UNIVERSIDAD NACIONAL DEL ALTIPLANO PUNO

FACULTAD DE INGENIERÍA ESTADÍSTICA E INFORMÁTICA

ESCUELA PROFESIONAL DE INGENIERÍA ESTADÍSTICA E INFORMÁTICA



THE BIG M METHOD CURSO: MÉTODOS OPTIMIZACIÓN

DOCENTE:

ING. Fred Torres Cruz

PRESENTADO POR:

Edilfonso Muñoz Anccori

SEMESTRE: V NIV

 $ext{PUNO-PERÚ} \\ ext{2025}$

Resolución Paso a Paso de Ejemplos con el Método de la Gran M

25 de febrero de 2025

1. Ejemplo 1: Problema con Restricción de Igualdad

Dado el problema de optimización:

$$\max Z = 3x_1 + 5x_2$$

Sujeto a:

$$2x_1 + 4x_2 = 8$$

$$x_1, x_2 \ge 0$$

1.1. Paso 1: Introducción de Variables Artificiales

Agregamos una variable artificial a_1 :

$$2x_1 + 4x_2 + a_1 = 8$$

Modificamos la función objetivo:

$$Z = 3x_1 + 5x_2 - Ma_1$$

1.2. Paso 2: Construcción del Tableau Inicial

	x_1	x_2	a_1	RHS
\overline{Z}	-3	-5	Μ	0
Restricción	2	4	1	8

1.3. Paso 3: Aplicar el Método Simplex

Procedemos con las iteraciones de pivoteo siguiendo la regla de selección del pivote...

2. Ejemplo 2: Problema con Restricción \geq

Dado el problema:

$$\max Z = 2x_1 + 3x_2$$

Sujeto a:

$$3x_1 + x_2 \ge 6$$

$$x_1, x_2 \ge 0$$

2.1. Paso 1: Introducción de Variables

Agregamos una variable de exceso s_1 y una artificial a_1 :

$$3x_1 + x_2 - s_1 + a_1 = 6$$

Modificamos la función objetivo:

$$Z = 2x_1 + 3x_2 - Ma_1$$

2.2. Paso 2: Construcción del Tableau Inicial

	x_1	x_2	s_1	a_1	RHS
\overline{Z}	-2	-3	0	Μ	0
Restricción	3	1	-1	1	6

2.3. Paso 3: Aplicar el Método Simplex

Realizamos las iteraciones hasta encontrar la solución óptima...

3. Ejemplo 3: Problema sin Solución

Se analiza un problema en el que, tras las iteraciones, una variable artificial sigue en la base con un valor positivo, indicando que el problema no tiene solución factible.

4. Ejemplo 4: Problema con Solución Óptima

Dado el problema:

$$\max Z = 4x_1 + 6x_2$$

Sujeto a:

$$x_1 + 2x_2 \le 8$$
$$3x_1 + 2x_2 \le 12$$
$$x_1, x_2 > 0$$

4.1. Paso 1: Introducción de Variables Slack

Agregamos variables de holgura s_1 y s_2 :

$$x_1 + 2x_2 + s_1 = 8$$
$$3x_1 + 2x_2 + s_2 = 12$$

4.2. Paso 2: Construcción del Tableau Inicial

	x_1	x_2	s_1	s_2	RHS
Z	-4	-6	0	0	0
Restricción 1	1	2	1	0	8
Restricción 2	3	2	0	1	12

4.3. Paso 3: Aplicar el Método Simplex

Realizamos iteraciones hasta llegar a la solución óptima, donde no haya coeficientes negativos en la fila Z.

4.4. Paso 4: Interpretación de la Solución

Se obtiene la solución óptima $x_1=4,\,x_2=2,\,{\rm con}\ Z=32.$



Figura 1: Codigo QR https://github.com/