



5ª LISTA DE EXERCÍCIOS

1) Para cada um dos sinais fornecidos abaixo, identifique i) a frequência e o período fundamental do sinal; e ii) as harmônicas que compõem o referido sinal.

a) $x(t) = \cos\left(\frac{2}{3}t + \frac{\pi}{6}\right) + \sin\left(\frac{4}{5}t + \frac{\pi}{4}\right)$ b) $x(t) = [\sin(3t) + \sin(5t)]^2$

2) Determine o período fundamental e os coeficientes da série (exponencial) de Fourier do sinal ilustrado na Figura 1. Em seguida, trace o espectro de magnitude e fase do sinal.

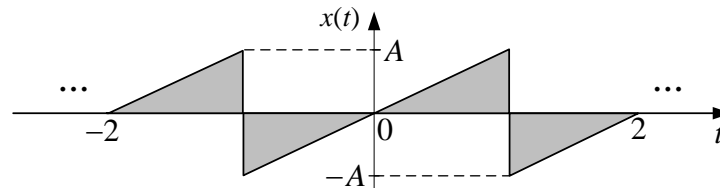
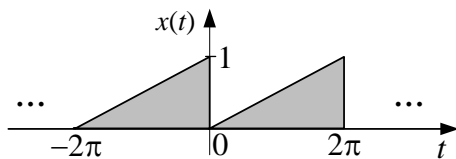


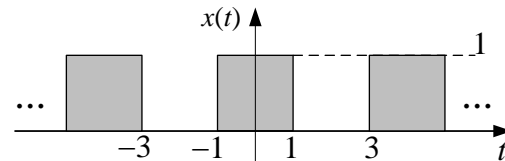
Figura 1.

3) Considerando os sinais mostrados na Figura 2,

- obtenha os coeficientes a_k e b_k da série (trigonométrica) de Fourier;
- trace o espectro de magnitude e de fase de cada sinal; e
- discuta o motivo dos termos em seno e/ou cosseno estarem ausentes em cada caso.



(a)



(b)

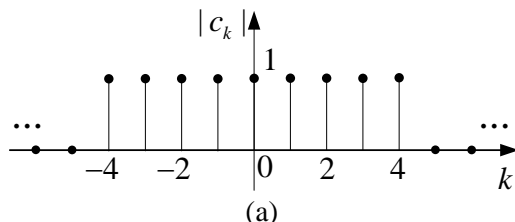
Figura 2.

4) Para os seguintes sinais periódicos em que $T_0 = 6$, determine:

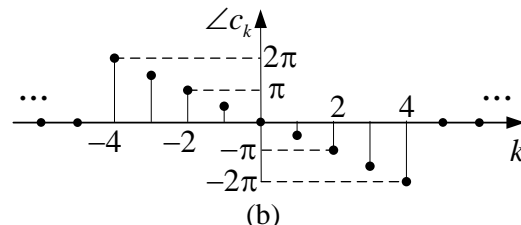
$x(t) = 1 + \cos(\omega_0 t)$ $y(t) = \sin(\omega_0 t + \pi)$ $z(t) = x(t)y(t)$

- os coeficientes da série (exponencial) de Fourier de $x(t)$ e de $y(t)$ (por inspeção);
- os coeficientes da série de Fourier de $z(t)$ a partir da propriedade da multiplicação; e
- a potência de $z(t)$ a partir dos coeficientes da série de Fourier (teorema de Parseval).

5) Considerando que $\omega_0 = \pi/2$, obtenha $x(t)$ a partir do espectro de magnitude [mostrado na Figura 3(a)] e do espectro de fase [mostrado na Figura 3(b)].



(a)



(b)

Figura 3.

6) Determine a transformada de Fourier do sinal periódico apresentado abaixo em função dos coeficientes da série de Fourier.

$$x(t) = 1 + \cos\left(6\pi t + \frac{\pi}{8}\right)$$



7) Considere que a resposta em frequência de um dado sistema linear e invariante no tempo (LIT) causal é dada por

$$H(j\omega) = \frac{j\omega}{(j\omega)^2 L + j\omega + \frac{1}{C}}$$

onde $L = 10 \text{ mH}$ e $C = 100 \text{ }\mu\text{F}$. Então, levando em conta que $H(j\omega)$ caracteriza um filtro passa-faixa com frequência central de $\omega_c = \sqrt{10^6}$, determine a saída (aproximada) $y(t)$ para o sinal periódico $x(t)$ ilustrado na Figura 1 com $T = 2\pi \text{ ms}$ e $T_0 = \pi/2 \text{ ms}$. Note que as componentes de frequência fora da banda passante devem ser assumidas igual a zero.

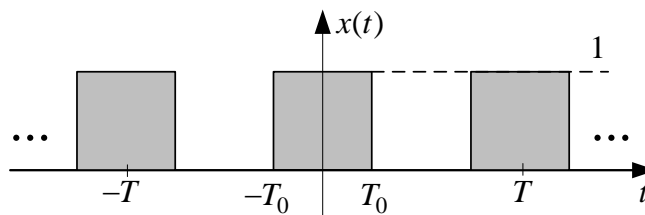


Figura 1.

- 8) Para o sinal periódico $x(t)$ ilustrado na Figura 2,
- determine os coeficientes da série de Fourier e a frequência fundamental;
 - esboce o espectro de magnitude e fase (use o MATLAB® se necessário); e
 - comprove a aplicabilidade do teorema de Parseval, dado que

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^4} = \frac{\pi^4}{90}.$$

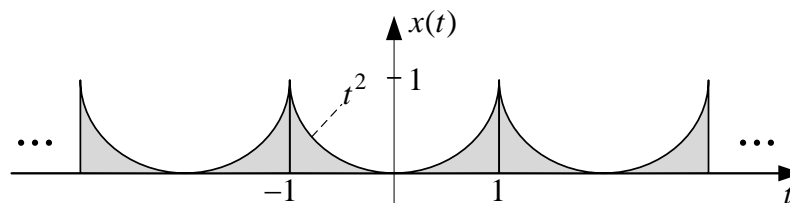


Figura 2.



RESPOSTAS

- 1) a) $\omega_0 = \frac{2}{15}$, $T_0 = 15\pi$ - Quinta e sexta harmônica.
b) $\omega_0 = 2$, $T_0 = \pi$ - Primeira, terceira, quarta e quinta harmônica.
- 2) $T_0 = 2$, $c_0 = 0$ e $c_k = \frac{A(-1)^k}{k\pi} e^{j\frac{\pi}{2}}$
- 3) a) Figura 2(a) $a_0 = \frac{1}{2}$, $a_k = 0$, $k \neq 0$ $b_k = -\frac{1}{\pi k}$
Figura 2(b) $a_0 = \frac{1}{2}$, $a_k = \text{sinc}\left(k\frac{\pi}{2}\right)$ $b_k = 0$, $\forall k$
b) -----
c) A Figura 2(a) não apresenta simetria enquanto a Figura 2(b) apresenta simetria par.
- 4) a) $x(t) \rightarrow c_0 = 1$, $c_1 = c_{-1} = \frac{1}{2}$ $y(t) \rightarrow d_1 = d_{-1}^* = -\frac{1}{2j}$
b) $z(t) \rightarrow e_1 = e_{-1}^* = -\frac{1}{2j}$ e $e_2 = e_{-2}^* = -\frac{1}{4j}$
c) $P_z = \frac{5}{8}$
- 5) $x(t) = 1 + 2\cos(2\pi t) - 2\sin\left(\frac{3}{2}\pi t\right) - 2\cos(\pi t) + 2\sin\left(\frac{\pi}{2}t\right)$
- 6) $X(\omega) = \pi e^{-j\frac{\pi}{8}}\delta(\omega + 6\pi) + 2\pi\delta(\omega) + \pi e^{j\frac{\pi}{8}}\delta(\omega - 6\pi)$
- 7) Veja o material complementar.
- 8) Veja o material complementar.