Campo electrostático

Método y recomendaciones

♦ PROBLEMAS

Cargas puntuales

- 1. Tres cargas de -2, 1 y 1 μ C están situadas en los vértices de un triángulo equilátero y distan 1 m del centro del mismo.
 - a) Calcula el trabajo necesario para llevar otra carga de 1 μC desde el infinito al centro del triángulo.
 - b) ¿Qué fuerza sufrirá la carga una vez que esté situada en el centro del triángulo?
 - c) Razona si en algún punto de los lados del triángulo puede existir un campo electrostático nulo. Dato: $K = 9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$. (*P.A.U. jun. 16*)

Rta.: a) W = 0; b) $\overline{F} = 0.0270$ N, hacia la carga negativa.

- 2. Dos cargas puntuales iguales de +2 μ C se encuentran en los puntos (0, 1) m y (0, -1) m. Calcula:
 - a) El campo y el potencial eléctrico en el punto (-3, 0) m.
 - b) Calcula el trabajo necesario para trasladar una carga de +3 μC desde el infinito al citado punto.
 - Si en el punto (-3, 0) m se abandona una carga de $-2 \mu C$ y masa 1 g:
 - c) Calcula su velocidad en el origen de coordenadas.

Dato: $K = 9.10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$. (P.A.U. sep. 14) **Rta.:** a) $\overline{E} = -3.42 \cdot 10^3 \, \overline{i} \, \text{N/C}$; $V = 1.14 \cdot 10^4 \, \text{V}$; b) $W(\text{ext.}) = -W(\text{campo}) = 0.0342 \, \text{J}$; c) $\overline{v} = 9.92 \, \overline{i} \, \text{m/s}$.

- 3. Tres cargas eléctricas puntuales de 10⁻⁶ C se encuentran situadas en los vértices de un cuadrado de 1 m de lado. Calcula:
 - a) La intensidad del campo y el potencial eléctrico en el vértice libre.
 - b) Módulo, dirección y sentido de la fuerza del campo electrostático sobre una carga de $-2\cdot10^{-6}$ C situada en dicho vértice.
 - c) El trabajo realizado por la fuerza del campo para trasladar dicha caga desde el vértice al centro del cuadrado. Interpreta el signo del resultado.

Dato: $K = 9.10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$. (P.A.U. sep. 13)

Rta.: a) $\overline{E} = 1,72 \cdot 10^4$ N/C, diagonal hacia fuera; $V = 2,44 \cdot 10^4$ V; b) $|\overline{F}| = 0,0344$ N, diagonal hacia el centro; c) $W_E = 0,0276$ J.

- 4. Dos cargas eléctricas de +8 μ C están situadas en A(0, 0,5) y B(0, -0,5) (en metros). Calcula:
 - a) El campo eléctrico en C(1, 0) y en D(0, 0)
 - b) El potencial eléctrico en C y en D.
 - c) Si una partícula de masa m = 0.5 g y carga $q = -1 \mu C$ se sitúa en C con una velocidad inicial de 10^3 m/s, calcula la velocidad en D.

Datos: $K = 9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$; $1 \, \mu\text{C} = 10^{-6} \, \text{C}$. Nota: solo intervienen fuerzas eléctricas. (*P.A.U. sep. 12*) **Rta.:** a) $\vec{E}_C = 1,03 \cdot 10^5 \, \tilde{\mathbf{i}} \, \text{N/C}$; $\vec{E}_D = \vec{\mathbf{0}}$; b) $V_C = 1,29 \cdot 10^5 \, \text{V}$; $V_D = 2,88 \cdot 10^5 \, \text{V}$; c) $\vec{v}_D = -1,00 \cdot 10^3 \, \tilde{\mathbf{i}} \, \text{m/s}$.

- 5. Tres cargas de +3 μC están situadas equidistantes entre sí sobre una circunferencia de radio 2 m. Calcula:
 - a) El potencial eléctrico en el centro de la circunferencia.
 - b) El campo eléctrico en el mismo punto.
 - c) El trabajo para traer una carga $q = 1 \mu C$ desde el infinito al centro de la circunferencia. Dato: $K = 9.10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$. (*P.A.U. jun. 12*)

Rta.: a) $V = 4,05 \cdot 10^4 \text{ V}$; b) $\overline{E}_0 = \overline{0}$; c) $W(\text{ext.}) = 4,05 \cdot 10^{-2} \text{ J}$.

- 6. Una carga q de 2 mC está fija en el punto A(0, 0), que es el centro de un triángulo equilátero de lado $3\sqrt{3}$ m. Tres cargas iguales Q están en los vértices y la distancia de cada carga Q a A es 3 m. El conjunto está en equilibrio electrostático. Calcula:
 - a) El valor de Q.
 - b) La energía potencial de cada carga Q.

c) La energía puesta en juego para que el triángulo rote 45° alrededor de un eje que pasa por A y es perpendicular al plano del papel.

perpendicular al piano del papel. Dato: $K = 9.10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$. (*P.A.U. jun. 11*)

Rta.: a) Q = -3.46 mC; b) $E_p = 2.07 \cdot 10^4 \text{ J}$; c) $\Delta E = 0$.

- 7. Tres cargas eléctricas de +1 μ C, están en los puntos A(-1, 0), B(0, 2) y C(0, -2) (metros). Calcula en D(0, 0) y en F(2, 0):
 - a) El campo eléctrico.
 - b) El potencial eléctrico.
 - c) Si en D(0, 0) se coloca una tercera carga q de +1 μ C y de 10 g de masa, sometida solo a la acción electrostática de las otras tres, calcula la velocidad con la que llega al punto F(2, 0).

Datos: $K = 9.10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$; $1 \, \mu\text{C} = 10^{-6} \, \text{C}$. (P.A.U. jun. 10)

Rta.: a) $\overline{E}_D = 9.0 \cdot 10^3 \, \overline{i} \, \text{N/C}; \overline{E}_F = 2.6 \cdot 10^3 \, \overline{i} \, \text{N/C}; b) V_D = 1.8 \cdot 10^4 \, \text{V}; V_F = 9.4 \cdot 10^3 \, \text{V}; c) v = 1.31 \, \text{m/s}.$

- 8. Dos cargas eléctricas de 3 mC están situadas en A(4, 0) y B(-4, 0) (en metros). Calcula:
 - a) El campo eléctrico en C(0, 5) y en D(0, 0).
 - b) El potencial eléctrico en los mismos puntos C y D.
 - c) El trabajo para trasladar q = -1 mC desde C a D.

Datos: $K = 9.10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$; 1 mC = 10^{-3} C. (*P.A.U. jun. 09*) **Rta.:** a) $\overline{E}_{\text{C}} = 1,03 \cdot 10^6 \, \overline{\mathbf{j}} \, \text{N/C}$; $\overline{E}_{\text{D}} = \overline{\mathbf{0}}$; b) $V_{\text{C}} = 8,43 \cdot 10^6 \, \text{V}$; $V_{\text{D}} = 1,35 \cdot 10^7 \, \text{V}$; c) $W(\text{ext.}) = -5,1 \cdot 10^3 \, \text{J}$.

- 9. En dos de los vértices de un triángulo equilátero de 2 cm de lado se sitúan dos cargas puntuales de +10 μC cada una. Calcula:
 - a) El campo eléctrico en el tercer vértice.
 - b) El trabajo para llevar una carga de 5 μ C desde el tercer vértice hasta el punto medio del lado opuesto.
 - c) Justifica por qué no necesitas conocer la trayectoria en el apartado anterior.

Datos: $K = 9.10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$; $1 \, \mu\text{C} = 10^{-6} \, \text{C}$.

(P.A.U. jun. 08)

Rta.: a) $\overline{E}_C = 3,90 \cdot 10^8$ N/C, en la bisectriz hacia el exterior; b) W(ext.) = 45,0 J.

- 10. Dadas tres cargas puntuales $q_1 = 10^{-3} \,\mu\text{C}$ en (-8, 0) m, $q_2 = -10^{-3} \,\mu\text{C}$ en (8, 0) m y $q_3 = 2 \cdot 10^{-3} \,\mu\text{C}$ en (0, 8) m. Calcula:
 - a) El campo y el potencial eléctricos en (0, 0).
 - b) La energía electrostática.
 - c) Justifica que el campo electrostático es conservativo.

Datos: $1 \mu C = 10^{-6} C$; $K = 9 \cdot 10^{9} \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$.

(P.A.U. sep. 07)

Rta.: a) $\vec{E}_O = 0.282 \, \vec{i} - 0.282 \, \vec{j} \, \text{N/C}; V_O = 2.25 \, \text{V}; b) E = -5.63 \cdot 10^{-10} \, \text{J}.$

- 11. Tres cargas puntuales de 2 μ C se sitúan respectivamente en A(0, 0), B(1, 0) y C(1/2, $\sqrt{3}$ /2). Calcula:
 - a) El campo eléctrico en los puntos D(1/2, 0) y F(1/2, 1/($2\sqrt{3}$))
 - b) El trabajo para trasladar una carga $q = 1 \mu C$ de D a F.
 - c) Con este trabajo, ¿aumenta o disminuye la energía electrostática del sistema?

Datos: Las coordenadas en metros, $K = 9.10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$; $1 \, \mu\text{C} = 10^{-6} \, \text{C}$.

(P.A.U. jun. 07)

Rta.: a) $\overline{E}_D = -2.40 \cdot 10^4 \, \overline{\mathbf{j}} \, \text{N/C}; \overline{E}_F = \overline{\mathbf{0}}; \text{ b}) \, W_{D \to F} \, (\text{exterior}) = -W_{D \to F} \, (\text{campo}) = 7 \cdot 10^{-4} \, \text{J}.$

- 12. Dos cargas puntuales iguales $q = 1 \mu C$ están situadas en los puntos A(5, 0) y B(-5, 0). Calcula:
 - a) El campo eléctrico en los puntos C(8, 0) y D (0, 4)
 - b) La energía para trasladar una carga de -1 μC desde C a D.

Datos: 1 μ C = 10^{-6} C, $K = 9 \cdot 10^{9}$ N·m²·C⁻². Las coordenadas en metros.

(P.A.U. sep. 06)

Rta.: a) $\overline{E}_{C} = 1,05 \cdot 10^{3} \, \overline{i} \, \text{N/C}; \, \overline{E}_{D} = 2,74 \cdot 10^{2} \, \overline{j} \, \text{N/C}; \, \text{b}) \, \Delta E = 8,81 \cdot 10^{-4} \, \text{J}.$

- 13. Dos cargas puntuales negativas iguales, de $-10^{-3} \, \mu C$, se encuentran sobre el eje de abscisas, separadas una distancia de 20 cm. A una distancia de 50 cm sobre la vertical que pasa por el punto medio de la línea que las une, se coloca una tercera partícula (puntual) de $+10^{-3} \, \mu C$ de carga y 1 g de masa, inicialmente en reposo. Calcula:
 - a) El campo y potencial eléctrico creado por las dos primeras en la posición inicial de la tercera.
 - b) La velocidad de la tercera carga al llegar al punto medio de la línea que une las dos primeras.

Datos: $1 \mu C = 10^{-6} C$; $K = 9 \cdot 10^{9} \text{ N} \cdot \text{m}^{2} \cdot \text{C}^{-2}$. Solo se usa la interacción electrostática. (*P.A.U. jun. 04*)

Rta.: a) $\overline{E} = 67.9 \text{ N/C}$ vertical hacia el eje de abscisas. V = -35.3 V; b) $\overline{v} = -0.017 \text{ j}$ m/s.

<u>Campo e potencial</u>

- Dos láminas conductoras con igual carga y signo contrario están colocadas horizontalmente y separadas 5 cm. La intensidad del campo eléctrico en su interior es 2,5·10⁵ N·C⁻¹. Una microgota de aceite cuya masa es 4,90·10⁻¹⁴ kg, y con carga negativa, está en equilibrio, suspendida en un punto equidistante de ambas placas.
 - a) Razona cuál de las dos láminas está cargada positivamente.
 - b) Determina la carga de la microgota.
 - c) Calcula la diferencia de potencial entre las láminas conductoras.

Dato: $g = 9.8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$.

(P.A.U. sep. 15)

Rta.: b) $q = 1.92 \cdot 10^{-18} \text{ C}$; c) $\Delta V = 1.25 \cdot 10^4 \text{ V}$.

- Una carga puntual Q ocupa la posición (0, 0) del plano XY en el vacío. En un punto A del eje X el potencial es V = -100 V y el campo eléctrico es E = -10 i N/C (coordenadas en metros):
 - a) Calcula la posición del punto A y el valor de Q.
 - b) Determina el trabajo necesario para llevar un protón desde el punto B(2, 2) hasta el punto A.
 - c) Haz una representación gráfica aproximada de la energía potencial del sistema en función de la distancia entre ambas cargas. Justifica la respuesta.

Datos: Carga del protón: $1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$; $K = 9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$.

(P.A.U. sep. 11)

Rta.: a) $\overline{r}_A = (10,0,0) \text{ m}$; $Q = -1,11 \cdot 10^{-7} \text{ C}$; b) $W = -4,05 \cdot 10^{-17} \text{ J}$.

<u>Péndulo eléctrico</u>

- Una esfera metálica de masa m = 8 g y carga q = 7 μ C, cuelga de un hilo de 10 cm de longitud situado entre dos láminas metálicas paralelas de cargas iguales y de signo contrario. Calcula:
 - a) El ángulo que forma el hilo con la vertical si entre las láminas existe un campo electrostático uniforme de 2,5·10³ N/C.
 - b) La tensión del hilo en ese momento.
 - c) Si las láminas se descargan, ¿cuál será la velocidad de la esfera al pasar por la vertical? Dato: $g = 9.8 \text{ m/s}^2$. (P.A.U. jun. 14)

Rta.: a) $\alpha = 12.6^{\circ}$; b) T = 0.0802 N; c) v = 0.217 m/s.

<u>CUESTIONES</u>

Esferas

- Un conductor macizo en forma de esfera recibe una carga eléctrica ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es verdadera?:
 - A) El potencial electrostático es el mismo en todos los puntos del conductor.
 - B) La carga se distribuye por todo el conductor.
 - C) En el interior del conductor el campo electrostático varía linealmente, aumentando al acercarnos a la superficie del conductor.

(P.A.U. jun. 16)

- En el interior de una esfera conductora cargada:
 - A) El potencial no es nulo.
 - B) La carga no es nula.
 - C) El campo eléctrico no es nulo.

(P.A.U. sep. 15)

- 3. Un conductor macizo de forma esférica recibe una carga eléctrica ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es verdadera?:
 - A) La carga se distribuye por todo el conductor.
 - B) El potencial es cero en todos los puntos del conductor.
 - C) En el interior del conductor no hay campo electrostático.

(P.A.U. sep. 14)

- 4. Dos esferas de radio R con cargas +Q y -Q, tienen sus centros separados una distancia d. A una distancia d/2 (siendo $d/2 \gg R$); se cumple:
 - A) El potencial es cero y el campo electrostático 4 K Q d⁻²
 - B) El potencial es cero y el campo electrostático 8 K Q d⁻²
 - C) El potencial es 4 KQd^{-1} y el campo cero.

(P.A.U. jun. 12)

- 5. Dadas dos esferas conductoras cargadas y de diferente radio, con cargas Q_A y Q_B , si se ponen en contacto:
 - A) Se igualan las cargas en las dos esferas.
 - B) Se igualan los potenciales de las esferas.
 - C) No ocurre nada.

(P.A.U. sep. 09)

Campo y potencial

- 1. Explica cuál de las siguientes afirmaciones es verdadera:
 - A) No se realiza trabajo cuando una carga eléctrica se traslada entre dos puntos de una superficie equipotencial.
 - B) Las líneas de fuerza del campo electrostático son cerradas.
 - C) Las líneas de fuerza siempre se cortan.

(P.A.U. sep. 16)

- 2. Dos cargas distintas Q y q, separadas una distancia d, producen un potencial cero en un punto P situado entre las cargas y en la línea que las une. Esto quiere decir que:
 - A) Las cargas deben tener el mismo signo.
 - B) El campo eléctrico debe ser nulo en P.
 - C) El trabajo necesario para traer una carga desde el infinito hasta P es cero.

(P.A.U. jun. 15)

- 3. Se dispone de varias cargas eléctricas puntuales. Si en un punto del espacio próximo a las cargas el potencial eléctrico es nulo:
 - A) Puede haber campo eléctrico en ese punto.
 - B) Las líneas del campo se cortan en ese punto.
 - C) El campo no es conservativo.

(P.A.U. jun. 13)

- 4. Cuando se compara la fuerza eléctrica entre dos masas, con la gravitatoria entre dos masas (cargas y masas unitarias y a distancia unidad):
 - A) Ambas son siempre atractivas.
 - B) Son de un orden de magnitud semejante.
 - C) Las dos son conservativas.

(P.A.U. sep. 10)

- 5. Si una carga de 1 μC se mueve entre dos puntos de la superficie de un conductor separados 1 m (cargado y en equilibrio electrostático), ¿cuál es la variación de energía potencial que experimenta esta carga?:
 - A) 9 kJ.
 - B) Depende del potencial del conductor.
 - C) Cero.

Dato: $K = 9.10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$; $1 \, \mu\text{C} = 10^{-6} \, \text{C}$.

(P.A.U. sep. 08)

- 6. Si el flujo del campo eléctrico a través de una superficie gaussiana que rodea a una esfera conductora cargada y en equilibrio electrostático es Q/ε_0 , el campo eléctrico en el exterior de la esfera es:
 - A) Cero
 - B) $Q/(4 \pi \varepsilon_0 r^2)$
 - C) Q/ε_0

(P.A.U. sep. 05)

- 7. En el interior de un conductor esférico cargado y en equilibrio electrostático se cumple:
 - A) El potencial y el campo aumentan desde el centro hasta la superficie de la esfera.
 - B) El potencial es nulo y el campo constante.
 - C) El potencial es constante y el campo nulo.

(P.A.U. jun. 05)

Actualizado: 03/08/23

Cuestiones y problemas de las <u>Pruebas de evaluación de Bachillerato para el acceso a la Universidad</u> (A.B.A.U. y P.A.U.) en Galicia.

Respuestas y composición de Alfonso J. Barbadillo Marán.