

# Instituto de Computação



# MC102 – Aula 09 Objetos Multidimensionais

Algoritmos e Programação de Computadores

Zanoni Dias

2020

Instituto de Computação

# Roteiro

Matrizes e Objetos Multidimensionais

Exercícios

Matrizes e Objetos Multidimensionais

# Matrizes e Objetos Multidimensionais

- Matrizes e objetos multidimensionais são generalizações de objetos simples vistos anteriormente (listas e tuplas).
- Esses tipos de dados nos permitem armazenar informações mais complexas em uma única variável.
- Exemplo de informações/operações que podem ser armazenadas/manipuladas utilizando matrizes e objetos multidimensionais:
  - · Matemática: operações com matrizes.
  - · Processamento de imagem: cor de cada pixel presente na imagem.
  - Mapas e geolocalização: informação sobre o relevo em cada ponto do mapa.
  - · Jogos de tabuleiro: Xadrez, Damas, Go, Batalha Naval, etc.

# Matrizes e Objetos Multidimensionais

- Uma lista pode conter elementos de tipos diferentes.
- · Uma lista pode conter inclusive outras listas.
- · Exemplo de declaração de uma lista:

```
obj = [
7, 42, True, "MC102", 3.14,
[0.1, 0.2, 0.3]
]
```

• Exemplo de declaração de um objeto multimensional:

```
obj = [
    [1, 2, 3, 4],
    [5, 6],
    [7, 8, 9]
    ]
```

- Uma matriz é um objeto bidimensional, formada por listas, todas do mesmo tamanho.
- Sua representação é dada na forma de uma lista de listas (a mesma ideia pode ser aplicada para tuplas).
- Exemplo de declaração de uma matriz 2  $\times$  2:

```
matriz = [
[1, 2], # linha 1
[3, 4] # linha 2
]
```

• Exemplo de declaração de uma matriz  $3 \times 4$ :

```
matriz = [
[11, 12, 13, 14], # linha 1
[21, 22, 23, 24], # linha 2
[31, 32, 33, 34] # linha 3
]
```

- Podemos criar uma matriz com as informações fornecidas pelo usuário.
- Exemplo de como receber uma matriz de dimensões *l* × *c* como entrada:

```
l = int(input("Entre com o número de linhas: "))
c = int(input("Entre com o número de colunas: "))
matriz = []

for i in range(l):
   linha = []
for j in range(c):
   linha.append(int(input())) # recebendo os dados
matriz.append(linha)
```

- Podemos ainda inicializar uma matriz com valores pré-definidos.
- Inicializando uma matriz de dimensões l x c e atribuindo valor zero para todos os elementos:

```
| l = int(input("Entre com o número de linhas: "))  # l = 3
c = int(input("Entre com o número de colunas: ")) # c = 4
3 matriz = []
4 for i in range(l):
  linha = []
for j in range(c):
   linha.append(0)
   matriz.append(linha)
print(matriz)
10 # [[0, 0, 0, 0], [0, 0, 0, 0], [0, 0, 0, 0]]
# Forma alternativa/compacta de inicializar uma matriz
matriz = [[0 for i in range(c)] for j in range(l)]
```

• Inicializando uma matriz de dimensões  $l \times c$  e atribuindo valores de 1 até  $l \times c$ :

```
| l = int(input("Entre com o número de linhas: "))  # l = 3
c = int(input("Entre com o número de colunas: ")) # c = 4
3 matriz = []
for i in range(l):
  linha = []
  for j in range(c):
   linha.append(i * c + j + 1)
   matriz.append(linha)
9
print(matriz)
12 # [[1, 2, 3, 4], [5, 6, 7, 8], [9, 10, 11, 12]]
```

#### Acessando Elementos de uma Matriz

- · Note que uma matriz é que uma lista de listas.
- Podemos acessar um elemento de uma matriz, localizado em uma determinada linha e coluna, da seguinte forma:

```
matriz[linha][coluna]

# Lembrete: linhas e colunas são numeradas

# a partir da posição zero
```

· Exemplo:

```
matriz = [[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9]]
print(matriz[0][2])
# 3
print(matriz[2][1])
# 8
```

#### Acessando Elementos de uma Matriz

- Similar ao que vimos em listas e tuplas, caso ocorra uma tentativa de acessar uma posição inexistente da matriz, um erro será gerado.
- · Exemplo:

```
matriz = [[1, 2], [3, 4]]
print(matriz[0][0])
# 1
print(matriz[1][1])
# 4
print(matriz[2][2])
# IndexError: list index out of range
```

#### Alterando Elementos de uma Matriz

 Podemos alterar um elemento de uma matriz, localizado em uma determinada linha e coluna, da seguinte forma:

```
matriz[linha][coluna] = valor
```

· Exemplo:

```
matriz = [[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9]]

matriz[0][0] = 0
matriz[2][2] = 10
print(matriz)
# [[0, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 10]]
```

# Objetos Multidimensionais

- Até agora criamos matrizes bidimensionais, mas podemos criar objetos com mais dimensões.
- Podemos criar objetos com d dimensões utilizando a mesma ideia de listas de listas.
- Exemplo de um objeto com dimensões  $2 \times 2 \times 2$ :

```
obj = [

[[1, 2], [3, 4]],

[[5, 6], [7, 8]]
```

# Objetos Multidimensionais

• Podemos acessar um elemento em um objeto com dimensões  $d_1 \times d_2 \times \cdots \times d_n$  da seguinte forma:

```
objeto[index_1][index_2]...[index_n]
```

· Exemplo:

```
obj = [[[1, 2], [3, 4]], [[5, 6], [7, 8]]] # 2 x 2 x 2
print(obj[0][0][0])
# 1
print(obj[1][0][0])
# 5
print(obj[1][1][0])
# 7
print(obj[1][1][1])
# 8
```

# Objetos Multidimensionais

• Podemos alterar um elemento em um objeto com dimensões  $d_1 \times d_2 \times \cdots \times d_n$  da seguinte forma:

```
objeto[index_1][index_2]...[index_n] = valor
```

· Exemplo:

```
obj = [[[0, 0], [0, 0]], [[0, 0], [0, 0]]] # 2 x 2 x 2
obj[1][0][1] = 5
obj[0][1][0] = 3
print(obj)
# [[[0, 0], [3, 0]], [[0, 5], [0, 0]]]
```

- Escreva uma função que leia e retorne uma matriz de inteiros fornecida pelo usuário. Sua matriz deve ler os números linha a linha. Os números devem estar separados por espaços em branco. Sua função deve interromper a leitura ao receber uma linha em branco.
- Escreva uma função que, dada uma lista bidimensional (lista de listas), verifique se ela é uma matriz. Em caso positivo, sua função deve retornar um tupla com o número de linhas e de colunas da matriz. Em caso negativo, deve retornar uma tupla vazia.
- 3. Escreva uma função que imprime, linha a linha, os valores de uma matriz bidimensional dada como argumento.

#### Exercício 1 - Lendo uma Matriz

```
def lê_matriz():
    M = []
    while True:
    temp = input().split()
    if temp == []:
        return M
    linha = []
    for i in temp:
        linha.append(int(i))
    M.append(linha)
```

### Exercício 2 - Dimensões de uma Matriz

```
def dimensões(M):
    linhas = len(M)
    colunas = len(M[0])
    for i in range(1, linhas):
        if len(M[i]) != colunas:
            return ()
    return (linhas, colunas)
```

# Exercício 3 - Imprimindo uma Matriz

```
def imprime_matriz(M):
    (linhas, colunas) = dimensões(M)
    for i in range(linhas):

    for j in range(colunas):
        print(M[i][j], end = " ")
        print()
```

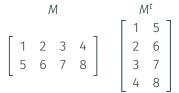
# Exercício 3 - Imprimindo uma Matriz

```
def imprime_matriz(M):
    (linhas, colunas) = dimensões(M)
    for i in range(linhas):
        print(M[i][0], end = "")
        for j in range(1, colunas):
            print("", M[i][j], end = "")
        print()
```

# Exercício 3 - Imprimindo uma Matriz

```
def imprime_matriz(M):
    for linha in M:
    # converte os elementos da lista para string
    aux = [str(i) for i in linha]
    print(" ".join(aux))
```

4. Escreva uma função que dada uma matriz (M), calcule a sua transposta (M<sup>t</sup>). Exemplo:



5. Escreva uma função que recebe duas matrizes ( $A \in B$ ). Se as duas matrizes tiverem dimensões compatíveis, sua função deve retornar a soma das duas (C = A + B). Caso contrário, sua função deve retornar uma lista vazia. Exemplo:

$$\begin{bmatrix}
1 & 2 \\
3 & 4 \\
5 & 6
\end{bmatrix} + \begin{bmatrix}
5 & 6 \\
1 & 3 \\
4 & 2
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
6 & 8 \\
4 & 7 \\
9 & 8
\end{bmatrix}$$

## Exercício 4 - Matriz Transposta

```
def transposta(M):
    T = []
    (linhas, colunas) = dimensões(M)
    for j in range(colunas):
        linha = []
    for i in range(linhas):
        linha.append(M[i][j])
    T.append(linha)
    return T
```

# Exercício 4 - Matriz Transposta

```
def transposta(M):
    T = []
    (linhas, colunas) = dimensões(M)
    for j in range(colunas):
        T.append([])
    for i in range(linhas):
        T[j].append(M[i][j])
    return T
```

#### Exercício 5 - Soma de Matrizes

```
def soma(A, B):
    C = []
    dim a = dimensões(A)
    dim b = dimensões(B)
    if dim a == dim b:
      (linhas, colunas) = dim a
      for i in range(linhas):
        linha = []
        for j in range(colunas):
          linha.append(A[i][j] + B[i][j])
10
        C.append(linha)
    return C
12
```

6. Escreva uma função que recebe duas matrizes ( $A \in B$ ). Se as duas matrizes tiverem dimensões compatíveis, sua função deve retornar o produto das duas ( $C = A \times B$ ). Caso contrário, sua função deve retornar uma lista vazia. Exemplo:

$$\begin{bmatrix} A & & B & & C \\ 1 & 2 & & \times & \begin{bmatrix} 5 & & & 17 \\ 3 & 4 & & & \end{bmatrix}$$

7. Escreva uma função que dada uma matriz quadrada, verifique se ela é uma matriz diagonal. Exemplo:

8. Escreva uma função que dada uma matriz quadrada, verifique se ela é uma matriz triangular inferior. Exemplo:

9. Escreva uma função que dada uma matriz quadrada, verifique se ela é uma matriz triangular superior. Exemplo:

10. Uma matriz quadrada de números inteiros é um quadrado mágico se o valor da soma dos elementos de cada linha, de cada coluna e da diagonal principal e da diagonal secundária é o mesmo. Além disso, a matriz deve conter todos os números inteiros do intervalo [1..n × n]. Exemplo:

A matriz acima é um quadrado mágico, cujas somas valem 65. Escreva um programa que, dada uma matriz quadrada, verifique se ela é um *quadrado mágico*.

11. Uma matriz de permutações é uma matriz quadrada cujos elementos são zeros ou uns, tal que em cada linha e em cada coluna exista exatamente um elemento igual a 1. Exemplo:

Escreva um programa que, dada uma matriz quadrada, verifique se ela é uma matriz de permutações.