

# Algoritmo de GROVER



El algoritmo de Grover es un algoritmo de búsqueda en conjuntos de datos desordenados. El algoritmo proporciona una velocidad cuadrática para búsquedas no estructuradas, a diferencia de otros algoritmos clásicos.

Identifica con alta probabilidad con una función de caja negra(oráculo) el elemento buscado, recibiendo todo el conjunto en una única entrada. La salida del algoritmo será el o los elementos que el oráculo determine cumple las condición requerida.

## INICIALIZACIÓN EN SUPERPOSICIÓN

$$|\psi_1\rangle = \frac{1}{\sqrt{2^n}} \sum_{x=0}^{2^n-1} |x\rangle$$

Todos los qubits se inicializan en un estado de superposición, a ese estado le llamaremos  $|\psi\rangle$

Esto se logra aplicando la puerta Hadamard a cada qubit de entrada. Haciendo que todos los estados sean equiprobables

## ORÁCULO

Es una función cuántica que puede reconocer el estado que se busca  $|\mathbf{w}\rangle$  en el espacio o conjunto de soluciones y altera la fase, para diferenciarla de otros.

Aplicamos el oráculo(llamaremos puerta **O**) al estado  $|\psi\rangle$ . Este estado, es el estado resultado del paso anterior.

$$O|x\rangle = \begin{cases} +|x\rangle & \text{si } x_i \neq w_i \\ -|w\rangle & \text{si } x_i = w_i \end{cases}$$

$$|\psi_2\rangle = \frac{1}{\sqrt{2^n}} \left( -|w\rangle + \sum_{x \neq w} |x\rangle \right)$$

## OPERADOR DE DIFUSIÓN

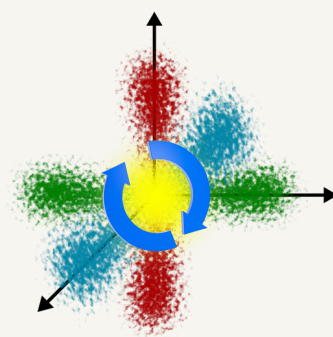
$$|\psi_2\rangle = (2|\psi\rangle\langle\psi| - I)|\psi_1\rangle$$

En esta etapa aumenta la amplitud del estado deseado  $|\mathbf{w}\rangle$  mediante la inversión sobre la media de todas las amplitudes, lo que resulta en un incremento de su probabilidad de ser medido, el primer factor es un operador de reflexión sobre el estado.

## INTERFERENCIA y REPETICIÓN

La reflexión de fase causada por el oráculo produce interferencia constructiva para el estado  $|\mathbf{w}\rangle$  y destructiva para los demás estados.

Al aplicar iterativamente el oráculo y el operador de difusor la amplitud de  $|\mathbf{w}\rangle$  se refuerza y debilita el resto.



Repetir por  $\sqrt{2n}$  veces



## MEDICIÓN

La medición es el paso que conecta el procesamiento cuántico con un resultado en concreto y observable.

En el caso del algoritmo de Grover, la medición transforma la probabilidad amplificada en el objeto de búsqueda del estado objetivo

CONOCÉ MÁS EN:

