Matemáticas Computacionales Practica 1: Gráficas de curvas en R

1941431 Torres Jiménez José Eduardo

16 de Febrero del 2021

1 Introducción

1.1 Desarrollo de la practica

En esta primera práctica se hará una de las cosas básicas al momento de aprender R. Se repasaran las curvas en \mathbb{R}^2 vistas en primer semestre en la materia de Geometría Analítica. [1]. Se graficarán curvas como la recta, parábola, circunferencia, elipse e hipérbola.

2 Curvas de \mathbb{R}^2

2.1 Linea Recta

Def. Llamamos **linea recta** al lugar geométrico de los puntos tales que tomados dos puntos diferentes cualesquiera $P_1(x_1, y_1)$ y $P_2(x_2, y_2)$ de lugar, el valor de m se calcula por medio de:

$$m = \frac{y_1 - y_2}{x_1 - x_2} \tag{1}$$

Ecuación de la recta dada su pendiente y ordenada en el origen Es la recta cuya pendiente \mathbf{m} y cuya ordenada en el origen es \mathbf{b} , que tiene por ecuación:

$$y = mx + b \tag{2}$$

Código en R

Para poder graficar esta función, solo basta con darle valor a la pendiente \mathbf{m} y su ordenada \mathbf{b} , además falta establecer un limites que serán el extremo al que llegara nuestra función.

```
#Linea recta

m <- -2 #gendiente
b <- -2 #interseccion

#funcion de la linea recta
f <- function(m, b, x){
    return(m * x + b)
}

x <- seq(-8, 8, 0.01)#vector de -5 a 5
y <- f(m, b, x) #evaluamos
|
plot(x, y, type = "1", xlab = "Eje X", ylab = "Eje Y") #graficamos
abline(h = 0, v = 0) #una linea horizontal que pasa por el 0 en las x y una linea vertical que pasa por el 0 en las y
```

Figure 1: Código de la linea $1\,$

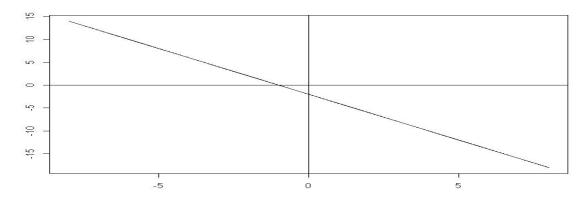


Figure 2: Gráfica del código 1

```
1 #Linea recta
2 m <- -2 #pendiente
3 b <- -2 #interseccion
4
5 #funcion de la linea recta
6 * f <- function(m, b, x) {
7     return(m * x + b)
8 * }
9
10 x <- seq(-16, 16, 0.01) #vector de -5 a 5
11 y <- f(m, b, x) #evaluanos
12
13 plot(x, y, type = "I", xlab = "Eje X", ylab = "Eje Y") #graficanos
14 abline(h = 0, v = 0) #una linea horizontal que pasa por el 0 en las x y una linea vertical que pasa por el 0 en las y</pre>
```

Figure 3: Código de la linea 2

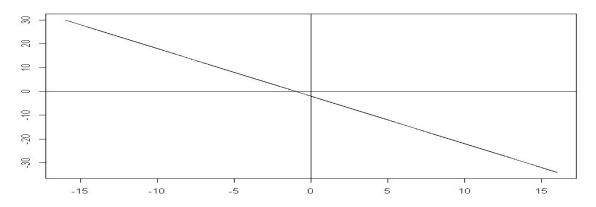


Figure 4: Gráfica del código 2

2.2 Circunferencia

Def. Circunferencia es el lugar geométrico de un punto que se mueve en un plano de tal manera que se conserva siempre a una distancia constante de un punto fijo de ese plano

TeoremaLa circunferencia cuyo centro es el punto (h,k) y cuyo radio es la constante r, tiene por ecuación:

$$(x-h)^2 + (y-k)^2 = r^2$$
(3)

Código en R

Para poder graficar esta función, solo basta con darle valor al centro con ${\bf h}$ y ${\bf k}$ y su gráfica seria:

Figure 5: Código de la linea 1

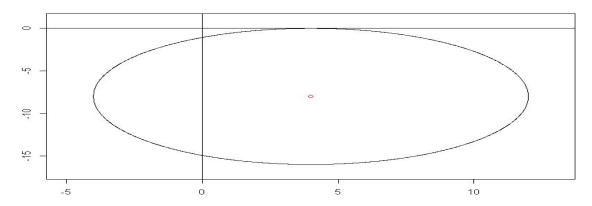


Figure 6: Gráfica del código 1

Figure 7: Código de la linea 2

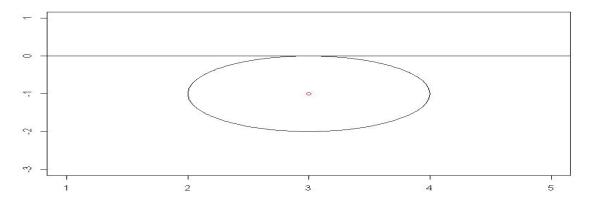


Figure 8: Gráfica del código 2

2.3 Parábola

Def. Una parábola es un lugar geométrico de un punto que se mueve en un plano de tal manera que su distancia de una recta fija, situada en el plano, es siempre igual a su distancia de un punto fijo del plano y que no pertenece a la recta.

Las ecuaciones con vértice en el origen

$$y^2 = 4px \tag{4}$$

$$x^2 = 4py (5)$$

Las ecuaciones con vértice fuera del origen

$$(y-k)^2 = 4p(x-h)$$
 (6)

$$(x - h)^2 = 4p(y - k) (7)$$

Código en R

Para poder graficar esta función, solo basta con darle valor a \mathbf{x} y a \mathbf{y} , además falta establecer un limites que serán el extremo al que llegara nuestra función.

```
#Parabola

g <- function(x){
    return(2*x^2 + x - 2)

}

x <- seq(-8, 8, 0.01)#vector de -5 a 5

y <- g[x]

plot(x, y, type = "1", xlab = "Eje X", ylab = "Eje Y") #graficamos
abline(h = 0, v = 0) #una Linga horizontal gua gasa gor el 0 en las x y una Linga vertical gua gasa gor el 0 en las y
```

Figure 9: Código de la linea $1\,$

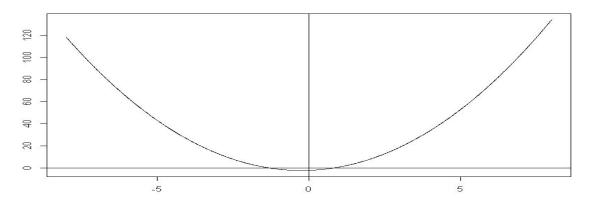


Figure 10: Gráfica del código 1

```
#Parabola
p g <- function(x){
    return(2*x^2 + x - 2)
}

x <- seq(-8, 2, 0.01)#vector de -5 a 5
y <- g(x)

plot(x, y, type = "1", xlab = "Eje X", ylab = "Eje Y") #graficamos
abline(h = 0, v = 0) #una Linea horizontal que pasa por el 0 en las x y una Linea vertical que pasa por el 0 en las y
```

Figure 11: Código de la linea 2

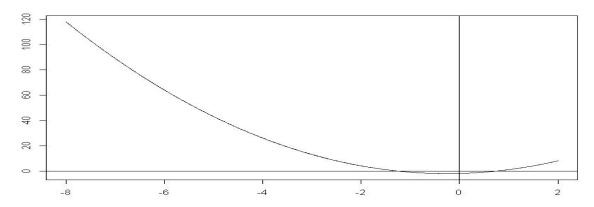


Figure 12: Gráfica del código 2

2.4 Elipse

Def.Una elipse es el lugar geométrico de un punto que se mueve en un plano de tal manera que la suma de sus distancias a dos fijos de ese plano es siempre igual a una constante, mayor que la distancia entre los dos puntos.

Las ecuaciones con vértice en el origen

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1\tag{8}$$

$$\frac{x^2}{b^2} + \frac{y^2}{a^2} = 1\tag{9}$$

Las ecuaciones con vértice fuera del origen

$$\frac{(x-h)^2}{a^2} + \frac{(y-k)^2}{b^2} = 1 \tag{10}$$

$$\frac{(x-h)^2}{b^2} + \frac{(y-k)^2}{a^2} = 1 \tag{11}$$

Código en R

Para poder graficar esta función, solo basta con darle valor a las ecuaciones y sus vertices.

Figure 13: Código de la linea 1

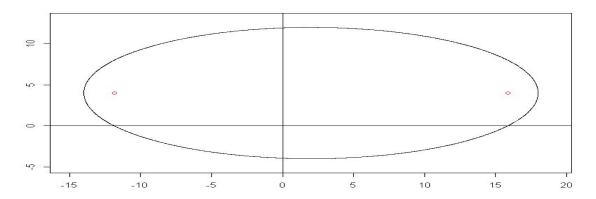


Figure 14: Gráfica del código 1

Figure 15: Código de la linea 2

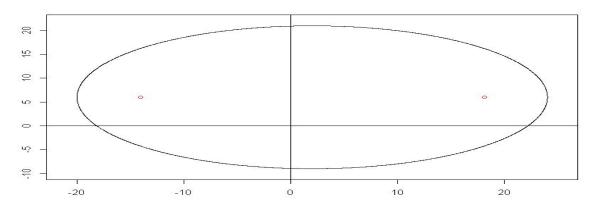


Figure 16: Gráfica del código 2

2.5 Hipérbola

Def. Una hipérbola es el lugar geométrico de un punto que se mueve en un plano de tal manera que el valor absoluto de la diferencia de sus distancias a dos puntos fijos del plano, llamados focos, es siempre igual a una cantidad constante, positiva y menor que la distancia entre los focos

Ecuaciones con vértice en el origen

$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1\tag{12}$$

$$\frac{x^2}{b^2} - \frac{y^2}{a^2} = 1\tag{13}$$

Ecuaciones con vértice fuera del origen

$$\frac{(x+h)^2}{a^2} - \frac{(y+k)^2}{b^2} = 1 \tag{14}$$

$$\frac{(x+h)^2}{b^2} - \frac{(y+k)^2}{a^2} = 1 \tag{15}$$

Código en R

Para poder graficar esta función, solo basta con darle valor a la \mathbf{h} y a \mathbf{k} , además falta establecer un limites que serán el extremo al que llegara nuestra función.

Figure 17: Código de la linea 1

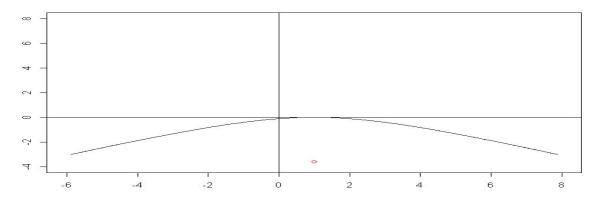


Figure 18: Gráfica del código 1

Figure 19: Código de la linea $2\,$

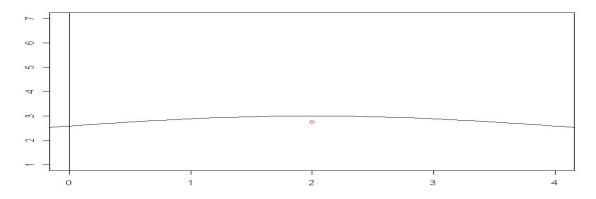


Figure 20: Gráfica del código 2

References

[1] Charles H. Lemhann. Geometria Analitica, 1965.

 $\verb|https://github.com/JesusRangel07/MatematicasComputacionales| Repositorio de Github|$