- Introdução
- PARTE I
  - Programação em Lógica e Prolog
  - Implementações Prolog
  - Sintaxe SWI-Prolog
  - Usando o SWI-Prolog
- PARTE II
  - Fatos
  - Consultas
  - Regras
  - Regras recursivas
- PARTE III
  - Listas
  - Aritmética
  - Corte

### Introdução

Os aspectos teóricos relacionados à lógica matemática já foram estudados ao longo do curso.

Esta parte do curso busca apresentar aspectos práticos relacionados à lógica, especificamente à programação em lógica, através da linguagem Prolog.

Espera-se que após esta parte do curso, o aluno seja capaz de:

- compreender e executar programas Prolog;
- modificar programas Prolog;
- escrever programas Prolog básicos e intermediários.

# Bibliografia



Judith L. Gersting. ▶ Fundamentos matemáticos para à Ciência da Computação. LTC, 2001.



▶ Ivan Bratko. Prolog Programming for Artificial Intelligence. Addison-Wesley, 1986.



Marco A. Casanova, Fernando Giorno & Antônio L. Furtado. Programação em lógica e a linguagem Prolog. Edgar Blucher, 1987.



L. Sterling e E. Shapiro. The Art of Prolog. MIT Press. 1986.

Introdução PARTE I PARTE II PARTE III

rogramação em Lógica e Prolog iplementações Prolog ntaxe SWI-Prolog sando o SWI-Prolog

# PARTE I

Existem diversos paradigmas de programação, tais como:

- procedimental (Java, C, C++, Pascal, ...);
- imperativo (LISP);
- descritivo ou declarativo (Prolog, Gödel, ...).

No paradigma descritivo o programador implementa uma descrição do problema e não as instruções para sua resolução.

Prolog é uma linguagem para programação em lógica, ou seja, é uma linguagem descritiva.

Um programa Prolog constitui-se de uma coleção de fatos e regras que são utilizadas por um "motor de inferência" para checar se uma consulta pode ser deduzida desta coleção.

Qual é o melhor paradigma???

Você está em uma competição, se ganhar receberá uma certa quantia em dinheiro. Para participar escolha um dos veículos:



Figura: Jeep Rubicon X Ferrari F50

Qual é o melhor paradigma???

Você está em uma competição, se ganhar receberá uma certa quantia em dinheiro. Para participar escolha um dos veículos:



Figura: Jeep Rubicon X Ferrari F50

Sua tarefa é ganhar um rali...

Qual é o melhor paradigma???

Você está em uma competição, se ganhar receberá uma certa quantia em dinheiro. Para participar escolha um dos veículos:



Figura: Jeep Rubicon X Ferrari F50

Sua tarefa é ganhar um rali...

Mas se sua tarefa for ganhar uma corrida em interlagos...

Qual é o melhor paradigma???

Você está em uma competição, se ganhar receberá uma certa quantia em dinheiro. Para participar escolha um dos veículos:



Figura: Jeep Rubicon X Ferrari F50

Sua tarefa é ganhar um rali...

Mas se sua tarefa for ganhar uma corrida em interlagos...

Não existe "o" melhor paradigma ou linguagem, existe o mais adequado para resolução de determinados problemas.

Apesar das linguagens procedimentais serem as mais utilizadas, linguagens descritivas ou imperativas são mais adequadas para resolver certos problemas.

Prolog foi criada em 1972 por Colmerauer e Roussel, e é mais adequada para problemas onde é necessário descrever conhecimento, por exemplo:

- em aplicações que realizem computação simbólica;
- na compreensão de linguagem natural;
- em sistemas especialistas.

### Implementações Prolog

Existem diversas implementações de Prolog, algumas das mais conhecidas são:

- Win-Prolog;
- Ciao Prolog;
- YAP Prolog;
- SWI Prolog + SWI-Prolog-Editor (recomendado);
  - www.swi-prolog.org
  - www.dsc.ufcg.edu.br/~aab/prolog
- SICStus Prolog.

### Sintaxe SWI-Prolog

Os dados representados em Prolog podem ser um dos seguintes tipos:

- variáveis iniciadas com maiúsculas ou underscore (\_), seguidos de qualquer caractere alfanumérico. Somente underscore define uma variável anônima. Ex.: X, Y1, \_Nome, ...;
- **átomos** são constantes, devem ser iniciadas com minúsculas seguidas de qualquer caractere alfanumérico ou qualquer seqüência entre '' (aspas simples). Ex.: joao, 'João', '16', ...;
- inteiros qualquer seqüência numérica que não contenha ponto (.). Caracteres ASCII entre "" (aspas duplas) são tratados como listas de inteiros. Ex.: 1, 6, -3, "a", ...;
- **floats** números com um ponto (.) e pelo menos uma casa decimal. Ex.: 5.3 (correto), 7. (incorreto);
- listas seqüência ordenada de elementos entre [] e separados por vírgulas. Ex.: [a, b, c], [a | b, c].

### Sintaxe SWI-Prolog

Os comandos *write* e *read*, escrevem e lêem sobre os arquivos padrão (monitor e teclado).

Para escrever bastar utilizar o comando write(+termo):

- write('Teste de impressão.'). (Correto)
- write(Teste de impressão.). (Errado)
- write(X). (Correto)
- write(joao). (Correto)

Para ler deve-se usar o comando read(+var):

- read(X). (Correto)
- read(x). (Errado)
- read(Joao). (Correto)
- read(joao). (Errado)

### Sintaxe SWI-Prolog

Alguns caracteres são especiais para impressão, são eles:

- nl, \n, \l nova linha.
- \r retorna ao início da linha;
- \t tabulação;
- \% imprime o símbolo %;

Existem dois tipos de comentários em Prolog, são eles:

- % todo texto existente na mesma linha após o símbolo é considerado comentário;
- /\* \*/ todo o texto entre os símbolos é considerado comentário.

#### Exemplo

/\* Descrição dos precidados homem e mulher. \*/
homem(pedro). % representa o fato de que pedro é homem.
mulher(teresa). % representa o fato de que teresa é mulher.

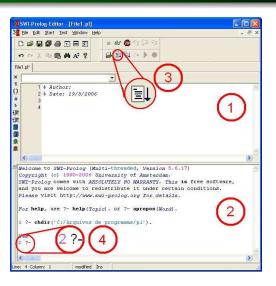


Figura: Tela inicial do SWI-Prolog Editor

#### Exercício

- 1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista:
  - a) vINCENT
  - b) 23
- c) Variable2000
- d) [a, b, c]
- e) variable23
- f) aulas de lógica
- g) 'Joao'
- h) [1, [2, 3], 4]

- i) Footmassagei) 65.
- k) 23.0
- 1) -
- m) 'aulas de lógica'
- n) \_Var
  - o) "a"
  - p) []

#### Exercício

1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista:

j) 65.

a) vINCENT

- átomo
- i) Footmassage

- b) 23
- c) Variable2000

k) 23.0

d) [a, b, c]

I)

e) variable23

m) 'aulas de lógica'

f) aulas de lógica g) 'Joao' n) \_Var

h) [1, [2, 3], 4]

#### Exercício

1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista:

a) vINCENT

átomo

i) Footmassage

b) 23

inteiro

i) 65. k) 23.0

c) Variable2000

d) [a, b, c] e) variable23

m) 'aulas de lógica'

f) aulas de lógica

n) \_Var

g) 'Joao'

h) [1, [2, 3], 4]

#### Exercício

1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista:

- a) vINCENT
- átomo
- i) Footmassage j) 65.

b) 23

- inteiro variável
- c) Variable2000

k) 23.0

d) [a, b, c]

1)

e) variable23

m) 'aulas de lógica'

f) aulas de lógica

n) \_Var o) "a"

g) 'Joao'

p) []

h) [1, [2, 3], 4]

#### Exercício

1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista:

- a) vINCENT
- átomo inteiro
- i) Footmassage

- b) 23 c) Variable2000
- variável
- j) 65. k) 23.0

d) [a, b, c]

lista l)

e) variable23

m) 'aulas de lógica'

f) aulas de lógica

n) \_Var

g) 'Joao'

o) "a"

h) [1, [2, 3], 4]

#### Exercício

1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista:

a) vINCENT átomo

i) Footmassage j) 65.

b) 23

inteiro j) variável k

c) Variable2000

variável k) 23.0

d) [a, b, c] lista

1) \_

e) variable23

átomo m) 'aulas de lógica'

f) aulas de lógica

n) \_Var

g) 'Joao'

o) "a"

h) [1, [2, 3], 4]

#### Exercício

1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista:

a) vINCENT átomo b) 23 inteiro

i) Footmassage i) 65.

c) Variable2000

variável

k) 23.0

d) [a, b, c]

lista

m) 'aulas de lógica'

e) variable23

átomo

n) \_Var

f) aulas de lógica g) 'Joao'

rica Inválido

o) "a"

h) [1, [2, 3], 4]

#### Exercício

1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista:

i) 65.

i) Footmassage

a) vINCENT átomo

b) 23 inteiro

c) Variable2000 variável k) 23.0

d) [a, b, c] lista 1)

e) variable23 <u>átomo</u> m) 'aulas de lógica'

f) aulas de lógica Inválido n) \_Var g) 'Joao' átomo o) "a"

h) [1, [2, 3], 4] p) []

#### Exercício

1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista:

a) vINCENT átomo i, b) 23 inteiro i,

i) Footmassage i) 65.

c) Variable2000

variável k) 23.0

d) [a, b, c]

lista I) .

e) variable23

átomo m) 'aulas de lógica'

f) aulas de lógica

Inválido átomo

n) \_Var o) "a"

g) 'Joao' h) [1, [2, 3], 4]

lista

#### Exercício

1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista:
a) vINCENT átomo i) Footmassage variável

a) vINCENT átomo i) Footmassage b) 23 inteiro j) 65.

c) Variable2000 variável k) 23.0

d) [a, b, c] lista I) \_

e) variable23 átomo m) 'aulas de lógica'

f) aulas de lógica Inválido n) \_Var

g) 'Joao' <u>átomo</u> o) "a"

h) [1, [2, 3], 4] lista p) []

#### Exercício

1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista:

a) vINCENT átomo i) Footmassage variável b) 23 inteiro j) 65. Inválido

c) Variable2000 variável k) 23.0

d) [a, b, c] lista l) \_

e) variable23 <u>átomo</u> m) 'aulas de lógica'

f) aulas de lógica Inválido n) \_Var g) 'Joao' átomo o) "a"

h) [1, [2, 3], 4] lista p) []

#### Exercício

1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista:

a) vINCENT b) 23 átomo inteiro i) Footmassagej) 65.

variável Inválido float

c) Variable2000

variável

k) 23.0

d) [a, b, c]

o, c] lista oble23 átomo

m) 'aulas de lógica'

e) variable23 f) aulas de lógica

a Inválido átomo n) \_Var o) "a"

g) 'Joao' h) [1, [2, 3], 4]

lista

#### Exercício

1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista:
a) vINCENT átomo i) Footmassage variável

a) vINCENT áton b) 23 intei

inteiro i) 65.

i) 65.

Inválido float

variável anônima

c) Variable2000

variável k) 23.0 lista l) \_

I) <u>-</u>

d) [a, b, c] e) variable23

átomo

m) 'aulas de lógica'

e) variable23 f) aulas de lógica

Inválido átomo n) \_Var o) "a"

g) 'Joao' h) [1, [2, 3], 4]

lista

#### Exercício

1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista:

a) vINCENT átomo b) 23 inteiro

inteiro j) 65.

i) Footmassage

variável Inválido

c) Variable2000

variável k) 23.0

I) \_

float variável anônima

d) [a, b, c] e) variable23 lista átomo

m) 'a

m) 'aulas de lógica'

átomo

e) variable23 f) aulas de lógica atomo Inválido

n) \_Var o) "a"

g) 'Joao'

átomo lista

0)

h) [1, [2, 3], 4]

#### Exercício

1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista:
a) vINCENT átomo i) Footmassage variável
b) 23 inteiro j) 65. Inválido

c) Variable2000 variável k) 23.0 float

d) [a, b, c] lista l) \_ variável anônima e) variable23 átomo m) 'aulas de lógica' átomo

f) aulas de lógica <mark>Inválido</mark> n) <sub>-</sub>Var <u>variável</u>

g) 'Joao' <u>átomo</u> o) "a"

h) [1, [2, 3], 4] lista p) []

#### Exercício

1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista:			
a) vINCENT	átomo	i) Footmassage	variável
b) 23	inteiro	j) 65.	Inválido
c) Variable2000	variável	k) 23.0	float
d) [a, b, c]	lista	1) _	variável anônima
e) variable23	átomo	m) 'aulas de lógica'	átomo
f) aulas de lógica	Inválido	n) _Var	variável
g) 'Joao'	átomo	o) "a"	lista
h) [1, [2, 3], 4]	lista	p) []	

#### Exercício

- 1. Classifique os termos abaixo como átomo, variável, número ou lista: a) vINCENT variável átomo i) Footmassage
  - b) 23
- inteiro
- i) 65.

Inválido float

- c) Variable2000 d) [a, b, c]
- variável k) 23.0 lista

variável anônima átomo

- e) variable23
- átomo
- m) 'aulas de lógica'

f) aulas de lógica g) 'Joao'

h) [1, [2, 3], 4]

- Inválido n) \_Var átomo lista
  - o) "a"
  - p) []

lista lista

variável

- Para checar as respostas utilize os comandos:
  - atom(+termo) checa se termo é um átomo;
  - var(+termo) checa se termo é uma variável;
  - number(+termo) checa se termo é um número (inteiro ou float);
  - is\_list(+termo) checa se termo é uma lista;

Todos os comandos devem ser finalizados com (.), alguns exemplos:

```
Exemplo
```

```
start(_) :-
  write('Digite o valor de X: '), nl,
  read(X), nl,
  write(X), nl.
```

#### Exemplo

```
?- atom(vINCENT).
?- var(X).
?- is_list([a, b, c]).
?- number(23).
?- start(X).
|: 1 .
```

Introdução PARTE I PARTE II PARTE III

Fatos Consultas Regras Regras recursivas

# PARTE II

#### **Fatos**

Um programa Prolog é uma coleção de fatos e regras.

Fatos são sempre verdadeiros, mas as regras precisam ser avaliadas.

Como criar um fato em uma base Prolog:

- homem(x). significa que "x é um homem";
- genitor(x, y). significa que "x é genitor de y" ou "y é genitor de x";

É responsabilidade do programador definir os predicados corretamente.

#### **Fatos**

Durante toda a "PARTE II" iremos descrever as seguintes relações:

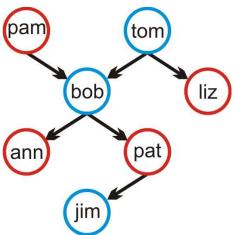


Figura: Árvore genealógica

#### Definidos os predicados:

- homem(x) significando que "x é um homem";
- mulher(x) significando que "x é um mulher";
- genitor(x, y) significando que "x é genitor de y";

#### Usando apenas fatos, descreva as seguintes relações:

- tom, bob, jim, são homens;
- pam, liz, ann e pat, são mulheres;
- tom e pam são os pais de bob;
- bob é pai de ann e pat;
- pat é a mãe de jim.

```
/* A ordem das regras é importante, deve-se também agrupar os
predicados */
 mulher(pam).
 homem(tom).
 homem(bob).
 mulher(liz).
 mulher(pat).
 mulher(ann).
 homem(jim).
 genitor(pam, bob).
 genitor(tom, bob).
 genitor(bob, ann).
 genitor(bob, pat).
 genitor(pat, jim).
```

```
Exemplo
```

```
/* A ordem das regras é importante, deve-se também agrupar os
predicados */
 mulher(pam).
                      % pam é mulher
 homem(tom).
 homem(bob).
 mulher(liz).
 mulher(pat).
 mulher(ann).
 homem(jim).
 genitor(pam, bob).
 genitor(tom, bob).
 genitor(bob, ann).
 genitor(bob, pat).
 genitor(pat, jim).
```

```
/* A ordem das regras é importante, deve-se também agrupar os
predicados */
 mulher(pam).
                      % pam é mulher
 homem(tom).
                      % tom é homem
 homem(bob).
 mulher(liz).
 mulher(pat).
 mulher(ann).
 homem(jim).
 genitor(pam, bob).
 genitor(tom, bob).
 genitor(bob, ann).
 genitor(bob, pat).
 genitor(pat, jim).
```

```
/* A ordem das regras é importante, deve-se também agrupar os
predicados */
 mulher(pam).
                      % pam é mulher
 homem(tom).
                      % tom é homem
 homem(bob).
                      % bob é homem
 mulher(liz).
 mulher(pat).
 mulher(ann).
 homem(jim).
 genitor(pam, bob).
 genitor(tom, bob).
 genitor(bob, ann).
 genitor(bob, pat).
 genitor(pat, jim).
```

```
Exemplo
```

```
/* A ordem das regras é importante, deve-se também agrupar os
predicados */
 mulher(pam).
                      % pam é mulher
 homem(tom).
                      % tom é homem
 homem(bob).
                      % bob é homem
 mulher(liz).
                      % liz é mulher
 mulher(pat).
 mulher(ann).
 homem(jim).
 genitor(pam, bob).
 genitor(tom, bob).
 genitor(bob, ann).
 genitor(bob, pat).
 genitor(pat, jim).
```

```
/* A ordem das regras é importante, deve-se também agrupar os
predicados */
 mulher(pam).
                      % pam é mulher
 homem(tom).
                      % tom é homem
 homem(bob).
                     % bob é homem
 mulher(liz).
                      % liz é mulher
 mulher(pat).
                      % pat é mulher
 mulher(ann).
 homem(jim).
 genitor(pam, bob).
 genitor(tom, bob).
 genitor(bob, ann).
 genitor(bob, pat).
 genitor(pat, jim).
```

```
Exemplo
```

```
/* A ordem das regras é importante, deve-se também agrupar os
predicados */
 mulher(pam).
                      % pam é mulher
 homem(tom).
                      % tom é homem
 homem(bob).
                     % bob é homem
 mulher(liz).
                      % liz é mulher
 mulher(pat).
                      % pat é mulher
 mulher(ann).
                      % ann é mulher
 homem(jim).
 genitor(pam, bob).
 genitor(tom, bob).
 genitor(bob, ann).
 genitor(bob, pat).
 genitor(pat, jim).
```

```
/* A ordem das regras é importante, deve-se também agrupar os
predicados */
 mulher(pam).
                     % pam é mulher
 homem(tom).
                     % tom é homem
 homem(bob).
                     % bob é homem
 mulher(liz).
                     % liz é mulher
 mulher(pat).
                      % pat é mulher
 mulher(ann).
                     % ann é mulher
 homem(jim).
                      % jim é homem
 genitor(pam, bob).
 genitor(tom, bob).
 genitor(bob, ann).
 genitor(bob, pat).
 genitor(pat, jim).
```

```
Exemplo
```

```
/* A ordem das regras é importante, deve-se também agrupar os
predicados */
 mulher(pam).
                     % pam é mulher
 homem(tom).
                     % tom é homem
 homem(bob).
                     % bob é homem
 mulher(liz).
                     % liz é mulher
 mulher(pat).
                     % pat é mulher
 mulher(ann).
                  % ann é mulher
 homem(jim).
                     % jim é homem
 genitor(pam, bob).
                     % pam é genitora de bob
 genitor(tom, bob).
 genitor(bob, ann).
 genitor(bob, pat).
 genitor(pat, jim).
```

```
Exemplo
```

```
/* A ordem das regras é importante, deve-se também agrupar os
predicados */
 mulher(pam).
                     % pam é mulher
 homem(tom).
                     % tom é homem
 homem(bob).
                     % bob é homem
 mulher(liz).
                     % liz é mulher
 mulher(pat).
                     % pat é mulher
 mulher(ann).
                  % ann é mulher
 homem(jim).
                     % jim é homem
 genitor(pam, bob).
                     % pam é genitora de bob
 genitor(tom, bob).
                     % tom é genitor de bob
 genitor(bob, ann).
 genitor(bob, pat).
 genitor(pat, jim).
```

```
Exemplo
```

```
/* A ordem das regras é importante, deve-se também agrupar os
predicados */
 mulher(pam).
                     % pam é mulher
 homem(tom).
                     % tom é homem
 homem(bob).
                     % bob é homem
 mulher(liz).
                     % liz é mulher
 mulher(pat).
                     % pat é mulher
 mulher(ann).
                  % ann é mulher
 homem(jim).
                     % jim é homem
 genitor(pam, bob).
                     % pam é genitora de bob
 genitor(tom, bob).
                     % tom é genitor de bob
 genitor(bob, ann).
 genitor(bob, pat).
 genitor(pat, jim).
```

```
Exemplo
```

```
/* A ordem das regras é importante, deve-se também agrupar os
predicados */
 mulher(pam).
                     % pam é mulher
 homem(tom).
                     % tom é homem
 homem(bob).
                     % bob é homem
 mulher(liz).
                     % liz é mulher
 mulher(pat).
                     % pat é mulher
 mulher(ann).
                  % ann é mulher
 homem(jim).
                     % jim é homem
 genitor(pam, bob).
                     % pam é genitora de bob
 genitor(tom, bob).
                     % tom é genitor de bob
 genitor(bob, ann).
                     % bob é genitor de ann
 genitor(bob, pat).
 genitor(pat, jim).
```

```
/* A ordem das regras é importante, deve-se também agrupar os
predicados */
 mulher(pam).
                    % pam é mulher
 homem(tom).
                    % tom é homem
 homem(bob).
                 % bob é homem
 mulher(liz).
                    % liz é mulher
 mulher(pat).
                     % pat é mulher
 mulher(ann).
                 % ann é mulher
 homem(jim).
                    % jim é homem
 genitor(pam, bob).
                     % pam é genitora de bob
 genitor(tom, bob).
                     % tom é genitor de bob
 genitor(bob, ann). % bob é genitor de ann
 genitor(bob, pat).
                     % bob é genitor de pat
 genitor(pat, jim).
```

```
Exemplo
```

```
/* A ordem das regras é importante, deve-se também agrupar os
predicados */
 mulher(pam).
                    % pam é mulher
 homem(tom).
                    % tom é homem
 homem(bob).
                 % bob é homem
 mulher(liz).
                    % liz é mulher
 mulher(pat).
                    % pat é mulher
 mulher(ann).
                 % ann é mulher
 homem(jim).
                  % jim é homem
 genitor(pam, bob).
                    % pam é genitora de bob
 genitor(tom, bob).
                     % tom é genitor de bob
 genitor(bob, ann). % bob é genitor de ann
 genitor(bob, pat). % bob é genitor de pat
 genitor(pat, jim).
                     % pat é genitora de jim
```

#### Exercício

- 2. O que os fatos abaixo descrevem:
  - a) animal(urso).
  - b) animal(peixe).
  - c) planta(alga).
  - d) planta(grama).
  - e) come(urso, peixe).
  - f) come(coelho, leão).
  - g) menor(formiga, tamanduá).
  - h) menor(elefante, cavalo).
  - i) proximo('JP', 'CG').
  - j) proximo(Brasil, Japao).

```
Exercício
2. O que os fatos abaixo descrevem:
 a) animal(urso).
                                   % urso é um animal
 b) animal(peixe).
 c) planta(alga).
 d) planta(grama).
 e) come(urso, peixe).
 f) come(coelho, leão).
 g) menor(formiga, tamanduá).
 h) menor(elefante, cavalo).
 i) proximo('JP', 'CG').
j) proximo(Brasil, Japao).
```

```
Exercício
2. O que os fatos abaixo descrevem:
 a) animal(urso).
                                   % urso é um animal
 b) animal(peixe).
                                   % peixe é um animal
 c) planta(alga).
 d) planta(grama).
 e) come(urso, peixe).
 f) come(coelho, leão).
 g) menor(formiga, tamanduá).
 h) menor(elefante, cavalo).
 i) proximo('JP', 'CG').
j) proximo(Brasil, Japao).
```

i) proximo('JP', 'CG').j) proximo(Brasil, Japao).

#### 

#### Exercício

```
2. O que os fatos abaixo descrevem:
 a) animal(urso).
                                  % urso é um animal
 b) animal(peixe).
                                  % peixe é um animal
 c) planta(alga).
                                  % alga é um planta
 d) planta(grama).
                                  % grama é um planta
 e) come(urso, peixe).
 f) come(coelho, leão).
 g) menor(formiga, tamanduá).
 h) menor(elefante, cavalo).
 i) proximo('JP', 'CG').
 j) proximo(Brasil, Japao).
```

#### Exercício

```
2. O que os fatos abaixo descrevem:
 a) animal(urso).
                                  % urso é um animal
 b) animal(peixe).
                                  % peixe é um animal
 c) planta(alga).
                                  % alga é um planta
 d) planta(grama).
                                  % grama é um planta
 e) come(urso, peixe).
                                  % urso come peixe
 f) come(coelho, leão).
 g) menor(formiga, tamanduá).
 h) menor(elefante, cavalo).
 i) proximo('JP', 'CG').
 j) proximo(Brasil, Japao).
```

#### Exercício

```
2. O que os fatos abaixo descrevem:
```

- a) animal(urso).
- b) animal(peixe).
- c) planta(alga).
- d) planta(grama).
- e) come(urso, peixe).
- f) come(coelho, leão).
- g) menor(formiga, tamanduá).
- h) menor(elefante, cavalo).
- i) proximo('JP', 'CG').
- j) proximo(Brasil, Japao).

```
% urso é um animal
```

% peixe é um animal

% alga é um planta % grama é um planta

% urso come peixe

% urso come peixe

% ???coelho come leão???

#### Exercício

```
2. O que os fatos abaixo descrevem:
```

- a) animal(urso).
- b) animal(peixe).
- c) planta(alga).
- d) planta(grama).
- e) come(urso, peixe).
- f) come(coelho, leão).
- g) menor(formiga, tamanduá).
- h) menor(elefante, cavalo).
- i) proximo('JP', 'CG').
- j) proximo(Brasil, Japao).

% urso é um animal

% peixe é um animal

% alga é um planta

% grama é um planta

% urso come peixe

% ???coelho come leão???

% formiga é menor que o tamanduá

#### Exercício

j) proximo(Brasil, Japao).

```
2. O que os fatos abaixo descrevem:
 a) animal(urso).
                                  % urso é um animal
 b) animal(peixe).
                                  % peixe é um animal
 c) planta(alga).
                                  % alga é um planta
 d) planta(grama).
                                  % grama é um planta
 e) come(urso, peixe).
                                  % urso come peixe
 f) come(coelho, leão).
                                  % ???coelho come leão???
 g) menor(formiga, tamanduá).
                                  % formiga é menor que o tamanduá
 h) menor(elefante, cavalo).
                                  % ???elefante é menor que o cavalo???
 i) proximo('JP', 'CG').
```

#### Exercício

- 2. O que os fatos abaixo descrevem:
  - a) animal(urso).
  - b) animal(peixe).
  - c) planta(alga).
  - d) planta(grama).
  - e) come(urso, peixe).
  - f) come(coelho, leão).
  - g) menor(formiga, tamanduá).
  - h) menor(elefante, cavalo).
  - i) proximo('JP', 'CG').
  - j) proximo(Brasil, Japao).

- % urso é um animal
- % peixe é um animal
- % alga é um planta % grama é um planta
- % urso come peixe
- % ???coelho come leão???
- % formiga é menor que o tamanduá
- % ???elefante é menor que o cavalo???
- % JP é próxima de CG

#### Exercício

```
2. O que os fatos abaixo descrevem:
 a) animal(urso).
                                  % urso é um animal
 b) animal(peixe).
                                  % peixe é um animal
 c) planta(alga).
                                  % alga é um planta
 d) planta(grama).
                                  % grama é um planta
 e) come(urso, peixe).
                                  % urso come peixe
 f) come(coelho, leão).
                                  % ???coelho come leão???
 g) menor(formiga, tamanduá).
                                  % formiga é menor que o tamanduá
 h) menor(elefante, cavalo).
                                  % ???elefante é menor que o cavalo???
 i) proximo('JP', 'CG').
                                  % JP é próxima de CG
 j) proximo(Brasil, Japao).
                                  % não diz -> BR é próximo de JP.
```

```
Exercício
2. O que os fatos abaixo descrevem:
 a) animal(urso).
                                  % urso é um animal
 b) animal(peixe).
                                  % peixe é um animal
 c) planta(alga).
                                  % alga é um planta
 d) planta(grama).
                                  % grama é um planta
 e) come(urso, peixe).
                                 % urso come peixe
 f) come(coelho, leão).
                                 % ???coelho come leão???
 g) menor(formiga, tamanduá).
                                  % formiga é menor que o tamanduá
 h) menor(elefante, cavalo).
                                 % ???elefante é menor que o cavalo???
 i) proximo('JP', 'CG').
                                 % JP é próxima de CG
 j) proximo(Brasil, Japao).
                                  % não diz -> BR é próximo de JP.
```

Então o que diz o "fato" j? j é um fato realmente?

A cláusula *proximo(Brasil, Japao)*. é uma consulta Prolog, pois, "Brasil" e "Japao" são variáveis.

Para responder consultas Prolog utiliza:

- matching checa se determinado padrão está presente, para saber quais fatos e regras podem ser utilizados;
- unificação substitui o valor de variáveis para determinar se a consulta é satisfeita pelos fatos ou regras da base (programa);
- **resolução** verifica se uma consulta é conseqüência lógica dos fatos e regras da base (programa);
- recursão utiliza regras que chamam a si mesmas para realizar demonstrações;
- backtracking para checar todas as possibilidades de resposta.

#### Exemplo

```
homem(tom). % fato
mulher(pam). % fato
genitor(pam, bob). % fato
genitor(tom, bob). % fato
```

```
?- genitor(tom, X). <-tom \'e genitor de quem (X)? X = bob; No
?- genitor(X, bob). <-Quem (X) \'e/s\~ao o(s) genitor(es) de bob? X = tom; X = pam; No
```

#### Exemplo

```
homem(tom). % fato
mulher(pam). % fato
genitor(pam, bob). % fato
genitor(tom, bob). % fato
```

```
?- genitor(tom, X). <-tom \'e genitor de quem (X)? <-Unifica [X/bob] No <-Unifica [X/bob] <-Quem (X) \'e/s\~ao o(s) genitor(es) de bob? X = tom ; X = pam ; No
```

#### Exemplo

```
homem(tom). % fato
mulher(pam). % fato
genitor(pam, bob). % fato
genitor(tom, bob). % fato
```

```
?- genitor(tom, X). <-tom \'e genitor de quem (X)? X = bob; <-genitor(tom, bob). (matching) No

?- genitor(X, bob). <-Quem (X) \'e/s\~ao o(s) genitor(es) de bob? X = tom; X = pam; No
```

#### Exemplo

```
homem(tom). % fato
mulher(pam). % fato
genitor(pam, bob). % fato
genitor(tom, bob). % fato
```

```
?- genitor(tom, X). <-tom \'e genitor de quem (X)? <-busca outras solu\'e\~os (backtrack). No ?- genitor(X, bob). <-Quem (X) \'e/s\~ao o(s) genitor(es) de bob? X = tom ; X = pam ; No
```

#### Exemplo

```
homem(tom). % fato
mulher(pam). % fato
genitor(pam, bob). % fato
genitor(tom, bob). % fato
```

```
?- genitor(tom, X). <-tom \'e genitor de quem (X)? X = bob; No <-Nenhum outro fato satisfaz a consulta. ?- genitor(X, bob). <-Quem (X) \'e/s\~ao o(s) genitor(es) de bob? X = tom; X = pam; No
```

#### Exemplo

```
homem(tom). % fato
mulher(pam). % fato
genitor(pam, bob). % fato
genitor(tom, bob). % fato
```

```
?- genitor(tom, X). <- tom é genitor de quem (X)?

X = bob;
No

?- genitor(X, bob). <- Quem (X) é/são o(s) genitor(es) de bob?

X = tom;
X = pam;
No
```

#### Exemplo

```
homem(tom). % fato
mulher(pam). % fato
genitor(pam, bob). % fato
genitor(tom, bob). % fato
```

```
?- genitor(tom, X). <-tom \'e genitor de quem (X)? X = bob; No

?- genitor(X, bob). <-Quem (X) \'e/s\~ao o(s) genitor(es) de bob? <-genitor(tom, bob). (matching) X = pam; No
```

#### Exemplo

```
homem(tom). % fato
mulher(pam). % fato
genitor(pam, bob). % fato
genitor(tom, bob). % fato
```

```
?- genitor(tom, X). <- tom é genitor de quem (X)?

X = bob;

No

?- genitor(X, bob). <- Quem (X) é/são o(s) genitor(es) de bob?

X = tom;

X = pam;

No
```

## Exemplo

```
homem(tom). % fato
mulher(pam). % fato
genitor(pam, bob). % fato
genitor(tom, bob). % fato
```

```
?- genitor(tom, X). <-tom \'e genitor de quem (X)? X = bob; No
?- genitor(X, bob). <-Quem (X) \'e/s\~ao o(s) genitor(es) de bob? X = tom; X = pam; <-Unifica [X/pam] No
```

## Exemplo

```
homem(tom). % fato
mulher(pam). % fato
genitor(pam, bob). % fato
genitor(tom, bob). % fato
```

## Exemplo

```
homem(tom). % fato
mulher(pam). % fato
genitor(pam, bob). % fato
genitor(tom, bob). % fato
```

```
?- genitor(tom, X). <-tom \'e genitor de quem (X)? X = bob; No

?- genitor(X, bob). <-Quem (X) \'e/s\~ao o(s) genitor(es) de bob? X = tom; X = pam; <-busca outras solu\'e\~oes (backtrack). No
```

## Exemplo

```
homem(tom). % fato
mulher(pam). % fato
genitor(pam, bob). % fato
genitor(tom, bob). % fato
```

```
?- genitor(tom, X). <- tom é genitor de quem (X)?

X = bob;

No

?- genitor(X, bob). <- Quem (X) é/são o(s) genitor(es) de bob?

X = tom;

X = pam;

No

<- Nenhum outro fato satisfaz a consulta.
```

### Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X,Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

#### Exemplo

?- depende(a,e). <- 'a' depende(a'e')?

### Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X,Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'? depende(a, e) ?
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'? depende(a, e) ? <- usa regra 3
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X,Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e' ? depende(a, e) ? <- Unifica [X/a] e [Y/e]
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'?
depende(a, e) ? <- Nova meta chama(a,e)
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y) :- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y):- usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'?
depende(a, e) ?
chama(a,e) ? <- Falha, não existe o fato
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y) :- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y):- usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'?
depende(a, e) ?
chama(a,e) ? <- busca outras soluções (backtrack)
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y):- usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'? depende(a, e) ? <- usa regra 4
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X,Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende(a e 'e')? depende(a, e)? <- Unifica [X/a] e [Y/e]
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'?
depende(a, e) ? <- Nova meta usa(a,e)
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'?
depende(a, e) ?
usa(a,e) ? <- Falha, não existe o fato
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y) :- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'?
depende(a, e) ?
usa(a,e) ? <- busca outras soluções (backtrack)
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y):- usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'? depende(a, e) ? <- usa regra 5
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e' ? depende(a, e) ? <- Unifica [X/a] e [Y/e]
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'?
depende(a, e) ? <- Nova meta chama(a,Z)
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'? depende(a, e)? chama(a,Z)? <- Unifica [Z/b]
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'? depende(a, e)? chama(a,Z)? <- chama(a,b) (matching)
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'?
depende(a, e) ?
chama(a,b) ? OK <- Nova meta depende(b, e) (recursão)
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'?
depende(a, e) ?
chama(a,b) ? OK
depende(b, e) ? <- usa regra 3
```

#### Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y) := chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'?
depende(a, e) ?
chama(a,b) ? OK
depende(b, e) ? <- Unifica [X/b] e [Y/e]
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y) :- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y):- usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'?
depende(a, e) ?
chama(a,b) ? OK
depende(b, e) ? <- Nova meta chama(b,e)
```

#### Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y) := chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y):- usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'?
depende(a, e) ?
chama(a,b) ? OK
depende(b, e) ?
chama(b, e) ? <- Falha, não existe o fato
```

#### Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y) := chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y):- usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'?
depende(a, e) ?
chama(a,b) ? OK
depende(b, e) ?
chama(b, e) ?
<- busca outras soluções (backtrack)
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y):- usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'?
depende(a, e) ?
chama(a,b) ? OK
depende(b, e) ? <- usa regra 4
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y) := chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'? depende(a, e)? chama(a,b)? OK depende(b, e)? <- Unifica [X/b] e [Y/e]
```

#### Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y):- usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'?
depende(a, e) ?
chama(a,b) ? OK
depende(b, e) ? <- Nova meta usa(b,e)
```

#### Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y) := chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y) :- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y) := usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'?
depende(a, e) ?
chama(a,b) ? OK
depende(b, e) ? OK
```

## Exemplo

- 1. chama(a,b). % fato
- 2. usa(b,e). % fato
- 3. depende(X, Y):- chama(X, Y). % regra
- 4. depende(X,Y):- usa(X, Y). % regra
- 5. depende(X, Y):- chama(X, Z), depende(Z, Y). % regra recursiva

```
?- depende(a,e). <- 'a' depende de 'e'? depende(a, e) ? OK
```

#### Exercício

- 3. O que querem dizer as seguintes consultas:
  - ?-animal(X).
  - ?- animal(peixe).
  - ?- planta(alga).
  - ?- planta(x).
  - ?- come(urso, peixe).
  - ?- come(X, peixe).
  - ?-come(X, Y).
  - ?- come(raposa, \_).
  - ?- come(\_, coelho).

#### Exercício

#### Exercício

```
3. O que querem dizer as seguintes consultas:
 ?- animal(X).
                       % Quem (X) são animais?
 ?- animal(peixe).
                   % peixe é um animal?
 ?- planta(alga).
                       % alga é uma planta?
 ?- planta(x).
                     % x é uma planta?
 ?- come(urso, peixe). % urso come peixe?
 ?- come(X, peixe).
                        % Quem (X) come peixe?
 ?- come(X, Y).
                        % Quais animais (X) comem quais (Y)?
 ?- come(raposa, _).
 ?- come(_, coelho).
```

```
3. O que querem dizer as seguintes consultas:
 ?- animal(X).
                      % Quem (X) são animais?
 ?- animal(peixe). % peixe é um animal?
 ?- planta(alga).
                   % alga é uma planta?
 ?- planta(x).
                    % x é uma planta?
 ?- come(urso, peixe). % urso come peixe?
 ?- come(X, peixe).
                       % Quem (X) come peixe?
 ?- come(X, Y).
                 % Quais animais (X) comem quais (Y)?
 ?- come(raposa, _).  % A raposa come algum animal?
 ?- come(_, coelho).
                       % Algum animal come o coelho?
```

- 4. Dado o banco abaixo, quais as respostas para as consultas: a)animal(urso). h)animal(guaxinim). b)animal(peixe). i)planta(alga). c)animal(peixinho). i)planta(grama). d)animal(lince). k)come(urso, peixe).
  - e)animal(raposa). 1)come(lince, veado). f)animal(coelho). m)come(urso,raposa). g)animal(veado). n)come(urso,veado).
- o)come(peixe, peixinho). p)come(peixinho,alga). q)come(guaxinim,peixe).
- r)come(raposa,coelho). s)come(coelho,grama). t)come(veado,grama).
- u)come(urso,guaxinim).

- ?- planta(X).
- ?- come(raposa,\_).
- ?- come(\_, \_).
- ?- come(X, grama).

#### Exercício

a)animal(urso). b)animal(peixe). c)animal(peixinho). d)animal(lince). e)animal(raposa). f)animal(coelho).

g)animal(veado).

- ?- planta(X).
- ?- come(raposa,\_).
- ?- come(\_, \_).
- ?- come(X, grama).

- h)animal(guaxinim). i)planta(alga). i)planta(grama). k)come(urso, peixe). I)come(lince,veado). m)come(urso,raposa). n)come(urso,veado).
- 4. Dado o banco abaixo, quais as respostas para as consultas: o)come(peixe, peixinho). p)come(peixinho,alga). q)come(guaxinim,peixe). r)come(raposa,coelho). s)come(coelho,grama). t)come(veado,grama). u)come(urso,guaxinim).
  - X = alga; X = grama; No

#### Exercício

- 4. Dado o banco abaixo, quais as respostas para as consultas: a)animal(urso). b)animal(peixe). c)animal(peixinho). d)animal(lince). e)animal(raposa). f)animal(coelho).
  - ?- planta(X). ?- come(raposa,\_).

g)animal(veado).

- ?- come(\_, \_).
- ?- come(X, grama).

- h)animal(guaxinim). i)planta(alga). i)planta(grama). k)come(urso, peixe). 1)come(lince, veado). m)come(urso,raposa). n)come(urso,veado).
- o)come(peixe, peixinho). p)come(peixinho,alga). q)come(guaxinim,peixe). r)come(raposa,coelho). s)come(coelho,grama). t)come(veado,grama). u)come(urso,guaxinim).

```
X = alga; X = grama; No
Yes
```

o)come(peixe, peixinho).

p)come(peixinho,alga).

r)come(raposa,coelho). s)come(coelho,grama).

t)come(veado,grama).

u)come(urso,guaxinim).

q)come(guaxinim,peixe).

## Consultas

- 4. Dado o banco abaixo, quais as respostas para as consultas: a)animal(urso). b)animal(peixe). c)animal(peixinho). d)animal(lince).
  - e)animal(raposa). f)animal(coelho).
  - g)animal(veado).
  - ?- planta(X).
  - ?- come(raposa,\_).
  - ?- come(\_, \_).
  - ?- come(X, grama).

- h)animal(guaxinim). i)planta(alga). i)planta(grama).
- k)come(urso, peixe). 1)come(lince, veado).
- m)come(urso,raposa).
- n)come(urso,veado).
- X = alga; X = grama; No
- Yes
- Yes

#### Exercício

4. Dado o banco abaixo, quais as respostas para as consultas:

a)animal(urso). b)animal(peixe).

c)animal(peixinho).

d)animal(lince).

e)animal(raposa).

f)animal(coelho).

g)animal(veado).

h)animal(guaxinim). i)planta(alga).

i)planta(grama).

k)come(urso,peixe).

1)come(lince, veado). m)come(urso,raposa).

n)come(urso,veado).

o)come(peixe, peixinho).

p)come(peixinho,alga). q)come(guaxinim,peixe).

r)come(raposa,coelho).

s)come(coelho,grama). t)come(veado,grama).

u)come(urso,guaxinim).

?- planta(X).

X = alga; X = grama; No

?- come(raposa,\_).

Yes

?- come(\_, \_). Yes

?- come(X, grama). X = coelho: X = veado: No

Regras facilitam a execução de consultas e tornam um programa muito mais expressivo.

Uma cláusula Prolog é equivalente à uma fórmula em lógica de 1<sup>a</sup>, então, em Prolog, existem os conectivos:

- :- = se, equivalente à implicação;
- , = e, equivalente à conjunção;
- ; = ou, equivalente à disjunção.

#### Exemplo

A fórmula: 
$$A(x) \rightarrow B(x) \lor (C(x) \land D(x))$$
, seria escrita em Prolog como:  $a(x) : -b(X); (c(x), d(x))$ .

Prolog não utiliza quantificadores explicitamente, porém, trata todas as regras como se elas estivessem universalmente quantificadas e usa  $\sim EU$  (eliminação do universal).

#### Exemplo

```
Tem-se a base:
mulher(pam). homem(jim). genitor(pam, bob).
homem(tom). mulher(ann). genitor(tom, bob).
homem(bob). genitor(pat, jim). genitor(tom, liz).
mulher(liz). genitor(bob, pat). genitor(bob, ann).
mulher(pat).
```

Como podemos especificar uma regra prole(x, y)., significando que "x é prole (filho ou filha) de y".

Prole (filho ou filha) é a relação inversa de Genitor (pai ou mãe), então: "x é prole de y, se y é genitor de x".

#### Exemplo

```
Tem-se a base:
mulher(pam). homem(jim). genitor(pam, bob).
homem(tom). mulher(ann). genitor(tom, bob).
homem(bob). genitor(pat, jim). genitor(tom, liz).
mulher(liz). genitor(bob, pat). genitor(bob, ann).
mulher(pat).
```

Como podemos especificar uma regra prole(x, y)., significando que " $x \not\in$  prole (filho ou filha) de y".

Prole (filho ou filha) é a relação inversa de Genitor (pai ou mãe), então: "x é prole de y, se y é genitor de x".

#### Assim:

```
prole(X,Y) := genitor(Y,X).
```

Consultas são realizadas sobre regras do mesmo modo como ocorrem sobre fatos.

Uma regra se divide em conclusão (ou cabeça) e condição, da seguinte forma: CONCLUSÃO(+ARG):- CONDIÇÃO1(+ARG) CONECTIVO CONDIÇÃO2(+ARG)...

Utilizando *matching* Prolog encontra quais regras podem ser utilizadas para satisfazer uma consulta. Cada vez que um *matching* ocorre a satisfação da regra passa a ser a meta atual.

#### Exemplo

prole(X,Y):- genitor(Y,X).

#### Exemplo

Consultas são realizadas sobre regras do mesmo modo como ocorrem sobre fatos.

Uma regra se divide em conclusão (ou cabeça) e condição, da seguinte forma: CONCLUSÃO(+ARG):- CONDIÇÃO1(+ARG) CONECTIVO CONDIÇÃO2(+ARG)...

Utilizando *matching* Prolog encontra quais regras podem ser utilizadas para satisfazer uma consulta. Cada vez que um *matching* ocorre a satisfação da regra passa a ser a meta atual.

#### Exemplo

```
prole(X,Y):- genitor(Y,X).
```

#### Exemplo

?- prole(pam, bob). consulta...

Consultas são realizadas sobre regras do mesmo modo como ocorrem sobre fatos.

Uma regra se divide em conclusão (ou cabeça) e condição, da seguinte forma: CONCLUSÃO(+ARG):- CONDIÇÃO1(+ARG) CONECTIVO CONDIÇÃO2(+ARG)...

Utilizando *matching* Prolog encontra quais regras podem ser utilizadas para satisfazer uma consulta. Cada vez que um *matching* ocorre a satisfação da regra passa a ser a meta atual.

#### Exemplo

```
prole(X,Y) :- match
genitor(Y,X).
```

#### Exemplo

Consultas são realizadas sobre regras do mesmo modo como ocorrem sobre fatos.

Uma regra se divide em conclusão (ou cabeça) e condição, da seguinte forma: CONCLUSÃO(+ARG):- CONDIÇÃO1(+ARG) CONECTIVO CONDIÇÃO2(+ARG)...

Utilizando *matching* Prolog encontra quais regras podem ser utilizadas para satisfazer uma consulta. Cada vez que um *matching* ocorre a satisfação da regra passa a ser a meta atual.

#### Exemplo

```
prole(X,Y) := Unifica [X/pam] e [Y/bob]
genitor(Y,X).
```

#### Exemplo

Consultas são realizadas sobre regras do mesmo modo como ocorrem sobre fatos.

Uma regra se divide em conclusão (ou cabeça) e condição, da seguinte forma: CONCLUSÃO(+ARG):- CONDIÇÃO1(+ARG) CONECTIVO CONDIÇÃO2(+ARG)...

Utilizando *matching* Prolog encontra quais regras podem ser utilizadas para satisfazer uma consulta. Cada vez que um *matching* ocorre a satisfação da regra passa a ser a meta atual.

```
Exemplo
```

```
prole(X,Y):- genitor(Y,X). nova meta
```

#### Exemplo

Consultas são realizadas sobre regras do mesmo modo como ocorrem sobre fatos.

Uma regra se divide em conclusão (ou cabeça) e condição, da seguinte forma: CONCLUSÃO(+ARG):- CONDIÇÃO1(+ARG) CONECTIVO CONDIÇÃO2(+ARG)...

Utilizando *matching* Prolog encontra quais regras podem ser utilizadas para satisfazer uma consulta. Cada vez que um *matching* ocorre a satisfação da regra passa a ser a meta atual.

```
Exemplo
```

```
prole(X,Y) := genitor(Y,X). U
```

Unifica [X/pam] e [Y/bob]

#### Exemplo

Consultas são realizadas sobre regras do mesmo modo como ocorrem sobre fatos.

Uma regra se divide em conclusão (ou cabeça) e condição, da seguinte forma: CONCLUSÃO(+ARG):- CONDIÇÃO1(+ARG) CONECTIVO CONDIÇÃO2(+ARG)...

Utilizando *matching* Prolog encontra quais regras podem ser utilizadas para satisfazer uma consulta. Cada vez que um *matching* ocorre a satisfação da regra passa a ser a meta atual.

#### Exemplo

```
prole(X,Y) := genitor(Y,X).
```

Encontra o fato genitor(pam,bob).

#### Exemplo

Consultas são realizadas sobre regras do mesmo modo como ocorrem sobre fatos.

Uma regra se divide em conclusão (ou cabeça) e condição, da seguinte forma: CONCLUSÃO(+ARG):- CONDIÇÃO1(+ARG) CONECTIVO CONDIÇÃO2(+ARG)...

Utilizando *matching* Prolog encontra quais regras podem ser utilizadas para satisfazer uma consulta. Cada vez que um *matching* ocorre a satisfação da regra passa a ser a meta atual.

#### Exemplo

```
prole(X,Y) := genitor(Y,X).
```

Satisfaz a consulta.

#### Exemplo

Consultas são realizadas sobre regras do mesmo modo como ocorrem sobre fatos.

Uma regra se divide em conclusão (ou cabeça) e condição, da seguinte forma: CONCLUSÃO(+ARG):- CONDIÇÃO1(+ARG) CONECTIVO CONDIÇÃO2(+ARG)...

Utilizando *matching* Prolog encontra quais regras podem ser utilizadas para satisfazer uma consulta. Cada vez que um *matching* ocorre a satisfação da regra passa a ser a meta atual.

#### Exemplo

prole(X,Y):- genitor(Y,X).

#### Exemplo

```
Exercício
```

```
5. Tem-se a base:
 a)mulher(pam).
                 f)homem(jim).
                                      k)genitor(pam, bob).
 b)homem(tom). g)mulher(ann).
                                      I)genitor(tom, bob).
                h)genitor(pat, jim). m)genitor(tom, liz).
 c)homem(bob).
d)mulher(liz). i)genitor(bob, pat). n)genitor(bob, ann).
 e)mulher(pat). j)prole(X,Y) :- genitor(Y,X). % regra
Qual a resposta para as consultas?
 ?- prole(_ , tom).
 ?- prole(tom, X).
```

```
Exercício
```

```
5. Tem-se a base:
 a)mulher(pam). f)homem(jim).
                                      k)genitor(pam, bob).
 b)homem(tom). g)mulher(ann).
                                      I)genitor(tom, bob).
                h)genitor(pat, jim). m)genitor(tom, liz).
 c)homem(bob).
d)mulher(liz). i)genitor(bob, pat). n)genitor(bob, ann).
 e)mulher(pat). j)prole(X,Y) :- genitor(Y,X). % regra
Qual a resposta para as consultas?
 ?- prole(_ , tom).
 Yes
 ?- prole(tom, X).
```

```
Exercício
```

```
5. Tem-se a base:
 a)mulher(pam). f)homem(jim).
                                      k)genitor(pam, bob).
 b)homem(tom). g)mulher(ann).
                                     I)genitor(tom, bob).
                h)genitor(pat, jim). m)genitor(tom, liz).
 c)homem(bob).
d)mulher(liz). i)genitor(bob, pat). n)genitor(bob, ann).
 e)mulher(pat). i)prole(X,Y) :- genitor(Y,X). % regra
Qual a resposta para as consultas?
 ?- prole(_ , tom).
 Yes
 ?- prole(tom, X).
 X = bob;
```

X = liz:

```
Exercício
5. Tem-se a base:
 a)mulher(pam). f)homem(jim).
                                      k)genitor(pam, bob).
 b)homem(tom). g)mulher(ann).
                                      I)genitor(tom, bob).
                 h)genitor(pat, jim). m)genitor(tom, liz).
 c)homem(bob).
 d)mulher(liz). i)genitor(bob, pat). n)genitor(bob, ann).
 e)mulher(pat). i)prole(X,Y) :- genitor(Y,X). % regra
Qual a resposta para as consultas?
 ?- prole(_ , tom).
 Yes
 ?- prole(tom, X).
 X = bob:
```

```
Exercício
5. Tem-se a base:
 a)mulher(pam). f)homem(jim).
                                      k)genitor(pam, bob).
 b)homem(tom). g)mulher(ann).
                                      I)genitor(tom, bob).
                h)genitor(pat, jim). m)genitor(tom, liz).
 c)homem(bob).
 d)mulher(liz). i)genitor(bob, pat). n)genitor(bob, ann).
 e)mulher(pat). i)prole(X,Y) :- genitor(Y,X). % regra
Qual a resposta para as consultas?
 ?- prole(_ , tom).
 Yes
 ?- prole(tom, X).
 X = bob:
 X = liz:
 No
```

```
Exemplo
Dada a base:
                                        k)genitor(pam, bob).
 a)mulher(pam).
                   f)homem(jim).
 b)homem(tom).
                  g)mulher(ann).
                                        I)genitor(tom, bob).
                  h)genitor(pat, jim).
                                       m)genitor(tom, liz).
 c)homem(bob).
 d)mulher(liz). i)genitor(bob, pat). n)genitor(bob, ann).
                  i)prole(X,Y) :- genitor(Y,X). % regra
 e)mulher(pat).
Descreva regras para as seguintes relações:

 mae(x,y), significando "x é mãe de y";

  • avos(X,Z), significando "x é avô/avó de y".
 mae(X,Y):
 avos(X,Z):-
```

```
Exemplo
```

```
Dada a base:
                                        k)genitor(pam, bob).
 a)mulher(pam).
                  f)homem(jim).
 b)homem(tom).
                 g)mulher(ann).
                                        I)genitor(tom, bob).
                  h)genitor(pat, jim).
 c)homem(bob).
                                        m)genitor(tom, liz).
 d)mulher(liz). i)genitor(bob, pat). n)genitor(bob, ann).
                  i)prole(X,Y) :- genitor(Y,X). % regra
 e)mulher(pat).
Descreva regras para as seguintes relações:

 mae(x,y), significando "x é mãe de y";

    avos(X,Z), significando "x é avô/avó de y".

 mae(X,Y) := genitor(X,Y), mulher(X).
 avos(X,Z):-
```

```
Exemplo
```

```
Dada a base:
                                         k)genitor(pam, bob).
 a)mulher(pam).
                  f)homem(jim).
 b)homem(tom).
                  g)mulher(ann).
                                        I)genitor(tom, bob).
                  h)genitor(pat, jim).
 c)homem(bob).
                                        m)genitor(tom, liz).
 d)mulher(liz). i)genitor(bob, pat). n)genitor(bob, ann).
                  i)prole(X,Y) :- genitor(Y,X). % regra
 e)mulher(pat).
Descreva regras para as seguintes relações:

 mae(x,y), significando "x é mãe de y";

    avos(X,Z), significando "x é avô/avó de y".

 mae(X,Y) := genitor(X,Y), mulher(X).
 avos(X,Z) := genitor(X,Y), genitor(Y,Z).
```

#### Exercício

```
6. Tem-se a base:
 a)animal(urso).
                       h)animal(guaxinim).
                                               o)come(peixe,peixinho).
 b)animal(peixe).
                       i)planta(alga).
                                               p)come(peixinho,alga).
 c)animal(peixinho).
                      j)planta(grama).
                                               q)come(guaxinim,peixe).
 d)animal(lince).
                       k)come(urso,peixe).
                                               r)come(raposa,coelho).
                       I)come(lince, veado).
 e)animal(raposa).
                                               s)come(coelho.grama).
 f)animal(coelho).
                       m)come(urso,raposa).
                                               t)come(veado,grama).
 g)animal(veado).
                       n)come(urso,veado).
                                               u)come(urso,guaxinim).
```

Descreva uma regra para determinar quais animais são presas.

#### Exercício

```
6. Tem-se a base:
 a)animal(urso).
                       h)animal(guaxinim).
                                                o)come(peixe,peixinho).
 b)animal(peixe).
                       i)planta(alga).
                                                p)come(peixinho,alga).
 c)animal(peixinho).
                       j)planta(grama).
                                                q)come(guaxinim,peixe).
 d)animal(lince).
                       k)come(urso,peixe).
                                                r)come(raposa,coelho).
                       I)come(lince, veado).
 e)animal(raposa).
                                               s)come(coelho,grama).
 f)animal(coelho).
                       m)come(urso,raposa).
                                                t)come(veado,grama).
 g)animal(veado).
                       n)come(urso,veado).
                                                u)come(urso,guaxinim).
```

Descreva uma regra para determinar quais animais são presas. presa(X):-  $come(\_, X)$ , animal(X).

# Regras recursivas

A recursão é um dos elementos mais importantes da linguagem Prolog, este conceito permite a resolução de problemas significativamente complexos de maneira relativamente simples.

Um regra é recursiva se sua condição depende dela mesma, tal como: a(X):-b(X),a(X).

A importância do uso de recursão pode ser ilustrada na implementação da relação descendente(x, y), significando que "x é descendente de y".

Um conjunto de regras é denominado **procedimento**.

Fatos Consultas Regras Regras recursivas

# Regras recursivas

# Exemplo Implementação 1 (sem recursão):

#### Exemplo

Implementação 2 (com recursão):

### Exemplo

```
Implementação 1 (sem recursão): descendente(X,Z):- genitor(X,Z). % caso base
```

### Exemplo

### Exemplo

```
Implementação 1 (sem recursão): descendente(X,Z) :- genitor(X,Z). % caso base descendente(X,Z) :- genitor(X,Y), genitor(Y,Z).
```

### Exemplo

### Exemplo

```
Implementação 1 (sem recursão): descendente(X,Z) :- genitor(X,Z). % caso base descendente(X,Z) :- genitor(X,Y), genitor(Y,Z). descendente(X,Z) :- genitor(X,Y), genitor(Y,Y), genitor(Y,Y).
```

### Exemplo

```
Exemplo
```

```
Implementação 1 (sem recursão): descendente(X,Z) :- genitor(X,Z). % caso base descendente(X,Z) :- genitor(X,Y), genitor(Y,Z). descendente(X,Z) :- genitor(X,Y), genitor(Y,W), genitor(Y,Z). ...
```

### Exemplo

### Exemplo

```
Implementação 1 (sem recursão):
descendente(X,Z) :- genitor(X,Z). % caso base
descendente(X,Z) :- genitor(X,Y), genitor(Y,Z).
descendente(X,Z) :- genitor(X,Y), genitor(Y,W), genitor(Y,Z).
...
```

A implementação 1 é limitada e trabalhosa.

### Exemplo

### Exemplo

```
Implementação 1 (sem recursão):
descendente(X,Z) :- genitor(X,Z). % caso base
descendente(X,Z) :- genitor(X,Y), genitor(Y,Z).
descendente(X,Z) :- genitor(X,Y), genitor(Y,W), genitor(Y,Z).
...
```

A implementação 1 é limitada e trabalhosa.

```
Implementação 2 (com recursão): descendente(X,Z):- genitor(X,Z).
```

### Exemplo

```
Implementação 1 (sem recursão):
descendente(X,Z) :- genitor(X,Z). % caso base
descendente(X,Z) :- genitor(X,Y), genitor(Y,Z).
descendente(X,Z) :- genitor(X,Y), genitor(Y,W), genitor(Y,Z).
...
```

A implementação 1 é limitada e trabalhosa.

```
Implementação 2 (com recursão):

descendente(X,Z) := genitor(X,Z).

descendente(X,Z) := genitor(X,Y), descendente(Y,Z).
```

### Exemplo

```
Implementação 1 (sem recursão):
descendente(X,Z) :- genitor(X,Z). % caso base
descendente(X,Z) :- genitor(X,Y), genitor(Y,Z).
descendente(X,Z) :- genitor(X,Y), genitor(Y,W), genitor(Y,Z).
...
```

A implementação 1 é limitada e trabalhosa.

#### Exemplo

```
Implementação 2 (com recursão):

descendente(X,Z) := genitor(X,Z).

descendente(X,Z) := genitor(X,Y), descendente(Y,Z).
```

A implementação 2 é não tem limites e utiliza bem menos regras que 1.

#### Exercício

```
7. Tem-se a base:
 a)animal(urso).
                       h)animal(guaxinim).
                                               o)come(peixe,peixinho).
 b)animal(peixe).
                       i)planta(alga).
                                               p)come(peixinho,alga).
 c)animal(peixinho).
                      i)planta(grama).
                                               q)come(guaxinim,peixe).
 d)animal(lince).
                       k)come(urso, peixe).
                                               r)come(raposa,coelho).
 e)animal(raposa).
                       1)come(lince, veado).
                                               s)come(coelho,grama).
 f)animal(coelho).
                       m)come(urso,raposa).
                                               t)come(veado,grama).
                                               u)come(urso,guaxinim).
 g)animal(veado).
                       n)come(urso,veado).
```

Descreva uma regra para determinar quais animais pertencem a cadeia alimentar de outro.

#### Exercício

```
7. Tem-se a base:
 a)animal(urso).
                       h)animal(guaxinim).
                                               o)come(peixe,peixinho).
 b)animal(peixe).
                       i)planta(alga).
                                               p)come(peixinho,alga).
 c)animal(peixinho).
                      i)planta(grama).
                                               q)come(guaxinim,peixe).
 d)animal(lince).
                       k)come(urso, peixe).
                                               r)come(raposa,coelho).
 e)animal(raposa).
                       I)come(lince,veado).
                                               s)come(coelho,grama).
 f)animal(coelho).
                       m)come(urso,raposa).
                                               t)come(veado,grama).
                                               u)come(urso,guaxinim).
 g)animal(veado).
                       n)come(urso,veado).
```

Descreva uma regra para determinar quais animais pertencem a cadeia alimentar de outro.

```
cadeia-alimentar(X, Z) :- come(X, Z). % caso base cadeia-alimentar(X, Z) :- come(X, Y), cadeia-alimentar(Y, Z).
```

# **PARTE III**

Uma lista é uma seqüência ordenada de elementos de qualquer tipo de dados de Prolog.

Os elementos contidos em uma lista devem ser separados por vírgulas, e precisam estar entre colchetes. Existem notações alternativas, porém, esta é a mais simples.

#### Exemplo

São exemplos de listas:

- a) [pam, liz, pat, ann, tom, bob, jim]
- **b)** [1, 2, 3, 4, 5]
- c) [a, [b, c], d, e], onde [b,c] é o segundo elemento da lista

Listas podem ser de dois tipos:

- vazias quando não contém nenhum elemento, representadas por [];
- não-vazias quando contém ao menos um elemento.

Listas não vazias possuem duas partes, são elas:

- cabeça corresponde ao primeiro elemento da lista;
- cauda corresponde aos elementos restantes da lista.

### Exemplo

- a) [pam, liz, pat, ann, tom, bob, jim] pam é a cabeça, [liz, pat, ann, tom, bob, jim] é a cauda.
- **b)** [1, 2, 3, 4, 5]
- 1 é a cabeça, [2, 3, 4, 5] é a cauda
- c) [a, [b, c], d, e]
- a é a cabeça, [[b, c], d, e] é a cauda

Podemos utilizar a notação [Cabeca | Cauda] para separar as partes de uma lista.

Para se trabalhar com uma lista deve-se utilizar a notação [Cabeca | Cauda] para buscar um elemento ou propriedade através de recursão.

### Exemplo

```
Verifique se um elemento X pertence a uma lista L: pertence(X, [X \mid \_]). % caso base pertence(X, [\_ \mid L]):- pertence(X, L). (regra recursiva)
```

#### Exercício

8. Implemente regras que verifiquem se um elemento é o último elemento de uma lista.

Para se trabalhar com uma lista deve-se utilizar a notação [Cabeca | Cauda] para buscar um elemento ou propriedade através de recursão.

### Exemplo

```
Verifique se um elemento X pertence a uma lista L: pertence(X, [X \mid \_]). % caso base pertence(X, [\_ \mid L]):- pertence(X, L). (regra recursiva)
```

#### Exercício

8. Implemente regras que verifiquem se um elemento é o último elemento de uma lista.

```
final(X, [X]). % caso base final(X, [\_ | L]):- final(X, L).
```

Prolog é mais indicada para resolução de problemas simbólicos, mas também oferece suporte à aritmética.

Podemos utilizar duas notações para representar expressões em Prolog:

- Infixa: 2\*a+b\*c
- Prefixa: +(\*(2, a), \*(b, c))

Prolog trata as representações de forma equivalente, pois, internamente utiliza árvores para representar expressões. Assim, basta mudar a ordem de caminhamento para obter uma ou outra forma.

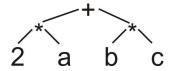


Figura: Árvore para a expressão 2 \* a + b \* c

São oferecidos diversos predicados para operações aritméticas, alguns destes são:

- +, -, \*, /, para realizar soma, subtração, multiplicação e divisão, respectivamente;
- is, atribui uma expressão numérica à uma variável;
- mod, para obter o resto da divisão;
- , para potenciação;
- cos, sin, tan, função cosseno, seno e tangente, respectivamente;
- exp, exponencial;
- In, log, logaritmo natural e logaritmo;
- sqrt, raiz quadrada.

Predicados de conversão, tais como:

- integer(X), converte X para inteiro;
- float(X), converte X para ponto flutuante.

Prolog também possui predicados para comparação, os operadores são:

- >, maior que;
- , menor que;
- >=, maior ou igual;
- =<, menor ou igual;</p>
- =:=, igual;
- $\bullet = / =$ , diferente.

Os operadores = e =:=, realizam diferentes tipos de comparação:

- =, checa se os "objetos" s\u00e3o iguais, ou atribui valores para as vari\u00e1veis;
- =:=, avalia se os valores são iguais.

$$?-1+2=2+1.$$

$$?-1+2=:=2+1.$$

$$?-1 + A = B + 2.$$

$$?-A = := 1.$$

Prolog também possui predicados para comparação, os operadores são:

- >, maior que;
- , menor que;
- >=, maior ou igual;
- =<, menor ou igual;</p>
- =:=, igual;
- $\bullet = / =$ , diferente.

Os operadores = e =:=, realizam diferentes tipos de comparação:

- =, checa se os "objetos" são iguais, ou atribui valores para as variáveis;
- =:=, avalia se os valores são iguais.

$$?-1+2=2+1$$
. No

$$?-1+2=:=2+1.$$

?- 
$$1 + A = B + 2$$
.

?- 
$$A = := 1$$
.

Prolog também possui predicados para comparação, os operadores são:

- >, maior que;
- , menor que;
- >=, maior ou igual;
- =<, menor ou igual;</p>
- =:=, igual;
- $\bullet = / =$ , diferente.

Os operadores = e =:=, realizam diferentes tipos de comparação:

- =, checa se os "objetos" são iguais, ou atribui valores para as variáveis;
- =:=, avalia se os valores são iguais.

$$?-1+2=2+1$$
. No

$$?-1+2=:=2+1$$
. Yes

$$7 - 1 + A = B + 2$$

$$?-A = := 1.$$

Prolog também possui predicados para comparação, os operadores são:

- >, maior que;
- , menor que;
- >=, maior ou igual;
- =<, menor ou igual;</p>
- =:=, igual;
- $\bullet = / =$ , differente.

Os operadores = e =:=, realizam diferentes tipos de comparação:

- =, checa se os "objetos" são iguais, ou atribui valores para as variáveis;
- =:=, avalia se os valores são iguais.

$$?-1+2=2+1$$
. No

$$?-1+2=:=2+1$$
. Yes

$$?-1 + A = B + 2$$
.  $A = 2B = 1$ ; No

?- 
$$A = := 1$$
.

Prolog também possui predicados para comparação, os operadores são:

- >, maior que;
- , menor que;
- >=, maior ou igual;
- =<, menor ou igual;</p>
- =:=, igual;
- $\bullet = / =$ , diferente.

Os operadores = e =:=, realizam diferentes tipos de comparação:

- =, checa se os "objetos" são iguais, ou atribui valores para as variáveis;
- =:=, avalia se os valores são iguais.

?- 
$$1 + 2 = 2 + 1$$
. No

$$?-1+2=:=2+1$$
. Yes

$$?-1 + A = B + 2$$
.  $A = 2B = 1$ ; No

### Exemplo

Implemente um programa para calcular o fatorial de um número: % caso base

### Exercício

9. O que o programa abaixo faz? checagem(N, propriedade1) :- N > 0. checagem(N, propriedade2) :- N < 0. checagem(0, propriedade3).

### Exemplo

Implemente um programa para calcular o fatorial de um número: fatorial(0,1). % caso base

#### Exercício

9. O que o programa abaixo faz? checagem(N, propriedade1) :- N > 0. checagem(N, propriedade2) :- N < 0. checagem(0, propriedade3).

### Exemplo

```
Implemente um programa para calcular o fatorial de um número: fatorial(0,1). % caso base fatorial(N,F):-
N>0,
N1 is N-1,
factorial(N1,F1),
F is N*F1.
```

#### Exercício

```
9. O que o programa abaixo faz? checagem(N, propriedade1) :- N > 0. checagem(N, propriedade2) :- N < 0. checagem(0, propriedade3).
```

### Exemplo

```
Implemente um programa para calcular o fatorial de um número: fatorial(0,1). % caso base fatorial(N,F):-
N>0,
N1 is N-1,
factorial(N1,F1),
F is N*F1.
```

#### Exercício

```
9. O que o programa abaixo faz? checagem(N, propriedade1) :- N > 0. checagem(N, propriedade2) :- N < 0. checagem(0, propriedade3). Checa se N é positivo (propriedade1), negativo (propriedade2) ou zero (propriedade3)
```

Prolog realiza busca exaustiva para responder uma consulta, ou seja, todas as cláusulas existentes são analisadas.

- Pró: todas as soluções possíveis são obtidas.
- Contra: uma busca pode ser extremamente ineficiente.

Para minimizar os casos de ineficiência, o operador de corte (!) pode ser utilizado. Este operador impede que busca posteriores sejam realizadas.

### Exemplo

Sejam fornecidos dois números x e y, implemente regras que informem qual destes números é o máximo:

maximo(X,Y,X) := X >= Y.maximo(X,Y,Y) := X < Y.

Porém, as duas regras serão testadas sempre...

maximo(X,Y,X) := X >= Y, !. % impede que a regra seguinte seja utilizada em caso de sucesso.

maximo(X,Y,Y) := X < Y.

O operador de corte é extremamente útil, porém, deve ser utilizado com cuidado.

Um programa sem cortes pode ter a ordem das cláusulas alterada e este irá realizar a mesma computação. Já um programa com cortes pode ter seu significado alterado caso a ordem das regras seja modificada.

### Exemplo

O programa abaixo, sem cortes, não teria seu significado alterado caso a ordem das regras fosse modificada.

a(1).

b(2).

c(1).

1.p(X) := a(X), b(X).

2.p(X) :- c(X).

?- p(1).

?- p(2).

O operador de corte é extremamente útil, porém, deve ser utilizado com cuidado.

Um programa sem cortes pode ter a ordem das cláusulas alterada e este irá realizar a mesma computação. Já um programa com cortes pode ter seu significado alterado caso a ordem das regras seja modificada.

#### Exemplo

O programa abaixo, sem cortes, não teria seu significado alterado caso a ordem das regras fosse modificada.

a(1).

b(2).

c(1).

1.p(X) := a(X), b(X).

2.p(X) :- c(X).

?- p(1). Yes

?- p(2).

O operador de corte é extremamente útil, porém, deve ser utilizado com cuidado.

Um programa sem cortes pode ter a ordem das cláusulas alterada e este irá realizar a mesma computação. Já um programa com cortes pode ter seu significado alterado caso a ordem das regras seja modificada.

### Exemplo

O programa abaixo, sem cortes, não teria seu significado alterado caso a ordem das regras fosse modificada.

a(1).

b(2).

c(1).

1.p(X) := a(X), b(X).

2.p(X) := c(X).

?- p(1). Yes

?- p(2). No

O operador de corte é extremamente útil, porém, deve ser utilizado com cuidado.

Um programa sem cortes pode ter a ordem das cláusulas alterada e este irá realizar a mesma computação. Já um programa com cortes pode ter seu significado alterado caso a ordem das regras seja modificada.

### Exemplo

O programa abaixo, sem cortes, não teria seu significado alterado caso a ordem das regras fosse modificada.

a(1).

b(2). c(1).

1.p(X) := c(X).

2.p(X) := a(X), b(X).

?- p(1).

?- p(2).

O operador de corte é extremamente útil, porém, deve ser utilizado com cuidado.

Um programa sem cortes pode ter a ordem das cláusulas alterada e este irá realizar a mesma computação. Já um programa com cortes pode ter seu significado alterado caso a ordem das regras seja modificada.

### Exemplo

O programa abaixo, sem cortes, não teria seu significado alterado caso a ordem das regras fosse modificada.

a(1).

b(2).

c(1).

1.p(X) := c(X).

2.p(X) := a(X), b(X).

?- p(1). Yes

?- p(2).

O operador de corte é extremamente útil, porém, deve ser utilizado com cuidado.

Um programa sem cortes pode ter a ordem das cláusulas alterada e este irá realizar a mesma computação. Já um programa com cortes pode ter seu significado alterado caso a ordem das regras seja modificada.

### Exemplo

O programa abaixo, sem cortes, não teria seu significado alterado caso a ordem das regras fosse modificada.

a(1).

b(2).

c(1).

1.p(X) :- c(X).

2.p(X) := a(X), b(X).

?- p(1). Yes

?- p(2). No

### Exemplo

Porém, utilizando cortes, o programa abaixo, teria seu significado alterado caso a ordem das regras fosse modificada.

a(1). b(2).

c(1).

1. p(X) := a(X), !, b(X).

2. p(X) := c(X).

?- p(1).

?- p(2).

#### Exercício

### Exemplo

Porém, utilizando cortes, o programa abaixo, teria seu significado alterado caso a ordem das regras fosse modificada.

a(1). b(2).

c(1).

1. p(X) := a(X), !, b(X).

2. p(X) := c(X).

?- p(1). No

?- p(2).

#### Exercício

### Exemplo

Porém, utilizando cortes, o programa abaixo, teria seu significado alterado caso a ordem das regras fosse modificada.

a(1). b(2).

c(1).

1. p(X) := a(X), !, b(X).

2. p(X) := c(X).

?- p(1). No

?- p(2). No

#### Exercício

### Exemplo

Porém, utilizando cortes, o programa abaixo, teria seu significado alterado caso a ordem das regras fosse modificada.

a(1). b(2).

c(1).

1. p(X) := c(X).

2. p(X) := a(X), !, b(X).

?- p(1).

?- p(2).

#### Exercício

### Exemplo

```
Porém, utilizando cortes, o programa abaixo, teria seu significado alterado caso a ordem das regras fosse modificada.
```

a(1). b(2).

c(1).

1. p(X) := c(X).

2. p(X) := a(X), !, b(X).

?- p(1). Yes

?- p(2).

#### Exercício

### Exemplo

Porém, utilizando cortes, o programa abaixo, teria seu significado alterado caso a ordem das regras fosse modificada.

a(1). b(2).

c(1).

1. p(X) := c(X).

2. p(X) := a(X), !, b(X).

?- p(1). Yes

?- p(2). No

#### Exercício

### Exemplo

Porém, utilizando cortes, o programa abaixo, teria seu significado alterado caso a ordem das regras fosse modificada.

a(1). b(2).

c(1).

1. p(X) := c(X).

2. p(X) := a(X), !, b(X).

?- p(1). Yes

?- p(2). No

#### Exercício

### Sumário

- Fatos, consultas...
- Regras, regras recursivas...
- Listas...
- Aritmética...
- Corte...