Brasileiro_2021_EFA

Eduardo Cecconi

6/4/2022

Análise Fatorial Exploratória

Dados do Campeonato Brasileiro 2021 extraídos do InStat

Assim como na Análise Fatorial Confirmatória que publiquei recentemente (neste link, , o processo inicial foi o mesmo para iniciar a Análise Fatorial Exploratória (AFE).

O banco de dados é o mesmo, extraído do provedor InStat com 115 variáveis de 379 jogos do Campeonato Brasileiro 2021; o primeiro passo é o data wrangling, que neste caso se baseia na criação da variável "Local", definindo os mandantes (H) e visitantes (A) de cada partida, para servir de referência à construção do código de outras quatro variáveis:

- Pontos (Points)
- Gols Concedidos (Goals_Conceded)
- Chutes Concedidos (Shots Conceded)
- Finalizações Concedidas em Bolas Paradas (Set_Pieces_Conceded)

Das 120 variáveis resultantes, 39 foram selecionadas para a elaboração das métricas, formando um novo banco de dados com 24 variáveis:

Abaixo resumo os conceitos utilizados na elaboração das métricas. Vale destacar que eles foram definidos a partir da análise das variáveis e das consequentes possibilidades de manipulação delas; um banco de dados diferente, com outras variáveis que não estas providas pelo InStat, provavelmente exigiria adaptações, incluindo exclusão de alguns e criação de novos. São eles:

- Conversion: razão entre os gols marcados e a expectativa de gol (xG), para privilegiar a eficiência;
- Attacks_Shot: soma dos chutes realizados em 3 origens distintas de ataques (Posicionais, Transições e Bolas Paradas), o que na execução em si da AFC tem pouca importância, mas pode subsidiar paralelamente gráficos para identificar diferentes estilos de jogo ofensivo;
- Shot_Assist: soma dos passes-decisivos e dos cruzamentos que geraram finalização;

- Conversion_Conceded: razão entre gols sofridos e expectativa concedida;
- Imposition: soma das vitórias pessoais em três tipos de duelos listados (ofensivos, defensivos e aéreos), subtraída a soma de três tipos de infrações (faltas cometidas, cartões amarelos e vermelhos recebidos);
- Contention: soma de quatro ações defensivas listadas: tackles (um item de scout comum nas plataformas dominantes mas que, na prática, não existe no Brasil, onde o conceito disseminado é uma espécie de fusão entre tackles e recoveries a Roubada), recuperações, interceptações e pressão baixa eficiente;
- Pressing: soma de três ações de pressão listadas: recuperações no campo de ataque, pressão alta eficiente e o que o InStat chama de "team pressing", e que embora vago quando analisado nos vídeos, é uma espécie de "pressão na bola";
- Ball_Care: relação entre passes certos e dribles certos com as perdas de bola;
- Passing_Speed: este indicador é uma adaptação do conceito de VEL (velocidade de circulação da bola); sem a cronologia das ações nos dados extraídos, estimei o tempo individual de retenção da bola por jogada através do cruzamento de três variáveis originais: passes certos, quantidade de posses de bola e tempo médio (em segundos) de cada posse;
- Build-up: subtração entre a variável "construção", disponibilizada nos dados originais, e perdas de bola no próprio campo;
- Progression: relação entre as quantidades de ingressos da equipe do campo de defesa para o de ataque, do campo de ataque para o terço final, e do terço final para a área adversária;
- **PPDA:** Passes permitidos por ação defensiva, em inglês, variável que já foi entregue originalmente pelo InStat, sem necessitar de manipulação. Conta a quantidade de passes que o adversário troca na construção até que a equipe realize alguma ação defensiva.

Na AFE as matrizes de variância, covariância e correlação são muito importantes, pois amparam as análises dos testes estatísticos. Nesta técnica ainda não sabemos exatamente como vamos manipular os dados, logo os testes serão os guias do analista para a construção do modelo (quais métricas descartar, quais vão se relacionar, etc).

Teste de Esfericidade de Bartlett

Com p-valor inferior ao nível de significância de 5%, é possível rejeitar a hipótese nula e afirmar que as variáveis têm correlação suficiente para aplicar as técnicas de análise fatorial, de análise de componentes principais ou de regressão. Testadas as 758 observações da matriz de correlações, o p-valor foi igual a zero, o que justifica o procedimento.

```
## $chisq
## [1] 11610.49
##
## $p.value
## [1] 0
##
```

#KMO (KAISER-MEYER-OLKIN MEASURE OF SAMPLING ADEQUACY)

Outro teste para validar a escolha pela Análise Fatorial Exploratória é o KMO, que tem parâmetro a partir de 0.5. Como o valor geral do teste aplicado chegou a 0.68, o KMO reforça que há correlação entre as variáveis.

```
## Kaiser-Meyer-Olkin factor adequacy
## Call: KMO(r = Metrics EFA[, 2:24])
## Overall MSA = 0.68
## MSA for each item =
##
                 Points
                            Expected_Points
                                                Conversion_Points
                                                                                  Goals
##
                   0.75
                                                                                   0.59
                                        0.75
                                                              0.67
##
                     xG
                                Attacks_Shot
                                                       Conversion
                                                                            Shot_Assist
##
                   0.66
                                        0.88
                                                              0.63
                                                                                   0.91
##
        Goals_Conceded
                                                                        Shots_Conceded
                                 xG_Conceded Conversion_Conceded
##
                   0.62
                                        0.62
                                                                                   0.90
##
            Contention
                                                                                   PPDA
                                    Pressing
                                                       Imposition
##
                   0.53
                                        0.70
                                                              0.75
                                                                                   0.23
##
       Possession Time
                              Passing_Speed
                                                        Ball Care
                                                                               Build_Up
##
                   0.61
                                        0.31
                                                              0.61
                                                                                   0.88
##
           Progression
                              Set_Piece_shot Set_Pieces_Conceded
##
                   0.81
                                        0.83
                                                              0.91
```

Dois aspectos chamam a atenção na tabela de valores do teste KMO: os resultados dos indicadores Passing_Speed (uma estimativa de VEL, como já foi explicado) e PPDA. Ambos são conceitos atrelados ao imaginário do futebol moderno, sendo a velocidade de circulação da bola um princípio levado em alta consideração por treinadores simpáticos ao jogo posicional, por exemplo. Estatisticamente, entretanto, a variável Passing_Speed apresentou baixo índice de correlação (apenas 0.31), enquanto o PPDA (um indicador de pressão alta defensiva) não passou de 0.23.

A baixa correlação do Passing_Speed com este banco de dados do Brasileiro 2021 vai ficar muito evidente no artigo com uma regressão múltipla que vou publicar a seguir, mas já pode ser observada na tabela abaixo. Naturalmente, por ser um indicador com valor inversamente proporcional ao desempenho (quanto menor, melhor), esperava-se que Passing_Speed tivesse correlação negativa com os pontos, porém o valor é de -0.02 na tabela demonstrada abaixo (ou seja, muito próximo de zero). O que permite concluir que a velocidade de circulação da bola não foi determinante para conquistar pontos no Brasileiro.

Ainda falando em posse de bola, a variável Possession_Time tem correlação negativa com os pontos (-0.10), também contrariando o conceito vigente de dominação pela posse de bola para obter vitórias - pelo menos, não foi isso que se verificou no Campeonato Brasileiro do ano passado. Na verdade, **ter menor posse de bola que o adversário foi mais influente para conquistar pontos**.

```
## Points Exp_P Cnv_P Goals xG Att_S Cnvrs Sht_A Gls_C xG_Cn
## Points 1.00
## Expected_Points 0.38 1.00
## Conversion Points 0.47 -0.27 1.00
```

```
## Goals
                        0.64 0.30 0.26
                                        1.00
## xG
                       0.31 0.75 -0.13
                                         0.43
                                               1.00
## Attacks Shot
                       0.18 0.57 -0.16
                                         0.23
                                               0.66
## Conversion
                       0.44 -0.12 0.42
                                         0.69 -0.10 -0.10
## Shot Assist
                       0.10 0.48 -0.13
                                         0.15
                                               0.57
                                                     0.56 - 0.12
                      -0.58 -0.28 -0.30
                                        0.02 -0.05 -0.04 0.06 -0.04
## Goals Conceded
                                  0.29 -0.05 -0.18 -0.24
## xG Conceded
                       -0.29 - 0.70
                                                           0.07 - 0.21
                                         0.06 0.07 0.11
## Conversion_Conceded -0.40 0.12 -0.31
                                                           0.03 0.14
                                                                       0.69 - 0.10
                                         0.01 -0.13 -0.19
## Shots Conceded
                       -0.28 -0.42 0.06
                                                           0.10 - 0.18
                                                                       0.48
                                         0.08 -0.01 -0.03 0.10 -0.05 -0.20
## Contention
                        0.18 -0.03 0.19
                                                                            0.02
## Pressing
                        0.10
                             0.32 -0.13 0.07 0.23
                                                     0.33 -0.07 0.29 -0.11 -0.29
## Imposition
                             0.16 0.00 -0.01
                                               0.16 0.21 -0.09 0.18 -0.10 -0.10
                       0.02
## PPDA
                       -0.03
                             0.03 - 0.09
                                        0.03 -0.02 -0.04 0.00 -0.04 0.14 -0.07
## Possession_Time
                      -0.10
                             0.33 -0.27 -0.03 0.27
                                                     0.45 -0.18 0.39 0.03 -0.27
                      -0.02
                             0.06 -0.09 0.01
                                               0.01
                                                     0.03 -0.01
## Passing_Speed
                                                                 0.10
                                                                       0.04 - 0.10
## Ball_Care
                      -0.06
                             0.29 - 0.26
                                         0.00
                                               0.20
                                                     0.39 - 0.12
                                                                 0.34
                                                                       0.05 - 0.27
                             0.14 -0.25 -0.09
                                                     0.19 -0.17
## Build_Up
                       -0.17
                                               0.09
                                                                 0.16 0.11 -0.17
## Progression
                       -0.17
                             0.23 -0.25 -0.19 0.13
                                                     0.36 -0.24 0.27
                                                                       0.01 - 0.24
                       0.05  0.40 -0.16  0.11  0.48  0.57 -0.10  0.32  0.04 -0.16
## Set_Piece_shot
## Set Pieces Conceded -0.04 -0.39 0.27 0.04 -0.16 -0.20 0.14 -0.16 0.11 0.48
##
                      Cnv_C
## Points
## Expected_Points
## Conversion Points
## Goals
## xG
## Attacks_Shot
## Conversion
## Shot_Assist
## Goals_Conceded
## xG_Conceded
## Conversion_Conceded 1.00
## Shots_Conceded
                        0.15
                       -0.18
## Contention
## Pressing
                        0.06
## Imposition
                       -0.01
## PPDA
                        0.16
## Possession_Time
                        0.18
## Passing_Speed
                        0.07
## Ball_Care
                        0.18
## Build Up
                        0.18
## Progression
                        0.17
## Set Piece shot
                        0.14
## Set_Pieces_Conceded -0.10
                      Sht_C Cntnt Prssn Impst PPDA Pss_T Pss_S Bll_C Bld_U Prgrs
## Shots_Conceded
                       1.00
## Contention
                       0.04
                             1.00
## Pressing
                       -0.26
                             0.22
                                   1.00
## Imposition
                       -0.10 0.32
                                   0.13
                                        1.00
## PPDA
                       0.00 - 0.26
                                   0.16 - 0.36
                      -0.25 -0.25
                                   0.33
## Possession_Time
                                        0.14 - 0.26
                                                     1.00
## Passing Speed
                      -0.11 -0.16 0.10 0.02 -0.02 0.22
                      -0.23 -0.30 0.28 0.04 0.01
## Ball Care
                                                     0.85 0.48 1.00
## Build Up
                       -0.17 -0.41 0.12 -0.05 0.01 0.67 0.31 0.75 1.00
```

```
## Progression
                      -0.21 0.02 0.43 0.27 -0.12 0.62 0.18 0.49 0.37
## Set Piece shot
                      -0.12 -0.11 0.16 0.16 -0.04 0.26 0.03 0.16 0.08
## Set Pieces Conceded 0.37
                            0.07 -0.24 -0.09 -0.15 -0.26 -0.09 -0.31 -0.21 -0.27
##
                      St_P_
## Shots Conceded
## Contention
## Pressing
## Imposition
## PPDA
## Possession_Time
## Passing_Speed
## Ball_Care
## Build_Up
## Progression
## Set_Piece_shot
                       1.00
## Set_Pieces_Conceded -0.16
## [1] 1.00
```

##Velocidade de circulação (tempo de retenção) x Tempo de posse

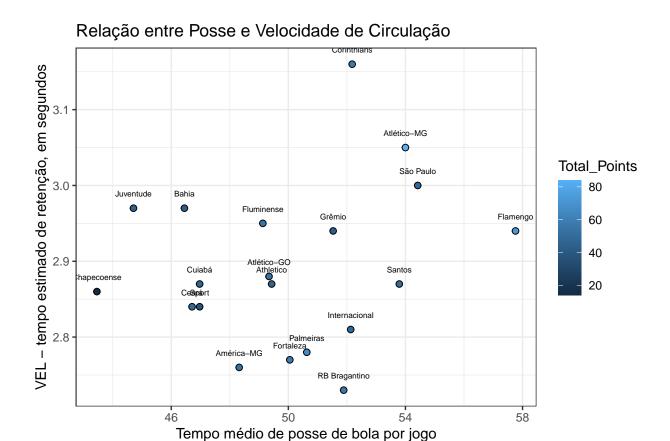
Abrindo um breve parênteses no processo de AFE, apresento um gráfico de dispersão comparando as variáveis numéricas Passing_Speed (VEL estimada, tempo de retenção, velocidade de circulação, enfim, há várias nomenclaturas possíveis) e Possession_Time.

Em relação ao código, primeiro extraí apenas as variáveis de interesse e agrupei pelos times, para então executar as funções de estatística descritiva (média de VEL e de posse, e total de pontos).

O campeão Atlético-MG, por exemplo, teve a 2ª retenção mais alta, superado apenas pelo Corinthians, ambos com tempo médio de posse superior a 50% (ou seja, ambos foram dominantes em posse, porém com velocidade baixa de circulação). O São Paulo se aproximou do Atlético-MG nas duas variáveis, porém a performance em pontos foi muito inferior.

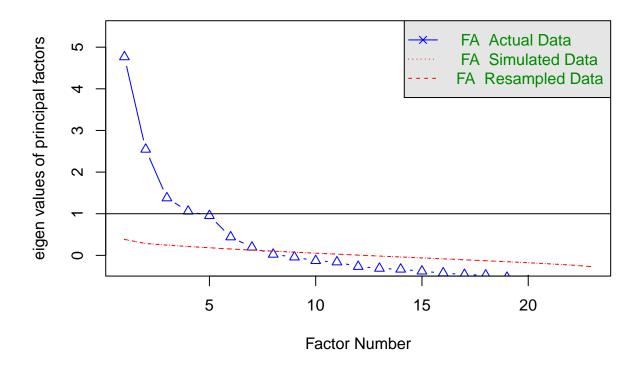
Já a Chapecoense, pior equipe do Brasileiro, teve VEL média estimada em menos de 2.9 segundos (8ª circulação mais ágil), o que não teve nenhum impacto em sua performance prática.

Palmeiras e Bragantino foram as equipes que conseguiram associar agilidade na circulação da bola, tempo de posse superior e boa performance em pontos, enquanto o Fortaleza se aproximou de ambos mas dividiu o controle da bola com os adversários.



Voltando à AFE, após realizar os testes e analisar a matriz de correlações, o passo seguinte é estimar o número de fatores necessários para melhor sintetizar as informações contidas no banco de dados, com a função de análise parallela (**Parallel Analysis**):

Parallel Analysis Scree Plots



Parallel analysis suggests that the number of factors = 7 and the number of components = NA

A linha preta que delimita o auto-valor igual a 1 é o ponto de corte. O parâmetro é estar acima, logo podemos concluir que **4 fatores** são suficientes para analisar este banco de dados, embora um deles esteja no limite, enquanto um 5° fator ficou abaixo do eixo de corte.

No comando acima, o método de extração escolhido (fm - factor method) foi Maximum Likelihood (ML), depois que uma tentativa com Principal Axis Factor (PA) gerou a mensagem de erro "The estimated weights for the factor scores are probably incorrect. Try a different factor score estimation method".

A rotação escolhida foi oblíqua (Promax) porque assumimos que há correlação entre os fatores, o que é lógico de se imaginar tratando-se de uma análise esportiva (os processos se encadeiam). Caso fosse uma rotação ortogonal, assumiríamos que os fatores não têm relação.

O fator **ML4** explica 32% dos dados; o **ML2** explica 28% dos dados; e os fatores **ML3** e **ML1** explicam 20% dos dados cada, somando a proporção cumulativa de 100%.

O índice **TLI** (Tucker-Lewis Index) chegou a $\bf 0.564$ (ideal é > 0.9) e o **RMSEA** foi de $\bf 0.16$ (ideal < 0.05). Como já foi dito no artigo com a Análise Fatorial Confirmatória, os modelos de indicadores para futebol aparentam se inclinar para resultados baixos nos índices de ajuste, o que suponho esteja relacionado com a imprevisibilidade de um esporte onde nem sempre o melhor vence, e onde temos inúmeros registros de equipes derrotadas com maior posse, mais finalizações, enfim, melhores indicadores que o adversário. O teste estatístico mede as correlações e não consegue, obviamente, enxergar este contexto próprio do futebol.

Inspirado em outras pesquisas publicadas, estabeleci o corte de variáveis com cargas de correlação inferiores a 0.30, e criei uma nova matriz com os quatro fatores sugeridos pela EFA, organizados de forma decrescente (das maiores cargas para as menores):

```
## Factor Analysis using method = ml
## Call: fa(r = Metrics_EFA[, 2:24], nfactors = 4, rotate = "Promax",
       scores = TRUE, fm = "ml")
##
## Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix
                       item
                               ML4
                                      ML2
                                              ML3
                                                     ML1
                                                             h2
                                                                    u2
## Expected Points
                          2
                             1.023
                                                         0.9375 0.0625 1.05
                             0.833
## xG
                          5
                                                         0.6472 0.3528 1.32
## xG_Conceded
                         10 -0.647
                                                   0.321 0.5517 0.4483 1.54
## Attacks_Shot
                          6
                             0.568
                                                         0.4441 0.5559 1.36
## Set_Piece_shot
                         22
                             0.488
                                                         0.2312 0.7688 1.20
## Shot Assist
                          8
                             0.482
                                                         0.3208 0.6792 1.26
## Set_Pieces_Conceded
                         23 -0.351
                                                         0.2238 0.7762 1.66
## Pressing
                         14
                                                         0.1672 0.8328 1.91
## Imposition
                         15
                                                         0.0426 0.9574 1.61
## Ball_Care
                         19
                                     1.041
                                                         0.9442 0.0558 1.03
## Possession_Time
                         17
                                    0.875
                                                         0.7822 0.2178 1.00
## Build_Up
                         20
                                     0.836
                                                         0.6037 0.3963 1.08
## Passing_Speed
                         18
                                    0.539
                                                         0.2115 0.7885 1.22
## Progression
                         21
                                    0.448
                                                         0.3535 0.6465 1.52
## Contention
                         13
                                    -0.316
                                                         0.1368 0.8632 1.72
## Goals
                          4
                                            0.977
                                                         0.9247 0.0753 1.26
## Conversion
                          7
                                            0.821
                                                         0.6503 0.3497 1.20
## Points
                          1
                             0.307
                                            0.627 -0.457 0.8081 0.1919 2.34
## Conversion_Points
                          3 -0.344
                                            0.391 -0.334 0.4549 0.5451 2.94
## Goals_Conceded
                          9
                                                   0.996 0.9950 0.0050 1.09
## Conversion_Conceded
                         11
                                                   0.759 0.5977 0.4023 1.17
## Shots_Conceded
                         12 -0.339
                                                   0.442 0.3678 0.6322 2.22
## PPDA
                                                         0.0293 0.9707 1.97
                         16
##
##
                           ML4
                                 ML2
                                       ML3
                                              ML1
## SS loadings
                         3.645 3.158 2.283 2.340
## Proportion Var
                         0.158 0.137 0.099 0.102
## Cumulative Var
                         0.158 0.296 0.395 0.497
## Proportion Explained 0.319 0.276 0.200 0.205
## Cumulative Proportion 0.319 0.595 0.795 1.000
##
##
   With factor correlations of
##
          ML4
                 ML2
                        MI.3
                               MT.1
## ML4 1.000 0.508 -0.089 -0.027
## ML2 0.508 1.000 -0.290
## ML3 -0.089 -0.290 1.000 -0.236
## ML1 -0.027 0.153 -0.236 1.000
##
## Mean item complexity = 1.5
## Test of the hypothesis that 4 factors are sufficient.
## The degrees of freedom for the null model are 253 and the objective function was 15.512 with Chi
## The degrees of freedom for the model are 167 and the objective function was 4.587
##
## The root mean square of the residuals (RMSR) is 0.077
```

```
##
## The harmonic number of observations is 758 with the empirical chi square 2300.254 with prob < 0
## The total number of observations was 758 with Likelihood Chi Square = 3420.997 with prob <
##
## Tucker Lewis Index of factoring reliability = 0.5644
## RMSEA index = 0.1603 and the 90 % confidence intervals are 0.1558 0.1651
## BIC = 2313.673
## Fit based upon off diagonal values = 0.914
## Measures of factor score adequacy
##
                                                      ML4
                                                            ML2
                                                                   ML3
                                                                         ML1
## Correlation of (regression) scores with factors
                                                    0.977 0.980 0.969 0.996
## Multiple R square of scores with factors
                                                    0.955 0.961 0.940 0.992
## Minimum correlation of possible factor scores
                                                    0.909 0.923 0.879 0.985
##
                               ML4
                                          ML2
                                                        ML3
                                                                     ML1
## Points
                        0.25416113 -0.11344867
                                               0.7126391570 -0.61591835
## Expected_Points
                       ## Conversion_Points
                       -0.36406033 -0.32823570
                                               0.4975350223 -0.41522734
## Goals
                        0.21798197 -0.06166355
                                               0.8936003286 -0.04257895
## xG
                                   0.24873047
                        0.74384452
                                               0.1895269733
                                                              0.04902036
## Attacks_Shot
                       0.63898630
                                   0.42945146
                                               0.0227803707
                                                             0.06229070
## Conversion
                       -0.21313355 -0.20282613
                                               0.7782974194 -0.06095155
## Shot_Assist
                       0.54865349
                                   0.37914228 -0.0267006341
                                                             0.04861725
## Goals Conceded
                       -0.20076291
                                   0.04569426 -0.1107286214
                                                             0.97626610
## xG Conceded
                      -0.67376112 -0.32789130
                                              0.0988276977
                                                             0.30971960
## Conversion Conceded 0.19165188 0.21334472 -0.1480595169
                                                             0.74191186
## Shots Conceded
                      -0.42765786 -0.26846204
                                               0.0709142770
                                                              0.40609861
## Contention
                      -0.07902432 -0.31149223 0.1589691043 -0.22953369
## Pressing
                       0.37537897
                                   0.31723736 -0.0494055860 -0.04808751
## Imposition
                       0.18609037
                                   0.07450117 -0.0626795222 -0.06245391
## PPDA
                        0.02628921 -0.02726429 -0.0004086895
                                                              0.14812582
## Possession_Time
                        0.47097959
                                   0.88393710 -0.2406912898
                                                             0.12567933
## Passing_Speed
                        0.11185001
                                   0.43339614 -0.0498987266
                                                             0.05691614
## Ball_Care
                        0.42732275
                                   0.96445414 -0.1955713443
                                                             0.13013306
## Build_Up
                        0.26235982
                                   0.76213162 -0.2460919119
                                                              0.17505719
## Progression
                       0.34726171
                                   0.55712838 -0.3413620741
                                                             0.10554053
## Set_Piece_shot
                        0.45886267
                                   0.22013401 -0.0500048744
                                                              0.12414132
## Set_Pieces_Conceded -0.43392305 -0.34380362 0.1821869259
                                                             0.01927034
Os nomes dos fatores são determinados pelo pesquisador a partir da análise dos
resultados da análise exploratória, ou seja, da identificação das variáveis que
```

The df corrected root mean square of the residuals is 0.095

têm as maiores cargas em cada um deles. Caso não veja necessidade de nomeá-los, o pesquisador pode apenas manter o padrão da EFA - neste exemplo, os fatores estão batizados como ML, de Maximum Likelihood.

Se esta pesquisa fosse levada adiante e implementada como um método de trabalho, o fator ML4 poderia ser chamado de Expectativa, pois nele as maiores cargas estão relacionadas com Expected_Points, xG e xG_Conceded.

O fator ML2 encontrou a correlação entre as variáveis de Posse, e assim poderia ser chamado. As cargas são altas para Ball_Care, Possession_Time e Build_Up. Mais uma vez nota-se que a variável Passing_Speed não alcançou correlação próxima às demais (0.43, contra 0.96 de Ball_Care, por exemplo).

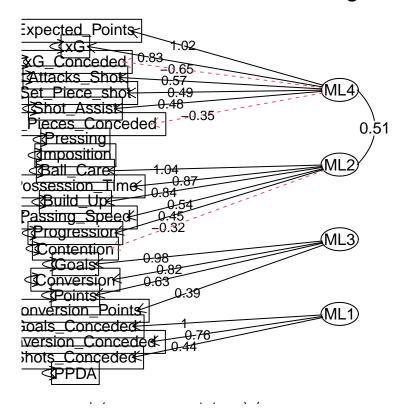
O fator **ML3**, ao contrário do ML1, não trata de expectativa, e sim de **Eficiência**, ao correlacionar as variáveis com maior influência para os pontos conquistados, sendo que apenas **Goals e Conversion** apresentam cargas altas, o que valida o dito popular "futebol é bola na rede". Muitas variáveis tiveram cargas próximas a zero, ou seja, mostraram-se quase sem influência para os pontos conquistados no Campeonato Brasileiro.

E o fator ML1 é o inverso do ML3, ou seja, ele carrega as variáveis que mais influenciaram na perda de pontos. Nota-se que despontam apenas as cargas de Goals_Conceded e Conversion_Conceded. Como poderia ser nomeado este fator? Talvez seria o caso de chamar o ML3 de Eficiência Ofensiva e o ML1 de Eficiência Defensiva.

Ao contrário da Análise Fatorial Confirmatória, onde o modelo privilegia aspectos estilísticos, para identificar padrões de comportamento relacionados com o modelo de jogo de equipes, a Análise Fatorial Exploratória encontrou correlações mais fortes no que diz respeito às conversões (seja de gols feitos ou sofridos, seja de pontos), sendo que apenas o fator **ML2** assemelha-se ao modelo testado na AFC, ao correlacionar as variáveis de posse.

Abaixo apresento o diagrama do modelo resultante:

Factor Diagram



Ranking

Assim como na análise confirmatória, também é possível rankear as observações (neste caso, as equipes) na análise exploratória. Para isso, mantive a simplicidade matemática, sem criar pesos com multiplicações ou exponenciações. O ranking levará em conta a soma dos 3 fatores positivos (ML4, ML2 e ML3) subtraídos pelo ML1, que tem carga inversa (quanto menor a pontuação obtida, melhor, afinal ele encontra as correlações entre pontos e gols/conversão concedidos).

\ /

Comparar o resultado da análise confirmatória (cujo link está no 1° parágrafo) e desta análise exploratória é muito interessante e divertido. Novamente o Flamengo liderou em todos os fatores à exceção da posse, mas desta vez a pontuação nos demais fatores foi suficiente para manter a equipe à frente do campeão Atlético-MG.

Chama a atenção o rebaixado Grêmio, que terminou em $7^{\rm o}$ no ranking geral, e foi o $3^{\rm o}$ com a maior Expectativa - mais uma vez a ineficiência defensiva da equipe demonstra que este foi o fator determinante para a queda.

Outro rebaixado, o Bahia, também criou expectativa suficiente para escapar (13°) , mas foi o 3° pior em todos os demais fatores - ou seja, ineficiente em todos os processos. O Sport Recife teve situação inversa: destacou-se pela eficiência defensiva (5°) e ficou em posições intermediárias em ataque e posse, porém terminou em 19° no ranking devido à baixíssima expectativa criada - mesmo obtendo performance acima do esperado, não foi o suficente para evitar o rebaixamento.

Na outra ponta da tabela, o São Paulo foi a equipe com a maior diferença entre a classificação no Brasileiro (idêntica à análise confirmatória) e o ranking na análise exploratória (5° melhor, 4° em posse e em ataque, 6° em expectativa e 12° em defesa), indicando que poderia ter obtido melhor colocação no campeonato. Por outro lado, o Fortaleza foi uma equipe que criou alta expectativa (4° maior) e conseguiu confirmar em pontos, que o levaram para a Libertadores mesmo terminando em 11° no ranking da AFE, o que se deve principalmente à baixa eficiência defensiva (17°).

•	Teams [‡]	Ranking_Total	Expectancy [‡]	Possession [‡]	Efficiency_Off	Efficiency_Def
1	Flamengo	75.42	25.13	30.89	30.89	-3.70
2	Atlético-MG	69.34	18.25	24.63	24.63	-7.21
3	Corinthians	34.71	1.38	28.19	28.19	-5.91
4	Palmeiras	17.86	4.65	-0.62	-0.62	0.15
5	São Paulo	10.52	5.84	16.02	16.02	-0.87
6	RB Bragantino	5.51	-5.37	-0.88	-0.88	1.37
7	Grêmio	5.20	12.18	9.50	9.50	11.05
8	Santos	4.51	-0.92	9.85	9.85	-1.69
9	Fluminense	2.47	2.76	-0.10	-0.10	-3.13
10	Internacional	-0.61	-7.27	3.31	3.31	-1.50
11	Fortaleza	-4.20	7.16	-7.05	-7.05	4.02
12	Athletico	-4.88	-0.31	-0.13	-0.13	3.00
13	América-MG	-5.66	6.99	-13.09	-13.09	-3.20
14	Atlético-GO	-12.25	-15.17	-5.05	-5.05	-8.42
15	Cuiabá	-19.00	-11.49	-11.98	-11.98	-6.42
16	Ceará	-19.17	-1.65	-20.74	-20.74	-3.86
17	Juventude	-21.13	-2.62	-12.94	-12.94	1.97
18	Bahia	-25.21	-1.66	-13.63	-13.63	8.50
19	Sport	-28.07	-12.13	-9.04	-9.04	-5.32
20	Chapecoense	-85.37	-25.77	-27.11	-27.11	21.19

São muitas as considerações possíveis no cruzamento dos resultados das duas análises apresentadas, assim como há outros tantos aspectos inexplorados para não tornar este

artigo ainda mais extenso e cansativo. Em breve publicarei os resultados de uma regressão múltipla baseada no mesmo banco de dados.