

## Aula 03 - Conteúdo

- 1) Pilhas utilizando o enfoque seqüencial (vetor)
- 2) Filas utilizando o enfoque seqüencial (vetor)
- 3) Exercícios

### Pilhas e Filas (Vetor)

#### Fundamentos

Uma das formas mais comuns em programação é a "lista linear", que pode ser representada por  $L = (a_1, a_2, \dots, a_n)$ , onde  $a_i$   $i = 1..n$ , são elementos de um conjunto específico.

Exemplos:

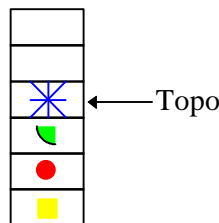
Dias da semana (SEG, TER, QUAR, QUIN, SEX, SAB, DOM)

Cartas do Baralho (Ás, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, J, Q, K)

Pilhas e Filas são dois dos mais comuns objetos de dados encontrados nos algoritmos de computação e são casos especiais das listas lineares.

### Pilhas

**Pilha (Stack):** lista linear, em que todas as inserções e remoções de elementos só podem ser feitas numa extremidade chamada **Topo**. As pilhas também são chamadas de estruturas LIFO (Last In First Out), ou seja, o último elemento inserido é o primeiro a ser removido (UEPS - último que entra é o 1º sai).



Pilha

A maneira mais simples de se representar uma pilha num computador é através de um vetor de **m** elementos. Digamos que este vetor chama-se **P** e seus elementos tem índices 0, 1, 2, ..., m-1. O número máximo de elemento da pilha será **m**, o elemento da base será **P[0]**, o elemento seguinte **P[1]** e assim por diante. Devido a este fato, esta representação é chamada seqüencial.

Associada a pilha tem-se uma variável chamada **Topo**, de tal forma que o elemento no topo da pilha será **P[Topo]**. Pode-se convencionar que **Topo = -1** indica uma pilha vazia.

Operações associadas com uma pilha:

- Inicializar uma pilha P
- Inserir na pilha P
- Deletar da Pilha P
- Verificar se a pilha P está vazia
- Verificar se a pilha P está cheia

- Devolver o elemento do topo da pilha P

#### Exemplo de uso de Pilhas

- processamento das chamadas de sub-rotinas e seus retornos
- simulação de sistemas
- Análise de expressões Pós fixas (Calculadores HP)

#### Algoritmos para Pilha utilizando vetores

##### Convenções:

```
Topo      = -1 indica pilha vazia
Topo      = TAM_VET - 1 indica pilha cheia
TAM_VET   = 10
```

##### INICIALIZAÇÃO

```
Topo = -1
```

##### INSERÇÃO

```
Se Topo = TAM_VET -1 então Escreva("PILHA CHEIA - INS. IMPOSSÍVEL")
senão
    Topo = Topo + 1
    P[Topo] = Elemento
fimse
```

##### DELEÇÃO

```
Se Topo = -1 então Escreva("PILHA VAZIA - REMOÇÃO IMPOSSÍVEL")
senão
    Elemento = P[Topo]
    Topo = Topo -1
fimse
```

Exemplo 3.1 – Implementação de pilha utilizando vetor em Pascal - pilha de strings (arquivo ProjEx301.dpr e Ex301.pas)

##### Type

```
Pilha = class
protected
    Topo: integer;
    P: array of string;
public
    Procedure InicPilha(n: integer);
    Function PilhaVazia: boolean;
    Function PilhaCheia: boolean;
    Procedure InsPilha(x: string);
    Procedure DelPilha(var x:string);
    Procedure RetornaValTopo(var x:string);
    Function GetTopo: integer;
    Procedure ImpPilha;
end;
```

##### var

```
P1: Pilha;
```

##### implementation

```
{$R *.DFM}
```

```
Procedure Pilha.InicPilha(n: integer);
begin
    SetLength(P,n);
    Topo := -1;
```

```
end;

Function Pilha.PilhaVazia: boolean;
begin
  if (Topo = -1 ) then PilhaVazia := TRUE
  else PilhaVazia := FALSE;
end;

Function Pilha.PilhaCheia: boolean;
begin
  if (Topo = High(P) ) then PilhaCheia := TRUE
  else PilhaCheia := FALSE;
end;

Procedure Pilha.InsPilha(x: string);
begin
  if ( Topo < High(P) ) then
    begin
      Topo := Topo + 1;
      P[Topo] := x;
    end
  else
    ShowMessage('Pilha Cheia - Inserção Impossível');
  end;

Procedure Pilha.DelPilha(var x:string);
begin
  if ( Topo <> -1 ) then
    begin
      x := P[Topo];
      Topo := Topo - 1;
    end
  else
    ShowMessage('Pilha Vazia - Remoção Impossível');
  end;

Procedure Pilha.RetornaValTopo(var x:string);
begin
  if ( Topo <> -1 ) then
    x := P[Topo]
  else
    ShowMessage('Pilha Vazia - Impossível recuperar Topo');
  end;

Procedure Pilha.ImpPilha;
var k:integer;
begin
  if ( Topo <> -1 ) then
    begin
      k := 0;
      while ( K <= Topo ) do
        begin
          ShowMessage('Elemento '+IntToStr(k)+' : '+ P[k]);
          k := k+1;
        end
      end
    else
      ShowMessage('Pilha Vazia - Impressão Impossível');
    end;
end;
```

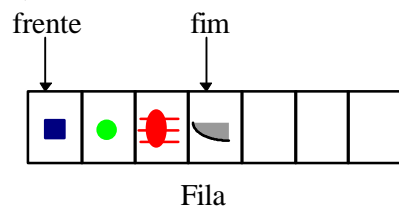
```

Function Pilha.GetTopo: integer;
begin
    GetTopo := Topo;
end;

```

## Filas

**Fila (Queue):** lista linear em que todas as remoções são feitas numa extremidade chamada frente e todas as inserções são feitas na outra extremidade chamada fim (ré). As filas são chamadas de estruturas FIFO (First In First Out), pois o primeiro elemento inserido é o primeiro a ser removido (PEPS - 1º que entra é o 1º que sai).



Filas também podem ser representadas através de um vetor de **m** elementos (como as pilhas). Chamaremos este arranjo de **F** sendo que seus elementos tem índices de **0** até **m-1**. Além disso representaremos as duas extremidades da fila por duas variáveis chamadas, por exemplo, **frente** e **fim**.

Operações associadas com uma Fila

- Inicializar uma fila F com começo "frente" e final "fim"
- Inserir na fila F
- Deletar da fila F
- Verificar se F está vazia
- Verificar se F está cheia.
- Devolver o elemento do início da fila F

Exemplos do uso de Filas

- planejamento de serviços (processamento com lote)
- lista de prioridades (processos de 5.0.)
- Simulação

Algoritmos para Fila utilizando vetores

Convenções:

frente = fim = -1 indica fila vazia no início

frente = fim != -1 indica fila vazia nas demais situações.

fim = TAM\_VET -1 indica fila cheia

TAM\_VET = 10

INICIALIZAÇÃO

frente = -1

fim = -1

INSERÇÃO

Se fim = TAM\_VET -1 então "FILA CHEIA - INSERÇÃO IMPOSSÍVEL"

senão

    fim = fim + 1

```

    F[fim] = Elemento
fimse

DELEÇÃO
Se frente = fim então "FILA VAZIA - REMOÇÃO IMPOSSÍVEL"
senão
    frente = frente + 1
    Elemento = F[frente]
fimse

```

Exemplo 3.2 – Implementação de fila utilizando vetor em Pascal - fila de strings  
(arquivo ProjEx302.dpr e Ex302.pas)

Convenções:

frente = fim = -1 indica fila vazia no início  
frente = fim != -1 indica fila vazia nas demais situações.  
fim = TAM\_VET - 1 indica fila cheia

Type

```

Fila = class
protected
    Frente, Fim: integer;
    F: array of string;
public
    Procedure InicFila(n: integer);
    Function FilaVazia: boolean;
    Function FilaCheia: boolean;
    Procedure InsFila(x: string);
    Procedure DelFila(var x:string);
    Procedure RetornaValFrente(var x:string);
    Function GetFrente: integer;
    Function GetFim: integer;
    Procedure ImpFila;
end;

```

var

```

    F1: Fila;

```

implementation

```

{$R *.DFM}

```

```

Procedure Fila.InicFila(n: integer);
begin
    SetLength(F,n);
    Frente := -1;
    Fim := -1;
end;

```

```

Function Fila.FilaVazia: boolean;
begin
    if (frente = fim ) then FilaVazia := TRUE
    else FilaVazia := FALSE;
end;

```

```

Function Fila.FilaCheia: boolean;
begin
    if (Fim = High(F) ) then FilaCheia := TRUE
    else FilaCheia := FALSE;
end;

```

```

Procedure Fila.InsFila(x: string);

```

```
begin
  if ( Fim < High(F) ) then
    begin
      Fim := Fim + 1;
      F[Fim] := x;
    end
  else
    ShowMessage('Fila Cheia - Inserção Impossível');
  end;

Procedure Fila.DelFila(var x:string);
begin
  if ( Frente <> Fim ) then
    begin
      Frente := Frente + 1;
      x := F[Frente];
    end
  else
    ShowMessage('Fila Vazia - Remoção Impossível');
  end;

Procedure Fila.RetornaValFrente(var x:string);
begin
  if ( Frente <> Fim ) then
    x := F[Frente+1]
  else
    ShowMessage('Fila Vazia - impossível recuperar frente');
  end;

Procedure Fila.ImpFila;
var k:integer;
begin
  if ( Frente <> Fim ) then
    begin
      k := Frente+1;
      while ( k <= Fim) do
        begin
          ShowMessage('Elemento '+IntToStr(k)+' : '+ F[k]);
          k := k+1;
        end
      end
    else
      ShowMessage('Fila Vazia - Impressão Impossível');
    end;

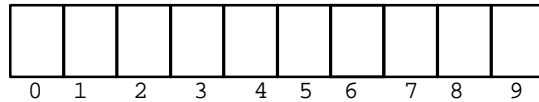
end;

Function Fila.GetFrente: integer;
begin
  GetFrente := Frente;
end;

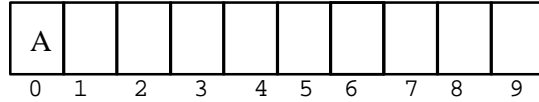
Function Fila.GetFim: integer;
begin
  GetFim := Fim;
end;
```

Nesta implementação pode acontecer de estarmos na condição de fila cheia mas com posições livres no início do vetor. Exemplo:

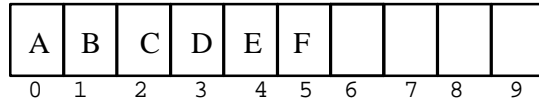
Fila Vazia      frente = -1      fim = -1



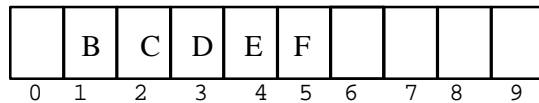
Inserir elemento A      frente = -1      fim = 0



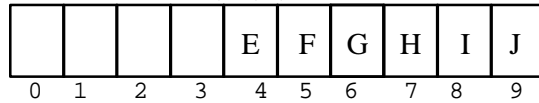
Inserir os elementos B, C, D, E, F      frente = -1      fim = 5



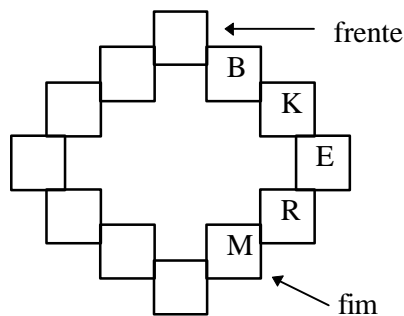
Deletar o elemento A      frente = 0      fim = 5



Inserir os elem G, H, I, J e deletar os elem B, C, D      frente = 3      fim = 9



Estamos na situação de fila cheia com a variável fim = 9 (fim = TAM\_VET-1), porém temos posições livres que poderiam ser utilizadas para novas inserções. Para resolver este problema podemos encarar o vetor como se fosse circular, ou seja, depois da posição TAM\_VET-1 voltaríamos para a posição 0 do vetor.



Algoritmos para Fila Circular utilizando vetores

**Convenções:**

frente = fim = -1 indica fila vazia no início

frente = fim != -1 indica fila vazia nas demais situações.

fim + 1 = frente indica fila cheia

operador % indica resto da divisão inteira. Ex: 17 % 5 = 2

TAM\_VET = 10

```

INICIALIZAÇÃO
frente = -1
fim    = -1

INSERÇÃO
Se ((fim+1)%TAM_VET)=frente)ou(frente=-1 e fim=TAM_VET-1) então
  "FILA CHEIA - INSERÇÃO IMPOSSÍVEL"
senão
  fim = (fim + 1) % TAM_VET
  F[fim] = Elemento
fimse

DELEÇÃO
Se frente = fim então "FILA VAZIA - REMOÇÃO IMPOSSÍVEL"
senão
  frente = (frente + 1) % TAM_VET
  Elemento = F[frente]
fimse

```

Exemplo 4.3 – Implementação de fila circular utilizando vetor em Pascal  
(arquivo ProjEx303.dpr e Ex303.pas)

Convenções:

```

frente = fim = -1 indica fila vazia no início
frente = fim != -1 indica fila vazia nas demais situações.
fim + 1 = frente indica fila cheia

```

```

Type
  Fila = class
  protected
    Frente, Fim: integer;
    F: array of string;
  public
    Procedure InicFila(n: integer);
    Function FilaVazia: boolean;
    Function FilaCheia: boolean;
    Procedure InsFila(x: string);
    Procedure DelFila(var x:string);
    Procedure RetornaValFrente(var x:string);
    Function GetFrente: integer;
    Function GetFim: integer;
    Procedure ImpFila;
  end;

```

```

var
  F1: Fila;

```

```

implementation
{$R *.DFM}

```

```

Procedure Fila.InicFila(n: integer);
begin
  SetLength(F,n);
  Frente := -1;
  Fim := -1;
end;

Function Fila.FilaVazia: boolean;
begin
  if (frente = fim ) then FilaVazia := TRUE

```



```
    else FilaVazia := FALSE;
end;

Function Fila.FilaCheia: boolean;
begin
    if (Fim+1 = Frente ) then FilaCheia := TRUE
    else FilaCheia := FALSE;
end;

Procedure Fila.InsFila(x: string);
var tamF: integer;
begin
    tamF := High(F)+1;
    if ( (Frente = ((Fim+1) mod tamF) ) or
        ((Frente = -1) and (Fim = tamF-1) )) then
        ShowMessage('Fila Cheia - Inserção Impossível')
    else
        begin
            Fim := (Fim + 1) mod tamF;
            F[Fim] := x;
        end
    end;
end;

Procedure Fila.DelFila(var x:string);
var tamF: integer;
begin
    tamF := High(F)+1;
    if ( Frente = Fim ) then
        ShowMessage('Fila Vazia - Remoção Impossível')
    else
        begin
            Frente := (Frente + 1) mod tamF;
            x := F[Frente];
        end
    end;
end;

Procedure Fila.RetornaValFrente(var x:string);
var tamF: integer;
begin
    tamF := High(F)+1;
    if ( Frente = Fim ) then
        ShowMessage('Fila Vazia - Impossível recuperar frente')
    else
        x := F[(Frente + 1) mod tamF];
    end;
end;

Procedure Fila.ImpFila;
var tamF,k:integer;
begin
    tamF := High(F)+1;
    if ( Frente <> Fim ) then
        begin
            k := Frente+1;
            while ( k <> Fim) do
                begin
                    ShowMessage('Elemento '+IntToStr(k)+' : '+ F[k]);
                    k := (k+1) mod tamF;
                end;
            ShowMessage('Índice '+IntToStr(k)+' : '+ F[k]);
        end
    else
        end;
```

```
    ShowMessage('Fila Vazia - Impressão Impossível');

end;

Function Fila.GetFrente: integer;
begin
    GetFrente := Frente;
end;

Function Fila.GetFim: integer;
begin
    GetFim := Fim;
end;
```

## Exercícios

3.01) Escreva um algoritmo para implementar duas pilhas num único vetor (arquivo ProjEx304.dpr e Ex304.pas)

3.02) Desenvolva os algoritmos que implementam duas filas num único vetor (arquivo ProjEx305.dpr e Ex305.pas)

3.03) Desenvolva um algoritmo para fila circular no qual não ocorra a perda de uma posição do vetor (arquivo ProjEx306.dpr e Ex306.pas)

## Respostas

3.01) Duas pilhas num único vetor. Devemos elaborar dois algoritmos de inicialização, inserção e deleção (arquivo ProjEx304.dpr e Ex304.pas).

Convecções:

```
TopoA é o topo da pilha A
TopoB é o topo da pilha B
TopoA = -1 indica pilha A vazia
TopoB = TAM_VET indica pilha B vazia
TopoA + 1 = TopoB indica pilha A e B cheias
TAM_VET = 10 (tamanho do vetor de lementos)
```

INICIALIZAÇÃO PILHA A

```
TopoA = -1
```

INICIALIZAÇÃO PILHA B

```
TopoB = TAM_VET
```

INSERÇÃO PILHA A

```
Se TopoA + 1 = TopoB então "PILHA CHEIA - INSERÇÃO IMPOSSÍVEL"
senão
```

```
    TopoA = TopoA + 1
    P[TopoA] = Elemento
```

```
fimse
```

INSERÇÃO PILHA B

```
Se TopoA + 1 = TopoB então "PILHA CHEIA - INSERÇÃO IMPOSSÍVEL"
senão
```

```
    TopoB = TopoB - 1
    P[TopoB] = Elemento
```

```
fimse
```

DELEÇÃO PILHA A

```
Se TopoA = -1 então "PILHA VAZIA - REMOÇÃO IMPOSSÍVEL"
```

```

senão
  Elemento = P[TopoA]
  TopoA = TopoA - 1
fimse

DELEÇÃO PILHA B
Se TopoB = TAM_VET então "PILHA VAZIA - REMOÇÃO IMPOSSÍVEL"
senão
  Elemento = P[TopoB]
  TopoB = TopoB + 1
Fimse

```

Em Pascal

```

Type
  Pilha = class
  protected
    TopoA,TopoB: integer;
    P: array of string;
  public
    Procedure InicPilha(n: integer);
    Function InsPilhaA(x: string):boolean;
    Function InsPilhaB(x: string):boolean;
    Function DelPilhaA(var x:string):boolean;
    Function DelPilhaB(var x:string):boolean;
    Procedure RetornaValTopoA(var x:string);
    Procedure RetornaValTopoB(var x:string);
    Function GetTopoA: integer;
    Function GetTopoB: integer;
    Procedure ImpPilha;
  end;

var
  P1: Pilha;

implementation
{$R *.DFM}

Procedure Pilha.InicPilha(n: integer);
begin
  SetLength(P,n);
  TopoA := -1;
  TopoB := n;
end;

Function Pilha.InsPilhaA(x: string):boolean;
begin
  if ( TopoA = (TopoB-1) ) then
  begin
    ShowMessage('Pilhas A cheia - Inserção Impossível');
    InsPilhaA := FALSE;
  end
  else
  begin
    TopoA := TopoA + 1;
    P[TopoA] := x;
    InsPilhaA := TRUE;
  end
end;
end;

```

```
Function Pilha.InsPilhaB(x: string):boolean;
begin
  if ( TopoA = (TopoB-1) ) then
    begin
      ShowMessage('Pilhas B cheia - Inserção Impossível');
      InsPilhaB := FALSE;
    end
  else
    begin
      TopoB := TopoB - 1;
      P[TopoB] := x;
      InsPilhaB := TRUE;
    end
  end;
end;

Function Pilha.DelPilhaA(var x:string):boolean;
begin
  if ( TopoA <> -1 ) then
    begin
      x := P[TopoA];
      TopoA := TopoA - 1;
      DelPilhaA := TRUE;
    end
  else
    begin
      ShowMessage('Pilha A Vazia - Remoção Impossível');
      DelPilhaA := FALSE;
    end;
  end;
end;

Function Pilha.DelPilhaB(var x:string):boolean;
begin
  if ( TopoB <> (High(P)+1) ) then
    begin
      x := P[TopoB];
      TopoB := TopoB + 1;
      DelPilhaB := TRUE;
    end
  else
    begin
      ShowMessage('Pilha B Vazia - Remoção Impossível');
      DelPilhaB := FALSE;
    end;
  end;
end;

Procedure Pilha.RetornaValTopoA(var x:string);
begin
  if ( TopoA <> -1 ) then
    x := P[TopoA]
  else
    ShowMessage('Pilha A Vazia - Impossível recuperar Topo');
  end;
end;

Procedure Pilha.RetornaValTopoB(var x:string);
begin
  if ( TopoB <> High(P)+1 ) then
    x := P[TopoB]
  else
    ShowMessage('Pilha B Vazia - Impossível recuperar Topo');
  end;
end;
```

```

Procedure Pilha.ImpPilha;
var k:integer;
begin
  if ( TopoA <> -1 ) then
  begin
    k := 0;
    while ( K <= TopoA ) do
    begin
      ShowMessage('Pilha A - elemento '+IntToStr(k)+' : '+ P[k]);
      k := k+1;
    end
  end
  else
    ShowMessage('Pilha A Vazia - Impressão Impossível');

  if ( TopoA <> High(P)+1 ) then
  begin
    k := High(P);
    while ( K >= TopoB ) do
    begin
      ShowMessage('Pilha B - elemento '+IntToStr(k)+' : '+ P[k]);
      k := k-1;
    end
  end
  else
    ShowMessage('Pilha B Vazia - Impressão Impossível');
end;

Function Pilha.GetTopoA: integer;
begin
  GetTopoA := TopoA;
end;

Function Pilha.GetTopoB: integer;
begin
  GetTopoB := TopoB;
end;

```

3.02) Duas filas num único vetor. Devemos elaborar dois algoritmos de inicialização, inserção e deleção (arquivo ProjEx305.dpr e Ex305.pas)

Convecções:

```

frenteA e fimA indicam início e fim da fila A
frenteB e fimB indicam início e fim da fila B
frenteA = fimA indica fila A vazia
frenteB = fimB indica fila B vazia
fimA + 1 = fimB indica filas A e B cheias
TAM_VET = 10 (tamanho do vetor de lementos)

```

INICIALIZAÇÃO FILA A

```

frenteA = -1
fimA    = -1

```

INICIALIZAÇÃO FILA B

```

frenteB = TAM_VET
fimB    = TAM_VET

```

INSERÇÃO FILA A

```

Se fimA + 1 = fimB então "FILA CHEIA - INSERÇÃO IMPOSSÍVEL"
senão
  fimA = fimA + 1

```

```

    F[fimA] = Elemento
fimse

INSERÇÃO FILA B
Se fimA + 1 = fimB então "FILA CHEIA - INSERÇÃO IMPOSSÍVEL"
senão
    fimB = fimB - 1
    F[fimB] = Elemento
fimse

DELEÇÃO FILA A
Se frenteA = fimA então "FILA VAZIA - REMOÇÃO IMPOSSÍVEL"
senão
    frenteA = frenteA + 1
    Elemento = F[frenteA]
fimse

DELEÇÃO FILA B
Se frenteB = fimB então "FILA VAZIA - REMOÇÃO IMPOSSÍVEL"
senão
    frenteB = frenteB - 1
    Elemento = F[frenteB]
fimse

```

3.03) Algoritmos para Fila Circular utilizando vetores - versão evitando a perda de um elemento do vetor (arquivo ProjEx306.dpr e Ex306.pas)

Convenções:

```

frente = fim = -1 indica fila vazia no início
frente = fim != -1 indica um único elemento na fila
fim + 1 = frente indica fila cheia
operador % indica resto da divisão inteira. Ex: 17 % 5 = 2
TAM_VET = 10

```

INICIALIZAÇÃO

```

frente = -1
fim     = -1

```

INSERÇÃO

```

Se ((fim + 1) % TAM_VET) = frente então
    "FILA CHEIA - INSERÇÃO IMPOSSÍVEL"
senão
    Se ( fim = -1 )           //primeira inserção
        frente = frente + 1
    fimse
    fim = (fim + 1) % TAM_VET
    F[fim] = Elemento
fimse

```

DELEÇÃO

```

Se fim = -1 então "FILA VAZIA - REMOÇÃO IMPOSSÍVEL"
senão
    Elemento = F[frente]
    Se ( frente = fim )
        fim = -1
        frente = -1
    senão
        frente = (frente + 1) % TAM_VET
    fimse
fimse

```