Prodotti Notevoli

1. Differenza di quadrati

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

2. Differenza di cubi

$$a^{3} - b^{3} = (a - b)(a^{2} + ab + b^{2})$$

3. Somma di cubi

$$a^{3} + b^{3} = (a+b)(a^{2} - ab + b^{2})$$

4. Quadrato del binomio

$$(a + b)^{2} = a^{2} + 2ab + b^{2}$$
$$(a - b)^{2} = a^{2} - 2ab + b^{2}$$

5. Cubo del binomio

$$(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$
$$(a-b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$$

6. Scomposizione con somma e differenza Dato un polinomio di secondo grado con coefficiente del termine di secondo grado pari a 1 nella forma

$$x^2 + sx + p \tag{1}$$

spesso (ma non sempre) è possibile scomporlo in maniera semplice trovando due numeri a_1 e a_2 che abbiano come somma s e come prodotto p. E quindi è possibile scomporlo come

$$x^{2} + sx + p = (x + a_{1})(x + a_{2})$$
(2)

Esempio: Consideriamo il polinomio $x^2 + 5x + 6$. I numeri 2 e 3 hanno come somma 5 e come prodotto 6. Di conseguenza, possiamo scomporre il polinomio come:

$$x^{2} + 5x + 6 = (x+2)(x+3)$$
(3)