

# Tema 1 laborator ASC

## Descrierea soluției:

Pentru citirea datelor de intrare, am folosit procedurile **citire\_numar**, **citire\_mesaj\_clar** si **citire\_mesaj\_criptat**.

Urmează să verificăm dacă numărul **p** din cerință este prim cu ajutorul procedurii **verif\_prim**. În procedura, ne folosim de registrul **\$t0** pentru a parcurge toți potențialii divizori de la 2 până la  $\left\lfloor \frac{p}{2} \right\rfloor$  și verificăm dacă am găsit un divizor prin efectuarea restului împărțirii lui **p** la **\$t0**. Dacă restul este 0, atunci am găsit un divizor al lui **p** și încărcăm valoarea 1 în registrul **\$t2**. În final, dacă registrul **\$t2** are valoarea 0, înseamnă că nu am găsit niciun divisor al lui **p**, deci numărul este prim și procedura întoarce valoarea 1, iar în caz contrar, întoarce valoarea 0.

Dacă procedura a întors valoarea 0, atunci apelăm procedura **exit\_nonprim** care afișează un mesaj și încheie execuția programului. În schimb, dacă numărul este prim, este garantat faptul că grupul  $(\mathbb{Z}_p^*, \cdot)$  este ciclic, deci poate fi generat de un singur element.

Astfel, apelăm procedura **cauta\_generator**, care determină și afișează valoarea generatorului, și, de asemenea, va stoca în vectorul **v**, reținut la nivel de memorie, valorile generate în ordine de către generator. În procedură, ne folosim de registrul **\$s1** pentru a parcurge fiecare număr **g** de la 2 la **p-1** și a genera toate puterile până când dăm de elementul neutru(1). După generarea puterilor, verificăm mai întâi dacă ordinul lui **g**, adică numărul puterilor generate până la elementul neutru, este mai mic decât ordinul grupului(**p-1**), caz în care incrementăm **g** cu 1 și efectuăm din nou

generarea puterilor pentru noul candidat. Dacă  $\text{ord}(g)=p-1$ , atunci este posibil că  $g$  să fie generator, însă trebuie să ne asigurăm că au fost generate toate elementele grupului. Pentru a verifica acest lucru, apelăm procedura **verif\_generator** care va cauta secvențial fiecare element  $x$  din intervalul  $[2,p-1]$  în vectorul  $\mathbf{v}$ . Marcăm apariția lui  $x$  în vectorul  $\mathbf{v}$  cu ajutorul registrului **\$t3**, iar în cazul în care după fiecare dintre căutări valoarea registrului **\$t3** este 1, înseamnă că în vectorul  $\mathbf{v}$  au fost generate, întradevăr, toate elementele grupului, deci afișăm  $g$  și ne întoarcem în programul principal.

Urmează acum să criptăm mesajul clar citit, așa că apelăm procedura **criptare\_mesaj\_clar**. Acum, pentru a cripta întreg mesajul, vom cripta fiecare literă, pe rând, în felul următor: În registrul **\$t3** reținem numărul  $i$  corespunzător literei, scăzând din codul caracterului codul ASCII al primei litere din alfabet, adică 65. Astfel, pentru litera A avem numărul corespunzător 0, pentru B  $\rightarrow 1$ , C  $\rightarrow 2$  etc. Conform izomorfismului, îi asociem numărului  $i$  puterea  $g^i$ , unde  $g$  este generatorul, iar  $g^i$  este chiar elementul de pe poziția  $i$  din vector (în registrul **\$t4** reținem  $4*i$ , adică locația din memorie relativă la  $\mathbf{v}$  a poziției  $i$  din vector, iar în registrul **\$t5** încărcăm  $v[i]$ ). Pentru a obține litera corespunzătoare numărului, adică litera criptată, adunăm cu 65 și stocăm caracterul la adresa `mesaj_clar_criptat` din memorie. Urmând procedeul pentru fiecare literă, în final obținem întreg mesajul criptat la adresa `mesaj_clar_criptat`, mesaj pe care îl afișăm și apoi ne întoarcem în programul principal.

Pentru a decripta al doilea mesaj introdus de la tastatură, vom apela procedura **decriptare\_mesaj**, care urmează un procedeu asemănător celui pentru criptare, numai că de data aceasta numărul corespunzător unei litere din mesajul sursă este  $g^i$ , iar numărul asociat acestuia este exponentul  $i$ .

Pentru a determina exponentul  $i$ , parcurgem vectorul  $v$  pentru a afla poziția la care se găsește  $g^i$ , după care, pentru a obține litera decriptată corespunzătoare, adunăm cu 65 și stocăm caracterul la adresa mesaj\_decriptat din memorie. După decriptarea întregului mesaj, îl afișăm și ne întoarcem în programul principal, unde urmează să oprim execuția programului.

### Exemple de date de intrare si de iesire:

1)

Input	Output
7 ACAD BCBG	Generatorul este: 3 Mesajul clar criptat este: BCBG Mesajul decriptat este: ACAD

2)

Input	Output
21 AEFD BBBC	Numarul introdus nu este prim!

3)

Input	Output
23 SALUTEUSUNTMIPS GBWMHSQTG	Generatorul este: 5 Mesajul clar criptat este: GBWMHEMGMVHSQTG Mesajul decriptat este: SALUTMIPS