

Curso de Engenharia Eletrônica

ET45A – Sinais e Sistemas Prof. Eduardo Vinicius Kuhn



7ª LISTA DE EXERCÍCIOS

1) Determine se os seguintes sinais são periódicos; caso afirmativo, encontre o período fundamental.

a)
$$x(n) = \cos\left(\frac{\pi}{5}n\right) \sin\left(\frac{\pi}{3}n\right)$$
 b) $x(n) = \cos\left(\frac{8\pi}{15}n\right)$ c) $x(n) = \cos\left(\frac{2}{3}n\right)$

b)
$$x(n) = \cos\left(\frac{8\pi}{15}n\right)$$

c)
$$x(n) = \cos\left(\frac{2}{3}n\right)$$

2) Para o sistema descrito por

$$y(n) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} (n-k)x(k)u(n-k)$$

- a) Obtenha a resposta ao impulso h(n)
- b) Verifique se o sistema é i) linear, ii) invariante no tempo, iii) causal, iv) sem memória e
- v) BIBO estável.
- 3) Para o sinal ilustrado na Figura 1, esboce

a)
$$x(3-n)$$

b)
$$x\left(\frac{n}{3}\right)$$

c)
$$x(3n)$$

- 4) Determine a energia do sinal mostrado na Figura 2.
- 5) Determine a potência do sinal na Figura 3.
- 6) Calcule a resposta ao impulso do sistema representado pela seguinte equação a diferença:

$$y(n+1) + 2y(n) = x(n)$$

7) Um sistema LTI tem a resposta ao impulso dada por h(n) = u(n) - u(n-10). Diante disso, obtenha a saída y(n) assumindo que a entrada seja x(n) = u(n-2) - u(n-7).

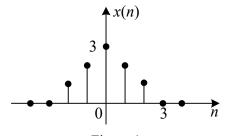


Figura 1.

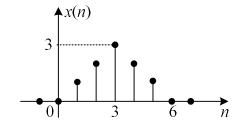


Figura 2.

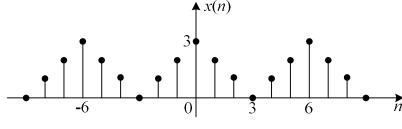


Figura 3.



Curso de Engenharia Eletrônica

ET45A – Sinais e Sistemas Prof. Eduardo Vinicius Kuhn



8) É sabido que um sinal arbitrário x(n) pode ser expresso como

$$x(n) = x_{\text{par}}(n) + x_{\text{impar}}(n)$$

onde

$$x_{\text{par}}(n) = \frac{x(n) + x(-n)}{2}$$

e

$$x_{\text{impar}}(n) = \frac{x(n) - x(-n)}{2}$$

denotam a componente par e a componente ímpar do sinal, respectivamente. Diante disso, assumindo que x(n) é um sinal de energia, demonstre que a energia do sinal é dada pela soma da energia das componentes par e ímpar. Vale salientar que o desenvolvimento deve ser realizado no domínio do tempo, isto é, sem o auxílio da transformada z e da transformada de Fourier. Também, é importante destacar que as respostas apresentadas devem ser adequadamente justificadas.

- 9) Obtenha uma equação de diferença com coeficientes constantes cuja resposta y(n) a entrada nula [com condições auxiliares y(0) = 0 e y(1) = 1] resulta na sequência de Fibonacci $\{0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ...\}$.
- 10) Demonstre os seguintes resultados:
- a) u(n) * u(n) = (n+1)u(n)

b)
$$\gamma_1^n u(n) * \gamma_2^n u(n) = \left[\frac{\gamma_1^{n+1} - \gamma_2^{n+1}}{\gamma_1 - \gamma_2} \right] u(n), \quad \gamma_1 \neq \gamma_2$$

c)
$$u(n) * nu(n) = \frac{n(n+1)}{2}u(n)$$

11) Demonstre os seguintes resultados:

a)
$$\gamma^n u(n) * nu(n) = \left[\frac{\gamma(\gamma^n - 1) + n(1 - \gamma)}{(1 - \gamma)^2}\right] u(n)$$

b)
$$nu(n) * nu(n) = \frac{1}{6}n(n-1)(n+1)u(n)$$

c)
$$\gamma^n u(n) * \gamma^n u(n) = (n+1)\gamma^n u(n)$$

12) Demonstre que

$$n\gamma_1^n u(n) * \gamma_2^n u(n) = \frac{\gamma_1 \gamma_2}{(\gamma_1 - \gamma_2)^2} \left[\gamma_2^n - \gamma_1^n + \frac{\gamma_1 - \gamma_2}{\gamma_2} n \gamma_1^n \right] u(n), \quad \gamma_1 \neq \gamma_2.$$

13) Considere que um dado sistema LIT causal S pode ser representado em função de seus subsistemas S_1 , S_2 e S_3 conforme ilustrado na Figura 4. Então, assumindo que a relação de entrada x(n) e saída $y_1(n)$ do subsistema S_1 é dada por

$$y_1(n) = x(n) + x(n-1)$$

a resposta ao impulso do subsistema S_2 , por

$$h_2(n) = (-\alpha)^n u(n)$$

e a relação de entrada x(n) e saída $y_3(n)$ do subsistema S_3 , por



Curso de Engenharia Eletrônica

ET45A – Sinais e Sistemas Prof. Eduardo Vinicius Kuhn

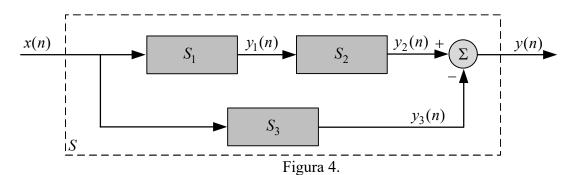


$$y_3(n) + \alpha y_3(n-1) = x(n)$$

determine:

- a) resposta ao impulso h(n) do sistema S expressa em função de $h_1(n)$, $h_2(n)$ e $h_3(n)$;

b) a resposta ao impulso dos subsistemas S_1 e S_3 ; e c) a resposta ao impulso h(n) do sistema S dado $h_1(n)$, $h_2(n)$ e $h_3(n)$. Vale salientar que o desenvolvimento deve ser realizado no domínio do tempo, isto é, sem o auxílio da transformada z ou da transformada de Fourier.



3 de 4



Curso de Engenharia Eletrônica



ET45A – Sinais e Sistemas Prof. Eduardo Vinicius Kuhn

RESPOSTAS

- a) Periódico, $N_0 = 15$. b) Periódico, $N_0 = 15$.
- c) Não periódico.

- a) h(n) = nu(n)2)
 - b) Linear, invariante no tempo, causal, com memória e instável.
- $E_{\rm x} = 19$
- 5) $P_x = \frac{19}{6}$
- $h(n) = \frac{1}{2}\delta(n) \frac{1}{2}(-2)^n u(n)$ $= (-2)^{n-1} u(n-1)$
- 7) y(n) = (n-1)u(n-2) (n-6)u(n-7) (n-11)u(n-12) + (n-16)u(n-17)
- Veja o material complementar.
- Veja o material complementar.
- 10) Veja o material complementar.
- 11) Veja o material complementar.
- 12) Veja o material complementar.
- 13) Veja o material complementar.