# PROYECTO 2: MODELO MACROECONÓMICO

### Equipo 12

- Emmanuel Bonilla Flores
- Marcos García Morales
- Alberto Hernández Galicia
- Eduardo Tomás Leyva Díaz

**NOTA**: Para la Penalización Lasso y Elastic Net no se logró obtener un resultado similar al de R, la función en Python se trabaja con otros argumentos y las predicciones de los modelos nunca se asemejaron a los datos reales, para TBM se deja un ejemplo. El Reporte de R es el más completo y ahí se encuentran todos los resultados de las comparaciones entre los modelos de penalización.

# INTRODUCCIÓN

Las instituciones financieras (bancos) están expuestas, naturalmente, a diversos riesgos debido a su esquema de negocios. Por ello, es esencial que estás instituciones cuenten con instrumentos que les permitan identificar las posibles perdidas que pudieran afrontar y asi poder establecer estrategias que las cubran sin poner en riesgo su funcionamiento y operación.

De esta forma, existen diversas formas de abordar esta situación, en una primer instancia se emplea la probabilidad de incumplimiento (PD, por sus siglas en ingles) que brinda una imagen preliminar de las posibles perdidas y del riesgo sistematico. Sin embargo, debido a que existe una relación entre las variables macroeconomicas y el comportamiento de los individuos que conforman la economia, se establece un modelo basado en variables macroeconomicas que ayude a visualizar si existe una relación entre el ciclo economico y la probabilidad de incumplimiento.

Por lo anterior, el presente trabajo pretente tomar *numero de variables* variables macroecomicas con la intención de ver como estás afectan a la probabilidad de incumplimiento (PD) para la cartera de tarjetas de credito de las instituciones bancarias y su SOFOME (Total Banca Multiple, BBVA, SANTANDER, BANAMEX, BANORTE) y con ellas generar diversos modelos que ayuden a capturar de mejorar manera la información. Para ello, se tomara como periodo de interes el comprendido por diciembre de 2015 y diciembre de 2024, es decir, 120 meses de cada una de las variables macroecomicas. Para la obtención de estos datos se tomara como fuente a BANXICO y INEGI, pues dichas instituciones cuentan con un API habilitada para la consulta de las series de tiempo que

construyen y almacenan, misma que puede emplearse desde Python para acceder de forma directa a la información.

### LIBRERÍAS

El primer paso es activar todas las librerías necesarias para la elaboración de este proyecto, las cuales son:

```
In [ ]: # Tratamiento de datos
        import pandas as pd
        import numpy as np
        import requests
        #Graficos
        import matplotlib.pyplot as plt
        from matplotlib import style
        import seaborn as sns
        #Procesado y modelado
        from scipy.stats import pearsonr
        from sklearn.linear_model import LinearRegression
        from sklearn.model selection import train test split
        from sklearn.metrics import r2_score
        from sklearn.metrics import mean_squared_error
        import statsmodels.api as sm
        import statsmodels.formula.api as smf
        from scipy import stats
        import statsmodels as sms
        # Modelos de Penalización
        from sklearn.linear model import RidgeCV, Ridge
        from sklearn.linear_model import LassoCV, Lasso
        from sklearn.model_selection import KFold
        # Verificar supuestos
        from statsmodels.stats.stattools import durbin_watson
        from scipy.stats import anderson
        from statsmodels.stats.diagnostic import het_breuschpagan
        # Anova
        from statsmodels.stats.anova import anova_lm
        from statsmodels.formula.api import ols
        # Configuración de matplotlib
        plt.rcParams['image.cmap']="bwr"
        plt.rcParams['figure.dpi']="100"
        plt.rcParams['savefig.bbox']="tight"
        style.use('ggplot') or plt.style.use('ggplot')
        # Configuración de warnings
        import warnings
        warnings.filterwarnings('ignore')
```

### **DATOS**

Después hay que importar los datos de las Probabilidades de Incumplimiento en Tarjetas de Crédito (IMORA - PD Proxy) para los bancos BBVA, Banamex, Santander, Banorte y para el total de la banca múltiple TBM que vienen en un archivo de Excel.

out[ ]:		Fecha	ТВМ	BBVA	Banamex	Santander	Banorte
	0	201501	16.556180	15.390381	17.778785	15.907179	15.311942
	1	201502	16.754267	15.523498	18.177357	15.691693	15.548873
	2	201503	16.853535	15.840510	18.311833	15.446560	15.876731
	3	201504	16.937817	15.906859	18.486043	15.588925	16.080912
	4	201505	16.889729	15.874036	18.364901	15.564662	16.230064

# VARIABLES MACROECONÓMICAS

Para usar las APIs del Banco de México y del INEGI, es necesario solictar un token para cada sitio. En este caso, la solicitud se efectuo y se puede acceder a la información con los siguientes token.

```
In [ ]: # Token de cada institución declarado como variable

t_banxico="a184459f1821ddc37dc731dc1b42ee2da89c86f289e26ccbdf5459074e0d39aa"
t_inegi="9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236"
```

Para obtener la información desde los sistemas de Banxico e INEGI se establece el periodo de interés que abarca del 01 de enero de 2015 al 31 de diciembre del 2024 y serán datos con periodicidad mensual. Se creó una función que recibe como argumento el indicador y devuelve como resultado el data frame con los valores del periodo establecido. Como los indicadores de las dos fuentes de información son diferentes, se creó una función para Banxico y otra para INEGI.

```
In []: # Función API Banco de Mexico

def descarga_bmx(serie, fechainicio, fechafin, token):
    url = f"https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/{serie}/datos/
    print(url)
    headers = {"Bmx-Token": token}
    response = requests.get(url, headers=headers)
    status = response.status_code

# Check if the request was successful
    if status == 200:
```

```
raw_data = response.json()

# Check if the expected keys exist in the response
if "bmx" in raw_data and "series" in raw_data["bmx"] and len(raw_data["bmx"]
    data = raw_data["bmx"]["series"][0]["datos"]
    df = pd.DataFrame(data)
    df["dato"] = pd.to_numeric(df["dato"].str.replace(",",""), errors='coerce'
    return df
else:
    print(f"Unexpected response format for series: {serie}")
    return None # or an empty DataFrame
else:
    print(f"Error downloading series with code: {serie}, Status Code: {status}")
    return None # or an empty DataFrame
```

```
def descarga_inegi(serie,token):
    url=f"https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/IND
    print(url)
    response=requests.get(url)
    response_dict=response.json()
    data=pd.DataFrame(response_dict["Series"][0]["OBSERVATIONS"])
    data=data[["TIME_PERIOD","OBS_VALUE"]]
    data["TIME_PERIOD"]=pd.to_datetime(data["TIME_PERIOD"],format="mixed")
    data_inicial=data[data["TIME_PERIOD"]>="2015-01-01"].index
    data_fin=data[data["TIME_PERIOD"]<"2025-01-01"].index
    pos=data_inicial.intersection(data_fin)
    #df=data.iloc[pos].sort_index(ascending=False).copy()
    df=data.iloc[pos].copy()
    return df</pre>
```

```
In [ ]: # Fechas de interes

fechas=pd.date_range(start="2015-01-01",end="2024-12-01",freq="MS")
fechas
```

```
Out[]: DatetimeIndex(['2015-01-01', '2015-02-01', '2015-03-01', '2015-04-01', '2015-05-01', '2015-06-01', '2015-07-01', '2015-08-01', '2015-09-01', '2015-10-01', ...

'2024-03-01', '2024-04-01', '2024-05-01', '2024-06-01', '2024-07-01', '2024-08-01', '2024-09-01', '2024-10-01', '2024-11-01', '2024-12-01'],

dtype='datetime64[ns]', length=120, freq='MS')
```

La forma en que las variables se buscan en los sistemas de las fuentes de información es mediante un indicador que viene en las páginas de consulta, a continuación se presentan los que corresponden las variables que se van a proponer

```
"737122","444559","127598","910399","444566",
"742149","742166","380713","723376","719873",
"723453","723386","15169","444785","444782"]}
```

Se procederá a descargar la información mediante un ciclo for

```
In [ ]: # Ciclo para armar el DataFrame de los datos de Banxico
        df banxico=pd.DataFrame()
        for k in range(len(keys_banxico)):
          datos=descarga_bmx(keys_banxico.claves.iloc[k],"2015-01-01","2024-12-01",t_ban
          if datos is not None:
            df_banxico[keys_banxico.claves.iloc[k]]=datos["dato"]
            print(f"Error en la descarga de la serie con clave: {keys_banxico.claves.ilo
        df_banxico
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SF17908/datos/2015-01-01/
       2024-12-01
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SR17693/datos/2015-01-01/
       2024-12-01
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SL11298/datos/2015-01-01/
       2024-12-01
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SF43426/datos/2015-01-01/
       2024-12-01
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SF283/datos/2015-01-01/20
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SP30577/datos/2015-01-01/
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SE36566/datos/2015-01-01/
       2024-12-01
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SG193/datos/2015-01-01/20
       24-12-01
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SG123/datos/2015-01-01/20
       24-12-01
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SF4782/datos/2015-01-01/2
       024-12-01
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SG9/datos/2015-01-01/2024
       -12-01
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SF235704/datos/2015-01-0
       1/2024-12-01
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SG1/datos/2015-01-01/2024
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SN4240/datos/2015-01-01/2
       024-12-01
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SF46188/datos/2015-01-01/
       2024-12-01
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SF29656/datos/2015-01-01/
       2024-12-01
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SR17531/datos/2015-01-01/
       2024-12-01
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SR17459/datos/2015-01-01/
       2024-12-01
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SF4801/datos/2015-01-01/2
       024-12-01
       https://www.banxico.org.mx/SieAPIRest/service/v1/series/SE27803/datos/2015-01-01/
       2024-12-01
```

Out[ ]:		SF17908	SR17693	SL11298	SF43426	SF283	SP30577	SE36566	SG193	S
	0	14.6926	93.1955	68.33	10.75	3.30	-0.09	1630210.0	6759.16	-64
	1	14.9213	93.4590	68.33	10.60	3.30	0.19	1726709.0	6754.42	-80
	2	15.2283	93.6275	68.33	10.59	3.30	0.41	1803499.0	6764.70	-85
	3	15.2262	94.5241	69.26	10.59	3.30	-0.26	1573679.0	6754.08	-92
	4	15.2645	93.8419	69.26	10.18	3.30	-0.50	1866700.0	6855.42	-109
	•••									
	115	19.1515	105.2741	248.93	11.40	11.08	0.01	1722912.0	14828.91	157
	116	19.6316	105.3753	248.93	11.42	10.95	0.05	1383178.0	15192.90	196
	117	19.7062	104.5557	248.93	11.46	10.74	0.55	1839922.0	15082.19	204
	118	20.3455	104.8730	248.93	11.46	10.61	0.44	1932328.0	15192.41	180
	119	20.2661	103.7736	248.93	11.45	10.38	0.38	1748821.0	15487.53	154

120 rows × 20 columns

```
In [ ]: # Ciclo para armar el DataFrame de los datos del INEGI
        df_inegi=pd.DataFrame()
        periodicidad=[]
        for k in range(len(keys_inegi)):
          datos=descarga_inegi(keys_inegi.claves.iloc[k],t_inegi)
          datos
          if len(datos["OBS_VALUE"])!=120:
            obs=len(datos["OBS_VALUE"])
            print(f"Revisar la periodicidad de la serie {keys_inegi.claves.iloc[k]}, se
            periodicidad.append(keys_inegi.claves.iloc[k])
          elif k==0:
            df_inegi["Fecha"]=datos["TIME_PERIOD"].reset_index(drop=True)
            df_inegi[keys_inegi.claves.iloc[k]]=datos["OBS_VALUE"].reset_index(drop=True
          else:
            df_inegi[keys_inegi.claves.iloc[k]]=datos["OBS_VALUE"].reset_index(drop=True
        df_inegi.sort_index(ascending=False,inplace=True)
        df_inegi
```

```
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/18
2022/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/44
4623/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/67
3096/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/45
4168/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/72
2230/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/73
7122/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/44
4559/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/12
7598/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/91
0399/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/44
4566/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/74
2149/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
Revisar la periodicidad de la serie 742149, se tienen solo 40 observaciones
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/74
2166/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
Revisar la periodicidad de la serie 742166, se tienen solo 40 observaciones
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/38
0713/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
Revisar la periodicidad de la serie 380713, se tienen solo 40 observaciones
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/72
3376/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/71
9873/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/72
3453/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/72
3386/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/15
169/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/44
4785/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/44
4782/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json
```

Out[ ]:		Fecha	182022	444623	673096	454168	722230
	119	2015- 01-01	3.3	4.512433952059	78.702426333714	38.062504132065	86.394
	118	2015- 02-01	3.4	4.331262848419	79.138948816648	37.491142610507	87.47
	117	2015- 03-01	3.5	3.86216556897	79.792736712956	38.505218872517	91.047
	116	2015- 04-01	3.4	4.310669978288	80.131169147908	37.842864420838	95.669
	115	2015- 05-01	3.5	4.445833655999	80.236189564689	38.031691558286	101.363
	•••						
	4	2024- 08-01	11.2	3.037371614926	127.104511541357	46.993258614232	116.73271633
	<b>3</b> 2024- 09-01		11	2.922513588042	127.7368338666	46.565337126158	106.70452402
	2	2024- 10-01	10.8	2.500181580654	128.203926866036	48.897877633122	112.71077826
	1	2024- 11-01	10.808	2.638832782044	129.413847659242	47.442950378912	107.08966202
	0	2024- 12-01	10.6	2.432341496166	130.405784353402	47.270034347409	122.78936707

120 rows × 18 columns

Es importante recalcar que hay 3 variables (PIB, Tipo de Cambio y Ahorro) que son de

periodicidad trimestral, es decir, el data frame tiene solo 40 observaciones en lugar de 120, por lo que el procedimiento a realizar es descargarlas a parte con otra función y hacer una interpolación asumiendo que el comportamiento es lineal.

```
In [ ]: # Funcion para datos trimestrales del INEGI
        def descarga_trimestral(serie, token, f_inicial,f_final):
          url=f"https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/IND
          print(url)
          response=requests.get(url)
          response_dict=response.json()
          data=pd.DataFrame(response_dict["Series"][0]["OBSERVATIONS"])
          data=data[["TIME_PERIOD","OBS_VALUE"]]
          data_inicial=data[data["TIME_PERIOD"]>=f_inicial].index
          data_fin=data[data["TIME_PERIOD"]<f_final].index</pre>
          pos=data_inicial.intersection(data_fin)
          #df=data.iloc[pos].sort_index(ascending=False).copy()
          df_trimestral=data.iloc[pos].copy()
          return df_trimestral
```

```
In []: # Dataframe con las series de tiempo trimestrales

df_inegi_trim=pd.DataFrame()
    size=len(periodicidad)

for _ in range(size):
    valor=descarga_trimestral(periodicidad[_],t_inegi,"2014/04","2025/01")["OBS_VAdf_inegi_trim[periodicidad[_]]=valor

df_inegi_trim
```

https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/74 2149/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/74 2166/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/38 0713/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json

Out[ ]:		742149	742166	380713
	0	35323276.078	7050968.52070511	54.45005918
	1	34346806.946	6732068.05968989	54.63683469
	2	33903155.102	6530773.20546814	54.25961981
	3	32082079.185	6361262.1035309	54.34668329
	4	33303872.536	6474896.91474617	54.76697702
	5	32096907.634	6509279.45936101	55.1212717
	6	31585234.474	6624114.56474467	55.18164369
	7	30436250.546	6492506.21791122	55.064097
	8	30929609.23	6371079.93075157	55.11173363
	9	29732283.22	6281150.29829333	55.59500318
	10	29442358.077	6429755.41872525	55.74523965
	11	27959958.635	5958194.08588692	55.2367
	12	27852970.143	5919027.0113843	55.83579373
	13	26611404.352	6017923.33679875	56.2972
	14	26634327.965	5703560.56782813	56.1605
	15	25661431.1	6057709.36398179	55.0662
	16	25950193.841	5183758.27993642	55.43529787
	17	24267620.879	4259248.71615534	54.19075107
	18	20799463.927	4575248.19549656	50.917066666667
	19	25329753.891	5323806.56824495	55.85243137
	20	25722507.113	5537508.31263695	56.0883
	21	25182909.697	5554138.50430804	56.3674
	22	25036472.55	5469649.6696048	56.1987
	23	24545403.861	5711802.94312076	56.7254
	24	25125660.135	6253082.67357846	56.48621812
	25	24262574.513	5661925.46210662	56.54679321
	26	24136868.094	5483206.32248738	56.49797934
	27	23181578.747	5324656.10096621	56.57012159
	28	23446191.823	5126702.71440197	56.8762
	29	22424378.365	5036325.11042113	57.0211
	30	22351037.369	5095063.83352985	56.3691
	31	21923233.467	5002939.18155664	57.0453
	32	22014450.811	4745574.07544648	57.10871426

	742149	742166	380713
33	20921915.626	4487219.20002395	57.20319879
34	20557132.312	4468431.22896327	57.00952893
35	19541663.274	4198408.57936472	57.21461745
36	19969929.27	4208622.92255789	58.04294023
37	19467455.941	4299193.18078847	57.6513085
38	19087520.892	4005961.68544716	57.68000803
39	18389552.595	3674034.82070885	57.48243327
40	18884609.289	3559922.88935544	57.77268689

```
In [ ]: # Función para interpolar los datos
        def interpolar_datos_mensuales(data, key):
            data['OBS_VALUE'] = pd.to_numeric(data['OBS_VALUE'], errors='coerce')
            valores = [] # Lista para almacenar los valores interpolados
            data.sort_index(ascending=False, inplace=True)
            for k in range(1, len(data["TIME_PERIOD"])):
                dato_mes1 = data['OBS_VALUE'].iloc[k-1] # Dato conocido (mes 1)
                dato_mes4 = data['OBS_VALUE'].iloc[k] # Dato conocido (mes 4)
                # Interpolación lineal para meses 2 y 3
                dato_mes2 = np.interp(2, [1, 4], [dato_mes1, dato_mes4])
                dato_mes3 = np.interp(3, [1, 4], [dato_mes1, dato_mes4])
                # Almacenar los valores en la lista
                valores.extend([dato_mes1, dato_mes2, dato_mes3, dato_mes4])
            # Eliminar duplicados y el primer dato auxiliar
            valores = list(dict.fromkeys(valores))[1:] # dict.fromkeys() mantiene el or
            # Crear DataFrame con los valores interpolados
            datos_INEGI_mensual = pd.DataFrame({'OBS_VALUE': valores})
            return datos INEGI mensual
```

```
inter=pd.DataFrame()
size=len(df_inegi_trim.columns)

for _ in range(size):
    resultado=descarga_trimestral(df_inegi_trim.columns[_],t_inegi,"2014/04","2025
    info=interpolar_datos_mensuales(resultado,df_inegi_trim.columns[_])["OBS_VALUE
    inter[df_inegi_trim.columns[_]]=info.reset_index(drop=True)
    inter
```

https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/74 2149/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/74 2166/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json https://www.inegi.org.mx/app/api/indicadores/desarrolladores/jsonxml/INDICATOR/38 0713/es/0700/false/BIE/2.0/9182ec3b-d1aa-7b55-7109-dcf2c4b27236?type=json

ut[]:		742149	742166	380713
	0	1.871959e+07	3.597960e+06	57.675936
	1	1.855457e+07	3.635998e+06	57.579184
	2	1.838955e+07	3.674035e+06	57.482433
	3	1.862221e+07	3.784677e+06	57.548292
	4	1.885486e+07	3.895319e+06	57.614150
	•••			
	115	3.419892e+07	6.664970e+06	54.511096
	116	3.434681e+07	6.732068e+06	54.636835
	117	3.467230e+07	6.838368e+06	54.574576
	118	3.499779e+07	6.944668e+06	54.512318
	119	3.532328e+07	7.050969e+06	54.450059

120 rows × 3 columns

Lo que sigue es pegarlas por columnas con las variables mensuales del INEGI que ya se habían descargado

```
In []: # Modificacion del DataFrame de INEGI para facilitar el pegado de los datos

df_inegi.drop(columns="Fecha",inplace=True)

df_inegi.reset_index(inplace=True)

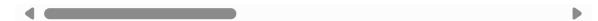
df_inegi.drop(columns="index",inplace=True)

df_inegi
```

:		182022	444623	673096	454168	722230	
	0	3.3	4.512433952059	78.702426333714	38.062504132065	86.394	93.437
	1	3.4	4.331262848419	79.138948816648	37.491142610507	87.47	87.836
	2	3.5	3.86216556897	79.792736712956	38.505218872517	91.047	76.092
	3	3.4	4.310669978288	80.131169147908	37.842864420838	95.669	87.801
	4	3.5	4.445833655999	80.236189564689	38.031691558286	101.363	102.836
	•••						
	115	11.2	3.037371614926	127.104511541357	46.993258614232	116.73271633	84.823
	116	11	2.922513588042	127.7368338666	46.565337126158	106.70452402	83.507
	117	10.8	2.500181580654	128.203926866036	48.897877633122	112.71077826	88.283
	118	10.808	2.638832782044	129.413847659242	47.442950378912	107.08966202	125.285
	119	10.6	2.432341496166	130.405784353402	47.270034347409	122.78936707	126.532

120 rows × 17 columns

Out[]:



Después se juntará toda la información y se le dará formato a ese data frame poniendo la **abreviatura** de las variables (a través de un diccionario) en el nombre de las columnas para identificarlas con mayor facilidad.

```
In [ ]: # DataFrame con todas Las variables macroeconomicas
    variables_macro=pd.concat([df_banxico,df_inegi,inter],axis=1)
    variables_macro
```

:		SF17908	SR17693	SL11298	SF43426	SF283	SP30577	SE36566	SG193	S
	0	14.6926	93.1955	68.33	10.75	3.30	-0.09	1630210.0	6759.16	-64
	1	14.9213	93.4590	68.33	10.60	3.30	0.19	1726709.0	6754.42	-80
	2	15.2283	93.6275	68.33	10.59	3.30	0.41	1803499.0	6764.70	-85
	3	15.2262	94.5241	69.26	10.59	3.30	-0.26	1573679.0	6754.08	-92
	4	15.2645	93.8419	69.26	10.18	3.30	-0.50	1866700.0	6855.42	-109
	•••	•••			•••					
	115	19.1515	105.2741	248.93	11.40	11.08	0.01	1722912.0	14828.91	157
	116	19.6316	105.3753	248.93	11.42	10.95	0.05	1383178.0	15192.90	196
	117	19.7062	104.5557	248.93	11.46	10.74	0.55	1839922.0	15082.19	204
	118	20.3455	104.8730	248.93	11.46	10.61	0.44	1932328.0	15192.41	180
	119	20.2661	103.7736	248.93	11.45	10.38	0.38	1748821.0	15487.53	154

120 rows × 40 columns

Out[ ]

:		TC	IGAE_2018	SMG	TICH	TIIE_28d	INPC_OGN	Bal_com	Deuda_Pub	Ir
	0	14.6926	93.1955	68.33	10.75	3.30	-0.09	1630210.0	6759.16	
	1	14.9213	93.4590	68.33	10.60	3.30	0.19	1726709.0	6754.42	
	2	15.2283	93.6275	68.33	10.59	3.30	0.41	1803499.0	6764.70	
	3	15.2262	94.5241	69.26	10.59	3.30	-0.26	1573679.0	6754.08	
	4	15.2645	93.8419	69.26	10.18	3.30	-0.50	1866700.0	6855.42	
	•••									
	115	19.1515	9.1515 105.2741	248.93	11.40	11.08	0.01	1722912.0	14828.91	
	116	19.6316	105.3753	248.93	11.42	10.95	0.05	1383178.0	15192.90	
	117	19.7062	104.5557	248.93	11.46	10.74	0.55	1839922.0	15082.19	
	118	20.3455	104.8730	248.93	11.46	10.61	0.44	1932328.0	15192.41	
	119	20.2661	103.7736	248.93	11.45	10.38	0.38	1748821.0	15487.53	

120 rows × 40 columns

Out[]:

## TRANSFORMACIÓN DE VARIABLES

Los datos de las variables no están en la misma escala, y eso puede generar que el modelo de regresión no sea tan preciso, así que lo que se va realizar es una estandarización de toda la información, sin embargo, existen variables que requieren ser divididas entre 100 porque son porcentajes y otras en las que es recomendable aplicar el logartimo antes de la estandarización. Este procedimiento se llevará a cabo a través de funciones que realizan esas operaciones y devuelven el data frame ya transformado, solo necesita como argumento el nombre de las columnas de la tabla obtenida en el paso anterior, que en este caso son las abreviaturas de las variables. A continuación se muestra un ejemplo de cada caso.

```
variables_macro_transformadas=variables_macro.copy()
In [ ]: # Todas las columnas como float64
                    for _ in variables_macro.columns:
                        variables_macro_transformadas[_] = pd.to_numeric(variables_macro_transformadas
In [ ]: # Transformacion de variables
                    # Ciclo para estandarizar las variables
                    for _ in range(len(variables_Z)):
                        variables_macro_transformadas[variables_Z[_]]=(variables_macro_transformadas[variables_z]
                    # Ciclo para dividir entre 100 y luego estandarizar
                    for _ in range(len(variables_porcentaje)):
                         variables\_macro\_transformadas[variables\_porcentaje[\_]] = variables\_macro\_transformadas[variables\_porcentaj
                         variables_macro_transformadas[variables_porcentaje[_]]=(variables_macro_transf
                    # Ciclo para aplicar logaritmo y despues estandarizar
                    for _ in range(len(variables_log)):
                         variables_macro_transformadas[variables_log[_]]=np.log(variables_macro_transfo
                         variables_macro_transformadas[variables_log[_]]=(variables_macro_transformadas
                    variables_macro_transformadas
Out[]:
                                             TC IGAE 2018
                                                                                          SMG
                                                                                                                 TICH
                                                                                                                                 TIIE_28d INPC_OGN
                                                                                                                                                                                   Bal_com Deuc
                         0 -2.505133
                                                         -1.157757 -1.067176
                                                                                                         0.196202
                                                                                                                              -1.451123
                                                                                                                                                         -1.290090
                                                                                                                                                                               -0.438307
                                                                                                                                                                                                           -1.
                               -2.371942
                                                         -1.100107 -1.067176 -0.116332
                                                                                                                              -1.451123
                                                                                                                                                         -0.527475
                                                                                                                                                                               -0.254490
                                                                                                                                                                                                           -1.
                               -2.193151
                                                         -1.063242
                                                                                -1.067176
                                                                                                       -0.137168
                                                                                                                              -1.451123
                                                                                                                                                          0.071722
                                                                                                                                                                                -0.108216
                                                                                                                                                                                                           -1.
                               -2.194374
                                                          -0.867080
                                                                                -1.051294
                                                                                                        -0.137168
                                                                                                                               -1.451123
                                                                                                                                                         -1.753106
                                                                                                                                                                                -0.545990
                                                                                                                                                                                                           -1.
                               -2.172069
                                                          -1.016335 -1.051294
                                                                                                       -0.991429
                                                                                                                              -1.451123
                                                                                                                                                         -2.406776
                                                                                                                                                                                  0.012173
                                                                                                                                                                                                           -1.
                    115
                                  0.091647
                                                            1.484853
                                                                                  2.016955
                                                                                                          1.550519
                                                                                                                                 1.451434
                                                                                                                                                         -1.017727
                                                                                                                                                                                -0.261723
                                  0.371248
                                                            1.506994
                                                                                  2.016955
                                                                                                          1.592191
                                                                                                                                 1.402933
                                                                                                                                                         -0.908782
                                                                                                                                                                                -0.908868
                                                                                                                                                                                                             2.
                    116
                                  0.414694
                                                            1.327679
                                                                                  2.016955
                                                                                                          1.675533
                                                                                                                                 1.324587
                                                                                                                                                          0.453029
                                                                                                                                                                               -0.038835
                                                                                                                                                                                                             2.
                    117
                                  0.787010
                                                            1.397099
                                                                                   2.016955
                                                                                                                                 1.276086
                                                                                                                                                           0.153431
                                                                                                                                                                                  0.137186
                                                                                                                                                                                                             2.
                    118
                                                                                                          1.675533
                    119
                                  0.740769
                                                           1.156567
                                                                                  2.016955
                                                                                                          1.654697
                                                                                                                                 1.190278
                                                                                                                                                         -0.009987
                                                                                                                                                                               -0.212370
                                                                                                                                                                                                             2.
                  120 rows × 40 columns
```

# ANÁLISIS DE CORRELACIÓN

Es posible que entre las variables elegidas haya correlación, así que se obtiene la Matriz de Correlación y también se realiza una gráfica de un "mapa de calor" para poder apreciar los resultados del grado de correlación con mayor facilidad.

In [ ]: variables\_macro\_transformadas.corr()

Out[]: TC IGAE\_2018 SMG TICH TIIE\_28d INPC\_OGN

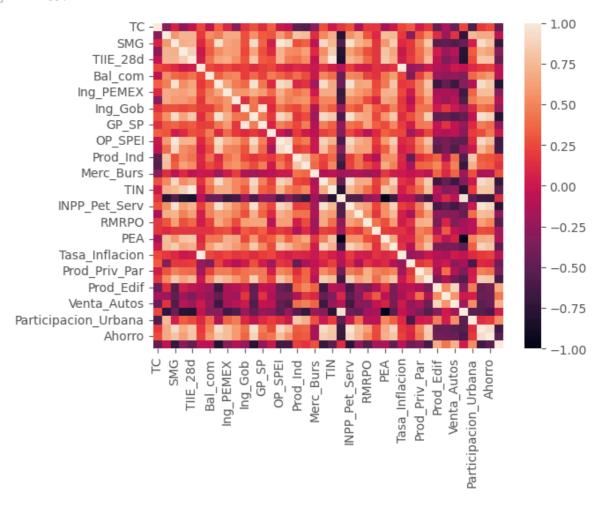
тс	1.000000	-0.310908	0.064642	-0.283669	-0.033331	0.232273
IGAE_2018	-0.310908	1.000000	0.576547	0.724092	0.728845	0.184751
SMG	0.064642	0.576547	1.000000	0.694257	0.728398	0.109980
TICH	-0.283669	0.724092	0.694257	1.000000	0.866079	0.007503
TIIE_28d	-0.033331	0.728845	0.728398	0.866079	1.000000	0.036197
INPC_OGN	0.232273	0.184751	0.109980	0.007503	0.036197	1.000000
Bal_com	-0.048503	0.544943	0.375783	0.326497	0.417417	0.249032
Deuda_Pub	0.339971	0.455874	0.948086	0.540858	0.643728	0.180950
Ing_PEMEX	0.099168	0.686371	0.646290	0.625480	0.690291	0.236071
IPC	-0.316389	0.665225	0.600605	0.606430	0.524034	0.174731
Ing_Gob	0.160354	0.284017	0.288484	0.237988	0.296165	0.202243
CC_VigP	0.286518	0.549933	0.930040	0.659605	0.813237	0.120706
GP_SP	0.132986	0.324007	0.363084	0.283017	0.328044	0.206294
FMP_AT	0.331956	0.304670	0.038088	0.102921	0.287847	0.240850
OP_SPEI	0.001528	0.608633	0.975728	0.722482	0.711338	0.113817
Res_Inter	-0.044023	0.399306	0.901320	0.532596	0.453387	0.040887
Prod_Ind	-0.507202	0.801972	0.267699	0.502888	0.418754	0.102550
Inv_Fija	-0.549890	0.759223	0.340155	0.638115	0.535141	0.074652
Merc_Burs	-0.308261	0.125703	-0.062522	0.113457	-0.054394	-0.004176
Remesas	0.272124	0.501580	0.901099	0.543934	0.655941	0.151989
TIN	0.012481	0.708168	0.736789	0.859003	0.996583	0.048294
Pob_Desocupada	0.167444	-0.779567	-0.571413	-0.789505	-0.823841	-0.090635
INPP_Pet_Serv	0.281527	0.555481	0.946530	0.613647	0.732163	0.197981
ICC	-0.151739	0.688293	0.715786	0.492890	0.624613	0.040683
RMRPO	0.167948	0.295234	0.613490	0.269160	0.370184	0.032347
Act_Prim	0.172084	0.106571	0.172911	0.167297	0.165548	0.144342
PEA	-0.167444	0.779567	0.571413	0.789505	0.823841	0.090635
Exp_Total	0.003469	0.744560	0.840930	0.651166	0.704265	0.162992
Tasa_Inflacion	0.232273	0.184751	0.109980	0.007503	0.036197	1.000000
Des_Sub	0.313200	-0.314259	0.184471	0.168374	0.199816	-0.234593
Prod_Priv_Par	0.034455	0.294139	0.478059	0.392898	0.386798	-0.189729
May_Text_Calz	0.173915	0.543806	0.815743	0.645050	0.749331	-0.005543
Prod_Edif	-0.456235	0.126456	-0.539834	0.024697	-0.057947	-0.098075

	TC	IGAE_2018	SMG	TICH	TIIE_28d	INPC_OGN
Rem_Manu	-0.159667	-0.218308	-0.485566	-0.224748	-0.347737	-0.142217
Venta_Autos	-0.451785	0.162911	-0.573866	-0.072602	-0.206030	0.016929
Desocupacion_Urbana	0.231449	-0.726942	-0.457305	-0.774324	-0.790894	-0.025932
Participacion_Urbana	-0.577453	0.751137	0.051017	0.325102	0.252568	0.108059
PIB	0.185195	0.685936	0.935979	0.698925	0.816700	0.183145
Ahorro	0.255254	0.681666	0.801079	0.636902	0.808616	0.216623
Tasa_Informalidad	-0.476248	-0.049763	-0.711261	-0.332189	-0.475486	-0.083476

40 rows × 40 columns

In [ ]: sns.heatmap(variables\_macro\_transformadas.corr())

Out[ ]: <Axes: >



El análisis de la matriz de correlación muestra cómo distintos factores económicos se relacionan entre sí. El PIB tiene una fuerte conexión con las remesas, las exportaciones y el consumo, lo que indica que el crecimiento económico depende de la entrada de divisas y la demanda interna. La correlación negativa entre el tipo de cambio y el PIB sugiere que la depreciación del peso no siempre impulsa la economía, posiblemente por el encarecimiento de insumos dolarizados y su efecto en la inflación.

El desempleo, la subocupación y la informalidad están fuertemente ligados, reflejando que, en tiempos de crisis, más personas entran en el sector informal por falta de empleo formal. En el sector energético, los ingresos de PEMEX y las exportaciones petroleras muestran una fuerte relación, confirmando la dependencia de la economía en los hidrocarburos.

Finalmente, la bolsa de valores (IPC) y las tasas de interés (TIIE) están correlacionadas, lo que indica que el mercado financiero responde a la política monetaria. En conjunto, estos datos sugieren que el crecimiento económico depende del comercio exterior y el consumo, pero enfrenta riesgos por la inflación, el tipo de cambio y la precarización laboral.

Hay que resaltar que existen casos donde la correlación de las variables es fuerte, ya sea de manera positiva (círculos azules) o negativa (círculos rojos), lo cual puede convertirse en un problema para llevar a cabo la regresión. Se van a eliminar algunas que pueden estar aportando información similar.

 Desocupación Urbana: Ya se está considerando la Población Económicamente Activa (PEA) y la

Población Desocupada (Pob\_Desocupada)

• Ing\_PEMEX: Se tiene otra variable que ya cuenta con los datos sobre el ingreso por explotación y

distribución de hidrocarburos (FMP\_AT)

- IGAE\_2018 y INPP\_Pet\_Serv: El PIB aporta información similar sobre la actividad económica.
- TIIE\_28d: Aparecen otras tasas como la de Interés Nominal (TIN) o la de Crédito a los hogares

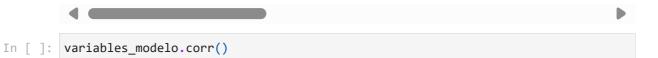
(TICH).

- CC\_VigP: Es más para créditos al sector privados como empresas grandes.
- GP\_SP: Hay otra variable que considera tanto ingresos como gastos del Sector Público (Ing\_Gob).
- Exp\_Total y Res\_Inter: Son indicadores que son más útiles para analizar situaciones externas.
- OP\_SPEI: Aunque refleja la actividad financiera por el número de operaciones, existen otras variables

que se relacionan más con las razones del impago en las tarjetas de crédito.

Out[ ]:		TC	SMG	TICH	INPC_OGN	Bal_com	Deuda_Pub	IPC	Ing_G
	0	-2.505133	-1.067176	0.196202	-1.290090	-0.438307	-1.624656	-1.266931	-1.596 <sup>-</sup>
	1	-2.371942	-1.067176	-0.116332	-0.527475	-0.254490	-1.626726	-0.626837	-1.4247
	2	-2.193151	-1.067176	-0.137168	0.071722	-0.108216	-1.622237	-0.718791	-1.1552
	3	-2.194374	-1.051294	-0.137168	-1.753106	-0.545990	-1.626875	-0.549341	-0.9588
	4	-2.172069	-1.051294	-0.991429	-2.406776	0.012173	-1.582616	-0.525388	-0.7802

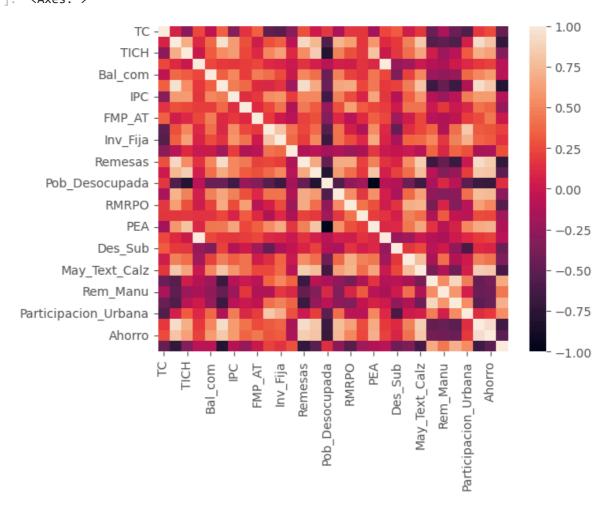
5 rows × 30 columns



Out[ ]:		TC	SMG	TICH	INPC_OGN	Bal_com	Deuda_Pub
	TC	1 000000	0.064642	-0.283669	ი 232273	-0.048503	ი 339971

тс	1.000000	0.064642	-0.283669	0.232273	-0.048503	0.339971
SMG	0.064642	1.000000	0.694257	0.109980	0.375783	0.948086
TICH	-0.283669	0.694257	1.000000	0.007503	0.326497	0.540858
INPC_OGN	0.232273	0.109980	0.007503	1.000000	0.249032	0.180950
Bal_com	-0.048503	0.375783	0.326497	0.249032	1.000000	0.341885
Deuda_Pub	0.339971	0.948086	0.540858	0.180950	0.341885	1.000000
IPC	-0.316389	0.600605	0.606430	0.174731	0.515980	0.462790
Ing_Gob	0.160354	0.288484	0.237988	0.202243	0.209894	0.375547
FMP_AT	0.331956	0.038088	0.102921	0.240850	0.465878	0.114541
Prod_Ind	-0.507202	0.267699	0.502888	0.102550	0.403550	0.098266
Inv_Fija	-0.549890	0.340155	0.638115	0.074652	0.264430	0.152509
Merc_Burs	-0.308261	-0.062522	0.113457	-0.004176	0.003154	-0.193164
Remesas	0.272124	0.901099	0.543934	0.151989	0.510900	0.935104
TIN	0.012481	0.736789	0.859003	0.048294	0.404892	0.665165
Pob_Desocupada	0.167444	-0.571413	-0.789505	-0.090635	-0.443882	-0.449144
ICC	-0.151739	0.715786	0.492890	0.040683	0.485187	0.648753
RMRPO	0.167948	0.613490	0.269160	0.032347	0.218555	0.676620
Act_Prim	0.172084	0.172911	0.167297	0.144342	0.151207	0.233676
PEA	-0.167444	0.571413	0.789505	0.090635	0.443882	0.449144
Tasa_Inflacion	0.232273	0.109980	0.007503	1.000000	0.249032	0.180950
Des_Sub	0.313200	0.184471	0.168374	-0.234593	-0.346424	0.224595
Prod_Priv_Par	0.034455	0.478059	0.392898	-0.189729	0.224360	0.469687
May_Text_Calz	0.173915	0.815743	0.645050	-0.005543	0.509375	0.807526
Prod_Edif	-0.456235	-0.539834	0.024697	-0.098075	-0.216624	-0.662486
Rem_Manu	-0.159667	-0.485566	-0.224748	-0.142217	-0.270565	-0.481722
Venta_Autos	-0.451785	-0.573866	-0.072602	0.016929	-0.231053	-0.665751
Participacion_Urbana	-0.577453	0.051017	0.325102	0.108059	0.375437	-0.119033
PIB	0.185195	0.935979	0.698925	0.183145	0.514949	0.935212
Ahorro	0.255254	0.801079	0.636902	0.216623	0.591619	0.821046
Tasa_Informalidad	-0.476248	-0.711261	-0.332189	-0.083476	-0.070810	-0.810848

30 rows × 30 columns



Con la eliminación de variables altamente correlacionadas, la matriz de correlación muestra una imagen más clara de las relaciones económicas sin redundancias. Se observa que la inflación y el tipo de cambio tienen una relación significativa, lo que indica que las variaciones en la moneda pueden impactar los precios de bienes y servicios. La deuda pública y el salario mínimo general (SMG) también están fuertemente relacionadas, sugiriendo que el financiamiento gubernamental podría influir en políticas salariales.

El PIB sigue correlacionado con las remesas y el consumo, lo que confirma que la economía depende de la entrada de dinero del exterior y del gasto interno. Además, la inversión fija y la participación urbana muestran una fuerte relación con la producción industrial, lo que es consistente con el hecho de que la urbanización impulsa la infraestructura y la actividad manufacturera.

Por otro lado, la tasa de informalidad y el desempleo parcial (subocupación) siguen estando correlacionados, lo que refleja que en condiciones económicas adversas, el mercado laboral se precariza. Finalmente, la relación entre el mercado bursátil y la producción manufacturera sugiere que la estabilidad industrial puede influir en el desempeño financiero.

Este análisis ajustado muestra cómo la actividad económica depende de flujos externos, inversión y estabilidad financiera, al tiempo que enfrenta riesgos por inflación, precarización laboral y volatilidad en el tipo de cambio.

# TOTAL DE LA BANCA MÚLTIPLE: TBM



#### OLS Regression Results

Dep. Variable: Model: Method: Date: Time: No. Observations: Df Residuals: Df Model: Covariance Type:	nonro	OLS Adj ares F-s 2025 Prol 0:59 Log 120 AIC 110 BIC 9	b (F-statistion -Likelihood: : :		0.871 0.860 82.20 1.11e-44 131.97 -243.9 -216.1
0.975]	coef		t	P> t	[0.025
const -1.782	-1.7975	0.008	-234.009	0.000	-1.813
TC -0.094	-0.1341	0.020	-6.582	0.000	-0.174
SMG -0.629	-0.7495	0.061	-12.364	0.000	-0.870
Deuda_Pub 0.900	0.7664	0.067	11.355	0.000	0.633
Ing_Gob -0.074	-0.0952	0.011	-9.048	0.000	-0.116
ICC 0.113	0.0818	0.016	5.242	0.000	0.051
TICH 0.087	0.0431	0.022	1.949	0.054	-0.001
TIN -0.093	-0.1357	0.022	-6.301	0.000	-0.178
Participacion_Urbana -0.075	-0.0992	0.012	-8.171	0.000	-0.123
Prod_Edif 0.186	0.1537	0.016	9.573	0.000	0.122
Omnibus: Prob(Omnibus): Skew: Kurtosis:	3 0 -0 3	.061 Dur .216 Jar .372 Pro .031 Con	bin-Watson: que-Bera (JB):	:	0.780 2.780 0.249 23.9

#### Notes

[1] Standard Errors assume that the covariance matrix of the errors is correctly specified.

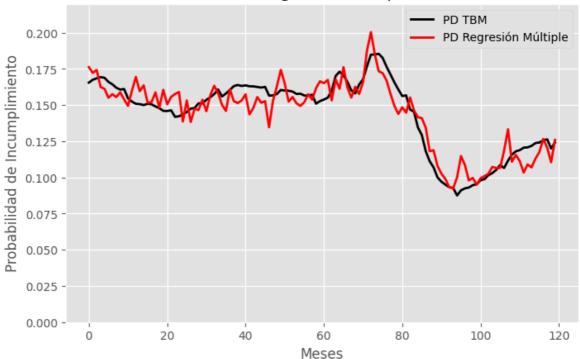
$\cap$		-	Γ	Л	0	$\neg$	
U	u	L	ı	4	0	/	

	PD_TBM	Score_TBM	Score_Predicho	PD_Predicha
0	0.165562	-1.617414	-1.541646	0.176296
1	0.167543	-1.603144	-1.569493	0.172289
2	0.168535	-1.596043	-1.555297	0.174323
3	0.169378	-1.590041	-1.639611	0.162518
4	0.168897	-1.593463	-1.648853	0.161264
•••			•••	
115	0.124141	-1.953787	-2.016181	0.117514
116	0.125722	-1.939322	-1.930499	0.126695
117	0.126361	-1.933523	-1.986642	0.120613
118	0.120046	-1.991997	-2.085400	0.110524
119	0.124139	-1.953805	-1.937286	0.125946

120 rows × 4 columns

```
In [488...
          # Gráfica
          plt.figure(figsize=(8, 5))
          plt.plot(comparacion["PD_TBM"], label="PD TBM", linewidth=2, color='black')
          plt.plot(comparacion['PD_Predicha'], label="PD Regresión Múltiple", linewidth=2,
          # Agregar etiquetas y título
          plt.ylim(0, 0.22)
          plt.title("PD Regresión Múltiple")
          plt.xlabel("Meses")
          plt.ylabel("Probabilidad de Incumplimiento")
          # Agregar Leyenda
          plt.legend(loc='upper right', fontsize=10)
          # Mostrar la gráfica
          plt.show()
```





#### **SUPUESTOS**

Lo que se va a hacer es un Análisis de Varianza ANOVA para el modelo de regresión múltiple, así como la verificación de los 4 supuestos para los errores a través del valor p y de los estadísticos de las pruebas adecuadas para cada uno.

- Media Cero: Calcular la media
- Normalidad: Prueba de Anderson Darling
- Independencia: Prueba de Durbin Watson
- Varianza Constante: Prueba de Breusch Pagan

Al final se van a comparar los modelos que presentan penalización y también se dará una interpretación de lo que representan las variables ante el planteamiento de que las personas dejen de pagar sus tarjetas de crédito.

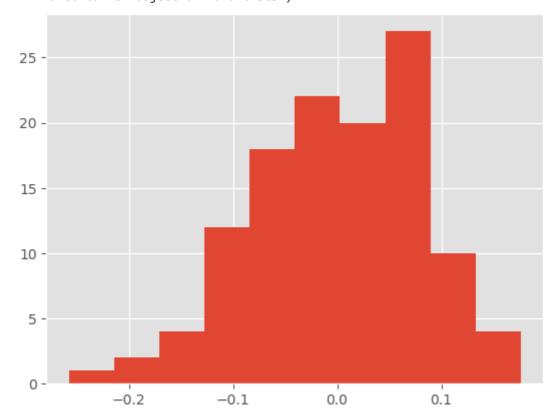
```
In [ ]: print(f"Media de los residuales: {TBM_reg_mult.resid.mean()}")
    Media de los residuales: -7.75305745529901e-16

In [ ]: # Prueba de Anderson Darling
    ad_test = anderson(TBM_reg_mult.resid)

# Mostrar los resultados
    print("Estadístico de Anderson-Darling:", ad_test.statistic)
    print("Valores críticos:", ad_test.critical_values)
    print("Niveles de significancia:", ad_test.significance_level)

    plt.hist(TBM_reg_mult.resid) # HISTOGRAMA
```

Estadístico de Anderson-Darling: 0.5053020363309884 Valores críticos: [0.558 0.636 0.763 0.89 1.059] Niveles de significancia: [15. 10. 5. 2.5 1.]



```
In [ ]: # Prueba de Durbin-Watson
dw_statistic = durbin_watson(TBM_reg_mult.resid)
print(f"Durbin-Watson statistic: {dw_statistic}")
```

Durbin-Watson statistic: 0.7798328240541011

```
In [ ]: bp_test = het_breuschpagan(TBM_reg_mult.resid, TBM_reg_mult.model.exog)
    print("Breusch-Pagan Test:")
    print(f"Estadístico BP: {bp_test[0]}")
    print(f"P-valor: {bp_test[1]}")
```

Breusch-Pagan Test:

Estadístico BP: 9.690915907662285 P-valor: 0.3760818417624661

#### **ANOVA**

```
In [ ]: # Lista de variables predictoras
    significativas = ["TC", "SMG", "Deuda_Pub", "Ing_Gob", "ICC", "TICH", "TIN", "Pa

# Ajustar el modelo correctamente con ols()
    formula = "TBM_Score ~ " + " + ".join(significativas)
    TBM_reg_mult = ols(formula, data=variables_modelo).fit()

# Aplicar ANOVA correctamente
    anova_results = anova_lm(TBM_reg_mult, typ=2) # ANOVA tipo II (el más usado en print(anova_results)
```

```
df
                    sum_sq
                                                PR(>F)
                           1.0 43.324164 1.634410e-09
TC
                  0.306761
SMG
                 1.082416 1.0 152.870740 1.534589e-22
Deuda_Pub
                0.912992 1.0 128.942757 3.029643e-20
                 0.579712 1.0 81.873396 5.900836e-15
Ing_Gob
                 0.194579 1.0 27.480590 7.741672e-07
ICC
TTCH
                 0.026885 1.0 3.796948 5.389314e-02
TIN
                 0.281078 1.0 39.697001 6.283498e-09
Participacion_Urbana 0.472795 1.0 66.773378 5.677554e-13
                          1.0 91.651503 3.719351e-16
Prod_Edif
                 0.648947
Residual
                  0.778866 110.0 NaN
                                                  NaN
```

### PENALIZACIÓN RIDGE

```
In [489...
         # Definir las variables predictoras y la respuesta
          X = variables_modelo.to_numpy() # Convertir a matriz
          y = PD_bancos['TBM'] / 100 # Convertir a vector
          # Calcular Lambda_max
          lambda_max = np.max(np.abs(X.T @ y)) / X.shape[0]
          # Crear la secuencia logarítmica de 100 valores
          lambda_seq = np.exp(np.linspace(np.log(lambda_max), np.log(lambda_max / 1000), 1
          # Configurar validación cruzada con 10 folds
          kf = KFold(n_splits=10, shuffle=True, random_state=42)
          # Validación cruzada para elegir el mejor lambda
          ridge_cv = RidgeCV(alphas=lambda_seq,store_cv_values=True)
          ridge_cv = ridge_cv.fit(X, y)
          # Obtener el mejor lambda
          lambda_optimo = round(ridge_cv.alpha_,8)
          print("Mejor lambda:", lambda_optimo)
         Mejor lambda: 0.01785124
```

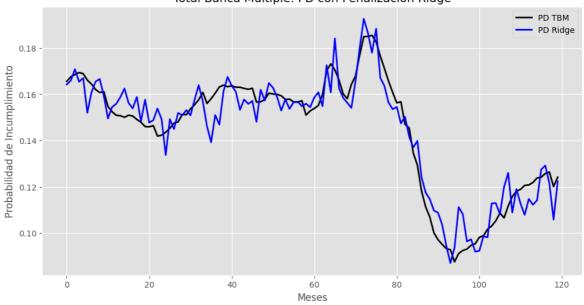
In [491... # Ajustar Ridge con la mejor penalización
 ridge = Ridge(alpha=lambda\_optimo)
 ridge= ridge.fit(X, y)

# Coeficientes del modelo Ridge
 coeficientes = ridge.coef\_
 print("Coeficientes del modelo Ridge:", coeficientes)

# Predicciones con Ridge
 y\_pred\_ridge = ridge.predict(X)
 y\_pred\_ridge

```
Coeficientes del modelo Ridge: [-0.0164929 -0.08765749 0.01014278 -0.00027641 -0.00184301 0.0795984 -0.00328662 -0.01215543 -0.00134572 -0.00104301 0.00100325 -0.00027062 0.00501428 -0.02327414 0.00118748 0.00540814 0.0054811 -0.00134656 -0.00118748 -0.00027641 0.00062243 -0.00344613 0.00812199 0.01869158 -0.00432457 -0.00022072 -0.00747631 -0.00681086 0.01172197 -0.00218902]
```

```
Out[491...
           array([0.1641896 , 0.16594814, 0.17083731, 0.16540699, 0.16703548,
                  0.15200172, 0.16074466, 0.16549031, 0.16659297, 0.15926012,
                  0.14951497, 0.15446202, 0.15586133, 0.1587315, 0.16252112,
                  0.15624489, 0.15387906, 0.15883181, 0.14826288, 0.15767243,
                  0.14773801, 0.14880171, 0.1538442 , 0.14921178, 0.13373237,
                  0.1492466 , 0.14493184, 0.15192977, 0.15090811, 0.15313857,
                  0.15091182, 0.15764893, 0.16392743, 0.15685766, 0.14616242,
                  0.13922012, 0.15103736, 0.14685968, 0.16126456, 0.16750939,
                  0.16367877, 0.16105046, 0.15326709, 0.15774077, 0.15582928,
                  0.15710885, 0.1480808, 0.16194116, 0.15730104, 0.16485445,
                  0.16283092, 0.15880824, 0.15293199, 0.15780159, 0.15366155,
                  0.15658445, 0.15676402, 0.15482919, 0.15595677, 0.15438332,
                  0.1585746 , 0.16085586, 0.1548111 , 0.17254911, 0.16076934,
                  0.1841141 , 0.16256824, 0.1584837 , 0.15633272, 0.15410191,
                  0.16572137, 0.17990886, 0.19262326, 0.18659944, 0.17797958,
                  0.18837247, 0.16714061, 0.16360871, 0.15642767, 0.15356346,
                  0.15451224, 0.14738662, 0.15026696, 0.1416813, 0.13704175,
                  0.13984458, 0.12407169, 0.11747023, 0.11468336, 0.10971067,
                  0.10877606, 0.10360491, 0.09450539, 0.08704172, 0.09364094,
                  0.11121148, 0.10816065, 0.09636497, 0.09728462, 0.09198413,
                  0.09226728, 0.09860324, 0.09813795, 0.11280427, 0.11293416,
                  0.10810104, 0.11993175, 0.12598784, 0.10885256, 0.11898457,
                  0.11267843, 0.10783058, 0.11474333, 0.11224044, 0.11415637,
                  0.1274786 , 0.12917046, 0.12133225, 0.10580049, 0.12235619])
In [492...
          # Comparación de valores reales vs predichos
          comparacion = pd.DataFrame()
          comparacion= comparacion.assign(PD_TBM =PD_bancos["TBM"] / 100,Score_TBM=TBM_Sco
                                           PD_Ridge = y_pred_ridge)
          comparacion = comparacion.assign(Score_Ridge=np.log((comparacion["PD_Ridge"]) /
                                            Cuadrado_Errores=(comparacion["PD_TBM"] - compa
                                            Cuadrado_Total=(comparacion["PD_TBM"]-np.mean(c
          comparacion.head()
Out[492...
             PD_TBM Score_TBM PD_Ridge Score_Ridge Cuadrado_Errores Cuadrado_Total
           0 0.165562
                                  0.164190
                        -1.617414
                                               -1.627380
                                                                 0.000002
                                                                                0.000453
           1 0.167543
                        -1.603144
                                  0.165948
                                               -1.614620
                                                                 0.000003
                                                                                 0.000542
           2 0.168535
                        -1.596043
                                  0.170837
                                               -1.579705
                                                                 0.000005
                                                                                 0.000589
           3 0.169378
                        -1.590041
                                   0.165407
                                               -1.618535
                                                                 0.000016
                                                                                 0.000630
           4 0.168897
                        -1.593463
                                   0.167035
                                               -1.606785
                                                                 0.000003
                                                                                 0.000606
In [493...
          # Gráfico de la penalización Ridge
          plt.figure(figsize=(12, 6))
          plt.plot(comparacion["PD_TBM"], label="PD TBM", linewidth=2,color="black")
          plt.plot(comparacion["PD_Ridge"], label="PD Ridge", linewidth=2, color="blue")
          plt.title("Total Banca Múltiple: PD con Penalización Ridge")
          plt.xlabel("Meses")
          plt.ylabel("Probabilidad de Incumplimiento")
          plt.legend()
          plt.show()
```



```
In [ ]: # Función que calcula el R^2 ajustado
        def adj_r_cuadrado(df):
          numerador=np.sum(df["Cuadrado_Errores"])/(120 - variables_modelo.shape[1]-1)
          denominador=np.sum(df["Cuadrado_Total"]) / (120-1)
          return(1-(numerador / denominador))
        print("El coeficiente de determinación R^2 ajustado es: ",adj_r_cuadrado(compara
        # Métricas
        MAE_Ridge=np.mean(abs(comparacion["PD_TBM"] - comparacion["PD_Ridge"]))
        MSE_Ridge=np.mean((comparacion["PD_TBM"] - comparacion["PD_Ridge"])**2)
        RMSE_Ridge=np.sqrt(MSE_Ridge)
        MAPE_Ridge=np.mean(abs((comparacion["PD_TBM"] - comparacion["PD_Ridge"]) / compa
        # Mostrar resultados
        print("MAE Ridge:", MAE_Ridge, "\n")
        print("MSE Ridge:", MSE_Ridge, "\n")
        print("RMSE Ridge:", RMSE_Ridge, "\n")
        print("MAPE Ridge:", MAPE_Ridge,"%\n")
```

El coeficiente de determinación R^2 ajustado es: 0.8930853585889607

MAE Ridge: 0.005769919803089277

MSE Ridge: 5.173990772887578e-05

RMSE Ridge: 0.00719304578943272

MAPE Ridge: 4.284623608476159 %

### PENALIZACIÓN LASSO

```
In [545... # Validación cruzada para elegir el mejor lambda
    lasso_cv = LassoCV(alphas=lambda_seq,cv=10,max_iter=10000) # Validación cruzada
    lasso_cv = lasso_cv.fit(X, y)
    lambda_optimo = lasso_cv.alpha_
    print("Mejor lambda para Lasso:",lambda_optimo)
```

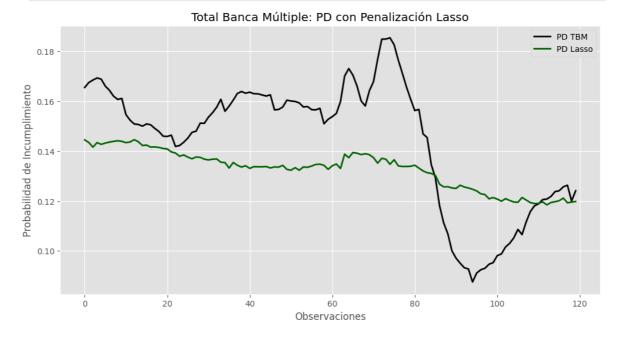
Mejor lambda para Lasso: 0.5645664380029708

```
# Ajustar Lasso con la mejor penalización
In [546...
          lasso = Lasso(alpha=lambda_optimo, max_iter=10000)
          lasso=lasso.fit(X, y)
          # Coeficientes del modelo Lasso
          coeficientes = lasso.coef_
          print("Coeficientes del modelo Lasso:", coeficientes)
          # Predicciones con Lasso
          y_pred_lasso = lasso.predict(X)
          y_pred_lasso
         Coeficientes del modelo Lasso: [-0.000000000e+00 -3.30499928e-01 -0.00000000e+00 -
         0.00000000e+00
          -1.09756860e-01 -0.00000000e+00 -0.00000000e+00 -0.00000000e+00
          -0.00000000e+00 -0.00000000e+00 -0.00000000e+00 -0.00000000e+00
          -1.11301887e-01 -2.27738209e-01 1.39966671e-01 -0.00000000e+00
          -0.00000000e+00 -0.00000000e+00 -3.24222442e-13 -0.00000000e+00
           0.00000000e+00 -0.00000000e+00 -0.00000000e+00 0.00000000e+00
           0.00000000e+00 0.00000000e+00 -0.00000000e+00 -0.00000000e+00
          -0.00000000e+00 0.00000000e+00]
Out[546... array([14.45562451, 14.34924002, 14.16396372, 14.3465214, 14.27483923,
                  14.32731195, 14.36594575, 14.39490092, 14.41906324, 14.39554486,
                  14.34325336, 14.36984693, 14.46340241, 14.37987257, 14.22841156,
                  14.24428705, 14.164477 , 14.17267573, 14.15106277, 14.11023036,
                  14.09183442, 13.97130849, 13.92649319, 13.79853109, 13.84996092,
                  13.76294741, 13.69516473, 13.76793972, 13.75278557, 13.67983694,
                  13.64991951, 13.67901632, 13.68986408, 13.55612603, 13.54567588,
                  13.32474965, 13.54813479, 13.43521016, 13.36520814, 13.41731756,
                  13.31087823, 13.38121492, 13.37635839, 13.37578787, 13.38610953,
                  13.327904 , 13.37030942, 13.36071919, 13.4337653 , 13.27175671,
                  13.23794318, 13.33999411, 13.23814514, 13.36782873, 13.35532026,
                  13.40386857, 13.4691712, 13.48154813, 13.43362626, 13.27410249,
                  13.41437955, 13.48775646, 13.30607642, 13.88281526, 13.73874233,
                  13.94613433, 13.92146296, 13.86449271, 13.90048414, 13.86085976,
                  13.74109586, 13.52250968, 13.71578009, 13.67670269, 13.47591854,
                  13.65929306, 13.41125438, 13.38792106, 13.38849046, 13.39527347,
                  13.4388859 , 13.32226801, 13.2113575 , 13.13772463, 13.10869636,
                  13.029547 , 12.6806132 , 12.56941236, 12.57600608, 12.52705206,
                  12.50782214, 12.63736399, 12.56408602, 12.52562989, 12.47464521,
                  12.40758866, 12.29176873, 12.2619632 , 12.09235835, 12.14095019,
                  12.08103237, 11.99474017, 12.09763846, 12.02353143, 11.9640304,
                  11.95104648, 12.14501734, 12.04184375, 11.9412953 , 11.900526 ,
                  11.90780313, 11.96973729, 11.84857325, 11.94292341, 11.9742125,
                  12.01493618, 12.12001959, 11.93256553, 11.95843423, 11.98453492])
In [547...
          # Comparación de valores reales vs predichos
          comparacion = pd.DataFrame()
          comparacion= comparacion.assign(PD TBM =PD bancos["TBM"] / 100,Score TBM=TBM Sco
                                          PD_Lasso = y_pred_lasso / 100)
          comparacion = comparacion.assign(Score_Lasso=np.log((comparacion["PD_Lasso"]) /
```

comparacion.head()

	PD_TBM	Score_TBM	PD_Lasso	Score_Lasso
0	0.165562	-1.617414	0.144556	-1.777952
1	0.167543	-1.603144	0.143492	-1.786581
2	0.168535	-1.596043	0.141640	-1.801738
3	0.169378	-1.590041	0.143465	-1.786802
4	0.168897	-1.593463	0.142748	-1.792648

```
# Gráfico de La penalización Lasso
plt.figure(figsize=(12, 6))
plt.plot(comparacion["PD_TBM"], label="PD TBM", linewidth=2,color="black")
plt.plot(comparacion["PD_Lasso"], label="PD Lasso", linewidth=2, color="darkgree
plt.title("Total Banca Múltiple: PD con Penalización Lasso")
plt.xlabel("Observaciones")
plt.ylabel("Probabilidad de Incumplimiento")
plt.legend()
plt.show()
```



## INTERPRETACIÓN

El modelo de regresión múltiple explica alrededor de un 86% de la variabilidad de la variable dependiente (score) reflejado en el valor del r cuadrado ajustado, debido a que si es un porcentaje alto significa que ajusta bien al comportamiento que se quiere predecir.

Lo siguiente que se verificó fueron los supuestos de un modelo de regresión, vemos que cumple que la media de los errores sea cero, también que la varianza es constante y que los errores presentan un comportamiento normal (debido a que en ambos casos se tiene un valor-p mayor al nivel de significancia provocando que no se rechacen las hipótesis nulas). Lo único que hay que recalcar es que hay problemas con el Supuesto de la

Autocorrelación, pues el valor del estadístico en la prueba Durbin Watsson es 0.779, el cual nos indica que hay autocorrelación positiva entre los residuales en lugar de que sean completamente independientes, lo cual es un punto a tener en consideración.

Por otro lado, se realizaró el modelo que tienen penalización Ridge aquí en Python y también sus métricas obtenidas tienen resultados más eficientes en cuanto al error comparadas con el de la regresión pura. De igual manera, en la gráfica correspondiente se ve que para este modelo las líneas de la Probilidad de Incumplimiento y las Predicciones siguen la misma trayectoria y la distancia de separación es menor.

Finalmente, se presentan las variables que resultaron ser significativas dentro del modelo de regresión múltiple y el sentido económico para el contexto del problema, es decir, la relación que tienen con la Probabilidad de Incumplimiento de las Tarjetas de Crédito tomando en cuenta los datos del Total de la Banca Múltiple:

• TC: El Tipo de Cambio puede ser relevante debido a que si sufre movimientos importantes impacta en

la depreciación del peso y también en el precio de los bienes, al mismo tiempo que el poder adquisitivo disminuye y que si hay una deuda en dólares se aumenta la carga financiera, es por esta razón que es una de las variables a monitorear al analizar el incumplimiento del pago en las tarjetas.

• SMG: Considerar el Salario Mínimo General como variable de predicción es importante ya que está

relacionado directamente con el ingreso que una persona recibe, si hay una reducción puede limitar su capacidad de pago y llevar a una probabilidad de incumplimiento más grande.

• ICC: Este valor del Indicador de Confianza del Consumidor refleja si las personas priorizan su ahorro

o de cierta forma prefieren usar el crédito y haciendo los pagos correspondientes, por lo que se puede decir que a mayor confianza del consumidor, es menos probable que lleguen a un impago.

 Deuda\_Pub: Si hay déficit fiscal o deuda se afecta a toda la economía en general y como medida

de respuesta el gobierno puede recortar los gastos e incrementar los impuestos afectando los ingresos disponibles de todos.

• Ing\_Gob: Abarca el ingreso-gasto que tiene el gobierno, así que si cuenta con recursos los puede

distribuir mediante subsidios o apoyos sociales incrementando el ingreso que tienen las personas, por lo que un impago en las tarejtas sería menos probable.

 TIN: Se trata de la tasa de interés para los instrumentos de deuda en el corto plazo, entonces si llega

a subir recae en un costo mayor de financiamiento para los bancos ocasionando que a su vez aumenten la tasa del crédito. Además, este rubro puede considerarse como una tasa de referencia de la que dependen o están basadas las tarjetas de crédito. Por lo tanto, la relación sería que si se incrementan los valores de este indicador, puede generar mayor cantidad de impagos.

 Participación\_Urbana: Hace referencia al porcentaje de la población en edad de trabajar que

participa en el mercado laboral en áreas urbanas, de este modo, un mayor porcentaje participación indica que las personas tienen más disponibilidad de los ingresos porque tienen trabajo o lo están buscando activamente, es decir, hay dinamismo económico, lo que reduce el incumplimiento de los pagos.

 Prod\_Edif: Esta variable tiene que ver con el valor económico generado por el sector de la construcción

en actividades de edificación y la manera en que puede estar relacionada con el impago en las tarjetas de crédito es que si disminuye considerablemente indicaría que se atraviesa un periodo de inestabilidad económica donde hay desempleo provocando que los pagos no se lleven a cabo.

### **BANORTE**

In [494...

 $Banorte\_Score=pd.DataFrame(data=np.log((PD\_bancos/100)/(1-PD\_bancos/100)), column Banorte\_Score$ 

```
Out[494...
```

#### **Banorte**

- -1.710342
- -1.692185
- -1.667429
- -1.652220
- -1.641209
- •••
- -2.046314
- -2.047988
- -2.049219
- -2.095315
- -2.062982

120 rows × 1 columns

Dep. Variable: Model: Method: Date: Time: No. Observations: Df Residuals: Df Model: Covariance Type:	Least Squ Mon, 24 Mar 04:4	ares 2025 1:41 120 106 13 bust	Adj. F-sta Prob Log-I AIC: BIC:	R-squared: atistic: (F-statistic) ikelihood:	):	0.934 0.925 114.5 4.00e-56 158.31 -288.6 -249.6
====== 0 0751	coef	std e	err	t	P> t	[0.025
0.975]						
 const -1.748	-1.7600	0.0	06	-280.132	0.000	-1.772
TC -0.113	-0.1473	0.0	17	-8.440	0.000	-0.182
SMG -0.721	-0.8259	0.0	53	-15.662	0.000	-0.930
Bal_com -0.015	-0.0348	0.0	10	-3.540	0.001	-0.054
Deuda_Pub 0.820	0.7034	0.0	159	11.957	0.000	0.587
Ing_Gob -0.099	-0.1215	0.0	11	-10.701	0.000	-0.144
ICC 0.062	0.0359	0.0	13	2.738	0.007	0.010
RMRPO 0.080	0.0527	0.0	14	3.889	0.000	0.026
TIN -0.127	-0.1597	0.0	17	-9.544	0.000	-0.193
Participacion_Urbana -0.073		0.0		-7.875	0.000	-0.123
Prod_Edif 0.211	0.1734	0.0		9.051	0.000	0.135
Rem_Manu -0.022	-0.0424	0.0	10	-4.133	0.000	-0.063
Remesas 0.146	0.0873	0.0		2.941	0.004	0.028
Ahorro 0.160	0.1162	0.0		5.268	0.000	0.072
Omnibus: Prob(Omnibus): Skew: Kurtosis:	1 0 -0	.448 .485 .078	Durb	in-Watson: ue-Bera (JB): (JB):	-=====	1.088 0.982 0.612 31.7

#### Notes:

[1] Standard Errors assume that the covariance matrix of the errors is correctly specified.

Out[496...

	PD_Banorte	Score_Banorte	Score_Predicho	PD_Predicha
0	0.153119	-1.710342	-1.776132	0.144781
1	0.155489	-1.692185	-1.711215	0.153006
2	0.158767	-1.667429	-1.633368	0.163370
3	0.160809	-1.652220	-1.694445	0.155192
4	0.162301	-1.641209	-1.622615	0.164844
•••				
115	0.114425	-2.046314	-2.013478	0.117795
116	0.114256	-2.047988	-1.999143	0.119293
117	0.114131	-2.049219	-2.072786	0.111770
118	0.109553	-2.095315	-2.213007	0.098588
119	0.112747	-2.062982	-2.080771	0.110980

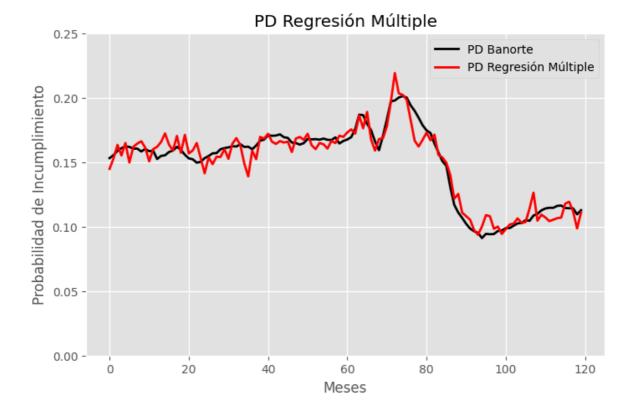
120 rows × 4 columns

```
In [497... # Gráfica
    plt.figure(figsize=(8, 5))
    plt.plot(comparacion["PD_Banorte"], label="PD Banorte", linewidth=2, color='blac
    plt.plot(comparacion['PD_Predicha'], label="PD Regresión Múltiple", linewidth=2,

# Agregar etiquetas y título
    plt.ylim(0, 0.25)
    plt.title("PD Regresión Múltiple")
    plt.xlabel("Meses")
    plt.ylabel("Probabilidad de Incumplimiento")

# Agregar Leyenda
    plt.legend(loc='upper right', fontsize=10)

# Mostrar La gráfica
    plt.show()
```



### **SUPUESTOS**

Lo que se va a hacer es un Análisis de Varianza ANOVA para el modelo de regresión múltiple, así como la verificación de los 4 supuestos para los errores a través del valor p y de los estadísticos de las pruebas adecuadas para cada uno.

- Media Cero: Calcular la media
- Normalidad: Prueba de Anderson Darling
- Independencia: Prueba de Durbin Watson
- Varianza Constante: Prueba de Breusch Pagan

Valores críticos: [0.558 0.636 0.763 0.89 1.059]

Niveles de significancia: [15. 10.

Al final se van a comparar los modelos que presentan penalización y también se dará una interpretación de lo que representan las variables ante el planteamiento de que las personas dejen de pagar sus tarjetas de crédito.

```
In []: print(f"Media de los residuales: {Banorte_reg_mult.resid.mean()}")
    Media de los residuales: 4.903485025427775e-16

In []: # Prueba de Anderson Darling
    ad_test = anderson(Banorte_reg_mult.resid)

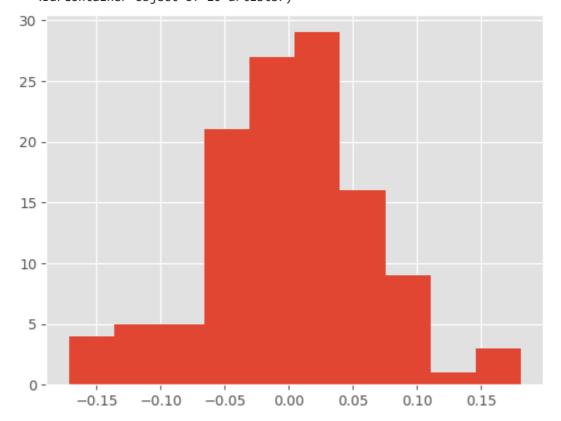
# Mostrar los resultados
    print("Estadístico de Anderson-Darling:", ad_test.statistic)
    print("Valores críticos:", ad_test.critical_values)
    print("Niveles de significancia:", ad_test.significance_level)

    plt.hist(Banorte_reg_mult.resid) # HISTOGRAMA

Estadístico de Anderson-Darling: 0.361801822240551
```

2.5 1. ]

```
Out[]: (array([ 4., 5., 5., 21., 27., 29., 16., 9., 1., 3.]),
array([-0.17144721, -0.13620598, -0.10096475, -0.06572352, -0.03048228,
0.00475895, 0.04000018, 0.07524141, 0.11048265, 0.14572388,
0.18096511]),
<BarContainer object of 10 artists>)
```



```
In [ ]: # Prueba de Durbin-Watson
    dw_statistic = durbin_watson(Banorte_reg_mult.resid)
    print(f"Durbin-Watson statistic: {dw_statistic}")
```

Durbin-Watson statistic: 1.0883218945704345

```
In [ ]: bp_test = het_breuschpagan(Banorte_reg_mult.resid, Banorte_reg_mult.model.exog)
    print("Breusch-Pagan Test:")
    print(f"Estadístico BP: {bp_test[0]}")
    print(f"P-valor: {bp_test[1]}")
```

Breusch-Pagan Test:

Estadístico BP: 13.022990940674948

P-valor: 0.4460373565616091

## **ANOVA**

```
anova_results = anova_lm(Banorte_reg_mult, typ=2) # ANOVA tipo II (el más usado
print(anova_results)
```

```
sum_sq df
                                      F
                                              PR(>F)
                  0.332367 1.0 67.937871 4.860250e-13
TC
SMG
                 1.258880 1.0 257.322987 4.047782e-30
Bal_com
                0.058268 1.0 11.910441 8.027343e-04
                0.728795 1.0 148.970299 6.300915e-22
Deuda_Pub
                0.594573 1.0 121.534446 2.746047e-19
Ing_Gob
ICC
                0.030954 1.0 6.327095 1.339122e-02
RMRPO
                0.077429 1.0 15.826907 1.272168e-04
                0.414994 1.0 84.827342 3.362670e-15
TTN
Participacion_Urbana 0.285590 1.0 58.376312 1.018058e-11
Prod_Edif 0.399174 1.0 81.593786 8.406168e-15
            0.085463 1.0 17.469160 6.022954e-05
Rem Manu
                0.046240 1.0 9.451830 2.682696e-03
Remesas
                0.114983 1.0 23.503260 4.291407e-06
Ahorro
Residual
                0.518575 106.0 NaN
                                                 NaN
```

## PENALIZACIÓN RIDGE

```
In [500...
         # Definir las variables predictoras y la respuesta
          X = variables_modelo.to_numpy() # Convertir a matriz
          y = PD_bancos['Banorte'] # Convertir a vector
          # Calcular Lambda_max
          lambda_max = np.max(np.abs(X.T @ y)) / X.shape[0]
          # Crear la secuencia logarítmica de 100 valores
          lambda_seq = np.exp(np.linspace(np.log(lambda_max), np.log(lambda_max / 1000), 1
          # Configurar validación cruzada con 10 folds
          kf = KFold(n_splits=10, shuffle=True, random_state=42)
          # Validación cruzada para elegir el mejor lambda
          ridge cv = RidgeCV(alphas=lambda seq,store cv values=True)
          ridge_cv.fit(X, y)
          # Obtener el mejor lambda
          lambda optimo = round(ridge cv.alpha ,8)
          print("Mejor lambda:", lambda_optimo)
```

Mejor lambda: 0.0381889

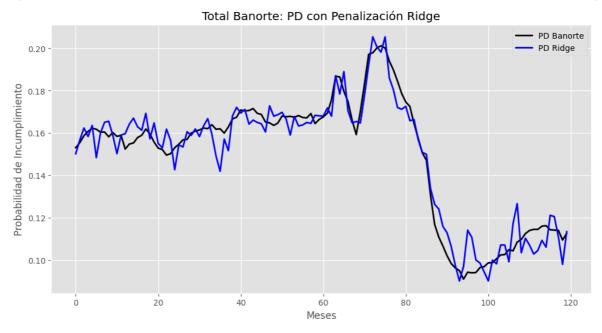
```
In [502... # Ajustar Ridge con la mejor penalización
    ridge = Ridge(alpha=lambda_optimo)
    ridge.fit(X, y)

# Coeficientes del modelo Ridge
    coeficientes = ridge.coef_
    print("Coeficientes del modelo Ridge:", coeficientes)

# Predicciones con Ridge
    y_pred_ridge = ridge.predict(X)
    y_pred_ridge
```

```
Coeficientes del modelo Ridge: [-1.41914069 -9.68151161 0.64578839 -0.02459122 -
         0.432715
                   6.68545675
          -0.04659158 \ -1.43379059 \ -0.1627315 \ -0.3668431 \ \ 0.18935217 \ -0.11008196
           1.29709866 -2.72151914 0.07174463 0.47137319 0.59619428 -0.10918588
          -0.07174463 -0.02459122 0.04096858 -0.1751092
                                                          0.50790379 1.70064006
          array([15.02269195, 15.67039352, 16.24120144, 15.83946864, 16.36108288,
Out[502...
                 14.84172854, 15.99632156, 16.50973341, 16.55961917, 15.8947675 ,
                 15.03211701, 15.90744951, 15.97356439, 16.42541077, 16.70447912,
                 16.29673716, 16.13647192, 16.93167705, 15.72697044, 16.479905 ,
                 15.51096729, 15.30421801, 16.18615265, 15.6585201 , 14.27422733,
                 15.44719693, 15.34447431, 16.06476522, 15.89449986, 16.19493552,
                 15.837495 , 16.34071573, 16.6833168 , 15.95216036, 14.93163309,
                 14.19643405, 15.71769675, 15.170056 , 16.81029242, 17.21505158,
                 16.94628722, 17.11451685, 16.42422147, 16.6148175, 16.5034707,
                 16.43654748, 16.0533633 , 17.28877191, 16.79810535, 16.86883113,
                 16.98201757, 16.6646972 , 15.90971809, 16.78445174, 16.33708108,
                 16.3805554 , 16.50401675, 16.45608331, 16.8393426 , 16.81526443,
                 16.80269887, 17.18600964, 16.79470558, 18.70700931, 17.84047102,
                 18.89886171, 17.04416091, 16.48231613, 16.54604804, 16.47820512,
                 17.7895217 , 19.21754649, 20.54099305, 20.06612386, 19.81838537,
                 20.53921996, 18.61000779, 18.04474679, 17.20526396, 17.12457391,
                 17.2629711 , 16.58158264, 16.64234741, 15.69708475, 15.09340087,
                 15.00008637, 13.38302981, 12.64012892, 12.41848122, 11.59469057,
                 11.30193883, 10.66016783, 9.76346378, 9.02525382, 9.71478184,
                 11.42166026, 11.08559245, 10.01563274, 9.86812754, 9.45069779,
                  9.02672913, 10.00835348, 9.83481948, 10.72526737, 10.72083473,
                  9.9313382 , 11.73202101, 12.6726439 , 10.35823721, 11.04267325,
                 10.71450798, 10.29681373, 10.46271216, 10.94228403, 10.62206574,
                 12.12362082, 12.0616856, 11.09178319, 9.80878763, 11.35350055])
In [503...
          # Comparación de valores reales vs predichos
          comparacion = pd.DataFrame()
          comparacion= comparacion.assign(PD Banorte = PD bancos["Banorte"] / 100, Score Ban
                                          PD_Ridge = y_pred_ridge / 100)
          comparacion = comparacion.assign(Score_Ridge=np.log((comparacion["PD_Ridge"]) /
                                           Cuadrado Errores=(comparacion["PD Banorte"] - c
                                           Cuadrado Total=(comparacion["PD Banorte"]-np.me
          comparacion.head()
Out[503...
             PD_Banorte Score_Banorte PD_Ridge Score_Ridge Cuadrado_Errores Cuadrado_Tot
          0
                             -1.710342
                                                                     0.000008
                                                                                    0.00001
                0.153119
                                        0.150227
                                                   -1.732822
          1
                0.155489
                             -1.692185
                                       0.156704
                                                   -1.682960
                                                                     0.000001
                                                                                    0.00003
          2
                0.158767
                             -1.667429
                                       0.162412
                                                   -1.640390
                                                                     0.000013
                                                                                    30000.0
          3
                0.160809
                             -1.652220
                                       0.158395
                                                   -1.670221
                                                                     0.000006
                                                                                    0.00012
                                                                     0.000002
                                                                                    0.00016
          4
                0.162301
                             -1.641209
                                       0.163611
                                                   -1.631603
          # Gráfico de la penalización Ridge
In [504...
          plt.figure(figsize=(12, 6))
          plt.plot(comparacion["PD_Banorte"], label="PD Banorte", linewidth=2,color="black
```

```
plt.plot(comparacion["PD_Ridge"], label="PD Ridge", linewidth=2, color="blue")
plt.title("Total Banorte: PD con Penalización Ridge")
plt.xlabel("Meses")
plt.ylabel("Probabilidad de Incumplimiento")
plt.legend()
plt.show()
```



```
In [505...
          # Función que calcula el R^2 ajustado
          def adj_r_cuadrado(df):
            numerador=np.sum(df["Cuadrado_Errores"])/(120 - variables_modelo.shape[1]-1)
            denominador=np.sum(df["Cuadrado_Total"]) / (120-1)
            return(1-(numerador / denominador))
          print("El coeficiente de determinación R^2 ajustado es: ",adj_r_cuadrado(compara
          # Métricas
          MAE_Ridge=np.mean(abs(comparacion["PD_Banorte"] - comparacion["PD_Ridge"]))
          MSE_Ridge=np.mean((comparacion["PD_Banorte"] - comparacion["PD_Ridge"])**2)
          RMSE_Ridge=np.sqrt(MSE_Ridge)
          MAPE_Ridge=np.mean(abs((comparacion["PD_Banorte"] - comparacion["PD_Ridge"]) / c
          # Mostrar resultados
          print("MAE Ridge:", MAE_Ridge, "\n")
          print("MSE Ridge:", MSE Ridge, "\n")
          print("RMSE Ridge:", RMSE_Ridge, "\n")
          print("MAPE Ridge:", MAPE_Ridge,"%\n")
```

El coeficiente de determinación R^2 ajustado es: 0.9250934218185907

MAE Ridge: 0.005527057924029111

MSE Ridge: 4.879240419556886e-05

RMSE Ridge: 0.006985155989351194

MAPE Ridge: 4.059915922781957 %

# INTERPRETACIÓN

Es importante recalcar que eliminando las variables con colinealidad y las no significativas, el modelo logra predecir correctamente la variabilidad del score en un 92.5% aproximadamente (valor del r cuadrado ajustado), al igual que el Criterio de Akaike AIC disminuye si se compara con el del modelo inicial que involucra más variables.

Se cumplen casi todos los supuestos de la regresión lineal para el modelo que tiene únicamente las variables significativas, solo la prueba falla en la Autocorrelación de los Residuales debido a que el estadístico de la prueba de Durbin Watson es cercano a 1 indicando la presencia de autocorrelación positiva como en el caso anterior. Para los otros supuestos si se cumple que la media de los residuales es cero, y también presentan varianza constante con un comportamiento significativamente normal pues el valor p muestra que no se pueden rechazar estas hipótesis nulas.

Sobre los modelos con penalización, el de Ridge se acerca mucho con un r-cuadrado alto (igual del 0.92), y debido a que el porcentaje de error es muy pequeño, se puede considerar como otra alternativa que funciona adecuadamente. Además de que en las dos gráficas es posible observar que esos modelos son los que más se acercan a la línea de los datos de Banorte.

Por último, esta regresión comparte algunas variables significativas con las que se obtuvieron en Banca Múltiple, así que las que se repiten se pueden interpretar de manera similar y a continuación se presentan sólo las que aún no se han explicado en el contexto del planteamiento del problema, las cuales son:

 Bal\_com: Abarca las exportaciones de petróleo, las cuales están ligadas a los ingresos del gobierno, el

empleo en este sector y al crecimiento económico, si disminuyen se dejan de fortalecer estos 3 factores y llega a impactar la economía en general, por lo que existiría un incremento en el incumplimiento de los pagos.

 RMRPO: Si el salario real cae por la inflación se cuenta con un poder adquisitivo real menor, por lo

que cubrir gastos básicos será la prioridad dejando de lado los pagos de la tarjeta de crédito cuando haya periodos complicados.

• Rem\_Manu: Refleja la evolución del salario en la industria manufacturera, el cual es un sector

importante en México. Si disminuye el salario real ocasionará que el endeudamiento que tengan las personas sea insostenible aumentando así los impagos.

 Remesas: Debido a que es el dinero que reciben los hogares en México enviado por familiares en el

extranjero, si aumenta esta varible significa que las familias reciben un ingreso mayor, lo cual puede volverse una causa para que la probabilidad del impago en la tarjeta de

crédito se reduzca.

 Ahorro: Este indicador del Ahorro Bruto indica si las empresas o personas cuentan con recursos

disponibles debido a que consumen menos de lo que ganan, entonces si un hogar tiene un nivel menor de ahorro, cuando se presenten dificultades económicas puede dejar de pagar sus deudas para cubrir solo sus necesidades básicas, provocando un incumplimiento en los pagos de sus tarjetas.

# **BANAMEX**

In [506... Banamex Score=pd.

Banamex\_Score=pd.DataFrame(data=np.log((PD\_bancos/100)/(1-PD\_bancos/100)),column
Banamex\_Score

Out[506...

#### **Banamex**

- **0** -1.531407
- **1** -1.504377
- **2** -1.495362
- **3** -1.483758
- **4** -1.491818
- •••
- **115** -2.075341
- **116** -2.058350
- **117** -2.055413
- **118** -2.159493
- **119** -2.103523

120 rows × 1 columns

```
In [507... significativas=["TC","SMG","Bal_com","Deuda_Pub","Ing_Gob","ICC","RMRPO","TICH",
    predictoras=sm.add_constant(variables_modelo[significativas]) # B0
Banamex_reg_mult= sm.OLS(Banamex_Score,predictoras)
# variable y, variables predictoras
Banamex_reg_mult = Banamex_reg_mult.fit()
print(Banamex_reg_mult.summary())
```

#### OLS Regression Results

========						
Dep. Variabl	Le:	Bana	amex R-sq	uared:		0.900
Model:			OLS Adj.	R-squared:		0.890
Method:		Least Squa	ares F-st	atistic:		88.31
Date:	Мо	n, 24 Mar i	2025 Prob	(F-statistio	:):	9.66e-49
Time:		04:47	7:06 Log-	Likelihood:		103.85
No. Observat	tions:		120 AIC:			-183.7
Df Residuals	5:		108 BIC:			-150.2
Df Model:			11			
Covariance 1	Гуре:	nonrol	oust			
========			=======			
	coef	std err	t	P> t	[0.025	0.975]
const	-1.8266	0.010	-186.396	0.000	-1.846	-1.807
TC	-0.0776	0.027				
SMG	-0.7630	0.078		0.000	-0.917	
Bal_com	-0.0626	0.012	-5.182	0.000	-0.087	-0.039
_	0.6844	0.090	7.591	0.000	0.506	0.863
Ing_Gob	-0.1328	0.015	-8.698	0.000	-0.163	-0.103
ICC	0.0617	0.018	3.369	0.001	0.025	0.098
RMRPO	0.1007	0.022	4.686	0.000	0.058	0.143
TICH	0.0504	0.030	1.661	0.100	-0.010	0.111
TIN	-0.2061	0.029	-7.067	0.000	-0.264	-0.148
Prod_Edif	0.1531	0.021	7.133	0.000	0.111	0.196
Rem_Manu	-0.0548	0.017	-3.292	0.001	-0.088	-0.022
=========				•		
Omnibus:			.576 Durb			0.618
Prob(Omnibus	5):			ue-Bera (JB):		5.364
Skew:			.176 Prob	, ,		0.0684
Kurtosis:		3	.974 Cond	. No.		27.0
=========		========		=========		========

#### Notes:

[1] Standard Errors assume that the covariance matrix of the errors is correctly specified.

$\cap \dots +$	ΓΕΛΟ
Uul	200

	PD_Banamex	Score_Banamex	Score_Predicho	PD_Predicha
0	0.177788	-1.531407	-1.600721	0.167881
1	0.181774	-1.504377	-1.560330	0.173599
2	0.183118	-1.495362	-1.507240	0.181348
3	0.184860	-1.483758	-1.537023	0.176968
4	0.183649	-1.491818	-1.529686	0.178040
•••		<b></b>		
115	0.111517	-2.075341	-2.089189	0.110152
116	0.113211	-2.058350	-2.093765	0.109704
117	0.113507	-2.055413	-2.126782	0.106521
118	0.103447	-2.159493	-2.303152	0.090862
119	0.108755	-2.103523	-2.148670	0.104456

120 rows × 4 columns

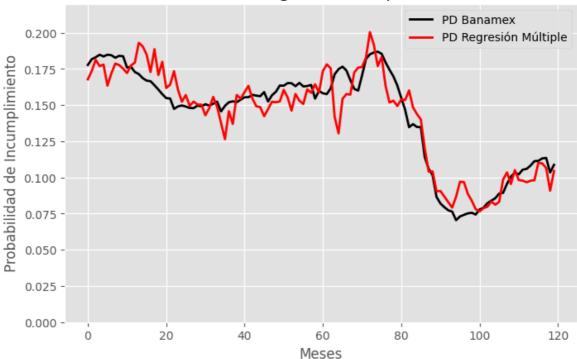
```
In [509... # Gráfica
    plt.figure(figsize=(8, 5))
    plt.plot(comparacion["PD_Banamex"], label="PD Banamex", linewidth=2, color='blac
    plt.plot(comparacion['PD_Predicha'], label="PD Regresión Múltiple", linewidth=2,

# Agregar etiquetas y título
    plt.ylim(0, 0.22)
    plt.title("PD Regresión Múltiple")
    plt.xlabel("Meses")
    plt.ylabel("Probabilidad de Incumplimiento")

# Agregar Leyenda
    plt.legend(loc='upper right', fontsize=10)

# Mostrar La gráfica
    plt.show()
```

### PD Regresión Múltiple



## **SUPUESTOS**

Lo que se va a hacer es un Análisis de Varianza ANOVA para el modelo de regresión múltiple, así como la verificación de los 4 supuestos para los errores a través del valor p y de los estadísticos de las pruebas adecuadas para cada uno.

- Media Cero: Calcular la media
- Normalidad: Prueba de Anderson Darling
- Independencia: Prueba de Durbin Watson
- Varianza Constante: Prueba de Breusch Pagan

Al final se van a comparar los modelos que presentan penalización y también se dará una interpretación de lo que representan las variables ante el planteamiento de que las personas dejen de pagar sus tarjetas de crédito.

```
In []: print(f"Media de los residuales: {Banamex_reg_mult.resid.mean()}")

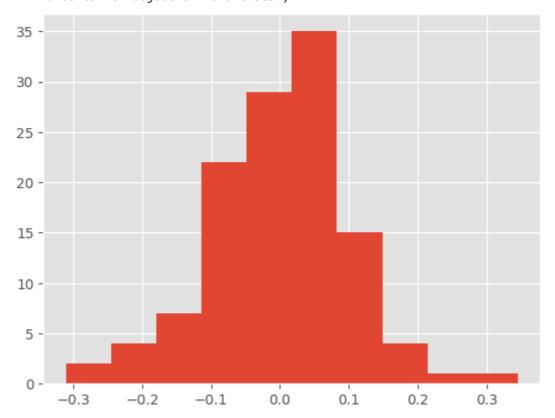
Media de los residuales: 2.2759572004815707e-16

In []: # Prueba de Anderson Darling
    ad_test = anderson(Banamex_reg_mult.resid)

# Mostrar Los resultados
    print("Estadístico de Anderson-Darling:", ad_test.statistic)
    print("Valores críticos:", ad_test.critical_values)
    print("Niveles de significancia:", ad_test.significance_level)

    plt.hist(Banamex_reg_mult.resid) # HISTOGRAMA
```

Estadístico de Anderson-Darling: 0.4663844181893495 Valores críticos: [0.558 0.636 0.763 0.89 1.059] Niveles de significancia: [15. 10. 5. 2.5 1.]



```
In [ ]: # Prueba de Durbin-Watson
dw_statistic = durbin_watson(Banamex_reg_mult.resid)
print(f"Durbin-Watson statistic: {dw_statistic}")
```

Durbin-Watson statistic: 0.6182024621723762

```
In [ ]: bp_test = het_breuschpagan(Banamex_reg_mult.resid, Banamex_reg_mult.model.exog)
    print("Breusch-Pagan Test:")
    print(f"Estadístico BP: {bp_test[0]}")
    print(f"P-valor: {bp_test[1]}")
```

Breusch-Pagan Test:

Estadístico BP: 33.84972880604789 P-valor: 0.0003827310435229473

### **ANOVA**

```
In []: # Lista de variables predictoras
significativas = ["TC","SMG","Bal_com","Deuda_Pub","Ing_Gob","ICC","RMRPO","TICH

# Ajustar el modelo correctamente con ols()
formula = "Banamex_Score ~ " + " + ".join(significativas)
Banamex_reg_mult = ols(formula, data=variables_modelo).fit()

# Aplicar ANOVA correctamente
anova_results = anova_lm(Banamex_reg_mult, typ=2) # ANOVA tipo II (el más usado
print(anova_results)
```

```
df
          sum_sq
                             F
                                      PR(>F)
                 1.0 8.170327 5.110614e-03
TC
         0.094157
        1.109907 1.0 96.310029 1.237228e-16
SMG
Bal_com 0.309440 1.0 26.851049 1.029816e-06
Deuda_Pub 0.663994 1.0 57.616799 1.201246e-11
Ing_Gob 0.871797 1.0 75.648513 4.177447e-14
      0.130793 1.0 11.349343 1.047129e-03
ICC
RMRPO
       0.253033 1.0 21.956427 8.175198e-06
       0.031788 1.0 2.758304 9.965127e-02
TICH
        0.575504 1.0 49.938256 1.631754e-10
TIN
Prod_Edif 0.586305 1.0 50.875463 1.178402e-10
Rem Manu 0.124884 1.0 10.836535 1.345243e-03
Residual 1.244626 108.0
                            NaN
                                        NaN
```

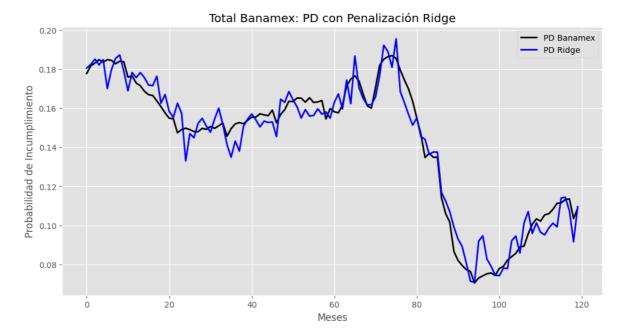
# Definir las variables predictoras y la respuesta

## PENALIZACIÓN RIDGE

In [510...

```
X = variables_modelo.to_numpy() # Convertir a matriz
          y = PD_bancos['Banamex'] # Convertir a vector
          # Calcular Lambda max
          lambda_max = np.max(np.abs(X.T @ y)) / X.shape[0]
          # Crear la secuencia logarítmica de 100 valores
          lambda_seq = np.exp(np.linspace(np.log(lambda_max), np.log(lambda_max / 1000), 1
          # Configurar validación cruzada con 10 folds
          kf = KFold(n_splits=10, shuffle=True, random_state=42)
          # Validación cruzada para elegir el mejor lambda
          ridge_cv = RidgeCV(alphas=lambda_seq,store_cv_values=True)
          ridge_cv.fit(X, y)
          # Obtener el mejor lambda
          lambda_optimo = round(ridge_cv.alpha_,8)
          print("Mejor lambda:", lambda_optimo)
         Mejor lambda: 0.06921569
In [512...
         # Ajustar Ridge con la mejor penalización
          ridge = Ridge(alpha=lambda_optimo)
          ridge.fit(X, y)
          # Coeficientes del modelo Ridge
          coeficientes = ridge.coef_
          print("Coeficientes del modelo Ridge:", coeficientes)
          # Predicciones con Ridge
          y_pred_ridge = ridge.predict(X)
          y_pred_ridge
         Coeficientes del modelo Ridge: [-1.21007386 -7.24052505 0.85246485 -0.02819807 -
         0.38462889 5.67006542
          -0.43431409 -1.28003353 -0.17821232 -0.30106334 0.22133889 -0.10141705
          0.62726862 -3.14832237 0.29148459 0.93037506 0.47325254 -0.16669521
          -0.29148459 -0.02819807 0.14920966 -0.0966675 0.55085413 2.00097578
          -0.47486551   0.24933211   -0.55278266   -0.05512928   1.0664421   -0.54472358]
```

```
Out[512... array([18.05490616, 18.24349174, 18.51164492, 18.21906566, 18.48715988,
                  17.00545371, 17.97705218, 18.55265497, 18.72934259, 17.89835427,
                  16.89577827, 17.82880529, 17.56610075, 17.8278543, 17.5607988,
                  17.18633673, 17.15658689, 17.63812369, 16.25661832, 16.70295612,
                  15.83329136, 15.53177171, 16.25620822, 15.74317366, 13.30461496,
                  14.70132043, 14.4869085 , 15.22729292, 15.48522469, 15.08134385,
                  14.77495911, 15.44632699, 16.00450994, 15.16990793, 14.1409325 ,
                  13.49073588, 14.31629206, 13.79998154, 15.07017121, 15.44505774,
                  15.7066119 , 15.40252785, 15.04295396, 15.3382287 , 15.27147883,
                  15.29721649, 14.54556546, 16.46473249, 16.29823934, 16.85504558,
                  16.43287372, 16.06511185, 15.49823994, 15.92937869, 15.59821515,
                  15.6307938 , 15.97145135, 15.69537158, 15.8043455 , 15.49234261,
                  16.29233415, 16.73628885, 15.96201256, 17.44190963, 16.23492324,
                  18.67320273, 17.04521662, 16.50797408, 16.17235058, 16.18238069,
                  16.57516227, 17.65902112, 19.22523577, 18.90674605, 18.09866592,
                  19.55566976, 16.85220113, 16.28938496, 15.68419902, 15.13078029,
                  15.50628688, 14.54508021, 14.41023642, 13.63964121, 13.7571679,
                  13.75267765, 11.68104972, 11.24332779, 10.69860714, 9.91399546,
                   9.29713181, 8.91831211, 8.06974479, 7.13822015, 7.08996932,
                   9.1934383 , 9.46476344, 8.27599214, 7.90828936, 7.45449157,
                   7.41853783, 7.81174388, 7.78917362, 9.21065884, 9.45341651,
                   8.58134565, 10.12144306, 10.70586524, 9.58671191, 10.12944641,
                   9.6468349 , 9.51245692 , 9.86432076 , 10.11238108 , 9.9215535 ,
                  11.40248292, 11.44036013, 10.74134632, 9.1555803, 10.95941719])
In [513...
          # Comparación de valores reales vs predichos
          comparacion = pd.DataFrame()
          comparacion= comparacion.assign(PD_Banamex =PD_bancos["Banamex"] / 100,Score_Ban
                                           PD_Ridge = y_pred_ridge / 100)
          comparacion = comparacion.assign(Score_Ridge=np.log((comparacion["PD_Ridge"]) /
                                            Cuadrado_Errores=(comparacion["PD_Banamex"] - c
                                            Cuadrado_Total=(comparacion["PD_Banamex"]-np.me
          comparacion.head()
Out[513...
              PD_Banamex Score_Banamex PD_Ridge Score_Ridge Cuadrado_Errores Cuadrado_1
           0
                                           0.180549
                 0.177788
                                -1.531407
                                                       -1.512632
                                                                      7.624290e-06
                                                                                         0.00^{\circ}
           1
                 0.181774
                                -1.504377
                                           0.182435
                                                       -1.499937
                                                                      4.373804e-07
                                                                                         0.00^{\circ}
           2
                                                                                         0.00
                 0.183118
                                -1.495362
                                           0.185116
                                                       -1.482060
                                                                      3.992480e-06
           3
                  0.184860
                                -1.483758
                                           0.182191
                                                       -1.501576
                                                                      7.127690e-06
                                                                                         0.00^{\circ}
                                                                      1.494723e-06
                                                                                         0.00
           4
                 0.183649
                                -1.491818
                                           0.184872
                                                       -1.483684
In [514...
          # Gráfico de la penalización Ridge
          plt.figure(figsize=(12, 6))
          plt.plot(comparacion["PD_Banamex"], label="PD Banamex", linewidth=2,color="black
          plt.plot(comparacion["PD_Ridge"], label="PD Ridge", linewidth=2, color="blue")
          plt.title("Total Banamex: PD con Penalización Ridge")
          plt.xlabel("Meses")
          plt.ylabel("Probabilidad de Incumplimiento")
          plt.legend()
          plt.show()
```



```
In [515...
          # Función que calcula el R^2 ajustado
          def adj_r_cuadrado(df):
            numerador=np.sum(df["Cuadrado_Errores"])/(120 - variables_modelo.shape[1]-1)
            denominador=np.sum(df["Cuadrado_Total"]) / (120-1)
            return(1-(numerador / denominador))
          print("El coeficiente de determinación R^2 ajustado es: ",adj_r_cuadrado(compara
          # Métricas
          MAE_Ridge=np.mean(abs(comparacion["PD_Banamex"] - comparacion["PD_Ridge"]))
          MSE_Ridge=np.mean((comparacion["PD_Banamex"] - comparacion["PD_Ridge"])**2)
          RMSE_Ridge=np.sqrt(MSE_Ridge)
          MAPE_Ridge=np.mean(abs((comparacion["PD_Banamex"] - comparacion["PD_Ridge"]) / c
          # Mostrar resultados
          print("MAE Ridge:", MAE_Ridge, "\n")
          print("MSE Ridge:", MSE_Ridge, "\n")
          print("RMSE Ridge:", RMSE_Ridge, "\n")
          print("MAPE Ridge:", MAPE_Ridge,"%\n")
```

El coeficiente de determinación R^2 ajustado es: 0.9406060312154292

MAE Ridge: 0.00586280894383735

MSE Ridge: 5.3398725466467464e-05

RMSE Ridge: 0.007307443155199188

MAPE Ridge: 4.598146219591535 %

## INTERPRETACIÓN

Respecto a la regresión, el **R2** de 0.89 es bueno pero se debe tener cuidado ya que Banamex es el primer banco en el que no se cumplen dos de los supuestos, el de Autocorrelación (el DW sigue indicando autocorrelación positiva al no ser cercano a 2) y ahora el de Varianza Constante (prueba de Breusch Pagan con un valor p menor al nivel de significancia), lo que sugiere problemas de heterocedasticidad, es decir, la varianza de

los errores no es constante, por lo que el análisis de los modelos con penalización se hará de forma más detallada para ver el modelo que predice con menos errores. El modelo con penalización Ridge tiene un rendimiento muy bueno. El **r-cuadrado** ajustado es de 0.94, lo que indica que explica casi el 94% de la variabilidad de los datos. El MAE es de 0.0058 y el RMSE de 0.0073,l o que muestra que los errores de predicción son muy pequeños. Además, el MAPE es de solo 4.6%, lo cual es excelente. En general, el modelo Ridge es preciso, consistente y tiene un muy buen ajuste.

El **ANOVA** indica que todas las variables tienen un impacto significativo en Score\_Banamex, lo que sugiere que el desempeño financiero está influenciado por factores económicos clave. SMG (Salario Mínimo General) es la variable con mayor peso, lo que refleja la relación entre el poder adquisitivo y la actividad financiera. Prod\_Edif (Producción del sector de edificaciones) también es relevante, ya que el crecimiento en construcción impulsa el empleo y la inversión. Ing\_Gob (Ingresos del Gobierno) y Deuda\_Pub (Deuda Pública) afectan la estabilidad económica y la percepción de riesgo, lo que repercute en el sistema financiero. TC (Tipo de Cambio) es crucial, pues su volatilidad influye en la inversión y el comercio. Las tasas de interés (TICH y TIN) determinan el acceso al crédito y el ahorro, mientras que los ingresos laborales (RMRPO) y las remesas en manufactura (Rem\_Manu) reflejan el impacto del empleo en la economía.

# **SANTANDER**

Santander\_Score=pd.DataFrame(data=np.log((PD\_bancos/100)/(1-PD\_bancos/100)),colu Santander\_Score

Out[550...

In [550...

	Santander
0	-1.665151
1	-1.681349
2	-1.699997
3	-1.689138
4	-1.690983
•••	···
115	-1.754858
116	-1.745540
117	-1.739821
118	-1.788760
119	-1.752426

120 rows × 1 columns

```
significativas=["TC","SMG","Deuda_Pub","Ing_Gob","ICC","TICH","TIN","Participaci
predictoras=sm.add_constant(variables_modelo[significativas]) # B0
Santander_reg_mult= sm.OLS(Santander_Score,predictoras)
# variable y, variables predictoras
Santander_reg_mult = Santander_reg_mult.fit()
print(Santander_reg_mult.summary())
```

#### OLS Regression Results

Dep. Variable: Model: Method: Date: Time: No. Observations: Df Residuals:	Sant Least So Mon, 24 Mar	ols ols quares 2025	R-so Adj. F-st Prob			0.746 0.723 31.99 5.24e-28 138.17 -254.3 -223.7
Df Model: Covariance Type:	nonr	10 robust				
======	=======	======	=====			
0.975]	coef	std	err	t	P> t	[0.025
const	-1.7531	0.	 007	-239.236	0.000	-1.768
-1.739 TC	-0.1141	0.	020	-5.806	0.000	-0.153
-0.075 SMG -0.526	-0.6425	0.	059	-10.914	0.000	-0.759
Deuda_Pub 0.839	0.7111	0.	065	11.002	0.000	0.583
Ing_Gob -0.069	-0.0896		010	-8.575	0.000	-0.110
ICC 0.091	0.0609		015	4.071	0.000	0.031
TICH 0.110	0.0686		021	3.247	0.002	0.027
TIN -0.110	-0.1523		021	-7.215	0.000	-0.194
Participacion_Urbana -0.042			012		0.000	-0.088
May_Text_Calz 0.076	0.0456	0.	015	2.998	0.003	0.015
Prod_Edif 0.152	0.1214		015	7.898	0.000	0.091
Omnibus: Prob(Omnibus): Skew: Kurtosis:	-	7.123 0.028 -0.429 3.855	Durk Jaro Prok Cond	oin-Watson: que-Bera (JB): o(JB): J. No.		0.767 7.335 0.0255 26.4

#### Notes:

[1] Standard Errors assume that the covariance matrix of the errors is correctly specified.

Out[552...

	PD_Santander	Score_Santander	Score_Predicho	PD_Predicha
0	0.159072	-1.665151	-1.629834	0.163853
1	0.156917	-1.681349	-1.664254	0.159192
2	0.154466	-1.699997	-1.650812	0.160999
3	0.155889	-1.689138	-1.720964	0.151747
4	0.155647	-1.690983	-1.705963	0.153688
•••				
115	0.147435	-1.754858	-1.785500	0.143625
116	0.148611	-1.745540	-1.720397	0.151820
117	0.149336	-1.739821	-1.761636	0.146586
118	0.143225	-1.788760	-1.835008	0.137643
119	0.147741	-1.752426	-1.668333	0.158647

120 rows × 4 columns

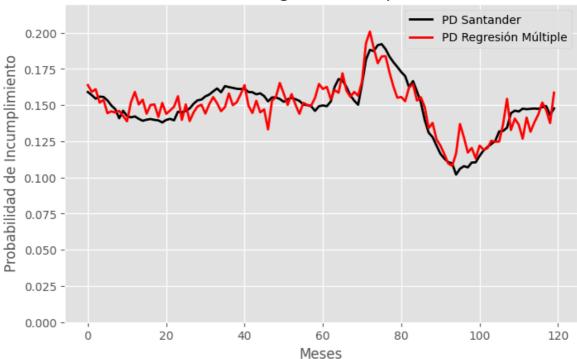
```
In [553... # Gráfica
    plt.figure(figsize=(8, 5))
    plt.plot(comparacion["PD_Santander"], label="PD Santander", linewidth=2, color='
    plt.plot(comparacion['PD_Predicha'], label="PD Regresión Múltiple", linewidth=2,

# Agregar etiquetas y título
    plt.ylim(0, 0.22)
    plt.title("PD Regresión Múltiple")
    plt.xlabel("Meses")
    plt.ylabel("Probabilidad de Incumplimiento")

# Agregar Leyenda
    plt.legend(loc='upper right', fontsize=10)

# Mostrar La gráfica
    plt.show()
```





## **SUPUESTOS**

Lo que se va a hacer es un Análisis de Varianza ANOVA para el modelo de regresión múltiple, así como la verificación de los 4 supuestos para los errores a través del valor p y de los estadísticos de las pruebas adecuadas para cada uno.

- Media Cero: Calcular la media
- Normalidad: Prueba de Anderson Darling
- Independencia: Prueba de Durbin Watson
- Varianza Constante: Prueba de Breusch Pagan

Al final se van a comparar los modelos que presentan penalización y también se dará una interpretación de lo que representan las variables ante el planteamiento de que las personas dejen de pagar sus tarjetas de crédito.

```
In []: print(f"Media de los residuales: {Santander_reg_mult.resid.mean()}")
    Media de los residuales: -3.7007434154171886e-16

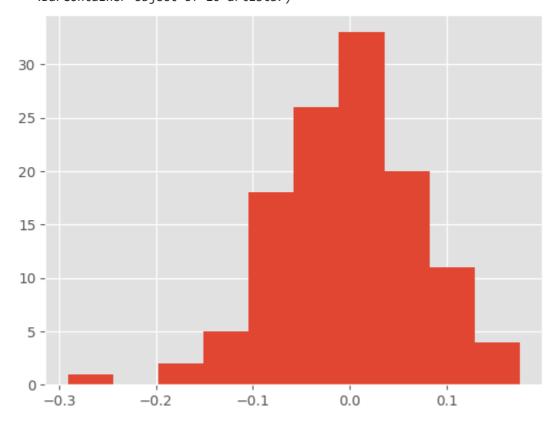
In []: # Prueba de Anderson Darling
    ad_test = anderson(Santander_reg_mult.resid)

# Mostrar los resultados
    print("Estadístico de Anderson-Darling:", ad_test.statistic)
    print("Valores críticos:", ad_test.critical_values)
    print("Niveles de significancia:", ad_test.significance_level)

    plt.hist(Santander_reg_mult.resid) # HISTOGRAMA
```

Estadístico de Anderson-Darling: 0.29926067602659145 Valores críticos: [0.558 0.636 0.763 0.89 1.059] Niveles de significancia: [15. 10. 5. 2.5 1.]

```
Out[]: (array([ 1., 0., 2., 5., 18., 26., 33., 20., 11., 4.]),
array([-0.29086479, -0.24421654, -0.19756829, -0.15092004, -0.10427178,
-0.05762353, -0.01097528, 0.03567297, 0.08232122, 0.12896947,
0.17561772]),
<BarContainer object of 10 artists>)
```



```
In [ ]: # Prueba de Durbin-Watson
    dw_statistic = durbin_watson(Santander_reg_mult.resid)
    print(f"Durbin-Watson statistic: {dw_statistic}")
```

Durbin-Watson statistic: 0.7672500344390584

Breusch-Pagan Test:

Estadístico BP: 11.168240353679582 P-valor: 0.34456170294715666

### **ANOVA**

```
In []: # Lista de variables predictoras
significativas = ["TC","SMG","Deuda_Pub","Ing_Gob","ICC","RMRPO","TICH","TIN","P

# Ajustar el modelo correctamente con ols()
formula = "Santander_Score ~ " + " + ".join(significativas)
Santander_reg_mult = ols(formula, data=variables_modelo).fit()

# Aplicar ANOVA correctamente
anova_results = anova_lm(Santander_reg_mult, typ=2) # ANOVA tipo II (el más usa print(anova_results)
```

```
df
                                                                     PR(>F)
                             sum_sq
TC
                          0.175697 1.0 27.021719 9.595812e-07
                          0.720743 1.0 110.848573 2.919342e-18
SMG
Deuda_Pub
                        0.677881 1.0 104.256488 1.545227e-17
                        0.408748 1.0 62.864435 2.170189e-12
Ing_Gob
                        0.104071 1.0 16.005908 1.159622e-04
ICC
                        0.000183 1.0 0.028177 8.670078e-01
RMRPO
TICH
                        0.063995 1.0 9.842304 2.198269e-03
                         0.327901 1.0 50.430360 1.375052e-10
TTN
Participacion_Urbana 0.177068 1.0 27.232718 8.794614e-07

      May_Text_Calz
      0.035686
      1.0
      5.488473
      2.097414e-02

      Prod_Edif
      0.363985
      1.0
      55.980088
      2.072286e-11

      Residual
      0.702221
      108.0
      NaN
      NaN
```

## PENALIZACIÓN RIDGE

```
In [554...
         # Definir las variables predictoras y la respuesta
          X = variables_modelo.to_numpy() # Convertir a matriz
          y = PD_bancos['Santander'] # Convertir a vector
          # Calcular Lambda max
          lambda_max = np.max(np.abs(X.T @ y)) / X.shape[0]
          # Crear la secuencia logarítmica de 100 valores
          lambda_seq = np.exp(np.linspace(np.log(lambda_max), np.log(lambda_max / 1000), 1
          # Configurar validación cruzada con 10 folds
          kf = KFold(n_splits=10, shuffle=True, random_state=42)
          # Validación cruzada para elegir el mejor lambda
          ridge_cv = RidgeCV(alphas=lambda_seq,store_cv_values=True)
          ridge_cv.fit(X, y)
          # Obtener el mejor lambda
          lambda_optimo = round(ridge_cv.alpha_,8)
          print("Mejor lambda:", lambda_optimo)
```

Mejor lambda: 0.05201782

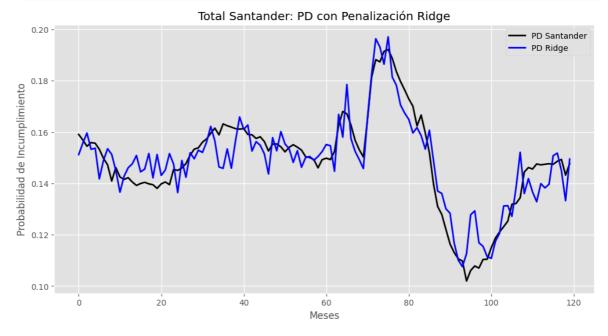
```
In [555... # Ajustar Ridge con la mejor penalización
    ridge = Ridge(alpha=lambda_optimo)
    ridge.fit(X, y)

# Coeficientes del modelo Ridge
    coeficientes = ridge.coef_
    print("Coeficientes del modelo Ridge:", coeficientes)

# Predicciones con Ridge
    y_pred_ridge = ridge.predict(X)
    y_pred_ridge
```

```
Coeficientes del modelo Ridge: [-1.37814237e+00 -7.57470814e+00 1.26033862e+00 -
         1.65598554e-02
          -4.46464020e-02 7.03949764e+00 1.47130339e-01 -1.17670983e+00
          -6.63545844e-02 -3.52201553e-01 7.35673208e-02 -4.56809427e-03
           8.20542920e-01 -2.86633323e+00 1.37860345e-01 4.33920977e-01
           4.53734359e-01 -1.11852151e-01 -1.37860345e-01 -1.65598554e-02
           3.89569446e-03 -4.31418668e-01 8.81833326e-01 1.98926380e+00
          -3.30714685e-01 7.29579521e-02 -7.13169811e-01 1.51631060e-01
           1.06276263e+00 -3.93790084e-01]
          array([15.12082476, 15.56546952, 15.96052603, 15.32790736, 15.37068857,
Out[555...
                  14.17517855, 14.89224973, 15.3506084 , 15.13046502, 14.50150029,
                  13.65829172, 14.27730397, 14.61074066, 14.76372282, 15.08973651,
                  14.4482158 , 14.55740543, 15.16441121, 14.21524486, 15.1253858 ,
                  14.30993041, 14.52320918, 15.16055531, 14.75028378, 13.64233624,
                  14.89346666, 14.23875049, 15.19337684, 14.95866821, 15.2932494,
                  15.20650408, 15.61248425, 16.2202554, 15.65523147, 14.64075392,
                  14.58393709, 15.34402025, 14.59117551, 15.6503731 , 16.589087 ,
                  16.10588681, 16.27602311, 15.25904338, 15.62552636, 15.48508849,
                  15.15267555, 14.36634453, 15.78350914, 15.26770422, 16.01799952,
                  15.53868459, 15.34926461, 14.81858618, 15.27590644, 14.62766905,
                  15.00730365, 15.05000124, 14.9011961, 15.04748863, 15.24053888,
                  15.51477385, 15.46818797, 14.46998341, 16.6905918, 15.80106929,
                  17.85231234, 15.73938545, 15.24981362, 14.92825422, 14.57784024,
                  16.55697376, 18.2615311 , 19.63651263, 19.31558754, 18.64287079,
                  19.71101776, 18.14212138, 17.82153651, 17.0540736 , 16.73970648,
                  16.49650027, 15.96286089, 16.17487764, 15.86180677, 15.33379034,
                  16.06976929, 14.8799872, 13.69983549, 13.60823658, 13.00924593,
                  12.83714998, 11.68135378, 11.00916018, 10.75578279, 11.26086427,
                  12.77886176, 12.93056083, 11.68638758, 11.54734152, 11.14636516,
                  11.0795071 , 11.74136634, 12.05427759, 13.12044594, 13.13247609,
                  12.71529941, 13.83497521, 15.21065918, 13.60569712, 14.18567702,
                  13.66549264, 13.28450861, 13.9904137, 13.82447305, 13.96564214,
                  15.0792743 , 15.18029834, 14.48895976, 13.32602804, 14.94579037])
In [556...
          # Comparación de valores reales vs predichos
          comparacion = pd.DataFrame()
          comparacion= comparacion.assign(PD_Santander =PD_bancos["Santander"] / 100,Score
                                           PD Ridge = y pred ridge / 100)
          comparacion = comparacion.assign(Score_Ridge=np.log((comparacion["PD_Ridge"]) /
                                            Cuadrado Errores=(comparacion["PD Santander"] -
                                            Cuadrado_Total=(comparacion["PD_Santander"]-np.
          comparacion.head()
Out[556...
              PD_Santander Score_Santander PD_Ridge Score_Ridge Cuadrado_Errores Cuadrado
          0
                  0.159072
                                  -1.665151
                                             0.151208
                                                        -1.725156
                                                                           0.000062
                                                                                          0.0
                                             0.155655
           1
                  0.156917
                                                        -1.690921
                                                                           0.000002
                                                                                          0.0
                                  -1.681349
           2
                  0.154466
                                  -1.699997
                                             0.159605
                                                        -1.661168
                                                                           0.000026
                                                                                          0.0
           3
                                                                           0.000007
                                                                                          0.0
                  0.155889
                                  -1.689138
                                             0.153279
                                                        -1.709111
           4
                  0.155647
                                  -1.690983
                                             0.153707
                                                        -1.705818
                                                                           0.000004
                                                                                          0.0
```

```
# Gráfico de La penalización Ridge
plt.figure(figsize=(12, 6))
plt.plot(comparacion["PD_Santander"], label="PD Santander", linewidth=2,color="b
plt.plot(comparacion["PD_Ridge"], label="PD Ridge", linewidth=2, color="blue")
plt.title("Total Santander: PD con Penalización Ridge")
plt.xlabel("Meses")
plt.ylabel("Probabilidad de Incumplimiento")
plt.legend()
plt.show()
```



```
In [558...
          # Función que calcula el R^2 ajustado
          def adj_r_cuadrado(df):
            numerador=np.sum(df["Cuadrado_Errores"])/(120 - variables_modelo.shape[1]-1)
            denominador=np.sum(df["Cuadrado_Total"]) / (120-1)
            return(1-(numerador / denominador))
          print("El coeficiente de determinación R^2 ajustado es: ",adj_r_cuadrado(compara
          # Métricas
          MAE_Ridge=np.mean(abs(comparacion["PD_Santander"] - comparacion["PD_Ridge"]))
          MSE_Ridge=np.mean((comparacion["PD_Santander"] - comparacion["PD_Ridge"])**2)
          RMSE_Ridge=np.sqrt(MSE_Ridge)
          MAPE_Ridge=np.mean(abs((comparacion["PD_Santander"] - comparacion["PD_Ridge"]) /
          # Mostrar resultados
          print("MAE Ridge:", MAE Ridge, "\n")
          print("MSE Ridge:", MSE_Ridge, "\n")
          print("RMSE Ridge:", RMSE_Ridge, "\n")
          print("MAPE Ridge:", MAPE_Ridge,"%\n")
```

El coeficiente de determinación R^2 ajustado es: 0.7876262002870906

MAE Ridge: 0.005979127622920997

MSE Ridge: 5.459637556823818e-05

RMSE Ridge: 0.007388936024099693

MAPE Ridge: 4.158275272623413 %

# INTERPRETACIÓN

El modelo tiene un alto poder explicativo, como lo indica el R-cuadrado de 0.723. Todas las variables incluidas en el modelo son estadísticamente significativas, lo que sugiere que cada una de ellas contribuye fuertemente a la predicción de Santander, algunas con un impacto positivo (lo que sugiere que aumentos en estas variables están asociados con un aumento en el score) y otras con un impacto negativo (lo que indica que aumentos en estas variables están asociados con una disminución en el score). Lo siguiente a remarcar son los supuestos, todos cumplen con un buen resultado, la media de los errores tiene un valor muy cercano a cero, mientras que los valores-p para la homoscesdasticidad (varianza constante) y la normalidad superan el valor de alpha usado (0.05), por otro lado, se resalta un valor de 0.76 en la prueba de Durbin-Watson para la prueba de autocorrelación, a pesar de ser un valor más cercano a 1 que a 0, se puede asumir que no hay una autocorrelación positiva significativa, pero esto se explica a la cantidad de variables de impacto positivo en el modelo.

Respecto a la penalización ridge, esta si hace un ajuste más eficiente que el modelo con la regresión de variables significtivas, lo más importante a recalcar es que aún mantiene un MPA bajo del 4.1% y que el R-cuadrado ajustado lo sube en 0.6 puntos porcentuales aproximadamente.

Comparando el modelo OLS con el ANOVA, tenemos pocas diferencias, así que procedemos a revisar las variables significativas y su relación directa con Santander.

- ICC: Una de las dos variables que no tienen presencia en el ANOVA, representa la confianza del consumidor respecto a su situación económica, esta variable tuvo un impacto positivo en el modelo, esto debido a que probablemente los clientes de Santander han visto mejorías en su economía personal al estar en este banco, influyendo en el consumo y la inversión sobre este.
- TICH: La segunda variable que no tiene presencia en el ANOVA, representa las tasas de interés fijas, esta variable tuvo un impacto positivo en el modelo, los productos que ofrece Santander son variados y probablemente haya clientes que tenga más de uno, con tasas que varían desde el 4.9%-11.75% en préstamos personales, liquidez del 8.2%, hipotécas del 11.35%, etc.
- TC: El tipo de cambio tuvo un impacto negativo, recordemos que Santander es un banco extranjero, por lo que si el peso se devalua, se disminuye el poder adquisitivo y habrá más cargas relacionadas a distintas deudas.
- SMG: El Banco Santander ha expresado su opinión sobre el aumento del salario mínimo en México, considerando que es mejor que no aumente demasiado para evitar presiones a la inflación, considera que es mejor que el salario mínimo aumente solo 12% en 2025, el salario mínimo en México se fijó en 278.80MXN diarios, loqueequivalea8,364 MXN mensuales, estos comentarios se reflejan en un impacto negaivo en el modelo.

- Ing\_Gob: El Banco Santander tiene convenios de colaboración con gobiernos
  estatales y con la Secretaría de Economía. Estos convenios buscan generar inversión
  y crecimiento en el país, incluso otorgando múltiples becas con su programa de
  Open Academy, pero la razón de tener un impacto negativo en el modelo puede
  deberse precisamente por el apoyo que da al gobierno, con ciertos discontentos
  que ha tenido la población y los sucesos recientes.
- TIN: Se refiere a la tasa promedio ponderada de instrumentos de deuda de corto plazo, el Banco Santander utiliza la tasa de interés nominal para calcular el costo de oportunidad de no tener disponible el dinero que ha prestado. El TIN es el porcentaje que se suma al capital como coste o rentabilidad, presente en muchos de sus productos, con un máximo del 55%, teniendo así un impacto negativo en el modelo.
- Deuda\_Pub: Representa la deuda total neta del sector público; El Banco Santander ha comprado deuda pública española y mexicana, y también ofrece fondos de inversión que pueden invertir en deuda pública. En 2022, Santander México tuvo una cuota de mercado del 26,6% en el Mercado de Capitales de Deuda Local. En 2023, Santander México se consolidó como Líder en el Mercado de Capitales de Deuda Local, razón por la que tuvo un impacto positivo en el modelo.
- Participación\_Urbana: Representa el porcentaje de la población en edad de trabajar que participa en el mercado laboral, en México, hay una gran parte de la población que tiene empleos informales, razón por la que esta variable tuvo un impacto negativo en el modelo, a pesar de que se puedan solventar los gastos y se disminuya la prob. de incumplimiento, no quita el hecho de que se tiene que participar de forma transparente.
- Prod\_edif: Esta variable representa el valor económico generado mediante
  edificaciones de varios campos; Santander ha tenido un papel respecto al cuidado
  del medio ambiente e incluso el cambio climático, sus edificios han sido diseñados
  para ser sostenibles y energéticamente eficientes. Cuentan con la certificación
  BREEAM "excelente", que los acredita como sostenibles a nivel mundial, tanto en su
  construcción como en su explotación, minimizando así el impacto ambiental, razón
  por la cual tuvo un impacto positivo en el modelo.
- May\_Text\_Calz: Esta variable representa la actividad económica de comercios al por mayor relacionada a los textiles y calzado; Santander tenía un valor bursátil de 74000 millones en 2019 en temas de textiles y calzado, esto cambió debido a su relación con la empresa INDITEX, un lider mundial

textil, donde ahora cotizan alrededor de 143200 millones sólo en este sector, a un tipo de cambio de aproximadamente 10.6%, gracias a tendencias como el fast fashion.

```
# Función que calcula el R^2 ajustado
def adj_r_cuadrado(df):
    numerador=np.sum(df["Cuadrado_Errores"])/(120 - variables_modelo.shape[1]-1)
    denominador=np.sum(df["Cuadrado_Total"]) / (120-1)
    return(1-(numerador / denominador))
```

```
print("El coeficiente de determinación R^2 ajustado es: ",adj_r_cuadrado(compara
# Métricas
MAE_Ridge=np.mean(abs(comparacion["PD_Santander"] - comparacion["PD_Ridge"]))
MSE_Ridge=np.mean((comparacion["PD_Santander"] - comparacion["PD_Ridge"])**2)
RMSE Ridge=np.sqrt(MSE Ridge)
MAPE_Ridge=np.mean(abs((comparacion["PD_Santander"] - comparacion["PD_Ridge"]) /
# Mostrar resultados
print("MAE Ridge:", MAE_Ridge, "\n")
print("MSE Ridge:", MSE_Ridge, "\n")
print("RMSE Ridge:", RMSE_Ridge, "\n")
print("MAPE Ridge:", MAPE_Ridge,"%\n")
```

El coeficiente de determinación R^2 ajustado es: 0.7876262002870906

MAE Ridge: 0.005979127622920997

MSE Ridge: 5.459637556823818e-05

RMSE Ridge: 0.007388936024099693

MAPE Ridge: 4.158275272623413 %

## **BBVA**

In [525... BBVA\_Score=pd.DataFrame(data=np.log((PD\_bancos/100))/(1-PD\_bancos/100)),columns=[ BBVA\_Score

Out[525...

#### **BBVA**

- **0** -1.704305
- **1** -1.694119
- 2 -1.670143
- **3** -1.665175
- **4** -1.667630
- **115** -1.953366
- **116** -1.933012
- **117** -1.924359
- **118** -1.976385
- **119** -1.937406

120 rows × 1 columns

```
significativas=["TC","SMG","Deuda Pub","Ing Gob","TIN","Participacion Urbana","P
In [527...
          predictoras=sm.add_constant(variables_modelo[significativas]) # B0
          BBVA_reg_mult= sm.OLS(BBVA_Score, predictoras)
```

```
# variable y, variables predictoras
BBVA_reg_mult = BBVA_reg_mult.fit()
print(BBVA_reg_mult.summary())
```

#### OLS Regression Results

=======================================		=====	=====		======	========
Dep. Variable:		BBVA	R-sc	quared:		0.769
Model:		OLS	Adj.	R-squared:		0.755
Method:	Least Squ	ares	F-st	atistic:		53.35
Date:	Mon, 24 Mar	2025	Prob	(F-statistic)	:	8.62e-33
Time:	05:0	0:06	Log-	Likelihood:		120.41
No. Observations:		120	AIC:			-224.8
Df Residuals:		112	BIC:			-202.5
Df Model:		7				
Covariance Type:	nonro	bust				
=======================================	========	=====	=====	.========	======	=========
======						
	coef	std	err	t	P> t	[0.025
0.975]						-
const	-1.8891	0.	800	-225.370	0.000	-1.906
-1.873						
TC	-0.1807	0.	020	-8.954	0.000	-0.221
-0.141						
SMG	-0.6551	0.	065	-10.125	0.000	-0.783
-0.527						
Deuda_Pub	0.7435	0.	071	10.441	0.000	0.602
0.885						
Ing_Gob	-0.0710	0.	011	-6.187	0.000	-0.094
-0.048						
TIN	-0.0756	0.	016	-4.811	0.000	-0.107
-0.044						
Participacion_Urbana	-0.0727	0.	012	-6.295	0.000	-0.096
-0.050						
Prod_Edif	0.1429	0.	017	8.264	0.000	0.109
0.177						
=======================================	========	=====			======	========
Omnibus:		.841		oin-Watson:		0.680
Prob(Omnibus):				que-Bera (JB):		2.870
Skew:	-0	.355	Prob	)(JB):		0.238
Kurtosis:	2	.735	Cond	l. No.		20.4
=======================================	========	=====	====		======	========

#### Notes:

 $\[1\]$  Standard Errors assume that the covariance matrix of the errors is correctly specified.

$\cap$	.4-	ГΕ	7	0
Uί	1し	>	_	O

	PD_BBVA	Score_BBVA	Score_Predicho	PD_Predicha
0	0.153904	-1.704305	-1.676302	0.157586
1	0.155235	-1.694119	-1.678004	0.157360
2	0.158405	-1.670143	-1.681370	0.156914
3	0.159069	-1.665175	-1.750776	0.147949
4	0.158740	-1.667630	-1.720117	0.151856
•••				<b></b>
115	0.124187	-1.953366	-2.014949	0.117642
116	0.126418	-1.933012	-1.944474	0.125157
117	0.127376	-1.924359	-2.030339	0.116054
118	0.121705	-1.976385	-2.115800	0.107571
119	0.125933	-1.937406	-1.969359	0.122458

120 rows × 4 columns

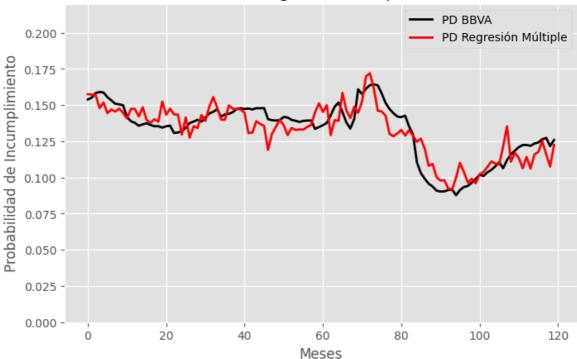
```
In [529... # Gráfica
    plt.figure(figsize=(8, 5))
    plt.plot(comparacion["PD_BBVA"], label="PD BBVA", linewidth=2, color='black')
    plt.plot(comparacion['PD_Predicha'], label="PD Regresión Múltiple", linewidth=2,

# Agregar etiquetas y título
    plt.ylim(0, 0.22)
    plt.title("PD Regresión Múltiple")
    plt.xlabel("Meses")
    plt.ylabel("Probabilidad de Incumplimiento")

# Agregar Leyenda
    plt.legend(loc='upper right', fontsize=10)

# Mostrar La gráfica
    plt.show()
```

### PD Regresión Múltiple



## **SUPUESTOS**

Lo que se va a hacer es un Análisis de Varianza ANOVA para el modelo de regresión múltiple, así como la verificación de los 4 supuestos para los errores a través del valor p y de los estadísticos de las pruebas adecuadas para cada uno.

- Media Cero: Calcular la media
- Normalidad: Prueba de Anderson Darling
- Independencia: Prueba de Durbin Watson
- Varianza Constante: Prueba de Breusch Pagan

Al final se van a comparar los modelos que presentan penalización y también se dará una interpretación de lo que representan las variables ante el planteamiento de que las personas dejen de pagar sus tarjetas de crédito.

```
In [530... print(f"Media de los residuales: {BBVA_reg_mult.resid.mean()}")

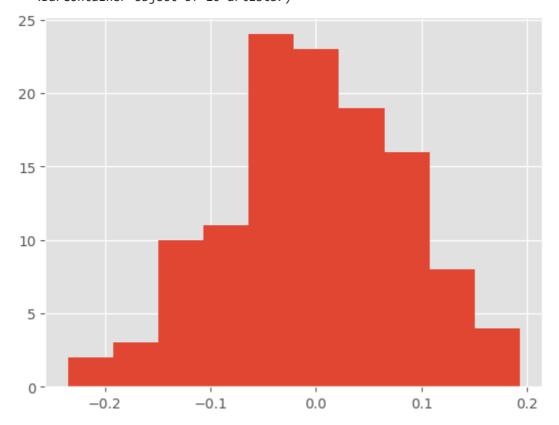
Media de los residuales: -3.090120751873352e-16

In [531... # Prueba de Anderson Darling
    ad_test = anderson(BBVA_reg_mult.resid)

# Mostrar los resultados
    print("Estadístico de Anderson-Darling:", ad_test.statistic)
    print("Valores críticos:", ad_test.critical_values)
    print("Niveles de significancia:", ad_test.significance_level)

plt.hist(Santander_reg_mult.resid) # HISTOGRAMA
```

Estadístico de Anderson-Darling: 0.4056817707234046 Valores críticos: [0.558 0.636 0.763 0.89 1.059] Niveles de significancia: [15. 10. 5. 2.5 1.]



```
In [532... # Prueba de Durbin-Watson
dw_statistic = durbin_watson(BBVA_reg_mult.resid)
print(f"Durbin-Watson statistic: {dw_statistic}")
```

Durbin-Watson statistic: 0.6796914191654908

```
In [533... bp_test = het_breuschpagan(BBVA_reg_mult.resid,BBVA_reg_mult.model.exog)
print("Breusch-Pagan Test:")
print(f"Estadístico BP: {bp_test[0]}")
print(f"P-valor: {bp_test[1]}")
```

Breusch-Pagan Test:

Estadístico BP: 15.06025662839345 P-valor: 0.03523471364158309

## **ANOVA**

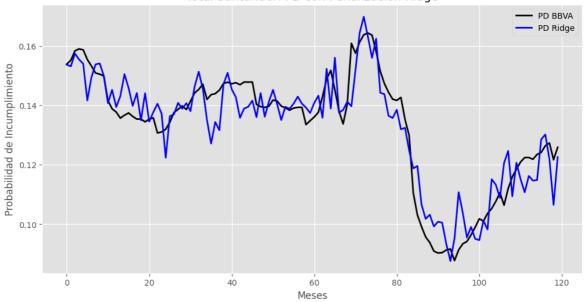
```
df
                                              PR(>F)
                   sum_sq
                 0.675949 1.0 80.166538 8.536643e-15
TC
                0.864317 1.0 102.506744 1.691037e-17
SMG
Deuda_Pub
                0.919180 1.0 109.013396 3.124408e-18
                0.322714 1.0 38.273361 1.031932e-08
Ing_Gob
                0.195193 1.0 23.149607 4.712580e-06
TIN
Participacion_Urbana 0.334088 1.0 39.622284 6.181184e-09
Prod_Edif 0.575838 1.0 68.293477 3.180161e-13
                 0.944363 112.0
                                 NaN
Residual
                                                 NaN
```

## PENALIZACIÓN RIDGE

```
In [535...
         # Definir las variables predictoras y la respuesta
         X = variables_modelo.to_numpy() # Convertir a matriz
         y = PD_bancos['BBVA'] # Convertir a vector
         # Calcular lambda max
         lambda_max = np.max(np.abs(X.T @ y)) / X.shape[0]
         # Crear la secuencia logarítmica de 100 valores
         lambda_seq = np.exp(np.linspace(np.log(lambda_max), np.log(lambda_max / 1000), 1
         # Configurar validación cruzada con 10 folds
         kf = KFold(n_splits=10, shuffle=True, random_state=42)
         # Validación cruzada para elegir el mejor lambda
         ridge_cv = RidgeCV(alphas=lambda_seq,store_cv_values=True)
         ridge_cv.fit(X, y)
         # Obtener el mejor lambda
         lambda_optimo = round(ridge_cv.alpha_,8)
         print("Mejor lambda:", lambda_optimo)
        Mejor lambda: 0.05265165
         # Ajustar Ridge con la mejor penalización
In [536...
         ridge = Ridge(alpha=lambda_optimo)
         ridge.fit(X, y)
         # Coeficientes del modelo Ridge
         coeficientes = ridge.coef_
         print("Coeficientes del modelo Ridge:", coeficientes)
         # Predicciones con Ridge
         y_pred_ridge = ridge.predict(X)
         y_pred_ridge
        Coeficientes del modelo Ridge: [-1.52391142 -6.54658158 1.00235535 -0.03637866 -
                  6.74944277
         -0.30827089 \ -0.76925799 \ -0.15795046 \ \ 0.10356412 \ -0.09334984 \ \ 0.03051896
          0.18811504 -1.52692468 0.08349622 0.2554271 0.67806039 -0.13975718
         -0.08349622 -0.03637866  0.06814217 -0.27227884  0.45222477  1.36194296
```

```
Out[536...
           array([15.37496387, 15.31887695, 15.74901415, 15.54842732, 15.40699022,
                  14.16829092, 14.94931721, 15.38474814, 15.41607814, 14.99788101,
                  14.07687384, 14.52886579, 13.94790303, 14.31242724, 15.05507188,
                  14.59211417, 13.98806961, 14.42048103, 13.50096643, 14.41244023,
                  13.4562397 , 13.77672439 , 14.05804005 , 13.72668934 , 12.24103989 ,
                  13.63830371, 13.70337542, 14.08831192, 13.88976616, 14.07653665,
                  13.80796794, 14.63283969, 15.13901646, 14.55457163, 13.51239836,
                  12.71447985, 13.44390325, 13.16510177, 14.71581332, 15.09986943,
                  14.54458416, 14.28038242, 13.58423316, 13.89598727, 13.95661939,
                  14.16445694, 13.60520885, 14.41868733, 13.61994335, 14.12801886,
                  14.5269897 , 14.04549225, 13.50942776, 13.9548383 , 13.88596438,
                  14.06165397, 14.29877695, 14.06414894, 13.92696544, 13.74628909,
                  14.08724346, 14.33029948, 13.58320193, 15.23657301, 13.89470202,
                  15.60915878, 13.75770189, 13.85075599, 14.12804419, 13.97277776,
                  15.20880853, 16.44419691, 16.98697064, 16.31961767, 15.60428221,
                  16.25209515, 14.42992074, 14.38132896, 13.65146589, 13.57829147,
                  13.85480241, 13.19759161, 13.24674087, 12.48036989, 11.88060702,
                  11.96242234, 10.65803388, 10.18123705, 10.31952147, 9.92242899,
                  10.08378818, 10.05160309, 9.33456093, 8.76027361, 9.52981068,
                  11.076643 , 10.37618521, 9.55133864, 9.90663325, 9.50831672,
                   9.46283119, 10.11996475, 9.82279872, 11.51655147, 11.33204911,
                  10.88601513, 12.06214042, 12.4678191 , 10.93952946, 12.07007165,
                  11.51888606, 11.07424513, 11.62528247, 11.46900834, 11.48628325,
                  12.85606268, 13.02205629, 12.18184815, 10.64848914, 12.26073937])
In [537...
          # Comparación de valores reales vs predichos
          comparacion = pd.DataFrame()
          comparacion= comparacion.assign(PD_BBVA =PD_bancos["BBVA"] / 100,Score_BBVA=BBVA
                                           PD_Ridge = y_pred_ridge / 100)
          comparacion = comparacion.assign(Score_Ridge=np.log((comparacion["PD_Ridge"]) /
                                            Cuadrado_Errores=(comparacion["PD_BBVA"] - comp
                                            Cuadrado_Total=(comparacion["PD_BBVA"]-np.mean(
          comparacion.head()
Out[537...
             PD_BBVA Score_BBVA PD_Ridge Score_Ridge Cuadrado_Errores Cuadrado_Total
           0 0.153904
                          -1.704305
                                     0.153750
                                                -1.705490
                                                               2.376879e-08
                                                                                  0.000448
              0.155235
                          -1.694119
                                     0.153189
                                                -1.709807
                                                               4.186977e-06
                                                                                  0.000506
           2
             0.158405
                          -1.670143
                                    0.157490
                                                -1.677023
                                                               8.371490e-07
                                                                                  0.000659
           3
              0.159069
                          -1.665175
                                     0.155484
                                                -1.692219
                                                               1.284733e-05
                                                                                  0.000693
              0.158740
                          -1.667630
                                    0.154070
                                                -1.703030
                                                               2.181318e-05
                                                                                  0.000676
In [538...
          # Gráfico de la penalización Ridge
          plt.figure(figsize=(12, 6))
          plt.plot(comparacion["PD_BBVA"], label="PD BBVA", linewidth=2,color="black")
          plt.plot(comparacion["PD_Ridge"], label="PD Ridge", linewidth=2, color="blue")
          plt.title("Total Santander: PD con Penalización Ridge")
          plt.xlabel("Meses")
          plt.ylabel("Probabilidad de Incumplimiento")
          plt.legend()
          plt.show()
```

#### Total Santander: PD con Penalización Ridge



```
In [539...
          # Función que calcula el R^2 ajustado
          def adj_r_cuadrado(df):
            numerador=np.sum(df["Cuadrado_Errores"])/(120 - variables_modelo.shape[1]-1)
            denominador=np.sum(df["Cuadrado_Total"]) / (120-1)
            return(1-(numerador / denominador))
          print("El coeficiente de determinación R^2 ajustado es: ",adj_r_cuadrado(compara
          # Métricas
          MAE_Ridge=np.mean(abs(comparacion["PD_BBVA"] - comparacion["PD_Ridge"]))
          MSE_Ridge=np.mean((comparacion["PD_BBVA"] - comparacion["PD_Ridge"])**2)
          RMSE_Ridge=np.sqrt(MSE_Ridge)
          MAPE_Ridge=np.mean(abs((comparacion["PD_BBVA"] - comparacion["PD_Ridge"]) / comp
          # Mostrar resultados
          print("MAE Ridge:", MAE_Ridge, "\n")
          print("MSE Ridge:", MSE_Ridge, "\n")
          print("RMSE Ridge:", RMSE_Ridge, "\n")
          print("MAPE Ridge:", MAPE_Ridge,"%\n")
```

El coeficiente de determinación R^2 ajustado es: 0.8233369157125761

MAE Ridge: 0.0057314416146121115

MSE Ridge: 5.178444178227253e-05

RMSE Ridge: 0.007196140756146487

MAPE Ridge: 4.560895532109626 %

# INTERPRETACIÓN

Antes de brindar un breve análisis de los resultados obtenidos en las pruebas realizadas con anterioridad es nececesario recordar que BBVA es el banco en México que más clientes tiene y que más creditos brinda a los mismos. De esta forma, se podria esperar que en comparación de las otras instituciones presente valores de riesgo más altos, es

decir, es un banco con mayor riesgo sistematico. De las variables macroeconomicas seleccionadas solo las variables "TC", "SMG", "Deuda\_Pub", "Ing\_Gob", "TIN", "Participación\_Urbana", "Prod\_Edif" fueron de relevancia para explicar el incumplimiento de pago en tarjetas de crédito de BBVA. El conocer cuales son las variables de relevancia es importante para tener una idea de como un cambio en estos indicadores afecta directamente a los ingresos por concepto de pago.

Sin embargo, es necesario ahondar un poco más en cada una y ver que factores son los que hacen que esta relación sea tan crucial.

- TC (Tipo de Cambio): Esta variable se relaciona con BBVA, ya que al ser el banco más grande un cambio en el tipo de cambio puede modificar la forma en que sus clientes cumplen con sus obligaciones y también la forma en que sus responsabilidades cambian por efectos de las fluctuaciones.
- SMG (Salario Minimo): Una variación en el salario minimo afecta a los compromisos de los clientes con el banco porque un aumento de salario significa un cambio en la economia de las familias pero también de los provedores de empleos.
- Deuda\_Pub" (Deuda Publica): La deuda publica es de gran relevancia, ya que esta es un reflejo de la salud economica de una nación, esta puede dar señales para establcer una politica de credito más inclusiva o restrictiva.
- Ing\_Gob (Ingresos Gubernanmentales): Los ingresos guberanmentales se obtienen de los impueestos que se recaudan. Por lo tanto, este indicador es un reflejo del sistema fiscal que brinda una idea de la forma en que se esta gestionando la politica fiscal de la nación, hecho de gran relevancia para la instiucion.
- TIN (Tasa de Interes Nominal): Es de relevancia porque ayuda a las instituciones a conocer como se encuentra la economia y también a establecer tasas para obtener ganancias de los intereses generados por los prestamos.
- Participación\_Urbana (Tasa de Participación Urbana): Este indicador muestra como la población economicamente activa participa. Es decir, esto puede estar ligado a la inclusión financiera que existe.

# CONCLUSIÓN

El presente estudio nos permitió analizar la probabilidad de incumplimiento en tarjetas de crédito para los principales bancos en México, incluyendo Santander, Banamex, Banorte y el agregado de Total Banca Múltiple (TBM). A través de modelos de regresión múltiple y técnicas de penalización (Ridge, Lasso y Elastic Net), evaluamos los factores económicos que influyen en el comportamiento de pago de los clientes, identificando aquellos que tienen un mayor impacto en la morosidad. Durante el análisis de cada banco, encontramos que el Tipo de cambio (TC), el salario mínimo (SMG), la Deuda pública (Deuda\_Pub), la Inversión en construcción (Prod\_Edif) y la Confianza del

consumidor (ICC) son variables clave en la predicción del incumplimiento. En particular, el incremento en el salario mínimo mostró un efecto positivo en la reducción de la morosidad, lo que sugiere que una mayor capacidad adquisitiva de los clientes mejora el cumplimiento de sus obligaciones financieras. También observamos que la deuda pública tiene un impacto negativo, ya que su aumento puede derivar en recortes en el gasto gubernamental, afectando el ingreso de los ciudadanos y su capacidad de pago. Para cada banco, analizamos distintos modelos de regresión con el fin de identificar la técnica más precisa y eficiente:

En el análisis de Total Banca Múltiple (TBM), se evaluó el comportamiento agregado del sistema bancario. Se identificó que variables como el salario mínimo, la deuda pública y la inversión en construcción tienen una influencia determinante en la probabilidad de incumplimiento en tarjetas de crédito. Al considerar toda la banca múltiple, observamos que las relaciones entre estas variables y la morosidad son consistentes con los hallazgos en los bancos individuales. Elastic Net nuevamente mostró un alto desempeño, con un R2 ajustado de 0.88, consolidándose como el modelo más confiable para predecir la probabilidad de incumplimiento en el sector bancario en su conjunto.

Para Banorte, las variables más significativas fueron la inversión en construcción (Prod Edif) y la confianza del consumidor (ICC). Se observó que una mayor inversión en construcción está asociada con un menor riesgo de impago, ya que este sector impulsa el empleo y la estabilidad económica. La confianza del consumidor también tuvo un impacto importante, ya que cuando los clientes perciben estabilidad económica, es menos probable que incumplan con sus pagos. En este caso, Elastic Net presentó un R2 ajustado de 0.92, lo que lo convirtió en el modelo más preciso para esta institución financiera. En el caso de Banamex, analizamos la influencia de factores como el salario mínimo (SMG), la deuda pública (Deuda\_Pub) y el ingreso del gobierno (Ing\_Gob). Encontramos que un aumento en el salario mínimo favorece la reducción del incumplimiento, ya que mejora la capacidad de pago de los clientes. Elastic Net nuevamente fue el modelo con mejor ajuste, obteniendo un R2 ajustado de 0.94, lo que sugiere que las variables seleccionadas explican con gran precisión la morosidad de los clientes de este banco. Para Santander, encontramos que variables como el tipo de cambio (TC), el índice de confianza del consumidor (ICC) y la tasa de interés hipotecaria (TICH) tienen un papel crucial en la morosidad. Un incremento en la confianza del consumidor disminuye la probabilidad de incumplimiento, mientras que una depreciación del peso tiende a elevar el riesgo de impago. Los modelos de penalización ayudaron a reducir la complejidad del modelo y mejorar su capacidad predictiva, siendo Elastic Net el mejor modelo con un R2 ajustado de 0.72, lo que nos permitió capturar las relaciones más relevantes entre las variables sin sobreajustar el modelo.

En términos de modelos predictivos, la técnica de Elastic Net se posicionó como la mejor opción en todos los casos, obteniendo valores de R2 ajustado superiores al 85%. Esta técnica combina las ventajas de Ridge y Lasso, permitiendo seleccionar solo las variables más relevantes mientras se evita el sobreajuste. Ridge, al penalizar el tamaño de los coeficientes, fue útil para manejar colinealidades, pero no eliminó variables irrelevantes, lo que llevó a una menor interpretabilidad. Por otro lado, Lasso fue efectivo en la

selección de variables, pero en algunos casos eliminó factores importantes, lo que afectó su precisión. Elastic Net resultó ser la mejor alternativa, ya que equilibra la regularización L1 (Lasso) y L2 (Ridge), permitiendo obtener un modelo robusto y con una mejor generalización de los datos.

A lo largo del proyecto, aprendimos que el análisis macroeconómico es fundamental para comprender los riesgos en el sistema financiero. Descubrimos que la probabilidad de incumplimiento en tarjetas de crédito no solo depende del perfil individual de los clientes, sino también de factores económicos más amplios, como la estabilidad del mercado laboral, la política monetaria y la confianza de los consumidores. Asimismo, reforzamos la importancia de utilizar modelos estadísticos avanzados para la toma de decisiones en el sector financiero, permitiendo a las instituciones bancarias anticiparse a escenarios de riesgo y diseñar estrategias de mitigación más efectivas. En conclusión, este estudio nos deja valiosos aprendizajes sobre la relación entre la economía y el sistema financiero, demostrando que el uso de modelos como Elastic Net puede mejorar significativamente la predicción de impagos en tarjetas de crédito. La información obtenida no solo beneficia a los bancos en la gestión de riesgos, sino que también proporciona una mejor comprensión de los factores que afectan la estabilidad económica de los hogares y las empresas en México.