

集合与常用逻辑用语	集合	概念	一组对象的全体. $x \in A, x \notin A$		元素特点: 互异性、无序性、确定性			
		关系	子集	$x \in A \Rightarrow x \in B \Leftrightarrow A \subseteq B$		$\emptyset \subseteq A$		
			真子集	$x \in A \Rightarrow x \in B, \exists x_0 \in B, x_0 \notin A \Leftrightarrow A \subset B$		$A \subseteq B, B \subseteq C \Rightarrow A \subseteq C$		
			相等	$A \subseteq B, B \subseteq A \Leftrightarrow A = B$		n 个元素集合子集数 2^n		
		运算	交集	$A \cap B = \{x x \in A, \text{且} x \in B\}$	$C_U(A \cup B) = (C_U A) \cap (C_U B)$			
			并集	$A \cup B = \{x x \in A, \text{或} x \in B\}$	$C_U(A \cap B) = (C_U A) \cup (C_U B)$			
			补集	$C_U A = \{x x \in U \text{且} x \notin A\}$	$C_U(C_U A) = A$			
		常用逻辑用语	命题	概念	能够判断真假的语句			
				四种命题	原命题: 若 p , 则 q	原命题与逆命题, 否命题与逆否命题互逆; 原命题与否命题、逆命题与逆否命题互否; 原命题与逆否命题、否命题与逆命题互为逆否。互为逆否的命题等价		
	逆命题: 若 q , 则 p							
	否命题: 若 $\neg p$, 则 $\neg q$							
	逆否命题: 若 $\neg q$, 则 $\neg p$							
	充要条件		充分条件	$p \Rightarrow q$, p 是 q 的充分条件	若命题 p 对应集合 A , 命题 q 对应集合 B , 则 $p \Rightarrow q$ 等价于 $A \subseteq B$, $p \Leftrightarrow q$ 等价于 $A = B$ 。			
			必要条件	$p \Rightarrow q$, q 是 p 的必要条件				
			充要条件	$p \Leftrightarrow q$, p, q 互为充要条件				
	逻辑连接词		或命题	$p \vee q$, p, q 有一为真即为真, p, q 均为假时才为假			类比集合的并	
			且命题	$p \wedge q$, p, q 均为真时才为真, p, q 有一为假即为假			类比集合的交	
			非命题	$\neg p$ 和 p 为一真一假两个互为对立的命题			类比集合的补	
	量词	全称量词	\forall , 含全称量词的命题叫全称命题, 其否定为特称命题					
		存在量词	\exists , 含存在量词的命题叫特称命题, 其否定为全称命题					

复数	概念	虚数单位	规定: $i^2 = -1$; 实数可以与它进行四则运算, 并且运算时原有的加、乘运算律仍成立。 $i^{4k} = 1, i^{4k+1} = i, i^{4k+2} = -1, i^{4k+3} = -i(k \in \mathbf{Z})$ 。
		复数	形如 $a + bi(a, b \in \mathbf{R})$ 的数叫做复数, a 叫做复数的实部, b 叫做复数的虚部。 $b \neq 0$ 时叫虚数、 $a = 0, b \neq 0$ 时叫纯虚数。
		复数相等	$a + bi = c + di(a, b, c, d \in \mathbf{R}) \Leftrightarrow a = c, b = d$
		共轭复数	实部相等, 虚部互为相反数。即 $z = a + bi$, 则 $\bar{z} = a - bi$ 。
	运算	加减法	$(a + bi) \pm (c + di) = (a \pm c) + (b \pm d)i, (a, b, c, d \in \mathbf{R})$ 。
		乘法	$(a + bi)(c + di) = (ac - bd) + (bc + ad)i, (a, b, c, d \in \mathbf{R})$
		除法	$(a + bi) \div (c + di) = \frac{ac + bd}{c^2 + d^2} + \frac{bc - da}{c^2 + d^2}i(c + di \neq 0, a, b, c, d \in \mathbf{R})$
	几何意义	复数 $z = a + bi \xleftrightarrow{\text{一一对应}} \rightarrow$ 复平面内的点 $Z(a, b) \xleftrightarrow{\text{一一对应}} \rightarrow$ 向量 \overrightarrow{OZ} 向量 \overrightarrow{OZ} 的模叫做复数的模, $ z = \sqrt{a^2 + b^2}$	

平面向量	重要概念	向量		既有大小又有方向的量，表示向量的有向线段的长度叫做该向量的模。	
		$\vec{0}$ 向量		长度为 0，方向任意的向量。【 $\vec{0}$ 与任一非零向量共线】	
		平行向量		方向相同或者相反的两个非零向量叫做平行向量，也叫共线向量。	
		向量夹角		起点放在一点的两向量所成的角，范围是 $[0, \pi]$ 。 \vec{a}, \vec{b} 的夹角记为 $\langle \vec{a}, \vec{b} \rangle$ 。	
		投影		$\langle \vec{a}, \vec{b} \rangle = \theta$ ， $ \vec{b} \cos \theta$ 叫做 \vec{b} 在 \vec{a} 方向上的投影。【注意：投影是数量】	
	重要法则定理	基本定理		\vec{e}_1, \vec{e}_2 不共线，存在唯一的实数对 (λ, μ) ，使 $\vec{a} = \lambda \vec{e}_1 + \mu \vec{e}_2$ 。若 \vec{e}_1, \vec{e}_2 为 x, y 轴上的单位正交向量， (λ, μ) 就是向量 \vec{a} 的坐标。	
				一般表示	坐标表示 (向量坐标上下文理解)
		共线条件		\vec{a}, \vec{b} ($\vec{b} \neq \vec{0}$ 共线 \Leftrightarrow 存在唯一实数 λ , $\vec{a} = \lambda \vec{b}$)	$(x_1, y_1) = \lambda(x_2, y_2) \Leftrightarrow x_1 y_2 = x_2 y_1$
		垂直条件		$\vec{a} \perp \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = 0$	$x_1 y_1 + x_2 y_2 = 0$
	各种运算	加法运算	法则	$\vec{a} + \vec{b}$ 的平行四边形法则、三角形法则	$\vec{a} + \vec{b} = (x_1 + x_2, y_1 + y_2)$
			算律	$\vec{a} + \vec{b} = \vec{b} + \vec{a}$, $(\vec{a} + \vec{b}) + \vec{c} = \vec{a} + (\vec{b} + \vec{c})$	与加法运算有同样的坐标表示
		减法运算	法则	$\vec{a} - \vec{b}$ 的三角形法则	$\vec{a} - \vec{b} = (x_1 - x_2, y_1 - y_2)$
			分解	$\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{ON} - \overrightarrow{OM}$	$\overrightarrow{MN} = (x_N - x_M, y_N - y_M)$
		数乘运算	概念	$\lambda \cdot \vec{a}$ 为向量， $\lambda > 0$ 与 \vec{a} 方向相同， $\lambda < 0$ 与 \vec{a} 方向相反， $ \lambda \vec{a} = \lambda \vec{a} $	$\lambda \vec{a} = (\lambda x, \lambda y)$
			算律	$\lambda(\mu \vec{a}) = (\lambda \mu) \vec{a}$, $(\lambda + \mu) \vec{a} = \lambda \vec{a} + \mu \vec{a}$, $\lambda(\vec{a} + \vec{b}) = \lambda \vec{a} + \lambda \vec{b}$	与数乘运算有同样的坐标表示
		数量积运算	概念	$\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{a} \cdot \vec{b} \cos \langle \vec{a}, \vec{b} \rangle$	$\vec{a} \cdot \vec{b} = x_1 x_2 + y_1 y_2$
主要性质			$\vec{a} \cdot \vec{a} = \vec{a} ^2$, $ \vec{a} \cdot \vec{b} \leq \vec{a} \cdot \vec{b} $	$ \vec{a} = \sqrt{x^2 + y^2}$, $ x_1 x_2 + y_1 y_2 \leq \sqrt{x_1^2 + y_1^2} \cdot \sqrt{x_2^2 + y_2^2}$	
算律			$\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{b} \cdot \vec{a}$, $(\vec{a} + \vec{b}) \cdot \vec{c} = \vec{a} \cdot \vec{c} + \vec{b} \cdot \vec{c}$, $(\lambda \vec{a}) \cdot \vec{b} = \vec{a} \cdot (\lambda \vec{b}) = \lambda(\vec{a} \cdot \vec{b})$ 。	与上面的数量积、数乘等具有同样的坐标表示方法。	