



# Estrutura de Dados e Algoritmos

Análise de Complexidade de Códigos



#### Análise de Complexidade de Códigos



- Definir uma fórmula que expresse o tempo de execução de um algoritmo em função do volume de dados de entrada;
- Estimativa de tempo de execução;





Instruções Simples:

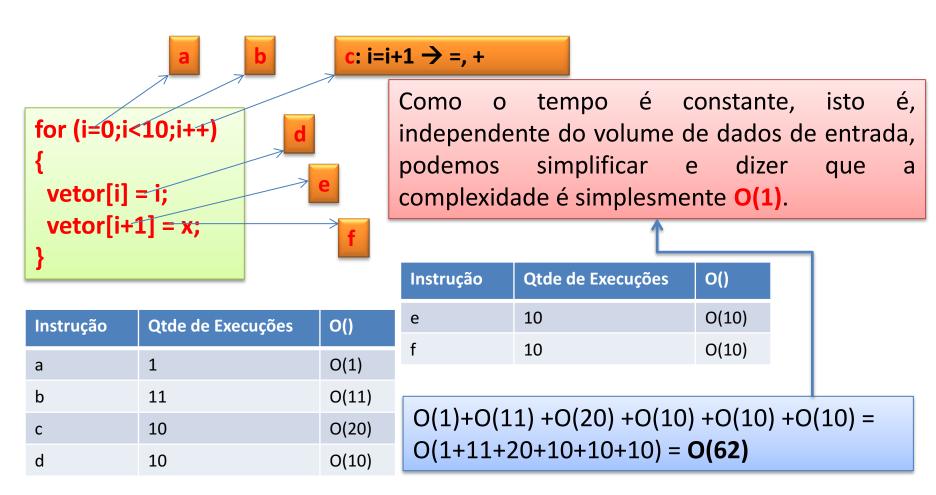
```
int x;
float y;
x = 1;
y = 1.0 + x;
```

Podemos facilmente notar que qualquer desses comandos, a não ser que esteja dentro de um laço, será executado uma única vez. Ou seja, são comandos que não dependem do volume de dados de entrada. Portanto, dizemos que esses comandos têm ordem de complexidade constante, ou O(1).





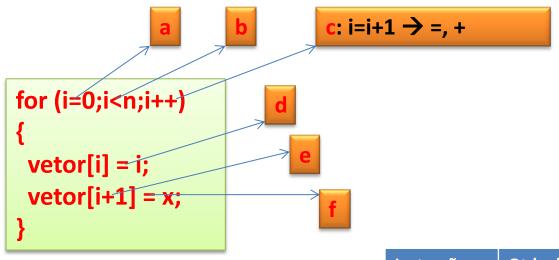
Laços de Repetição (1):







## Laços de Repetição (2):



Instrução	Qtde de Execuções	O()
а	1	O(1)
b	n+1	O(n+1)
С	n	O(2n)
d	n	O(n)

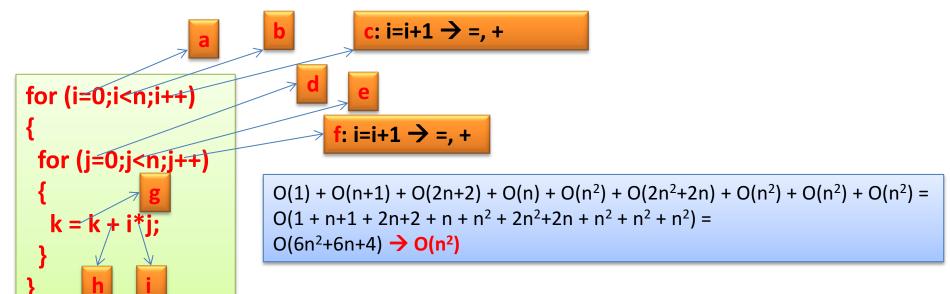
Instrução	Qtde de Execuções	O()
е	n	O(n)
f	n	O(n)

$$O(1) + O(n+1) + O(2n) + O(n) + O(n) + O(n) =$$
  
 $O(1 + n+1 + 2n + n + n + n) = O(6n+2) \rightarrow O(n)$ 





### Laços Aninhados:



Instrução	Qtde de Execuções	O()
а	1	O(1)
b	n+1	O(n+1)
С	n+1	O(2n+2)
d	n	O(n)

Instrução	Qtde de Execuções	O()
е	$n.(n+1) \rightarrow n^2 + n$	O(n <sup>2</sup> )
f	$n.(n+1) \rightarrow n^2 + n$	O(2n <sup>2</sup> +2n)
g	n <sup>2</sup>	O(n <sup>2</sup> )
h	n <sup>2</sup>	O(n <sup>2</sup> )
i	n <sup>2</sup>	O(n <sup>2</sup> )

Análise de Complexidade de Códigos

Prof. Nilton Correia da Silva

Estrutura de Dados e Algoritmos

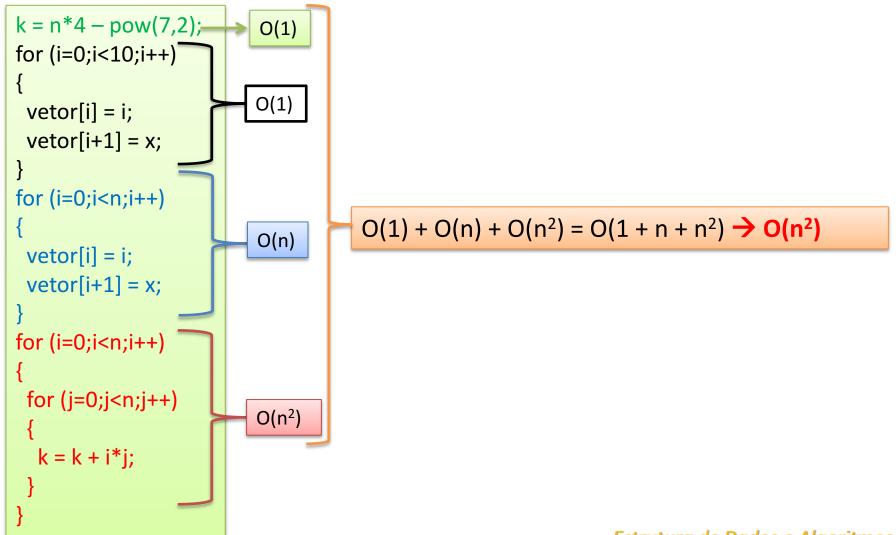


Analise de Complexidade de Códigos

#### Regras para Análise de Algoritmos



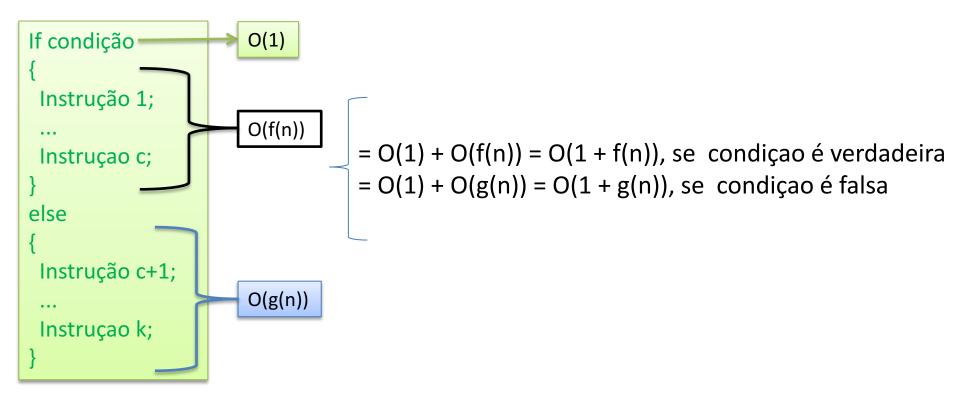
#### Estruturas Consecutivas:







Estrutura Condicional:

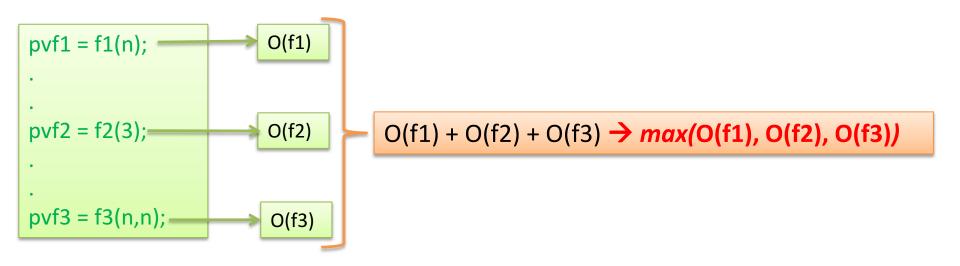






## Funções:

Para calcular a complexidade com chamadas a funções, calcule primeiramente a complexidade de cada uma das funções e depois considere cada uma das funções como uma instrução, com a complexidade da função.

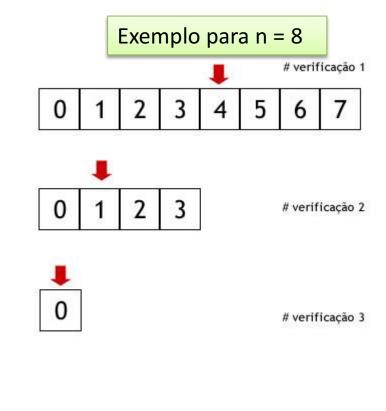






Algoritmos O(log<sub>2</sub>n):

```
int lo = 0, mid, hi = n - 1;
while (lo <= hi)
 mid = (lo + hi)/2;
 if (key < a[mid])
  hi = mid - 1;
 else if (key > a[mid])
  lo = mid + 1;
 else
  return mid;
return -1;
```



Supondo que a chave não esteja no vetor, o laço é executado m vezes, onde  $2^m = n$ . Ou:  $m = \log_2 n \rightarrow O(\log_2 n)$ .





- Quando o tempo de resposta de um algoritmo depende também da configuração dos dados de entrada, podemos ter as seguintes análises:
  - Melhor caso: menor tempo de execução;
  - Pior caso: maior tempo de execução. Geralmente, priorizamos determinar o pior caso;
  - Caso médio: média dos tempos de execução. Mais difícil de obter.





- Exemplo: busca sequencial.
- Operação: comparação de x com elementos de V;

```
buscaSequencial(x,V)
i = 0;
enquanto (i < n) e (V[i] != x) // executa n vezes no máximo
{
   i = i + 1;
}
se i >= n então "Busca sem sucesso"
senão "Busca com sucesso"
```





- Melhor caso da busca sequencial: x está em V[0].
- Complexidade de tempo: O(1).

```
buscaSequencial(x,V)
i = 0;
enquanto (i < n) e (V[i] != x) // executa n vezes no máximo
{
   i = i + 1;
}
se i >= n então "Busca sem sucesso"
senão "Busca com sucesso"
```





- Pior caso da busca sequencial: x está em V[n-1] ou não está em V.
- Complexidade de tempo: O(n).

```
buscaSequencial(x,V)
i = 0;
enquanto (i < n) e (V[i] != x) // executa n vezes no máximo
{
   i = i + 1;
}
se i >= n então "Busca sem sucesso"
senão "Busca com sucesso"
```





- Pior caso da busca sequencial: x está em V[n-1] ou não está em V.
- Complexidade de tempo: O(n).

```
buscaSequencial(x,V)
i = 0;
enquanto (i < n) e (V[i] != x) // executa n vezes no máximo
{
   i = i + 1;
}
se i >= n então "Busca sem sucesso"
senão "Busca com sucesso"
```





- Caso médio da busca sequencial: assumindo que x está em V, f (n) = 1×p1 + 2×p2 + . . . + n×pn onde pi é probabilidade de x estar na posição i;
- Considerando que as probabilidades são iguais: pi = 1/n.
- f(n) = 1/n(1 + 2 + 3 + ... + n) = 1/n(n(n+1)/2) = (n+1)/2
- Complexidade de tempo: (n+1)/2, ou seja, uma pesquisa bem-sucedida examina aproximadamente metade dos registros.
- A complexidade do Caso médido é O(n).



## Prática...



- No ambiente virtual (Moodle):
  - Prática AnáliseDeComplexidadeCódigos.pdf