Python Aula 12 - Matplotlib e Scipy

Prof. Eduardo Campos (CEFET-MG)

Slides do prof. João Silva da UFRJ



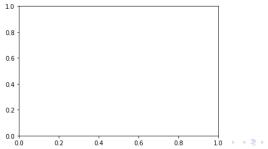
Queremos plotar a função seno para 200 pontos no intervalo [0, 10)

Queremos plotar a função seno para 200 pontos no intervalo $\left[0,10\right)$

```
import matplotlib.pyplot as plt # biblioteca matplotlib.pyplot

g fig, ax = plt.subplots()
```

- fig, ax = plt.subplots(): retorna um par de elemento, onde:
 - fig é uma instância de figura ("quadro em branco")
 - ax é um frame no qual você pode plotar algo



Queremos plotar a função seno para 200 pontos no intervalo $\left[0,10\right)$

```
import numpy as np  # biblioteca Numpy
import matplotlib.pyplot as plt # biblioteca matplotlib.pyplot

fig , ax = plt.subplots()
    x = np.linspace(0, 10, 200)  # 200 pontos do intervalo [0,10)
    y = np.sin(x)
```

• Criamos os arrays x e y usando o np.linspace.

Queremos plotar a função seno para 200 pontos no intervalo $\left[0,10\right)$

```
import numpy as np  # biblioteca Numpy
import matplotlib.pyplot as plt # biblioteca matplotlib.pyplot

fig , ax = plt.subplots()

x = np.linspace(0, 10, 200)  # 200 pontos do intervalo [0,10)
y = np.sin(x)
```

• Criamos os arrays x e y usando o np.linspace.

Agora, queremos plotar o gráfico:

```
import numpy as np  # biblioteca Numpy
import matplotlib.pyplot as plt # biblioteca matplotlib.pyplot

fig , ax = plt.subplots()

x = np.linspace(0, 10, 200)  # 200 pontos do intervalo [0,10)

y = np.sin(x)

ax.plot(x, y, 'b-', linewidth=5) # plotando o grafico
```

- x e y são as coordenadas dos pontos
- 'b − ' define a cor azul (b) e o estilo da linha (-)
- linewidth define a largura da linha

3 / 44

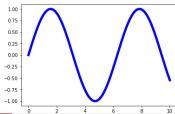
Queremos plotar a função seno para 200 pontos no intervalo $\left[0,10\right)$

```
import numpy as np # biblioteca Numpy
import matplotlib.pyplot as plt # biblioteca matplotlib.pyplot

fig, ax = plt.subplots()
x = np.linspace(0, 10, 200) # 200 pontos do intervalo [0,10)
y = np.sin(x)

ax.plot(x, y, 'b-', linewidth=5) # plotando o grafico
```

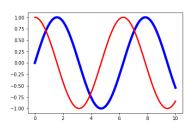
- x e y são as coordenadas dos pontos
- 'b − ' define a cor azul (b) e o estilo da linha (-)
- linewidth define a largura da linha



Podemos plotar mais de uma função em um mesmo gráfico:

```
import numpy as np  # biblioteca Numpy
import matplotlib.pyplot as plt # biblioteca matplotlib.pyplot

fig , ax = plt.subplots()
5 x = np.linspace(0, 10, 200)  # 200 pontos do intervalo [0,10)
6 y = np.sin(x)
7 z = np.cos(x)
8
9 ax.plot(x, y, 'b-', linewidth=5) # plotando o seno
10 ax.plot(x, z, 'r-', linewidth=3) # plotando o coseno
```



Formatos - Linhas e Pontos

character	description	
1_1	solid line style	
· '	dashed line style	
	dash-dot line style	
:	dotted line style	
	point marker	
	pixel marker	
°o'	circle marker	
'v'	triangle_down marker	
101	triangle_up marker	
'<'	triangle_left marker	
'>'	triangle_right marker	
.1.	tri_down marker	
'2'	tri_up marker	
'3'	tri_left marker	
'4'	tri_right marker	
's'	square marker	
'p'	pentagon marker	

101	triangle_up marker	
'<'	triangle_left marker	
'>'	triangle_right marker	
'1'	tri_down marker	
'2'	tri_up marker	
'3'	tri_left marker	
4'	tri_right marker	
's'	square marker	
'p'	pentagon marker	
1.81	star marker	
'h'	hexagon1 marker	
'н'	hexagon2 marker	
+ *	plus marker	
'x'	x marker	
'D'	diamond marker	
'd'	thin_diamond marker	
4.	vline marker	
	hline marker	

Formatos - Cores

character	color
'b'	blue
ʻg'	green
'r'	red
'c'	cyan
'm'	magenta
'y'	yellow
'k'	black
'w'	white

Podemos querer mostrar uma figura ou salvá-la em um arquivo:

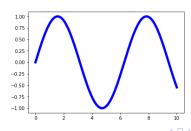
- show(): mostra a figura plotada
- savefig(...): salva a figura em um arquivo

```
import numpy as np  # biblioteca Numpy
import matplotlib.pyplot as plt # biblioteca matplotlib.pyplot

fig, ax = plt.subplots()
    x = np.linspace(0, 10, 200)  # 200 pontos do intervalo [0,10)
    y = np.sin(x)

ax.plot(x, y, 'b-', linewidth=5) # plotando o grafico

plt.show()  # mostrando o grafico
```



Podemos querer mostrar uma figura ou salvá-la em um arquivo:

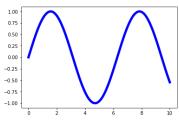
- show(): mostra a figura plotada
- savefig(...): salva a figura em um arquivo

```
import numpy as np  # biblioteca Numpy
import matplotlib.pyplot as plt # biblioteca matplotlib.pyplot

fig , ax = plt.subplots()
    x = np.linspace(0, 10, 200)  # 200 pontos do intervalo [0,10)
    y = np.sin(x)

ax.plot(x, y, 'b-', linewidth=5) # plotando o grafico

plt.savefig('/home/joao/Desktop/figura.png') # mostrando o grafico
```



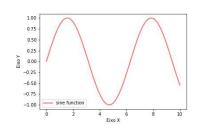
Exercício:

- Teste outras cores e formatos para o exemplo da função seno. Altere também o número de pontos.
- Plote as funções seno e coseno no mesmo gráfico, em cores e formatos diferentes.
- Plote as funções trigonométricas coseno (cos) e tangente (tan) de forma que as cores e formatos de cada plot sejam distintas. Varie também o número de pontos usados na geração dos gráficos. Salve seus gráficos em arquivo.

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(10, 5)) # podemos mudar o tamanho do grafico gerado
2 x = np.linspace(0, 10, 200)
3 y = np.sin(x)
4 ax.plot(x,y, 'r-',linewidth=2,label='sine function', alpha=0.6) # label da figura

plt.xlabel('Eixo X') # rotulo do eixo X
7 plt.ylabel('Eixo Y') # rotulo do eixo Y

ax.legend() # inclui a legenda
0 plt.show()
```



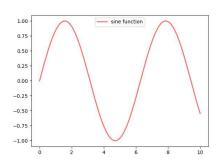
- figsize: permite definir o tamanho da figura
- label: acrescenta um rótulo para a função
- plt.xlabel e plt.ylabel: rótulo dos eixos x e y
- alpha: grau de "transparência" da linha (quanto menor, mais transparente)
- legend: inclui a legenda na figura

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(10, 5))

x = np.linspace(0, 10, 200)
y = np.sin(x)

ax.plot(x, y, 'r-', linewidth=2, label='sine function', alpha=0.6)
ax.legend(loc='upper center') # mudamos aqui
plt.show()
```

Podemos mudar a posição da legenda na figura:



```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(10, 5))

x = np.linspace(0, 10, 200)
y = np.sin(x)

ax.plot(x, y, 'r-', linewidth=2, label='sine function', alpha=0.6)

ax.legend(loc='upper center') # mudamos aqui
plt.show()
```

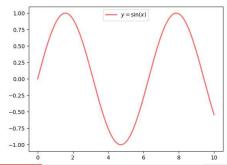
String	Código
'best'	0
'upper right'	1
'upper left'	2
'lower left'	3
'lower,right'	4
ʻright'	5
'center left'	6
'center right'	7
'lower center'	8
'upper,center'	9
'center'	10

```
fig , ax = plt.subplots (figsize=(10, 5))

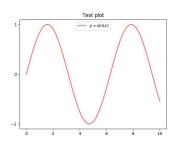
x = np.linspace(0, 10, 200)
y = np.sin(x)

ax.plot(x,y,'r-',linewidth=2,label=r'$y=\sin(x)$',alpha=0.6) # mudamos aqui
ax.legend(loc='upper center')

plt.show()
```



```
1  fig , ax = plt.subplots()
2  x = np.linspace(0, 10, 200)
3  y = np.sin(x)
4
5  ax.plot(x, y, 'r-', linewidth=2, label=r'$y=\sin(x)$', alpha=0.6)
6  ax.legend(loc='upper center')
7  ax.set_yticks([-1, 0, 1])  # acrescentamos esta linha
9  ax.set_title('Test plot')  # acrescentamos esta linha
10  plt.show()
```



- ax.set_yticks(): elementos que formam o eixo y
- ax.set_title(): título da figura

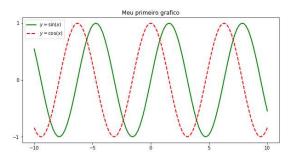
Exercícios:

- Crie um array com números do intervalo [0., 5.) (step = 0.2), e plote as funções
 - f(x) = x (formato: traços vermelhos)
 - $g(x) = x^2$ (quadrados azuis)
 - $h(x) = x^3$ (triângulos verdes).

Fazer duas versões, uma com eles separados e outra em um só gráfico. Inclua a legenda para as funções e salve as imagens em arquivos.

Exercício

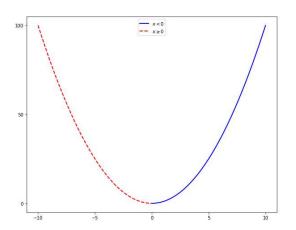
• Considerando que você está usando 100 pontos no intervalo [-10, 10], plote as funções *seno* e *coseno* para gerar o seguinte gráfico:



O tamanho da figura é 10 x 5. Salve seu gráfico em arquivo.

Exercício

Plote o gráfico abaixo. Use 100 pontos e o tamanho da figura de 10 x 8. Salve seu gráfico em arquivo.



Considere a seguinte função:

$$y = \begin{cases} x & \text{if } x < 0.5\\ 1 + x & \text{if } x \ge 0.5 \end{cases}$$

Considere a seguinte função:

$$y = \begin{cases} x & \text{if } x < 0.5\\ 1 + x & \text{if } x \ge 0.5 \end{cases}$$

Podemos plotar a função usando o seguinte código:

```
1 import numpy as np
2 import matplotlib.pvplot as plt
3 fig , ax = plt.subplots()
4 x=np.linspace (0,1,100) # array x
5 y=np.zeros(100) # array y, inicializado com zero
7 for i in range (100): # definindo a funcao
y[i]=1+x[i]
12 ax.plot(x, y, '-o')
13 plt.savefig('/home/joao/Desktop/descont1.png')
```

Considere a seguinte função:

$$y = \begin{cases} x & \text{if } x < 0.5\\ 1 + x & \text{if } x \ge 0.5 \end{cases}$$

Podemos simplificar a geração da função usando o fato que estamos trabalhando com arrays:

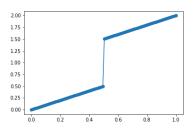
```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

fig, ax = plt.subplots()
5 x=np.linspace(0,1,100)  # array x
6 y=np.zeros(100)  # array y, inicializado com zero

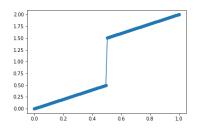
7 y[x<0.5] = x[x<0.5]  # forma alternativa para definir a funcao
9 y[x>=0.5] = 1 + x[x>=0.5]

10 ax.plot(x, y, '-o')
11 plt.savefig('/home/joao/Desktop/descont2.png')
```

Nos dois programas obtemos o mesmo gráfico:



Nos dois programas obtemos o mesmo gráfico:



- Por que isto ocorreu?
- Como resolver este problema?

Vamos usar np.nan para quebrar a linha em múltiplos seguimentos

- np.diff(y): diferença entre os elementos de um array (out[n] = y[n+1]-y[n])
- np.abs : retorna o valor absoluto do seu argumento
- np.where(condicao[,x,y]) : retorna elementos (de x ou y) em um ndarray ou tupla de ndarrays, dependendo de condicao

22 / 44

• Vamos usar np.nan para quebrar a linha em múltiplos seguimentos

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

fig, ax = plt.subplots()
5 x = np.linspace(0.1,100)
6 y = np.zeros(100)

7

8 y[x < 0.5] = x[x < 0.5]
9 y[x >= 0.5] = 1 + x[x >= 0.5]

10

11 pos = np.where(np.abs(np.diff(y)) >= 0.5)[0] # linha nova

12 x[pos] = np.nan # linha nova
13 y[pos] = np.nan # linha nova
14 y[pos] = np.nan # linha nova
15 ax.plot(x, y, '-o')
17 plt.savefig('/home/joao/Desktop/descont3.png')
```

 x[pos] = np.nan e y[pos] = np.nan : substitui o ponto onde ocorre a descontinuidade por np.nan

• Vamos usar np.nan para quebrar a linha em múltiplos seguimentos

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

fig , ax = plt.subplots()
5 x = np.linspace(0,1,100)
6 y = np.zeros(100)

7

8 y[x < 0.5] = x[x < 0.5]
9 y[x >= 0.5] = 1 + x[x >= 0.5]

11 pos = np.where(np.abs(np.diff(y)) >= 0.5)[0] # linha nova

12 x[pos] = np.nan # linha nova
13 x[pos] = np.nan # linha nova
14 y[pos] = np.nan # linha nova
15 ax.plot(x, y, '-o')
17 plt.savefig('/home/joao/Desktop/descont3.png')
```

- x[pos] = np.nan e y[pos] = np.nan : substitui o ponto onde ocorre a descontinuidade por np.nan
- Note que o ponto foi perdido!

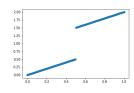
Vamos usar np.nan para quebrar a linha em múltiplos seguimentos

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
fig, ax = plt.subplots()

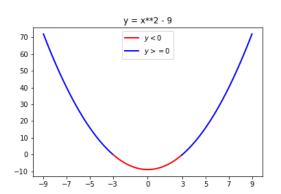
x=np.linspace(0,1,100)
y=np.zeros(100)
y=[x-0.5] = x[x-0.5]
y=[x-0.5] = x[x-0.5]

pos = np.where(np.abs(np.diff(y)) >= 0.5)[0]+1  # acrescentamos + 1 a posicao
x = np.insert(x, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
y = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acrescentamos ponto de quebra
x = np.insert(y, pos, np.nan)  # acresce
```

 x = np.insert(x, pos, np.nan) e y = np.insert(y, pos, np.nan): acrescentamos um novo ponto no array ao invés de substituí-lo.



Exercício: Faça uma função que gere o seguinte gráfico (use 200 pontos e valores de $x \in [-10, 10]$):



Scipy

SciPy é uma biblioteca construída sobre NumPy, aumentando o poder de manipulação e visualização de dados, tornando este ambiente competitivo com outros sistemas como MATLAB, Octave e SciLab.

Ela fornece uma série de ferramentas de programação científica:

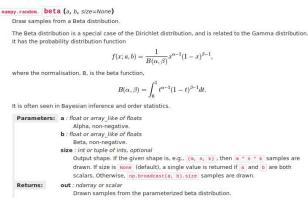
- álgebra linear (scipy.linalg)
- integração numérica (scipy.integrate)
- interpolação (scipy.interpolate)
- otimização (scipy.optimize)
- estatística (scipy.stats)
- outras

Este pacote oferece:

- Variáveis aleatórias: densidade, distribuições, amostragem aleatória, etc.
- procedimentos de estimativa
- testes estatísticos
- outros
- Veja a lista completa de funções deste módulo utilizando o comando help no Spider ou consultando a documentação na internet (https://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/stats.html).

Considere que queremos usar a função Beta. Podemos usar a função do Numpy:

numpy.random.beta



https://docs.scipy.org/doc/numpy-1.13.0/reference/generated/numpy.random.beta.html

Ou a função do Scipy.



https://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/generated/scipy.stats.beta.html#scipy.stats.beta

O Scipy nos oferece muito mais recursos:

Methods	
rvs(a, b, loc=0, scale=1, size=1, random_state=None)	Random
	variates.
pdf(x, a, b, loc=0, scale=1)	Probability
	density
	function.
logpdf(x, a, b, loc=0, scale=1)	Log of the
	probability
	density
	function.
cdf(x, a, b, loc=0, scale=1)	Cumulative
	distribution
	function.
logcdf(x, a, b, loc=0, scale=1)	Log of the
	cumulative
	distribution
	function.
sf(x, a, b, loc=0, scale=1)	Survival
	function
	(also
	defined as
	1 - cdf ,
	but sfis
	sometimes
	more
	accurate).
logsf(x, a, b, loc=0, scale=1)	Log of the
	survival
	function.

- norm: variável aleatória contínua normal
- Função de Densidade da Distribuição Normal

$$f(x) = \frac{e^{-\frac{1}{2}(\frac{x-\mu}{\sigma})^2}}{\sigma\sqrt{2\pi}}$$

onde μ é a média e σ o desvio padrão.

• No scipy, ela é definida para a $\mu=1$ (parâmetro loc) e $\sigma=0$ (parâmetro scale) por default:

$$f(x) = \frac{e^{-\frac{x^2}{2}}}{\sqrt{2\pi}}$$

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from scipy.stats import norm # variavel aleatoria continua normal

fig, ax = plt.subplots()

x = np.linspace(-4, 4, 150)
y = norm.pdf(x)

ax.plot(x, y, linewidth=2)

plt.savefig('normal1.png')
```

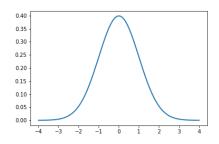
```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from scipy.stats import norm # variavel aleatoria continua normal

fig, ax = plt.subplots()

x = np.linspace(-4, 4, 150)
y = norm.pdf(x)

ax.plot(x, y, linewidth=2)

plt.savefig('normall.png')
```



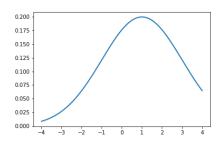
```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from scipy.stats import norm # variavel aleatoria continua normal

fig, ax = plt.subplots()

x = np.linspace(-4, 4, 150)
y = norm.pdf(x,loc=1,scale=2) # media = 1 e desvio = 2

ax.plot(x, y, linewidth=2)

plt.savefig('normal2.png')
```



- uniform: variável aleatória contínua uniforme
- Função de Densidade da Distribuição Uniforme

$$f(n) = \begin{cases} \frac{1}{b-a} & \text{para } a \le x \le b \\ 0 & \text{caso contrário} \end{cases}$$

No scipy, o intervalo [a, b] é definido por [loc, loc + scale], onde por default loc = 0 e scale = 1:

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from scipy.stats import uniform # variavel aleatoria continua uniforme

fig, ax = plt.subplots()

x = np.linspace(-4, 4, 150)
y = uniform.pdf(x) # densidade uniforme

ax.plot(x, y, linewidth=2)

plt.savefig('uniforme1.png')
```

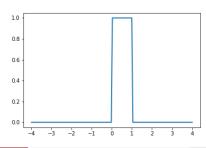
```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from scipy.stats import uniform # variavel aleatoria continua uniforme

fig, ax = plt.subplots()

x = np.linspace(-4, 4, 150)
y = uniform.pdf(x) # densidade uniforme

ax.plot(x, y, linewidth=2)

plt.savefig('uniforme1.png')
```



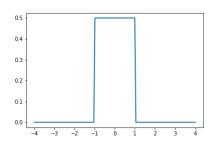
```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from scipy.stats import uniform # variavel aleatoria continua uniforme

fig, ax = plt.subplots()

x = np.linspace(-4, 4, 150)
y = uniform.pdf(x,loc=-1,scale=2) # mudando o intervalo

ax.plot(x, y, linewidth=2)

plt.savefig('uniforme2.png')
```



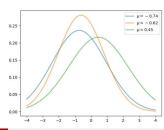
```
import matplotlib.pyplot as plt
 import numpy as np
4 from scipy stats import norm # 1
5 from random import uniform # 2
7 fig , ax = plt.subplots()
8 \times = np. linspace(-4, 4, 150)
9 for i in range(3): # 3
       m, s = uniform(-1, 1), uniform(1, 2)
  y = norm.pdf(x, loc=m, scale=s) # 4
       current_label = r' \mu = \{0:.2f\} '.format(m)
13
       ax.plot(x, y, linewidth=2, alpha=0.6, label=current_label)
14 ax.legend()
15 plt.show()
```

- norm: Variável aleatória contínua normal
- uniform: sorteia um número float dentro de um dado intervalo. CUIDADO: não é do scipy, é do random!
- Em cada passada do loop, um gráfico é construído:
 - Sorteia uma média $m \in [-1, 1]$ e desvio padrão $s \in [1, 2]$
 - norm.pdf: função densidade de probabilidade com média m (loc=m) e desvio padrão s (scale=s)

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

from scipy.stats import norm # 1
from random import uniform # 2

fig, ax = plt.subplots()
    x = np.linspace(-4, 4, 150)
    for i in range(3): # 3
        m, s = uniform(-1, 1), uniform(1, 2)
        y = norm.pdf(x, loc=m, scale=s) # 4
        current_label = r'$\nu = {0:.2 f}$'.format(m)
        ax.plot(x, y, linewidth=2, alpha=0.6, label=current_label)
ax.legend()
plt.show()
```



Matplotlib - Histogramas

```
import numpy as np
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

numeroPontos = 100000 # numero de pontos
numeroBins = 20 # numero de colunas

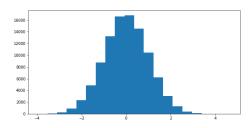
x = np.random.randn(numeroPontos) # eixo X
y = .4 * x + np.random.randn(numeroPontos) + 5 # eixo Y

graph
fig, axs = plt.subplots(figsize = (10,5))

axs.hist(x, bins=numeroBins) # histograma

axs.hist(x, bins=numeroBins) # histograma

plt.savefig('teste0.png')
```



Matplotlib - Histogramas

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

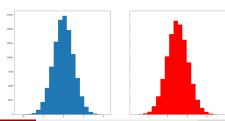
numeroPontos = 100000
numeroBins = 20

x = np.random.randn(numeroPontos) # eixo X
y = .4 * x + np.random.randn(numeroPontos) + 5 # eixo Y

fig , axs = plt.subplots(1, 2, figsize=(20,10), sharey=True) # dois histog. lado a lado com mesmo eixo Y (sharey)

axs[0].hist(x, bins=numeroBins) # primeiro histograma axs[1].hist(y, bins=20, facecolor='r') # segundo histograma, de cor vermelha

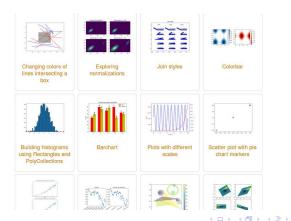
plt.savefig('teste.png')
```



Matplotlib - Galeria

A Matplotlib é uma biblioteca bastante poderosa. Existem inúmeros modelos de gráficos que podem ser usados.

Veja em : https://matplotlib.org/gallery/index.html



Matplotlib - Referências

- Quantecon: https://lectures.quantecon.org/py/matplotlib.html#thematlab-style-api
- Matplotlib: https://matplotlib.org/users/pyplot_tutorial.html

Autores

- João C. P. da Silva ► Lattes
- Carla Delgado ► Lattes

Computação II - Python Aula 8 - Matplotlib e Scipy

João C. P. da Silva

Carla A. D. M. Delgado

Dept. Ciência da Computação - UFRJ