

N.B. Das zweite Vorzeichen (+/- oder -/+) ist zu verwenden, wenn BONNE'sche Koordinaten anstelle der zylindrischen verwendet werden.

<u>Anwendungsbereich</u>

Man könnte glauben, diese Formeln erlaubten den Übergang alter Katasterpläne mit aufgezeichneten BONNE'schen Koordinatenachsen ins aktuelle Schweizer System. Die Erfahrung hat jedoch gezeigt, dass sich diese «elegante» Lösung nur in seltenen Fällen wählen liess, weil die BONNE'sche Projektion wenig kohärent eingesetzt worden war. Das Anwendungsgebiet dieser Transformation ist demnach äusserst begrenzt (siehe Beispiele im Kapitel 7.5).

4.4.4. Lineare 2D Transformationen, Allgemeines

Unter den Polynom-Transformationen interessieren die linearen Transformationen die Geometer besonders.

Mathematisches Modell

$$Y = a \cdot y + b \cdot x + c$$

$$X = d \cdot y + e \cdot x + f$$

Festzulegende Parameter

Die Koeffizienten a, b, c, d, e und f werden mit Hilfe von Passpunkten als Parameter festgelegt.

Anwendungsbereich

Beinahe alle Transformationsprobleme zwischen zwei ebenen Koordinatensystemen.

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- + Einfachheit
- mangelnde Anpassungsfähigkeit an komplexe oder inhomogene Fälle

Anmerkung

Ein im Startsystem gegebener Punkthaufen wird durch eine lineare Transformation in ein Zielsystem überführt; **die innere Geometrie des Startsystems wird dabei nicht verändert**. Die Geometrie des Zielsystems wird hingegen verändert.

4.4.5. Affine Transformation

Die affine Transformation ist die allgemeinste der linearen Transformationen.

Mathematisches Modell

$$Y = a \cdot y + b \cdot x + c$$

$$X = -d \cdot y + e \cdot x + f$$

oder in Matrizenform (für einen Punkt):

$$\begin{bmatrix} Y \\ X \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y & x & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -y & x & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \\ d \\ e \\ f \end{bmatrix}$$

Festzulegende Parameter

Die Koeffizienten a, b, c, d, e, und f sind die Parameter des Modells. Man benötigt mindestens sechs Gleichungen (drei Punkte), um die sechs Parameter unkontrolliert zu bestimmen. Liegen mehr Punkte vor, setzt man beispielsweise eine Ausgleichung nach der Methode der kleinsten Quadrate an, was eine feinere Bestimmung der Parameter und eine Kontrolle der Transformation erlaubt.

Eigenschaften

Es ist möglich, die Koeffizienten a, b, d und e gemäss unserer Formel mit geometrischen Elementen (Drehung und Massstab) zu verknüpfen:

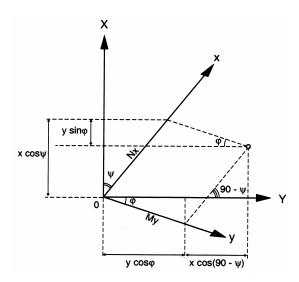


Abb. 8: Beziehungen zwischen Koordinaten und geometrischen Elementen

Gemäss Abb. 8 ist:

$$Y = M \cdot \cos \varphi \cdot y + N \cdot \sin \psi \cdot x + c$$

$$X = -M \cdot sin \, \phi \cdot y + N \cdot cos \, \psi \cdot x + f$$

Daraus leitet sich ab:

$$a = M \cdot \cos \varphi$$
 $b = N \sin \psi$

$$d = M \cdot \sin \varphi$$
 $e = N \cdot \cos \psi$

und daraus wiederum:

$$M=\sqrt{\!a^2+d^2} \qquad N=\sqrt{\!b^2+e^2}$$

$$\varphi = \operatorname{arctg} \frac{d}{a}$$
 $\varphi = \operatorname{arctg} \frac{b}{e}$

Die affine Transformation hat folgende Eigenschaften:

- Geraden bleiben Geraden,
- Parallelen bleiben Parallelen.

Im Gegensatz zur Ähnlichkeitstransformation bewahrt die Affintransformation die Winkel nicht. Um dies zu zeigen, unterziehen wir den Einheitskreis einer Affintransformation, definiert durch:

$$\begin{bmatrix} Y \\ X \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 1 & 3 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} y \\ x \end{bmatrix}$$

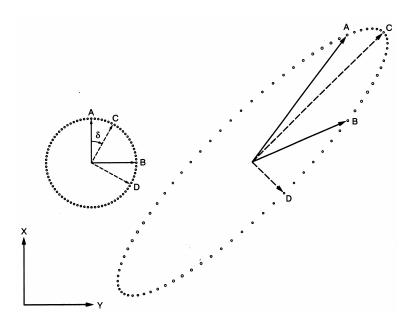


Abb. 9: Affintransformation des Einheitskreises Beispiel aus [Huguenin L. et al., Transformation affine...]

Der Kreis hat sich in eine Ellipse verwandelt. Anders gesagt, verformen sich die Längen je nach Richtung verschieden. Betrachtet man die Abb. 9, so stellt man fest, dass die Einheitsvektoren auf den Koordinatenachsen (A und B) des Startsystems im Zielsystem nicht mehr rechtwinklig sind, und überdies auch nicht die maximalen Verzerrungen aufweisen. Man bemerkt ausserdem, dass die Ellipsenachsen (Orte maximaler Längenverzerrungen) die Abbildungen der beiden rechtwinkligen Vektoren im Startsystem (Hauptachsen genannt) sind, und dass auf diesen Achsen die Winkelverzerrungen (in Abb. 9 durch den Abstand der Punkte messbar) maximal sind.

Diese Verformungen lassen sich mit den Elementen a, b, d und e der Transformation verknüpfen.

Der Koeffizient (m) der *linearen Verformung* ist gegeben durch:

$$m^2 = \frac{\left(a^2 + d^2\right) \cdot dy^2 + 2 \cdot \left(a \cdot b - d \cdot e\right) \cdot dy \cdot dx + \left(b^2 + e^2\right) \cdot dx^2}{dy^2 + dx^2}$$

oder, in Richtung des Azimuts α :

$$m^2 = \left(a^2 + d^2\right) \cdot \cos^2 \alpha + 2 \cdot \left(a \cdot b - d \cdot e\right) \cdot \cos \alpha \cdot \sin \alpha + \left(b^2 + e^2\right) \cdot \sin^2 \alpha$$

und seine Extremwerte durch

$$m_{\text{max}}^2 = \frac{1}{2} \left(a^2 + d^2 + b^2 + e^2 \right) + \frac{1}{2} \sqrt{ \left[(a^2 + d^2) - (b^2 + e^2) \right]^2 + 4 \cdot (a \cdot b - d \cdot e)^2}$$

$$m_{min}^2 = \frac{1}{2} (a^2 + d^2 + b^2 + e^2) - \frac{1}{2} \sqrt{\left[(a^2 + d^2) - (b^2 + e^2) \right]^2 + 4 \cdot (a \cdot b - d \cdot e)^2}$$

Der Koeffizient (p) der Winkelverzerrung ist gegeben durch

$$p = \frac{m_{max} \cdot m_{min}}{m^2}$$

Er verändert sich von:

$$p = \frac{m_{min}}{m_{max}} \quad \text{bis} \qquad p = \frac{m_{max}}{m_{min}}$$

Die Richtungen ändern sich ebenfalls. Die maximale Änderung ergibt sich zu:

$$\Delta Richtung_{max} = arctg \sqrt{\frac{m_{max}}{m_{min}}} - arctg \sqrt{\frac{m_{min}}{m_{max}}}$$

Wenn sich die Längen und Winkel verformen, verformen sich auch die Flächen. Der Koeffizient (q) der *Flächenverzerrung* ist gegeben durch

$$q = m_{max} \cdot m_{min}$$

Anmerkungen

Diese Verzerrungskoeffizienten sind sehr nützlich, um die Auswirkungen einer Affintransformation auf Parzellenflächen zu beurteilen, beispielsweise bei der Digitalisierung von Katasterplänen.

Die gesamte Darlegung der Verzerrungen (TISSOT'sche Indikatrix) stammt aus der Projektionslehre [Kuntz E., *Kartennetzentwurfslehre...*].

Ein anderer möglicher Ansatz wird im Kapitel 4.5.2 vorgestellt.

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- + Einfachheit
- + Anpassungsfähigkeit an bestimmte Problemfälle
- Winkelverzerrungen verändern sich in Abhängigkeit des Azimuts
- hohe Empfindlichkeit gegenüber der Passpunktverteilung

<u>Anwendungsbereich</u>

Die affine Transformation wird sehr oft bei der Überführung digitalisierter Koordinaten ins Landeskoordinatensystem eingesetzt. Sie passt sich den nicht isotropen Verformungen des Papiers (Papierverzug) wirklich gut an. Im gleichen Digitalisierablauf können alte «grafische» Katasterpläne ohne Koordinatenachsen (Inselkatasterpläne des 19. Jahrhunderts, vgl. Beispiel in Kapitel 7) einem Puzzle vergleichbar aneinandergereiht und zusammengefügt werden, wenn das Modell mit Variablen in Y und X leicht angepasst wird.

Spezialfall

Es ist möglich, die Affintransformation in eine **5-Parameter-Transformation** (zwei Translationen, zwei Massstabsfaktoren und eine Drehung) zu modifizieren. So kann bestimmten (eher seltenen) Problemstellungen entsprochen werden: verschiedene Masseinheiten auf den rechtwinkligen Achsen (System mit deregulierter Codierung, X-plan oder Digitalisiertisch).

Andere Kombinationen der 5 Parameter sind möglich, haben jedoch bei praktischen Anwendungen keinen wirklichen Sinn.

4.4.6. Ähnlichkeitstransformation genannt HELMERT-Transformation

Wegen ihrer Einfachheit und ihrer Eigenschaften ist die Ähnlichkeitstransformation (auch HELMERT-Transformation genannt) die am häufigsten verwendete lineare Transformation. Gleichwohl ist sie nicht für alle Problemfälle geeignet und hat Grenzen, die man kennen muss.

Mathematisches Modell

Die bestimmenden Gleichungen dieser Transformation sind:

$$Y = a \cdot y + b \cdot x + c$$

$$X = -b \cdot y + a \cdot x + d$$

Setzt man $a = m \cdot \cos \omega$ und $b = m \cdot \sin \omega$, so erhält man:

$$Y = m \cdot \cos \omega \cdot y + m \cdot \sin \omega \cdot x + c$$

$$X = -m \cdot \sin \omega \cdot y + m \cdot \cos \omega \cdot x + d$$

oder in Matrizenschreibweise:

$$\begin{bmatrix} Y \\ X \end{bmatrix} = m \cdot \begin{bmatrix} \cos \omega & \sin \omega \\ -\sin \omega & \cos \omega \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} y \\ x \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} c \\ d \end{bmatrix}$$

In dieser Schreibform erkennt man einen Multiplikations- oder **Massstabsfaktor** (m), eine **Dreh**matrix (mit dem Winkel ω) und zwei **Translationen** (c und d). Dies sind die klassischen Parameter einer Ähnlichkeitstransformation. Bei dieser Ausdrucksform liegt das Rotationszentrum im Ursprung des Startsystems. Die Translationen c und d beziehen sich auf das Zielsystem.

Eigenschaften

Die HELMERT-Transformation ist ein Spezialfall der Affintransformation, es gilt e = a und d = b.

Die Eigenschaften einer Transformation lassen sich auch hier am einfachsten sichtbar machen, indem man einen Kreis transformiert. Unterziehen wir also einen Einheitskreis folgender Ähnlichkeitstransformation:

$$\begin{bmatrix} Y \\ X \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1.782 & 0.908 \\ -0.908 & 1.782 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} y \\ x \end{bmatrix}$$

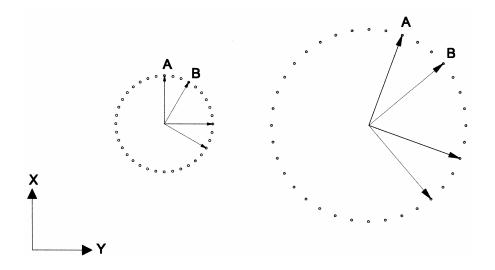


Abb. 10: Ähnlichkeitstransformation eines Kreises

Der Einheitskreis verwandelt sich in unserem numerischen Beispiel in einen Kreis mit Radius 2. Die Achsen werden gedreht, bleiben aber rechtwinklig zueinander. Anders ausgedrückt bewahrt die Ähnlichkeitstransformation die Winkel, aber nicht die Streckenlängen. Eine solche Transformation heisst konform oder autogonal.

Die «geometrischen» Parameter sind gegeben durch:

$$m = \sqrt{a^2 + b^2} = 2 \hspace{1cm} \text{und} \hspace{1cm} \omega = arctg \, \frac{b}{a} = 30 [gon]$$

Besonderheiten

Werden die Koordinaten des Startsystems im Bezug auf ihren Schwerpunkt ausgedrückt, so lassen sich die Transformationsparameter direkt aus den Punktkoordinaten berechnen:

$$\begin{bmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\sum Y_i \ y_i + \sum X_i \ x_i}{\sum y_i y_i + \sum X_i x_i} \\ -\sum X_i \ y_i + \sum Y_i \ x_i x_i \\ \frac{\sum Y_i y_i + \sum X_i x_i}{\sum Y_i} \\ \frac{\sum N_i}{n} \end{bmatrix}$$

wobei

yi: auf den Schwerpunkt reduzierte y Koordinate

$$y_i' = y_i - y_{SP}$$

x;: auf den Schwerpunkt reduzierte x Koordinate

$$x_i' = x_i - x_{SP}$$

Gemäss diesen Formeln entsprechen die Parameter c und d (Translationen) dem Schwerpunkt des Zielsystems. Anders gesagt erhält man beim Transformieren des Schwerpunktes (0;0) des lokalen Systems den Schwerpunkt des globalen Systems. Die Ähnlichkeitstransformation bringt die Schwerpunkte zur Kongruenz. Wenn die Koordinaten des Zielsystems (Y, X) ebenfalls auf ihren Schwerpunkt (Y', X') «reduziert» werden, werden die Translationen zu Null.

Es ist auch möglich, die Dreh- und Massstabsparameter mittels folgender Gewichtsmittel zu berechnen:

$$\hat{m} = \frac{\sum s_i^2 \frac{S_i}{s_i}}{\sum s_i^2} = \frac{\sum s_i^2 m_i}{\sum s_i^2}$$

$$\hat{\omega} = \frac{\sum s_i^2 \left(\Phi_i - \phi_i\right)}{\sum s_i^2} = \frac{\sum s_i^2 \omega_i}{\sum s_i^2}$$

wobei

s_i: Distanz zwischen Schwerpunkt und Punkt i im Startsystem

 ϕ_i : Richtungswinkel zwischen Schwerpunkt und Punkt i im Startsystem

S_i: Distanz zwischen Schwerpunkt und Punkt i im Startsystem

Φ_i: Richtungswinkel zwischen Schwerpunkt und Punkt i im Startsystem

m: mittlerer Massstabsfaktor (ausgeglichen)

ω: mittlerer Drehwinkel (ausgeglichen)

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- + Aufrechterhaltung der Form der Objekte, keine Winkelverzerrung
- + Einfachheit der Ausführung und der Programmierung
- Strenge; geringe Anpassungsfähigkeit an komplexe Gegebenheiten oder lokale Eigenheiten

<u>Anwendungsbereich</u>

Wegen ihrer Einfachheit und ihrer Eigenschaften wird die Ähnlichkeitstransformation sehr häufig benutzt. Sie erlaubt beispielsweise:

- von einem lokalen («Baustellen-») System ins Landeskoordinatensystem zu wechseln (freie Stationierung),
- von einem lokalen Plan-Koordinatensystem ins Landeskoordinatensystem zu gelangen (Digitalisierung),
- aus GNSS-Messungen hervorgegangene Koordinatensätze aufeinander abzustimmen und sie anschliessend ins Landeskoordinatensystem einzupassen.
- N.B. Um Koordinatensätze zusammenzusetzen, muss das Modell leicht verändert werden, damit die Unbekannten δY und δX (neue Punkte oder Verknüpfungspunkte, die zu mehreren Koordinatensätzen gehören, aber keine Passpunkte sind) dargestellt werden können. Einige Anpassungen erfordert das Modell auch dann, wenn man eine vermittelnde Ausgleichung ansetzen und Residuen für die Elemente des lokalen Systems erhalten will (LTOP). [gemäss Burnand T. und Huguenin L., *Transformation de coordonnées 2d…*].

Spezialfälle

Ein Spezialfall der Ähnlichkeitstransformation ist die 3-Parameter-Transformation oder **isometrische Transformation** (der Massstabsfaktor wird auf 1 festgelegt), Man erhält sie, indem man die Grundgleichungen um $\overset{\circ}{\omega}=0$, $\overset{\circ}{c}=0$ und $\overset{\circ}{d}=0$ herum linearisiert und $\delta m=0$ setzt.

Man erhält das Gleichungssystem (für einen Punkt):

$$\begin{bmatrix} Y - \mathring{Y} \\ X - \mathring{X} \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} V_y \\ V_x \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (-\sin\overset{\circ}{\omega}y + \cos\overset{\circ}{\omega} \cdot x) & 1 & 0 \\ (-\cos\overset{\circ}{\omega}y - \sin\overset{\circ}{\omega}x) & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \delta\omega \\ \delta c \\ \delta d \end{bmatrix}$$

wobei

$$\dot{Y} = \cos \overset{\circ}{\omega} y + \sin \overset{\circ}{\omega} x + \overset{\circ}{c}$$

$$\dot{X} = -\sin \overset{\circ}{\omega} y + \cos \overset{\circ}{\omega} x + \overset{\circ}{d}$$

Diese Transformation wird benutzt, wenn man nicht nur die Form der Objekte beibehalten will, sondern auch ihre Grösse, z.B. bei der Einbindung eines GNSS Netzes in ein Landesnetz minderer Qualität oder der Absteckung eines Gebäudes in einer Parzelle.

Andere Fälle (Varianten):

- nur ein Massstabsfaktor,
- nur eine **Drehung**,
- nur zwei Translationen,

sind denkbar und kommen in einigen seltenen Fällen zur Anwendung.

4.4.7. Lineare 3D Transformation

Mathematisches Modell

Die allgemeine Form einer linearen Transformation im Raum lautet:

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & b & c \\ e & f & g \\ i & j & k \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} d \\ h \\ I \end{bmatrix}$$

Es handelt sich hierbei um eine räumliche Affintransformation (12 Parameter).

Festzulegende Parameter

Die 12 Koeffizienten a, b, c, d, e, f, g, h, i, j, k, I sind als Parameter zu bestimmen.

Eigenschaften

Die vorstehend beschriebene Transformation hat folgende Eigenschaften:

- Geraden werden in Geraden transformiert,
- die Parallelität und die Proportionen werden beibehalten.

Wie bei der 2D Affintransformation werden die Winkel (die Geometrie der Objekte) verzerrt.

Anwendungsbereich

Ihre grosse Bedeutung liegt in der einfachen Programmierung und Lösung ihrer Parameter (lineares System). Man kann rasch Näherungswerte für andere Arten von Transformationen gewinnen, die eine Linearisierung erfordern.

4.4.8. 7-Parameter-Transformation

Mathematisches Modell

Wie bei den 2D Transformationen ist es möglich, die Elemente der Transformationsmatrix mit geometrischen Elementen (Drehung, Massstab) zu verknüpfen.

Die Drehung des Startsystems um die x Achse ergibt folgende Beziehung:

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} = \mathbf{R}(\alpha) \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \alpha & \sin \alpha \\ 0 & -\sin \alpha & \cos \alpha \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}$$

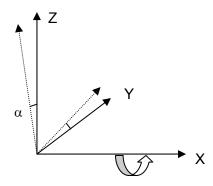


Abb. 11: Drehung (α) eines Systems um seine x Achse

Gleichzeitig sind die Drehungen um die y und z Achse gegeben durch:

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} = \mathbf{R}(\beta) \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \beta & 0 & -\sin \beta \\ 0 & 1 & 0 \\ \sin \beta & 0 & \cos \beta \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}$$

und

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} = \mathbf{R}(\gamma) \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \gamma & \sin \gamma & 0 \\ -\sin \gamma & \cos \gamma & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}$$

Die aus der Zusammensetzung der drei Rotationen resultierende Drehung (Multiplikation der drei Matrizen) ist gegeben durch:

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} = \mathbf{R} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \mathbf{R}(\gamma) \cdot \mathbf{R}(\beta) \cdot \mathbf{R}(\alpha) \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos\beta \cdot \cos\gamma & \cos\alpha \cdot \sin\gamma + \sin\alpha \cdot \sin\beta \cdot \cos\gamma & \sin\alpha \cdot \sin\gamma - \cos\alpha \cdot \sin\beta \cdot \cos\gamma \\ -\cos\beta \cdot \sin\gamma & \cos\alpha \cdot \cos\gamma - \sin\alpha \cdot \sin\beta \cdot \sin\gamma & \sin\alpha \cdot \cos\gamma + \cos\alpha \cdot \cos\beta \cdot \sin\gamma \\ -\sin\alpha \cdot \cos\beta & \cos\alpha \cdot \cos\beta \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}$$

Anmerkungen

- Die Reihenfolge der Berücksichtigung der Matrizen $\mathbf{R}(\gamma)$, $\mathbf{R}(\beta)$ und $\mathbf{R}(\alpha)$ ist nicht beliebig: $\mathbf{R}(\gamma) \cdot \mathbf{R}(\beta) \cdot \mathbf{R}(\alpha)$ ist verschieden von $\mathbf{R}(\alpha) \cdot \mathbf{R}(\beta) \cdot \mathbf{R}(\gamma)$
- R ist eine Orthogonalmatrix ⇔ R^T · R = I (I ist die Einheitsmatrix)
 und R⁻¹=R^T

Für die Massstabsfaktoren kann man schreiben:

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} = \mathbf{M} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} m_x & 0 & 0 \\ 0 & m_y & 0 \\ 0 & 0 & m_z \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}$$

oder, wenn nur ein einziger Massstab in Betracht zu ziehen ist:

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} = \boldsymbol{M} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} m & 0 & 0 \\ 0 & m & 0 \\ 0 & 0 & m \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = m \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}$$

Zieht man die Translationen in Betracht, so lässt sich das vollständige 7-Parameter-Modell wie folgt schreiben:

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} = m \cdot \textbf{R} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} T_X \\ T_Y \\ T_Z \end{bmatrix}$$

Dieses Modell muss in den Unbekannten linearisiert werden, wenn man eine Ausgleichung ansetzen will.

Festzulegende Parameter

Die 7 festzulegenden Parameter sind demnach

$$\begin{bmatrix} \alpha & \beta & \gamma & m & T_x & T_y & T_z \end{bmatrix}$$

also drei Drehungen, ein Massstabsfaktor und drei Translationen.

Besonderheit

Sind die Drehwinkel und der Massstabsfaktor m klein, so kann man letzteren ersetzen durch $1+\delta m$, den Kosinus der Winkel durch 1, die Sinuswerte der Winkel durch die Winkel selbst, und die Produkte $\delta m \cdot \alpha$, $\delta m \cdot \beta$ und $\delta m \cdot \gamma$. können vernachlässigt werden. Die Gleichung wird dann zu:

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 + \delta m & \gamma & -\beta \\ -\gamma & 1 + \delta m & \alpha \\ \beta & -\alpha & 1 + \delta m \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} T_X \\ T_Y \\ T_Z \end{bmatrix}$$

und letztlich erhält man (für einen Punkt), wenn man die Parameter hinsichtlich einer vermittelnden Ausgleichung isoliert:

$$\begin{bmatrix} X-x\\Y-y\\Z-z \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} V_X\\V_Y\\V_Z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -z & y & 1 & 0 & 0 & x\\z & 0 & -x & 0 & 1 & 0 & y\\-y & x & 0 & 0 & 0 & 1 & z \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \alpha\\\beta\\\gamma\\T_X\\T_Y\\T_Z\\\delta m \end{bmatrix}$$

oder zusammenfassend:

$$I - v = A \cdot x$$

Anmerkungen

Die Normalgleichungsmatrix (Produkt $\mathbf{A}^{\mathsf{T}} \cdot \mathbf{A}$) ergibt:

$$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} yy + zz \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} -xy \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} -xz \end{bmatrix} & 0 & \begin{bmatrix} z \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} -y \end{bmatrix} & 0 \\ \begin{bmatrix} -xy \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} xx + zz \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} -yz \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} -z \end{bmatrix} & 0 & \begin{bmatrix} x \end{bmatrix} & 0 \\ \begin{bmatrix} -xz \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} -yz \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} xx + yy \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} y \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} -x \end{bmatrix} & 0 & 0 \\ 0 & \begin{bmatrix} -z \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} y \end{bmatrix} & n & 0 & 0 & \begin{bmatrix} x \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} z \end{bmatrix} & 0 & \begin{bmatrix} -x \end{bmatrix} & 0 & n & 0 & \begin{bmatrix} y \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} -y \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} x \end{bmatrix} & 0 & 0 & 0 & n & \begin{bmatrix} z \end{bmatrix} \\ 0 & 0 & 0 & \begin{bmatrix} x \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} y \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} z \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} xx + yy + zz \end{bmatrix} \end{bmatrix}$$

wo [...] Summen bezeichnet.

Bei vorgängiger Reduktion der Koordinaten des lokalen Systems auf den Schwerpunkt verschwinden zahlreiche Koeffizienten ausserhalb der Diagonalen. Modelle mit dieser «Reduktion» tragen den Namen «MOLODENSKY-BADEKAS», Modelle ohne Reduktion heissen «BURSA-WOLF».

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- + die beiden 3D Koordinatensysteme werden ohne Objektdeformationen in Beziehung gesetzt
- geringe Anpassungsfähigkeit an eine komplexe Realität mit lokalen Eigenheiten

<u>Anwendungsbereich</u>

Die räumliche Ähnlichkeitstransformation wird in der Photogrammetrie oft verwendet, beispielsweise bei der absoluten Orientierung.

Im Kontext des GNSS ist sie die Grundlage für Datumswechsel (Transformation von WGS84-Koordinaten in Landeskoordinatensysteme).

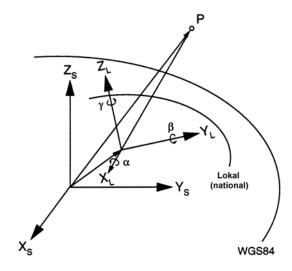


Abb. 12: Datumswechsel mit Hilfe einer 3D-Transformation

Spezialfälle

Dem Beispiel der linearen 2D-Transformationen folgend, gibt es mehrere Spezialfälle von 3D Transformationen. Nicht alle sind jedoch von grosser praktischer Bedeutung.

Dennoch sind zu erwähnen:

Die räumlichen Translationen

Das Modell reduziert sich also auf 3 Translationen:

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} T_X \\ T_Y \\ T_Z \end{bmatrix}$$

Dieses Modell wird beim Datumswechsel zwischen den Bezugssystemen ETRS93 und CH1903+ verwendet, anders gesagt zwischen WGS84 (dem GNSS System) und dem nationalen Bezugsrahmen (LV95).

Die topozentrische Transformation

Hiermit ist es möglich, polare Koordinaten (Elevation, Azimut) zu bekommen, die sich auf einen Standort auf der Erdoberfläche beziehen.

Sie enthält nur zwei Rotationsparameter und drei Translationen.

$$\begin{bmatrix} \mathsf{E} \\ \mathsf{N} \\ \mathsf{h} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\sin\lambda_{\mathsf{Q}} & \cos\lambda_{\mathsf{Q}} & 0 \\ -\sin\phi_{\mathsf{Q}} \cdot \cos\lambda_{\mathsf{Q}} & -\sin\phi_{\mathsf{Q}} \cdot \sin\lambda_{\mathsf{Q}} & \cos\phi_{\mathsf{Q}} \\ \cos\phi_{\mathsf{Q}} \cdot \cos\lambda_{\mathsf{Q}} & \cos\phi_{\mathsf{Q}} \cdot \sin\lambda_{\mathsf{Q}} & \sin\phi_{\mathsf{Q}} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \mathsf{X} - \mathsf{X}_{\mathsf{Q}} \\ \mathsf{Y} - \mathsf{Y}_{\mathsf{Q}} \\ \mathsf{Z} - \mathsf{Z}_{\mathsf{Q}} \end{bmatrix}$$

dann

$$EI = arctg \left(\frac{h}{\sqrt{E^2 + N^2}} \right)$$

$$Az = arctg \left(\frac{E}{N}\right)$$

wobei

 $\lambda \mathtt{Q} \;,\; \phi \mathtt{Q} \; ; \;\;\;\;\;\; geografische \; Standpunktkoordinaten \;\;\;$

 $X_{\mathbb{Q}}$, $Y_{\mathbb{Q}}$, $Z_{\mathbb{Q}}$: geozentrische Standpunktkoordinaten

X,Y,Z: geozentrische Zielpunktkoordinaten

E, N, h: rechtwinklige topozentrische Zielpunktkoordinaten

El, Az: polare topozentrische Zielpunktkoordinaten

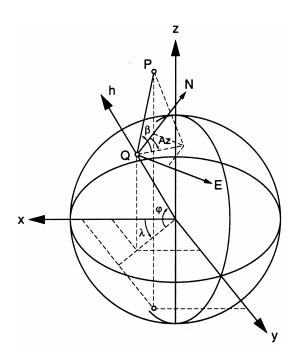


Abb. 13: Illustration der topozentrischen Transformation. Abbildung aus [Huguenin L., Transformation 3D...]

Mit dieser Transformation kann beispielsweise die Sichtbarkeit der Satelliten in Abhängigkeit vom Standpunkt abgeschätzt werden.

4.4.9. Transformation von WGS84- (GNSS-) Koordinaten in Landeskoordinaten

Es handelt sich eigentlich nicht um eine einzige Transformation, sondern um eine Kombination, eine Abfolge bereits erwähnter Transformationen. Sie gliedert sich in verschiedene Phasen:

- Ausführung einer 3D-Transformation: Übergang vom geozentrischen WGS84 System zum geozentrischen Landessystem (CH1903 oder CH1903+ oder CHTRF95) mit Hilfe der 3D-Parameter. Diese Transformation wird auch «Datumswechsel» genannt.
- 2. Umrechnung der geozentrischen Koordinaten in geografische Koordinaten

$$L = arctan\left(\frac{Y}{X}\right)$$

$$B = arctan\left(\frac{Z}{\frac{\sqrt{X^2 + Y^2}}{1 - \frac{R_N \cdot e^2}{R_N + h}}}\right)$$

$$h = \frac{\sqrt{X^2 + Y^2}}{\cos B} - R$$

mit

$$R_N = \frac{a}{\sqrt{1 - e^2 \sin^2 B}} \qquad \text{und} \quad e = \frac{\sqrt{a^2 - b^2}}{a}$$

wobei

a = grosse Halbachse des Ellipsoids

b = kleine Halbachse des Ellipsoids

die Umkehrberechnung ist gegeben durch

$$X = (R_N + h) \cdot \cos B \cdot \cos L$$

$$Y = (R_N + h) \cdot \cos B \cdot \sin L$$

$$Z = (R_N \cdot (1 - e^2) + h) \cdot \sin B$$

- 3. Anwendung der Schweizer Projektion
- 4. Eventuelle **lokale Einpassung** der ebenen Koordinaten mit Hilfe einer HELMERT-Transformation
- 5. Korrektur der «ellipsoidischen» Höhen mittels Geoidhöhen, um zu «orthometrischen» Höhen zu gelangen
- 6. Eventuelle Korrektur der Abstände zwischen «orthometrische» Höhen und «Gebrauchshöhen» (HTRANS)
- 7. Eventuelle lokale Höheneinpassung (Translation oder schiefe Ebene).

4.4.10. Direkte Transformation von WGS84- in beliebige lokale kartesische Koordinaten

Sie unterscheidet sich von der vorgehenden Problemstellung durch das Fehlen eines geodätischen Datums (keine 3D Transformationsparameter, keine Projektion, kein Geoid, ...).

Eine der Methoden besteht darin, das Ablaufschema der Transformationen von WGS84-Koordinaten ins Landeskoordinatensystem bis zur lokalen Einpassung mittels (2D) HELMERT-Transformation zu verwenden, wobei das jeweilige «lokale» System berücksichtigt werden kann.

Wenn das Arbeitsgebiet nur eine geringe Ausdehnung hat und die Unterschiede in den Geoidhöhen (je nach auszuführenden Arbeiten) vernachlässigbar sind, besteht eine einfache Methode darin, einzig eine 3D Transformation auszuführen [Huguenin L. et al., Transformation 3D...].

Man kann im Anschluss an diese Art der Transformation eine Interpolation der auf den Passpunkten aufgezeichneten Restklaffungen vornehmen. Passpunkte sollten daher in genügender Anzahl vorliegen und gut verteilt sein.

4.5. Interpolationen

4.5.1. Allgemeines

Das Prinzip der Interpolation besteht darin, ausgehend von Beobachtungen auf Passpunkten Werte für verschiedene Punkte zu berechnen oder vorauszusagen.

Im Rahmen dieses Leitfadens ist es das Ziel der Interpolationen, zwei Familien von Punktbestimmungen nach einer globalen Einpassung (einer Transformation) mit zugehörigen Restklaffungen «bestmöglich» zur Deckung zu bringen. Eine **vollkommene** lokale Übereinstimmung in den Passpunkten kann im Allgemeinen nur um den Preis erheblicher Verzerrungen erzielt werden.

Die Wahl einer Interpolationsmethode und ihrer Parameter muss die Eigenheiten der verschiedenen Datenquellen (Herkunft, Qualität...) sowie bereits vorgenommene Bearbeitungen berücksichtigen. Nicht zu vernachlässigen ist auch der wirtschaftliche Aspekt im Zusammenhang mit der Qualität der Daten und den verfolgten Zielen (vgl. Entscheidungsschema im Kapitel 6).

Die verschiedenen vorgestellten Methoden werden mehr oder weniger gut einigen fundamentalen Kriterien gerecht, die mit dem Interpolationsprinzip selbst zusammenhängen:

- Zunehmende Abnahme des Einflusses einer Klaffung durch eine (lineare, quadratische, ...) Funktion, die von der Distanz zwischen dem zu interpolierenden Punkt und den Passpunkten abhängt,
- Wirkungsbegrenzung der Passpunkte mittels Bildung von Dreiecken, Einflusskreisen oder einer Kovarianzmatrix, welche der Punktdichte, ihrer Distanz und ihrer Interaktion Rechnung trägt,
- Filterung der zu interpolierenden Elemente durch Einführung einer Verteilungsquote oder durch die Wahl von Standardabweichungen für die verschiedenen Bestandteile,
- **Kampf gegen Interpolationsbrüche** durch Einführung von Glättungsfunktionen und Einflussweiten.
- **Kampf gegen eine Über-Interpolation** durch Einführung einer Korrelation zwischen Passpunkten.

Die hier dargestellten Methoden und Grundsätze gelten (mit einigen Anpassungen je nach behandeltem Fall) auch für andere Anwendungsbereiche ausserhalb der Vermessung im engeren Sinne.

4.5.2. Sektorweise Interpolation (Dreiecksaffinität)

Grundsätzlich wird die Ebene in Sektoren (im Allgemeinen Dreiecke) aufgeteilt. Die Passpunkte sind die Ecken und die Interpolationswerte im Innern der so definierten Sektoren werden in Abhängigkeit von den auf den Passpunkten erhobenen Beobachtungen berechnet.

Mathematisches Modell (für ein Dreieck)

$$U_{k} = \frac{\sum_{i=1}^{3} p_{i} v_{i}}{\sum_{i=1}^{3} p_{i}}$$

wobei

U_k: interpolierter Wert im Punkt k

v_i: Wert im Eckpunkt i

p;: Gewicht

$$p_{i} = 0.5(X_{k}(Y_{i-1} - Y_{i+1}) + X_{i+1}(Y_{k} - Y_{i-1}) + X_{i-1}(Y_{i+1} - Y_{k}))$$

Besonderheiten - Interpretation

Die Gewichte entsprechen den Flächen der «Unterdreiecke», die aus den Ecken des Dreiecks und einem zu interpolierenden Punkt k gebildet werden.

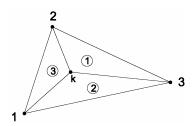


Abb. 14: Zuordnung der Gewichte für eine lineare Interpolation in einem Dreieck

Diese «Interpolation» entspricht tatsächlich einer auf drei Punkte (notwendiges Minimum zur Bestimmung der sechs Parameter) angewandten **Affintransformation**, wie sie oben definiert wurde.

Festzulegende Parameter

Es sind keine weiteren Parameter festzulegen. Die Methode und die auf den Passpunkten gemessenen Werte liefern bereits alle notwendigen Elemente.

Anwendungsbereich

Diese Methode wird vom Programm FINELTRA (vgl. Kapitel 5) verwendet, um die Klaffungen zwischen den Bezugsrahmen LV03 und LV95 mittels 5'925 Transformationsstützpunkten (TSP) zu interpolieren. Die aus 11'731 Dreiecken bestimmte Vermaschung bildet den offiziellen Transformations-Datensatz CHENyx06.

Sie kann problemlos auch in anderen Situationen eingesetzt werden, wie etwa für die Höhenberechnung (digitales Geländemodell).

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- + die «Soll»werte werden auf den Eckpunkten der Dreiecke genau eingehalten (keine Klaffungen)
- + die Methode ist einfach umzusetzen und zu programmieren
- + die Kontinuität ist von einem Dreieck zum andern gewährleistet
- + die Methode ist vollständig umkehrbar
- sie hält weder die Winkel noch die Massstäbe ein
- durchgehende geometrische Elemente (Geraden, Bögen, ...) werden an den Dreiecksseiten gebrochen
- die Wahl der Dreiecke kann a priori willkürlich sein und weit reichende Folgen haben
- diese Methode wird den Interpolationen kaum gerecht, die bei den Arbeiten zur Katastererneuerung (LFP3 oder Grenzpunkte) auszuführen sind, wo die grosse Menge der Stützpunkte eine heikle und spezielle Behandlung erfordert, wenn man zwischen benachbarten Punkten widersprüchliche Klaffungen bemerkt.

Verzerrungselemente

Wie oben bereits erwähnt, entspricht die Dreiecksinterpolation einer Affintransformation. Es ist daher möglich und ratsam, die in Kapitel 4.4.5 vorgestellten Informationen der TISSOT'schen Indikatrix (Verzerrungsellipse, maximale lineare Verzerrungskoeffizienten, Richtungsänderungen, ...) zu verwenden, um die Auswirkungen der Interpolation (Transformation) zu beurteilen.

Beim Programm FINELTRA wurde ein anderer Ansatz gewählt, der zu denselben Resultaten führt. Diese werden jedoch etwas anders ausgedrückt. Es ist nützlich, diesen Ansatz zu kennen, wenn man die gewonnenen Ergebnisse gut verstehen und analysieren will. Detaillierte Erläuterungen hierzu finden sich in [Marti U. et al., *Beschreibung zum Programm FINELTRA...*]. Nachfolgend werden nur einige wesentliche Elemente und ein Teil der Bezeichnungen wiedergegeben.

Die Affintransformation lässt sich wie folgt ausdrücken:

$$\begin{bmatrix} Y \\ X \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & b \\ d & e \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} y \\ x \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} c \\ f \end{bmatrix}$$

wobei

$$\begin{bmatrix} Y \\ X \end{bmatrix} = \mathbf{F} \cdot \begin{bmatrix} y \\ x \end{bmatrix} + \mathbf{T}$$

mit

F: Deformationsmatrix

T: Translationsvektor

Die Matrix **F** kann in ein Matrixprodukt zerlegt werden:

$$F = D \cdot E$$

worin **D** eine Rotationsmatrix und **E** eine symmetrische Matrix sind. Man kann daher schreiben:

$$\begin{bmatrix} Y \\ X \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \omega & \sin \omega \\ -\sin \omega & \cos \omega \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} r & s \\ s & t \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} y \\ x \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} c \\ f \end{bmatrix}$$

wobei

ω: mittlerer Drehwinkel

$$\omega = \arctan\left(\frac{b-d}{a+e}\right)$$

r: Massstabsfaktor auf der Abszisse nach einer Drehung des Systems um einen Winkel ω

$$r = a \cdot \cos \omega - d \cdot \sin \omega$$

t: Massstabsfaktor auf der Ordinate nach einer Drehung des Systems um einen Winkel ω

$$t = b \cdot \sin \omega + e \cdot \cos \omega$$

s: Winkelverzerrung (= Tangens des Scherwinkels, der im gedrehten System in beiden Achsrichtungen gleich gross ist)

$$s = a \cdot \sin \omega + d \cdot \cos \omega = b \cdot \cos \omega - e \cdot \sin \omega$$

Die Lehrsätze der linearen Algebra besagen, dass jede symmetrische Matrix orthogonal zerlegbar ist:

$$\boldsymbol{E} = \boldsymbol{R} \cdot \boldsymbol{\Lambda} \cdot \boldsymbol{R}^{\mathsf{T}}$$

worin die Diagonalmatrix ${\pmb \Lambda}$ die Eigenwerte von ${\pmb E}$ enthält und ${\pmb R}$ die zugehörigen Eigenvektoren.

Die Eigenwerte von E ergeben sich aus der Lösung der charakteristischen Gleichung:

$$(r-m)\cdot(t-m)-s^2=0$$

Dies ist eine Gleichung zweiten Grades mit den Lösungen:

$$m_1 \,= \frac{1}{2} \bigg\lceil \big(t+r\big) + \sqrt{\big(t-r\big)^2 \,+\, 4\cdot s^2} \,\, \bigg\rceil$$

$$m_2 = \frac{1}{2} \left\lceil \left(t+r\right) - \sqrt{\left(t-r\right)^2 + 4 \cdot s^2} \,\right\rceil$$

Man kann daher schreiben

$$\boldsymbol{E} = \begin{bmatrix} \cos\theta & \sin\theta \\ -\sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} m_1 & 0 \\ 0 & m_2 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix}$$

und letztlich

$$\begin{bmatrix} Y \\ X \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \omega & \sin \omega \\ -\sin \omega & \cos \omega \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \cos \theta & \sin \theta \\ -\sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} m_1 & 0 \\ 0 & m_2 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} y \\ x \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} c \\ f \end{bmatrix}$$

wobei

ω: mittlerer Drehwinkel

m₁: maximaler Massstabsfaktor (in einer Hauptachsrichtung der Verzerrungsellipse)

m₂: minimaler Massstabsfaktor (in der anderen Hauptachsrichtung)

θ: Orientierung der Hauptachsen

$$\theta = \frac{1}{2} \operatorname{arctg} \left(\frac{2s}{r-t} \right) + \frac{\pi}{2}$$

N.B. Die Massstabsfaktoren m_1 und m_2 sind identisch mit m_{min} und m_{max} des Kapitels 4.4.5.

Gleichermassen definiert man:

ρ: maximale Richtungsverzerrung. Sie wird für Richtungen mit einem Winkel von 50 [gon] gegenüber den Ellipsenachsen aufgezeichnet.

$$\rho = \frac{1}{2} \sqrt{\! \left(r-t\right) \! - 4 \cdot s^2}$$

q: Dilatation oder Flächenverzerrungskoeffizient

$$q = m_1 \cdot m_2$$

k: mittlerer Massstabsfaktor

$$k = \sqrt{m_1 \cdot m_2} = \sqrt{r \cdot t - s} \approx \frac{m_1 + m_2}{2}$$

Isoliert man den Faktor k, kann man die Transformation folgendermassen ausdrücken:

$$\begin{bmatrix} Y \\ X \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \omega & \sin \omega \\ -\sin \omega & \cos \omega \end{bmatrix} \cdot k \cdot \begin{bmatrix} r & s \\ k & k \\ s & t \\ k & k \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} y \\ x \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} c \\ f \end{bmatrix}$$

und wenn die Verzerrungselemente klein sind (was beim Übergang von LV03 zu LV95 der Fall ist):

$$\begin{bmatrix} Y \\ X \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 + \sigma & \omega \\ \omega & 1 + \sigma \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 + \tau & \upsilon \\ \upsilon & 1 - \tau \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} y \\ x \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} c \\ f \end{bmatrix}$$

wobei

σ: mittlerer Massstabsfaktor (Extension)

$$\sigma \approx \frac{r+t}{2}-1$$

ω: mittlere Rotation (im Bogenmass)

$$\omega \approx b - d$$

τ: differentieller Massstabsfaktor (erste Verzerrungskomponente)

$$\tau \approx \frac{r-t}{2}$$

υ: differentielle Richtungsverzerrung (zweite Verzerrungskomponente)

Man kann auch die Grösse der totalen Scherung $Y=\sqrt{\tau^2+\upsilon^2}$ berechnen, die der maximalen Richtungsverzerrung entspricht.

Alle diese differentiellen Elemente sind dimensionslos und werden oft in [ppm] ausgedrückt.

Diese Elemente können grafisch dargestellt werden.

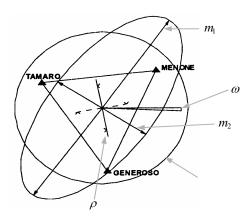


Abb. 15: Darstellung der Verzerrungselemente in FINELTRA, Abbildung aus [Marti U. et al., Beschreibung zum Programm FINELTRA...]

Anmerkungen

Mit den Verzerrungselementen lassen sich Antworten auf folgende Fragen finden:

- In welchem Umfang hat sich das Dreieck (und die Objekte, die es enthält) durchschnittlich vergrössert/verkleinert? ⇒ Dies wird durch k beantwortet.
- In welchem Umfang wird eine Strecke maximal verzerrt? ⇒ Dies wird durch m₁ und m₂ beantwortet.
- In welchem Umfang hat sich das Dreieck durchschnittlich gedreht (nützlich bei der Beurteilung der «Bruchstellen» zwischen den Dreiecken)? \Rightarrow Dies wird durch ω beantwortet.
- Welches ist die maximale Differenz zwischen einer orientierten Richtung in LV03 und derjenigen in LV95? \Rightarrow Dies wird durch ω und ρ beantwortet.
- In welchem Umfang wird ein in LV03 gemessener Winkel (z.B. ein rechter Winkel) deformiert? \Rightarrow Dies wird durch die maximalen Winkelverzerrungskoeffizienten $\frac{m_1}{m_2}$

oder $\frac{m_2}{m_1}$ beantwortet.

4.5.3. Interpolation nach gewogenem Mittel

Dies ist gewiss die meistverwendete grundsätzliche Methode. Sie gewichtet die auf den Passpunkten entstandenen Beobachtungen, wobei die Gewichte direkt von der Distanz zwischen dem zu interpolierenden Punkt und den Passpunkten abhängen.

Mathematisches Modell

$$U_k = \frac{\sum p_i \cdot v_i}{\sum p_i}$$

wobei

U_k: interpolierter Wert im Punkt k

v_i: auf dem Passpunkt i gemessener Wert

p_i: Gewicht der Beobachtung i im Punkt k

und

$$p_i \ = \frac{1}{s_i^\lambda + c}$$

s_i: Distanz vom Punkt k zum Passpunkt i

λ, c: Parameter zur Regelung des Nachbarschaftseinflusses (Nähe) der Passpunkte.

Festzulegende Parameter

Die Parameter λ und c sind festzulegen.

- λ : ermöglicht es, den Einfluss nahe gelegener Punkte zu regeln. Je höher λ ist, desto mehr Einfluss nehmen die nahe gelegenen Punkte; im Allgemeinen ist λ = 1 oder 2, mitunter auch 1.5.
- c: ermöglicht die Übermittlung einer allgemeinen Information, die von allen Punkten ausgeht, selbst von den vom Ort der Interpolation weit entfernten. Meist c = 0.

<u>Anwendungsbereich</u>

Das Anwendungsgebiet dieser Methode ist sehr weit gefächert. Interpolationsprobleme im Zusammenhang mit der Triangulation lassen sich damit ebenso gut lösen wie Detailaufnahmen.

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- + äusserst einfach umzusetzen und zu programmieren
- + stabile und gut beherrschbare Ergebnisse
- Konzentrationseffekt, wenn die Passpunkte nahe liegen

Spezialfall

Die Methode der Interpolation nach gewogenem Mittel kann noch verfeinert werden, indem man die Passpunkte in einem gewissen Umkreis ($s_i < d_0$) auswählt. Diese Methode wurde von Herrn L. BARRAUD, Ingenieur-Geometer in Lausanne, in den 60er Jahren entwickelt und in einem Programm namens HelVec implementiert.

4.5.4. TRANSINT

Das im Rahmen eines Computerprogramms gleichen Namens eingeführte TRANSINT-Verfahren ist eine Interpolationsmethode nach «verbessertem» gewogenem Mittel. Sie berücksichtigt die Korrelation zwischen den Passpunkten.

«Trans» stammt von Transformation

«Int» stammt von *Interpolation*

Wie ihr Name bereits andeutet, erlaubt die Methode, zwei Koordinatensätze mit Hilfe einer Transformation (Translationen, Drehung, HELMERT- oder Affintransformation sind wählbar) zur Deckung zu bringen. Eine Interpolation der Restklaffungen in den Passpunkten auf die transformierten Punkte kann angehängt werden.

Die Transformationsphase ist nicht obligatorisch, ermöglicht jedoch die Bestimmung des funktionalen Anteils, der mit der Gesamtheit der Passpunkte verbunden ist.

Mathematisches Modell (aus [Carosio A., [TRANSINT...])

Die Interpolation in TRANSINT basiert auf dem Grundsatz der gewogenen Mittelbildung. Die Gewichte sind umgekehrt proportional zum Quadrat der Distanz.

Das gewogene Mittel ist das Resultat der Anwendung der Methode der kleinsten Quadrate:

$$dy_k = (\mathbf{A}^T \mathbf{P} \cdot \mathbf{A})^{-1} \cdot \mathbf{A}^T \mathbf{P} \cdot d\mathbf{y}$$

wobei

dy_k: in Punkt k anzubringende Korrektur, interpolierter Wert

P: Gewichtsmatrix

dy: Vektoren der in den Anschlusspunkten aufgezeichneten Werte

A: Matrix des funktionalen Modells der Mittelung

$$\mathbf{A}^{\mathsf{T}} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & \dots & 1 \end{bmatrix}$$

So dargestellt, berücksichtigt das Modell die Korrelation zwischen den Passpunkten nicht. Sie kann auf dem Umweg über eine Matrize eingeführt werden:

$$\mathbf{R} = \begin{bmatrix} \mathbf{r}_{11} & \mathbf{r}_{12} & \dots & \mathbf{r}_{1n} \\ \mathbf{r}_{21} & \mathbf{r}_{22} & \dots & \mathbf{r}_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \mathbf{r}_{n1} & \dots & \dots & \mathbf{r}_{nn} \end{bmatrix}$$

wobei

r_{ij}: Korrelation zwischen Punkt i und Punkt j.

$$r_{ij}\,=\,0.9e^{-ln(1.8)(dij\,/\,d0)}^2$$

 $r_{ij}=1.0$ wenn i=j

wobei

dij: Distanz zwischen den Passpunkten i und j

do: Distanz, für die der Korrelationskoeffizient 0.5 ist

Kennt man die (diagonale) Gewichtsmatrix \mathbf{P} , die einen Neupunkt mit den Passpunkten verbindet, und die Korrelation zwischen den Passpunkten, so bildet man eine neue Gewichtsmatrix $\mathbf{P}_{\mathbf{r}}$, in der man die Korrelation zwischen den Passpunkten berücksichtigt

$$P_r = P^{1/2} \cdot R^{-1} \cdot P^{1/2}$$

Die anzubringenden Korrekturen berechnen sich schliesslich zu:

$$dy_{k} = (\mathbf{A}^{\mathsf{T}} \cdot \mathbf{P}_{r} \cdot \mathbf{A})^{-1} \mathbf{A}^{\mathsf{T}} \cdot \mathbf{P}_{r} \cdot d\mathbf{y}$$

und

$$dx_{k} = (\mathbf{A}^{\mathsf{T}} \cdot \mathbf{P}_{r} \cdot \mathbf{A})^{-1} \mathbf{A}^{\mathsf{T}} \cdot \mathbf{P}_{r} \cdot d\mathbf{x}$$

Festzulegender Parameter

 d_0 (Distanz, für die der Korrelationskoeffizient 0.5 ist) ist der einzige veränderbare Modellparameter. Er erlaubt es, die besonderen Eigenschaften der bearbeiteten Fälle zu berücksichtigen.

Man könnte meinen, die Wahl des Parameters d_0 sei trivial. Dies ist jedoch keineswegs der Fall. Es wird vielmehr empfohlen, ein Punktgitter zu transformieren, um die Interpolationsergebnisse visuell zu prüfen.

Er wird in der Regel so gewählt, dass er der halben Netzmaschenweite entspricht: z.B. 500 m, wenn die Distanz zwischen benachbarten Netzpunkten im Mittel 1 km beträgt.

Besonderheit

Die Matrix $(\mathbf{A}^T \cdot \mathbf{P}_r \cdot \mathbf{A})^{-1} \cdot \mathbf{A}^T \cdot \mathbf{P}_r$ ist tatsächlich ein Vektor, dessen Summe der Elemente 1 beträgt. Dies ist gleichbedeutend damit, dass die Komponenten dieses Vektors den Beitrag jedes Passpunktes in % angeben.

Wie bereits erwähnt, wurde diese Methode im Programm TRANSINT implementiert. Sie führt im Allgemeinen zu sehr guten Ergebnissen, ohne dabei Überkorrekturen zu riskieren, was besonders den programminternen Kontrollfunktionen zu verdanken ist.

Anwendungsbereich

Das Anwendungsgebiet ist sehr weit gefächert. Wie bereits im Kapitel 4.5.3 erwähnt, lässt sich die Methode der gewogenen Mittelbildung gut auf die meisten, in der Katastervermessung oder bei der Triangulation anzutreffenden Fälle anwenden.

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- + stabile und gut beherrschbare Ergebnisse
- + Elimination von Redundanzen infolge nahe gelegener Passpunkte
- relativ umfangreiche Berechnungen
- Gültigkeitsbereich des Parameters d₀ schwierig zu kontrollieren
- Einfluss jedes (auch weit entfernten) Punktes auf die Gesamtheit der Berechnung

4.5.5. Die CDL-Methode

Die Methode der «Kombination begrenzter Deformationen» (franz. CDL) wurde in den 70er Jahren an der ETHL entwickelt. Es ist eine einfache Methode, die eine lineare und degressive Berücksichtigung der auf den Passpunkten aufgezeichneten Werte gestattet. Jeder Punkt wirkt sich in einem Einflusskreis aus, der durch den nächsten der anderen Passpunkte begrenzt wird.

Mathematisches Modell

$$U_k \, = \sum p_{ki} \cdot v_i$$

wobei

U_k: im Punkt k interpolierter Wert

$$p_{ki} \!\!=\!\! \frac{d_{imax} \!-\! d_{ki}}{d_{imax}} \qquad \text{wenn } d_{ki} \!\!<\!\! d_{imax} \qquad \text{Gewicht der Beobachtung i}$$

$$p_{ki} = 0 \qquad \qquad \text{wenn } d_{ki} > d_{imax}$$

worin

 d_{imax} : maximaler Einflussbereich der Klaffung v_i , gegeben durch die Distanz zum nächsten Passpunkt.

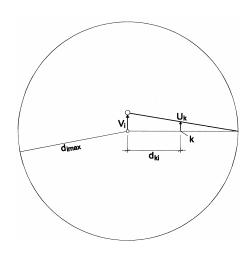


Abb. 16: Prinzip des Einflusses eines Passpunktes

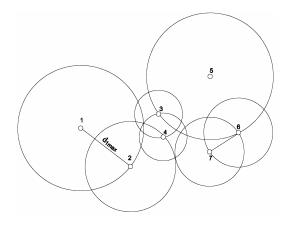


Abb. 17: Prinzip der Bestimmung der d_{imax}

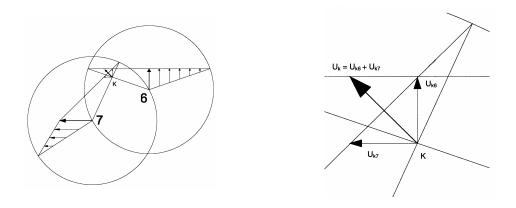


Abb. 18: Berechnung des Einflusses mehrerer Passpunkte

Festzulegende Parameter

Es sind keine Parameter festzulegen. Die Methode und die Anordnung der Passpunkte liefern alle Berechnungselemente.

Die «manuelle» Elimination redundanter Passpunkte kann sich in gewissen Fällen (dichte Punktgruppen) als nützlich erweisen.

<u>Anwendungsbereich</u>

Diese Methode passt gut zu Interpolationsproblemen, bei denen zahlreiche, eher gut verteilte Passpunkte vorkommen.

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- + leicht umzusetzen und zu programmieren
- + lineare Interpolation ohne Bruchstellen
- sehr abhängig von der Lage der Passpunkte
- Begrenzung des Einflussbereichs gewisser Punkte
- in speziellen Fällen Gefahr der Über-Interpolation

4.5.6. Polynom-Interpolation

Mathematisches Modell

$$U_k \, = \, \sum_{i=0}^m \, \, \sum_{j=0}^n a_{ij} \, \cdot x^i \, \cdot y^j \, \label{eq:Uk}$$

wobei

U_k: im Punkt k interpolierter Wert

y, x: Koordinaten des Punktes, wo die Interpolation berechnet wird

a_{ii}: Koeffizienten der Monome¹

m,n: Potenz, die auf die Koordinaten x oder y anzuwenden ist

Festzulegende Parameter

Die einzigen wirklichen Parameter, die festgelegt werden müssen, sind die Potenzen m und n, die den Grad des Polynoms bestimmen. Ist dieser einmal gewählt, lassen sich die Koeffizienten a_{ij} ausgehend von den Passpunkten berechnen. Die Passpunkte müssen mindestens ebenso zahlreich sein wie die Koeffizienten.

Anwendungsbereich

Das Anwendungsgebiet dieser Methode ist wegen ihrer Anpassungsfähigkeit und ihrer Möglichkeiten sehr weit gefächert.

Die Methode wird in komplexen Fällen mit stark ausgeprägten lokalen Eigenheiten angewendet.

¹ Ein Monom ist ein Produkt, bestehend aus einem Koeffizienten und Potenzen von Variablen.

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- + Anpassungsfähigkeit und Palette der Möglichkeiten
- Vorhandensein zahlreicher Passpunkte erforderlich
- Auswirkungen (bei höherem Polynomgrad) nicht immer beherrschbar

Spezialfall

Wenn m=n=2, erhält man eine «biquadratische Interpolation» der Form:

$$U = a_{00} + a_{01} \cdot y + a_{02} \cdot y^2 + a_{10} \cdot x + a_{11} \cdot x \cdot y + a_{12} \cdot x \cdot y^2 + a_{20} \cdot x^2 + a_{21} \cdot x^2 \cdot y + a_{22} \cdot x^2 \cdot y^2$$

Die neun Parameter können mit Hilfe von neun Passpunkten berechnet werden.

Wenn die neun Passpunkte über ein Einheitsraster verteilt sind, können die Koeffizienten ausgehend von den Beobachtungen auf den Passpunkten durch einfache Additions- und Divisionsoperationen errechnet werden, wobei [gemäss Marti U.] folgende Formeln gelten:

$$\begin{split} &a_{00} = v_{[0,0]} \\ &a_{01} = \frac{\left(v_{[1,0]} - v_{[-1,0]}\right)}{2} \\ &a_{02} = \frac{\left(v_{[1,0]} + v_{[-1,0]}\right)}{2} - v_{[0,0]} \\ &a_{10} = \frac{\left(v_{[0,-1]} - v_{[0,1]}\right)}{2} \\ &a_{11} = \frac{\left(v_{[1,-1]} - v_{[1,1]} + v_{[-1,1]} - v_{[-1,-1]}\right)}{4} \\ &a_{12} = \frac{\left(v_{[0,1]} - v_{[0,-1]}\right)}{2} + \frac{\left(v_{[1,-1]} - v_{[1,1]} - v_{[-1,1]} + v_{[-1,-1]}\right)}{4} \\ &a_{20} = \frac{\left(v_{[0,1]} + v_{[0,-1]}\right)}{2} - v_{[0,0]} \\ &a_{21} = \frac{\left(v_{[-1,0]} - v_{[1,0]}\right)}{2} + \frac{\left(v_{[1,1]} + v_{[1,-1]} - v_{[-1,-1]} - v_{[-1,1]}\right)}{4} \\ &a_{22} = v_{[0,0]} - \frac{\left(v_{[0,1]} + v_{[1,0]} + v_{[1,0]} + v_{[0,-1]} + v_{[-1,0]}\right)}{2} + \frac{\left(v_{[1,1]} + v_{[1,-1]} + v_{[-1,-1]} + v_{[-1,1]}\right)}{4} \end{split}$$

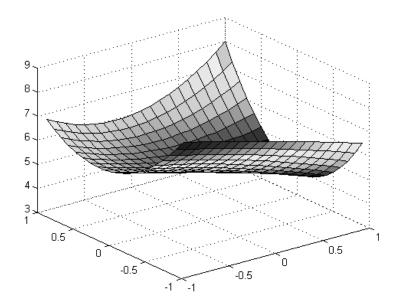


Abb. 19: Beispiel einer biquadratischen Interpolation auf der Basis eines einheitlichen Rasters von neun Punkten

Mit dieser Interpolationsmethode werden im Programm CHGEO und in bestimmten GNSS-Empfängern die Geoidundulationen berechnet, um den Übergang von ellipsoidischen zu orthometrischen (und anschliessend Gebrauchs-) Höhen zu bewerkstelligen.

4.5.7. Interpolation nach kleinsten Quadraten (Einfaches Interpolationsmodell)

Diese Methode nutzt die «Beziehungen» einerseits unter den Passpunkten, anderseits zwischen Passpunkten und den zu interpolierenden Punkten. Diese Beziehungen werden mittels einer Kovarianzfunktion definiert.

Diese Methode bildet die Grundlage des Programms QUINT, das von Professor Karl KRAUS in den 70er Jahren entwickelt wurde, um Klaffungsprobleme in der Photogrammetrie zu lösen [Kraus 2000].

Mathematisches Modell

$$U = C_{-}^{\mathsf{T}} \cdot C_{-}^{-1} \cdot \mathsf{V}$$

wobei

U: Vektor der interpolierten Werte

v: Vektor der Beobachtungen (zu interpolierende Werte)

C__: Varianz-Kovarianz-Matrix der Passpunkte

C : Kovarianzvektor oder -matrix zwischen dem (den) zu interpolierenden Punkt(en) und den Passpunkten

Die Matrizen $\mathbf{C}_{\underline{s}}$ und $\mathbf{C}_{\underline{s}}$ werden mit Hilfe einer Kovarianzfunktion von folgender Art erstellt:

$$c_{ij} = c_{0} e^{-a^{2}d_{ij}^{2}}$$

wobei

dii: Distanz zwischen Punkt i und Punkt j

 c_0 : Kovarianz des Signals für $d_{ii} = 0$, Scheitel der Kurve

a: Einflussparameter für die Kurvenform und damit die Einflussweite der Passpunkte

So ausgedrückt stellt die Kovarianzfunktion eine Glockenkurve dar.

Festzulegende Parameter

Für die Parameter c_0 und a sind Werte festzulegen, was sehr heikel ist.

Man kann mit Standardwerten beginnen ($c_0 = 0.9$ und a = 0.01) oder versuchen, über die Kovarianzen aus den Beobachtungswerten der Passpunkte und den Distanzen zwischen ihnen eine Kurve einzupassen. Einzelheiten zur Parameterschätzung sind in [Kraus 2000] beschrieben.

Anwendungsbereich

Das Anwendungsgebiet dieser Methode ist sehr weit gefächert. Sie lässt sich gut auf Problemfälle anwenden, in denen die Punkte (Passpunkte und/oder zu interpolierende Punkte) Abhängigkeiten aufweisen. Zu nennen wäre beispielsweise das Einfügen eines verzerrungsfreien Netzes in einen verzerrten Bezugsrahmen.

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- + grosse Vielfalt möglicher Interpolationen
- dem zu lösenden Problem angepasste Wahl der Parameter a und c_0
- zahlenmässige Begrenzung der Passpunkte
- Instabilität und Gefahr irreführender Interpolationen

Spezialfall

Ein Spezialfall liegt vor, wenn die Distanzen (evtl. potenziert) direkt in die Varianz-Kovarianz-Matrix eingeführt werden.

4.5.8. Multiquadratische Analyse (Interpolation mittels Flächensummation)

R.L. Hardy entwickelte 1971 die multiquadratische Analyse, eine heute sehr erfolgreiche und weitverbreitete Methode. Mit ihr gelingt es, mit verschiedenen trigonometrischen oder polynomialen Serien aus spärlichen, verstreuten Daten die Topographie oder andere, irreguläre (d.h. mathematisch undefinierte) Flächen gut genähert darzustellen. [Hardy 1972], [Kraus 2000]

Um jeden Passpunkt (y_i, x_i) wird eine Elementarfläche gelegt. In der Regel ist sie eine Rotationsfläche, d.h. eine Fläche 2. Grades. Das Interpolationsergebnis (z.B. die Oberfläche der Topographie, der Klaffungsbetrag eines beliebigen Punktes in y- oder x-Richtung) entsteht dann durch die Summation der Elementarflächen, wobei diese in z-Richtung so zu skalieren sind, dass ihre Summe in den Passpunkten exakt ihrer Höhe oder ihrem Klaffungsbetrag entspricht.

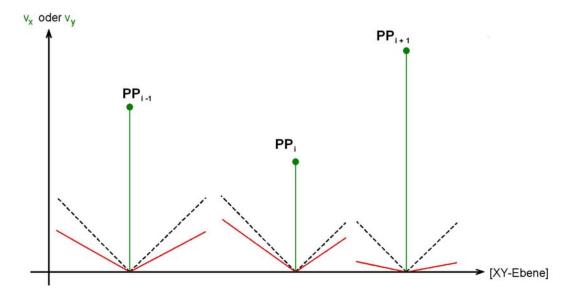


Abb. 20: Flächensummation mit Rotationskegeln, die auf der Spitze stehen (gestrichelt) bzw. skaliert (rot ausgezogen) sind. Die Summe aller roten Kegel ergibt im Passpunkt PP seine Klaffung v_x oder v_y. Quelle: [Kraus 2000], S. 138

Die Elementarflächen werden mit einer Interpolationsfunktion (auch Kernfunktion genannt) $q(y_i, x_i, y_j, x_j)$ beschrieben, die man entweder aus den Daten gewinnt oder problemgerecht auswählt. Kernfunktionen können Kegel, Hyperboloide, Gauss'sche Glockenkurven oder andere Funktionen sein.

Für die n gegebenen Passpunkte, darunter i und j, wird zuerst eine Funktionalmatrix $\mathbf{Q}_{n,n}$ definiert, deren Koeffizienten \mathbf{q}_{ij} mittels der Kernfunktion

$$q_{ij} = \left[\left(y_i - y_j \right)^2 + \left(x_i - x_j \right)^2 + G \right]^{1/2}$$
 (Hyperboloid)

berechnet werden. G wird als Glättungsfaktor bezeichnet, mit dem die Interpolationsfläche beliebig gesteuert werden kann. Für G = 0 geht diese Kernfunktion in einen Kegel über, so dass in den Passpunkten (y_i, x_i) Spitzen entstehen. [Kraus 2000] behandelt die Wahl des Glättungsfaktors vertieft; [Göpfert 1977] schlägt $G = 0.6 \cdot D_{\text{min}}^2$ vor, wobei D_{min} der kleinste Abstand zwischen den Passpunkten ist.

Die erwähnte Skalierung der n Rotationsflächen erfolgt, indem n Massstabsfaktoren m_i eingeführt werden. In den Passpunkten kennt man ihren Stützwert Z (= Höhe oder Klaffungsbetrag in x- oder in y- Richtung).

$$\mathbf{z} = \sum_{i=1}^{n} q(\mathbf{y}_i, \mathbf{x}_i, \mathbf{y}_j, \mathbf{x}_j) \cdot \mathbf{m}_i = \mathbf{Q} \cdot \mathbf{m}$$

woraus sich die unbekannten Massstabsfaktoren

$$\mathbf{m} = \mathbf{Q}^{-1} \cdot \mathbf{z}$$

bestimmen lassen. Die Interpolationswerte beliebiger Punkte (y, x) berechnen sich dann zu

$$\mathbf{Z} = \mathbf{k}^{\mathsf{T}} \cdot \mathbf{Q}^{-1} \cdot \mathbf{z} = \mathbf{k}^{\mathsf{T}} \cdot \mathbf{m}$$

k ist ein «Vektor», dessen Komponenten die Funktionen $q(y_i, x_i, y, x)$ sind.

Damit die Methode hochwertige Interpolationsergebnisse liefert, muss vor der Interpolation von den Stützwerten z noch ein allfälliger systematischer Trend z_{Trend} abgespaltet werden. Dieser wird nach der Interpolation der Reste $(z-z_{Trend})$ den erhaltenen Werten z wieder zugeschlagen. Fröhlich+Bröker[2006] begründen, dass dieser Trend eine Ebene $z_{Trend} = a \cdot x + b \cdot y + c$ ist, deren unbekannte Parameter z, z, z in einer Ausgleichung aus den Passpunkten z bestimmen sind.

Die empirische Genauigkeit für multiquadratisch interpolierte Werte leitet Wolf[1981] her.

Festzulegende Parameter

Kernfunktion wählen: Kegel, Hyperboloid, Gauss'sche Glockenkurve, andere Rotations-

flächen

Glättungsfaktor G: legt die Krümmung der interpolierten Flächen fest, d.h. wie stark z.B.

interpolierte Kurven zwischen unstetigen Stützstellen ausgerundet,

also geglättet werden

Anwendungsgebiete

Digitale Höhen- und Geländemodelle

Restklaffenverteilung nach Transformationen (z.B. in LGO von Leica Geosystems AG)

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- + einfaches mathematisches Modell
- + rasche, automatisierbare Berechnungsabläufe, leicht zu programmieren
- + beliebige Glättung von interpolierten Oberflächen je nach Wahl des Glättungsfaktors
- + Eignung bei spärlicher, regelmässiger oder unregelmässiger Verteilung der Passpunkte
- + Einflussweite ist durch die Passpunkte willkürfrei festgelegt und der Benutzer kann das Interpolationsgebiet nicht «falsch» aufteilen
- + Bei problemgerechter Parametrisierung ergeben sich praktisch gleiche Resultate wie bei einer Natural Neighbour Interpolation
- Wahl der richtigen Kernfunktion und des problemgerechten Glättungsfaktors
- grosser Rechenaufwand bei hoher Passpunktzahl
- Interpolation ausserhalb der Umhüllenden der Passpunkte ergibt unbrauchbare Resultate

4.6. Allgemeines Transformations-Interpolations-Modell

In den bisherigen Abschnitten sind die vielschichtigen Probleme deutlich geworden, die auftreten, wenn Parameter eines funktionalen Transformationsmodells berechnet oder angewandt werden, und wenn bei der anschliessenden Interpolation die auf den Passpunkten erhobenen Beobachtungen in Abhängigkeit von gewissen Kriterien (wie etwa Nachbarschaft) ausgewertet werden.

Es existiert ein allgemeines Modell namens **Kollokation**, mit dem beide Operationen gleichzeitig ausgeführt werden können.

Mathematisches Modell

Die mit diesem mathematischen Modell verknüpfte Theorie ist sehr komplex [Dupraz H. et al., *Théorie des erreurs 3...*], [Hardy R., *Geodetic applications...*] und [Wirth B., *Höhensysteme...*].

Das allgemeine Modell, mit dem sich beide Operationen verknüpfen lassen, lautet:

$$\ell - v = A \cdot x + R \cdot \overline{s}$$

Den Messungen ℓ und ihren Residuen \mathbf{v} (die man in diesem Zusammenhang oft als Rauschen mit dem Buchstaben n bezeichnet) stellt man einen systematischen Teil gegenüber, der durch ein funktionales Modell ($\mathbf{A}\mathbf{x}$) angenähert wird, sowie einen Teil, der durch ein stochastisches Modell ($\mathbf{R}\overline{\mathbf{s}}$) angenähert wird: Funktion (\mathbf{R}) eines Signals $\overline{\mathbf{s}}$.

Mit einer Filterung wird das Signal **s** auf den Passpunkten bestimmt. Gleichzeitig interessiert die Funktion der Prädiktion:

$$f = G \cdot x + M \cdot s$$

wobei

s: auf den Neupunkten unbekanntes Signal

x: beliebige Punkte

G: Funktion der Parameter des funktionalen Modells (oft ist G = I)

 \mathbf{M} : Funktion des prädizierten Signals (oft ist $\mathbf{M} = \mathbf{I}$)

Die Grafik in der folgenden Abbildung fasst die Problemstellung zusammen.

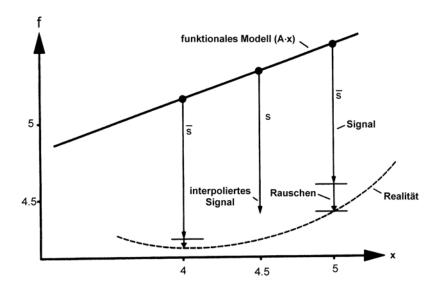


Abb. 21: Prinzip des allgemeinen Modells bestehend aus der Einpassung eines funktionalen Modells und der Filterung der Beobachtungen

Ausgehend von den Passpunkten versucht man, ein funktionales Modell (z.B. ein lineares Modell) zu formulieren und einzupassen, was je nach Komplexität seine Grenzen hat. In der Abweichung (Restklaffung) zwischen diesem funktionalem Modell und der Realität bleiben ein zufälliger Anteil (das Rauschen) und ein systematisch-deterministischer Anteil (das Signal) erhalten. Die Schwierigkeit besteht darin, zwischen Rauschen und Signal eine Ausgewogenheit zu erreichen. Sobald das Signal bestimmt ist, kann es in Abhängigkeit vom Nachbarschaftskriterium auf Neupunkte übertragen (interpoliert) werden.

Schreibt man das allgemeine Modell in der Form:

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{x} + \begin{bmatrix} \mathbf{I} & \mathbf{R} & \mathbf{0} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \mathbf{v} \\ \mathbf{s} \\ \mathbf{s} \end{bmatrix} - \ell = \mathbf{0}$$

erkennt man das Ausgleichungsmodell nach GAUSS-HELMERT $\mathbf{A} \cdot \mathbf{x} + \mathbf{B}^{\mathsf{T}} \cdot \mathbf{v}^* - \ell = \mathbf{0}$ mit der Substitution:

$$\mathbf{B} = \begin{bmatrix} \mathbf{I} \\ \mathbf{R} \\ \mathbf{0} \end{bmatrix} \quad \text{und} \quad \mathbf{v}^* = \begin{bmatrix} \mathbf{v} \\ \mathbf{\bar{s}} \\ \mathbf{s} \end{bmatrix}$$

Das stochastische Modell wird aus einer Kovarianzmatrix gebildet

$$\boldsymbol{C} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{C}_{vv} & \boldsymbol{0} & \boldsymbol{0} \\ \boldsymbol{0} & \boldsymbol{C}_{\overline{s}\overline{s}} & \boldsymbol{C}_{\overline{s}s} \\ \boldsymbol{0} & \boldsymbol{C}_{s\overline{s}} & \boldsymbol{C}_{ss} \end{bmatrix}$$

wobei

$$C_{vv} = C_{\parallel}$$

Die Kovarianzmatrizen $C_{\overline{ss}}$, C_{ss} und $C_{s\overline{s}}$ werden mit Hilfe einer Kovarianzfunktion (Glockenkurve) gebildet:

$$c_{ij}^{} = c_{0}^{} e^{-a^2 d_{ij}^2}_{}$$

wobei

d_{ii}: Distanz zwischen Punkt i und Punkt j

 c_0 : Kovarianz des Signals für $d_{ii} = 0$, Scheitel der Kurve

a: Einflussparameter für die Kurvenform und damit die Einflussweite der Passpunkte

Auch andere Kovarianzfunktionen, wie beispielsweise eine lineare Abnahme oder eine Potenzfunktion sind möglich. Die Wahl der Kovarianzfunktion und ihrer Parameter ist eine sehr heikle Angelegenheit. Sie sind schwierig aus den Daten zu schätzen. Insbesondere müssen die Kovarianzmatrizen positiv definit sein.

Kennt man das funktionale und das stochastische Modell, so kann man die Ausgleichungsformeln nach GAUSS-HELMERT anwenden, um die gesuchten Parameter und Werte zu erhalten:

$$\hat{\mathbf{x}} = (\mathbf{A}^{\mathsf{T}} \cdot \mathbf{N}^{-1} \cdot \mathbf{A})^{-1} \cdot \mathbf{A}^{\mathsf{T}} \cdot \mathbf{N}^{-1} \cdot \ell$$
 geschätzte Parameter des funktionalen Modells

$$\overset{^{\wedge}}{\mathbf{v}} = \mathbf{C}_{\mathbf{v}\mathbf{v}} \cdot \mathbf{N}^{-1} \cdot \left(\boldsymbol{\ell} - \mathbf{A} \cdot \overset{^{\wedge}}{\mathbf{x}} \right)$$
 Rauschen auf den Passpunkten

$$\mathbf{\ddot{s}} = \mathbf{C}_{\overline{\mathbf{s}}} \cdot \mathbf{R}^{\mathsf{T}} \cdot \mathbf{N}^{-1} \cdot \left(\ell - \mathbf{A} \cdot \mathbf{\ddot{x}} \right)$$
 gefiltertes Signal auf den Passpunkten

$$\mathbf{S} = \mathbf{C}_{\mathbf{s}\mathbf{\bar{s}}} \cdot \mathbf{R}^{\mathsf{T}} \cdot \mathbf{N}^{-1} \cdot \left(\boldsymbol{\ell} - \mathbf{A} \cdot \overset{^{\wedge}}{\mathbf{x}}\right)$$
 prädiziertes Signal auf den Neupunkten

wobei

$$\boldsymbol{N} = \boldsymbol{C}_{\boldsymbol{v}\boldsymbol{v}} + \boldsymbol{R} \cdot \boldsymbol{C}_{\overline{\boldsymbol{s}\boldsymbol{s}}} \cdot \boldsymbol{R}^{\mathsf{T}}$$

und schliesslich als Endwert (Transformation + Interpolation)

$$\mathbf{f} = \mathbf{G} \cdot \overset{\wedge}{\mathbf{x}} + \mathbf{M} \cdot \mathbf{s} = \mathbf{G} \cdot \overset{\wedge}{\mathbf{x}} + \mathbf{M} \cdot \mathbf{C}_{\overset{-}{\mathbf{s}}\overset{-}{\mathbf{s}}} \cdot \mathbf{R}^{\mathsf{T}} \cdot \mathbf{N}^{-1} \cdot \left(\boldsymbol{\ell} - \mathbf{A} \cdot \overset{\wedge}{\mathbf{x}}\right)$$

Besonderheit

Mit dem Fehlerfortpflanzungsgesetz lässt sich die Standardabweichung an **f** berechnen, somit die Genauigkeit des Resultats bestimmen, was die Methode sehr interessant macht.

$$\boldsymbol{C}_{ff} = \boldsymbol{C}_{ss} - \boldsymbol{C}_{ss}^{-} \cdot \boldsymbol{N}^{-1} \cdot \boldsymbol{C}_{ss}^{T} + (\boldsymbol{C}_{ss}^{-} \cdot \boldsymbol{N}^{-1} \cdot \boldsymbol{A} - \boldsymbol{G}) \cdot \boldsymbol{C}_{xx} \cdot (\boldsymbol{C}_{ss}^{-} \cdot \boldsymbol{N}^{-1} \cdot \boldsymbol{A} - \boldsymbol{G})^{T}$$

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- + die Vorteile der Transformationen verbinden sich mit denen der Interpolationen
- + die Genauigkeit der Resultate kann beurteilt werden
- mathematisch ausserordentlich komplex

Spezialfall

Vom allgemeinen Modell lassen sich 4 Spezialfälle ableiten:

 Das Modell der *vermittelnden Ausgleichung* mit R = 0 ⇔ sämtliche Informationen sollen sich im funktionalen Modell «wiederfinden»:

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{x} + \mathbf{v} - \boldsymbol{\ell} = \mathbf{0}$$

und

$$f = G \cdot \hat{x}$$

wobei

$$N = C_{vv}$$

Dieses Modell enthält also nur einen funktionalen Anteil.

2. Die *klassische Kollokation* wenn $\mathbf{R} = \mathbf{I}$ und $\mathbf{M} = \mathbf{I}$ (\mathbf{I} ist die Einheitsmatrix)

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{x} + \mathbf{v} + \mathbf{s} - \ell = \mathbf{0}$$

und

$$\mathbf{f} = \mathbf{G} \cdot \overset{\wedge}{\mathbf{x}} + \mathbf{C}_{\overset{-}{\mathbf{s}}} \cdot \mathbf{N}^{-1} \left(\boldsymbol{\ell} - \mathbf{A} \cdot \overset{\wedge}{\mathbf{x}} \right)$$

wobei

$$\bm{N} = \bm{C}_{\bm{v}\bm{v}} + \bm{C}_{\overline{\bm{s}\bm{s}}}$$

Dieses Modell wird sehr häufig in der Vermessung verwendet, besonders im GNSS-Bereich, wenn beispielsweise die Höhen nicht um die Geoidundulationen korrigiert oder andere komplexe Aspekte (Projektion, Eigenschaften mit sehr lokaler Ausprägung) nicht berücksichtigt werden konnten, z.B. [Wirth B., Höhensysteme...]:

$$\begin{bmatrix} Y \\ X \\ H \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} E \\ N \\ h \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} Y_0 \\ X_0 \\ H_0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} s_Y \\ s_X \\ s_H \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} v_Y \\ v_X \\ v_H \end{bmatrix}$$

3. Das einfache Interpolations model I mit R = M = I, A = G = v = 0

$$s - \ell = 0$$

und

$$\mathbf{f} = \mathbf{s} = \mathbf{C}_{\overline{ss}} \cdot \mathbf{N}^{-1} \cdot \boldsymbol{\ell} = \mathbf{C}_{\overline{ss}} \cdot \mathbf{C}_{\overline{ss}}^{-1} \cdot \boldsymbol{\ell}$$

wobei

$$N = C_{\overline{ss}}$$

In diesem Falle bildet die Beobachtung das ganze Signal, ohne Rauschen. Dieser Fall wurde bereits im Kapitel 4.5.7 behandelt.

4. Das Interpolationsmodell nach der Methode der **kleinsten Quadrate** mit $\mathbf{R} = \mathbf{M} = \mathbf{I}$ $\mathbf{A} = \mathbf{G} = \mathbf{0}$

$$\mathbf{v} + \mathbf{s} - \mathbf{\ell} = \mathbf{0}$$

und

$$\mathbf{f} = \mathbf{C}_{\mathbf{s}\mathbf{s}} \cdot \mathbf{N}^{-1} \cdot \boldsymbol{\ell}$$

wobei

$$\mathbf{N} = \mathbf{C}_{\mathbf{v}\mathbf{v}} + \mathbf{C}_{\overline{\mathbf{s}}\mathbf{s}}$$

Hier gibt es kein funktionales Modell einzupassen. Die Beobachtungen bilden das ganze Signal. Ein Rauschen ist zulässig.

4.7. Schätzmethoden

Wenn man das Transformations- oder Interpolationsmodell einmal gewählt hat, sind die Parameter mit Hilfe der Passpunkte zu bestimmen, zu «schätzen«.

Dazu muss die Anzahl der Passpunkte mindestens so gross wie die Anzahl der Parameter sein. Ist die Anzahl grösser (und das sollte der Regelfall sein), muss eine Ausgleichung vorgenommen werden.

In diesem Rahmen sind ebenfalls mehrere «Methoden» mit Varianten und Spezialfällen möglich:

- Maximum-Likelihood-Methode,
- Methode der kleinsten Quadrate,
- Robuste Methode,
- Regionen-Methode («divide et impera»),

- ...

Wichtige Anmerkungen

Bei den Praktikern herrscht mitunter eine gewisse Verwirrung bezüglich der Methoden.

Der Gebrauch einer «robusten» Methode definiert eine **Ausgleichungsart** und nicht eine Transformations- oder Interpolationsmethode.

Die Aussage, «TRANSINT« als Methode zu benutzen, bezieht sich ausschliesslich auf ein Programmpaket. Mit diesem können verschiedene Transformationen mit oder ohne Interpolation nach gewichtetem Mittel, und zwar mit oder ohne «robuste» Ausgleichungsart berechnet werden. Dies beschreibt also nicht die effektiv ausgeführte Arbeit.

Durch die Nutzung gewisser Eigenschaften der Transformations-, Interpolations- und Ausgleichungsmethoden kann man mitunter zu einfachen, aber strengen Algorithmen gelangen. Erwähnt sei beispielsweise die Berechnung der HELMERT-Parameter über das gewichtete Mittel individuell berechneter Massstabsfaktoren und Drehwinkel.

4.7.1. Maximum-Likelihood-Methode

Kennt man die Wahrscheinlichkeitsfunktion (auch Dichte genannt) der Beobachtungen, so besteht das Maximum-Likelihood-Prinzip darin, die unbekannten Parameter auf der Basis der Beobachtungen zu bestimmen, indem die (als Mutmasslichkeit bezeichnete) Funktion maximiert wird:

$$V(\theta) = \prod_{i=1}^{n} f_{\theta}(y_i)$$

wobei

θ: zu schätzender Parameter

 $V(\theta)$: Likelihood-Funktion, Mutmasslichkeitsfunktion

T: Produkt

f_a: Wahrscheinlichkeitsfunktion, Dichte

y_i: Beobachtungen

Wenn die Wahrscheinlichkeitsfunktion die Normalverteilung ist, was bei Vermessungsarbeiten quasi implizit ist, so führt die Maximum-Likelihood-Methode zur Methode der kleinsten Quadrate.

4.7.2. Methode der kleinsten Quadrate

Die wohlbekannte und in Geometerkreisen häufig eingesetzte Methode der kleinsten Quadrate ermittelt für die Parameter Werte, so dass die Summe der quadrierten Differenzen zwischen den Beobachtungen und dem Modell minimiert wird.

$$\rho(v_i) = \sum v_i^2 \text{ minimum}$$

wobei

$$v_i = y_i - f(x_1, x_2...x_u)$$

mit

v_i: Abweichungen, Restklaffungen, Verbesserungen, Residuen

y_i: Beobachtung im Punkt i

x_u: Unbekannte, Parameter des Modells

<u>Anmerkungen</u>

Im Allgemeinen versucht man, unbekannte Parameter zu schätzen. Man spricht in diesem Falle von der Methode der «vermittelnden Beobachtungen» oder der «parametrischen Ausgleichung». Das Prinzip der kleinsten Quadrate kann aber auch angewandt werden, wenn Gleichungen ohne Parameter die Beobachtungen verbinden. Man spricht dann von der Ausgleichung «bedingter Beobachtungen».

Ein allgemeines Modell (GAUSS-HELMERT) ermöglicht die Bearbeitung «bedingter Beobachtungen mit Parametern».

Die sequentielle Methode der kleinsten Quadrate gestattet es, die Parameter nach und nach mit Eintreffen der Beobachtungen zu bestimmen, ohne die Gesamtheit der Matrizen jedes Mal neu

aufstellen zu müssen. Diese Methode ist vor allem für die Bearbeitung von GNSS-Messungen geeignet.

4.7.3. Die «robuste» Methode

Die unter anderem in den Programmen TRANSINT und LTOP eingebaute robuste Methode minimiert den Einfluss von Messungen, deren Residuen einen bestimmten Wert überschreiten (z.B. x-mal die theoretische Standardabweichung (= mittlerer Fehler a priori)).

Die zu minimierende Funktion ist folglich (Methode nach HUBER):

$$\rho(v_i^{}) = \begin{cases} 0.5v_i^2 & \text{wenn} \\ k \middle| v_i^{} \middle| - 0.5k^2 & \text{wenn} \end{cases} \begin{vmatrix} v_i^{} \middle| < k \\ |v_i^{} \middle| \ge k \end{cases}$$

wobei

 $\rho(V_i)$: zu minimierende Funktion

v_i: Abweichungen, Restklaffungen, Verbesserungen, Residuen

k: robuster Parameter, in LTOP und TRANSINT: $k = c_{ROB} \cdot |\sigma_{vi}|$

C_{POR}: Konstante, beispielsweise 2.5 oder 3.5

 $|\sigma_{v_i}|$: Absolutwert der Standardabweichung der i-ten Beobachtung

Der Benutzer kann die Berechnung mehr oder weniger «robust» ausführen, indem er die Parameter k oder c_{ROB} im Programmablauf beeinflusst.

Wenn k nahe bei der Standardabweichung liegt, ist die Wahrscheinlichkeit gross, dass die Mehrzahl der Messungen betroffen ist. Diese Situation kann interessant sein, wenn man einen Wert sucht, der besonders gut in der Mitte einer Menge von Messungen liegt.

Wenn k gegen unendlich strebt, so tendiert die robuste Ausgleichung zu derjenigen nach der Methode der kleinsten Quadrate.

Allgemein wird c_{ROB} zwischen 2 und 4 gewählt, um Messungen zu verwerfen, die statistisch recht weit vom Mittelwert entfernt sind.

Anmerkung

Diese Methode ist sehr effizient für die Fehlersuche in den Beobachtungen sowie für ein «rasches» Erzielen korrekter Parameter. Die definitive Berechnung muss mit der «klassischen» Ausgleichung nach der Methode der kleinsten Quadrate erfolgen.

Das Prinzip kann «verfeinert» werden, wenn als Grenzwert (c_{ROB}) ein für die jeweilige Beobachtung normierter Wert (w_i) betrachtet wird. Dieses Prinzip wird in LTOP eingesetzt.

4.7.4. Die Methode «divide et impera»

Bei «Teile und Herrsche» handelt es sich eher um eine organisatorische als um eine mathematische Methode. Sie kann darin bestehen, die Daten in Kategorien aufzuteilen, wenn sie verschieden behandelt werden sollen (berechnete Daten, digitalisierte Daten, Daten verschiedener Herkunft, usw.). Es kann auch darum gehen, global heterogene Daten in Teilgebiete aufzuteilen, wenn diese lokal homogene Eigenschaften aufweisen (pro Plan pro Los, pro Fixpunktnetz, usw.).

Das Bearbeitungsgebiet wird in Teilgebiete mit homogenen Eigenschaften aufgeteilt.

Jedes Teilgebiet wird dann autonom transformiert und allenfalls interpoliert.

An den Teilgebietsrändern können die erzielten Resultate aus den beiden benachbarten Gebieten voneinander abweichen.

Der Bearbeiter muss also die in beiden Teilgebieten verwendeten Passpunkte sorgfältig auswählen, besonders am Gebietsrand. Es ist denn manchmal auch unabdingbar, im Streifen entlang der Gebietsränder noch eine Mittelung oder sogar eine Interpolation auszuführen:

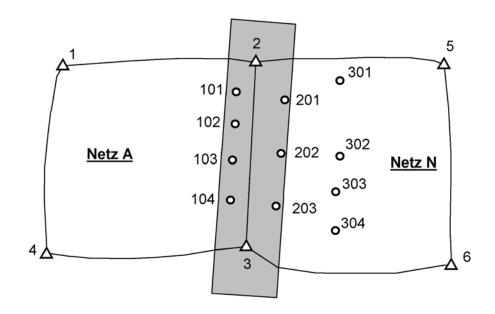


Abb. 22: Streifenweise Interpolation im Anschluss an eine netzweise unabhängige Transformation. Die Punkte 1-4, 101-104 und 201-304 sind Passpunkte.

5. Aufzählung der Systeme und Programme

5.1. Einleitung

Der Gebrauch einer Transformations- oder Interpolationsmethode hängt nicht nur von einer rein wissenschaftlichen Wahl ab: das dem zu lösenden Problem bestangepasste Modell soll leicht verfügbar sein. Das bedeutet, dass man sich für alle punktuellen Anwendungen mit marktüblichen Produkten zufrieden gibt, insbesondere jenen, die im Hause verfügbar sind. Dazu gehören zuallererst Programme, die schon in Informatiksystemen integriert sind, mit denen man die zu transformierenden Daten behandelt!

Der Kauf anderer Programme, sogar die Programmierung nicht verfügbarer Methoden an der Peripherie oder integriert im eigenen System kann nur in Betracht gezogen werden, wenn ihre Anwendungen einen gewissen Umfang annehmen und sich die Aussicht auf eine erneute Benutzung der Programme abzeichnet.

Neben einem Kauf können die unten aufgeführten Programme teilweise auch im Online-Dienst über Internet ausgeführt werden. Es empfiehlt sich daher, periodisch die Webseiten von swisstopo oder der kantonalen Vermessungsämter bzw. der Hersteller oder Berufsverbände zu konsultieren. Die Daten können bei solchen Programmen meist in Standardformaten (ASCII, DXF, INTERLIS usw.) übergeben werden.

swisstopo führt eine Liste der in der Schweiz vertriebenen und benutzten Transformations- und Interpolationsprogramme:

www.cadastre.ch/de/projet/rdlv95/rdlv95_instrument (deutsch) bzw. www.cadastre.ch/fr/projet/rdlv95/rdlv95_instrument (französisch)

Das Kapitel 5.2 beschreibt für die Systeme:

- ihre Namen und den autorisierten Vertriebshändler,
- ihre allgemeinen Merkmale,
- die integrierten Transformations- und Interpolationselemente,
- die Schnittstellen für einen Datenaustausch.

Das Kapitel 5.3 beschreibt für die Programme:

- ihre Namen und den autorisierten Vertriebshändler,
- die wichtigsten Merkmale,
- die allgemeinen Funktionen,
- die Betriebssysteme und verwendeten Sprachen,
- die Systemintegration / Arbeitsabläufe (losweise Batch- oder interaktiv).

5.2. Einige verfügbare Systeme

Die Systeme werden nach folgender Logik vorgestellt:

Systemname Vertriebshändlername Adresse Telefon Ort

Fax Server/Internetadresse

Allgemeine Merkmale

Hauptsächlich verwendete Methoden

Datenaustauschmöglichkeiten

ADALIN ARIS AG Geoservices Dorfstrasse 53

Tel 044 871 22 33 8105 Regensdorf-Watt Fax 044 871 22 34 www.aris-geoservices.ch

- besitzt eine eingebaute Funktion *Punkttrafo*. Damit lassen sich die Passpunktmenge bearbeiten, die Transformationen durchführen und die Ausgaben (Bildschirmdarstellungen, Listen, Dateien) gestalten. Die Passpunkte lassen sich interaktiv manipulieren (Eingabe ab Datei oder Referenzierung am Bildschirm). Die Parameter der HELMERT- und der Affintransformation werden in einer Ausgleichung bestimmt.
- Eine andere Funktion *Linzug* erlaubt das variantenreiche Bearbeiten von Streckenzügen:
 Definieren, Löschen, Kopieren, Schieben (Translation oder Rotation), Zwängen, Einpassen (3-oder 4-Parametertransformation), Speichern.
- Waadtländer Modul für Plannumerisierungen
- Datenaustausch mittels INTERLIS, XML, weitere Datenformate

ArcGIS ESRI Geoinformatik AG Beckenhofstrasse 72

Tel +41 44 360 19 00 8006 Zürich

Fax +41 44 360 19 11 www.ESRI-Suisse.ch

- ArcGIS ist der Name einer ganzen Familie von skalierbaren und ideal aufeinander abgestimmten Produkten: ArcView, ArcEditor, ArcInfo, ArcGIS Server (Datenmanagement, Visualisierung, Internet Mapping, serverbasiertes Editing und Geoprocessing), ArcGIS Explorer, ArcGIS Engine und viele Erweiterungen.
- unterstützt Kartenprojektionen (BONNE, GAUSS-KRÜGER, geozentrische, schiefachsige MERCATOR, und viele weitere), geografische und kartesische Koordinatensysteme, Umrechnungen zwischen diesen Systemen sowie «on-the-fly» Datumstransformationen. Transformationen:
 - Geozentrische Translationen (ΔX , ΔY , ΔZ)
 - Geozentrische 3-dimensionale 7-Parametertransformation (Translation, Rotation, Skalierung), auch charakterisiert mit «BURSA-WOLF Methode»
 - Direkter 3D-Übergang zwischen 2 geodätischen Bezugssystemen (mittels Translation, Differenz zwischen den Ellipsoidhalbachsen und –Abplattung), auch charakterisiert mit «MOLODENSKY–Methode»
 - vereinfachte MOLODENSKY-Methode, die weniger genaue Resultate liefert
 - Koordinatengitter Methoden («grid based»): Das Bearbeitungsgebiet ist in Zellen aufgeteilt. Für jede Zelle liegen Differenzen (Länge, Breite) zwischen 2 geografischen Koordinatensystemen vor. Mit einer bilinearen Interpolation werden die Korrekturwerte für einen gewünschten Punkt bestimmt.
- Kursprogramm unter www.esri-suisse.ch, Online-Kurse unter training.esri.com
- Datenaustauschformate: INTERLIS, Shape Files, DWG, DXF, MIF, JPEG, DGN, SQL-Datenbankformate, ODBC usw.

 Autodesk AG
 Worbstrasse 223

 Tel
 031 958 20 20
 3073 Gümlingen

 Fax
 031 958 20 22
 www.autodesk.ch

AutoCAD®

- CAD Basissoftware mit elementaren Operationen für Vektor- und Rasterdaten (Translation, Rotation, Skalierung)
- Kartenbezogene Ergänzung **AutoCAD Map**™ zur Verwaltung und Bearbeitung von Kartenapplikationen mit Moduln für Kartenprojektionen, Koordinatensysteme, Koordinatenumrechnungen und Transformationen (HELMERT, Affin, perspektivische Projektion)
- Datenaustausch mittels DXF, DWG, XML, ARC/INFO coverages und SDF usw.

CADRaster PRO

- Raster-Bearbeitungshilfsmittel für AutoCAD, AutoCAD Map und AutoCAD LT. Für das exakte Kalibrieren der Rasterdaten stehen verschiedene Transformationsmethoden zur Verfügung:
 - HELMERT-Transformation
 - Affintransformation zur unabhängigen Skalierung von X und Y-Achsen. Damit können Grössen- und Skalierungsprobleme ebenfalls beseitigt werden.
 - bilineare
 bikubische
 biquadratische
 mit diesen Funktionen lassen sich nachvollziehbare hochpräzise Zeichnungen aus mehr oder weniger verzerrten Scan-Grundlagen erzeugen
- bietet eine Linienverfolgung und damit eine halbautomatische Vektorisierung
- Datenaustausch mittels INTERLIS, Autocad-unterstützte Formate usw.

TOPOBASE™

- Transformations- und Interpolationsmöglichkeiten:
 - 3 Parameter (Translation und Rotation)
 - 4 Parameter (HELMERT)
 - 5 Parameter (eine Rotation, zwei Translationen und zwei Massstäbe)
 - 6 Parameter (Affin)
 - FINELTRA mit CHENyx06 als Option
- Nach der Transformation können die Restklaffungen regelmässig (unabhängig vom Netzaufbau) mittels einer Interpolation verteilt werden.

TB-Homogenisierung (Programm-Module von TOPOBASE)

- Verfahren zur konsequenten Verbesserung von alten digitalisierten Datenbeständen. Das gewünschte Gebiet wird in (finite) dreieckige Elementarflächen zerlegt, innerhalb derer eine Interpolation durchgeführt wird. Das Dreiecksnetz wird ohne Lücken und Überlappungen (mittels AutoCAD Land Desktop) aufgebaut. Diese Dreiecksvermaschung wird durch beliebig viele Passpunkte wie z.B. Festpunkte, Grenzpunkte oder Gebäudeecken gebildet. Dabei werden das Δy und das Δx der Differenzvektoren der Passpunkte als Höhe genommen. Für jedes zu verbessernde Objekt wird jetzt der Verschiebungsvektor mit der Ermittlung der Höhe in diesem Geländemodell bestimmt. Durch diese verschiedenen Verbesserungen können auch geometrische Inhomogenitäten auftreten. Das Modul berücksichtigt bei dieser Transformation aber gewisse geometrische Bedingungen, damit keine geometrischen Inhomogenitäten auftreten. Es sind dies:
 - Rechtwinkligkeit,
 - Geradlinigkeit,
 - Strecken (Bemessungen).

Die geforderten geometrischen Bedingungen werden in einer vermittelnden Ausgleichung hergestellt.

TB-GKS (Programm-Module von TOPOBASE)

- Dient zur Anpassung von Koordinaten zwischen zwei GAUSS-KRÜGER Meridianstreifensystemen (2⇒3, 3⇒4, 4⇒5 und umgekehrt) in Deutschland

Weitere Informationen: Verbesserung bestehender digitalisierter Geodaten,

VPK 4/2002, S. 252-255

GEONIS expert Geocom Informatik AG Kirchbergstrasse 107

Tel 034 428 30 30 3400 Burgdorf Fax 034 428 30 32 www.geocom.ch

- GEONIS expert basiert auf den GIS- und Vermessungs-Technologien von ESRI und Leica
- GEONIS expert Kataster ist die schweizerische Fachapplikation für die Amtliche Vermessung (AV) nach AV93, welche auch das Datenmodell DM.01-AV unterstützt. Implementiert sind alle Funktionen für Nachführung / Mutation, Ersterhebung und provisorische Numerisierung gemäss TVAV
- Unterstützt die Kartenprojektionen und Transformationen der ArcGIS-Basistechnologie (siehe ESRI)
- Diverse Erweiterungs-Module für die Punktberechnung (GRICAL expert), Transformation,
 Darstellung, Netzausgleichung aus LTOP (GCNET expert), Näherungskoordinaten (Prefilter) usw. ergänzen die Produktelinie
- Vollständige Integration der Feldsensoren (TPS, GNSS) stellt den schnittstellenfreien Workflow Feld-Büro-Feld sicher
- Interlis Studio unterstützt die AVS-Interlismodelle (Import / Export) mit den erforderlichen Konsistenzprüfungen über alle Informationsebenen
- Datenaustausch: siehe Internetseite; u.a. INTERLIS, GEOBAU2, ArcGIS-Formate (Shape, GEO405/DXF)

GEOS Pro a/m/t software service AG Obergasse 2a

Tel 052 213 23 13 8400 Winterthur Fax 052 213 88 43 www.amt.ch

- Ist eine Komplettlösung für die amtliche Vermessung, baut auf den GeoMedia Professional Funktionalitäten auf und löst GEOS 4 sowie das Intergraph-Produkt GRIVIS ab
- Punktberechnungsmodul ProCalc: inklusive strenge Ausgleichung
- GRIVIS-GEOS unterstützt das Ebenenmodell der amtlichen Vermessung und die Prozesse Neuvermessungen, Erneuerungen, provisorische Numerisierungen gemäss den Anforderungen der TVAV wie auch kantonaler Erweiterungen
- Datenaustausch: GeoMedia Formate, INTERLIS, Tachymeterformate
- Erzeugen von SIGIS Auszügen gemäss C2014
- Transformationen LV03 ⇔ LV95

GeoMedia Pro Intergraph (Schweiz) AG Neumattstrasse 24

Tel 043 322 46 46 8953 Dietikon

Fax 043 322 46 10 www.intergraph.com/ch

- GIS-Basissoftware mit Zugriff auf alle gängigen GIS-/CAD-Formate und Standarddatenbanken (Oracle, SQL Server, Access, weitere)

- Bilden eines Geoworkspace-Koordinatensystems mit Auswahl der geografischen oder Projektionskoordinaten
- «On the fly» Transformation unterschiedlicher Koordinatensysteme in ein Ansichtskoordinatensystem
- Auswahl von Projektionsalgorithmen (z.B. LABORDE, MERCATOR, BONNE, GAUSS-KRÜGER, und viele weitere) und Projektionsparametern (Länge / Breite Fundamentalpunkt, False Y / X, Auflösung, Massstabsfaktor im Fundamentalpunkt usw.)
- Auswahl eines vordefinierten Bezugsellipsoides (z.B. Bessel1841)
- Datumstransformationsmodelle: MOLODENSKY (Standard), BURSA-WOLF, konforme oder allgemeine Polynomtransformation 2. Grades, weitere). Sie erlauben Transformationen zwischen einem 'primären' und einem 'sekundären' Koordinatensystem (Beispiele: 1. LV03, 2. WGS84) und bieten die Möglichkeit, Transformationsparametersätze einzugeben (z.B. LV95 Parametersatz)
- Möglichkeit, Daten zwischen verschiedenen vertikalen Datums zu referenzieren (orthometrisch oder geometrisch)
- Projektionsalgorithmen für LV03 und LV95 sind vordefiniert
- Rasterdaten können über angewählte oder eingegebene Passpunkte affin an den geografisch korrekten Platz transformiert werden. Für Vektordaten können HELMERT- oder Affintransformation gewählt werden
- Datenaustausch mittels DXF, DWG, DGN, Shape, INTERLIS (Zusatzmodul), TIFF, GeoTIFF, JPEG, RLE, viele weitere

 MapInfo
 TYDAC AG
 Luternauweg 12

 Tel
 031 368 01 80
 3006 Bern

 Fax
 031 368 18 60
 www.tydac.ch

 Axit-Georiviera SA
 12, rue du Clos

 Tél.
 021 923 80 90
 1800 Vevey

- MapInfo® beschränkt sich auf umfassende Projektionsumrechnungen

Fax 021 923 80 91

 das Zusatzprogramm FlexibleMap des Ing.-Büro Christian Singer ermöglicht Lagekorrektur, geometrische Transformation, Entzerrung und Georeferenzierung von digitalen Landkarten (www.icsinger.de/flxmap_d.htm). Seine Operationen sind anwendbar auf normale, aus Vektorgrafik bestehenden MapInfo-Karten, nicht hingegen auf Raster-Karten. Folgende Verfahren stehen auf der Grundlage von bezeichneten Passpunkten zur Verfügung:

www.axit.ch

- Affintransformation
- HELMERT-Transformation
- massstabsneutrale Transformation (nur Translation und evtl. Rotation)
- «Rubbersheeting»: dies ist eine nichtparametrische, nichtlineare Umformung auf Basis von Dreiecksvermaschung (Delauney-Triangulation)
- Interpolation eines gleitenden Mittelwertes mit inverser Distanzfunktion.
- Ferner sind in FlexibleMap einfache geometrische Operationen wie Translationen, Rotationen oder Skalierungen durch direkte Eingabe der Transformationsparameter verfügbar.

 Der Datenaustausch erfolgt oft über das Programm FME; siehe www.safe.com/products/fme/formats-supported/index.php

MicroStationBentley Systems (Switzerland) AGTäfernstrasse 4Tel056 483 40 205405 Baden-Dättwil

Fax 056 483 40 30 www.bentley.com/de-DE/

- Hinterlegte Rasterbilder können über angewählte Passpunkte mittels HELMERT- oder Affintransformation in eine Zeichnung eingepasst werden.

- Mit einem Zusatzprodukt Mq_Trans der Firma GEOMAPPING GmbH (www.geomapping.de) können Pläne und Karten verschiedener Massstäbe eingepasst und Verzüge nach einer erfolgreichen Raster-Vektor-Konvertierung beseitigt werden. Es hat folgende Möglichkeiten:
 - reine HELMERT-Transformation (mit und ohne Massstab)
 - Multiquadratische Interpolation (mit vorgelagerter HELMERT-Transformation).
 - Affin-Transformation mit 5 Parametern (2 Translationen, 2 Massstäbe, 1 Rotation) und modularer Erweiterbarkeit
 - beliebige Anzahl von interaktiv definierbaren Stützpunkten
 - Anwahl der Stützpunkte und Transformation auch in 3D Zeichnungsdateien möglich (Z-Komponente bleibt unberücksichtigt)
 - hohe Genauigkeit
 - Anzeige der mittleren Restabweichung nach HELMERT
 - Datenaustausch: Speichern und Laden der identischen Punkte über offenes ASCII Format;
 DXF, DWG, DGN, weitere

5.3. Verfügbare Programme

Die Standardprogramme für HELMERT- und affine Transformationen sowie für die Berechnung freier Stationen sind hier nicht ins Verzeichnis aufgenommen worden. Es sind nur Programme aufgeführt, die im Zusammenhang mit dieser Anleitung von Interesse sind.

Die Systeme werden nach folgender Systematik vorgestellt:

Programmname Vertriebshändlername Adresse

Telefon Ort

Fax Server/Internetadresse

Kurze Beschreibung

BERNESE GPSAstronomisches InstitutUniversität BernSOFTWARETel031 631 85 91Sidlerstrasse 5Fax031 631 38 693012 Bern

www.aiub.unibe.ch/content/index_ger.html

- Programmrahmen zur Behandlung von GNSS Messungen (Transfer, Verwaltung, Kontrolle der Satellitenbahnen, Transformation, Ausgleichung von GNSS-Messungen)

- Betriebssysteme: UNIX, LINUX, Windows

Weitere Informationen: www.bernese.unibe.ch/

FINELTRA Bundesamt für Landestopografie Seftigenstrasse 264

Tel 031 963 21 11 3084 Wabern Fax 031 963 24 59 www.swisstopo.ch

- FINELTRA ist das offizielle Programm des Bundesamtes für Landestopografie für die dreiecksweise Affintransformation von Punkten zwischen den Bezugsrahmen LV03 und LV95.
 Weitere Bezugsrahmenwechsel sind möglich, wenn entsprechende Dreiecksvermaschungen unterlegt werden.
- Die Verzerrungen können analysiert und dargestellt werden
- Keine Behandlung der Höhen
- Datenaustausch: LTOP Format, Vermaschungsdatei
- Betriebssysteme: MS-DOS, Windows, UNIX, LINUX. Sprachen: d, f, i
- Wird auch als kostenloser online-Dienst betrieben
- Ergänzende Programme: Verwaltungsprogramm GEO, TransILI, LV95-Dreiecksvermaschung, Dilas-Rastertransformation

Weitere Informationen: A. Carosio, M. Plazibat, Linerare Transformation mit finiten

Elementen; VPK 4/1995, S. 192-194

U. Marti, R. Nocera, Benutzeranleitung FINELTRA

swisstopo, Manual Nr. 6, 2003

GEOLOT Bundesamt für Landestopografie / IGP Seftigenstrasse 264

GEOLOT98 Tel 031 963 21 11 3084 Wabern GEOLOT04 Fax 031 963 24 59 www.swisstopo.ch

- GEOLOT berechnet Lotabweichungen und Geoidhöhen mit dem Geoidmodell 1978 (Geoid von Gurtner, gültig bis zur Einführung des Geoidmodells 1998)
- GEOLOT98 ist das strenge Programm zum Berechnen von Geoidundulationen und Lotabweichungen aus Massen nach dem Geoidmodell CHGEO98 (von Marti 1998, entwickelt zusammen mit IGP-ETHZ). Für die Benutzung ist der Programmautor zu konsultieren.
- GEOLOT04 ist das strenge Programm zum Berechnen von Geoidundulationen und Lotabweichungen aus Massen nach dem aktuellen Geoidmodell CHGEO2004 (von Marti 2004, entwickelt zusammen mit IGP-ETHZ). Für die Benutzung ist der Programmautor zu konsultieren.

- Betriebssysteme: UNIX, LINUX - Datenaustausch: LTOP - Formate

GEOMATICS Office allnay AG Obstgartenstrasse 7

8006 Zürich Tel 043 255 20 20 Fax 043 255 20 21 www.allnav.com

- Messdatenverarbeitung (GNSS, Tachymetrie), Netzausgleichung, Vermessungsdaten-Import/Export, DGM, Verwaltung von Vermessungsprojekten, GIS-Datenerfassung, Datum-Transformationen und Projektionen.
- Für diesen Bereich lassen sich u.a. verwalten: Kartesische und ellipsoidische Koordinaten, Bezugssysteme, Datum- und Projektionsparameter, Geoid-Modelle, kombinierte Datum-Gitterdateien.
- Koordinatentransformationen:
 - WGS84

 ⇒ Bessel (3 oder 7 Parameter)

 - Lokale Anpassung Landeskoordinaten

 ⇒ eingepasste Koordinaten in
 - Lage: 2D-HELMERT (3 oder 4 Parameter)
 - Höhe: konstante oder schiefe Ebene (1 oder 3 Parameter)
- Datenaustausch: benutzerdefinierte ASCII-Daten, DXF, DWG, MicroStation, ArcView, Map-Info, weitere

GPSREF Bundesamt für Landestopografie Seftigenstrasse 264

> 031 963 21 11 3084 Wabern Tel Fax 031 963 24 59 www.swisstopo.ch

- Transformation von WGS84 / CHTRS95 Koordinaten (3D-geozentrisch oder ellipsoidisch) ins Bezugssystem der schweizerischen Landesvermessung (LV03 oder LV95) und umgekehrt mit mm-Genauigkeit
- Transformationsparametersätze «GRANIT» oder «LV95» sind fest einprogrammiert

- Datenaustausch: LTOP - Format - Betriebssysteme: MS-DOS, UNIX

HTRANS Bundesamt für Landestopografie

Seftigenstrasse 264 031 963 21 11 3084 Wabern Tel Fax 031 963 24 59 www.swisstopo.ch

- Programm für den Übergang von ellipsoidischen zu orthometrischen Höhen und Gebrauchshöhen; berechnet und bringt die Geoidundulationen an und erlaubt die Transformation zwischen orthometrischen Höhen LHN95 und Gebrauchshöhen LN02
- verwendet wahlweise die Geoidmodelle CHGeo98 oder CHGeo2004 der Schweizerischen Landesvermessung (entwickelt von swisstopo zusammen mit IGP-ETHZ)
- kann auch im Internet-Berechnungsdienst von swisstopo interaktiv und kostenlos benutzt werden
- Für die Berechnung von Geoidundulationen ist auch eine Variante für die GNSS-Geräte von Leica, Trimble und Topcon für GNSS/RTK-Anwendungen erhältlich
- Betriebssysteme: Windows , UNIX, Linux

- Datenaustausch: LTOP-Format

KOORDIFF Bundesamt für Landestopografie

Tel 031 963 21 11 3084 Wabern Fax 031 963 24 59 www.swisstopo.ch

Seftigenstrasse 264

- Grafische und tabellarische Darstellung von Lage- und Höhenverschiebungen von 2 bis n Messepochen (sternförmige oder polygonale Vektordarstellung)
- Datenaustauschformate: LTOP Format, HPGL, DXF

- Betriebssysteme: MS-DOS, Windows, UNIX

LTOP Bundesamt für Landestopografie Seftigenstrasse 264

Tel 031 963 21 11 3084 Wabern Fax 031 963 24 59 www.swisstopo.ch

- LTOP erlaubt die Ausgleichung von nicht korrelierten Beobachtungen der folgenden Typen: Richtungssätze, Azimute, Distanzen, Koordinaten, Koordinatendifferenzen, Sätze von GNSS-Koordinaten, Höhenwinkel und Höhendifferenzen.
- Die Ausgleichung kann sowohl mit kartesischen Koordinaten in einem wählbaren Projektionssystem, z.B. dem der Schweizerischen Landesvermessung, als auch mit geografischen Koordinaten auf einem wählbaren Ellipsoid durchgeführt werden.
- Jeder Beobachtung kann eine individuelle theoretische Standardabweichung zugeteilt werden.
- Die Beobachtungen können vermittelnd nach der Methode der kleinsten Quadrate oder robust ausgeglichen werden.
- Lage- und Höhenausgleichung werden getrennt durchgeführt.
- Sätze von GNSS-Koordinaten werden mit einer 2-, 3- oder 4-Parameter-Lagetransformation (Lage) bzw. einer 1-, 2- oder 3-Pararameter-Höhentransformation behandelt.
- Das einzugebende Koordinatenverzeichnis muss Anschlusspunkte und Neupunkte (Näherungskoordinaten) enthalten.
- Mit Hilfe von Masken können viele Optionen gewählt werden. So können etwa Azimutreduktionen berücksichtigt und ausgedruckt werden. Wenn Lotabweichungen und Geoidhöhen bekannt sind, kann deren Einfluss auf die Beobachtung berücksichtigt werden usw.
- Datenaustausch: LTOP Format; Eine Plotdatei (Format IPL) kann geschrieben werden.

- Betriebssysteme: MS-DOS, Windows, UNIX

Weitere Informationen: Bundesamt für Landestopografie, Manual No. 2, Nov. 2002

Für LTOP96 - affine Version: Office de l'information sur le territoire (OIT), av. de l'Université 3, 1014 Lausanne

LTOPWIN Bundesamt für Landestopografie Seftigenstrasse 264

Tel 031 963 21 11 3084 Wabern Fax 031 963 24 59 www.swisstopo.ch

- Grafische Benutzeroberfläche für die Bearbeitung der LTOP-Steuerparameter

- Betriebssysteme: Windows

ORIMA Leica Geosystems AG Europa-Strasse 21

Tel 044 809 33 11 8152 Glattbrugg

Fax 044 810 79 37 www.gis.leica-geosystems.com

 Programm für Bildorientierung, Aerotriangulation und Bündelblockausgleichung auf analytischen und digitalen photogrammetrischen Arbeitsstationen (Leica Photogrammetry Suite)

- Wird meist zusammen mit SOCET SET eingesetzt: unterstützt Aerotriangulationen in nicht kartesischen Koordinatensystemen (z.B. UTM, geografische oder nationale Projektionssysteme)
- Integration von luftgestützten GNSS- und Inertialmessungen
- Datenaustausch: DXF, ESRI-Shapefiles, TIFF, GEOTIFF, ASCII, COT und weitere

- Betriebssystem: Windows

Weitere Informationen gi.leica-geosystems.com/LGISub1x27x0.aspx

PLANETZ Bundesamt für Landestopografie Seftigenstrasse 264

Tel 031 963 21 11 3084 Wabern Fax 031 963 2459 www.swisstopo.ch

- Plotprogramm für geodätische Netze (Punkte, Messungen) Verschiebungsvektoren, Konfidenzellipsen und Zuverlässigkeitsrechtecke

- Datenaustausch: Eingabe LTOP - Plot (IPL), Ausgabe: DXF, HPGL

- Betriebssysteme: MS-DOS, Windows, UNIX; Sprache: d, f

QUINT Helmut Kager Institut für Photogrammetrie und

Tel +43 1 58801-12201 Fernerkundung, TU Wien Fax +43 1 58801-12299 Gusshausstrasse 27-29

A-1040 Wien

www.ipf.tuwien.ac.at/

- Interpolationsprogramm nach kleinsten Quadraten, für zweidimensionale Punkthaufen
- QUINT ist inzwischen im Photogrammetrieprogramm ORIENT integriert worden
- Details zu ORIENT: www.ipf.tuwien.ac.at/products/produktinfo/orient/html hjk/orient.html

- Betriebssysteme: auf Anfrage

RoSy® M.O.S.S. Computer Grafik-Systeme GmbH Hohenbrunner Weg 13

Tel +49 89 666 75 144 D-82024 Taufkirchen

Fax +49 89 666 75 180 www.moss.de

- Mit dem Rasterorientierten System können automatisch erfasste kartografische Vorlagen auf Standard-Workstations kontrolliert, geändert und überarbeitet werden. Im Vordergrund steht

die Georeferenzierung und Entzerrung von eingescannten oder transferierten Raster-, Vektorund Textdaten mittels einer linearen oder nichtlinearen Passpunkttransformation; implementiert ist eine ebene Affintransformation mit Überbestimmung (d.h. Ausgleichung) und mit nachgeschalteter Restklaffenbeseitigung:

- «nach Abstandsgewichten»
- «in einem komponentenweisen Ausgleich durch eine Linearkombination von Korrekturfaktoren.» Die Komponenten sind dabei die getrennt voneinander berechneten xund y-Werte. Das Verfahren heisst andernorts «multiquadratische Interpolation» und wird mit dem Glättungsfaktor G = 0.6 * max (s_{min}, s_{max}/5, s_Ø/3) angesetzt. Dieses Verfahren verhält sich im Falle von Extrapolationen oder inhomogener Passpunktverteilung gutmütig.
- Mittels Vermaschungsverfahren (Delauney-Triangulation oder Achsenschnittstetige Vermaschung)
- Datenaustausch: DXF, EDBS, TIFF (Gruppe 1-4), GeoTIFF, HPGL, weitere

SITTRANS geopoint lütolf Eisenhof
Tel 041 499 91 21 6162 Entlebuch
Fax 041 499 91 29 info@geopoint-luetolf.ch

- SITTRANS berechnet in einem ersten Schritt die Verschiebungsvektoren von Punktkoordinaten, die in zwei Dateien identische Punktnummern aufweisen. Anhand der Verschiebungsvektoren müssen die Passpunkte für die nachfolgende Interpolation ausgewählt werden. Die Interpolation nach gewogenem Mittel als zweiter Schritt transformiert die Koordinaten einer Ursprungsdatei anhand der ausgewählten Passpunkte und den eingegebenen Parametern in eine Resultatdatei. Die Gewichtung ist entweder 1/Distanz oder 1/(Distanz)².Die restlichen Informationen in der Ursprungsdatei werden in der gleichen Reihenfolge in die Resultatdatei kopiert.
- Das Format der Ursprungsdatei ist irrelevant. Die Spalten der Ursprungsdatei müssen durch mindestens ein Leerzeichen getrennt sein. Maximal werden 4 Koordinatenpaare pro Zeile, die nebeneinander und in [m] vorliegen müssen, und 40 Spalten verarbeitet.
- Bei der Interpolation können verschiedene Parameter gesetzt werden wie
 - Massstabsfaktor,
 - Fangradius (Einflusskreis) für die Berücksichtigung der Passpunkte,
 - grösste zulässige Verschiebung von Passpunkten,
 - maximal zulässige Korrektur der grössten Verschiebung,
 - die minimale Anzahl Passpunkte innerhalb des Fangradius und
 - das Ausschalten unerwünschter Passpunkte.
- SITTRANS ist menugesteuert (Windowsoberfläche) und besitzt eine Projektverwaltung.
- Datenaustauschformat: Eingabe: INTERLIS oder spaltenorientiert

Ausgabe: DXF, ADASS (altes Adalin-Format)

- Betriebssysteme: Windows 2000 oder XP

Leica GeoLeica Geosystems AGEuropa-Strasse 21Office (LGO)Tel044 809 33 118152 Glattbrugg

Fax 044 810 79 37 www.leica-geosystems.com

- Auswertung von GNSS-Beobachtungen mit Verwaltung von Koordinatensystemen, Projektionssystemen, Ellipsoiden, Geoidmodellen und länderspezifischen Koordinatensystemmodellen
- Koordinatentransformationen:
 - Klassisch 2D: 4 Parameter (2 Translationen, 1 Rotation, Massstab)
 - Klassisch 3D Methode: 7 Parameter (3 Translationen, 3 Rotationen, Massstab). Für die nicht als Unbekannte bezeichneten Parameter werden Werte manuell eingegeben. Die Transformation kann nach der Methode «BURSA-WOLF» oder «MOLODENSKY-BADEKAS» erfolgen.
 - 1-Schritt Methode: für Fälle, in denen keine Informationen über das Ellipsoid und/oder die Kartenprojektion des Zielsystems vorhanden sind oder wenn die GNSS-Beobachtungen möglichst klaffungsfrei in das Zielsystem eingepasst werden sollen. Die Anwendung muss gebietsmässig auf 10x10 km begrenzt werden. Diese Methode unterscheidet zwischen einer Lagetransformation und einer 1-Parameter Höhenannäherung. Bei der Lagetransformation werden die WGS84-Koordinaten vorübergehend auf eine Transversale Mercator Projektion verebnet und anschliessend die Verschiebungen, Rotationen und der Massstabsfaktor von dieser temporären Projektion auf die «reale» Projektion umgerechnet.
 - 2-Schritt Methode: Lage- und Höhentransformation werden getrennt behandelt. Ellipsoid und Kartenprojektion müssen bekannt sein. Mit einer klassischen 3D Vortransformation erhält man vorläufige Koordinaten, die anschliessend auf ein vorläufiges Gitter mit den spezifizierten Ellipsoid und Kartenprojektion projiziert werden. Mit der Klassischen 2D Methode werden die Punkte im 2. Schritt vom vorläufigen Gitter ins Zielsystem transformiert («lokale Anpassung»). Die Höhentransformation ist eine 1-Parameter Höhenannäherung.
 - Schrittweise Methode: wenn die Höhen des Zielsystems nicht sicher bekannt sind, seine Lagekoordinaten allerdings genau vorliegen und die Homogenität der GNSS Messungen in der Lage erhalten bleiben soll. Diese Methode ist eine Kombination der Methoden Klassisch 3D (Lage) und Interpolation (Höhe),
- Interpolation: die Transformationsparameter werden aus einem Affintransformationsmodell unter Verwendung eines Kollokationsalgorithmus [Wirth] zur Schätzung des systematischen Anteils der Klaffungen bestimmt. Lage und Höhe werden getrennt behandelt. Es sind keine Kenntnisse über Projektion und Ellipsoid des Zielsystems notwendig. Anschliessend können die Restklaffungen gewichtet im Verhältnis zur Distanz zwischen den zu transformierenden Punkten und den Passpunkten verteilt werden oder mit der multiquadratischen Interpolationsmethode erfolgen.
- Datenaustausch: GSI- oder SKI-ASCII File Format; benutzerdefinierte ASCII-Formate nach Behandlung mit einem integrierten Formatmanager; Ausgabe von AutoCAD- (DXF, DWG), MicroStation- (DGN) oder ESRI Shape Formaten.

TRAFOX Prof. Dr.-Ing. Hans Fröhlich Lichtweg 16

 Tel
 02241 312345
 D-53757 Sankt Augustin

 Fax
 02241 310019
 geo-goon@t-online.de

- 3D-kartesische Transformation (Batch- oder interaktiv) zwischen zwei rechtshändigen Koordinatensystemen: konform mit 7, affin mit 9 Parametern; für kleine und grosse Drehwinkel
- Schätzung der Transformationsparameter wahlweise nach L1-, L2- oder L∞-Norm
- Automatische Berechnung oder Eingabe der Näherungswerte für die unbekannten Parameter

- maximal 100 Passpunkte mit Eingabe ihrer Standardabweichungen; Berechnung von Verbesserungen an den Passpunkten im Start- und Zielsystem möglich
- wählbare Restklaffenbeseitigung (Interpolation) nach Abstandsgewichten: $p = s_i^{-k}$, wobei p Gewicht, s_i Raumdistanz Neupunkt-Passpunkt, $0 \le k < \infty$
- Betriebssysteme: MS-DOS, Windows; Sprache: d
- Einsatz in der Schweiz: an der Fachhochschule Nordwestschweiz (beat.sievers@fhnw.ch)

TRANSFO_COORD LASIG/EPFL

Tel 021 693 57 85 Fax 021 693 57 90

Faculté ENAC, EPFL Bâtiment GC Station 18 1015 Lausanne www.lasig.epfl.ch

Laboratoire de SIG

- Das Programm ist eine Erweiterung von ArcView (siehe ArcGIS von ESRI)
- Dreiecksweise affine Koordinatentransformation (FINELTRA)
- Eine Dreiecksvermaschung lässt sich interaktiv konstruieren oder bearbeiten, ausgehend von den Dreiecksecken (Transformationsstützpunkte TSP)
- Berechnung der Transformationsparameter und Verzerrungsgrössen (Strecken, Winkel, Flächen)
- Berechnung und Darstellung der Verschiebungsvektoren
- Transformation der Objekte (Punkte, Linien, Flächen, zusammengesetzte Objekte)
- Datenaustauschformate: ESRI Shape für geografische, dBase für nichtgeografische Daten
- Betriebssysteme: Windows; Sprache: f
- Einsatz in der Schweiz: in den Kantonen VD, GE, NE, FR

TransILI Bundesamt für Landestopografie Seftigenstrasse 264

Tel 031 963 21 11 3084 Wabern Fax 031 963 24 59 www.swisstopo.ch

- Ermöglicht zusammen mit FINELTRA oder TRANSINT die Transformation von in INTERLIS1 vorliegenden Datensätzen
- Datenaustausch: LTOP Format, INTERLIS1 Format

- Betriebssysteme: Windows

TRANSINT Bundesamt für Landestopografie Seftigenstrasse 264

Tel 031 963 21 11 3084 Wabern Fax 031 963 24 59 www.swisstopo.ch

- Transformations- und Interpolationsprogramm mit Passpunkteditor; die Programmausführung ist getrennt oder in Serie möglich.
- Wahl der Modellparameter:
 - Translation, Translation-Rotation (= Isometrie), HELMERT- oder affine Transformation
 - Transformationsparameter vorgeben oder in einer Ausgleichung berechnen lassen
 - Parameter k für eine robuste Ausgleichung oder k=0 für eine gewöhnliche Ausgleichung nach der Methode der kleinsten Quadrate
 - Für die Interpolation (nach dem arithmetischen Mittel) wird ein einziger Modellparameter benötigt: Die Netzmaschenweite d₀ des globalen Netzes, welche bei der Bildung der Korrelationsmatrix verwendet wird (vgl. Kapitel 4.5.4). Die Netzmaschenweite ist die Distanz zwischen zwei Passpunkten des globalen Netzes, bei welchen die Korrelation 0.5 ist.

- Betriebssysteme: MS-DOS, UNIX, Windows; Sprachen: d, f

- Datenaustausch: LTOP - Format - Optionen-Editor für Windows

Weitere Informationen: Bundesamt für Landestopografie, Manual Nr. 3, November

2002

REFRAME Bundesamt für Landestopografie Seftigenstrasse 264

> 031 963 21 11 3084 Wabern Fax 031 963 24 59 www.swisstopo.ch

- Allgemeines Transformationsprogramm der Schweizerischen Landesvermessung für Lage und Höhe.
- Erlaubt die Transformation zwischen ETRS89 (~WGS84), LV95 und LV03 sowie von ellipsoidischen Höhen, orthometrischen Höhen LHN95 und Gebrauchshöhen LN02
- Umfasst die Funktionalitäten von FINELTRA (ohne Grafikteil und Verzerrungsanalyse), **GPSREF und HTRANS**
- verwendet offizielle Dreiecksvermaschung der amtlichen Vermessung CHENyx06
- umfassende Unterstützung von Datei-Formaten
- Stapelverarbeitung möglich
- Als kostenloser Web-Dienst verfügbar
- Betriebssysteme: Windows, UNIX, Linux, Mac OS X, Sprachen: d, f, e
- Datenaustausch: LTOP Format, DXF, ESRI-SHP, Interlis1, ASCII

Weitere Informationen: Bundesamt für Landestopografie, Manual Nr. 7, Mai 2007

VERATOP VERASOFT GmbH Klosterplatz 15 062 213 88 88 4600 Olten Tel

Fax 062 213 88 89 www.verasoft.ch

- Sehr komfortable Benutzerschale zu LTOP; ermöglicht dank ihrer hohen praxisgerechten Funktionalität weit mehr als ein LTOP-Editor. Wurde an der Fachhochschule Nordwestschweiz konzipiert und von der Firma Verasoft GmbH programmiert
- Basierend auf einer relationalen Datenbank und der Client/Server-Technologie kann das Programm:
 - LTOP Ein- und Ausgabedateien verwalten
 - Operate verwalten, importieren und exportieren
 - Einen automatischen Datenfluss von den Messdaten bis zu den ausgeglichenen Koordinaten gewährleisten
 - Messdaten, geodätische Netzdefinitionen, Instrumentarium, Berechnungsvarianten, beliebige Koordinatenversionen und Resultate verwalten
 - Integrierte Koordinatentransformationen (HELMERT- und Höhentransformation mit und ohne Massstabsfaktor) durchführen
 - Koordinatensätze gewichtet mitteln
 - Netzpläne am Bildschirm und auf Drucker ausgeben: Punkte, Messungen, Fehlerellipsen, Zuverlässigkeitsrechtecke, Vektoren (auch über mehrere Epochen)
 - Kopierfunktionen für schnelle Variantenrechnungen bereitstellen
 - Schnittstellen zu Tachymetrie, GNSS und CAD bieten
- Betriebssysteme: Windows; Sprache: d (f möglich)

Diese Auflistung ist gezwungenermassen unvollständig.

Die Hersteller sind eingeladen, neue Systeme oder Änderungen mitzuteilen.

6. Fallweise unterschiedliche Bearbeitung

Wir verfügen in der Schweiz über grosse Mengen an Katasterdaten in verschiedensten Formen (grafische Daten vom Anfang des 20. Jahrhunderts, halbgrafische oder digitale Daten jüngeren Datums). Dieses Gemisch heterogener Daten ist für die Nutzer schwer verwertbar, da sie vor allem an kohärenten digitalen Katasterdaten interessiert sind, die sich für eine rechnergestützte Verwaltung grosser Flächen (ganze Gemeinden, Grundlagen für LIS usw.) eignen. Sind diese Daten sehr umfangreich, dann geht es oft schneller und ist vorteilhafter, die bestehenden (grafischen und halbgrafischen) Dokumente zu digitalisieren und die so entstandenen digitalen Daten in das gültige Referenzsystem zu transformieren/interpolieren, als alles neu zu vermessen. Gleichwohl lassen sich zahlreiche Fälle unterscheiden und die anzuwendenden Verfahren je nach Basisdaten und gewünschter Qualität der Ergebnisse variieren.

Verschieden mögliche Verarbeitung – je nach Fall und verfügbaren Programmen – wird hier mit den entsprechenden Organigrammen hinsichtlich der erforderlichen technischen und wirtschaftlichen Entscheidungen vorgestellt.

6.1. Allgemeines

6.1.1. Lösungsansätze

Vier grundsätzliche **Lösungsansätze** lassen sich für die Probleme bei der Einpassung von Daten in einen neuen Bezugsrahmen und bei der Verarbeitung bestehender digitaler Daten in Betracht ziehen. Ausschlaggebend für die Wahl der Methode sind die Eigenschaften der verfügbaren Daten, ihre Qualität und ihre Menge:

- 1. Daten in geringer Zahl, von hoher Qualität, mit genauem Zweck: Berechnung im neuen Bezugsrahmen durch strenge Ausgleichung mit Hilfe bestehender Messungen
- Daten in geringer Zahl mit einigen M\u00e4ngeln: Erg\u00e4nzungsmessungen und Berechnung im neuen Bezugsrahmen durch strenge Ausgleichung mit Hilfe bestehender und neuer Messungen
- 3. Daten in grosser Zahl und von mittlerer bis geringer Qualität ⇒ zwei mögliche Lösungen:
 - Bei bekanntem Zusammenhang zwischen beiden Bezugsrahmen: Anwendung des für die Transformation zwischen diesen beiden Bezugsrahmen spezifischen Algorithmus oder
 - globale Transformationen und Interpolationen des alten in den neuen Bezugsrahmen auf der Grundlage von Passpunkten.
- 4. Offenkundig unzureichende Daten: vollständige Neubestimmung im neuen Bezugsrahmen

6.1.2. Qualität «a priori» der Passpunkte

Bevor man entscheidet, welche Art der Transformation in einem Fall anzuwenden ist, muss der verfügbare Datenbestand erfasst und seine Qualität a priori beurteilt werden.

Die «SOLL»-Daten sind die im neuen (auch mit dem Gattungsbegriff «GLOBALES» System bezeichneten) Bezugssystem bekannten Daten.

Die «IST»-Daten hingegen sind die im alten (als «LOKALES» System bezeichneten) Bezugssystem bekannten Daten.

Die Transformation/Interpolation überführt die alten Daten aus dem «LOKALEN» System in das «GLOBALE» System.

Das GLOBALE System wird in den kommenden Jahren in der Schweiz oft aus LV95 Koordinaten bestehen, das LOKALE System aus LV03 Koordinaten oder aus einem besonderen lokalen System.

Die **relative Unsicherheit** ist die Genauigkeit zwischen zwei benachbarten Punkten, mit einer Nachbarschaftsbeziehung (kilometrisch).

Die **absolute Unsicherheit** ist die globale Genauigkeit, mit der über das gesamte Territorium gerechnet werden kann (bezüglich LV95 zum Beispiel).

Die Daten, die zur Bestimmung der Transformations-/Interpolationsparameter dienen, unterscheiden sich im Allgemeinen qualitativ von den zu transformierenden Daten. In der Regel sind Passpunkte von gleicher oder besserer absoluter Qualität als die zu transformierenden Punkte (TSP1, die beispielsweise der Transformation von Grenzpunkten (GP) dienen).

Tabelle der Lageunsicherheiten des «GLOBALEN» Systems: «LV95»

Art der SOLL-Daten	Bestimmungsmethode	relative Unsicherheit	absolute Unsicherheit
LV95 Punkt	GNSS (statisch)	< 1 cm	< 1 cm
TSP1	GNSS (rapid static)	1 cm	1 bis 2 cm
TSP2, LFP2	GNSS RTK + moderne Vermessung	1 bis 2 cm	2 bis 5 cm
LFP3 AV93, KP	GNSS RTK + moderne Vermessung	1 bis 10 cm	3 bis 10 cm
GP AV93	GNSS RTK + moderne Vermessung	1 bis 35 cm	5 bis 35 cm
LFP1 interpoliert	ausgezeichnete klassische Triangulation	3 cm	5 cm
LFP2 interpoliert	klassische Triangulation	3 bis 10 cm	3 bis 10 cm
LFP3 AV93 interpoliert	klassische Polygonierung	5 bis 10 cm	5 bis 30 cm
GP AV93 interpoliert	klassische Detailaufnahme	5 bis 50 cm	5 bis 50 cm

Tabelle der Lageunsicherheiten des «LOKALEN» Systems: «LV03»

Arten der IST-Daten	Bestimmungsmethoden	relative Unsicherheit*	absolute Unsicherheit*
Triangulation 1 3. Ordnung	klassische Triangulation	3 bis 5 cm	10 bis15 cm
Triangulation 4. Ordnung	klassische Triangulation	3 bis 10 cm	10 bis 20 cm
LFP3 AV93	GNSS + moderne Vermessung	1 bis 10 cm	15 bis 20 cm
GP AV93	moderne Vermessung	3 bis 35 cm	15 bis 35 cm
PP klassisch, halbgrafisch	klassische Polygonierung	3 bis 5 cm	20 bis 30 cm
GP halbgrafisch	klassische Polaraufnahme	10 cm	20 bis 50 cm
GP grafisch	Orthogonalaufnahme 1:500 / 1:5000	10 bis 100 cm	50 bis >100 cm
PP Bussole	Bussolenvermessung	5 bis 20 cm	50 bis >100 cm
GP grafisch	Messtischaufnahme 1:500 / 1:5000	20 bis 200 cm	100 bis >200 cm

^{*} ausser Sonderfälle (Ausreisser)

Relative Unsicherheit der transformierten Daten:

- <u>Die relative Unsicherheit der transformierten/interpolierten Daten</u> wird der relativen Unsicherheit dieser Daten im «LOKALEN» System vor der Transformation sehr nahe sein.

Absolute Unsicherheit der transformierten Daten:

- Ist die relative Unsicherheit der «LOKALEN» Daten kleiner (d.h. besser) oder gleich wie die absolute Unsicherheit der «GLOBALEN» Daten, so wird <u>die absolute Unsicherheit der transformierten/interpolierten</u> Daten mit der absoluten Unsicherheit der «GLOBALEN» Stützpunktdaten identisch sein (Beispiel «LOKAL»: GP jüngeren Datums mit relativer Unsicherheit = 3 cm, «GLOBAL»: TSP2 mit absoluter Unsicherheit = 5 cm. Daraus folgt eine absolute Unsicherheit eines jüngeren transformierten/interpolierten Grenzpunktes von mindestens 5 cm sogar ~ 6 cm wenn man die Regeln der Fehlerfortpflanzung anwendet).
- Ist die relative Unsicherheit der «LOKALEN» Daten grösser (d.h. weniger gut) als die absolute Unsicherheit der «GLOBALEN» Stützpunktdaten, so wird die absolute Unsicherheit der transformierten/interpolierten Daten mit der relativen Unsicherheit der «LOKALEN» Daten identisch sein (Beispiel «LOKAL»: GP halbgrafisch mit relativer Unsicherheit = 10 cm, «GLOBAL»: TSP2 mit absoluter Unsicherheit = 5 cm, daraus folgt eine absolute Unsicherheit eines transformierten/interpolierten halbgrafischen GP von mindestens 10 cm, sogar ~ 11 cm wenn man die Regeln der Fehlerfortpflanzung anwendet).

Grundsatz: Aus alt lässt sich nicht ohne weiteres neu machen!

Besonders kann der offizielle Übergang in LV95 die relativen Unsicherheiten der alten Daten kaum verbessern; diese benötigen lokale Erneuerungen.

Repräsentativer Charakter der Passpunkte

Die Lage und die Art der Versicherung der zur Einpassung in den Transformationen verwendeten Festpunkte sind im Hinblick auf ihren repräsentativen Charakter von Bedeutung.

Kirchtürme und Masten

Sie weisen häufig eine gewisse Schiefe auf infolge:

- der Instabilität der Konstruktion,
- der vorherrschenden Windverhältnisse.

Man wird ihnen also in der Regel die Bodenpunkte (herabgelegte Punkte) vorziehen.

Punkte in geneigtem Gelände

Diese Punkte neigen zum «Abrutschen». Die festgestellten Verschiebungen müssen bezüglich ihres repräsentativen Charakters analysiert werden. «Rutschen» die benachbarten Punkte ebenfalls, so verlegt man sämtliche Punkte an einen anderen Ort und stellt darüber hinaus sicher, dass sie «nicht rutschende» Bereiche nicht beeinflussen.

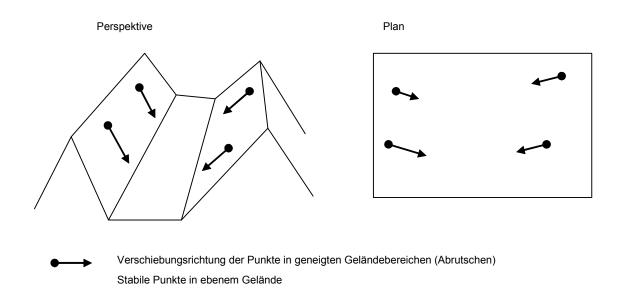
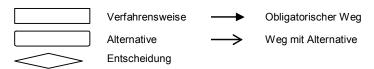


Abb. 23: Bewegung von Punkten in geneigtem Gelände

6.1.3. Allgemeines Entscheidungsschema

Im untenstehenden allgemeinen Entscheidungsschema sind die allgemeinen Auswahlkriterien bezüglich der Methoden und der Strategie für die Transformation und Interpolation angegeben.

Legende:



Kommentare zum Entscheidungsschema (auf der nächsten Seite):

(1) Theoretische Formel (bekannter Algorithmus)

Der in der Schweiz häufigste Fall ist der Übergang von WGS84 nach LV95 und der historische Übergang von der BONNE'schen zur Zylinderprojektion.

(2) Einpassungselemente

 Die Einpassungselemente sind Punkte, die in beiden Koordinatensystemen bekannt sind und zur Berechnung der Transformationsparameter dienen. Das Problem der Einpassungselemente muss folglich als erstes gelöst werden.

(3) Kontrollpunkte

Kontrollpunkte sind Punkte, die in beiden Systemen bekannt sind, jedoch nicht in erster Linie zur Einpassung dienen müssen. Der Vergleich zwischen ihren im globalen System aufgenommenen und direkt berechneten Koordinaten einerseits und den vom lokalen in das globale System transformierten Koordinaten andererseits ermöglicht es, die Qualität der Transformation zu beurteilen.

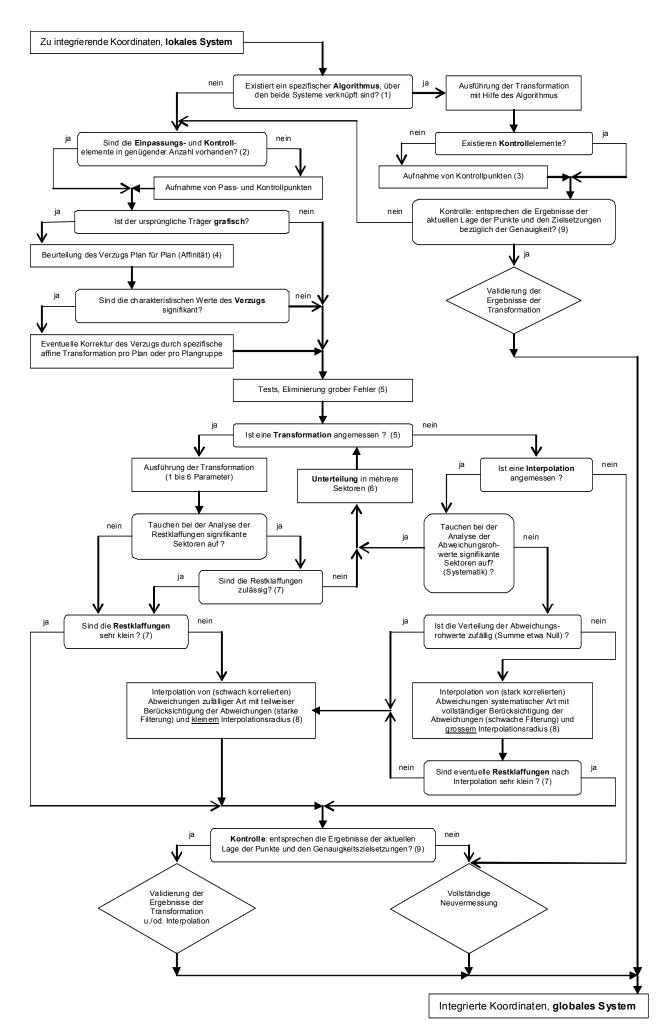
(2) und (3)

Sollte die Aufnahme von Pass- oder Kontrollpunkten erforderlich sein, so ist diese schnellstmöglich vorzunehmen, um den Ablauf der nachfolgenden Arbeiten nicht zu verzögern. Zu Beginn einer Transformation und Interpolation müssen also folgende Dinge geklärt sein:

- Beschaffenheit, Menge und Qualität der verfügbaren bestehenden Einpassungen,
- Menge und Verteilung der zu bestimmenden zusätzlichen Einpassungen,
- bestehende **Kontroll**elemente, die eine Einstufung der Ergebnisse ermöglichen,
- weitere zu bestimmende Kontrollelemente.

(4) Ermittlung des Verzugs

Es ist möglich, dass die Elemente (Koordinatennetz, Einpassung), aus denen der Verzug ermittelt wird, zu schwach sind und Ergebnisse liefern, die mit einer hohen Unsicherheit oder Streuung behaftet sind. In diesem Fall ist auf eine affine Transformation zu verzichten.



(5) Angemessene Transformation

Durch die Analyse der ursprünglichen Abweichungsrohwerte lässt sich mittels aufeinander folgender Tests nach Beseitigung der groben Fehler feststellen, ob es Elemente vom Typ Translation, Rotation oder Massstab gibt. In diesem Fall müssen die klassischen Transformationsmodelle mittels Ausgleichung nach der Methode der kleinsten Quadrate angewandt werden, um vor einer eventuellen Interpolation die Restklaffungen zu minimieren.

Achtung: Eine angemessene Transformation muss den tatsächlichen Geländeverhältnissen Rechnung tragen. Ein atypischer Restfehlervektor muss nicht immer eliminiert werden. Es ist möglich, dass er einen örtlich vorhanden Zustand zuverlässig wiedergibt. Man meint, die Ergebnisse der Transformation zu verbessern, indem man diese Art von Punkten löscht, denn die Standardabweichungen (mittlere Fehler) nehmen ab. Gleichwohl riskiert man damit, dass das Endergebnis die Wirklichkeit nicht mehr wahrheitsgetreu repräsentiert. In jedem Fall ermöglicht die Interpolation, die lokale Tendenz in der Umgebung des Punkts widerzuspiegeln.

(6) Unterteilung in mehrere Sektoren

Im Falle der Unterteilung in Sektoren sind die verschiedenen Phasen für jeden Sektor getrennt zu wiederholen, wobei darauf zu achten ist, dass der globale Charakter der Operation nicht verloren geht, indem zu viele Unterteilungen vorgenommen werden. Anschliessend sind die Kohärenzprobleme an den Rändern der Sektoren zu lösen.

(7) Zulässige Abweichungen, sehr geringe Abweichungen

Nach der Transformation kann es sein, dass die Restklaffungen deutlich unter den Genauigkeitsanforderungen liegen. In diesem Fall können die Ergebnisse ohne Interpolation für gültig erklärt werden (Interpolationen von einigen Millimetern an Daten, die auf einen halben Meter genau bekannt sind, sollten vermieden werden).

Nach der Interpolation: nach bestimmten Interpolationsarten können Restklaffungen an Passpunkten auftreten. In diesem Fall, und wenn die Restklaffungen signifikant sind (d.h. die Grössenordnung der Genauigkeitsanforderungen haben oder sogar darüber liegen), kann sich eine zweite Interpolation als notwendig erweisen, um somit eine lokale Glättung zu ermöglichen. Sind die Restklaffungen jedoch sehr klein und stellen sie kaum eine klare Verbesserung im Vergleich zum vorherigen Zustand dar, ist eine zweite Interpolation unsinnig.

(8) Interpolation von Abweichungen und Filterung

Restklaffungen zufälliger Art sind schwach korrelierte Abweichungen (sie weisen zufällig in alle Richtungen). In diesem Fall muss die Interpolation auf die unmittelbare Nähe der Passpunkte beschränkt bleiben und es ist ein kleiner Interpolationsradius zu wählen.

Abweichungen systematischer Art sind stark korreliert (von ähnlicher Grösse und Richtung). Der Interpolationsvektor an einem zu interpolierenden Punkt muss dieselbe Grössenordnung haben wie an den umgebenden Passpunkten. Folglich ist ein grosser Interpolationsradius zu wählen.

Bei stark korrelierten Abweichungen weist man zur Berechnung des interpolierten Wertes an einem Zwischenpunkt einer möglichst grossen Anzahl von Restklaffungen (selbst weit entfernten) ein gleichwertiges Gewicht zu. Hingegen gewichtet man bei schwach korrelierten Restklaffungen die am nächsten gelegenen Vektoren stärker.

Unter **Filterung** versteht man eine Methode, bei der die festgestellten Abweichungen nur teilweise berücksichtigt werden, also bei von Null verschiedenen Restklaffungen an den

Passpunkten. Eine Filterung ist dann angemessen, wenn Abweichungen infolge der die Daten kennzeichnenden Unsicherheit mit einem «Rauschen» behaftet sind.

(9) Überprüfung der Ergebnisse auf ihre Richtigkeit

Für die Kontrollpunkte vergleicht man die aufgenommenen und die direkt im globalen System berechneten Koordinaten mit den transformierten (und/oder interpolierten) Koordinaten.

Nach Benutzung eines spezifischen Algorithmus: wenn diese Kontrollen im Falle der Anwendung der theoretischen Formel zeigen, dass die Ergebnisse im Vergleich zur erhofften Qualität unbefriedigend sind, ist eine Transformation mit Passpunkten vorzunehmen.

Nach Transformation/Interpolation: sind die Ergebnisse im Rahmen einer Transformation und/oder Interpolation mit Einpassung unbefriedigend, so wird eine vollständige Neuaufnahme erforderlich.

6.2. Analysemethoden und -werkzeuge

6.2.1. Komponenten der Abweichungen

Innerhalb der Transformationsprozesse nimmt die Analyse der Abweichungen eine herausragende Stellung ein und kommt in diesem Prozess mehrmals zum Tragen.

Im Allgemeinen lassen sich Abweichungen in 4 Teile zerlegen, nämlich in

- eine mittlere systematische Komponente,
- eine Vergrösserung (Variation) je nach Lage des Punkts,
- einen Zufallsanteil infolge der Unsicherheit, mit der die Daten behaftet sind,
- grobe Fehler infolge von Fehlern.

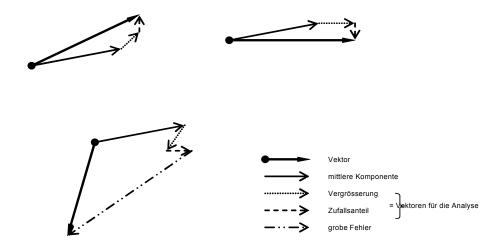


Abb.24: Komponenten der Abweichungen

6.2.2. Analyse der ursprünglichen Abweichungen

Eine Analyse der ursprünglichen Abweichungsrohwerte ohne jeden Eingriff ermöglicht es, die Art der Abweichungen (systematisch oder zufällig, siehe Kommentare zum Allgemeinen Entscheidungsschema, Kapitel 6.1.3) und ihre geografische Verteilung (globale und lokale Tendenzen) herauszustellen und damit den nachfolgenden Eingriff (Transformation und/oder Interpolation) «vorzubereiten». Stellenweise werden die Vergrösserungen und die Zufallsanteile durch die systematische Komponente beseitigt, wenn diese deutlich grösser ist.

Systematische Komponenten (stark korreliert)

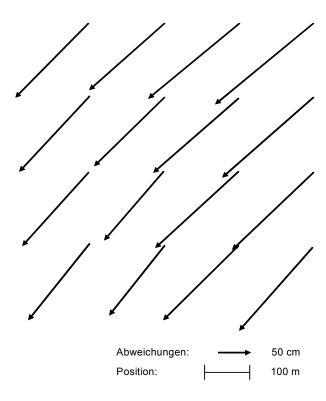


Abb.25: Abweichungen mit hohem systematischem Anteil

Zufallskomponenten (schwach korreliert)

Es ist wichtig, den systematischen Anteil der Abweichung zu eliminieren (funktionales Modell: Translation, ...), bevor die lokalen Restklaffungen analysiert werden, die noch interpolierbare Werte, d.h. (lokale) systematische Eigenschaften einer bestimmten Grösse aufweisen.

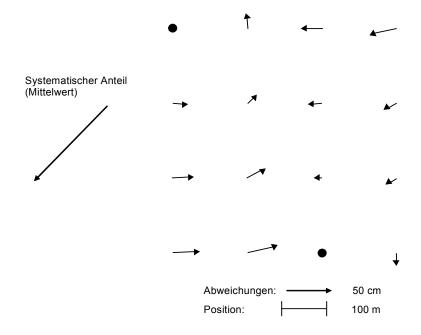


Abb. 26: Zufallsanteil nach Eliminierung des systematischen Anteils

Nach einer HELMERT- oder einer affinen Transformation ist die Summe der Restklaffungen gleich Null. Signifikante lokale Tendenzen können jedoch fortbestehen. Eine Interpolation ist folglich sinnvoll.

Hingegen sollen eventuelle zufällige Restanteile, beispielsweise nach Transformation **und** Interpolation der lokalen Tendenzen in der Regel nicht mehr geglättet werden. Sie entsprechen der Unsicherheit der eingepassten Daten. In den beiden Tabellen im Kapitel 6.1.2 sind die Standardwerte für die schweizerische Vermessung angegeben.

Verteilung der Abweichungen

Aus der Verteilung und der Art der Abweichungen an den Passpunkten kann die Grösse des Einflussbereichs bestimmt und damit der Interpolationsradius festgelegt werden. Dieser Radius ist so zu wählen, dass «Bruchstellen» in der Interpolation zugunsten der «Glättung» vermieden werden. Eine **Bruchstelle** ist eine plötzliche Veränderung des Interpolationsvektors, wohingegen eine **Glättung** eine allmähliche Veränderung des Interpolationsvektors an aufeinander folgenden Punkten ist.

Im Falle homogener Vektoren können durch eine korrekte Glättung die zu interpolierenden Werte ohne Abschwächung übermittelt werden. Bei einer Mischung inhomogener Abweichungen müssen zwangsläufig kleine Einflussbereiche zur Anwendung kommen, d.h. es wird lokal um die Passpunkte herum interpoliert. Man muss in der Tat vermeiden, dass es durch unangemessene Interpolationen zu Bruchstellen kommt.

Eine Gruppe homogener Abweichungen erlaubt es hingegen, grössere Interpolationsbereiche in Betracht zu ziehen. Der Glättungseffekt ist dann maximal.

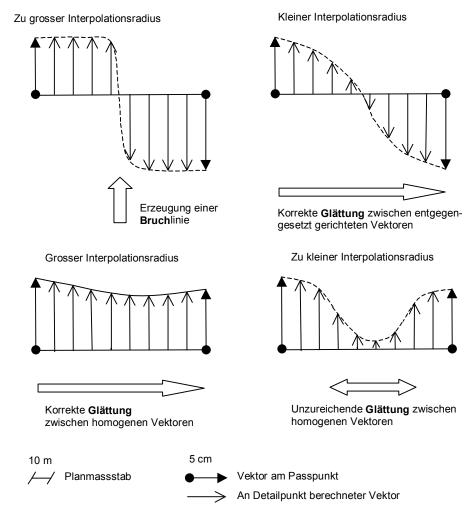


Abb. 27: Bruchstellen und Glättung

6.2.3. Darstellung der Abweichungen

Bei der Analyse der Abweichungen muss der Bearbeiter in jedem Fall sämtliche zur Verfügung stehenden Mittel nutzen. Hierzu gehören u.a.:

- Koordinaten- und Abweichungs**listen**, in denen sich atypische Werte, wie z.B. gegensätzliche Vorzeichen, stark vom Mittelwert differierende Werte usw. aufdecken lassen.
- Die grafische Darstellung der Vektoren auf einem Plan, in dem sich die geografische Verteilung der Tendenzen erkennen lässt. Hierbei ist darauf zu achten, dass die Darstellungsmassstäbe stets bekannt sind.
- Diverse statistische Kennziffern (Summe der Absolutwerte usw.).

Lagemassstab

Übliche Werte: von 1:500 bis 1:25'000 je nach Ausdehnung des betrachteten Sektors

Massstab der Vektoren

Übliche Werte: von 2:1 bis 1:20 je nach Grösse der Abweichungen

Kleine Massstäbe erlauben einen guten Überblick und sind für die Bestimmung der globalen Parameter sinnvoll.

Grosse Massstäbe ermöglichen die Arbeit im Detail zur Eliminierung der nicht benötigten Passpunkte.

Anmerkungen

Man sollte darauf achten, sich nicht durch eine Darstellung der Lagesituation oder der Vektoren mit zu kleinem Massstab täuschen zu lassen. Zwei entgegengesetzt gerichtete Abweichungen können nämlich durchaus zulässig sein, sofern sie mehrere Kilometer voneinander entfernt sind. Eine Darstellung mit zu kleinem Lagemassstab wird den Eindruck vermitteln, dass sie nahe beieinander liegen und inkohärent sind. Hingegen können Vektoren selbst dann als nicht signifikant erscheinen, wenn sie mehrere 'zig Zentimeter messen und offenkundig entgegengesetzt gerichtet sind.

Auch grosse Massstäbe haben ihre Mängel: bei der Lagedarstellung verliert man leicht den Überblick, und zu lange Vektoren sind nicht mehr lesbar. Ihr Ursprung, ihre Richtung und ihre Länge sind im Plan nicht mehr ersichtlich, weil sich die Striche und Vektoren gegenseitig überlagern oder die Zeichnung gar völlig unbrauchbar machen.

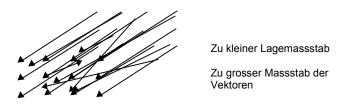


Abb. 28: Beispiel für einen ungeeigneten Massstab

Stellen wir uns einen ersten Auftrag der Vektoren aus Rohdaten und eine Tabelle der ΔY und ΔY aus globalen und lokalen Daten vor. Im unten stehenden Beispiel erscheint alles ganz hervorragend. Der Punkt F ist jedoch völlig untypisch, was zwar nicht aus dem Plan, aber aus der Liste hervorgeht.

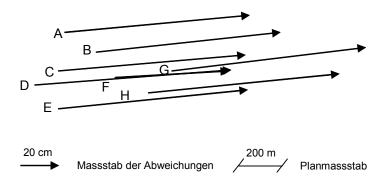


Abb. 29: Beispiel eines für die Analyse ungeeigneten Massstab

Punkt	FY (m)	FX (m)	FS (m)
Α	+0.94	+0.10	0.945
В	+0.96	+0.10	0.965
С	+1.00	+0.08	1.003
D	+1.02	+0.08	1.023
E	+1.00	+0.10	1.005
F	+0.60	+0.06	0.603
G	+1.04	+0.12	1.047
Н	+1.00	+0.10	1.005

Im nächsten Fall hingegen erscheint alles deutlich schlechter. Gleichwohl handelt es sich nur um ganz kleine (schwach korrelierte) zufällige Abweichungen, die ohne weiteres zulässig sind.

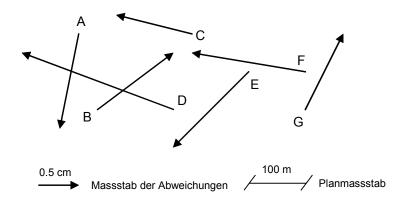


Abb. 30: Beispiel für einen ungeeigneten Massstab (Vektoren zu gross)

Punkt	FY (m)	FX (m)	FS (m)
Α	-0.003	-0.013	0.013
В	+0.010	+0.008	0.013
С	-0.010	+0.003	0.010
D	-0.020	+0.008	0.022
Е	-0.010	-0.010	0.014
F	-0.015	+0.003	0.015
G	+0.005	-0.010	0.011

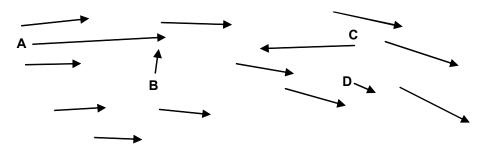
6.2.4. Verwaltung der Passpunkte

Anmerkung: das Hinzufügen oder Löschen eines Vektors, einer Abweichung oder einer Restklaffung ist gleichbedeutend mit dem Hinzufügen oder Löschen des Passpunkts, zu dem dieser Wert gehört.

Löschen nicht repräsentativer Abweichungen

In einer Serie von Punkten, die eine bestimmte Abweichung bestätigen, kann ein Wert von einem nicht repräsentativen Punkt stammen.

Diese atypischen Punkte liegen in Bereichen, wo eine ausgeprägte lokale Tendenz vorherrscht (starke Korrelation) und sollten daher eliminiert werden Die Ursache dieses «Ausreissens» ist mitunter erklärbar (schlecht integrierte Mutation, Punkt in geneigtem Gelände, neu abgesteckter Punkt, ...). In jedem Fall ist die Frage zu stellen, auf welche Weise dieser Punkt seine Umgebung beeinflusst hat, und der Bereich ist ggf. separat zu bearbeiten.



A, B, C, D: Zu eliminierende oder separat zu bearbeitende atypische Punkte

Abb. 31: Ursprünglicher Zustand

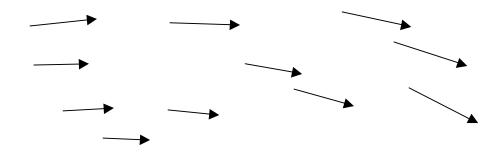


Abb. 32: Zustand nach Eliminierung der nicht repräsentativen Punkte

Löschen überzähliger Abweichungen

Eine Konzentration von Passpunkten mit gleichartigen Abweichungen kann eine anfängliche Transformation verfälschen, weil hierdurch diese Tendenz, die örtlich sehr begrenzt sein kann, zu stark gewichtet wird. Dies ist beispielsweise der Fall bei einer halbgrafischen Einpassung, die auf einigen, über das Territorium verteilten Triangulationspunkten sowie einer ganzen, bekannten Gemeindegrenze beruht.

In diesem Fall ist es ratsam, einige für jede Tendenz repräsentative Passpunkte auszuwählen.

Bestimmte Programme tragen diesem Phänomen bereits Rechnung, sodass dieses Aussortieren weniger von Bedeutung ist.

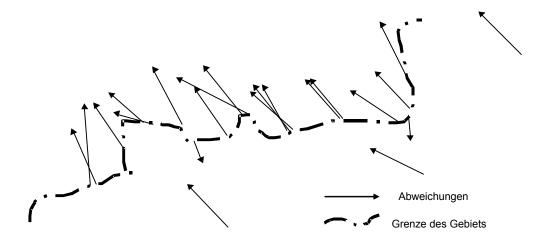


Abb. 33: Bereinigung der Abweichungen, ursprünglicher Zustand

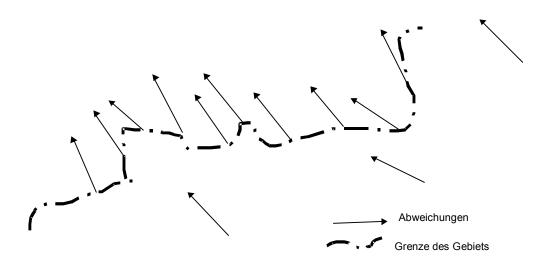


Abb. 34: Bereinigung der Abweichungen, Zustand nach Auswahl der Punkte

Beizubehaltende Abweichungen

Wenn hingegen Punkte weit gestreut und die Abweichungen zufällig sind aber sehr ausgeprägte Tendenzen aufweisen (partielle Korrelation), so muss man nicht Punkte entfernen, nur um die Standardabweichung (mittlerer Fehler) der Transformation zu verbessern, denn die Qualität der endgültigen Standardabweichungen einer Transformation ist nicht das einzige Entscheidungskriterium. Wenn die endgültigen Standardabweichungen zwar hoch sind, die Passpunkte jedoch die tatsächlichen Geländeverhältnisse repräsentieren, so kann das Endergebnis dennoch als qualitativ besser betrachtet werden, denn es entspricht der Realität.

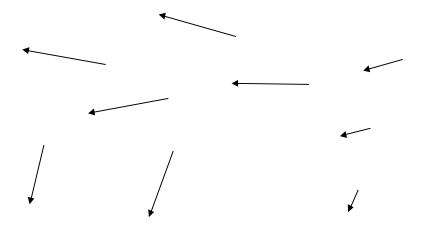


Abb. 35: Nicht zu bereinigende Abweichungen

Hinzufügen fiktiver Abweichungen

Liegt eine Konfiguration vor, in der man die Grenze gut kennt, jenseits derer Abweichungen nicht mehr zu interpolieren sind, wo jedoch Passpunkte fehlen, kann man fiktive Punkte hinzufügen und somit zu einer korrekt ausgeführten Interpolation innerhalb der Grenzen des Gebiets gelangen. Dies bedeutet, zunächst die Lage des Punktes auszuwählen, womit seine lokalen Koordinaten festgelegt sind, und dann in Abhängigkeit vom Vektor, den man dort anbringen möchte, seine globalen Koordinaten zu berechnen.

Das unten stehende Beispiel könnte der Fall eines (beispielsweise interpolierten)
Neutriangulationssektors sein, der an einen Sektor grenzt, in dem die alte Triangulation aufrechterhalten wurde. Man muss die an den Detailpunkten anzuwendende Interpolation definieren, wissend, dass an der Grenze des Gebiets die Abweichungen gegen Null gehen müssen. Da es an Punkten nahe der Grenze fehlt, fügt man eine Reihe von **fiktiven** Passpunkten mit der Abweichung Null hinzu. Ausnahmsweise kann man in dem zu bearbeitenden Sektor auch auf dieselbe Weise vorgehen, wenn die Passpunkte ungünstig verteilt sind. Die Abweichung am fiktiven Punkt muss kohärent sein mit den in der Nähe liegenden bestehenden Passpunkten. Diese Prozedur kommt jedoch eher bei Sektoren zur Anwendung, die rein mit Interpolationen zu bearbeiten sind.

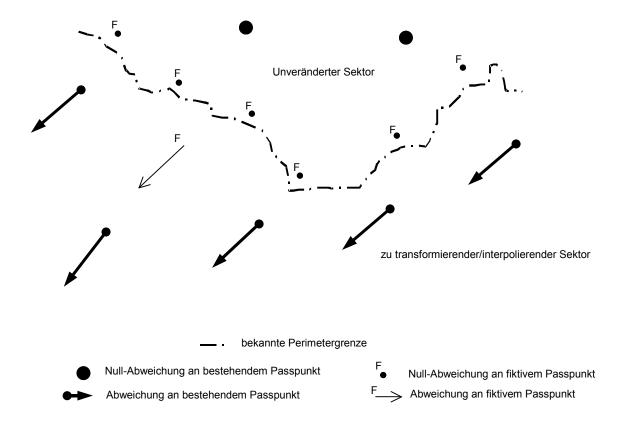


Abb. 36: Hinzufügen fiktiver Punkte

6.2.5. Kriterien für die Bildung von Affinitätsdreiecken (Lineare Transformation durch finite Elemente)

Diese Methode wird auch als Sektoraffinität, Dreiecksaffinität, Sektorinterpolation, affine Dreieckstransformation, lineare Transformation mittels Dreiecken usw. bezeichnet (siehe Kapitel 4.5.2). Mit dem Programm FINELTRA wird diese Transformation berechnet.

Für die Analyse stellt man hier nur die Resultierende der Zufallskomponente und der Vergrösserung des Vektors nach Eliminierung eines mittleren systematischen Anteils dar.

Fortpflanzungsprinzip der Abweichungen

Die an den Eckpunkten eingeführten Abweichungen pflanzen sich linear entlang der Dreiecksseite fort. Diese Eigenschaft wird die Wahl der Dreiecke beeinflussen.

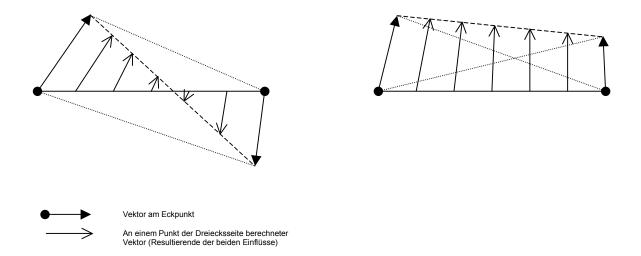


Abb. 37: Fortpflanzung der Abweichungen entlang einer Seite

Die an einem Eckpunkt eingeführte Abweichung geht umso stärker gegen Null, je weiter sie sich der gegenüberliegende Seite des Dreiecks nähert.

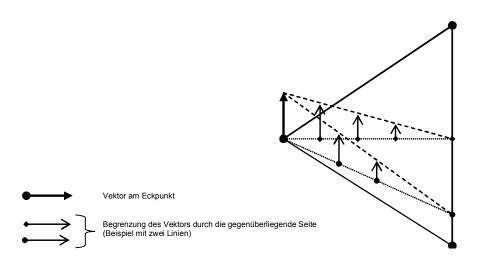


Abb. 38: Fortpflanzung einer Abweichung zur gegenüberliegenden Dreieckseite

Die Abweichung an einem beliebigen Punkt des Dreiecks ist die Resultierende des Einflusses jedes Eckpunkts in diesem Punkt. Die durch die drei Eckpunkte definierte Transformation gilt nur für das Innere des Dreiecks.

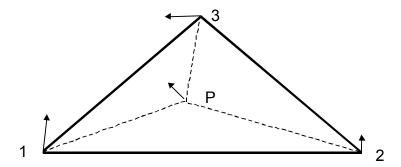


Abb. 39: Auf einem Neupunkt berechnete Abweichung

Eine der zwingenden Eigenschaften der Dreiecksaffinität ist die Notwendigkeit, Dreiecke lokal und in Kenntnis der bekannten Stützpunkte vorgängig zusammenzusetzen. Selbst wenn es Programme gibt, die für entsprechende Formkriterien eine «optimale» Lösung vorschlagen, bleiben eine **detaillierte Überprüfung** und allfällige **manuelle Korrekturen** immer unvermeidlich. Zum Beispiel Wahl von typischen Punkten zwischen abweichenden Passpunkten, Streichung zu naher Stützpunkte, Wahl der Seiten, die mit den zu interpolierenden Werten nach folgender Abb. 40 verbunden sind usw. Dabei müssen diverse Kriterien zur Anwendung kommen.

Form und Grösse der Dreiecke

Eine **Form**, **die dem gleichseitigen Dreieck sehr nahe kommt**, führt zu topologisch sicheren Ergebnissen. Eine **gute Homogenität in der Länge der Seiten** gewährleistet, dass die Transformation mit homogenen Kriterien für die Verteilung der Verzerrungen stattfindet.

Anzahl der Dreiecke

Sind die Werte der Abweichungen **homogen**, so kann man sich auf eine kleine Anzahl **grosser Dreiecke** beschränken.

Sind die Werte der Abweichungen **heterogen**, so muss eine grosse Anzahl **kleiner Dreiecke** definiert werden.

Einfluss der Abweichungen auf die Wahl

Im Falle sehr homogener und kohärenter Abweichungen könnten die Dreiecke im Grunde von beliebiger Form und Grösse sein.

Im Falle von Abweichungen, die sich einer wohl bestimmten Kategorie zuordnen lassen, müssen die Dreiecke diesem Umstand gerecht werden.

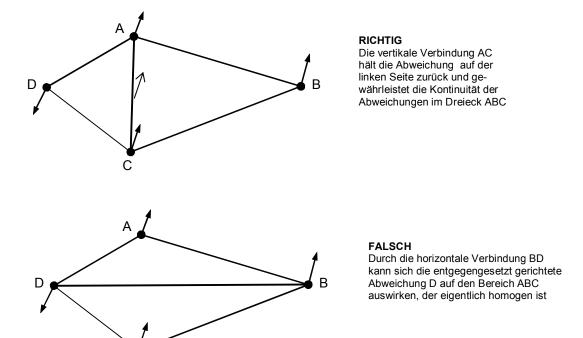


Abb. 40: Wahl der Dreiecke je nach den Abweichungen

Im Falle entgegengesetzt gerichteter Abweichungen müssen die Dreiecke hinreichend Raum für eine schrittweise Interpolation (Glättung) lassen. Ihre Form sollte einem gleichseitigen Dreieck möglichst nahe kommen. Soweit topologisch möglich, sind kurze Seitenlängen zwischen entgegengesetzt gerichteten Abweichungen zu vermeiden.

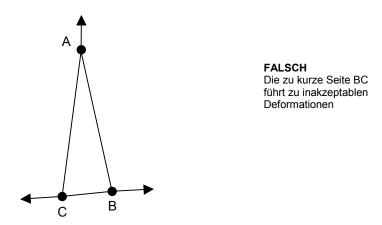


Abb. 41: Kurze Seitenlänge bei entgegengesetzt gerichteten Abweichungen

Manche Konfigurationen erlauben keine zufriedenstellende Wahl der Dreiecke. In dem Fall erweist sich ein zusätzlicher bekannter Punkt als notwendig, um entweder eine bestimmte Entscheidung zu bestätigen oder um die Anzahl der Dreiecke zu vergrössern.

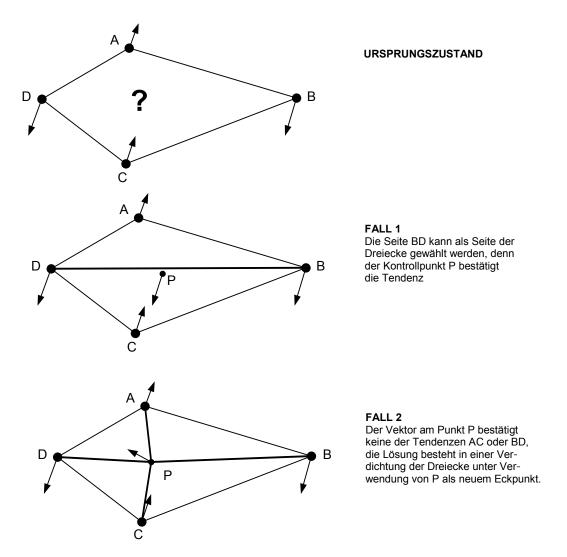


Abb. 42: Lösung bei ungünstiger Konfiguration zur Zuweisung zu einer Kontrolle

Bruchstellen

In der Theorie führt man die lineare Transformation mit finiten Elementen von einem homogenen und kohärenten lokalen System zu einem homogenen und kohärenten globalen System aus.

Im konkreten Fall des Übergangs von LV03 nach LV95 ist das lokale System (LV03) nicht immer homogen und man findet zahlreiche Fälle, die Bruchstellen aufweisen. Wenn beispielsweise ursprüngliche und neue LV03-Triangulationsbereiche aneinander grenzen, stösst man auf Punkte, die zwei Paare lokaler Koordinaten besitzen.

Diese geografisch genau bestimmten Bruchstellen können durch die Bildung von Verdichtungsdreiecken aufgelöst werden, deren Eckpunkte äusserst dicht beieinander liegen, die gleichzeitig jedoch an der Gebietsgrenze (an der Bruchstelle) sehr unterschiedliche Abweichungen aufweisen.

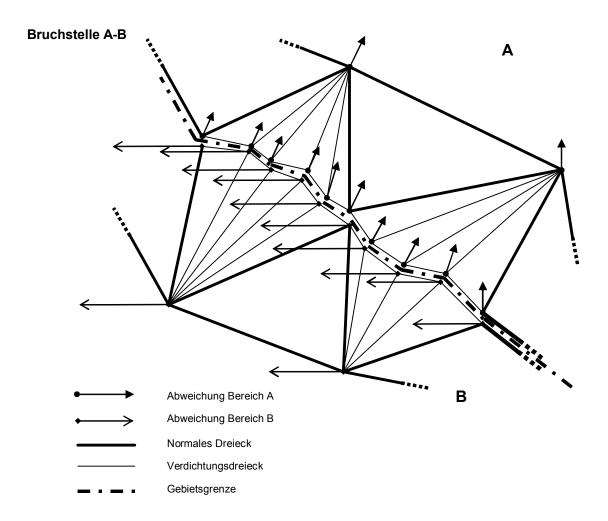


Abb. 43: Bruchstelle an der Grenze des Perimeters

Zwei Arten von Bruchstellen sind hierbei zu unterscheiden: diejenigen mit einer Lücke und diejenigen mit einer Überdeckung.

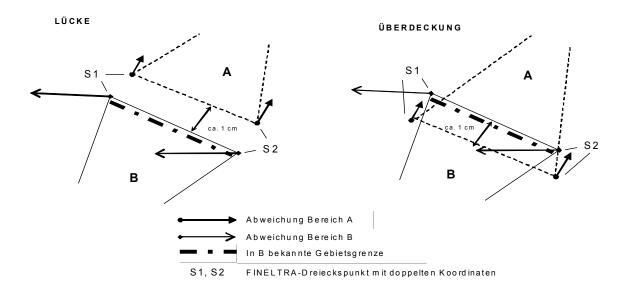


Abb. 44: Lücken und Überdeckungen

In der Praxis kommen auch gemischte Fälle vor.

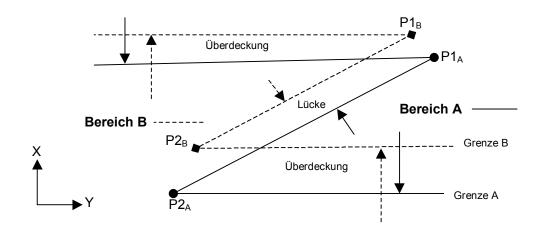


Abb. 45: Lücken und Überdeckungen, gemischter Fall

Da FINELTRA eine Anwendung ist, die Y- und X-Werte unabhängig voneinander behandelt, müssen folglich auch die Überdeckungen und die Lücken sowie deren Konsequenzen bei der Bearbeitung der Punkte für die Y- und die X-Werte getrennt betrachtet werden.

Z.B. weist in oben stehender Abbildung der Punkt P1 eine Lücke in Y- und eine Überdeckung in X-Richtung auf, während P2 in beiden Richtungen Überdeckungen zeigt.

Die Lücken werden aufgelöst, indem man entweder sehr kleine Dreiecke bildet, die den leeren Zwischenraum abdecken, oder indem man diesen Bereich ignoriert.

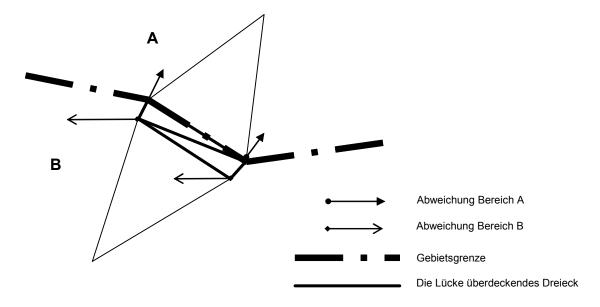


Abb. 46: Dreieck an einer Lücke

Die Überdeckungen stellen das Hauptproblem dar, denn die FINELTRA-Topologie akzeptiert eine derartige Situation nicht.

Es können verschiedene Lösungen vorgesehen werden (hierbei wird angenommen, dass der Sektor A qualitativ besser ist als der Sektor B):

- Anpassung eines der Sektoren (B) im **alten** System, **bevor** FINELTRA zum Einsatz kommt,
- Bildung einer Menge zusammengehöriger spezifischer Dreiecke für jeden Sektor. Folglich gibt es nicht mehr eine einzige Datei für die gesamte Schweiz und konkurrierende Dateien überlappen sich an den Grenzen, woraus die Notwendigkeit erwächst, jeden Punkt einzeln zu sichten um zu wissen, in welchem Dreieck welches Sektors er zu transformieren ist,
- Transformation der Grenze mit dem qualitativ besseren Sektor (A) unter Verwendung sämtlicher bekannter Punkte der Grenze als Eckpunkte von Dreiecken (Verdichtung). Die so errechnete Grenze ist für beide Sektoren gültig. Die Daten des Sektors B werden nur ab der in A definierten Grenze transformiert. Es verbleibt aber ein Streifen von B, der nicht mit der Überdeckung vereinbar transformiert werden kann.

Übergang von grossen Dreiecken zu kleinen Dreiecken

Dieser Übergang wird – mit oder ohne fiktive Punkte – mittels ungewöhnlich lang gestreckter, spitzwinkliger Dreiecke realisiert.

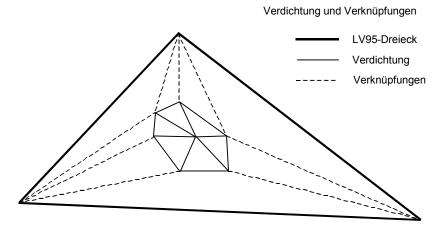


Abb. 47: Übergang von grossen Dreiecken zu kleinen Dreiecken

Das Problem der Übergangsbereiche

In einem Übergangsbereich sind grosse Dreiecke anzuwenden, die den gesamten Übergangsbereich abdecken, sofern die zwischen den beiden Triangulationssektoren vorgenommene Interpolation von guter Qualität ist.

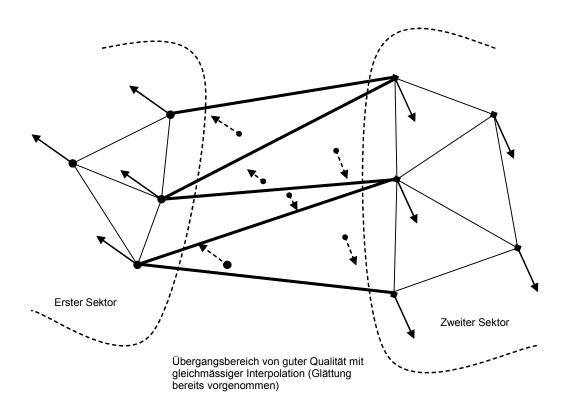


Abb. 48: Dreiecke in einem Übergangsbereich von guter Qualität

Ist jedoch die vorgenommene Interpolation von schlechter Qualität, so müssen einige Punkte des Übergangsbereichs für die Bildung der Dreiecke herangezogen werden. Dies ist nur bei geringen Abweichungsbeträgen (kleinem Interpolationsbereich) möglich.

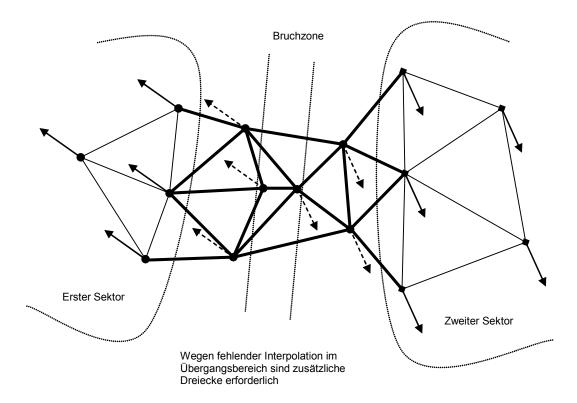


Abb. 49: Dreiecke in einem Übergangsbereich von schlechter Qualität

6.3. Übergänge von einem Referenzsystem zu einem anderen

Für den Übergang von einem Referenzsystem zu einem anderen lassen sich zwei Wege einschlagen.

Der theoretische Ansatz

Er besteht darin, die Transformationsformeln gemäss ihrer theoretischen Definition zu benutzen. Damit können die Transformationen im Prinzip ohne Qualitätsverluste in beiden Richtungen vorgenommen werden.

Diese Vorgehensweise stösst sich jedoch leider am Umstand, dass die tatsächlich bestehenden Systeme den theoretischen Formeln häufig nur näherungsweise gerecht werden.

Der lokale Ansatz, durch Einpassung mit Hilfe von Punkten

Er besteht in der Transformation und Interpolation der Daten auf der Basis von Passpunkten, die in beiden Systemen bekannten realen Punkten entsprechen.

Diese Gepflogenheit hat den Vorteil, die Daten lokal eng zusammenzubringen. Leider lässt sie sich wegen der Verzerrungen der Netze und systeminhärenter Verformungen nicht auf grosse Gebiete in einem Guss ausweiten. Sie erfordert die Existenz oder das Anlegen von Passpunkten, was sich als schwierig und kostspielig erweisen kann. Im Allgemeinen taugt sie nicht für den Transfer in beide Richtungen ohne Verlust von Eigenschaften, insbesondere dann, wenn im Anschluss an Transformationen noch interpoliert wird. Und schliesslich stösst sie an den Grenzen der Perimeter auf Probleme.

Die Transformationen zwischen BONNE'scher und zylindrischer Projektion in der Schweiz illustrieren die oben erwähnte Problematik hervorragend. In der Regel muss der lokale Ansatz verfolgt werden, da der theoretische Ansatz mitunter zu Abweichungen in der Grössenordnung mehrerer Meter führt.

Referenzsysteme in der Praxis

Die allgemeine Verbreitung des GNSS in der Vermessung zwingt den Nutzer dazu, sich die verschiedenen geodätischen Systeme, mit denen er konfrontiert ist, genau anzuschauen, bevor er seine GNSS-Messergebnisse in das gültige Referenzsystem transformiert. Hierzu findet man im Bericht der Herren Urs Marti und Dieter Egger «Referenzsysteme in der Praxis – Geodätische Referenzsysteme und Koordinatentransformation für den GNSS-Nutzer (swisstopo)» eine Präsentation:

- der geodätischen Grundlagen (Referenzsysteme und kartografische Projektionen);
- der aktuellen Bezugrahmen und Referenzsysteme:
 - globale dynamische Referenzsysteme ITRS, ETRS89, CHTRS95, WGS84,
 - lokale statische Referenzsysteme: CH1903 (Bezugsrahmen LV03), CH1903+ (Bezugsrahmen LV95),
- der Methoden zur Änderung des Datums und der verschiedenen Arten der Transformation zwischen Bezugsrahmen (zwischen globalen Rahmen, zwischen lokalen Rahmen und zwischen lokalen und globalen Rahmen).

6.4. Änderung eines Bezugsrahmens

Wird eine Region (Beispiel Kanton Waadt) oder das gesamte Land (Beispiel LV95) mit einer Triangulation überzogen, so müssen hierfür die bestehenden Daten transformiert werden.

Die für diese Transformation zu wählende Methode hängt von den Bedingungen bei der Ausführung ab.

In einem begrenzten Gebiet, wo die Transformationen in einzelnen Losen und mit hinreichend langen Fristen erfolgen können, ist jede entsprechend hoch entwickelte Methode geeignet.

Im Falle einer globalen Transformation eines Landes spielen noch andere Kriterien eine Rolle:

- allgemeine Transformations- und Datenverwaltungsstrategie in den diversen Systemen,
- Umkehrbarkeit der Transformation,
- Benutzerfreundlichkeit (sichere und einfache Methode),
- Einmaligkeit und a priori Fixierung der Transformationsparameter (fest stehende Auswirkung, ohne die Möglichkeit des Irrtums oder der Manipulation).

Diese Kriterien führen dazu, dass die Methode einfach und fest vorgegeben sein muss.

Der Bund musste eine authentische Lösung erarbeiten, um die Daten der amtlichen Vermessung aus ihrem aktuellen Bezugsrahmen LV03 in den neuen Bezugsrahmen LV95 zu überführen.

Der Bezugsrahmen LV03 ist heterogen und von unterschiedlicher Qualität (lokale Verzerrungen und Spannungen). Der neue Bezugsrahmen LV95 ermöglicht die Bestimmung von Koordinaten in einem «absoluten und homogenen» System über das gesamte Land, verglichen mit den aktuellen Anforderungen. Letztlich besteht das Ziel darin, direkt in LV95 zu arbeiten und auf lokale Einpassungsvorgänge zu verzichten, wie sie in LV03 unverzichtbar sind.

Die Schweiz wurde vorerst in Dreiecke von etwa 15-25 km Seitenlänge zerlegt. Dies ergab 468 Dreiecke gestützt auf 263 TSP, mit 100 KP und einer geschätzten Standardabweichung von 1 bis 2 dm. Deren Eckpunkte verfügen über exakte Koordinaten sowohl in LV03 als auch in LV95. Für jedes Dreieck berechnet man auf der Basis der drei Eckpunkte (oder Transformationsstützpunkte – TSP) eine eindeutige, also reversible Transformation (Bijektion), anwendbar auf alle innerhalb des Dreiecks liegenden Punkte. Zur Berechnung dieser Transformation existieren zwei Methoden:

- durch Affinität: die Koordinaten der drei Eckpunkte ermöglichen die Berechnung der sechs Parameter der affinen Transformation, gültig für das Dreieck ohne Restklaffungen an den Einpassungen,
- durch Berechnung eines gewichteten Mittels aus den Koordinaten der Eckpunkte; die Gewichte sind proportional zur Fläche der Sub-Dreiecke, die den durch den zu berechnenden Punkt definierten Eckpunkten gegenüberliegen (in FINELTRA angewandte Methode).

Für die Transformation der Daten der amtlichen Vermessung war eine **Verdichtung der Dreiecke** erforderlich, die in enger Zusammenarbeit mit den Kantonen geschah. Die Eckpunkte der Dreiecke wurden endgültig gewählt und die Datei **CHENyx06** angelegt. Sie beinhaltet die Definition der Dreiecke und die Koordinaten der Punkte in den beiden Bezugsrahmen.

Diese Verdichtung führte zur Lösung einer Reihe von Problemen, worunter:

- Dreiecksbildung ausgerichtet auf die Bearbeitungszone, wie beispielsweise: verkleinern des Einflusses eines LFP1 auf einem Berggipfel auf die Transformation eines Dorfes im Tal; im Allgemeinen hat man mit einem TSP im Zentrum des Siedlungsgebietes verdichtet.
- Koordination der Dreiecke an den Kantonsgrenzen: die TSP Koordinaten sind identisch, hat es Überlappungen oder Lücken?
- Koordination der Dreiecke an den Grenzen erneuerter und alter Triangulationen: welches ist das Einflussgebiet dieser Erneuerung, bestehen Vermischungen zwischen erneuerten und nicht erneuerten Gebieten, Bruchgrenzen zwischen Gebieten, Überlappungen mit Vermessungen vor der Erneuerung?
- Sind die benachbarten Vermessungen in der gleichen Triangulation in LV03 berechnet?
- USW.

Die Datei CHENyx06 enthält 11'731 Dreiecke aufgespannt auf 5'925 TSP und kontrolliert durch 46'601 KP. Die mittlere Restklaffung auf KPs wird zu **2 cm** ± 1.1 cm geschätzt. Diese Schätzung der durchschnittlichen Qualität des Übergangs erfordert die folgenden Hinweise:

- Jeder Kanton hat eine eigene geschätzte Standardabweichung, sie variiert zwischen einigen mm für die genaueren Kantone (ZG, SH, ZH, BS, BL) bis zu mehr als 4 cm für die weniger genauen (VS, UR, SG, AI, AR). Einige Kantone sind sehr homogen mit fast allen Kontrollpunkten besser als 4 cm (ZG, AG, OW, NW, SH, ZH, BS, BL), andere weisen bedeutende Genauigkeitsunterschiede im Kantonsinnern auf (VS, UR, FR, SG, AR, AI, BE). Eine detaillierte Qualitätskarte mit wahrscheinlichen lokalen Genauigkeiten im Kantonsinnern ist auf dem «Portal: Bezugsrahmenwechsel LV03 LV95» von www.swisstopo.ch zugänglich.
- Einige Kantone haben die Kontrollen nur auf dem Niveau der LFP2 durchgeführt (GR, AG, TG, LU, SO), andere haben auch in hohem Umfange LFP3 verwendet (GE, ZG, VS, SZ, OW, NW, FL, SG, AI, AR, BS, BL, TI, NE; im Mittel 61.5%). Dies bedeutet, dass die Standardabweichungen für amtliche Vermessungen in Kantonen mit vielen LFP3 realistischer sind als in solchen mit nur LFP2. Schliesslich weisen Kantone, welche alte LFP3 neu gemessen haben, auch beachtenswerte Abweichungen bei schon älteren numerischen und teilnumerischen Vermessungen aus. Einige Kontrollpunktbestimmungen wurden aus verschiedenen Gründen noch nicht abgeliefert (BS, VD, ...), unter anderem weil gewisse teilnumerische Gebiete besonders dürftig waren und ausserhalb der globalen Transformation eine Erneuerung benötigen.
- Manche Kantone gaben sich mit einer begrenzten Zahl grosser Dreiecke zufrieden (durchschnittliche Fläche von 13 bis 15 km²) (UR, TI), andere wählten eine Aufteilung in kleine Dreiecke (durchschnittliche Fläche von weniger als einem km²) (GE, VS, ZH, BS, NE). Die durchschnittliche Fläche über alles beträgt 5.8 km². Die kleinen Dreiecke sichern eine vertrauenswürdigere Transformation als die grossen, sie deformieren aber die geometrischen Eigenschaften mehr.
- Manche Kantone haben eine grosse Dichte an Kontrollpunkten eingerichtet (5 und mehr pro km²) (GE, ZG, BS, NE), andere beschränkten sich mit einer schwächeren Dichte (weniger als 0.5 pro km²) (GR, JU, UR, GL, BE). Im Mittel beträgt die Kontrollpunktdichte 2.2 pro km². Eine grosse Kontrollpunktdichte erlaubt es, die Genauigkeit besser zu bestimmen und erhöht die Zuverlässigkeit der Transformation.

CHENyx06 ist die obligatorische Parameterdatei, die beim Bezugsrahmenwechsel zwischen LV03 und LV95 zu verwenden ist

Diese Parameter können so in die Informatiksysteme jedes Benutzers integriert werden. Das vollständige Programm kann als «Paket» mit dem Namen REFRAME erworben werden. Ein Gelegenheitsbenutzer kann seinen Bezugsrahmenwechsel mit REFRAME letztlich auch gratis auf der Webseite www.swisstopo.ch ausführen.

Die Katasterdaten, die Gegenstand einer strengen Ausgleichung sind und sich auf die LFP3-Netze stützen, die wiederum an als Transformationsstützpunkte verwendete LFP1/2 angebunden sind, können ohne zusätzlichen Arbeitsaufwand in LV95 transformiert werden.

Für diejenigen lokalen Daten, die diesen Anforderungen nach der in CHENyx06 realisierten Dreiecksverdichtung noch nicht entsprechen, ist eine Katastererneuerung nach den Richtlinien des Bundes vor oder nach dem Bezugsrahmenwechsel nach LV95 vorzusehen.

Das Bundesamt für Landestopografie hatte für dieses Projekt bis 2007 das Kompetenzzentrum «Raumbezogene Daten, Landesvermessung 95 (CC RD/LV95)». Dieses CC ist in ein Ausführungsorgan überführt worden, welches die Aufgaben weiter verfolgen wird.

6.5. Erneuerung von Festpunktnetzen

Eine Weisung der V+D legt fest, dass ein LFP3 Netz bestimmten Qualitätskriterien genügen muss, um als AV93 konform anerkannt zu werden. Erweist es sich nach einer Analyse, dass die Koordinaten der Netzpunkte lokal oder vollständig vom offiziellen Bezugsrahmen abweichen, muss einer der 4 nachstehend beschriebenen Abläufe ausgeführt werden, abhängig von den massgebenden Kriterien.

6.5.1. Reine Koordinatentransformation

Diese Option ist dann vorzusehen, wenn die Eigenschaften des Netzes völlig akzeptabel sind:

- Ausreichende Materialisierung,
- Struktur und Originalmessungen in akzeptabler Qualität,
- hinreichende ursprüngliche Ausgleichung,
- © hinreichende Anbindung an das aktuelle übergeordnete Netz.

Die Integration des Netzes geschieht mit Hilfe einer Transformation und eventuell einer Interpolation auf der Grundlage der durch die höhere Ordnung gegebenen Elemente. Das Ergebnis ist ein an die aktuellen Grundlagen angeschlossenes Netz. Die Materialisierung bleibt unverändert.

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- + rasch angeschlossenes Netz
- + geringe Kosten
- + keine Feldarbeiten
- keine Kontrolle und keine Verbesserung des Netzes abgesehen von seiner globalen Integration

(aber seine Qualität ist von vornherein sehr gut)

6.5.2. Teilweise Neubestimmung und Transformation

Diese Option ist dann vorzusehen, wenn die Eigenschaften des Netzes akzeptabel, aber einige Ergänzungen im Gelände erforderlich sind, das heisst:

- ausreichende Materialisierung,
- © Struktur und Originalmessungen in akzeptabler Qualität,
- hinreichende ursprüngliche Ausgleichung,
- 😊 unzureichende Anbindung an das aktuelle übergeordnete Netz.

Die Integration des Netzes geschieht mit Hilfe einiger Messungen im Gelände, um die Passpunkte für die Transformation und die Interpolation zu bestimmen. Das Ergebnis ist ein an die aktuellen Grundlagen angeschlossenes Netz. Die Materialisierung bleibt unverändert.

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- rasch angeschlossenes Netz
- relativ geringe Kosten
- einige Feldarbeiten sind unerlässlich
- wenig Kontrolle und geringe Verbesserung des Netzes, abgesehen von seiner globalen Integration

6.5.3. Teilweise Neubestimmung und Neuberechnung

Diese Option ist dann vorzusehen, wenn die Eigenschaften des Netzes beinahe akzeptabel, aber einige Ergänzungen im Gelände erforderlich sind, das heisst:

- ausreichende Materialisierung,
- © Struktur und Originalmessungen in annehmbarer Qualität,
- ursprüngliche Ausgleichung problematisch, entweder wegen ihrer vereinfachten Art oder wegen Zwängen, die aufgrund einer Lagerungsschwäche eingeführt worden sind.
- ② Anbindung an das aktuelle übergeordnete Netz unzureichend.

Das Netz wird mittels einiger Messungen im Gelände und einer Neuberechnung durch strenge Ausgleichung im aktuellen Referenzsystem der bestehenden und der neuen Messungen verbessert. Das Ergebnis ist ein Netz in neuer Gestalt, das sich auf eine teilweise aktualisierte Materialisierung und auf kohärente Messungen stützt.

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- verbesserte Ausgleichungsqualität und Integration des Netzes
- recht hohe Kosten (bedeutende Büroarbeiten)
- informatikgerechte Erhebungen (falls fehlend) bestehender Daten
- einige Feldarbeiten sind unerlässlich (Anschlüsse)
- Zuverlässigkeit des Netzes durch Neuausgleichung

6.5.4. Vollständige Neubestimmung

Diese Option ist nur dann vorzusehen, wenn die Eigenschaften des Netzes ausserordentlich schlecht sind, die alten Punkte zerstört oder problematisch neu zu bestimmen sind und die bestehenden Netzinformationen nutzlos sind, das heisst:

- ⊗ gegenwärtige Materialisierung mangelhaft,
- Struktur und Originalmessungen in schlechter Qualität,
- (3) ursprüngliche Ausgleichung problematisch,
- Anbindung an das aktuelle übergeordnete Netz unzureichend,
- ® geringe Bedeutung der auf dem Ursprungsnetz basierenden Detaildaten.

Die Methodenfreiheit ist hier sehr gross. Ein modernes Netz kann konzipiert werden, das sich auf eine aktuelle Materialisierung und auf genaue und kohärente Messungen stützt.

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- + «perfektes» neues Netz
- hohe Kosten
- bestehende Daten werden nicht wieder verwendet
- umfangreiche Feldarbeiten sind unerlässlich (Versicherung, Messungen)
- Verknüpfung mit dem Bestehenden nur in sehr geringem Masse

6.5.5. Verwendbare Programme

Ausgleichungen: LTOP, NEPTAN, ...

Transformationen: TRANSINT, FINELTRA, SITTRANS, QUINT, ...

6.6. Integration von GNSS-Messungen

Die charakteristische Problematik besteht hier in der Integration einer Menge präziser und homogener (GNSS-)Koordinaten in ein bestehendes System, das häufig nur von geringer Qualität ist (bestehende Vermessung).

Mittels GNSS erhält man pro «Session» einen «Koordinatensatz»», der sich auf eine tatsächliche oder virtuelle Referenzstation bezieht. Mit den beispielsweise in [Egger. Marti: Referenzsysteme ...] definierten Transformationsschemata und -parameter werden diese Koordinaten bei Anwendung auf die die GNSS-Messungen repräsentierenden WGS84-Koordinaten in die «Form» von Landeskoordinaten gebracht.

Im Ergebnis der Transformationen erhält man Vektoren, die dank der durch die Parameter übertragenen Eigenschaften (Orientierung und Massstab) an das «globale» schweizerische System angebunden sind. Diese Vektoren werden auf dem Umweg über die Koordinaten der Referenzstation in das System «eingepasst».

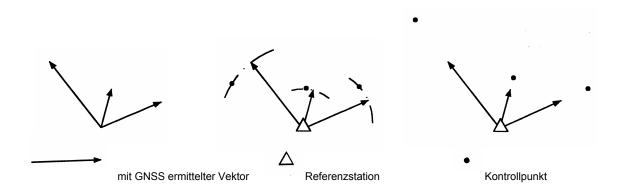


Abb. 50: Einpassung der GNSS-Vektoren auf der Referenzstation

Repräsentiert der Bearbeitungsbezugsrahmen, in den sich die Referenzstation und die Kontrollpunkte einfügen, exakt das schweizerische System (beispielsweise LV95), so werden die erhaltenen Koordinaten direkt integriert. Die an den Kontrollpunkten verzeichneten Abweichungen (Restklaffungen) sind dann zur Genauigkeit der Messungen und/oder zur Qualität der Materialisierung in Bezug zu setzen. Eine lokale Einpassung kann also vermieden werden.

Ist hingegen der durch die Referenzstation und die Kontrollpunkte definierte Bezugsrahmen nicht völlig identisch mit demjenigen, auf den sich die Transformationsparameter beziehen (z.B. in LV03), so werden systematische Abweichungen auftreten (vgl. Abb. 50). In diesem Fall muss eine Neutransformation vorgenommen werden, die man als «korrektive» oder «differenzielle» Transformation vom Typ HELMERT einstufen könnte, um die lokalen Eigenschaften des unvollkommenen Bezugsrahmens zu berücksichtigen.

Somit definiert man eine Transformation / Integration in zwei Schritten.

Falls erforderlich, kann dieser Transformation in zwei Schritten noch eine Interpolation folgen (klassische Problematik bei der HELMERT-Transformation).

Für den Einsatz des GNSS im Bezugsrahmen LV03 ist diese Situation typisch. Die Transformationsparameter erlauben es in jedem Fall, in Anbetracht der Qualität (Genauigkeit und Homogenität) der alten Triangulation **Untersuchungen** im RTK-Modus anzustellen. Handelt es sich um **Berechnungen** oder um **definitive** Absteckungen, erweist sich eine lokale Einpassung als notwendig. Die «lokale» Einpassung ist auch dann unvermeidlich, wenn die Referenzstation nicht auf einem koordinatenmässig bekannten Punkt eingerichtet wurde.

6.6.1. GNSS-Messungen im DGNSS-Modus oder im Navigations-Modus

Die Problematik der Einfügung von GNSS-Messungen, die im DGNSS- oder Navigations-Modus ausgeführt wurden, in das schweizerische Referenzsystem ist im Wesentlichen dieselbe wie die zuvor beschriebene. Angesichts der Genauigkeit dieser Messungen (zwischen einem und mehreren Metern) können bestimmte Etappen ausser Acht gelassen werden. Häufig wird lediglich die Datumsänderung berücksichtigt (keine lokale Einpassung oder Interpolation).

6.6.2. Programme

Sämtliche gegenwärtig erhältlichen Empfänger oder Programme zur Auswertung von GNSS-Beobachtungen enthalten in der Regel auch geräteinterne Transformationsprogramme. Sie erlauben die Berücksichtigung von Datumsänderungen (von WGS84 in das schweizerische System) und/oder lokaler Eigenschaften (HELMERT 2D / 3D). In bestimmten Programmen werden sogar Transformation und Interpolation kombiniert angeboten (Kollokation).

Diese integrierten Transformationsprogramme sind absolut unerlässlich für isolierte Messungen ohne nachfolgende Ausgleichung und genaue Echtzeit - Absteckungsarbeiten (RTK).

Für Arbeiten grösseren Umfangs, die beispielsweise zur Bestimmung des LPF2- oder LFP3-Netzes gedacht sind, werden die Koordinatensätze im Allgemeinen mit Hilfe der Software LTOP ausgeglichen. Sie berücksichtigt nicht nur lokale Charakteristiken mittels HELMERT-Parameter, sondern erlaubt auch die Verknüpfung der verschiedenen Sessionen untereinander und ihre Ausgleichung über gemeinsame vermessene Verknüpfungspunkte.

Programme:

Für die Datumsänderung: GPSREF, NAVREF

Für die Einpassung / lokale Anpassung: LTOP oder andere Programme, die eine HELMERT-Transformation ermöglichen.

6.7. Integration von Koordinaten aus photogrammetrischer Aufnahmen

Dieses Sonderthema wird in diesem Leitfaden nicht behandelt. Die Integration photogrammetrischer Aufnahmen geschieht in der Regel durch Transformations-/Interpolations-Module, die Bestandteil der Auswertesysteme sind.

6.8. Vollständige Digitalisierung von Plänen

Die VAV und die TVAV sehen eine provisorische Numerisierung der alten Pläne der amtlichen Vermessung vor. Diese provisorische Numerisierung durch Digitalisierung erfordert den Einsatz von Transformationen bzw. Interpolationen. Unter allgemeinen Gesichtspunkten ist es ebenfalls ratsam, ein **Digitalisierungskonzept** zu verfolgen, das in ein interaktives grafisches System integriert ist. Dies setzt der Auswahl der Methoden Grenzen, wenn man im Rahmen dieses Systems bleiben möchte. Müssen spezielle Bearbeitungen vorgenommen werden, so ist es angebracht, bei der Dateiverwaltung das Extrahieren von «Punkten» und deren Wiedereinführung in die Abfolge integrierter Operationen vorzusehen.

Generell müssen folgende Punkte abgehandelt werden:

- Abschätzung der Qualität der Triangulation und der Polygonierung,
- Prüfung der das Gebiet umgebenden Vermessungen, um ihre Art (digital / halbgrafisch oder grafisch), ihren Bezugsrahmen und die definitiven oder verfügbaren Punkte am Perimeterrand zu ermitteln,
- Suche nach weiteren möglichen und bestehenden Einpassungen (Polygonierung des Übersichtsplans, private Polygonierungen usw.),
- Beurteilung der Notwendigkeit, ergänzende Einpassungen vorzunehmen,
- Zusammenstellung der Einpassungsunterlagen (Punktwahl, Einpassungstechnik),
- Überwachung der Qualität der Einpassung während der Digitalisierungsarbeiten.

6.8.1. Endgültig anerkannte halbgrafische Vermessungen

Aluminium-Platten

Digitalisierung auf Platte: diese nahe liegende Alternative stösst sich heute am Umstand, dass viele Anlagen es nicht erlauben, Koordinaten auf dem Aluminiumträger zu erfassen. In diesem Fall ist man auf die Erfassung auf Film oder auf gescannten Daten angewiesen.

Transformationsmethode

Im Allgemeinen ist die HELMERT-Transformation geeignet, da die Pläne auf ALU-Platte dank der Steifigkeit des Trägers keine unterschiedlichen Verzüge aufweisen.

Passpunkte

Das Koordinatennetz bildet die natürliche Basis für die Einpassung, weil es nicht mit den Ungenauigkeiten der Geländedaten behaftet ist. Lediglich seine Kartierung kann schlecht ausgeführt sein. Für den Fall der Änderung der Triangulation nach dem Auftragen siehe die Lösung in den Kapiteln 3.4 und 6.5.

Auch die Polygonpunkte sind als Einpassungselemente vorstellbar. Ihre unregelmässige Verteilung und die ihnen eigenen Ungenauigkeiten begrenzen ihre Nutzung.

Digitalisierung über Fotos der ALU-Platten

Angesichts der mit der Fotografie verbundenen Verzerrungsrisiken wird als Transformationsmethode im Allgemeinen das affine Verfahren gewählt. Ansonsten ist die Vorgehensweise dieselbe wie mit den Originalplatten.

Kartonpläne

Der Fall der halbgrafischen Vermessungen auf Kartonplan kommt den späteren qualitativ guten grafischen Vermessungen gleich. Auf einer Kartonunterlage hängt der Verzug von der Richtung ab, in der die Kartonfasern verlaufen. Als Transformationsmethode wird im Allgemeinen das affine Verfahren gewählt. Die Transformationsprozedur ist in 6.8.2., dem Fall «mit Koordinatennetz» beschrieben.

6.8.2. Provisorisch anerkannte grafische Vermessungen

Pläne mit Koordinatennetz oder Kreuzen

Ermittlung des Verzugs

Der Verzug der Pläne wird mit Hilfe des ursprünglichen Koordinatennetzes bestimmt. Ist ein Mittelkreuz eingezeichnet, so kann es ebenfalls zur Ermittlung des Verzugs dienen. Im Allgemeinen jedoch reicht das Kreuz allein nicht aus. Idealerweise benötigt man für einen Plan 50 cm x 70 cm etwa zehn gut verteilte Punkte, um den Verzug zu berechnen. Die Korrektur des Verzugs erfolgt mit Hilfe der affinen Transformation.

Im Allgemeinen ist es mit dieser Transformation nicht möglich, die Koordinaten im Landessystem zu gewinnen, sondern bestenfalls in der BONNE'schen Projektion. Die Einpassung in den endgültigen Bezugsrahmen wird Plan für Plan mit Hilfe örtlich aufgenommener Punkte oder unter Benutzung von LTOP vorgenommen.

Pläne ohne jedes Koordinatennetz

Ermittlung des Verzugs

Eine Bestimmung des Verzugs «im Büro» ist im Allgemeinen nicht möglich. Auf dem Plan fehlen die zu seiner Bestimmung erforderlichen Elemente, selbst wenn am Planrand ein Massstabsbalken eingezeichnet ist.

Die örtlich aufgenommenen Passpunkte sind häufig weder in ausreichender Anzahl vorhanden noch hinreichend gut verteilt, um eine wirklich zuverlässige affine Transformation Plan für Plan zu ermöglichen. Folglich bevorzugt man eine Bestimmungsmethode, in der die verschiedenen Pläne miteinander verbunden werden (die weiter unten beschriebene LTOP-Methode). In allen

Fällen ist insbesondere auf die Restklaffungen, auf die Plausibilität der Massstabsfaktoren (im Vergleich zum Massstabsfaktor einer HELMERT-Transformation) und auf die Richtung der Affinitätsachsen (im Bezug zur Richtung der Fasern) zu achten.

Im Gelände aufgenommene Punkte

Die für die Einpassung und die Montage der grafischen Pläne notwendigen Punkte müssen bestimmte Voraussetzungen erfüllen, die nicht von vornherein gegeben sind:

- grossmaschiges Netz oder GNSS im Landessystem,
- Passpunkte, bei deren örtlicher Aufnahme folgenden Kriterien erfüllt sind:
 - klar und deutlich materialisierte Punkte (Markzeichen, Bolzen, bündige Ecken von Mauern und Gebäuden),
 - Gruppen von benachbarten Punkten, idealerweise 3, um grobe Identifizierungsfehler leicht zu eliminieren, jedoch verbunden mit Zusatzkosten,
 - an den Rändern der Pläne gelegene Punkte (um ihre Anzahl zu optimieren),
 - Ursprungspunkte in den Bereichen, die wenigen Mutationen unterworfen waren,
 - gut verteilte Punkte, um Extrapolationen zu vermeiden und um lokale Verzerrungen zu berücksichtigen.

Einpassung und Montage mit LTOP

Im Kanton Waadt wurde vom Vermessungs- und Grundbuchamt (SCRF, aktuell OIT) und der Ecole Polytechnique Fédérale de Lausanne (EPFL) in Zusammenarbeit mit der Privatwirtschaft eine Methode zur Einpassung und zum Zusammenfügen grafischer Pläne unter Verwendung der Software LTOP (Version GNSS) entwickelt. Die digitalisierten Koordinaten jedes Plans werden wie eine GNSS-Session betrachtet. Im Zuge der Berechnung können die Pläne untereinander zusammengefügt und die Parameter der verschiedenen HELMERT-Transformationen angegeben werden, die jeden Plan bestmöglich dank der Auswertung des ganzen Planwerks transformieren. Eine «affine» Version des LTOP Programms ist ebenfalls erhältlich.

Definitionen: die **Passpunkte** sind diejenigen Punkte, welche im Landessystem und auf einem oder mehreren Plänen bekannt sind; die **Verknüpfungspunkte** sind die Punkte an den Grenzen zwischen zwei oder mehreren Plänen, die jedoch nicht im Landessystem bekannt sind.

<u>Ablaufschema</u>

1. Definition des technische Einpassungsgebiets

Es kann vom Gebiet des zugeordneten Loses verschieden sein. Dort, wo das Gebiet des Loses noch nicht numerisierte grafische Vermessungen berührt, muss der technische Perimeter mindestens eine Reihe von Plänen derselben zusammenführen. An den Grenzen der numerischen oder der bestehenden numerisierten Vermessungen sind Passpunkte auszuwählen.

2. Passpunkte

Bestandesaufnahme und Identifizierung der bestehenden Passpunkte und der örtlich zu bestimmenden Punkte. Zu den bestehenden Punkten gehören die Festpunkte aller Ordnungen (Triangulation, Polygone, SBB-Punkte usw.) sowie die aus anderen Aufnahmen

hervorgegangenen Detailpunkte. Diese Punkte sind entweder direkt oder als Anschlusspunkte für Neuaufnahmen verwendbar.

3. Verknüpfungspunkte

Auswahl und Identifizierung einer gewissen Anzahl von Verknüpfungspunkten an den Rändern der Pläne, die gleichmässig über das Gebiet verteilt und auf jedem Plan an möglichst geeigneten Stellen festgelegt werden sollen (Punkte an Bachläufen vermeiden!). Ein Punkt alle 100 bis 200 m auf dem Gelände genügt. Man verwendet nicht alle Punkte des Perimeters, da die Anzahl der Punkte im Programm LTOP begrenzt ist, und da der Umfang des Zusammenbaus und der Berechnung hierdurch unnötig zu gross würde.

4. Punkte zur Reproduktion der mittels LTOP errechneten Transformation

Um die mittels LTOP errechneten Transformationsparameter für jeden Plan exakt reproduzieren zu können, sind 2 oder 3 (in der Praxis 4) (virtuelle) Sollpunkte in lokalen Koordinaten (so, wie sie digitalisiert wurden) vorzusehen, die den zu digitalisierenden Inhalt umschliessen.

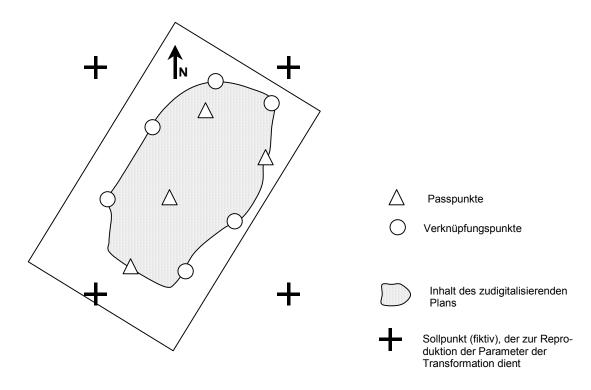


Abb. 51: Lage der Sollpunkte

5. Digitalisierung und Transformation der Perimeter und der Passpunkte für sämtliche Pläne Mit dieser Operation lassen sich Näherungskoordinaten im Landessystem gewinnen. Diese Koordinaten dienen als vorläufige Koordinaten für die Ausgleichung sämtlicher Pläne mittels LTOP.

6. Ausgleichung der Pläne untereinander

Berechnung der Ausgleichungs- und Transformationselemente aller Pläne mittels LTOP.

Fehler a priori (Waadtländer Norm 3805):

Massstab	Theoretische Standardabweichungen
1:500	150 mm
1:1000	300 mm
1:2000	600 mm
1:4000	1200 mm
1:5000	1500 mm

Einzuhaltende Bedingungen:

- w_i kleiner als 3.5,
- Quotienten kleiner als 1.5.

Es kann zweckmässig sein, diese Operation in kleinere Komponenten zu zerlegen, um die Analyse der Fehlermeldungen zu erleichtern, wobei man möglichst mit den grossen Massstäben (1:500) beginnt. Am Ende der Analyse werden die Komponenten zwecks Gesamtausgleichung wieder zusammengeführt. Das Programm LTOP berechnet für jeden Plan (Session) die Parameter der Transformation.

7. Berechnung der Landeskoordinaten der Perimeter

Auf der Grundlage der LTOP-Ausgleichung wird über die fiktiven Punkte die HELMERT-Transformation der Perimeter vorgenommen, um die Landeskoordinaten der anderen Punkte jedes einzelnen Planperimeters zu bekommen. Diese Koordinaten werden in Abhängigkeit vom Massstab des Originalplanes gewichtet gemittelt und stellen dann die offiziellen Koordinaten dar, die zur Einpassung des restlichen Inhalts und zur Inkraftsetzung im Grundbuch dienen.

Die ersten Erfahrungen wurden gesammelt, indem man sämtliche, an den Rändern gelegenen Punkte als Verknüpfungspunkte verwendete. Mit einer enger gefassten Punktauswahl lässt sich die mühselige Arbeit der Nummerierung und der Fehleranalyse jedoch entscheidend vereinfachen und bringt dennoch befriedigende Ergebnisse hervor. Die überzähligen Punkte werden dann gemäss der weiter oben beschriebenen «halbgrafischen» Methode numerisiert.

Digitalisierungsstrategie

Für die provisorische Numerisierung der grafischen Pläne sind mehrere Strategien zur Digitalisierung möglich.

A priori / A posteriori Digitalisierung

Zunächst Digitalisierung der Pläne in (möglichst verzugskorrigierten) lokalen Koordinaten, dann Feldaufnahme der erforderlichen Einpassungen und Ausgleichung/Transformation mittels LTOP.

Zunächst Feldaufnahmen, dann Digitalisierung der für die Ausgleichung/Transformation erforderlichen Elemente auf den Plänen.

Digitalisierung in einem / zwei Schritten

Digitalisierung des gesamten Planinhalts in lokalen Koordinaten in einem Zug, möglichst mit korrigiertem Verzug.

In einer ersten Phase werden zunächst nur die Perimeter, die Montage- und die Passpunkte digitalisiert. In einer zweiten Phase und nach LTOP-Ausgleichung wird dann der restliche Inhalt des Planes digitalisiert (zweimaliges Einrichten der Pläne auf dem Tisch).

Vorteile (+) und Nachteile (-)

- Die Vorgehensweise der Digitalisierung des gesamten Inhalts ist immer akzeptabel, unabhängig davon, ob die Feldarbeiten der Digitalisierung vorausgehen oder ihr folgen.
 Zwar ist die Ausgleichung hierbei erst nach der Digitalisierung des gesamten Inhalts aller Pläne möglich. Die Pläne werden jedoch nur einem einzigen Arbeitsgang unterzogen.
- Die Vorgehensweise mit zwei Digitalisierungen ist nur gerechtfertigt, wenn die Feldarbeiten der Digitalisierung vorausgehen. Sie gestattet eine rasche Digitalisierung der für die Ausgleichung erforderlichen Elemente, ohne die Digitalisierung des gesamten Inhalts aller Pläne abwarten zu müssen. Hingegen müssen die Pläne zwei Arbeitsgängen unterzogen werden.

6.8.3. Integration von örtlich sehr begrenzten Elementen in einen numerischen Bezugsrahmen

Bei einer Vermessung kann man festlegen, dass bestimmte einzelne Elemente – wie etwa die Knickpunkte einer Trennwand im Innern eines Hauses oder ein Punkt, der sehr schwer zugänglich geworden ist (z.B. im Wald) usw. – nicht aufgenommen, sondern aus bestehenden alten Dokumenten entnommen werden. Hier ist also die Rede von **einzelnen Elementen geringer Anzahl**, für die **vereinfachte Methoden** völlig ausreichend sind (keine Verwendung von Programmen wie LTOP oder TRANSINT). In diesem Fall bieten sich dem Bearbeiter zwei Lösungen an: die Berechnung oder die Digitalisierung.

Durch Berechnung

Wenn die Daten der Aufnahme noch existieren, lassen sich die Punkte direkt im neuen nationalen Bezugsrahmen berechnen. In diesem Fall ist keine Transformation auszuführen. Mitunter ist es jedoch erforderlich, die alten Aufnahmen in einem lokalen Bezugsrahmen zu berechnen. In diesem Fall transformiert man die lokalen Koordinaten mit einer HELMERT-Transformation und mit Hilfe von Passpunkten, die in beiden Bezugsrahmen bekannt sind. Eine Berechnung durch «Freie Station» ist ebenfalls denkbar. Mit einer optischen Kontrolle (Auftragen des Ergebnisses und Vergleich mit dem Original) wird der Vorgang vervollständigt.

Durch Digitalisierung

Die Praktiker sind sich bewusst geworden, dass sich die Berechnung von Elementen einzelner Aufnahmen, die in einem teilnumerischen Bezugsrahmen fehlen, unter dem Gesichtspunkt der Stückkosten häufig verbietet. Die Suche nach Messungen und exakten Bezügen für den Anschluss der Aufnahme erweisen sich oft als sehr mühselig. Die gegenwärtigen Programme setzen Bedingungen voraus, die seinerzeit bei den alten Aufnahmen nicht gegeben waren, wodurch sich die Berechnungen undurchschaubar und schwierig gestalten. Der Umstand, dass die früheren Massstabsfaktoren kaum bekannt sind und dass sich die Ergebnisse an der Grenze der heute üblichen Toleranzen bewegen, sprechen eher für die Vervollständigung durch Digitalisierung. Die zu digitalisierenden Elemente werden auf der Grundlage nahe gelegener Punkte (Koordinatennetz, PP oder Detailpunkte) eingepasst und mit Hilfe einer HELMERT- oder Affintransformation transformiert. Um diese Ergebnisse von den anderen aus Messungen direkt berechneten Daten unterscheiden zu können, erlauben die Attribute LageGen und LageZuv des Datenmodells DM.01-.AV eine Qualifikation der Daten und damit eine Spur zu ihrer Entstehung zu bewahren.

6.9. Transformation von gescannten Bildern (Rasterdaten)

Die Grundelemente gescannter Bilder (Rasterdaten) von Fotos oder Plänen sind «Pixel» (picture element): diskrete und regelmässige, normalerweise orthogonale Vierecke ohne Überlappungen.

Die Rasterdaten haben eine punktuelle Bedeutung (die Information trifft das Mittel des Rasters) oder einen flächendeckenden Sinn (die Attribute betreffen die ganze Zelle).

In einer Studie untersuchten St. Nebiker und S. Bleisch Ende 2001 die verbreiteten Verfahren zur Georeferenzierung und zur geometrischen Transformation von Rasterdaten. Zudem untersuchten sie, inwiefern sich die lineare Transformation mit finiten Elementen auch für die Transformation von Rasterdaten eignet. Mit der Implementierung einer Prototypsoftware 'dilas –

Raster Transformation' zeigten sie die Anforderungen an eine softwaremässige Umsetzung auf und untersuchten die in der Praxis erzielbaren Resultate.

Die geometrische Transformation von Rasterdaten besteht aus zwei Komponenten: 1. der Koordinatentransformation und 2. dem Resampling der Pixelwerte, d.h. der Wertezuweisung bzw. Werteinterpolation. Die eigentliche Koordinatentransformation ist identisch mit der geometrischen Transformation von Punkt- oder Vektordaten. Jedoch ergibt die Transformation einer in einem Startsystem ganzzahligen Pixelposition (Zeile, Spalte) in aller Regel eine nichtganzzahlige Position im Zielsystem. Dadurch ergibt sich die Problematik der optimalen Zuweisung bzw. der Interpolation von Pixelwerten. Diese Wertezuweisung wird als Resampling bezeichnet. Die Wahl des Resamplingverfahrens (nächster Nachbar, bilineare oder bikubische Interpolation) wird neben der geforderten Bildqualität auch vom Inhaltstypus des Rasters bestimmt.

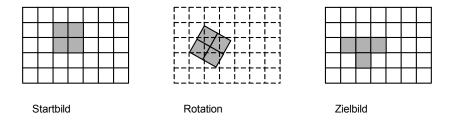


Abb. 52: Wirkung einer Rotation über Rasterdaten

Die Hauptunterschiede zwischen einer Raster- und einer Vektortransformation liegen also im zusätzlichen Resampling-Prozess, in der Transformation der Rasterobjekt-Umrisse und in einem um Faktoren grösseren Rechenaufwand.

Bei einer Rastertransformation auf der Basis finiter Elemente (FINELTRA) liegt ein Rasterobjekt oft in mehreren Dreiecksmaschen (vgl. Abb. 53). Dabei weist jede Polygonfläche einen eigenen Satz an Transformationsparametern auf.

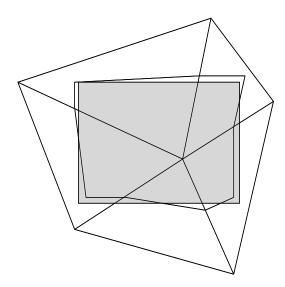


Abb. 53: Überlagerung eines zu transformierenden Rasterobjekts (grau) mit der Dreiecksvermaschung und dem transformierten Objektrumriss (ausgezogen).

Der Rastertransformationsprozess beginnt mit einer Transformation des Umrisses des Rasterobjekts (vgl. Abb. 53) und der Definition eines 'optimalen' neuen Rastergitters. Die eigentliche Rastertransformation erfolgt dann mittels Rückwärtstransformation, wobei die Rasterzellen jeder Polygonfläche mit einer Affintransformation und jeweils einem eigenen Parametersatz pro Masche abgebildet werden. Diese strenge Transformation ist relativ aufwändig.

Als Alternative ist daher in einigen Fällen auch der Einsatz von Näherungsverfahren (Transformation der Metadaten ohne Rastertransformation oder globale Rastertransformation mit Hilfe eines mittleren Transformations-Parametersatzes) sinnvoll.

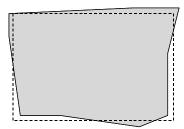


Abb. 54: Originalgrundriss (gestrichelt) und transformierter Grundriss (ausgezogen)

Softwaremässige Umsetzung

Zurzeit beschränkt sich die Rastertransformationsfunktionalität der meisten Softwarepakete auf globale Verfahren (HELMERT, Affin). Vereinzelt sind aber auch schon Systeme im Einsatz, die neben der Transformation von Einzelrastern auch die strenge, zwangsfreie Transformation von beliebig grossen Rastermosaiken erlauben.

Resultate und Schlussfolgerungen aus ersten Untersuchungen

Die lineare Transformation mit finiten Elementen ist auch für die Transformation von Rasterdaten uneingeschränkt geeignet und sinnvoll. Sie erlaubt einen zwangsfreien Übergang in den neuen Bezugsrahmen und ermöglicht die nachhaltige Nutzung bestehender Rasterdatensätze.

Bei Rasterobjekten mit einer geringen bis mittleren Auflösung ist der Einsatz von Näherungslösungen eine sinnvolle Alternative. Dies gilt insbesondere für die Transformation der Georeferenzierungsdaten, welche keine eigentliche Rastertransformation erfordert.

In der Praxis wird man daran interessiert sein, Rasterobjekte im Zielsystem so zu erzeugen, dass sie eine vorgegebene Lage und Ausdehnung erhalten, z.B. Rasterbilder mit einer 1kmx1km-Ausdehnung und einer Begrenzung durch die Kilometergitter des Zielsystems. Mit diesem Ansatz ist eine optimale Verwendung der transformierten Rasterobjekte in sämtlichen GIS gewährleistet. Der Ansatz verlangt allerdings nach einer Rückwärtstransformation, bei welcher in aller Regel mehrere georeferenzierte Input-Dateien erforderlich sind. Die Untersuchungen der geometrische Genauigkeit der Rastertransformation ergaben eine manuelle Digitalisiergenauigkeit in der Grössenordnung von ca. 0.25 Pixel vor und ca. 0.3 Pixel nach der Transformation, was einem Genauigkeitsverlust in der Grössenordnung von 10-20 % der Pixelgrösse entspricht.

Die Wahl eines geeigneten Rastertransformationsverfahrens ('FINELTRA', Affin / HELMERT oder Transformation der Metadaten) hängt ab vom Verhältnis zwischen der Pixelgrösse und der Grössenordnung der lokalen Restfehler innerhalb des Projektperimeters. Bei Datensätzen mit nationaler Ausdehnung empfiehlt sich eine zwangsfreie, strenge Transformation mit finiten Elementen bei einer Pixelgrösse von weniger als 3-5 Metern; bei lokalen bis regionalen Rasterdatensätzen bei einer Pixelgrösse von 0.5 Metern oder kleiner.

Bei der softwaremässigen Umsetzung der Transformation mit finiten Elementen erfordert die Implementierung der Rasterdatenhandhabung und der verschiedenen Resamplingverfahren einen deutlich höheren Aufwand als die reine Koordinatentransformation, wie sie beispielsweise in FINELTRA implementiert ist.

Zusammengefasst bleibt die Manipulation gescannter Bilder eine anspruchsvolle Aktion, sei es hinsichtlich der Grösse der Dateien, der Bilddeformationen oder der Verfälschung des Rasterinhaltes.

6.10. Transformation von komplexen Daten der Informationssysteme

Mit den geometrischen Transformationen können die Koordinaten geändert werden, die den als solche identifizierten Punkten zugeordnet sind. Dies bedeutet, dass die Landinformationssysteme, welche die Daten verwalten, in der Lage sein müssen, Transformationen durchzuführen, das heisst:

- die Transformationen in ihre internen Funktionen (vollständige Dateien oder Punktdateien) zu integrieren,
- ihre Daten zur Bearbeitung zu exportieren und wieder in ihre eigene Struktur zu übernehmen.

Mit den meisten der heutigen Systeme ist das Bearbeiten von Koordinaten mit Hilfe elementarer (HELMERT- oder Affin-)Transformationen und einer (Polynom- oder anderen) Interpolationsmethode möglich. Diese Funktionen eignen sich sehr gut für Daten, die im Zuge von Erfassungen gerade in das System importiert werden.

Für eine völlige Änderung der Gesamtheit der im System enthaltenen Koordinaten sind sie weniger geeignet. Insbesondere Rundungsfehler wirken sich auf die topologischen Beziehungen zwischen den Objekten aus. Ein System, das topologische Beziehungen auf rechnerischem Wege herstellt, muss eine Toleranzmarge einräumen, um transformierte Daten nutzbar zu machen. Ansonsten ist eine systematische Rekonstruktion der Topologie unumgänglich.

Die Variante, eine «exotische» Methode (wie etwa FINELTRA oder TRANSINT) für eine grundlegende Modifizierung des Referenzrahmens sämtlicher enthaltenen Daten zu nutzen, ist noch problematischer.

Die Fähigkeit zum Export der Gesamtheit der im System enthaltenen Daten und der anschliessenden Reintegration in das System erfordert ein Modul, das in der Lage ist, über eine Standardschnittstelle (beispielsweise vom Typ AVS/INTERLIS) Operationen vom Typ TRANSINT oder FINELTRA auszuführen. Dies macht beispielsweise das von swisstopo zur Verfügung gestellte Programm REFRAME.

Hinter dieser Problematik versteckt sich im Grunde das Problem der Aktualisierung der Informationssysteme, die direkt mit der amtlichen Vermessung zusammenhängen,

insbesondere jedoch das Problem der Aktualisierung der Systeme der Nutzer (Elektrotechniker, Gemeinden usw.).

6.11. Erneuerung und Integration der Vermessungen in LV95

Der Staatsrat des Kantons Wallis hat an seiner Sitzung vom 24. August 2004 beschlossen, LV95 schon ab 1. September 2005 als offiziellen Bezugsrahmen der Vermessungen und der Gesamtheit der amtlichen georeferenzierten Walliser Daten einzuführen. Das Wallis ist somit zum ersten Schweizer Kanton geworden, der den neuen Bezugsrahmen einführt und hat somit eine Pilotrolle in dieser Angelegenheit übernommen.

Die unmittelbare Folge dieses Entscheids war, dass die Gesamtheit der Vermessungsarbeiten zwingend in LV95 auszuführen ist: Ersterhebungen, Erneuerungen, Nachführungen.

Denn für die neuen Daten, die nach dem Entscheid erhoben werden, tritt man einfach ein ins Zeitalter von Erhebungen, die sofort in absoluter Lage bekannt sind und keine lokale Einpassung mehr benötigen. Die Numerisierung der alten Daten und ihre Integration in LV95 hat eine Reihe von neuen technischen Verfahren vorausgesetzt, mit denen neue Messungen harmonisiert und alte Daten wiederhergestellt werden, was mit einer Folge von Probleme verbunden ist, die zu lösen sind.

Das kantonale Amt für Geomatik (der Dienststelle für Grundbuchämter und Geomatik) hat im September 2005 eine allgemeine Richtlinie für die «Integration bestehender und neuer Vermessungen in den Referenzrahmen LV95» erlassen und für alle Vermessungsfachleute eine allgemeine Fortbildung über diese Richtlinie und die offenen Probleme der Transformationen in die Wege geleitet. Diese Richtlinie beschreibt im Detail die einzuführenden <u>Strategien</u> für die Behandlung heterogener Daten in LV95. Im Besonderen die anzuwendenden <u>Lösungen</u> und Hierarchien angesichts verschiedener Vermessungen, die zu erreichenden <u>qualitativen Ziele</u>, als auch die verfügbaren <u>wichtigsten Werkzeuge</u>, sowie die Behandlung der <u>Abweichungen ausserhalb der Toleranz</u> und der <u>Gebiete permanenter Verschiebungen</u>. Sie ist im Mai 2006 durch ein zweite Richtlinie «**Transformation halbgrafischer Vermessungen in den neuen Bezugsrahmen LV95**» vervollständigt worden. Diese beschreibt im Detail die möglichen Methoden, wie man bestehende teilnumerische Daten in LV95 integriert.

Die Erneuerung der LFP3-Netze wird zum Thema. Sie erfolgt durch partielle Erhebung der alten noch brauchbaren PP in LV95.

Für die Integration von alten Daten – die von diesen erneuerten Netzen abhängen – mittels Transformation stehen den Auftragnehmern drei Möglichkeiten zur Auswahl: Transformation in Funktion der Daten, der lokalen Bedingungen oder der verfügbaren Werkzeuge.

Zuerst wird eine Reihe von Kontrollgrenzpunkten erhoben und einer «Diagnosetransformation» mithilfe der offiziellen kantonalen Transformation (konform mit CHENyx06) unterworfen. Dies ermöglicht es, die Qualität der Integration mit einer Analyse der Abweichungen zu qualifizieren. Dann ist die definitive Feinintegration der Detaildaten, die vorher mit der kantonalen Transformation ungenügend in LV95 integriert waren, mit 2 Mitteln möglich:

- Interpolation der Restklaffungen (nach CHENyx06)
- lokale ad hoc Transformation (HELMERT oder Affin), gefolgt von einer Interpolation (CDL, TRANSINT, multiquadratisch, natural neighbour, ...).

Die Genauigkeitsanforderungen sowie eine detaillierte Beschreibung der technischen Unterlagen für die Verifikation (einschliesslich Anforderungen an die Pläne der Restklaffungen) vervollständigen diese Richtlinie.

Beide Richtlinien zeigen mögliche Lösungselemente für die praktischen Probleme, mit denen die Geometer der ganzen Schweiz in den nächsten Jahren konfrontiert sein werden.

6.12.Transformation von Geodaten in Folge von Fixpunktnetzerneuerungen

Seit dem Jahr 2000 bedecken alle Daten der AV das gesamten Genfer Hoheitsgebiet. In einem Anerkennungsvorhaben von Daten der «halbgrafischen» Vermessungsdaten auf den AV93-Standard sind seither die Arbeiten der **Fixpunkterneuerung** (LFP3) in Angriff genommen worden.

Dabei stellten sich zwei Probleme:

- Umwandlung nicht nur der Vermessungsdaten auf die Grundlage der neuen Netze, sondern auch der Geodaten anderer Datenverwalter (Kataster der belasteten Standorte, Kataster unterirdischer Leitungen usw.). Auf diese wirkt sich eine Transformation der Daten der amtlichen Vermessung aus.
- Hunderte von Objekten sollen transformiert werden, die klassischen Transformationsprogramme arbeiten aber «Punkt für Punkt». In der Regel muss man die Punkte für eine Transformation extrahieren, anschliessend wieder Objekt für Objekt der Art «Linie» oder «Fläche» bilden.

Ein Transformationsprogramm FINELTRA wurde 2005 entwickelt, das jede Art von Geodaten behandeln kann. Diese Erweiterung, «Konverter» genannt, wandelt jede Art von Vektorobjekten (im ESRI Format) und Rasterbilder von einem Bezugsrahmen in einen anderen um und berücksichtigt die FINELTRA Transformationsparameter.

Die CHENyx06-Parameter für den Übergang in den Bezugsrahmen LV95 sind endgültig. Sie wurden in Festpunktnetzen entwickelt, die sich in oder vor einer Erneuerung befanden. Es galt eine Lösung zu finden, die es ermöglicht, jederzeit mit den offiziellen Dreiecken in den Bezugsrahmen LV95 zu wechseln und dabei die AV93-Anerkennungsarbeiten mit ihren vielfachen Erneuerungen weiterzuführen.

Das Umfeld für eine Geodatenverwaltung wird durch die Softwarepakete von ESRI ArcMap, ArcCatalogue gebildet. Die Geodaten befinden sich auf einem Server, der mehreren Dienststellen der kantonalen Verwaltung dient. Dieser Server umfasst einen grossen Teil der Daten, die das Genfer Geoinformationssystem bilden (nachstehend SITG genannt).

Die Integration eines alten Netzes auf die neuen Bestimmungen im Bezugsrahmen LV95 ist gemeindeweise organisiert, mit folgenden Etappen:

- 1. Bestimmung des neuen LFP3-Netzes in LV95.
- Überführung des alten LFP3-Netzes in LV95 mit CHENyx06.
- 3. Vergleich der identischen Punkte der beiden Netze im Bezugsrahmen LV95.
- 4. Ad hoc FINELTRA-Dreiecke bilden für den Übergang vom alten zum neuen Netz, um die Verzerrungen zu verringern.
- 5. Alle Daten mit den offiziellen Dreiecken von LV03 auf LV95 überführen.
- 6. Diese Daten mit den ad hoc Dreiecken konvertieren, um sie ins erneuerte Festpunktnetz zu integrieren.

- 7. Die erhaltenen Daten in die vorhergehende Etappe zurückführen mittels der offiziellen Dreiecke im Bezugsrahmen der derzeitigen Datenverwaltung LV03.
- Bereit sein, jederzeit mithilfe der offiziellen Dreiecke in den Bezugsrahmen LV95 zu wechseln.

Diese Lösung ermöglicht es, eine sehr grosse Datenmenge in ein paar Tagen zu behandeln. Bis heute hat die kantonale Direktion der amtlichen Vermessung (DCMO) die Transformationen in zwei Sektoren ausgeführt und dabei mehrere Gemeinden neu geordnet. Diese wiesen Restklaffungen in der Grössenordnung von durchschnittlich 6 cm und maximal 20 bis 25 cm zwischen transformierten und neu bestimmten Daten auf.

Die Transformationen der Daten der AV haben Auswirkungen auf die auf den AV-Objekten aufkonstruierten Geodaten anderer Datenverwalter, die eine gleichwertige Genauigkeit wie die AV- Spezialisten fordern. Beispielsweise könnte ein belasteter Standort nach einer Transformation ebenfalls eine Nachbarparzelle um einige Millimeter betreffen, wenn er durch die nahen Grenzen einer Parzelle definiert ist. Das gleiche Problem stellt sich für die Berechnungsgrundlage der Dienstbarkeiten, die von der DCMO verwaltet werden.

Daher wurde festgelegt, welche Objektklassen die gleichen Transformationen wie die Objekte der AV durchlaufen müssen.

Ein erstes Transformationsgebiet wurde im Mai 2006 bearbeitet und umfasste 4 Gemeinden mit insgesamt mehreren hunderttausend Objekten.

Die Vorbereitung war:

- Die Definition der ad hoc-Dreiecke verbunden mit der Definition eines Einflussgebietes für die Verteilung der Klaffungen zwischen dem neuen und dem bestehenden Netz um den Perimeter herum.
- 2. Die Information an die betroffenen Datenverwalter über den zu transformierenden Perimeter und die Prozessplanung.
- 3. Der Aufbau eines internen Verfahrens für die Behandlung der Integration von bearbeiteten Mutationen auf der Grundlage der alten Elemente und eingebettet in den neuen Bezugsrahmen.
- 4. Die Zustandsdokumentation über die Daten vor der Transformation.

Die **Umformungen** erfolgten in einer lokalen Geodatenbank im offline Mutationszustand. Jede Etappe wurde gesichert, um die Verschiebungsvektoren der einzelnen Objekte wieder zu finden. Nach einer **Verifikation** der umgeformten Daten wurden sie in die rechtsgültige Datenbasis integriert und kontrolliert.

Zweierlei Probleme tauchten auf:

- 1. Die Anzahl der umzuformenden Objektpunkte; der Konverter akzeptierte bis zu 32'000 Punkte pro Objekt. Diese Grenze musste angehoben werden.
- 2. Die Zahl der Objekte, die pro Geodatenbank konvertiert werden konnte, war auf rund 55'000 Objekte begrenzt. Die Lösung bestand darin, die Geodatenbanken zu vervielfachen und dabei die Objektmenge besser zu verteilen.

Diese Probleme des Datenvolumens bewirkten eine Verlängerung der Bearbeitungszeit. Ohne diese Klippe wäre es möglich gewesen, den ganzen Sektor in zweieinhalb Tagen zu behandeln.

Es sei daran erinnert, dass die FINELTRA-Transformation die geometrischen Bedingungen nicht erhält. Deshalb müssen hier und da manuelle Korrekturen an einzelnen Objekten durchgeführt werden. In der Tat, ein Gebäude, eine Mauer oder andere Objekte an

Parzellengrenzen (aber nicht in diese integriert), kann sich andernfalls nach der Transformation in die benachbarten Parzelle hinüber erstrecken.

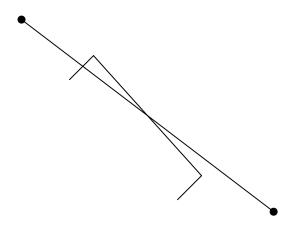


Abb. 55: Überlappung nach einer Transformation

Die DCMO hat eine effiziente und wirtschaftliche Methode eingerichtet, um die Geodaten schnell anzupassen, nachdem die Bezugsobjekte geometrisch verändert wurden.

Diese Erfahrungen zeigen auch, dass es der von der DCMO entwickelte Konverter erlaubt, der Transformation von Geodaten des SITG in ein neues Bezugsrahmen gelassener entgegenzusehen.

7. Konkrete Beispiele und Erfahrungen

7.1. Allgemeines

Jeder der Fälle wird in der Regel nach dem folgenden Schema präsentiert:

- Art des Falls und Identifizierung,
- Umfang der Arbeiten,
- Gewählte Lösung,
- Beurteilung der technischen Machbarkeit,
- Beurteilung der wirtschaftlichen Machbarkeit mit Texten, Berechnungen und schematischen Darstellungen.

7.2. Anpassung bestehender Vermessungen an die neue Triangulation im Kanton Waadt

Infolge der Einführung der neuen Triangulation im Kanton Waadt seit 1980 wurden diverse Transformationen an bestehenden Vermessungen vorgenommen, um diese in den neuen Bezugsrahmen anzupassen. Abweichungen von mehreren Dezimetern (DY von -31 bis +16 cm, DX von -18 bis +11 cm), die zudem von einem zum anderen Sektor stark variierten, konnten klar herausgestellt werden. An mehreren Orten erkannte man beträchtliche Bruchstellen (bis zu 10 cm innerhalb weniger hundert Meter).

7.2.1. Transformation der numerischen Vermessungsoperate im Kanton Waadt

Mehr als 75 numerische Vermessungslose, die 1980 im Kanton Waadt rechtskräftig waren und die mehr als 30 Gemeinden umfassten, wurden gemäss der in Kapitel 6.5 beschriebenen Vorgehensweise an die neue Triangulation des Kantons angepasst.

Arbeitsphasen

Feststellung der Anschlüsse an die neue Triangulation: die in beiden Bezugsrahmen bekannten Punkte und die Abweichungen klar aufzeigen.

Übersichtsplan der bestehenden Polygonzüge: Erstellung eines Netzplans, der die bereits gemessenen (Original- und Nachführungs-) Polygonzüge enthält, sowie Erfassung der Messungen.

Realisierung eines «grossmaschigen» Einpassungsnetzes mit Ermittlung der zusätzlichen Verknüpfungen zwischen der neuen Triangulation und bestimmten bestehenden Polygonen sowie einigen Detailpunkten zur Kontrolle.

Berechnung des «grossmaschigen» Netzes mittels LTOP.

Berechnung der vereinigten alten Netze in der neuen Triangulation mittels LTOP. Die im «grossmaschigen» Netz neu bestimmten alten PP dienen als Festpunkte.

Berechnung der Transformation und der Interpolation der Detailpunkte mittels TRANSINT auf der Grundlage der Abweichungen zwischen alten und neuen PP.

Vergleich zwischen den transformierten Koordinaten der Kontrollpunkte und den aus den Aufnahmen in dem grossmaschigen Netz erhaltenen. Statistische Angaben.

Einführung der neuen Koordinaten in das Grundbuch, mit (schrittweiser) neuer Zeichnung und Neuberechnung der Flächen. Die alten Flächen werden für das Grundbuch beibehalten. Die als technische Flächen bezeichneten neuen Flächen werden für sämtliche geometrischen Operationen verwendet.

Technische Machbarkeit

Technisch gesehen haben diese Arbeiten die Leistungsfähigkeit des Ausgleichungsprogramms LTOP für die Berechnung von Netzen und die Neuberechnung alter Netze sowie die des Programms TRANSINT für die Transformation und Interpolation grosser Punktmengen unter Beweis gestellt.

Es stellte sich heraus, dass die alten Netze aus der Ära vor der elektronischen Streckenmessung bis zu 20-mal ungenauer waren als moderne Netze (Winkel und/oder Strecken), wobei diese Netze bis zu 6-mal grössere Konfidenzellipsen aufwiesen.

Die wichtigsten technischen Schwierigkeiten waren:

- atypische Abweichung zwischen den neu erhobenen und den neu ausgeglichenen Koordinaten eines PP bei der Neuberechnung. Konsequenz: dies bedeutet praktisch, dass der Punkt Gegenstand einer «physischen» Verschiebung war und dass er bei der Neuberechnung der ursprünglichen Polygonzüge mittels LTOP als variabel betrachtet werden musste. Seine neu ausgeglichenen Koordinaten finden lediglich für die Transformation der umliegenden Detailpunkte Verwendung. In die endgültige Datei wird ein neuer Punkt mit den neu erhobenen Koordinaten eingeführt. Somit werden die alten Detailpunkte unter Verwendung des ursprünglichen Punkts transformiert, der zu ihrer Aufnahme gedient hat, und der Punkt im Gelände hat gleichwohl die Koordinaten, die seiner gegenwärtigen Lage entsprechen (einfache Verwaltung).
- Vermischung von ursprünglichen und Nachführungspolygonzügen mit divergierenden Abweichungen. Konsequenz: Auswahl der Polygonzüge mit der grössten Anzahl an Detailpunkten für die Transformation und differenzierte Bearbeitung der mutierten Punkte entsprechend den Angaben zu den Nachführungspolygonzügen (aufwändige Verwaltung).

Finanzielle Machbarkeit

Mehr als 1'000 neue LFP3 (grossmaschig) ermöglichten die Neuberechnung von mehr als 5'000 bestehenden Polygonpunkten sowie die Transformation und Interpolation von mehr als 150'000 Detailpunkten.

Für diese Einpassungs- und Transformationsarbeiten wurde eine Gesamtsumme von über 1 Mio. Franken ausgegeben (das Neuzeichnen der Pläne nicht inbegriffen).

Bei gut nachgeführten Vermessungen erwiesen sich die Transformationen als relativ einfach. Im Falle von stark und nicht immer durchgehend nachvollziehbar veränderten Vermessungen hingegen nimmt nicht nur die Qualität rasch ab, sondern die Lösung der auftretenden Schwierigkeiten wird auch enorm kostspielig.

Die Abschlussberichte zu diesen Arbeiten sind beim Vermessungsamt des Kantons Waadt erhältlich.

7.2.2. Numerisierung der halbgrafischen Grundbuchpläne des Kantons Waadt

Erste Operation: Transformation des Koordinatennetzes

Die provisorische Numerisierung der halbgrafischen Vermessungen von mehr als einem Drittel des Kantonsgebietes (1'000 km²) machte zunächst die Transformation und die Interpolation des **Koordinatennetzes** der Pläne in der neuen Triangulation erforderlich.

In dieser Arbeitsphase werden die Parameter für die Transformation der halbgrafischen Koordinaten der «alten Triangulation» in das System der digitalen «neuen Vermessung» bestimmt.

Diese Transformation beruht quasi ausschliesslich auf in der alten und neuen Triangulation bekannten Triangulationspunkten sowie auf Punkten numerischer Vermessungen an den Grenzen derselben. Für sämtliche Punkte des Koordinatennetzes der bestehenden Pläne können somit den Auftragnehmern Einpassungskoordinaten entsprechend den Werten der neuen Triangulation bereitgestellt werden.

Arbeitsphasen

Abweichungen zwischen der alten und der neuen Triangulation deutlich herausstellen: vor allem für identische Triangulationspunkte und bekannte Polygonpunkte an der Grenze numerischer Lose in der neuen Triangulation (ausnahmsweise ergänzende Bestimmungen im Gelände).

Transformations- und Interpolationsberechnung mittels TRANSINT: Auswahl der Methode (je nach Fall Translation, HELMERT, affin oder reine Interpolation) und Bereinigung von überflüssigen oder atypischen Punkten, Auswahl des Interpolationsradius.

Erstellung eines Koordinatenrasters (je nach Fall 50 oder 100 m Maschenweite) mit der Funktion GITTER des Programms TRANSINT. Transformation und Interpolation.

Ein Beispiel erlaubt einen besseren Einblick in diese Arbeit:

bei einer Abweichung der neue Triangulation von der alten um durchschnittlich 20 cm werden aus den Koordinaten eines Koordinatennetzpunktes eines Plans in der alten Triangulation (z.B. 540'500.00 / 155'400.00) die Koordinaten (540'499.89 / 155'399.84) in der neuen Triangulation. Die digitalisierten Punkte werden somit direkt mit diesen Werten in die neue Triangulation eingepasst.

Bei der Interpolation der Restklaffungen können lokale Verzerrungen der Triangulation und der umliegenden Vermessungen berücksichtigt werden (Interpolationsradius R zwischen 150 und 300 m, teils auch kleiner, je nach Punktdisposition und Art der Abweichungen).

Technische Machbarkeit

Die Leistungsfähigkeit des Programms TRANSINT und seines Moduls GITTER konnte nachgewiesen werden.

Hauptsächliche technische Schwierigkeiten:

 Mangel an Passpunkten: die Variationen der Abweichungsrohwerte (Differenz zwischen alten und neuen Koordinaten) zwischen den verschiedenen Triangulationspunkten rühren von der Verwendung der alten Triangulationspunkte her und können je nach den örtlichen Bedingungen, dem Integrationsmodus und

- dem Bearbeiter stark schwanken; ein Bereich ohne Passpunkt kann nicht ohne Überprüfung entsprechend den umliegenden Werten interpoliert werden.
- entgegengesetzt gerichtete Abweichungen in der Triangulation: in diesem Fall muss ermittelt werden, unter dem Einfluss welcher Punkte die angrenzenden Vermessungen ausgeführt wurden; nicht verwendete Punkte müssen eliminiert werden; bei unlösbaren Widersprüchen ist der Interpolationsradius zu verkleinern.
- entgegengesetzt gerichtete Abweichungen an den Rändern: die Randbereiche der numerischen Vermessungen liefern mitunter eine zu hohe Punktkonzentration für konsistente Transformationen (angesichts der wenigen Triangulationspunkte) und / oder eine gut geglättete Interpolation (Interpolationsradius von einigen 'zig Metern für die numerischen Punkte an den Grenzen und einigen hundert Metern für die Triangulationspunkte); folglich muss eine gewisse Anzahl davon ausgewählt werden, um zu einer konsistenten Transformation und Interpolation zu gelangen.

Finanzielle Machbarkeit

Die vollständige (affine oder HELMERT-) Transformation mit nachfolgender Interpolation kostet einige hundert Franken pro Los, einschliesslich der Bereitstellung einiger hundert bzw. tausend Koordinaten für die Verwendung des Koordinatennetzes als Passpunkte für die Numerisierung.

Fallbeispiele aus der Praxis und gefundene technische Lösungen

<u>Trey</u> (grafische Flurbereinigungspläne mit Koordinatenachsen, die als halbgrafisch betrachtet und bearbeitet wurden)

Trey ist eine Gemeinde, die im Kanton Waadt in einer Übergangszone der Triangulation an der Grenze zum Kanton Freiburg liegt. Die Abweichungen tendieren gegen Null, wenn man sich Freiburg nähert. Eine (affine oder HELMERT-) Transformation ist folglich ungeeignet; es kam stattdessen eine **reine Interpolation** mit einem Radius von R = 400 m zur Anwendung.

Das Endprodukt ist die Datei mit den interpolierten Koordinaten der Koordinatennetzpunkte eines 100 m Rasters.

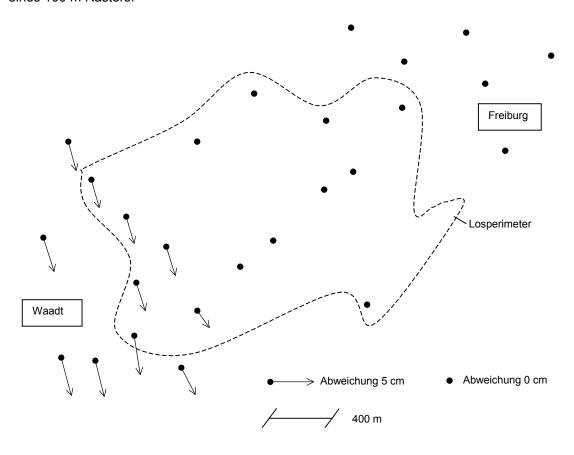


Abb. 56: Ursprüngliche Rohabweichungen, gültig für definitive Transformation (Trey)

<u>Villars-sous-Yens</u> (grafische Flurbereinigungspläne mit Koordinatenachsen, die als halbgrafisch betrachtet und bearbeitet wurden)

Im Westen der Gemeinde wurden bei der neuen Triangulation nicht systematisch die alten Punkte verwendet, was zu einer mangelnden Verknüpfung zwischen dem alten und dem neuen System führte. Gleichwohl existierten für diese Punkte bereits im neuen System interpolierte Koordinaten. Im östlichen Randbereich des Loses dienen einige Punkte des benachbarten Loses ebenfalls zur Einpassung.

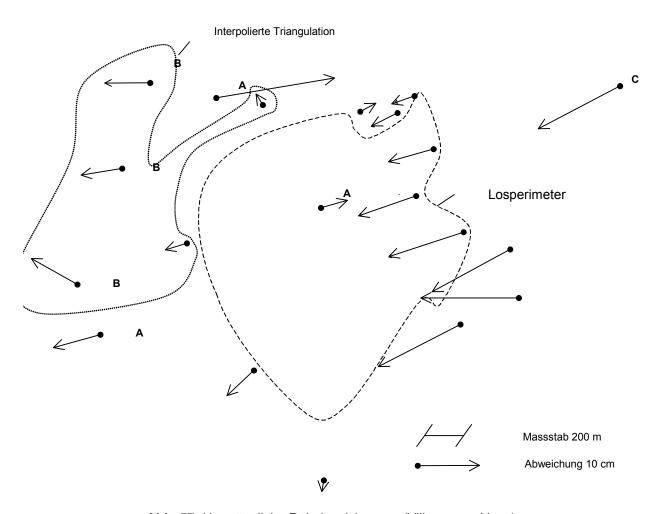


Abb. 57: Ursprüngliche Rohabweichungen (Villars-sous-Yens)

Die zu eliminierenden Punkte sind: **A** = Kirchturm; **B** = entfernt liegende LFP1-2 mit interpolierten Koordinaten, während die anderen Punkte neu bestimmte Koordinaten haben; **C** = zu weit entfernt.

Die endgültige Version ist eine affine Transformation, gefolgt von einer Interpolation mit einem Radius von R = 100 m (mittels TRANSINT).

Das Endprodukt ist die Datei mit den interpolierten Koordinaten der Punkte des Koordinatennetzes mit einem 100m-Raster.

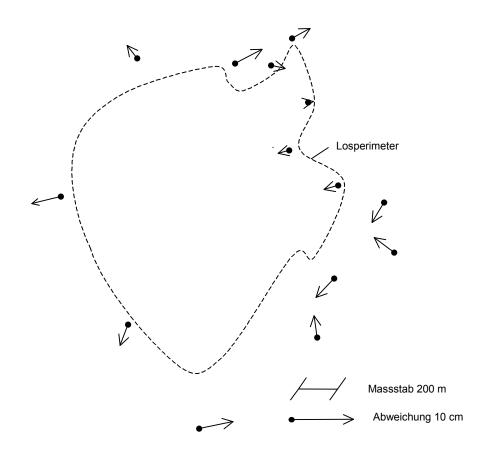


Abb. 58: Restklaffungen nach affiner Transformation (Villars-sous-Yens)

<u>Goumoëns</u> (grafische Flurbereinigungspläne mit Koordinatenachsen, die als halbgrafisch betrachtet und bearbeitet wurden [Abb. 59])

Die grafischen Flurbereinigungspläne von Goumoëns - Eclagnens wurden nach der halbgrafischen Methode mit grafischer Toleranz digitalisiert. Die Grenzen des Loses sind teilweise aus numerischen Vermessungen bekannt.

Im Innern des Loses wurden sehr wenige alte Punkte im neuen System neu erhoben, wodurch es unmöglich war, die Einpassung ausschliesslich über die Triangulationspunkte vorzunehmen. Hingegen enthielten die zu digitalisierenden Pläne Polygonpunkte, die im alten System bekannt waren und zur Einpassung verwendet wurden, sofern sie sich auf einer numerischen Grenze befanden. Dort, wo die PP fehlten und wo die Abweichungen überraschend gross schienen, wurden einige Detailpunkte, die Übereinstimmungen an den numerischen Grenzen aufwiesen, im alten System digitalisiert. Die allgemeine Tendenz (Grösse und Richtung der Abweichungen) wurde bestätigt und nur wenige repräsentative Punkte wurden für die Einpassung beibehalten.

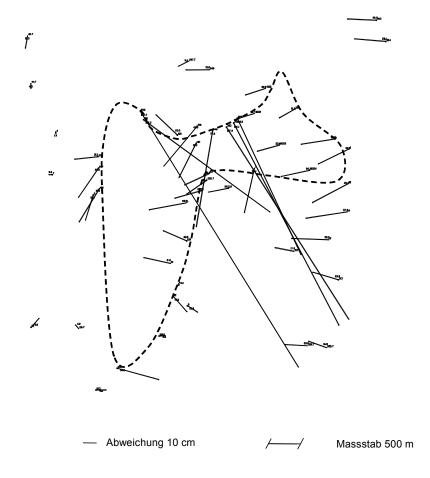


Abb. 59: Zu interpolierende Abweichungsrohwerte (nach Aussortierung der Punkte)(Goumoëns)

Man stellt fest, dass die nördliche Grenze von sehr schlechter Qualität ist und Abweichungen aufweist, die zwei bis drei Meter umfassen. Die Abweichungen im Süden schwanken so stark, dass insgesamt nur eine **reine Interpolation** (ohne Transformation) mit einem Radius von R = 200 m als Lösung in Betracht kommt.

Hier mussten Abweichungen von nahezu zwei Metern über einige hundert Meter interpoliert werden. Dies soll jedoch die Ausnahme bleiben. Die Qualität der globalen Koordinaten wird nicht in Frage gestellt, da sich die verwendeten Punkte im Gelände wieder auffinden liessen (bestehende Punkte und Aufnahmen). In einem solchen Fall kann die Einpassung der Pläne im Bereich mit stark variierenden Abweichungen nicht von guter Qualität sein, was dann folglich auch für ihre Numerisierung zutrifft. Die den Punkten zugewiesene Bestimmungsklasse weist den Benützer auf die mässige Qualität der Koordinaten hin.

Berolles, Bière, Mollens, Saubraz (halbgrafisch)

Diese Gemeinden liegen am Fuss des Jura im Kanton Waadt. Das zu transformierende halbgrafische Los enthält im Norden Forstwirtschaftsgebiete und im Süden ein Flurgebiet.

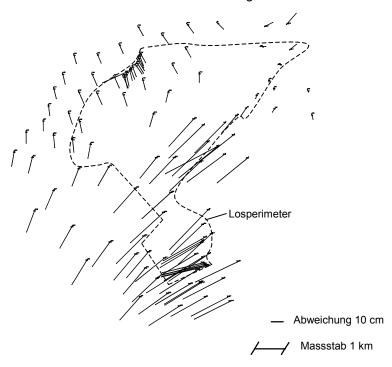


Abb. 60: Ursprüngliche Abweichungsrohwerte (Berolles ... Saubraz)

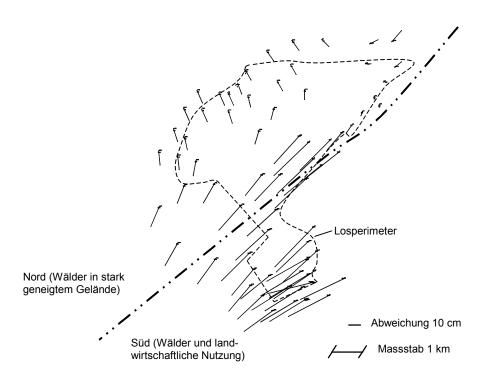


Abb. 61: Rohabweichungswerte nach Aussortierung der Punkte (Berolles ... Saubraz)

Überzählige, atypische oder zu weit entfernte Punkte im Gebiet des Loses wurden eliminiert. Die geometrische Konfiguration der Abweichungen weist zwei unterschiedliche Bereiche auf: im Norden sind die Abweichungen eher gering und verlaufen in Nord-Süd-Richtung; im Süden sind sie grösser und verlaufen in Ost-West-Richtung. Die mittlere Distanz zwischen den Punkten ist im Norden grösser als im Süden.

Die Aufteilung in zwei Transformationssektoren ist folglich gerechtfertigt. Aus praktischen Gründen wurde die Trennlinie innerhalb des Loses entlang der Grenzen der zu numerisierenden Grundbuchpläne gelegt.

Schliesslich wurden folgende Transformationen gerechnet (mittels TRANSINT):

- Süd: Affintransformation, gefolgt von einer Interpolation mit dem Radius R= 250 m
- Nord: Affintransformation, gefolgt von einer Interpolation mit dem Radius R= 400 m

Es wurden einige Passpunkte jenseits der Grenze jedes Sektors ausgewählt, um die Konsistenz der Grenze zwischen den Sektoren zu gewährleisten.

Das Endprodukt ist - für jeden Sektor - die Datei mit den interpolierten Koordinaten der Koordinatennetzpunkte eines 100 m Rasters sowie halbgrafische PP.

Zweite Operation: <u>Digitalisierung der Pläne</u>

Auf der Grundlage eines umfassenden Konzepts zur Numerisierung hat der Kanton Waadt bis heute mehrere `zig provisorische Numerisierungsoperate im halbgrafischen Kataster vorgenommen.

Arbeitsphasen

Nach der Phase der Transformation der Koordinatennetzpunkte sind folgende Aufgaben zu lösen:

Einpassung und Aufteilung der Pläne: Digitalisierung der Umrissgrenzen und Mittelwert zwischen den Plänen.

Digitalisierung des Inhalts der eingepassten Pläne über das Koordinatennetz und die gemittelten Umrisspunkte (nach Unterbrechungen sind stets dieselben Passpunkte wieder zu verwenden).

Anforderungen an die Einpassung der Pläne

Je nach Fall werden zur Transformation entweder die Affin- oder die HELMERT-Transformation benutzt. Für Kartonpläne ist die Affintransformation zwecks Korrektur von Verzugseffekten zu bevorzugen. Für ALU-Träger und Film wird hingegen die HELMERT-Transformation verwendet.

Für diese Numerisierungen wurden die Systeme GRADIS, ADALIN und ARGIS verwendet. Unter der Leitung des SIT (ehemals Vermessungs- und Grundbuchamt [SCRF]) wurde ein spezielles Numerisierungsmodul entwickelt, das dem Numerisierungskonzept des Kantons Waadt entspricht.

Genauigkeitsanforderungen:

- Der Bearbeiter muss den vom SIT vorgeschriebenen Test der Digitalisierungsstation erfolgreich durchgeführt haben.
- Mit Hilfe von Toleranzen k\u00f6nnen grobe Fehler herausgefiltert und die aus diversen Quellen stammenden Daten gewichtet werden; sie werden in die beiden verwendeten Programme eingef\u00fchrt.
- Für die Passpunkte, die durch die Berechnung der Transformation kontrolliert werden, ist eine einzige Anzielung gefordert.
- Für die PP und die Grenzpunkte (ausser am Rand von Bachläufen) sind zwei Anzielungen gefordert.
- Im Falle der systematischen Überschreitung der Toleranzen müssen die Bestimmungsklassen der Punkte herabgestuft werden.

7.3. Digitalisierung grafischer Vermessungen

Auf der Grundlage eines umfassenden Numerisierungskonzepts, das um eine Strategie zur Einpassung entsprechend der in Kapitel 6.8.2 ausgeführten Methode ergänzt wurde, hat der Kanton Waadt im alten grafischen Kataster zahlreiche provisorische Numerisierungsoperationen vorgenommen.

Diese Numerisierungen erfordern zunächst die Aufnahme einer gewissen Anzahl von Passpunkten im Gelände, die vorzugsweise an den Umrissgrenzen der Pläne ausgewählt werden. In einem ersten Schritt muss das Gebiet über einige bekannte Punkte digitalisiert werden, was nichts anderes bedeutet, als Plan für Plan eine (affine oder HELMERT-) Transformation durchzuführen, um somit für die Verknüpfungspunkte vorläufige Koordinaten für eine LTOP-Berechnung zu erhalten. Im Anschluss werden dann mit der affinen LTOP-Variante sämtliche Pläne verknüpft und eingepasst. Da die alten Pläne auf Karton vorliegen, ist wegen des Papierverzugs eine Affinität im Allgemeinen deutlich ausgeprägt, und ihre Korrektur verbessert die Qualität des Endprodukts. Da zwei aufeinander folgende Affintransformationen schwer zu analysierende Ergebnisse liefern, sollte für den ersten

Teil des Verfahrens vorzugsweise die HELMERT-Transformation zur Anwendung kommen.

Nach diesen allgemeinen Einpassungsoperationen werden – wie bei den Numerisierungen des halbgrafischen Katasters – die Systeme GRADIS, ADALIN und ARGIS benutzt.

Die Kosten dieser Numerisierungen liegen folglich höher als diejenigen für halbgrafische Vermessungen, wobei die Qualität der Ergebnisse schlechter ist. Gleichwohl wird dieses Verfahren benötigt, sofern eine Neuvermessung nicht in Betracht kommt.

Diese Vorgehensweise bei der Numerisierung wird überall dort angewendet, wo mittelfristig (innerhalb der nächsten 10 Jahre) keine Neuvermessungen geplant sind.

7.4. Übergang von LV03 zu LV95

7.4.1. IGP/ETHZ-Test im Tessin

Dieser Test hatte zum Ziel, die für einen optimalen Einsatz von FINELTRA einzuhaltenden Bedingungen festzuschreiben, und zwar sowohl in technischer (Einhaltung der Anforderungen der TVAV nach der Transformation) als auch in finanzieller Hinsicht (besseres Qualitäts/Preis-Verhältnis). Genauere Angaben hierzu finden sich im Bericht des IGP.

Ausgangsbedingungen

Um FINELTRA zu testen, wurden sowohl ein halbgrafisches Vermessungslos (Ponte Capriasca) als auch ein numerisches Vermessungslos (Luggagia) ausgewählt.

Vier LV95-Punkte und 6 weitere LFP 1/2 sind in LV03 und LV95 bekannt, wie auch etwa 30 Detailpunkte in jedem Los.

Wahl der Dreiecke

Es wurden vier Varianten untersucht:

- A. Vier LV95-Punkte, die 2 Dreiecke mit einer Fläche von etwa 220 km² und 23 km Seitenlänge bilden.
- B. Vier LV95-Punkte und ein Verdichtungspunkt, die 4 Dreiecke mit einer Fläche von etwa 70 km² und 15 km Seitenlänge bilden.
- C. Vier LV95-Punkte und zwei Verdichtungspunkte, die 6 Dreiecke mit einer Fläche von etwa 35 km² und 10 km Seitenlänge bilden.
- D. Vier LV95-Punkte und sechs Verdichtungspunkte, die 10 Dreiecke mit einer Fläche von etwa 5 km² und 2 km Seitenlänge bilden.

Ergebnisse

Für jede Variante wurden die Differenzen zwischen den mittels FINELTRA transformierten Koordinaten und den Aufnahmekoordinaten der Punkte errechnet.

Tabelle der Restklaffungen zwischen Aufnahme- und transformierten Koordinaten:

	Variante A	Variante B	Variante C	Variante D
LFP	6 bis 23 cm	5 bis 19 cm	4 bis 13 cm	
Numerisches Los	14 bis 18 cm	5 bis 10 cm	1 bis 6 cm	0 bis 3 cm
Halbgrafisches Los	15 bis 20 cm	8 bis 14 cm	2 bis 10 cm	1 bis 7 cm

Variante A:

Die Abweichungen erreichen durchschnittlich 20 cm. Die relative Genauigkeit, die innerhalb der Lose bestand, geht verloren.

Variante B:

Die Form der Dreiecke ist nicht ideal (zu unterschiedliche Seitenlängen). Die Koordinatendifferenzen in den beiden Vermessungslosen liegen zwischen 5 und 15 cm.

Variante C:

In beiden Losen sind die Dreiecke kleiner und haben eine günstigere Form. Die errechneten durchschnittlichen Differenzen betragen im numerischen Los 3 cm und im halbgrafischen Los 10 cm (infolge der weniger genauen LV03-Koordinaten). Der Zufallscharakter ihrer Verteilung ist stärker ausgeprägt als in Variante B und sie entsprechen den Genauigkeitsanforderungen der TVAV. Diese Variante bietet das beste Qualitäts/Preis-Verhältnis.

Variante D:

Diese hohe Dichte von Dreiecken führt zu den mathematisch besten Ergebnissen. Die durchschnittlichen Differenzen betragen für das numerische Los etwa 1.5 cm und für das halbgrafische Los 3 cm. Der Preis dieser Variante ist höher.

Generelle Anmerkungen:

- Die Transformation der Daten der amtlichen Vermessung von LV03 in LV95 mittels FINELTRA ist möglich.
- Eine Verdichtung der Dreiecke ist nötig.
- Es ist sinnvoll, vor der endgültigen Auswahl der Verdichtungspunkte einige Varianten zu testen.
- Der Übergang von LV03 zu LV95 verbessert nicht die ursprüngliche Qualität der Vermessung, deren relative Genauigkeit beibehalten werden kann.

Schlussfolgerung

Erforderliche Dichte an Passpunkten

Punkte höherer Ordnung sind unabhängig von ihrer Qualität nur dann wirkungsvoll einsetzbar, wenn sie die für die Detailaufnahme benutzten Punkte niederer Ordnung tatsächlich beeinflusst haben. Somit hat der Monte Generoso praktisch keinerlei Einfluss auf die Punkte um Lugano herum, weshalb die dort interpolierte Abweichung für die in diesem Bereich ermittelten Abweichungen nicht hinreichend repräsentativ ist.

Die Bestimmung von Abweichungen auf den Punkten niederer Ordnung in der Nähe oder innerhalb des Loses ist zwingend erforderlich. Im Falle der Übereinstimmung mit den Punkten höherer Ordnung können sie als einfache Kontrollen betrachtet und aus der Interpolation eliminiert werden. Andernfalls sollen sie als ergänzende lokale Einpassungen verwendet werden.

Wenn die lokalen Abweichungen relativ stark von den Abweichungen auf den Punkten höherer Ordnung differieren, stellt man eine deutliche Verbesserung der Qualität der Ergebnisse fest, sobald ein erster Punkt eingeführt wird, der in der Nähe liegt und für die lokalen Abweichungen repräsentativ ist.

Sobald jedoch der Einfluss der lokalen Abweichungen im Interpolationsgebiet hinreichend gross ist, werden die Ergebnisse auch durch eine Erhöhung der Anzahl der Passpunkte im Grunde nicht mehr verbessert.

7.4.2. V+D-Test Stadt Zug

Einführung

Dieser Auftrag bestand im praktischen Einsatz des an der ETH Zürich erarbeiteten Programms FINELTRA sowie der Formulierung von Leitlinien für dessen Anwendung in der amtlichen Vermessung, insbesondere die Optimierung der Passpunktanzahl für bestmögliche Transformationen ohne lokale Erneuerung und bei vorheriger lokaler Erneuerung (Details hierzu finden sich im Bericht der V+D).

Beschreibung der Situation in der Stadt Zug

Von 1928 bis 1935 fand eine halbgrafische Vermessung nach Instruktion 2 statt.

Seit 1980 wurde eine Erneuerung vorgenommen: zunächst im Zuge der jeweiligen Mutationen, später dann auch systematisch Plan für Plan.

Es folgte eine Erneuerung des LFP2-Netzes mit dem Ziel, einen homogenen Bezugsrahmen für die Erneuerung der LFP3-Lose bereitzustellen.

Im Rahmen der Deformationsmessungen an der Seebucht von Zug durch das Bundesamt für Landestopografie wurde in der Nachbargemeinde Menzingen ein LV95-Verdichtungspunkt gemessen. Man nutzte diese Gelegenheit, um in Zug 4 LFP2 zu messen.

Im Prinzip sind also Punkte gleichermassen bekannt:

- im **ursprünglichen** Bezugsrahmen **LV03** (1928-35 und spätere Aktualisierungen),
- im neu bestimmten Bezugsrahmen LV03 (1995),
- im Bezugsrahmen LV95 (1995),
- in einem **durch Transformation und Interpolation erneuerten** Bezugsrahmen **LV03** (5 TRANSINT-Konfigurationen mit verschiedener Anzahl an Passpunkten).

Referenzdaten

Die Arbeiten von swisstopo liefern globale Parameter für die Umsetzung von LV03 in LV95 auf der Basis von 4 Punkten höherer Ordnung: Albis, Rigi, Stöckerli, Schwerzlen. Auf diesen Punkten beträgt der Vektor zwischen LV03 und LV95 **77.7 cm**, mit einer Streuung in der Grössenordnung von **7.8 cm**.

Der Vektor zwischen lokalen ursprünglichen Punkten und lokalen LV95-Punkten beträgt **78.2** cm, mit einer Streuung in der Grössenordnung von **4.8** cm.

Für die 11 erneuerten lokalen Punkte beträgt er 80.7 cm, mit einer Streuung von nur 1.3 cm.

Die in Zug vorgenommenen Erneuerungsarbeiten im Detail (grossmaschige Polygonierung und Kontrollpunkte) führen zu einer aktuellen und «exakten» Bestimmung folgender Punkte sowohl im Bezugsrahmen LV03 als auch in LV95:

- 209 Festpunkte (Triangulations- und Polygonpunkte, davon 79 bestehende Punkte),
- 558 Punkte aller Art (Triangulations-, Polygon-, Grenzpunkte).

Eine Neuausgleichung der Messungen eines Teils des ursprünglichen Netzes mittels LTOP ergibt ebenfalls eine Serie von etwa 320 alten Punkten, die in der neuen lokalen Triangulation konsistent ausgeglichen wurden.

Erneuerung in LV03 mit Hilfe von TRANSINT

Es wurden fünf Varianten zur Erneuerung in LV03 (mit 11, 23, 38, 179 und 201 Festpunkten) mit Hilfe einer Affintransformation mit nachfolgender Interpolation (Programm TRANSINT) untersucht. Sie beruhen auf alten, 1995 neu bestimmten Punkten, die über das gesamte Gemeindegebiet verteilt sind.

Als Lösung wählte man schliesslich die Variante mit 201 Festpunkten. Hierzu gehören: neu bestimmte Festpunkte, eine Auswahl an neu berechneten Festpunkten und eine Auswahl an neu bestimmten Grenzpunkten (TRANSINT: affine Transformation mit einem «robusten» K = 0, Interpolation: R = 30 m).

Die Parameter der Transformation bleiben relativ stabil, unabhängig davon, ob man 11, 23, 38, 179 oder 201 Passpunkte benutzt. Bei mehr als einigen 'zig Punkten wirkt sich die Verwendung von noch mehr Punkten nur bei der Interpolation erkennbar aus.

Die maximale Verbesserung mit 201 Passpunkten führt zu einer Abnahme der Standardabweichung von **8.8 cm** auf **4.3 cm** über sämtliche erneuerten Daten (Pass- und Kontrollpunkte), was einer Verbesserung der Übereinstimmung zwischen Koordinaten und Gelände um 50% gleichkommt. Der Effekt resultiert einerseits aus der grösseren Anzahl an Passpunkten (Restklaffung Null) und andererseits aus der Verringerung der Abweichungen auf den anderen Punkten. Für diese «rein» (ohne die Passpunkte) interpolierten Kontrollpunkte verringert sich die Standardabweichung von **9.0 cm** auf **5.2 cm**, was einer Verbesserung von 42.2 % entspricht.

Integration in LV95 mit Hilfe von FINELTRA

Drei Varianten der Integration in LV95 mittels FINELTRA wurden letztlich ausgewählt, und zwar mit schrittweiser Verdichtung des Dreiecksnetzes:

- Variante «0», Netz höchster Ordnung mit Anbindung an LV95: 4 Punkte 1. und 2. Ordnung/LFP1, 2 Dreiecke mit Seitenlängen von 15 30 km,
- Variante «+1», Hinzufügung des neu bestimmten lokalen Punktes Nr. 543
 3. Ordnung / LFP1 3.5 km vom Mittelpunkt, wodurch 4 Dreiecke mit Seitenlängen von 11 20 km entstehen,
- Variante «+11», Hinzufügung von 11 für die lokalen Abweichungen repräsentativen Punkten, wodurch 19 Dreiecke mit Seitenlängen von 1 - 24 km entstehen; nur 9 Dreiecke mit Seitenlängen von 1 - 12 km fallen jedoch in das Gebiet.

Die dritte Variante (+11) überschreitet bereits deutlich die maximale Dichte der in einer FINELTRA-Ausgleichung zu integrierenden Punkte auf Landesebene (für Städte).

Mehrere der 'zig Kombinationsmöglichkeiten wurden an diversen Punktdateien getestet (alte und neu bestimmte Festpunkte / alte, erneuerte und neu bestimmte Polygon- und Grenzpunkte):

- LV03/erneuert

 LV95 (15 TRANSINT-/FINELTRA-Varianten)
- LV03/neu erhoben ⇒ LV95 (3 FINELTRA-Varianten)

Die Ergebnisse dieser Kombinationen wurden systematisch mit den Ergebnissen der Neubestimmung derselben Daten in LV95 («absoluter» Bezug) verglichen.

FINELTRA-Analyse

A. Vergleich der (mit hoher absoluter Qualität) in LV03 neu bestimmten und mittels FINELTRA in LV95 umgesetzten Daten mit der direkten Berechnung in LV95

Tabelle der Standardabweichungen für die umgesetzten Daten:

	FINELTRA Variante 0	FINELTRA Variante +1	FINELTRA Variante +11
Festpunkte	4.1 cm	0.8 cm	0.5 cm
Festpunkte u. lokale Detailpunkte	4.1 cm	0.4 cm	0.1 cm

Für qualitativ hochwertige, neu bestimmte lokale und Festpunkte ist die Integration von Daten von LV03 in LV95 nur eingeschränkt möglich, sofern kein lokaler Punkt in die Umsetzung einbezogen wird.

In unserem Fall erbrachte ein einziger lokaler Passpunkt eine Verbesserung der Umsetzungsqualität um 89.5 %, und elf lokale Passpunkte erbrachten eine Verbesserung um 94.9 %.

Für andere Gebiete ist diese Charakteristik nur bei nachgewiesener Homogenität der lokalen Triangulation gültig. Es ist zudem nicht unbedingt notwendig, dass dieser Punkt **im** Sektor liegt, wenn die lokale Triangulation hinreichend homogen ist (was der Fall ist, wenn sie in letzter Zeit neu bestimmt wurde).

Für Gebiete, die eine totale Konsistenz zwischen höheren und niederen Ordnungen der alten Triangulation aufweisen, muss diese Verdichtung keineswegs unerlässlich sein.

B. Vergleich der ursprünglichen und aus LV03 (mit mittlerer absoluter Qualität) erneuerten, mittels FINELTRA in LV95 umgesetzten Daten mit der direkten Berechnung in LV95

Tabelle der Standardabweichungen für die umgesetzten Daten:

	FINELTRA	FINELTRA	FINELTRA
	Variante 0	Variante +1	Variante +11
Festpunkte und lokale Detailpunkte	7.7 cm	8.7 cm	7.1 cm
Mit TRANSINT erneuerte Punkte (11 Punkte)	7.4 cm	7.2 cm	7.2 cm
Mit TRANSINT erneuerte Punkte (23 Punkte)	7.3 cm	6.2 cm	6.2 cm
Mit TRANSINT erneuerte Punkte (38 Punkte)	7.0 cm	5.6 cm	5.5 cm
Mit TRANSINT erneuerte Punkte (179 Punkte)	6.3 cm	4.9 cm	4.9 cm
Mit TRANSINT erneuerte Punkte (201 Punkte)	6.9 cm	4.5 cm	4.4 cm

Die lokalen Daten beruhen auf verschiedenen, untereinander näherungsweise integrierten Festpunktgenerationen. Dieser qualitative Mangel kann bei der Integration in LV95 nicht beseitigt werden und die Ergebnisse bleiben heterogen, unabhängig von der Konfiguration der FINELTRA-Dreiecke.

Ohne Erneuerung ist die Übereinstimmung zwischen den in LV95 umgesetzten ursprünglichen LV03-Koordinaten und der Wirklichkeit im Gelände für die Festpunkte nicht befriedigend. Eine vorherige lokale Erneuerung der Detaildaten unabhängig von der Umsetzung mittels FINELTRA ist unerlässlich.

Man stellt fest, dass die Integration mittels FINELTRA zunehmend besser verläuft, wenn man Passpunkte für die **Iokale** Erneuerung in LV03 hinzufügt.

Die maximale Verbesserung zwischen den grob in LV95 eingepassten ursprünglichen Daten (Standardabweichung **7.7 cm**) und den mittels TRANSINT mit 201 Passpunkten lokal erneuerten und mit Hilfe von 11 ergänzenden Punkten in LV95 eingepassten Daten (Standardabweichung **4.4 cm**) beträgt **43** %.

Man erzielt hier (ausgehend von Daten der 1930-er Jahre und ihrer erneuerten sukzessiven Nachführungen) die bestmögliche Qualität. Lediglich punktuelle Verbesserungen können in bestimmten Bereichen noch realisiert werden.

Äquivalente Ergebnisse lassen sich auch mit weniger Passpunkten für FINELTRA (2 - 3 Punkte) und mit einer erneuerten, etwas weniger dichten Polygonierung erzielen.

Einfluss auf die geometrischen Formen und Objekte der AV

Die Auswirkungen auf die Winkel, Strecken und Flächen sind in jedem Fall so gering, dass sie bei der AV vernachlässigt werden können, und zwar unabhängig davon, ob die Umsetzung mit Hilfe der ursprünglichen oder der erneuerten Daten geschieht.

Die Deformationseffekte von FINELTRA bleiben innerhalb der an den Passpunkten nachweisbaren Inkonsistenzen. «Zentimetergenaue» Daten bleiben «zentimetergenau» und «millimetergenaue» Daten bleiben «millimetergenau».

Verschiebung von administrativen Daten und von Makros

Bitte achten Sie auf die in den Computersystemen «versteckten» Koordinaten (Position von Texten, von Treppenstufen). Sie gilt es ausnahmslos zu finden, um sie mit allen anderen Daten korrekt umsetzen zu können.

Schlussfolgerungen

Aus den verschiedenen getesteten Varianten lässt sich folgendes ableiten:

 Ohne lokale Verdichtung durch ergänzende Punkte ist die Umsetzung in LV95 auf der Grundlage von Punkten höherer Ordnung mittels FINELTRA unvollkommen.

- Für qualitativ hochwertige, homogene Daten kann man mit einem Minimum an ergänzenden Punkten zu einer «absoluten» Umsetzung gelangen.
- Die Qualität in LV95 bleibt abhängig von der Ursprungsqualität in LV03.
- Die alten Daten lassen sich nur unvollkommen umsetzen. Eine Erneuerung kann ihre Integration zwar erheblich, aber nicht uneingeschränkt gegenüber den AV93-Anforderungen verbessern.

7.4.3. Grenze Waadt - Genf

Bei der Modifizierung der geodätischen Grundlagen der Westschweiz (Veränderung von etwa 30 cm auf dem LFP1 La Dôle), passte zwar der Kanton Waadt seine Triangulation an, Genf jedoch nicht. Folglich kommt es an der Grenze zwischen diesen beiden Kantonen zu Koordinatendifferenzen mit Extremwerten an Lücken oder Überdeckungen zwischen 23 und 37 cm. Diese Differenz von etwa 30 cm zwischen den Systemen LV03 GE und LV03 VD wirkt sich über den gesamten Kanton aus.

Um die Umsetzung dieser Daten in LV95 zu ermöglichen, wurden verschiedene Lösungen ins Auge gefasst.

Mögliche Lösungen

Eine erste Möglichkeit besteht in der provisorischen Eliminierung der Abweichung von 30 cm über das gesamte Genfer Territorium vor der Umsetzung in LV95:

- Genf korrigiert all seine in LV03 VD vorliegenden Daten (auch Benützerdaten) um 30 cm; der Übergang in LV95 erfolgt dann auf klassische Weise. Nachteil: aufwändige und teure Operation mit Konsequenzen für sämtliche Benützer.
- Entwicklung einer Routine, um die Genfer Daten zu erkennen und sie um 30 cm zu korrigieren (= Übergang zu LV03 VD), bevor sie in LV95 umgesetzt werden.
 Nachteil: Aufwand des Integrierens einer Routine, dafür jedoch keine Konsequenzen für die Benützer.

Eine zweite Möglichkeit besteht in der nichtkoordinierten Umsetzung der Daten der Kantone Genf und Waadt mit Hilfe einer speziellen FINELTRA-Dreiecksanordnung für den Kanton Genf mit LV03 GE-Koordinaten an den Eckpunkten. Der Kanton Waadt würde dann auf anderen FINELTRA-Dreiecken mit LV03 VD-Koordinaten an den Eckpunkten beruhen. Nachteile: es gibt nicht mehr eine einzige FINELTRA-Datei für die gesamte Schweiz. Ausserdem müsste eine Routine die Herkunft der Punkte (VD oder GE) erkennen, um sie einer adäquaten Transformation unterziehen zu können.

Gewählte Lösung

Sie besteht darin, die Kantonsgrenze auf der Grundlage der bereits erneuerten Daten des Kantons Waadt (LV03 VD) nur einmal zu transformieren. Die Genfer Daten werden nur jenseits der in LV03 VD definierten Grenze (siehe auch Kapitel 6.2.5 Bruchstellen) transformiert.

Im Kanton Waadt werden in den FINELTRA-Dreiecken alle Punkte der Grenze als Eckpunkte benutzt.

Im Kanton Genf werden – im Falle einer Überdeckung – sämtliche bekannten Grenzpunkte mit den (um 3 cm verschobenen) LV03 VD- und LV95-Koordinaten benutzt. Im Falle von Lücken werden analog sämtliche Punkte der Grenze mit den (um 3 cm verschobenen) LV03 GE- und LV95-Koordinaten benutzt. Die Verschiebung um 3 cm verhindert, dass Rundungseffekte die VD- und GE-Eckpunkte identisch werden lassen oder Überschneidungen hervorrufen.

Die Erwägungen betreffs Lücken und Überdeckungen müssen für Y und X getrennt angestellt werden. Ein «Niemandsland» von 3 cm zwischen den Dreiecken beider Kantone muss frei von jedem FINELTRA-Dreieck bleiben, um jegliche Überlappung infolge von Rundungseffekten zu vermeiden. Die in diesem Streifen befindlichen Daten sind Punkte mit einer Distanz von ca. 30 cm von der Grenze in LV03 GE und werden dort völlig falsch mit einem Deformationsfaktor von 10 transformiert.

Ein Streifen von etwa 40 cm Breite entlang der Grenze auf Genfer Seite kann von LV03 GE nicht nach LV95 transformiert werden, und die umgekehrte Transformation kann nur Werte in LV03 VD ergeben. Diese nicht transformierbaren Punkte müssen direkt in LV95 berechnet werden.

7.4.4. Homogenisierung von Festpunktnetzen

In ihrer Diplomarbeit testeten M. Ruckstuhl und U. Gyseler im Herbst 2001 an der Fachhochschule beider Basel folgende Transformationsmethoden auf ihre Anwendbarkeit auf die LFP2/LFP3-Netze Titterten (Kanton BL) und Gelfingen (Kanton LU):

Transformationsart	Transformationsparameter
Translation	X_0, Y_0
Translation	A ₀ , I ₀
Translation, Drehung	Χ ₀ , Υ _{0,} ω
HELMERT-Transformation	X ₀ , Y _{0,} ω, m
Affintransformation mit Bedingungen	$X_0, Y_{0, \omega}, m_x, m_y$ (keine Scherung)
Affintransformation	$X_0, Y_0, \omega, \varphi, m_x, m_y$
Interpolationen	Einflussweite

Sie zogen folgende Schlüsse:

- Lokale Spannungen können nicht durch eine HELMERT- oder Affintransformation beseitigt werden.
- Grosse lokale Spannungen werden in Punkten nicht aufgedeckt, welche nicht Pass- oder Kontrollpunkte sind. Sie bestehen auch nach der Transformation fort.
- Eine Transformation hat nur geringen Einfluss auf die Resultate, wenn später eine Interpolation angebracht wird.
- Für grobmaschige Festpunktnetze werden weniger Passpunkte benötigt als für feinmaschige Netze.

- Anstelle einer Interpolation kann auch eine Gebietsaufteilung vorgenommen werden; dies ist jedoch mit hohem Aufwand verbunden.
- Wenn davon ausgegangen werden kann, dass die Passpunkte die umgebenden Punkte gut wiedergeben, ist eine Interpolation angezeigt.
- Die Dichte der zu bestimmenden Passpunkte hängt stark von der Homogenität des Gebietes ab.

Eine allgemein gültige Regel ist sehr schwer zu erstellen, denn jedes Gebiet stellt einen Sonderfall dar, welcher individuell bearbeitet werden muss.

Weitere Details siehe: www.fhnw.ch/habg/ivgi/diplom/diplomarbeiten

7.4.5. LV03 ⇔ LV95 optimierte Dreiecksvermaschung (Basel-Stadt)

In ihrer FHBB - Diplomarbeit arbeiteten B. Steffen / S. Schütz im Herbst 2002 ein Konzept für die Abgrenzung der Schollen am Beispiel Basel-Stadt aus. Darauf aufbauend wurde basierend auf dem bestehenden Büroentwurf des Grundbuch- und Vermessungsamtes eine optimierte Vermaschung des ganzen Kantonsgebietes vorgeschlagen.

Schollenabgrenzung

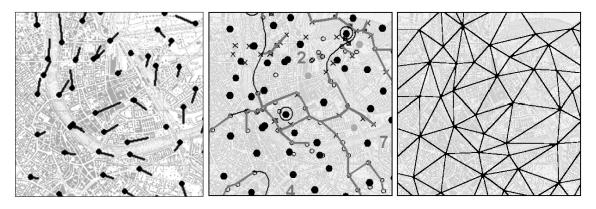


Abb. 62: Links die Restklaffungen einer ersten Transformation als Ausgangslage für die Schollenbildung. Die Schollen (Mitte) bilden wiederum die Ausgangslage für die weitere Behandlung der Punkte. Rechts das Beispiel einer Dreiecksvermaschung über das gleiche Gebiet.

Schollen grenzen homogene Gebiete ab, deren Klaffungen die gleichen lokalen systematischen Abweichungen aufweisen. Werden unterschiedliche Schollen gemeinsam transformiert, entstehen Spannungen, die sich in der Transformationsgenauigkeit niederschlagen.

Mit vertieften Untersuchungen konnte nachgewiesen werden, dass der Einsatz von Schollen für den Aufbau einer Dreiecksvermaschung sinnvoll ist. Mit deren Hilfe kann ein optimales Verhältnis zwischen der Anzahl Dreiecke und der Genauigkeit erreicht werden.

Die Schollen wurden aufgrund der Restklaffungen einer konventionellen HELMERT-Transformation und der systematischen Abweichungen einer HELMERT-Transformation mit Kollokation (gemäss Diplomarbeit von Michael Schwaninger, siehe unten) bestimmt. Zur Abgrenzung der Schollen wurden verschiedene Möglichkeiten erprobt. Sie lassen sich in drei Kategorien aufteilen:

Rein visuell: Die Klaffungen werden rein visuell beurteilt. Dabei werden

zusammenhängende Gebiete mit gleichen Klaffungen gesucht. In Gebieten hoher Genauigkeit werden so bereits annehmbare

Resultate erreicht.

Einteilung nach Klassen: Klassen gruppieren die Restklaffungen der Punkte nach bestimmten

Merkmalen in definierten Intervallen, den sogenannten Klassenbreiten. Die Merkmale einer Klaffung sind die

Koordinatendifferenzen in Y- und X-Richtung, sowie die daraus resultierende Länge und ihr Azimut. Diese Einteilung nach Klassen führte zu annehmbaren Resultaten, erwies sich aber als sehr

aufwändig.

Über Differenzbildung: Bei der visuellen Abgrenzung vergleicht man benachbarte Vektoren

und entscheidet, ob sie sich ähnlich sind oder nicht. Mit der Methode «Abgrenzung über Differenzen» wird versucht, dieses Vorgehen zu automatisieren. Zwei Vektoren gelten als ähnlich, wenn beide

Differenzen kleiner sind als vorgegebene Toleranzwerte. Sind sich die zwei Vektoren nicht ähnlich, wird eine Schollengrenze zwischen den

Punkten vermutet.

Eine weitere Methode wurde entwickelt, welche die Unterteilung anhand einer «Diskriminanzanalyse» im vierdimensionalen Raum (Länge und Azimut des Klaffungsvektors, Lage des Vektors) vornimmt.

Um Aussagen über die Qualität der jeweiligen Scholleneinteilung zu ermöglichen, wurde für jede Scholle eine Affintransformation durchgeführt. Dabei wurde festgestellt, dass mit einer visuellen Beurteilung der Restklaffungen bereits relativ gute Schollenabgrenzungen gefunden werden können. Bei Daten mit einem grösseren Anteil zufälliger Abweichungen bietet die Methode der HELMERT-Transformation mit Kollokation ein geeignetes Mittel, um die zufälligen von den systematischen Fehleranteilen zu trennen. Mit den dabei erhaltenen systematischen Fehleranteilen können die lokalen Abweichungen sehr gut beurteilt werden.

Vermaschung

Bei der Untersuchung verschiedener Vermaschungen kamen die erarbeiteten Schollenabgrenzungen zum Einsatz. Die Beurteilung der Qualität der verschiedenen Varianten erfolgte anhand von transformierten Kontrollpunkten (LFP3), die zusätzlich in vier Teilgebieten berechnet wurden. Dabei wurden folgende Erkenntnisse gewonnen:

Mit Hilfe der erstellten Schollenabgrenzung ist es möglich, Spannungen besser zu erfassen. Um dies zu erreichen, werden jedoch zusätzliche Dreiecke und Transformationsstützpunkte (TSP) benötigt. Diese zusätzlichen Punkte stammen in Basel-Stadt aus dem Diagnosenetz.

Die angestrebte Genauigkeit ist nur mit diesen relativ kleinen Dreiecken zu erreichen. Ein bestmögliches Verhältnis zwischen den beiden Polen Genauigkeit und Anzahl Dreiecke ist anzustreben.

Die dichte Vermaschung hat den Nachteil, dass viele zusätzliche Kontrollpunkte zur Qualitätssicherung nötig sind.

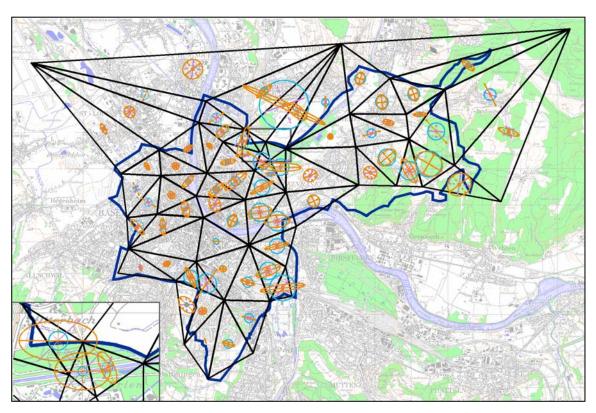


Abb. 63: Entwurf einer optimierten Dreiecksvermaschung über den Kanton Basel-Stadt, aufgrund der vorweg bestimmten Schollenabgrenzungen

Erneuerung

Das Erreichen der gleichen, in Basel sehr hohen Genauigkeit ist nach der Transformation nicht möglich (kleine Einbussen). Lokale Spannungen können nicht vollständig modelliert und mit Hilfe der Transformation LV03 \Leftrightarrow LV95 eliminiert werden. Dies entspricht auch nicht den definierten Zielen dieser Transformation. Vielmehr sollten diese Spannungen im Rahmen einer Erneuerung vor oder nach dem Übergang LV03 \Leftrightarrow LV95 beseitigt werden. Somit stellt sich auch für Basel-Stadt die Frage, ob sich eine Erneuerung des Festpunktnetzes (Aufrechnen und gegebenenfalls weitere Massnahmen) nicht lohnen würde. Dadurch könnte die hohe Genauigkeit des Festpunktnetzes erhalten bleiben.

Fazit

- Da die maschenweise Affintransformation nicht auf einer Überbestimmung beruht, gehen Fehler in den Passpunkten voll in die transformierten Punkte ein und bleiben unentdeckt.
- Die Genauigkeiten der Punkte in beiden Bezugsrahmen sind massgebend für die weitere Bearbeitung (Beurteilung Restklaffen, Schollenabgrenzung, Einsatz als TSP).
- Die visuelle Schollenabgrenzung liefert in Gebieten hoher Genauigkeit (kleiner zufälliger Abweichungsanteil) akzeptable Resultate bei geringem Aufwand.
- Mit einer Dreiecksvermaschung auf Grund von Schollen kann die Genauigkeit der Transformation erhöht werden.
- Eine vollständige Elimination und Modellierung von lokalen Spannungen ist mit der maschenweisen Affintransformation nicht möglich. Diese Spannungen müssen im Rahmen einer Erneuerung eliminiert werden.

- Die Forderung nach einer kleinen Anzahl an Dreiecken und hohen Transformationsgenauigkeiten verhalten sich entgegengesetzt.
- Die Auswahl der Transformationsstützpunkte ist massgebend für die Qualität der Vermaschung und damit der Transformation.
- Grundsätzlich sind Dreieckseiten entlang von Schollengrenzen zu wählen. Zum Abbau grosser Spannungen sind kleine Dreiecke, welche über die Bruchstelle verlaufen, anzustreben (siehe Kapitel 6.2.5). Innerhalb von Schollen sollten möglichst grosse Dreiecke erstellt werden. Dies gelingt jedoch nur, wenn die Auswahl der TSP sorgfältig und gezielt innerhalb dieser Regionen erfolgt.
- Um eine begründete Aussage über die Güte eines Dreieckes zu machen, sind mindestens drei Kontrollpunkte im jeweiligen Dreieck erforderlich.

Weitere Details siehe: www.fhnw.ch/habg/ivgi/diplom/diplomarbeiten

7.5. Übergang BONNE-Projektion ⇔ Zylinderprojektion

7.5.1. Bière (Waadt)

Beim Numerisierungstest in der Gemeinde Bière war es dank moderner Aufnahmen möglich, die Landeskoordinaten diverser bekannter Punkte auf den alten Plänen im BONNE-System zu bestimmen.

Die festgestellte Abweichung beträgt durchschnittlich 8.08 m in Y und 0.92 m in X.

Die Werte auf den ALU-Platten des Übersichtsplans wiesen ebenfalls Abweichungen von 8.00 m und 1.00 m für dieselbe Region auf.

Die Berechnung mittels VEKTRA wiederum ergibt Werte von 2.11 m und 0.35 m.

Die «BOLLIGER»-Grafik ergibt -2.00 m in Y und +0.33 m in X.

Es ist klar erkennbar, dass die theoretischen Berechnungen korrespondieren, was sich jedoch von den Plänen aus dem 19. Jahrhundert nicht behaupten lässt.

Folglich muss man bei derartigen Umsetzungen Passpunkte bestimmen, um zu klären, ob die alte Vermessung im BONNE-System wirklich konsistent durchgeführt wurde.

7.5.2. Visp (Wallis): Einsatz von TRANSINT für eine Erneuerung und Transformation von LFP3

Im Vorfeld einer Transformation der Festpunkte und einer Numerisierung der Katasterpläne wurden in Visp mehr als 160 im BONNE-System bekannte Polygonpunkte mit GNSS in LV03 neu vermessen.

Die Abweichungsrohwerte zwischen den beiden Systemen (BONNE und LV03) liegen in der Grössenordnung von 12 m, genauer gesagt +10 m in Y und -7 m in X (im Mittel über die aufgenommenen Punkte).



Abb. 64: Abweichungsrohwerte (Visp)

Mittels «BOLLIGER»-Grafik erhält man Y = +2.1 m und X = -1.5 m, und

mittels VEKTRA Y = +2.23 m und X = -1.58 m.

Die theoretischen Werte zwischen den beiden Systemen treffen folglich nicht zu und es muss notwendigerweise auf Passpunkte zurückgegriffen werden.

Anwendung von TRANSINT

In einem ersten Versuch rechnet man eine Transformation mittels robuster Ausgleichung, damit die mit groben Fehlern behafteten Punkte die Transformation nicht beeinträchtigen.

Parameter der mit TRANSINT berechneten Transformation (robuster Faktor K = 3.5):

Translation Y	Translation X	Rotation	Massstab
9.850 m	-6.878 m	-0.0968306 gon	-188.1069 mm/km

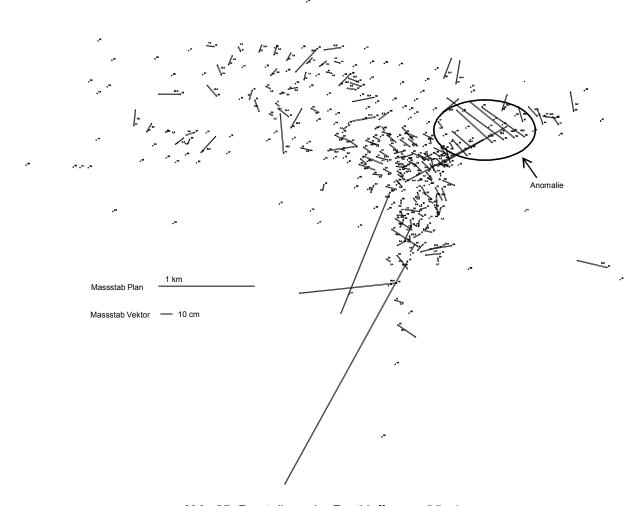


Abb. 65: Darstellung der Restklaffungen (Visp)

Fünf Punkte wurden im Zuge der robusten Ausgleichung eliminiert (Abweichungen von mehr als 1 m).

Zwanzig Punkte mit Restklaffungen von mehr als 20 cm (festgelegter Grenzwert) wurden eliminiert, es sei denn, nahe gelegene Punkte bestätigten eine gleich gerichtete lokale Tendenz. Einige Punkte mit Restklaffungen von weniger als 20 cm wurden eliminiert, da sie sich als atypisch im Vergleich zu den Nachbarpunkten erwiesen.

Im Plan der Restklaffungen wird eine deutliche Anomalie sichtbar: 6 Punkte, die zwar eine lokale Kohärenz, aber Restklaffungen von mehr als 20 cm (max. 72 cm) aufweisen.

Berichtigung des von der Anomalie betroffenen Sektors

Die 6 Punkte gehören zu demselben Nachführungspolygonzug. In der Berechnung des Polygonzugs im alten System (BONNE) wurde ein Fehler von 10 ° vorgefunden, weshalb die BONNE-Koordinaten neu berechnet wurden. Die klassische Methode der Ausgleichung eines Polygonzugs wurde aufgegeben zugunsten einer LTOP-Berechnung mit den diversen Generationen der für diesen Sektor verfügbaren Daten.

In einem zweiten Schritt wurden die Koordinaten der von dieser Korrektur betroffenen Detailpunkte vom System «BONNE vor Berichtigung» in das System «BONNE nach Berichtigung» transformiert. Glücklicherweise konnte die genaue Liste der betroffenen, ausnahmslos numerisch bekannten Detailpunkte erstellt werden.

Die im BONNE-System berichtigten Koordinaten werden für die endgültige Transformation (über die gesamte Gemeinde) benutzt.

Endgültige Transformation

Die endgültige Transformation ist eine HELMERT-Transformation, gefolgt von einer Interpolation, die sich auf die numerisch bekannten Detailpunkte und auf die Punkte des Koordinatennetzes mit einer Maschenweite von 100 m bezieht. Dank der transformierten und interpolierten Koordinaten der Koordinatennetzpunkte können ergänzende Details der halbgrafischen Pläne, die nicht berechnet werden konnten und digitalisiert werden müssen, bequem in das neue System eingepasst werden.

Parameter der Transformation und der definitiven Interpolation:

Translation Y	Translation X	Rotation	Massstab	Radius
+9.868 m	-6.882 m	-0.0964644 gon	-183.2561 mm/km	40 m



Abb. 66: Darstellung der Restklaffungen der definitiven Transformation (Visp)

Kontrollen

Der Mittelwert der Abweichungen zwischen den unabhängig mit GNSS ermittelten Koordinaten und den transformierten Koordinaten von 140 Kontrollpunkten beträgt **8.1 cm**. Auf 137 Punkten liegen die festgestellten Abweichungen **unter 20 cm** und entsprechen damit unseren Prognosen. Nur drei Punkte (also 2 % aller Kontrollpunkte) weisen eine Abweichung zwischen 20 und 30 cm auf.

7.6. Beispiel für die Integration mit GNSS ermittelter Koordinaten

Anhand von vier Anschlusspunkten sollen acht Neupunkte in das Landeskoordinatensystem integriert werden (vgl. Abb. 67).

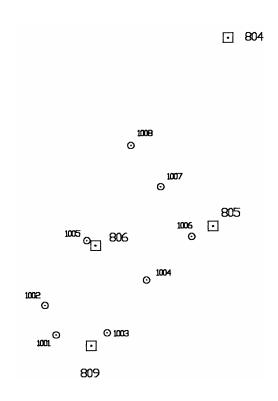


Abb. 67: Integration von acht Punkten

Die Koordinaten der Passpunkte sind:

```
      804
      532427.180
      157853.180
      497.640

      805
      532331.640
      156606.040
      502.060

      806
      531565.180
      156475.660
      452.100

      809
      531537.820
      155810.700
      410.530
```

Während einer ersten GNSS-«Session» (statisch rapid) wurde die Referenzstation auf dem Passpunkt 804 eingerichtet.

Die «GNSS»-Koordinaten, genauer gesagt, die unter Bezug auf das System WGS84 gemessenen Koordinaten sind:

804	4364281.86510	501665.46959	4609318.62246
805	4365194.64779	501688.34312	4608463.58974
806	4365348.14658	500935.94944	4608331.66044
809	4365801.79774	500968.08741	4607843.97885
1001	4365766.23371	500733.02724	4607878.13816
1002	4365642.20563	500642.47992	4608020.98031
1003	4365727.83621	501063.63821	4607905.03263
1004	4365468.27418	501287.59921	4608174.56919

```
    1005
    4365333.26694
    500909.09164
    4608341.85676

    1006
    4365245.30536
    501554.81256
    4608398.54444

    1007
    4365026.74195
    501321.84005
    4608613.30112

    1008
    4364856.78514
    501102.40868
    4608801.75819
```

Führt man die Transformation wie in Kapitel 6 beschrieben durch, so erhält man den folgenden Koordinatensatz in Form von Landeskoordinaten:

```
532427.1800 157853.1800 497.6400 MI -1.4055 98
804
      532331.6310 156606.0020 502.0690 MI -1.4464 98
805
806
      531565.1500 156475.5720 452.1120 MI -1.4534 98
       531537.7830 155810.6320 410.5100 MI -1.4753 98
      531309.1150 155881.8370 392.5830
1001
                                       MI -1.4731 98
1002
     531235.5300 156077.8640 404.4490 MI -1.4668 98
     531642.1280 155896.8690 411.7930 MI -1.4724 98
1003
      531898.2250 156247.9930 447.7080 MI -1.4601 98
1004
1005
     531540.3940 156495.8220 447.2440 MI -1.4528 98
1006 532192.4150 156537.3730 478.9660 MI -1.4493 98
      531989.6020 156864.3020 467.3020
                                       MI -1.4395 98
1008
     531794.0800 157136.8800 470.8290 MI -1.4313 98
```

Anmerkungen

Die Koordinaten wurden mit Hilfe des Programms GPSREF unter Verwendung der «LV95»-Parameter transformiert.

Die Geoidhöhen wurden mit Hilfe des Programms CHGEO98 berechnet und die Höhen dementsprechend berichtigt.

Am Ende der Transformation sind die Koordinaten des Punktes 804 streng identisch mit den «Soll»-Koordinaten. Tatsächlich wurden im Gelände die «Soll»-Koordinaten verwendet, um die Referenzstation festzulegen (umgekehrte Transformation).

Die Prüfung der Restklaffungen auf den vier Passpunkten weist eine klare Systematik auf. Die am Ende der Transformation gewonnenen und sich ausschliesslich auf die Referenzstation beziehenden Koordinaten sind folglich nur «teilweise» in das durch die vier Passpunkte definierte (Landes-)system integriert.

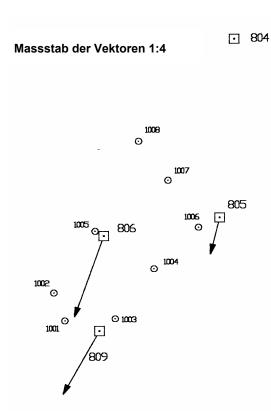


Abb. 68: Abweichungen auf den Passpunkten am Ende der Transformation der WGS84-Koordinaten in Landeskoordinaten

Führt man über die vier Passpunkte eine zweidimensionale HELMERT-Transformation aus, so stellt man fest, dass sich die gewonnenen Abweichungen verteilen und sich zudem deutlich verringern. Ausserdem stösst man auf einen Massstabsfaktor von -36 ppm.

ANZAHL		: 4							
Y0 [M]		: 19.0	1 2	/ MT	[MM]	:	6069.51)		
				-	-		•		
X0 [M]		: 7.8	4'/	(MF	[MM]	:	6069.68)		
DREHUNG	[GON]	: 0.00	02428	(MF	[CC]	:	6.97)		
MASSSTA	B [MM/KM]	: -36.82	85	(MF	[MM/KM]]:	10.94)		
	YLOC	XLOC	YGL		XGL		VY	VX	
	[M]	[M]	[M]		[M]		[MM]	[MM]	
804	532427.180	157853.180	532427	.180	157853	3.180	6.4	3.8	3
805	532331.631	156606.002	532331.	640	156606	5.040	-3.8	12.1	L
806	531565.150	156475.572	531565	.180	156475	5.660	2.9	-30.2	2
809	531537.783	155810.632	531537	.820	155810	700	-5.6	14.4	1
	YLOC	XLOC	YTR <i>I</i>	A	XTRA	A			
	[M]	[M]	[M]]	[M]]			
804	532427.180	157853.180	532427	.186	157853	3.184	*PP*		
805	532331.631	156606.002	532331	636	156606	5.052	*PP*		
806	531565.150	156475.572	531565	.183	156475	5.630	*PP*		
809	531537.783	155810.632	531537	814	155810	0.714	*PP*		

1001	531309.115	155881.837	531309.155	155881.918
1002	531235.530	156077.864	531235.574	156077.938
1003	531642.128	155896.869	531642.156	155896.948
1004	531898.225	156247.993	531898.245	156248.058
1005	531540.394	156495.822	531540.428	156495.879
1006	532192.415	156537.373	532192.425	156537.426
1007	531989.602	156864.302	531989.621	156864.344
1008	531794.080	157136.880	531794.107	157136.913

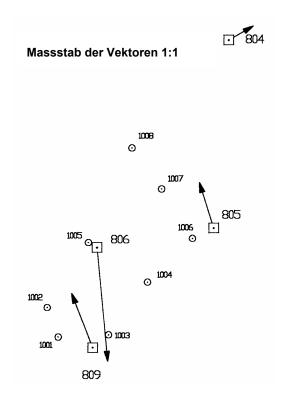


Abb. 69: Restklaffungen in den Passpunkten nach der HELMERT-Transformation

Die Grafik der Abb. 70 zeigt, dass der Punkt 1005 in der Nähe des Passpunkts 806 liegt, auf dem eine Restklaffung von 30 mm in 65 zu verzeichnen ist. Wenn diese Abweichung nicht toleriert werden kann (Nachbarbeziehung), muss eine Interpolation vorgenommen werden.

PUNKT	YLOC	XLOC	YINT	XINT	DY	DX	
	[M]	[M]	[M]	[M]	[MM]	[MM]	
804	532427.186	157853.184	532427.180	157853.180	-6.4	-3.8	*PP*
805	532331.636	156606.052	532331.640	156606.040	3.8	-12.1	*PP*
806	531565.183	156475.630	531565.180	156475.660	-2.9	30.2	*PP*
809	531537.814	155810.714	531537.820	155810.700	5.6	-14.4	*PP
1001	531309.155	155881.918	531309.161	155881.903	5.4	-14.2	
1002	531235.574	156077.938	531235.577	156077.935	3.0	-2.6	
1003	531642.156	155896.948	531642.161	155896.933	5.5	-14.3	
1004	531898.245	156248.058	531898.245	156248.068	0.2	10.3	
1005	531540.428	156495.879	531540.425	156495.909	-2.9	30.2	
1006	532192.425	156537.426	532192.429	156537.414	3.8	-12.0	

1007	531989.621	156864.344	531989.622	156864.343	1.2	-1.1
1008	531794.107	157136.913	531794.106	157136.919	-1.5	6.5

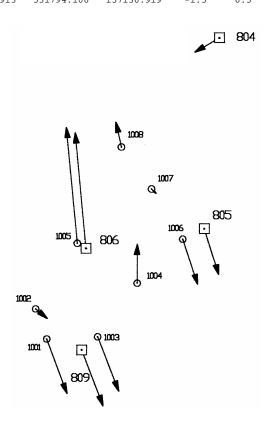


Abb. 70: Interpolation der auf den Passpunkten ermittelten Restklaffungen

<u>Anmerkungen</u>

Aus Gründen der Zuverlässigkeit führt man in der Regel eine zweite Session durch, um so einen neuen Koordinatensatz zu gewinnen, der unabhängig vom ersten ist. Vor der Transformation und Interpolation werden die beiden Sätze dann zunächst mittels LTOP ausgeglichen.

7.7. HELMERT-Transformation mit nichtparametrischer Regression

(Ergebnisse mehrerer FHBB/FHNW – Diplomarbeiten, 2002 bis 2007)

Eine der Grundannahmen bei der Ausgleichung nach der Methode der kleinsten Quadrate ist, dass die Verbesserungen normalverteilt sind. Liegen systematische Abweichungen von einer HELMERT-Transformation vor, ist diese Voraussetzung nicht erfüllt, die Restklaffungen streuen nicht mehr zufällig.

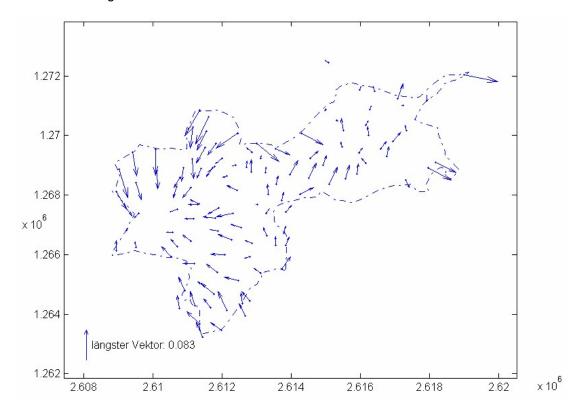


Abb. 71: Kanton Basel-Stadt: Die Restklaffungen (Verbesserungen) der transformierten LV03-Koordinaten einer aus 114 Passpunkten berechneten HELMERT-Transformation LV03 ⇔ LV95 zeigen systematische Effekte und streuen nicht zufällig. Längeneinheit [m].

Im Ansatz der nichtparametrischen Regression wird das funktionale Modell $\mathbf{A} \cdot \mathbf{x}$ um einen nichtparametrischen Anteil $\mathbf{s}(t)$ erweitert. t steht für die Ortsabhängigkeit von \mathbf{I} , \mathbf{A} oder \mathbf{s} :

$$\textbf{I}(t) = \underbrace{\textbf{A}(t) \cdot \textbf{x} + \textbf{s}(t)}_{} + \textbf{n}$$

Funktionales Modell

Der **nichtparametrische Anteil** s(t) wird dabei **Signal** genannt. Da der Funktionstyp des Signals nicht bekannt ist, setzen wir

$$s(t) = \frac{1}{\alpha} \sum_{i} k_{i} \cdot b(|t - t_{i}|),$$

worin α ein Regularisierungsparameter, k ein Streckungsfaktor, b eine Basis- oder Kernfunktion bedeuten.

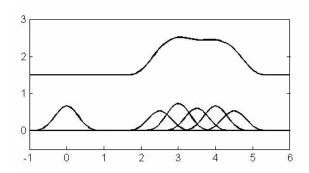


Abb. 72: Links unten: Eine B-Spline Basisfunktion b(t), rechts unten: Verschobene und gestreckte B-Splines $k_i/\alpha \cdot b(t-t_i)$ für i= 1, ..., 5, oben: $1.5+\sum k_i/\alpha \cdot b(t-t_i)$. Zur Vermeidung von Überlappungen ist 1.5 dazugezählt.

s(t) ist hier eine Linearkombination von verschobenen und gestreckten B-Splines. Das Signal wird also als nicht stochastische Grösse behandelt, dies im Gegensatz zur Kollokation und Filterung, wo das Signal zum stochastischen Modellanteil gehört (vgl. Kapitel 4.6).

Der **zufällige Anteil** n wird Rauschen genannt und entspricht dem zufälligen Fehleranteil der Ausgleichung nach kleinsten Quadraten.

Das Hauptproblem ist hier, das Verhältnis zwischen dem Rauschen und dem Signal zu bestimmen. Dazu wurden seit den 80-er Jahren verschiedene, relativ einfach realisierbare **Regularisierungsmethoden** entwickelt, z.B. die Kreuzvalidierung.

An die Stelle der kleinste Quadrate Forderung $\mathbf{n}^{\mathsf{T}}\mathbf{P}\mathbf{n} = [pnn] = Minimum tritt$

$$\alpha \cdot \mathbf{s}^\mathsf{T} \mathbf{R} \mathbf{s} + \mathbf{n}^\mathsf{T} \mathbf{P} \mathbf{n} = \min.$$

mit positiv definiten Matrizen R und R-1. R-1 ist gegeben durch

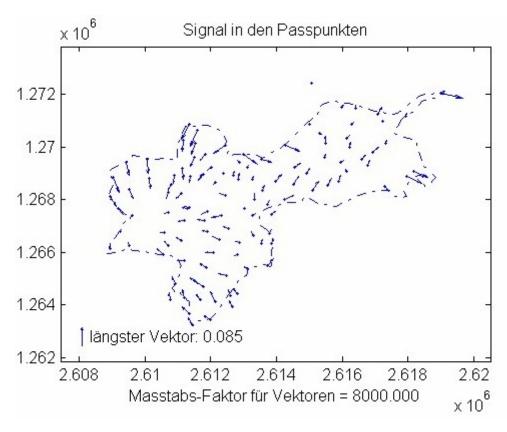
$$R^{-1}_{ii} = b(|t_i-t_i|).$$

Der Regularisierungsparameter α wird bei der Kreuzvalidierung so gewählt, dass der Erwartungswert der Varianz einer nächsten Beobachtung minimal wird.

Dieser Ansatz der nichtparametrischen Regression wurde im Rahmen mehrerer Diplomarbeiten in einem MATLAB Programm mit dem funktionalen Ansatz der HELMERT-Transformation verwirklicht. Mit diesem Programm konnten verschiedene Versuche mit realen Daten (LFP2-/Diagnosenetz Basel-Stadt, LFP2/3 Netz Gelfingen) durchgeführt werden. Eine Variante für Rutschhänge mit dem Modellansatz

neue Koord = alte Koord + mittlere Verschiebung + Signal + Rauschen

ist auch implementiert.



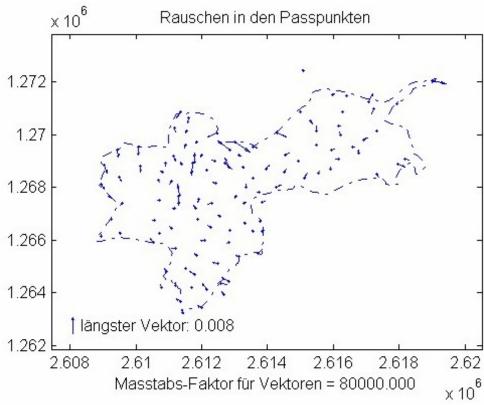


Abb. 73: Kanton Basel-Stadt: 114 Passpunkte von Abb. 71, HELMERT-Transformation mit nichtparametrischer Regression und Kreuzvalidierung. Oben die Signalvektoren, unten die Rauschvektoren, welch zufällig normalverteilt streuen.

Speziell an dieser Methode ist, dass nur die funktionalen Anteile A(t)·x+s(t) in die Interpolation der Neupunkte eingehen. Der zufällige Fehleranteil (Rauschen) wird weggerechnet und nicht auf die zu transformierenden Punkte übertragen.

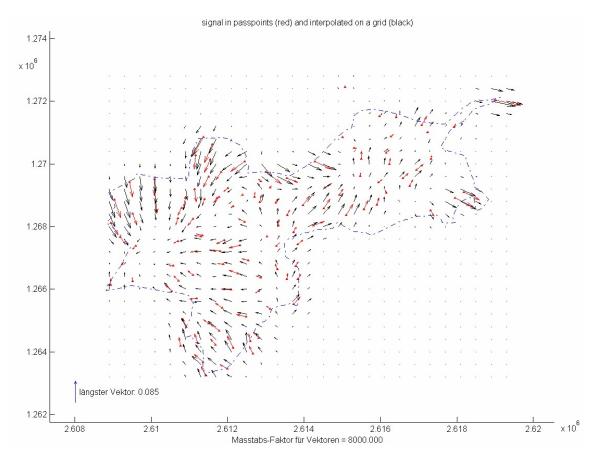


Abb. 74: Kanton Basel-Stadt: rote Signale in den Passpunkten und schwarze interpolierte Signale in einem Raster

Die systematischen Abweichungen in einem Festpunktnetz können sehr gut aufgrund der interpolierten Signal-Vektoren beurteilt werden. Dies ist hauptsächlich auch interessant, um Gebiete mit den gleichen systematischen Abweichungen (Schollen) zu schätzen.

Die Änderung des Signals s(t) ist durch die Ableitung s'(t) = $\frac{\partial s(t)}{\partial t}$ gegeben, im Falle der HELMERT-Transformation durch

$$\sqrt{\text{Gradient}(s_x)^2 + \text{Gradient}(s_y)^2}$$
.

Stellt man diese Grösse als Fläche im Raum dar, werden die Schollen der Transformation und Gebiete starker Signaländerung sichtbar, vgl. Abb. 75. Dieser Ansatz bewährte sich als Diagnosehilfsmittel für die Festlegung der Dreiecksvermaschung LV03 ⇔ LV95 des Kantons Basel-Stadt.

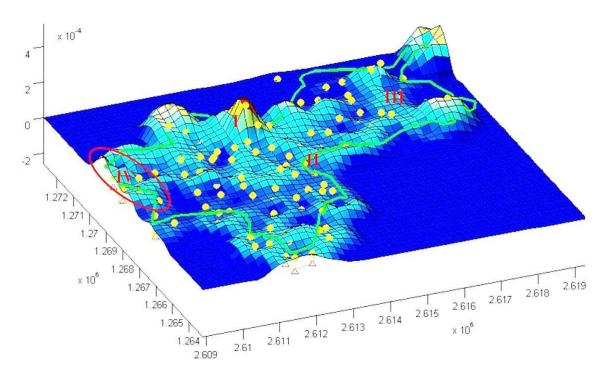


Abb. 75: Ableitung des Signals der HELMERT-Transformation LV03 ⇒ LV95. Dargestellt sind die Passpunkte (gelb) und die Grenze des Kantons BS (grün). Gebiete starker Signaländerung sind durch römische Zahlen gekennzeichnet. Schollen ähnlicher systematischer Abweichungen erscheinen als flache Gebiete.

Weitere Details siehe: www.fhnw.ch/habg/ivgi/diplom/diplomarbeiten, sowie [Fischer/Heglund1999], [Fischer el al 2003], [Fischer/Brühlmann2006]

7.8. Neuausgleichung der LFP3 der Gemeinde Châtonnaye in LV95

Bei der Verdichtung der Transformationsdreiecke für den Bezugsrahmenwechsel von LV03 nach LV95 hat das Amt für Vermessung und Geomatik des Kantons Freiburg (VGA FR) in der Gemeinde Châtonnaye eine neue Ausgleichung in LV95 vorgenommen, um die Differenzen nach der LFP3-Überführung zu kontrollieren. Die Transformation erfolgte mit FINELTRA und den kantonal definierten Dreiecken. Es galt, die zu lösenden technischen Schwierigkeiten aufzuzeigen, technische Lösungen zu geben sowie die erforderlichen Arbeiten und die Kosten für eine allfällige lokale Einpassung abzuschätzen.

Die erforderlichen Erhebungen erfolgten im Oktober 2006 mit RTK GNSS (GPS + GLONASS mit durchschnittlich 8 Satelliten, Korrekturdienst swiss@t) und wurden in die übergeordneten Punkte der Region eingepasst. Die Rohmessungen zeigten eine systematische Abweichung von durchschnittlich - 1,25 cm E und + 1,4 cm N zu den offiziellen LV95 Koordinaten der Anschlusspunkte. Diese Abweichung wurde genau durch eine systematische Ausrichtung des Rovers nach Norden bestimmt und durch eine HELMERT-Transformation der Sessionen korrigiert.

Es ist zu beachten, dass die Gemeinde Châtonnaye in einer «Übergangszone» der Triangulation im Bezugsrahmen LV03 an den Kanton Waadt angrenzt und dass die Freiburger wie Waadtländer Punkte im Rahmen dieser Kampagne verwendet wurden.

Sechs vorgesehene Punkte mussten aufgegeben werden, entweder weil sie zerstört oder unbrauchbar waren. Sie wurden durch nahe LFP2 oder LFP3 ersetzt. Im übrigen waren die gefundenen Punkte in ausreichend gutem Zustand und konnten verwendet werden.

Die neue Ausgleichung (nur in Lage) erforderte die Wiederherstellung von LTOP-Dateien des Unternehmers und zeitigte einige Schwierigkeiten in Zusammenhang mit der Tatsache, dass die gelieferten LFP3 nicht genau mit den Messdateien übereinstimmten (Wechsel von Nummern, nicht dokumentierte Korrekturen usw.). Eine Kontroll-Neuberechnung in LV03 erlaubte, einige unbedeutende Unterschiede zu den Koordinaten des Kantons festzustellen. Die mit FINELTRA transformierten Koordinaten der Netzpunkte wurden als provisorische Koordinaten für die neuen Punkte und als endgültige Koordinaten für Fernzielorientierungen verwendet. So entsprechen die berechneten Zuschläge aus LTOP genau der Differenz zwischen den FINELTRA-Koordinaten und den ausgeglichenen Koordinaten.

Als Anschlusspunkte mit ihren in LV95 bestimmten Koordinaten wurden berücksichtigt: der LFP1 Forel (1184/300), fünf Transformationsstützpunkte: Trey VD (1204/511), Sédeilles VD (1204/525), Rossens VD (1204/536), Marnand VD (1204/4192) und Villarimboud FR (1204 / 6282) und sieben Kontrollpunkte: 1204/516, 1204/518, 1204/620, 1204/622 (Châtonnaye), 1204/630, 1204/718 (Villarimboud), 1204/6101 (Middes). Die **Fernziel**punkte wurden mit den mit FINELTRA von LV03 nach LV95 **transformierten** Koordinaten eingeführt. Die beiden neuen Sessionen wurden zu den Messungen hinzugefügt. So dienen die in LV95 gemessenen LFP3 nicht als Anschlusspunkte als solche, sondern haben zwei Messungen in LV95.

Die Fehlerquotienten aus der freien (0,59) und der gezwängten (0,63) Netzausgleichung bestätigen die hohe Qualität der offiziellen Koordinaten und die gute Qualität der Messungen in LV95

Für die nur in bekannten LV95 Punkte (aus der FINELTRA Transformation) ergaben sich gegenüber den ausgeglichenen Messungen folgende Werte:

Klaffung zwischen ausgeglichenen swiss@t Messungen und LV95 Koordinaten der LFP2/3 aus FINELTRA Transformation					
Nummer	Delta E (cm)	Delta N (cm)	Bemerkungen		
680470005	+3.9	+4.3			
680470013	+3.7	+4.6	Dorf		
680470045	+3.9	+3.7	durchschnittlich +3.8 cm und +4.2 cm		
680470048	+3.6	+4.2			
680470141	-0.4	+4.2	Norden der Gemeinde		
1204 418	-3.7	+1.1	Westen der Gemeinde		
680470161	-2.0	+2.8	westliches Zentrum der Gemeinde		
680470178	+4.4	+6.6	Osten der Gemeinde		
680470189	+5.0	+5.6	durchschnittlich +4.7 cm und +6.1 cm		
680470230	+1.9	+4.8	Zentrum der Gemeinde		
1204 629	-1.1	+2.2	Südosten der Gemeinde, leicht schiefer Punkt, so wie in der		
			Vermessung verwendet		
1204 629	3.8	+7.0	Südosten der Gemeinde, leicht schiefer Punkt, nach offiziellen		
			Koordinaten vor der Vermessung		

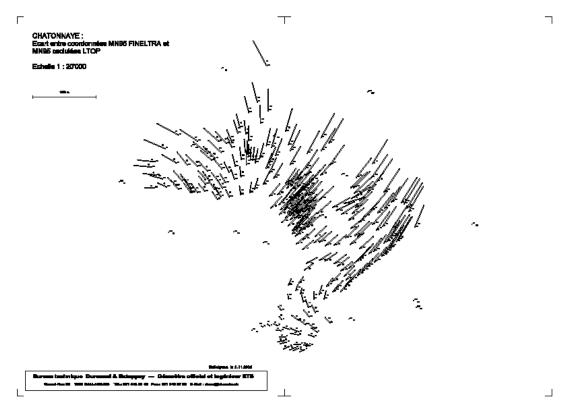


Abb. 76: LV95 Klaffungen zwischen Koordinaten aus FINELTRA und aus LTOP Ausgleichung

Aus dem Vergleich der transformierten und neu ausgeglichenen Koordinaten erscheinen also bemerkenswerte lokale Systematiken, in Abhängigkeit der Dreiecke, mit homogenen lokalen Klaffungen. Um den TSP von Rossens herum streben die Klaffungen gegen Null. Er wurde als Anschlusspunkt sowohl in LV03 aus auch in LV95 verwendet. Die TSP von Marnand und Sédeilles üben noch einen positiven Einfluss auf die Klaffungen aus. In den von TSP entfernten Gebieten erreichen die Klaffungen in LV95 leicht 6 bis 9 cm jedoch höchstens 10 cm. Die

Einführung eines zusätzlichen TSP im Zentrum von Châtonnaye hätte vermutlich die Klaffungen im Dorfgebiet halbiert. Im Westen und Osten dagegen wäre eine Verbesserung der Transformation mit den aus der Verdichtung bekannten KP unmöglich zu bewerkstelligen.

Die Verbesserung der Qualität durch Neuausgleichung ist also beträchtlich, weil sie die Möglichkeit bietet, eine Klaffung der LFP3 von der Grössenordnung von 4 bis 5 cm auf Null zu vermindern und bei Detailpunkte auf Werte von 1 bis 3 cm, wenn man sie auf der Grundlage der LFP3 Klaffungen interpolieren würde.

Die Mess- Ausgleichungs- und Analysearbeiten kosteten rund 10'000.-, teilweise wegen der Verwaltung der alten Stationsblätter, die dem Kanton nicht geliefert worden waren. Im Gegensatz dazu konnten die erforderlichen LV95 Messungen für die Neuausgleichung sehr schnell und ohne grosse Probleme verwirklicht werden. Die Ausgleichung in LV95 selbst hat nicht wichtige Probleme gestellt.

Der Test bestätigt die «absolute» Qualität von LV95 auch zwischen zwei Kantonen und in einer LV03 Übergangszone, sowohl für die LFP1, als auch für die TSP und die KP. Die GNSS Rohmessungen liegen bereits extrem nahe bei den offiziellen LV95-Koordinaten der übergeordneten Punkte. Dagegen zeigt er signifikante Klaffungen als Ausdruck einer FINELTRA Transformation von richtiger Qualität für die KP (4 bis 8 cm bei den LFP2) und etwas geringerer Qualität für die LFP3 (bis zu 0 bis 9 cm). Letztere wegen eines schlechten und nicht kontrollierten LFP2 in einem Waldgebiet.

Nach diesem Test konnte die Parameterdatei des Kantons Fribourg noch vor der Veröffentlichung von CHENyx06 korrigiert werden, dadurch aufgedeckte Klaffungen berücksichtigen und als Folge davon eine Erneuerungsoperation vermeiden.

Man muss dazu bemerken, dass die gewählte Gemeinde ein problematisches LFP3-Netz hatte, was die neue Ausgleichung bestätigt hat. Die Ergebnisse der CHENyx06-Transformation sollten im Allgemeinen besser und neue Ausgleichungen nicht nötig sein.

8. Literaturverzeichnis

8.1. Organisation

Das folgende Verzeichnis enthält Publikationen, die im vorliegenden Zusammenhang relevant sind. Es ist nicht vollständig, umfasst aber auch Beiträge zu Transformationen, die in unserem Lande weniger gebraucht werden. Weitere Dokumente sind in den Literaturverzeichnissen der Publikationen zu finden.

Die Publikationen sind wie folgt aufgeführt:

Name der Autoren oder des Herausgebers

- «Titel»
- Zeitschriftenname oder Textyp, Verlag, Jahr, Seiten

8.2. Literaturverzeichnis

Adler R., Richardus P.

- «Map projections»
- Ed. North Holland, Amsterdam, 1972

Ahrens, B.

- «Ein Algorithmus zur Restklaffenverteilung mit der Natural Neighbour Interpolation»
- Der Vermessungsingenieur 4/2004, S. 286-290

Amstein J.-Ph., Schneider D.

- «Kreisschreiben Nr. 00/11 Transformation LV03 ↔ LV95 Weisungen betreffend die Erstellung der kantonalen Dreiecksvermaschung Bundesamt für Landestopografie»
- swisstopo, Wabern, 22.12.2000

Assmus E., Kraus K.

- «Die Interpolation nach kleinsten Quadraten. Prädiktionswerte simulierter Beispiele und ihre Genauigkeiten»
- Doktorarbeit, DGK Reihe A Nr. 76 München, 1974

Barsi A.

- «Performing coordinate transformation by artificial neural network»
- AVN 4/2001, S. 134-137

Benning W., Lehmkühler H.

- «Auswirkungen von Einzelgewichtsänderungen, verdeutlicht am Beispiel einer Katasterausgleichung»
- AVN 4/1989, S. 155-161

Benning W., Scholz T.

- «Modell und Realisierung der Kartenhomogenisierung mit Hilfe strenger Ausgleichungstechniken»
- ZfV 2/1990, S. 45-55

Benning W., Vogel E.

- «Die Realisierung der Fortführung der automatisierten Liegenschaftskarte im ALK-GIAP»
- AVN 2/1993, S. 45-50

Benning W.

- «Nachbarschaftstreue Restklaffenverteilung für Koordinatentransformationen»
- ZfV 1/1995, S. 16-25

Benning W.

- «Stellungnahme zum Beitrag «Gielsdorf/Gründig, Nachbarschaftstreue Anpassung» (in Zeitschrift für Vermessungswesen 5/1997)»
- ZfV 11/1997, S. 529-531

Benning W., Hettwer J.

- «Restklaffenverteilung mit der Natural-Neighbour-Interpolation»
- AVN 4/2003, S. 122-129

Benning W., Hettwer J.

- «Nachbarschaftstreue Koordinatenberechnung in der Kartenhomogenisierung»
- AVN 6/2000, S. 194-197

Benning W., Müller J.

- «Homogenisierung dreidimensionaler Szenarien nach der Methode der kleinsten Quadrate»
- AVN 10/1999, S. 337-342

Beranek M.

- «Überlegungen zur Normalverteilung und theoretische Analyse der 3- und 4-Parameter-Transformation»
- AVN 4/1997, S. 137-140

Bilaibegovic A.

- «Koordinatensysteme und Transformationen»
- VDV-Schriftenreihe, Band 19, 2001, S. 142-163

Bill R., Hahn W.

- «Ein Vergleich der L1- und L2 Norm am Beispiel HELMERT-Transformation»
- AVN 11-12/1984, S. 440-449

Bleisch S., Nebiker S.

- «Transformation von Rasterdaten mit finiten Elementen»
- Studienauftrag des CC RD/LV95, Muttenz 2002

Bolliger J.

- «Die Projektionen der schweizerischen Plan- und Kartenwerke»
- Verlag und Druck der Druckerei Winterthur AG, 1967

Bräker F., Gasser U., Patocchi P., Signer T.

- «Transformation raumbezogener Daten von LV03 auf LV95 im Kanton Uri (Reussebene Altdorf-Amsteg) - Arbeit in Koordination mit Projekt Alptransit»
- 12 Seiten und Beilagen, Bundesamt für Landestopografie, 1997

Bröker G., Fröhlich H., Koch K.-R.

- «Transformation räumlicher variabler Koordinaten»
- AVN 8-9/2000, S. 293-295

Carosio A.

- «Fehlertheorie und Ausgleichungsrechnung Band 1»
- Vorlesungsskript, 371 Seiten, DGW-ETHZ, 1999

Carosio A.

- «L'interpolation selon la moyenne arithmétique (Transint)»
- Exposé, 6 pages, Journées d'étude EPF Lausanne, 15.10.1986

Carosio A.

- «Robuste Ähnlichkeitstransformation und Interpolation nach dem arithmetischen Mittel»
- VPK 6/1982, S. 196-200

Carosio A., Marti U.

- TRANSINT
- «Robuste Ähnlichkeitstransformation, robuste affine Transformation und Interpolation nach dem arithmetischen Mittel»
- Bundesamt für Landestopografie, Wabern 2002

Carosio A., Durussel R, Just C., Naepflin G., Vogel B.

- «Transformation entre les cadres de référence MN03 et MN 95 : Projet transformation par éléments finis - Test de Zug»
- «Transformation zwischen den Bezugsrahmen LV03 und LV95: Projekt Transformation mit finiten Elementen – Test Zug»
- Bericht Untergruppe AV/LV95 [Bern], V+D/swisstopo/KVAZG/IGP-ETHZ, Bern 1997

Carosio A., Plazibat M.

- «Lineare Transformation mit finiten Elementen eine anpassungsfähige Verbindung zwischen alter und neuer Landesvermessung»
- 3 Seiten, VPK 04/95

Chablais H.

- «Applications de l'interpolation en triangulation»
- Exposé 7 pages, Journées d'étude EPF Lausanne, 15.10.1986

Conzett R.

- «Über lineare Transformationen von Triangulationsnetzen»
- VPK II/IV-1975, S. 265-268

Cousin G.

- «La méthode des agglomérations»
- 18 pages, Actes des journées d'information «la rénovation du cadastre», EPF Lausanne, avril 1979

Dienststelle für Grundbuchämter und Geomatik (DGBG), Kanton Wallis

- «Integration bestehender und neuer Vermessungen in den Referenzrahmen LV95»
- Richtlinien AV93, 16 Seiten, September 2005
- « Intégration des mensurations existantes et nouvelles dans le nouveau cadre de référence MN95 »
- Directives de la MO 93, 15 pages, septembre 2005

Dienststelle für Grundbuchämter und Geomatik (DGBG), Kanton Wallis

- «Transformation des mensurations semi-numériques dans le nouveau cadre de référence MN95»
- Directives de la MO93, 14 pages, mai 2006

Dorfschmid J., Gnägi H.R., Marti U., Voser S.

- «Coordinate reference systems reconsidered from the data point of view using the model-based method»
- Exposé, congrès FIG Washington, 7 pages, 2002

Dupraz H.

- «Formules pour la transformation de coordonnées géographiques en coordonnées planes et la transformation inverse dans la Projection Suisse»
- Formules et programme de transformation pour calculatrice
- 17 pages, publication n. 10, IGM-EPFL, 1979

Dupraz H.

- «Les transformations géométriques exposé du problème»
- Exposé, 9 pages, Journées d'étude EPF Lausanne, 15.10.1986

Dupraz H., Durussel R., Simos-Rapin B.

- «Précision et fiabilité des travaux de mensuration. Interpolation et transformation de registre de points»
- Journée d'études EPFL-SSMAF_SVIGGR, octobre 1986.

Dupraz H., Poirier P, Sancho I.

- «Assemblage de plans cadastraux numérisés Commune d'Aigle»
- Rapport sur mandat de recherche, 21 pages + annexes, IGM-EPFL, juillet 1992

Dupraz H., Stahl M.

- «Théorie des erreurs 3»
- École Polytechnique Fédérale de Lausanne, Lausanne octobre 1994.

Durussel R.

- «Applications de l'interpolation en mensuration cadastrale»
- Exposé 6 pages, Journées d'étude EPF Lausanne, 15.10.1986

Durussel R.

- «Constitution du cadastre numérique à l'aide des mensurations existantes.
 Analyse et méthodes»
- Thèse de doctorat, 547 pages et figures, 1338 Ballaigues Suisse, 1980

Durussel R.

- «Contribution à l'étude des transformations géométriques : la méthode de combinaison de déformations limitées»
- 5 pages, MPG, novembre 1974.

Durussel R.

- «Intégration de données digitales dans le système de coordonnées nationales (transformations)»
- Exposé, 8 pages, IGP-ETH Zurich, 5.09.91

Durussel R.

- «La rénovation du cadastre»
- Rapport final: conception de détail REMO
- 61 pages, D+M Berne, mars 1985.

Durussel R., Rollandin N.

- «Nouvelle compensation des PFP3 de la Commune de Châtonnaye en MN95»
- Rapport, 8 pages, SCG FR, novembre 2006

Egger D., Marti U.

- «Geodätische Bezugssysteme und Koordinatentransformationen für den GPS-Anwender»
- «Systèmes géodésiques de référence et transformations de coordonnées pour l'utilisateur du GPS»
- Rapport technique 99-20, 22 pages et annexes, Office fédéral de topographie / août 1999

Fäh P.

- «Transformationsmethoden für den Übergang LV03 LV95 am Beispiel der Bahnvermessung»
- IGP Bericht 246, Zürich 1995

Fankhauser T., Kanani E.

- «Verbesserung bestehender digitalisierter Geodaten»
- VPK 4/2002, S. 252-255

Fischer B., Hegland M.

- «Collocation, Filtering and Nonparametric Regression»
- ZfV 1/1999, S.17 und 2/1999, S. 46-52

Fischer B., Schwaninger M., Sievers, B.

- «Nichtparametrische Regression am Beispiel der HELMERT-Transformation»
- Geomatik Schweiz 6/2003, S. 346-347

Fischer B., Brühlmann P.

- «On the Application of Nonparametric Regression Methods to Geodetic Data»
- FIG Congress Proceedings, München 2006 www.fig.net/pub/fig2006/papers/ts63/ts63_05_fischer_bruhlmann_0460.pdf

Fröhlich H.

- «Zum Versagen der Restklaffenverteilung nach Abstandsgewichten bei drei Stützpunkten»
- Vermessungsingenieur 4/2000, S. 220-222

Fröhlich H.

- «Wer und was verbergen sich hinter einer Delaunay-Triangulation?»
- Vermessungsingenieur 6/2000, S. 360-361

Fröhlich H., Körner H.

- «Geodätische Koordinatentransformationen, ein Leitfaden.»
- Eigenverlag, Essen 2001

Fröhlich H., Bröcker, G.

- «Zum Verständnis der multiquadratischen Interpolation»
- VDVmagazin 1/2006, S. 6-8

Gielsdorf F., Gründig L.

- «Nachbarschaftstreue Anpassung auf der Basis des Membranmodells.»
- ZfV 5/1997, S. 208-218

Gilliéron P.-Y.

- «Positionnement et cartographie: Transformation de coordonnées GNSS dans le système suisse»
- École Polytechnique Fédérale de Lausanne, Lausanne octobre 2000

Gilliéron P.-Y., Huguenin L.

- «Positionnement et cartographie: Conversion de coordonnées»
- École Polytechnique Fédérale de Lausanne, Lausanne octobre 2000

Göpfert W.

- «Interpolationsergebnisse mit der Multiquadratischen Methode»
- ZfV 10/1977, S. 457-460

Gotthardt H.

- «Einführung in die Ausgleichungsrechnung»
- Herbert Wichmann Verlag, Karlsruhe 1978

Guo J., Jin F.

- «A New Model of Digitizing Coordinate Transformation and Its Nonlinear Solution»
- AVN 8-9/2001, S. 311-317

Gubler E.

- «Beschreibung zum Programm LTOP Version 94»
- Bundesamt f
 ür Landestopografie, Wabern 2003
- Description du programme LTOP Version 94"
- Office fédéral de topographie, Wabern 2003

Haaq K., Köhler G.

- «Realisierung geometrischer Bedingungen bei der Digitalisierung von Katasterkarten»
- AVN 5/1986, S. 190-202

Hardy R.

- «Geodetic applications of multiquadratic analysis»
- AVN 10/1972, S. 398-406

Haymoz J.

- «Test d'assemblage des plans graphiques 89, 90, 91 Commune d'Aigle»
- 4 pages + calculs et plans, Bureau Chauvy Duchoud Haymoz, Aigle, SIT Lausanne, 2 mars 1994

Heckmann B.

- «Anmerkungen zum Beitrag von H. Fröhlich (in Vermessungsingenieur 4/2000)»
- Vermessungsingenieur 6/2000, S. 376-377

Hein G., Lenze K.

- «Zur Genauigkeit und Wirtschaftlichkeit verschiedener Interpolations- und Prädiktionsmethoden»
- ZfV 11/1979, S. 492-505

Hofmann-Wellenhof B. et al.

- «GPS-Theory and Practice»
- Springer Verlag, Wien 2001

Huguenin L., Merminod B.

- «Estimation avancée: Transformation de coordonnées 2D»
- École Polytechnique Fédérale de Lausanne, Lausanne mars 2001

Huguenin L., Merminod B.

- «Estimation avancée: Transformation affine»
- École Polytechnique Fédérale de Lausanne, Lausanne mars 2001

Huguenin L., Merminod B.

- «Estimation avancée: Transformation 3D»
- École Polytechnique Fédérale de Lausanne, Lausanne mars 2001.

Huguenin L., Merminod B.

- «Estimation avancée: Interpolation»
- École Polytechnique Fédérale de Lausanne, Lausanne mars 2001.

IGP-ETHZ

- «FINELTRA Benützeranleitung»
- 48 Seiten und Beilagen, IGP-ETHZ, 10.1995

IGP-ETHZ

- «GEO Benützeranleitung»
- 44 Seiten, IGP-ETHZ, 10.1995

IGP-ETHZ

- «HELM3D Benützeranleitung»
- 38 Seiten, IGP-ETH Zürich, 07.1993

IGP ETHZ

- «VEKTRA Benützeranleitung»
- 18 Seiten, IGP-ETH Zürich, 07.1993

Journées d'étude EPFL 1986

- «Interpolation et transformation de registres de points»
- 6 textes de journées d'études, EPF Lausanne, 15 octobre 1986

Journées d'étude EPFL 2001

- «Neue Referenzrahmen und Koordinatentransformation in der Geomatik»
- «Nouveaux cadres de référence et transformations de coordonnées en géomatiques»
- 16 textes des journées d'études, EPF Lausanne, 10 et 11.10.2001

Journées d'études ETHZ 1991

- «Plannumerisierung (Mitt 47d)»
- «Numérisation des plans (Mitt 47f)»
- 12 textes des journées d'études, ETH Zurich, 5.09.1991

Journées d'information EPFL 1979

- «La rénovation du cadastre» 528.44
- 12 exposés présentés lors des journées d'information des 26 et 27 avril 1979
- Publication n. 17 IGM-EPFL, avril 1979

Journées d'information EPFL 1995

- «MN95 Nouvelle mensuration nationale 1995»
- Support d'exposés des journées d'information, 48 pages, EPF Lausanne, 13.10.1995

Kampshoff S., Benning W.

- «Homogenisierung von Massendaten im Kontext von Geodaten-Infrastrukturen»
- ZfV 3/2005, S. 133-145

Kampmann G.

- «Günstigste Netzeinpassung mit Mini-Max-Koordinatenklaffungen nach Tschebyscheff»
- AVN 6/1992, S. 260-264

Kanani E.

- «Robust Estimators for Geodetic Transformations and GIS»
- IGP Mitteilung 70, Zürich 2000

Koch K.-R.

- «Bemerkungen zu der Veröffentlichung «Zur Bestimmung eindeutiger Transformationsparameter» (von Lenzmann E. + L. in ZfV 3/2001)»
- ZfV 5/2001, S. 297

Koch K.-R.

- «Räumliche HELMERT-Transformation variabler Koordinaten im GAUSS-HELMERT- und im GAUSS-MARKOFF-Modell»
- ZfV 3/2002, S. 147-152

Kölbl O.

- «Rénovation du cadastre à l'aide de la photogrammétrie»
- Exposé, 8 pages, Actes des journées d'information «la rénovation du cadastre», EPF Lausanne, 27 avril 1979.

Kraus K.

- «Interpolation nach kleinsten Quadraten und ihre Anwendung im Bereich des Katastererneuerung»
- 14 pages, Actes des journées d'information «la rénovation du cadastre», EPF Lausanne, 26 avril 1979

Kraus K.

- «Photogrammetrie Band 3: Topografische Informationssysteme»
- Dümmler Verlag, Köln 2000

Kuntz E.

- «Kartennetzentwurfslehre: Grundlagen und Anwendungen»
- Karlsruhe, Wichmann 1990.

Landesvermessungsamt Nordrhein-Westfalen

- «Transformation von Koordinaten und H\u00f6hen in der Landesvermessung Teil I Theoretische Grundlagen - Teil II Praktische Anwendungsf\u00e4lle»
- Bonn 1999
- www.lverma.nrw.de/ → Fachdarstellungen (PDF Dateien TRAFOR und TRAFO2)

Lenzmann E. + L.

- «Zur Bestimmung eindeutiger Transformationsparameter»
- ZfV 3/2001, S. 138-142

Lenzmann E. + L.

- «Erwiderung auf die Anmerkung von Jörg Reinking (ZfV 3/2001) und die Bemerkungen von Karl-Rudolf Koch (ZfV 5/2001) zu unserem Beitrag «Zur Bestimmung eindeutiger Transformationsparameter» (ZfV 3/2001)»
- ZfV 5/2001, S. 298

Lenzmann L.

- «Zur Bestimmung der Transformationsparameter nach der Methode der kleinsten Quadrate»
- ZfV 6/2001, S. 361-365

Marti U.

- KOORDIFF
- «Grafische Darstellung von Koordinatendifferenzen und Punktverschiebungen»
- Bundesamt f
 ür Landestopografie, Wabern 2002
- KOORDIFF
- "Représentation graphique de différences de cordonnées et mouvements de points"
- Office fédéral de topographie, Wabern 2002

Marti U., Nocera R.

- FINELTRA Benutzeranleitung
- «Affine Transformation von Lagekoordinaten mit finiten Elementen und Umrechnung von LV03 in LV95 und umgekehrt»
- Bundesamt f
 ür Landestopografie, Wabern, Manual Nr. 6, 2003
- FINELTRA
- "Transformation affine de cordonnées planimétriques avec des éléments finis et conversion de MNO3 en MN95 et réciproquement"
- Office fédéral de topographie, Wabern 2003

Marti U.

- PLANETZ
- «Grafische Darstellung von vermessungstechnischen Netzplänen und von Resultaten von Netzausgleichungen»
- Bundesamt f
 ür Landestopografie, Wabern 2002
- PLANETZ
- «Grafische Darstellung von vermessungstechnischen Netzplänen und von Resultaten von Netzausgleichungen»
- Bundesamt für Landestopografie, Wabern 2002

Moritz H.

- «Least-Squares Collocation»
- DGK Reihe A Nr. 75 München, 1973

Ney C.

- «Intégration de conditions géométriques dans un semi de points»
- Travail de diplôme, IGM-EPFL / 1977

Niggeler L.

- «Acquisition des données cadastrales du plan Dufour Commune de Choulex»
- Rapport technique 33 pages, Service du cadastre GE, juillet 1996

Reinking J.

- «Anmerkung zu «Zur Bestimmung eindeutiger Transformationsparameter» (von Lenzmann E. + L. in ZfV 3/2001)»
- ZfV 5/2001, S. 295-296

Rosenmund M.

- «Die Änderung des Projektionssystems der schweizerischen Landvermessung»
- Verlag der Abteilung f
 ür Landestopografie. Bern 1903.

Sancho I.

- «Essais d'intégration de plans graphiques par compensation globale à l'aide du logiciel LTOP - Commune de Bretigny sur Morrens»
- Etude de calage des plans graphiques, 50 pages, Bureau Jan & Courdesse, IGM-EPFL et SCRF Lausanne / juin 1993

Schneider D.

- «Complex Crustal Strain Approximation»
- IGP Mitteilung 33, Zürich 1982

Schneider D. et al., traduit par Dupraz H.

- «Définition de la nouvelle mensuration nationale de la Suisse 'MN95'; 3^e partie: Systèmes et cadres de référence terrestres»
- «Aufbau der neuen Landesvermessung der Schweiz 'LV95'; Teil 3: Terrestrische Bezugssysteme und Bezugsrahmen»
- Berichte aus der swisstopo Wabern 02.2001.

Schwarz W.

- «Ein strenges Verfahren zur Berechnung der Transformationsparameter bei der räumlichen Koordinatentransformation»
- VR 53/8 (Dezember 1991)

Simos-Rapin B.

- «La méthode Helvec»
- Exposé, 9 pages, Journées d'étude EPF Lausanne, 15.10.1986

SIT, Vaud

- «Exigences pour la digitalisation»
- Norme 3801 du SIT sur la digitalisation des plans y compris pour les transformations, 8 pages, SIT Lausanne, 1993.

SIT, Vaud

- «Numérisation des plans cadastraux, descriptif général du concept de numérisation»
- Recueil de 37 normes sur la digitalisation des plans cadastraux
- SIT Lausanne, 1993.

SIT, Vaud

- «Préparation des données de base pour l'adjudication et esquisses de numérisation»
- Norme 3805 sur entre autres le calage des plans digitalisés
- 15 pages, SIT Lausanne, 1993

swisstopo / V+D

- «Richtlinien für die Beurteilung und die Überführung von bestehenden Fixpunktnetzen in RAV-konforme LFP3-Netze»
- Richtlinien V+D, 14 Seiten + 5 Anhänge in 13 Seiten, Juni 1992
- « Directives pour l'analyse et l'adaptation des réseaux PFP3 existants aux exigences de la nouvelle MO »
- Directives D+M, 13 pages + 5 annexes en 14 pages, novembre 1992

swisstopo / V+D

- «Richtlinien für die Beurteilung und die Überführung von bestehenden Grenzpunktinformationen»
- Richtlinien V+D, 17 Seiten + 3 Anhänge in 6 Seiten, September 1994
- « Directives pour l'analyse et l'adaptation des informations existantes sur les points limites »
- Directives D+M, 15 pages + 3 annexes en 6 pages, septembre 1994

swisstopo

- «Neue Landesvermessung 1995, Informationstagung»
- Wabern 1995
- "Nouvelle mensuration nationale 1995, Journée d'information"
- Wabern 1995

swisstopo / V+D

- "Konsequenzen der neuen Landesvermessung 95 für die Amtliche Vermessung"
- Schlussbericht der Arbeitsgruppe V+D/L+T, 52 Seiten, V+D, Oktober 1995
- "Incidence de la mensuration nationale MN95 sur la mensuration officielle"
- Rapport du groupe de travail D+M-S+T, 44 pages, D+M, octobre1995

swisstopo / V+D

- «Neue Koordinaten für die Schweiz. Der Bezugsrahmen LV95»
- Informationsbroschüre, 16 Seiten, November 2006

swisstopo / V+D

- Merkblatt LSKS (Länderspezifisches Koordinatensystem)
- Wabern, Mai 2007
- Notice SCSP (Systèmes de coordonnées spécifiques à un pays)
- Wabern , mai 2007

swisstopo / V+D

- «Überführung der amtlichen Vermessung in den Bezugsrahmen der Landesvermessung 1995 (LV95).» Konzept
- Wabern, Version 8 vom 15, Mai 2007
- « Adaptation de la mensuration officielle au cadre de référence de la mensuration nationales 1995 (MN95) »
- Concept, 18 pages, été 2007

Tognacca C.

- «Auswirkungen der LV95 auf die Amtliche Vermessung. Erste praktische Untersuchungen»
- 78 Seiten, Bericht 251 IGP-ETHZ, 08.1995

Uffer M.

- «Etude théorique et pratique du retrait des plans cadastraux»
- Travail de diplôme, IGM-EPFL, 1977.

Welsch W.

- «Zur Beschreibung homogener Strains oder einige Betrachtungen zur affinen Transformation»
- ZfV 107:1982 (5), S. 173-182

Welsch/Heunecke/Kuhlmann

- «Auswertung geodätischer Überwachungsmessungen Kapitel Transformationen»
- Herbert Wichmann Verlag, Heidelberg 2000, S. 249-283

Werner H.

- «Die 5-Parameter-Transformation Zusammenhang mit anderen Verfahren und die Elimination grober Fehler»
- AVN 7/1987, S. 261-273

Wirth B.

- «Höhensysteme, Schwerpotentiale und Niveauflächen: Systematische Untersuchungen zur zukünftigen terrestrischen und GNSS-gestützten Höhenbestimmung»
- Geodätisch-geophysikalische Arbeiten in der Schweiz, Band 42, 1990.

Wolf H.

- «Ausgleichungsrechnung. Formeln zur praktischen Anwendung»
- Dümmler Verlag, Bonn 1975

Wolf H.

- «Multiquadratische Methode und Kollokation»
- AVN 3/1981, S. 361-365

Wolf H.

- «Deformierte Ähnlichkeitstransformation»
- AVN 10/1989, S. 89-95

Wolfrum O.

- «Die Verzerrungseigenschaften der affinen Transformation»
- AVN 85:1978 (10), S. 367-374

Abkürzungen

() alter Name

() alter Harrie	
AVN	Zeitschrift Allgemeine Vermessungsnachrichten, D-Heidelberg
DGK	Deutsche Geodätische Kommission , D-München
DGW	Departement Geodätische Wissenschaften, ETHZ
EPFL	Ecole polytechnique fédérale de Lausanne
ETHZ	Eidgenössische Technische Hochschule Zürich
FHNW	Fachhochschule Nordwestschweiz
(FHBB)	(Fachhochschule beider Basel), Muttenz
Geomatik Schweiz	Geoinformation und Landmanagement
(VPK)	(Zeitschrift Vermessung, Photogrammetrie, Kulturtechnik)
geosuisse	Schweizerischer Verband für Geomatik und Landmanagement
(SVVK)	(Schweizerischer Verein für Vermessung und Kulturtechnik))
IGP	Institut für Geodäsie und Photogrammetrie, ETHZ
IGSO	Ingénieurs géomètres de Suisse Occidentale
(SVIGGR)	(Société vaudoise de ingénieurs géomètre et du génie rural)
IDT G-TLxxxx	Institut du développement territorial Géomatique - Topométrie, EPFL
(IGM)	(Institut de géodésie et mensuration), EPFL
LV03	Landesvermessung 1903 (Bezugsrahmen)
LV95	Landesvermessung 1995 (Bezugsrahmen)
OIT	Office de l'Information sur le Territoire
(SIT)	(Service de l'information sur le territoire), Etat de Vaud
swisstopo	Bundesamt für Landestopografie, Wabern
TVAV / OTEMO	Technische Verordnung über die amtliche Vermessung (10. Juni 1994)
VAV / OMO	Verordnung über die amtliche Vermessung (18. November 1992)
V+D / D+M	Eidgenössische Vermessungsdirektion, Wabern
VDV	Der Vermessungsingenieur, Zeitschrift für Vermessung und Geoinformation, D-Wiesbaden
VR	Zeitschrift Vermessungswesen und Raumordnung
ZfV	Zeitschrift für Geodäsie, Geoinformation und Landmanagement, D-Augsburg

Stichwortverzeichnis

12-Parameter-Transformation51	BONNE'sche Projektion38, 106, 128, 137
3-Parameter-Transformation50	Bruchstelle111, 122
5-Parameter-Transformation47	BURSA-WOLF54
7-Parameter-Transformation52	CADRaster PRO89
Abkürzungen202	CC RD/LV95131
Absolute Unsicherheit103	CDL Methode69
Abweichungen (Verwaltung der)114	CH1903+55
Abweichungsanalyse109	Darstellung der Abweichungen112
Abweichungskomponente109	Datum 128, 135
Abweichungsrohwerte110	Datumswechsel54
ADALIN88	Deformationsmatrix61
Affine Transformation43, 137	Dichte84
Ähnlichkeitstransformation47	Digitalisieren102
Allgemeines Transformations-	digitalisierte Pläne24
Interpolations-Modell78 Allgemeingültiges10	Digitalisierung einer grafischen Vermessung160
ALU-Platten136	Digitalisierung einer halbgrafischen
anisotrope Papierverformung47	Vermessung
ArcGIS88	Digitalisierung von Plänen
AutoCAD89	Digitalisierungsstrategie140
bedingte Ausgleichung84	Dilatation63
bedingte Ausgleichung mit Unbekannten.84	Dreieck (Kriterium für die Bildung) 120
Beispiele150	Eigenwerte
Benutzerhinweise7	einfaches Interpolationsmodell82
Berner Software93	Einpassung 106, 138
Bezugsrahmen 14, 128, 129	Einpassung und Montage mit LTOP 138
Bezugssysteme128	Einpassung von Daten in einen neuen Bezugsrahmen102
biquadratische Interpolation72	Entscheidungsschema106

Erneuerung in LV03164	Inhaltsverzeichnis	3
Erneuerung von Festpunktnetzen132	Integration in LV95	164
ETRS9355	Integration örtlich sehr begrenzter	
Extension64	Interpolation59, 103	
Fallweise unterschiedliche Bearbeitung.102		
Festpunkte15, 132	Interpolation mittels Flächensumm	
Filterung78, 108	Interpolation nach gewogenem Mi	
FINELTRA 60, 93, 118, 163	Interpolation nach kleinsten Quad	
Flächenverzerrung46	Interpolationsradius	
Fortpflanzungsprinzip der Abweichungen	isometrische Transformation	
118	Kartonpläne	
funktionales Modell78	Kegelprojektion	39
GCNET expert90	Kernfunktion	75
GEOLOT94	Kirchturm	104
GEOMATICS Office94	klassische Kollokation	81
GeoMedia91	kleinste Quadrate Interpolation	82
GEONIS expert90	Kollokation	78
GEOS Pro90	Kompetenzzentrum	131
Geschichte8	Kontrollpunkte	106
GITTER152	KOORDIFF	95
Glättung111	Koordinatennetz	152
Glättungsfaktor75	Korrelation	67, 108
GLOBALES System103	Kovarianzfunktion	74
GNSS 22, 134, 177	LGO	98
GPSREF94	Lineare 2D Transformationen	43
GRICAL expert90	Lineare 3D Transformation	51
grobe Fehler 11, 109, 160	Lineare Transformation durch finit Elemente	
Halbgrafische Vermessungen136	lineare Verformung	46
HELMERT-Transformation47, 136	Literaturverzeichnis	
HTRANS94		

lokale Einpassung57	PLANETZ	96
LOKALES System103	Polynom Interpolation	71
Lösungsansätze102	Polynom-Transformationen	40
LTOP95	Prädiktion	78
LTOPWIN96	Prefilter	90
Lücke123	Programme	93
LV03128, 129	Projektionen	34
LV95 9, 55, 128, 129	provisorische Numerisierung	152
MapInfo91	Provisorische Numerisierung	136
maximale Richtungsverzerrung63	QUINT	96
Maximum-Likelihood-Methode84	Raster	142
Methode der kleinsten Quadrate84	Rauschen	78
Methode 'divide et impera'86	Referenzsysteme	128
Methodenaufzählung32	REFRAME	100
MicroStation92	Relative Unsicherheit	103
MOLODENSKY-BADEKAS54	Resampling	143
Monom40, 71	Restklaffungen	108
Multiquadratische Analyse75	robuste Ausgleichung	85
neue Triangulation150	RoSy	96
nichtparametrische Regression182	Scanner	142
Numerisierung der halbgrafischen Grundbuchpläne152	Schweizer Projektion	35
ORIMA96	Sektorweise Interpolation	59
Orthogonalmatrix53	sequentielle Methode der kleinster Quadrate	
parametrische Ausgleichung84	Signal	78
Passpunkte34, 103	SITTRANS	97
Passpunkte (Verwaltung der)114	stochastisches Modell	78
Passpunkte, fiktive117	Stützpunkt	34
Photogrammetrie23, 136	Systematische Restklaffungen	108
Pixel142	Systeme	88

Systeme und Programme87	Übergangsbereich	126
TOPOBASE89	Umformung	32
topozentrische Transformation55	Umrechnung	57
TRAFOX98	VERATOP	100
Transfer zwischen Referenzsystemen128	Verknüpfung	138
TRANSFO_COORD99	vermittelnde Ausgleichung	81
Transformation 32, 33, 103, 108	vermittelnde Beobachtungen	84
Transformation der numerischen Operate150	Verzerrungsmatrix	61
Transformation des Koordinatennetzes .152	Verzug Wahrscheinlichkeitsfunktion	
TransILI99	WGS84	55
TRANSINT 66, 99, 152, 173	winkeltreue schiefachsige	
TSP129	Zylinderprojektion	35
Typologie der Fälle13	Winkelverzerrung	46
Überdeckung123	WORK.DAT Datei	129
Übergang zwischen geodätischen Bezugssystemen	Zufällige Restklaffungen	108