

MAC 121 – Algoritmos e Estruturas de Dados I**Segundo semestre de 2016**

Lista de exercícios – Recursão.

“Para fazer uma função recursiva
é preciso ter fé.”
Siang Wun Song

1. (a) Faça uma função recursiva `MaxMin` que devolve o elemento máximo e o elemento mínimo de um vetor com n números inteiros.
(b) Quantas comparações (em função de n) envolvendo elementos do vetor o seu algoritmo faz?
2. Considere a função abaixo que calcula o n -ésimo termo da série de Fibonacci:

```
int fibonacci(int n)
{
    printf("*");
    if ((n == 1) || (n == 2))
        return (1);
    return (fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2));
}
```

Quantas “*” são impressas no cálculo de `fibonacci(n)`?

3. Faça uma função recursiva `Dígito` que recebe um número inteiro n e devolve o número de dígitos de n . Exemplo: se $n = 132$ então `Dígito(n) = 3`.
4. Considere a função abaixo:

```
double f(double x, double y)
{
    if (x >= y)
        return ((x+y)/2);
    return (f(f(x+2, y-1), f(x+1, y-2)));
}
```

Qual é o valor de $f(1, 10)$? Como se poderia calcular $f(a, b)$ de maneira mais simples?

5. A função de Ackermann é definida da seguinte maneira:

$$A(m, n) := \begin{cases} n + 1 & \text{se } m = 0, \\ A(m - 1, 1) & \text{se } m > 0 \text{ e } n = 0, \\ A(m - 1, A(m, n - 1)) & \text{se } m, n > 0. \end{cases}$$

Escreva uma função recursiva que recebe inteiros não negativos m e n e devolve $A(m, n)$.

6. Simule a execução do programa abaixo:

```
int fusc(int n)
{
    if (n <= 1) return (1);
    if (n % 2 == 0)
        return( fusc(n / 2) );
    return( fusc((n-1)/2) + fusc((n+1)/2) );
}

int main()
{
    int m = 7;
    printf("Fusc = %d\n", fusc(m));
}
```

7. Considere a seguinte função:

```
void misterio (int A[], int inic, int fim)
{
    int aux;
    while (A[fim] % 2 == 0 && inic < fim)
        fim--;
    while (A[inic] % 2 == 1 && inic < fim)
        inic++;
    if (inic < fim){
        aux = A[inic];
        A[inic] = A[fim];
        A[fim] = aux;
        misterio(A, inic, fim);
    }
}
```

- (a) Simule a função mistério para

$A =$

0	1	2	3	4	5	6	7	8
8	10	3	6	5	2	9	1	4

 Início= 0 e Fim = 8.

- (b) O que faz a função mistério? Quantas comparações envolvendo elementos do vetor A são feitas? Escreva um algoritmo que faz a mesma coisa com um número menor de comparações.

8. Simule a seguinte função recursiva para $n = 6$:

```
int zzz(int n)
{
    int aux;
    if (n <= 2)
        return(1);
    n--;
    aux = zzz(n);
    n--;
    return (aux + zzz(n));
}
```

O que faz a função **zzz**?

9. Escreva uma função recursiva **Tabela** que recebe como parâmetro um inteiro não negativo n e calcula um par de inteiros (x, y) , onde x e y são as coordenadas de n na tabela abaixo:

	0	1	2	3	4	...	Y
0	0	2	5	9	14		
1	1	4	8	13			
2	3	7	12				
3	6	11					
4	10						
...							
X							N

10. A função abaixo calcula o maior divisor comum dos inteiros positivos m e n . Escreva uma função recursiva equivalente.

```
int Euclides (int m, int n)
{
    int r=m%n;
    while (r != 0){
        m = n;
        n = r;
        r = m % n;
    }
    return(n);
}
```