Beecrowd 1897

Jogo Esperto

Prof. Edson Alves - UnB/FCTE

Problema

Enquanto Bino descansava, inventou um jogo esperto. Dado um número N e um número M, Bino quer saber qual a quantidade mínima de operações para converter N em M.

Existe seis operações permitidas.

- Operação 1: N=N*2
- Operação 2: N=N*3
- Operação 3: N=N/2
- Operação 4: N=N/3
- Operação 5: N=N+7
- Operação 6: N=N-7

1

Entrada e saída

Entrada

A entrada contém dois inteiros $N~(0 \leq N \leq 10000)$ e $M~(0 \leq M \leq 10000).$

Saída

A saída é o número mínimo de operações para converter $N \ \mathrm{em} \ M.$

2

Exemplo de entradas e saídas

Exemplo de Entrada		
10	0 15	
45	5 15	
8 4	4 63	

Exemplo de Saída

- Observe que a sequência de operações 1, 2, 5, 4, 3 efetivamente acrescenta uma unidade em N:

$$N \rightarrow 2N \rightarrow 6N \rightarrow 6N + 7 \rightarrow 2N + 2 \rightarrow N + 1$$

- ullet De forma semelhante, a sequência 1, 2, 6, 4, 3 subtrai uma unidade de N
- Assim, em no máximo 5|N-M| operações é possível alcançar M e o problema sempre terá solução
- Para determinar o mínimo de soluções com complexidade O(|N-M|), basta armazenar N em uma fila e inserir seu valor em um conjunto, para que ele não seja processado mais do que uma vez
- A cada etapa, se o próximo elemento da fila x não for igual a M, todos os resultados das operações em x que não tiverem sido inseridos no conjunto ainda devem entrar na fila e no conjunto
- ullet Na fila deve ser armazenado, além do valor x, o número de operações necessárias para encontrá-lo

```
1 #include <bits/stdc++.h>
3 using namespace std;
using ii = pair<int, int>;
6 int solve(int N, int M)
7 {
     queue<ii> ns;
     set < int > found;
     ns.push(make_pair(N, 0));
     found.insert(N):
     while (not ns.empty())
         auto [n, ops] = ns.front();
         ns.pop();
         if (n == M)
             return ops;
```

```
vector<int> xs { n * 2, n * 3, n / 2, n / 3, n + 7, n - 7 };
         for (auto x : xs)
             if (found.count(x) == 0)
                 ns.push(ii(x, ops + 1));
                 found.insert(x);
      return -1;
35 }
```

```
37 int main()
38 {
      int N, M;
      cin >> N >> M;
40
      auto ans = solve(N, M);
      cout << ans << endl;
45
      return 0;
47 }
```