## 5.3.3. Erori de calcul

Spre deosebire de A.O ideal un A.O real are amplificarea în buclă deschisă, A, finită, rezistență de intrare  $R_I$  finită și rezistență de ieșire  $R_O$  mai mare decît zero. Utilizat în configurațiile de bază un A.O real conduce la obținerea unor performanțe diferite de cele calculate anterior. Diferențele sînt considerate erori de calcul și trebuie cunoscute în cazul aplicațiilor de precizie.

La intrare un AO real prezintă în afara rezistenței de intrare diferențială (între intrări),  $R_I$ , și cîte o rezistență între fiecare intrare si masă, numită rezistență de intrare de mod comun,  $R_{IC}$ . Schema echivalentă la intrarea unui AO real este prezentată în figura 5.21.

Deoarece în general rezistența de intrare de mod comun este mult mai mare decât rezistența de intrare diferențială, prima se neglijează și se poate utiliza pentru evaluarea erorilor de calcul schema echivalentă din figura 5.22.

Se vor calcula în continuare performanțele principalelor configurații de bază cu AO real. Erorile de c.c. se consideră compensate, analiza incluzînd și elementele auxiliare pentru compensare.

## **Amplificator inversor**

Schema unui aplificator inversor cu AO real (modelat în figura 5.22) este prezentată în figura 5.23. R este rezistența pentru micșorarea erorii de curent continuu.

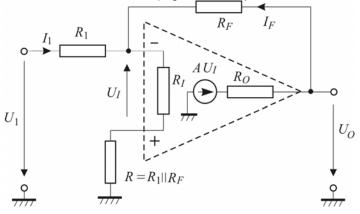


Fig. 5.23. Schema amplificatorului inversor cu AO real.

Se consideră ieșirea în gol. Pentru a calcula **amplificarea cu reacție reală**,  $A_{RR}$ , se pot scrie următoarele ecuații :

$$U_{1} = R_{1}I_{1} + (R_{I}+R) (I+I_{F});$$

$$U_{O} = -R_{O}I_{F} - AR_{I} (I_{1}+I_{F});$$

$$U_{O} = R_{F}I_{F} - R_{1}I_{1} + U_{1};$$
(5.28)

Eliminind  $I_1$  si  $I_F$  și neglijind  $R_O$  față de  $AR_I$  se obține :

$$A_{RR} = \frac{U_O}{U_1} = - \frac{AR_1R_F}{AR_IR_1 + R_1(R_I + R) + R_F(R_I + R_1 + R)}.$$

Se vede că la limită, pentru  $A \rightarrow \infty$ :

$$A_{RR} = A_R = -R_F / R_1,$$

adică se obține amplificarea cu AO ideal.

Eroarea se pune obisnuit sub forma:

$$A_{RR} = A_R \frac{1}{1+\varepsilon},\tag{5.29}$$

Unde ε este eroarea relativă de calcul:

$$A_{RR} = A_R \frac{1}{1 + (\frac{R_I + R}{R_I} + \frac{R_F(R_I + R_1 + R)}{R_I R_1}) / A}$$
 (5.30)

iar daca se consideră și  $R_I >> R_1, R_F$ :

$$A_{RR} = -\frac{R_F}{R_1} \frac{1}{1 + (1 + R_E / R_1) / A} = A_R \frac{1}{1 + (1 + |A_E|) / A}$$
 (5.31)

Pentru  $A_R >> 1$  eroarea relativă de calcul a amplificarii este:

$$\varepsilon = |A_R|/A. \tag{5.32}$$

De exemplu, pentru AO cu A= 10<sup>5</sup> și un amplificator inversor cu o amplificare de 100 eroarea relativă este:

$$\varepsilon = 10^{-3}$$
.

Pentru calculul **rezistenței de intrare**  $R_{IR}$  cu AO real se pot utiliza aceleași ecuații (5.28).

Eliminind  $U_O$  și  $I_F$  și neglijind  $R_O$ , R,  $R_F$  fata de  $AR_I$  cât și 1 față de A se obține :

$$R_{IR} = \frac{U_I}{I_1} = R_1 + \frac{(R_I + R)(R_F + R_0)}{AR_I}$$
 (5.33)

La aceeasi limita,  $A \to \infty$  se obtine aceeasi valoare ca şi în cazul cu AO ideal:

$$R_{IR}=R_I=R_I$$
.

Daca se neglijeaza  $R \le R_I$ :

$$R_{IR} = R_1 + \frac{R_F + R_O}{A}$$

și daca se poate neglija si  $R_0 << R_F$ :

$$R_{IR} = R_1 + R_F / A = R_1 (1 + |A_R| / A)$$
 (5.34)

**Rezistența de ieșire**  $R_{OR}$  cu AO real se calculează în condiții de scurtcircuit la intrare (ceea ce corespunde cazului când rezistența internă a generatorului de intrare este zero) cu ajutorul schemei din figura 5.24 unde U este o tensiune de test . Se pot scrie ecuațiile :

$$\frac{U_{I}}{R_{I}} = \frac{R_{I}}{R_{I} + R_{1} + R} I_{F}$$

$$U = -I_{F}R_{F} + \frac{R_{I}(R_{I} + R)}{R_{I} + R_{1} + R}$$

$$U = AU_{I} + R_{O}(I + I_{F})$$
(x)

Eliminind  $U_I$  si  $I_F$  și neglijind  $R_O$  față de  $AR_F$  se obține :

$$R_{OR} = \frac{U}{I} = R_O \frac{R_F (R_I + R_1 + R) + R_1 (R_I + R)}{AR_I R_1 + (R_F + R_O)(R_I + R_1 + R) + R_1 (R_I + R)}$$
(x)

La limita,  $A \rightarrow \infty$  se obtine cazul ideal,  $R_0 = 0$ . Daca neglijam  $R_1$ , R fata de  $R_i$ :

$$R_{OR} = R_O \frac{R_I (R_F + R_1)}{A R_I R_1 + R_I (R_F + R_1)} \label{eq:ROR}$$
 (x )

Neglijind si  $(R_F + R_1) \ll AR_1$ :

$$R_{OR} = R_O \frac{R_F + R_1}{AR_1} = R_O \frac{1 + |A_R|}{A}$$

(x)

Pentru  $|A_R| \gg 1$ :

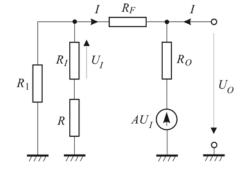


Fig. 5.24. Schema echivalentă pentru calculul *R<sub>OR</sub>* 

$$R_{OR} = R_O \frac{\left| A_R \right|}{A} \tag{x}$$

## **Amplificator neinversor**

Schema unui amplificator neinversor cu AO real (modelat în figura 1.92) este prezentata în figura 1.93. R este rezistența de micșorare a erorii de curent continuu. Se consideră ieșirea în gol.

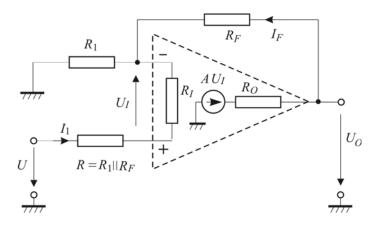


Fig. 5.25. Schema amplificatorului neinversor cu AO real.

Pentru a calcula amplificarea cu reacție reală,  $A_{RR}$ , se pot scrie ecuațiile :

$$U = (R + R_i)I - R_F I_F + U_O$$

$$U_O = AR_I I - R_o I_F$$

$$U_O = R_F I_F + R_I I_F + R_I I$$
(x)

Eliminind I și  $I_F$  si neglijind  $R_o \ll AR_i$  se obtine :

$$A_{RR} = \frac{U_o}{U} = \frac{AR_i(R_1 + R_F)}{AR_iR_1 + (R_i + R)(R_F + R_1 + R_o)}$$

Se observa ca la limita, pentru  $A \rightarrow \infty$ :

$$A_{RR} = A_R = 1 + R_F / R_1$$

și punând sub forma data de relatia (1.143) :

$$A_{RR} = \frac{1}{1 + (R_i + R)(R_F + R_1 + R_o) / AR_i R_1}$$

Neglijind  $R << R_I$ :

$$A_{RR} = A_R \frac{1}{1 + (R_F + R_1 + R_o)/AR_1}$$

Neglijam si  $R_O << R_F$ ,  $R_1$ :

$$A_{RR} = A_R \frac{1}{1 + A_R / A}$$

şi deci ε =  $A_R/A$ .

Pentru **rezistența de intrare**,  $R_{IR}$ , se pot utiliză aceleași ecuații și eliminind  $U_O$ ,  $I_F$  și neglijind  $R_O << AR_I$  se obține :

$$R_{IR} = \frac{U}{I} = R_I + R + \frac{R_I R_F}{R_1 + R_F} + \frac{A R_I R_1}{R_F + R_I + R_o}$$

Pentru  $A \rightarrow \infty$  se obține valoarea ideala:

$$R_{IR} \rightarrow \infty$$

Neglijind  $R_1$ ,  $R_F << R_i$ :

$$R_{IR} = R_I + \frac{AR_IR_1}{R_F + R_1 + R_o}$$

Si daca se poate neglija  $R_O << R_1, R_F$ :

$$R_{IR} = R_I (1 + A/A_R).$$

**Rezistența de iesire**,  $R_{OR}$ , pentru scurtcircuit la intrare, se calculează dintr-o schema identică schemei de la configuratia inversoare, rezultatul fiind acelasi (x).

Pentru  $R_1 \le R_I \text{ si } (R_F + R_1) \le AR_1$ :

$$R_{OR} = R_O A_R / A$$

## 1.2. Caracteristici de frecvență

In aplicatiile de curent continuu sau joasa frecventa erorile principale sunt date de generatoarele de eroare de la intrare.

La frecvente mai mari sau in regim de impulsuri apar alte erori, AO real comportinduse in regim dinamic diferit de AO ideal.

In regim de semnal mic sursa principala de erori este dependenta de frecventa a amplificarii in bucla deschisa. Cu cit frecventa creste, modul amplificariii scade si apare un defazaj intre semnalul de iesire si cel de intrere. Amplificarea devine o marime complexa:

$$A(j\omega) = |A(j\omega)|e^{j\varphi(\omega)}$$
 (6)

Reprezentarea grafica a caracteristicilor amplitudine – frecventa,  $|A(j\omega)|$ , si faza – frecventa,  $\varphi(\omega)$  se face cu ajutorul **diagramelor Bode**. Caracteristic acestora este că frecventa și amplitudinea sunt reprezentate logaritmic (amplitudinea în decibeli).

Amplificatoarele operationale au in cazul general diagramele Bode sub forma prezentată in figura 8.

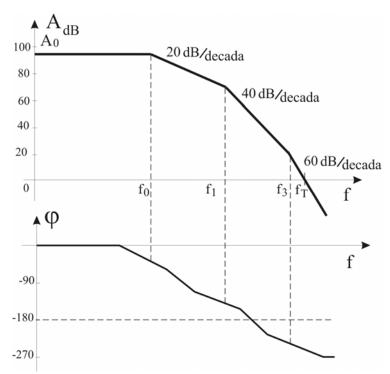


Fig. 8. Caracteristici de frecvență (diagrame Bode) pentru AO

Parametrii importanti sunt  $A_o$ , amplificarea la frecvente joase sau in c.c.,  $f_0$  prima frecvență de frângere, de la care amplificarea scade cu 20 dB pe decadă,  $f_1$  a doua frecvență de frângere de la care amplificarea scade cu 40 dB pe decadă,  $f_2$  a treia frecvență de frângere de la care amplificarea scade cu 60 dB pe decadă si  $f_T$ , frecventa de taiere, pentru care amplificarea devine unitară.

O problema esentiala a AO cu reactie (și acesta este cazul în marea majoritate a aplicațiilor) este stabilitatea. Condiția principala este ca  $\phi$  să nu atinga valoarea critica de -  $180^{\circ}$ 

Asigurarea stabilitatii AO in schemele cu reactie negative se face prin adaugarea unor elemente passive, C, R, care modifica intr-un mod dorit caracteristicile de frecventa , realizind asa-numita compensare a raspunsului in frecventa .

Cel mai simplu procedeu de compensare a raspunsului in frecventa este introducerea unui condensator care sa duca la o caracteristiciă de amplitudine a amplificatorului fara reactie cu cădele de  $20~\mathrm{dB/decada}$  pina la frecventa de cistig unitar și o deviație de fază mai mică de  $-180^0$  (figura 9) , deci se asigura stabilitate pentru orice nivel de reactie negative , inclusive pentru circuitul repetor (cel mai sensibil d.p.d.v. al stabilitatii). La multe tipuri d AO aceasta compensare este stabilita intern

Pentru un asemenea tip de AO reacția negativă conduce la amplificări de forma celor din figura 10. Se arata simplu ca indifferent de nivelul reactiei negative **produsul amplificare-banda** este constant:

$$A_0 f_0 = A_{R1} f_{R1} = A_{R2} f_{R2} = 1 f_T . (7)$$

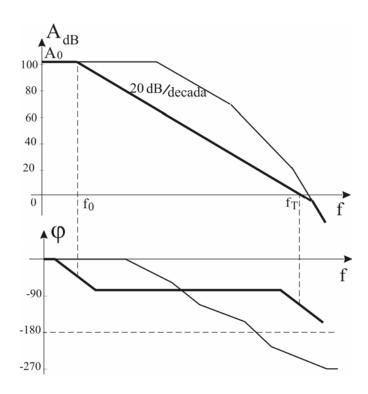


Fig. 9. Caracteristici de frecvență pentru AO compensat.

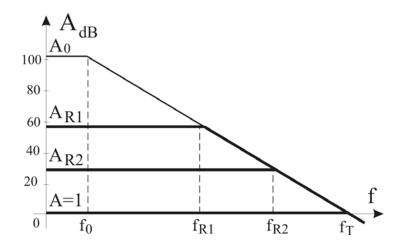


Fig. 10. Caracteristici amplitudine- frecvență pentru AO cu reacție, compensat.

Aceasta metoda de compensare reduce insa posibilitatile in frecventa ale AO. In aplicatii la frecvente ridicate se utilizeaza alte metode de compenare, descrise pe larg in literatură.