

Método Monte Carlo

Ezequiel Pérez Dittler, FIUBA

17 de abril de 2016

1. Enunciado

Sea $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ una función continua y no negativa. Sea $M > 0$ el valor máximo de la función f sobre el intervalo $[a, b]$.

(a) Se elige al azar un punto de coordenadas (X, Y) dentro del rectángulo de vértices $(a, 0)$, $(b, 0)$, (b, M) , (a, M) . Relacionar la probabilidad del evento $A = \{Y \leq f(X)\}$ con el valor de la integral $\int_a^b f(x)dx$.

(b) Si se conoce el valor de la probabilidad, $P(A)$, del evento $A = \{Y \leq f(X)\}$, ¿cómo se calcula la integral $\int_a^b f(x)dx$?

(c) Obtener un método que permita estimar el valor de la integral $\int_a^b f(x)dx$ en base a los resultados de n simulaciones del experimento descrito en Inciso (a).

(d) Estimar el valor de la integral $\int_0^2 e^{-x^2} dx$ utilizando el método obtenido en Inciso (c) basándose en los resultados de 10000 simulaciones.

2. Resolución

2.1. Inciso (a)

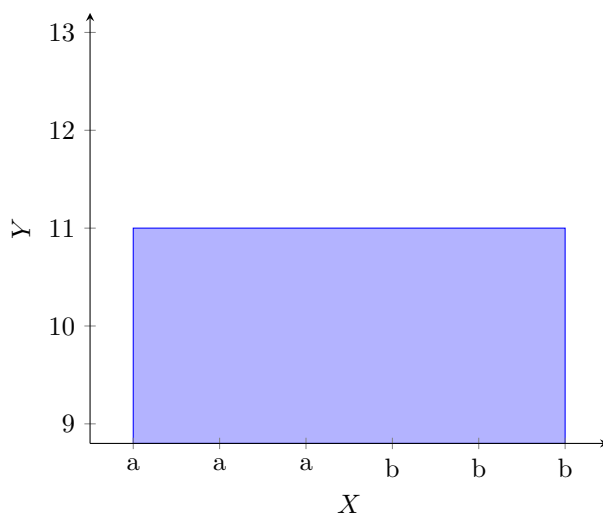


Figura 1: Rectángulo de vértices $(a, 0)$, $(b, 0)$, (b, M) , (a, M)

$$P(A) = P(Y \leq f(X)) = \frac{\text{area}(A)}{\text{area}(\Omega)} = \frac{\int_a^b f(x)dx}{(b-a) \cdot M}$$

2.2. Inciso (b)

Siendo $P(A)$ conocido, se puede estimar el valor de la integral $\int_a^b f(x)dx$ del siguiente modo

$$\int_a^b f(x)dx = P(A).(b-a).M$$

2.3. Inciso (c)

Listing 1: distribucionMixta.m

```

1 function r = distribucionMixta(n)
2     m = n * 3;
3     if (m < 1)
4         r = -2;
5     elseif (m < 2)
6         r = m * 2 - 3;
7     else
8         r = 2;
9     end
10 end

```