Solubilidad

PROBLEMAS

Solubilidad

- 1. El cloruro de plata es una sal poco soluble y su constante de producto de solubilidad vale 1,8·10⁻¹⁰.
 - a) Escribe la ecuación química del equilibrio de solubilidad de esta sal y deduce la expresión para la constante del producto de solubilidad.
 - b) Determina la máxima cantidad de esta sal, expresada en gramos, que puede disolverse por decímetro cúbico de disolución.

(P.A.U. jun. 07)

Rta.: b) $m = 1.9 \cdot 10^{-3} \text{ g AgCl /dm}^3 \text{ D.}$

Datos Cifras significativas: 2

Producto de solubilidad del AgCl $K_s = 1.8 \cdot 10^{-10}$

Masa molar del cloruro de plata M(AgCl) = 143 g/mol

Incógnitas

Máxima masa de AgCl que puede disolverse en cada dm³ de disolución. s'

Ecuaciones

Cantidad (número de moles) n = m / M

Concentración molar (mol/dm³) s = n / V = s' / M

Producto de solubilidad del equilibrio: $B_b A_a(s) \rightleftharpoons b B^{\beta+}(aq) + a A^{\alpha-}(aq)$ $K_s = [A^{\alpha-}]^a \cdot [B^{\beta+}]^b$

Solución:

a) El equilibrio de solubilidad es:

$$AgCl(s) \rightleftharpoons Ag^{+}(aq) + Cl^{-}(aq)$$

Se llama s a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		AgCl	\rightleftharpoons	Ag+	Cl-	
Concentración en el equilibrio	[X] _e			s	s	mol/dm³

La constante de equilibrio K_s es:

$$K_{\rm s} = [{\rm Ag}^+]_{\rm e} \cdot [{\rm Cl}^-]_{\rm e} = s \cdot s = s^2$$

b) Se calcula la solubilidad s, que es la concentración de la disolución saturada, o lo que es lo mismo, la máxima cantidad de sal que puede disolverse en 1 dm³ de disolución:

$$s = \sqrt{K_s} = \sqrt{1.8 \cdot 10^{-10}} = 1.3 \cdot 10^{-5} \text{ mol AgCl/dm}^3 \text{ D}$$

 $s' = 1.3 \cdot 10^{-5} \text{ mol AgCl/dm}^3 \text{ D} \frac{143 \text{ g AgCl}}{1 \text{ mol AgCl}} = 1.9 \cdot 10^{-3} \text{ g AgCl/dm}^3 \text{ D}$

- 2. El producto de solubilidad del Mn(OH)₂, medido a 25 °C, vale 4·10⁻¹⁴. Calcula:
 - a) La solubilidad en agua expresada en g/dm³
 - b) El pH de la disolución saturada.

(P.A.U. sep. 06)

Rta.: a) $s' = 1.9 \cdot 10^{-3} \text{ g/dm}^3$; b) pH = 9.6.

Datos Cifras significativas: 2

Producto de solubilidad del Mn(OH)₂ $K_s = 4.0 \cdot 10^{-14}$

Masa molar del hidróxido de manganeso(II) $M(Mn(OH)_2) = 89 \text{ g/mol}$

Incógnitas

Solubilidad (g/dm³) del Mn(OH)₂ s'

pH de la disolución saturada pH

Otros símbolos

Concentración (mol/dm³) de Mn(OH)₂ s

Ecuaciones

Concentración molar (mol/dm³) s = n / V = s' / M

 $pH = -log[H^+]$

 $pOH = -log[OH^{-}]$

Producto iónico del agua $K_{\rm w} = [{\rm H^+}]_{\rm e} \cdot [{\rm OH^-}]_{\rm e} = 1,00 \cdot 10^{-14}$ $pK_{\rm w} = p{\rm H} + p{\rm OH} = 14,00$

Producto de solubilidad del equilibrio: $B_b A_a(s) \rightleftharpoons b B^{\beta+}(aq) + a A^{\alpha-}(aq)$ $K_s = [A^{\alpha-}]^a \cdot [B^{\beta+}]^b$

Solución:

a) El equilibrio de solubilidad es:

$$Mn(OH)_2(s) \rightleftharpoons Mn^{2+}(aq) + 2 OH^{-}(aq)$$

Se llama *s* a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		Mn(OH) ₂	=	Mn ²⁺	2 OH-	
Concentración en el equilibrio	[X] _e			s	2 s	mol/dm³

La constante de equilibrio K_s es:

$$K_s = [Mn^{2+}]_e \cdot [OH^{-}]_e^2 = s(2 s)^2 = 4 s^3 = 4.0 \cdot 10^{-14}$$

Se calcula la solubilidad:

$$s = \sqrt[3]{\frac{K_s}{4}} = \sqrt[3]{\frac{4,0 \cdot 10^{-14}}{4}} = 2,2 \cdot 10^{-5} \text{ mol Mn}(OH)_2/dm^3 D$$

$$s' = 2.2 \cdot 10^{-5} \text{ mol/dm}^3 \cdot 89 \text{ g/mol} = 1.9 \cdot 10^{-3} \text{ g Mn(OH)}_2 / \text{dm}^3 \text{ D}$$

b) Se calculan el pOH y el pH:

pOH =
$$-\log[OH^{-}]_{e} = -\log(2 s) = -\log(2 \cdot 2, 2 \cdot 10^{-5}) = 4,4$$

pH = 14,0 - pOH = 14,0 - 4,4 = 9,6

Análisis: El pH es básico.

Efecto del ion común

- 1. A 25 °C la solubilidad del Pbl₂ en agua pura es 0,7 g/L. Calcula:
 - a) El producto de solubilidad.
 - b) La solubilidad del PbI₂ a esa temperatura en una disolución de KI de concentración 0,1 mol/dm³.

(P.A.U. sep. 16)

Rta.: a) $K_s = 1,40 \cdot 10^{-8}$; b) $s_2' = 0,646 \text{ mg/dm}^3$.

Datos Cifras significativas: 3

Solubilidad del PbI_2 $s' = 0.700 \text{ g/dm}^3$

Concentración de la disolución del KI $[KI] = 0,100 \text{ mol/dm}^3$ Masa molar del yoduro de plomo(II) $M(PbI_2) = 461 \text{ g/mol}$

Incógnitas

Producto de solubilidad del PbI_2 K_s Solubilidad del PbI_2 en KI 0,1 mol/dm³ s_2

Otros símbolos

Concentración (mol/dm³) en de PbI₂ en agua

Ecuaciones

Cantidad (número de moles) n = m / M

Concentración molar (mol/dm³) s = n / V = s' / M

Producto de solubilidad del equilibrio: $B_b A_a(s) \rightleftharpoons b B^{\beta+}(aq) + a A^{\alpha-}(aq)$ $K_s = [A^{\alpha-}]^a \cdot [B^{\beta+}]^b$

Solución:

a) Se calcula la solubilidad del yoduro de plomo(II):

$$[PbI_2] = s = \frac{0,700 \text{ g/dm}^3}{461 \text{g/mol}} = 0,00152 \text{ mol/dm}^3$$

El equilibrio de solubilidad es:

$$PbI_2(s) \rightleftharpoons Pb^{2+}(aq) + 2 I^{-}(aq)$$

Se llama s a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		PbI_2	\rightleftharpoons	Pb ²⁺	2 I-	
Concentración en el equilibrio	[X] _e			s	2 s	mol/dm³

Se calcula la constante de equilibrio K_s :

$$K_s = [Pb^{2+}]_e \cdot [I^-]_e^2 = s (2 \ s)^2 = 4 \ s^3 = 4 \cdot (0,00152)^3 = 1,40 \cdot 10^{-8}$$

b) El yoduro de potasio está totalmente disociado.

$$KI(s) \rightarrow K^{+}(aq) + I^{-}(aq)$$

La concentración de ion yoduro es:

$$[I^{-}] = [KI] = 0,100 \text{ mol } I^{-}/dm^{3} D$$

Se llama s_2 a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		PbI_2	=	Pb ²⁺	2 I-				
Concentración inicial	[X] ₀			0	0,100	mol/dm³			
Concentración que reacciona o se forma	[X] _r	S_2	\rightarrow	S_2	2 s ₂	mol/dm³			
Concentración en el equilibrio	[X] _e			S_2	$0,100 + 2 s_2$	mol/dm³			

La constante de equilibrio K_s es:

$$K_s = [Pb^{2+}]_e \cdot [I^-]_e^2 = s_2 \cdot (0.100 + 2 s_2)^2 = 1.40 \cdot 10^{-8}$$

En primera aproximación, se puede considerar despreciable 2 s_2 frente a 0,100, (2 $s_2 \ll 0,10$). Entonces:

$$s_2 \cdot 0.100^2 \approx 1.40 \cdot 10^{-8}$$

$$s_2 \approx \frac{1,40 \cdot 10^{-8}}{0.100^2} = 1,40 \cdot 10^{-6} \text{ mol/dm}^3$$

Se comprueba que es despreciable.

Como el dato de solubilidad está en g/dm³, se puede calcular la solubilidad en g/dm³, que sería:

$$s_2' = 1,40 \cdot 10^{-6} \text{ mol/dm}^3 \cdot 461 \text{ g/mol} = 6,46 \cdot 10^{-4} \text{ g/dm}^3 = 0,646 \text{ mg/dm}^3$$

Análisis: La solubilidad del yoduro de plomo(II) en la disolución de yoduro de potasio es menor que la solubilidad en agua, debido al efecto del ion común yoduro.

- 2. El producto de solubilidad a 25 °C del MgF₂ es de 8,0·10⁻⁸.
 - a) ¿Cuántos gramos de MgF₂ se pueden disolver en 250 cm³ de agua?
 - b) ¿Cuántos gramos de MgF₂ se disolverán en 250 cm³ de una disolución de concentración 0,1 mol/dm³ de una sal totalmente disociada como el Mg(NO₃)₂?

(P.A.U. sep. 15)

Rta.: a) $m_a = 0.0423 \text{ g; b}$ $m_b = 6.96 \cdot 10^{-3} \text{ g.}$

Datos Cifras significativas: 3

Producto de solubilidad del MgF₂ $K_s = 8,00 \cdot 10^{-8}$

Volumen de agua $V_{\rm a} = 250 \text{ cm}^3 = 0.250 \text{ dm}^3$

Concentración de la disolución del $Mg(NO_3)_2$ [$Mg(NO_3)_2$] = 0,100 mol/dm³

Volumen de la disolución del Mg(NO₃)₂ $V_{\rm b} = 250~{\rm cm^3} = 0{,}250~{\rm dm^3}$

Masa molar del fluoruro de magnesio $M(MgF_2) = 62.3 \text{ g/mol}$

Incógnitas

Masa de MgF_2 disuelta en 250 cm 3 de agua m_a

Masa de MgF₂ disuelta en 250 cm³ de disolución de Mg(NO₃)₂ de concen- m_b

tración 0,1 mol/dm3

Otros símbolos

Solubilidad (mol/dm³) del MgF₂ en agua sa

Solubilidad (mol/dm³) del Mg F_2 en Mg(NO₃)₂ 0,1 mol/dm³ s_b

Solubilidad (g/dm³) del MgF₂ en Mg(NO₃)₂ 0,1 mol/dm³ s′_b

Ecuaciones

Cantidad (número de moles) n = m / M

Concentración molar (mol/dm³) s = n / V = s' / M

Producto de solubilidad del equilibrio: $B_b A_a(s) \rightleftharpoons b B^{\beta+}(aq) + a A^{\alpha-}(aq)$ $K_s = [A^{\alpha-}]^a \cdot [B^{\beta+}]^b$

Solución:

a) El equilibrio de solubilidad es:

$$MgF_2(s) \rightleftharpoons Mg^{2+}(aq) + 2 F^{-}(aq)$$

Se llama s a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		MgF ₂	#	Mg ²⁺	2 F-	
Concentración en el equilibrio	[X] _e			s	2 s	mol/dm³

La constante de equilibrio K_s es:

Química P.A.U. SOLUBILIDAD 5

$$K_s = [Mg^{2+}]_e \cdot [F^-]_e^2 = s (2 s)^2 = 4 s^3 = 8,00 \cdot 10^{-8}$$

Se calcula la solubilidad del fluoruro de magnesio en agua:

$$s_a = \sqrt[3]{\frac{\overline{K_s}}{4}} = \sqrt[3]{\frac{8,00 \cdot 10^{-8}}{4}} = 0,00271 \text{ mol MgF}_2/\text{dm}^3 \text{ D}$$

La cantidad del fluoruro de magnesio que se puede disolver en 0,250 dm³ de agua es:

$$n(MgF_2) = 0.250 \text{ dm}^3 \cdot 0.00271 \text{ mol } MgF_2 / dm^3 = 6.79 \cdot 10^{-4} \text{ mol } MgF_2$$

La masa del fluoruro de magnesio que se puede disolver en 0,250 dm³ de agua es:

$$m_a = 6.79 \cdot 10^{-4} \text{ mol MgF}_2 \cdot 62.3 \text{ g/mol} = 0.0423 \text{ g MgF}_2$$

b) El nitrato de magnesio está totalmente disociado.

$$Mg(NO_3)_2(s) \rightarrow Mg^{2+}(aq) + 2 NO_3^{-}(aq)$$

La concentración de ion magnesio es:

$$[Mg^{2+}] = [Mg(NO_3)_2] = 0,100 \text{ mol } Mg^{2+}/dm^3 D$$

Se llama s_2 a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		MgF ₂	\Rightarrow	Mg ²⁺	2 F-	
Concentración inicial	[X] ₀			0,100	0	mol/dm³
Concentración que reacciona o se forma	[X] _r	S _b	\rightarrow	S _b	2 s _b	mol/dm³
Concentración en el equilibrio	[X] _e			$0,100 + s_{b}$	2 s _b	mol/dm³

La constante de equilibrio K_s es:

$$K_s = [Mg^{2+}]_e \cdot [F^-]_e^2 = (0.100 + s_2) (2 s_2)^2 = 8.00 \cdot 10^{-8}$$

En primera aproximación, se puede considerar despreciable s_2 frente a 0,100, ($s_b \ll 0,100$). Entonces:

$$s_{b} = \sqrt{\frac{0,100 \cdot (2 \ s_{b})^{2} \approx 8,00 \cdot 10^{-8}}{0,100 \cdot 4}} = 4,47 \cdot 10^{-4} \ \text{mol/dm}^{3}$$

Se comprueba que es despreciable.

Análisis: La solubilidad del fluoruro de magnesio en la disolución de nitrato de magnesio es menor que la solubilidad en agua, debido al efecto del ion común magnesio.

La solubilidad en gramos por decímetro cúbico sería:

$$s'_{b} = 4.47 \cdot 10^{-4} \text{ mol/dm}^{3} \cdot 62.3 \text{ g/mol} = 0.0278 \text{ g/dm}^{3}$$

La masa del fluoruro de magnesio que se puede disolver en $0,250~\rm{dm^3}$ de disolución de $Mg(NO_3)_2$ de concentración $0,1~\rm{mol/dm^3}$ es:

$$m_{\rm b} = 0.250 \; {\rm dm^3 \cdot 0.0278 \; g \; MgF_2 / dm^3} = 6.96 \cdot 10^{-3} \; {\rm g \; MgF_2}$$

- 3. La solubilidad del BaF₂ en agua es de 1,30 g/dm³. Calcula:
 - a) El producto de solubilidad de la sal.
 - b) La solubilidad del BaF₂ en una disolución acuosa de concentración 1 mol/dm³ de BaCl₂, considerando que esta sal está totalmente disociada.

(P.A.U. jun. 15)

Rta.: a) $K_s = 1,63 \cdot 10^{-6}$; b) $s_2 = 6,38 \cdot 10^{-4} \text{ mol/dm}^3$.

 $M(BaF_2) = 175 \text{ g/mol}$

Datos Cifras significativas: 3

Solubilidad del BaF₂ $s' = 1,30 \text{ g/dm}^3$

Concentración de la disolución del $BaCl_2$ [BaCl₂] = 1,00 mol/dm³

Masa molar del fluoruro de bario

Incógnitas

Producto de solubilidad del Ba F_2 K_s Solubilidad del Ba F_2 en Ba Cl_2 1 mol/dm 3 s_2

Otros símbolos

Concentración (mol/dm³) en de BaF₂ en agua

Ecuaciones

Cantidad (número de moles) n = m / M

Concentración molar (mol/dm³) s = n / V = s' / M

Producto de solubilidad del equilibrio: $B_bA_a(s) \rightleftharpoons b B^{\beta+}(aq) + a A^{\alpha-}(aq)$ $K_s = [A^{\alpha-}]^a \cdot [B^{\beta+}]^b$

Solución:

a) Se calcula la solubilidad del fluoruro de bario:

$$[BaF_2] = s = \frac{1.3 \text{ g/dm}^3}{175 \text{ g/mol}} = 0.00741 \text{ mol/dm}^3$$

El equilibrio de solubilidad es:

$$BaF_2(s) \rightleftharpoons Ba^{2+}(aq) + 2 F^{-}(aq)$$

Se llama s a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		BaF ₂	\rightleftharpoons	Ba ²⁺	2 F-	
Concentración en el equilibrio	[X] _e			s	2 s	mol/dm³

Se calcula la constante de equilibrio K_s :

$$K_s = [Ba^{2+}]_e \cdot [F^{-}]_e^2 = s (2 s)^2 = 4 s^3 = 4 \cdot (0,00741)^3 = 1,63 \cdot 10^{-6}$$

b) Se supone que la concentración de cloruro de bario tiene tres cifras significativas. El cloruro de bario está totalmente disociado.

$$BaCl_2(s) \rightarrow Ba^{2+}(aq) + 2 Cl^{-}(aq)$$

La concentración de ion bario es:

$$[Ba^{2+}] = [BaCl_2] = 1,00 \text{ mol } Ba^2/dm^3 D$$

Se llama s_2 a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		BaF ₂	\rightleftharpoons	Ba ²⁺	2 F-	
Concentración inicial	[X] ₀			1,00	0	mol/dm³
Concentración que reacciona o se forma	[X] _r	S_2	\rightarrow	S_2	$2 s_2$	mol/dm³
Concentración en el equilibrio	[X] _e			$1,00 + s_2$	$2 s_2$	mol/dm³

La constante de equilibrio K_s es:

$$K_s = [Ba^{2+}]_e \cdot [F^{-}]_e^2 = (1.00 + s_2) (2 s_2)^2 = 1.63 \cdot 10^{-6}$$

En primera aproximación, se puede considerar despreciable s_2 frente a 1,00, ($s_2 \ll 1,00$). Entonces:

$$1,00 \cdot (2 s_2)^2 \approx 1,63 \cdot 10^{-6}$$
$$s_2 = \sqrt{\frac{1,63 \cdot 10^{-6}}{1,00 \cdot 4}} = 6,38 \cdot 10^{-4} \text{ mol/dm}^3$$

Se comprueba que es despreciable.

Si se quiere, se puede calcular la solubilidad en gramos por decímetro cúbico, que sería:

$$s'_{2} = 6.38 \cdot 10^{-4} \text{ mol/dm}^{3} \cdot 175 \text{ g/mol} = 0.112 \text{ g/dm}^{3}$$

Análisis: La solubilidad del fluoruro de bario en la disolución de cloruro de bario es menor que la solubilidad en agua, debido al efecto del ion común bario.

- 4. El producto de solubilidad del PbBr₂ es 8,9·10⁻⁶. Determina la solubilidad molar:
 - a) En agua pura.
 - b) En una disolución de Pb(NO₃)₂ de concentración 0,20 mol/dm³ considerando que esta sal está totalmente disociada.

(P.A.U. sep. 14)

Rta.: a) $s_a = 0.013 \text{ mol/dm}^3$; b) $s_b = 3.3 \cdot 10^{-3} \text{ mol/dm}^3$.

Datos Cifras significativas: 2

Producto de solubilidad del PbBr₂ $K_s = 8.9 \cdot 10^{-6}$

Concentración de la disolución del $Pb(NO_3)_2$ [$Pb(NO_3)_2$] = 0,20 mol/dm³

Incógnitas

Solubilidad (mol/dm³) del PbBr₂ en agua sa

Solubilidad (mol/dm³) del PbBr₂ en Pb(NO₃)₂ 0,2 mol/dm³ s_b

Ecuaciones

Producto de solubilidad del equilibrio: $B_b A_a(s) \rightleftharpoons b B^{\beta+}(aq) + a A^{\alpha-}(aq)$ $K_s = [A^{\alpha-}]^a \cdot [B^{\beta+}]^b$

Solución:

a) El equilibrio de solubilidad es:

$$PbBr_2(s) \rightleftharpoons Pb^{2+}(aq) + 2 Br^{-}(aq)$$

Se llama s a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		PbBr ₂	\rightleftharpoons	Pb ²⁺	2 Br ⁻	
Concentración en el equilibrio	[X] _e			s	2 s	mol/dm³

La constante de equilibrio K_s es:

$$K_s = [Pb^{2+}]_e \cdot [Br^{-}]_e^2 = s (2 s)^2 = 4 s^3 = 8.9 \cdot 10^{-6}$$

Se calcula la solubilidad del bromuro de plomo(II) en agua:

$$s_a = \sqrt[3]{\frac{K_s}{4}} = \sqrt[3]{\frac{8.9 \cdot 10^{-6}}{4}} = 0.013 \text{ mol PbBr}_2/\text{dm}^3 \text{ D}$$

b) El nitrato de plomo(II) estará totalmente disociado.

$$Pb(NO_3)_2(s) \rightarrow Pb^{2+}(aq) + 2 NO_3^{-}(aq)$$

La concentración de ion plomo(II) es:

$$[Pb^{2+}] = [Pb(NO_3)_2] = 0.20 \text{ mol } Pb^{2+}/dm^3 D$$

Se llama s_2 a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		PbBr ₂	\rightleftharpoons	Pb ²⁺	2 Br-	
Concentración inicial	[X] ₀			0,20	0	mol/dm³
Concentración que reacciona o se forma	[X] _r	S _b	\rightarrow	S_{b}	2 s _b	mol/dm³
Concentración en el equilibrio	[X] _e			$0,20 + s_{\rm b}$	2 s _b	mol/dm³

La constante de equilibrio K_s es:

$$K_s = [Pb^{2+}]_e \cdot [Br^{-}]_e^2 = (0.20 + s_b)(2 s_b)^2 = 8.9 \cdot 10^{-6}$$

En primera aproximación, se puede considerar despreciable s_b frente a 0,2, ($s_b \ll 0,2$). Entonces:

$$0.20 \cdot (2 \, s_b)^2 \approx 8.9 \cdot 10^{-6}$$
$$s_b = \sqrt{\frac{8.9 \cdot 10^{-6}}{0.20 \cdot 4}} = 3.3 \cdot 10^{-3} \, \text{mol/dm}^3$$

Como el error es inferior al 5 %, se considera que el resultado es aceptable.

$$\frac{3.3 \cdot 10^{-3}}{0.20} = 0.017 = 1.7\% < 5\%$$

Análisis: La solubilidad del bromuro de plomo(II) en la disolución de nitrato de plomo(II) es menor que la solubilidad en agua, debido al efecto del ion común plomo(II).

- 5. El producto de solubilidad, a 25 °C, del Pbl₂ es 9,6·10⁻⁹.
 - a) Calcula la solubilidad de la sal.
 - b) Calcula la solubilidad del PbI₂ en una disolución de concentración 0,01 mol/dm³ de CaI₂, considerando que esta sal se encuentra totalmente disociada.

(P.A.U. jun. 13)

Rta.: a) $s = 1.3 \cdot 10^{-3} \text{ mol/ dm}^3$; b) $s_2 \approx 2.4 \cdot 10^{-5} \text{ mol/dm}^3$.

Datos Cifras significativas: 2

Producto de solubilidad del PbI₂ $K_s = 9.6 \cdot 10^{-9}$

Temperatura $T = 25 \,^{\circ}\text{C} = 298 \,^{\circ}\text{K}$

Concentración de la disolución del CaI_2 [CaI_2] = 0,010 mol/dm³

Incógnitas

Solubilidad del PbI₂ en agua s

Solubilidad del PbI₂ en CaI₂ 0,01 mol/dm³

Ecuaciones

Cantidad (número de moles) n = m / M

Producto de solubilidad del equilibrio: $B_bA_a(s) \rightleftharpoons b B^{\beta+}(aq) + a A^{\alpha-}(aq)$ $K_s = [A^{\alpha-}]^a \cdot [B^{\beta+}]^b$

Solución:

a) El equilibrio de solubilidad es:

$$PbI_2(s) \rightleftharpoons Pb^{2+}(aq) + 2 I^{-}(aq)$$

Se llama *s* a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		PbI_2	#	Pb ²⁺	2 I-	
Concentración en el equilibrio	[X] _e			s	2 s	mol/dm³

La constante de equilibrio K_s es:

$$K_s = [Pb^{2+}]_e \cdot [I^{-}]_e^2 = s (2 s)^2 = 4 s^3 = 9.6 \cdot 10^{-9}$$

Se calcula la solubilidad:

$$s = \sqrt[3]{\frac{K_s}{4}} = \sqrt[3]{\frac{9.6 \cdot 10^{-9}}{4}} = 1.3 \cdot 10^{-3} \text{ mol PbI}_2/\text{dm}^3 \text{ D}$$

b) Se supone que la concentración de yoduro de calcio tiene dos cifras significativas.

El yoduro de calcio está totalmente disociado.

$$CaI_2(s) \rightarrow Ca^{2+}(aq) + 2 I^{-}(aq)$$

La concentración de ion yoduro es:

$$[I^{-}] = 2 [CaI_{2}] = 0,020 \text{ mol } Ca^{2+}/dm^{3} D$$

Se llama s_2 a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		PbI ₂	=	Pb ²⁺	2 I-	
Concentración inicial	[X] ₀			0	0,020	mol/dm³
Concentración que reacciona o se forma	[X] _r	S_2	\rightarrow	S_2	2 s ₂	mol/dm³
Concentración en el equilibrio	[X] _e			S_2	$0,020 + 2 s_2$	mol/dm³

La constante de equilibrio K_s es:

$$K_s = [Pb^{2+}]_e \cdot [I^{-}]_e^2 = s_2 \cdot (0.020 + 2 s_2)^2 = 9.6 \cdot 10^{-9}$$

En primera aproximación, se puede considerar despreciable 2 s_2 frente a 0,020, (2 $s_2 \ll 0,020$). Entonces:

$$s_2 \cdot 0.0202 \approx 9.6 \cdot 10^{-9}$$

 $s_2 \approx \frac{9.6 \cdot 10^{-9}}{0.020^2} = 2.4 \cdot 10^{-5} \text{ mol/dm}^3$

Como el error es inferior al 5 %, se considera que el resultado es aceptable.

$$\frac{2 \cdot 2.4 \cdot 10^{-5}}{0.020} = 0.0024 = 0.24\% < 5\%$$

(La solución de la ecuación de tercer grado da: $s_2 = 2,39 \cdot 10^{-5}$)

Análisis: La solubilidad del yoduro de plomo(II) en la disolución de yoduro de calcio es menor que la solubilidad en agua, debido al efecto del ion común yoduro.

- 6. Calcula, a 25 °C:
 - a) La solubilidad en mg/dm³ del AgCl en agua.
 - b) La solubilidad en mg/dm³ del AgCl en una disolución acuosa que tiene una concentración de ion cloruro de 0,10 mol/dm³.

Dato: El producto de solubilidad del AgCl a 25 °C es $K_s = 1,7 \cdot 10^{-10}$.

(P.A.U. sep. 07)

Rta.: a) $s' = 1.9 \text{ mg/dm}^3$; b) $s_2' = 2.4 \cdot 10^{-4} \text{ mg/dm}^3$.

Datos Cifras significativas: 2

Producto de solubilidad del AgCl

Temperatura T = 25 °C = 298 K

Concentración de la disolución del Cl^- [Cl^-] = 0,10 mol/dm³

Masa molar del cloruro de plata M(AgCl) = 143 g/mol

Incógnitas

Solubilidad (mg/dm³) del AgCl en agua

 $K_s = 1.7 \cdot 10^{-10}$

Incógnitas

Solubilidad (mg/dm³) del AgCl en Cl⁻ 0,10 mol/dm³

 s_2

Otros símbolos

Concentración (mol/dm³) en de AgCl en agua y en Cl- 0,10 mol/dm³

 S, S_2

Ecuaciones

Cantidad (número de moles)

n = m / M

Concentración molar (mol/dm³)

s = n / V = s' / M

Producto de solubilidad del equilibrio: $B_bA_a(s) \rightleftharpoons b B^{\beta+}(aq) + a A^{\alpha-}(aq)$

 $K_s = [A^{\alpha-}]^a \cdot [B^{\beta+}]^b$

Solución:

a) El equilibrio de solubilidad es:

$$AgCl(s) \rightleftharpoons Ag^{+}(aq) + Cl^{-}(aq)$$

Se llama s a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		AgCl	\rightleftharpoons	Ag+	Cl-	
Concentración en el equilibrio	[X] _e			s	s	mol/dm³

La constante de equilibrio K_s es:

$$K_{\rm s} = [{\rm Ag^+}]_{\rm e} \cdot [{\rm Cl^-}]_{\rm e} = s \cdot s = s^2 = 1,7 \cdot 10^{-10}$$

Se calcula la solubilidad:

$$s = \sqrt{K_s} = \sqrt{1.7 \cdot 10^{-10}} = 1.3 \cdot 10^{-5} \text{ mol AgCl/dm}^3 \text{ D}$$

$$s' = 1,3 \cdot 10^{-5} \text{ mol/dm}^3 \cdot 143 \text{ g/mol} = 1,9 \cdot 10^{-3} \text{ g AgCl / dm}^3 \text{ D} = 1,9 \text{ mg/dm}^3 \text{ D}$$

b) Se llama s_2 a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		AgCl	\rightleftharpoons	Ag+	Cl-	
Concentración inicial	[X] ₀			0	0,10	mol/dm³
Concentración que reacciona o se forma	[X] _r	S_2	\rightarrow	S_2	S_2	mol/dm³
Concentración en el equilibrio	[X] _e			S_2	$0,10 + s_2$	mol/dm³

La constante de equilibrio K_s es:

$$K_s = [Ag^+]_e \cdot [Cl^-]_e = s_2 \cdot (0.10 + s_2) = 1.7 \cdot 10^{-10}$$

En primera aproximación, se puede considerar s_2 despreciable s frente a 0,1, ($s_2 \ll 0,1$). Entonces:

$$0.10 \ s_2 \approx 1.7 \cdot 10^{-10}$$

$$s_2 \approx 1.7 \cdot 10^{-10} / 0.10 = 1.7 \cdot 10^{-9} \text{ mol/dm}^3$$

Este valor es despreciable frente a 0,10.

$$s_2{'}=1,7\cdot 10^{-9}\ mol/dm^3\cdot 143\ g/mol=2,4\cdot 10^{-7}\ g\ AgCl\ /\ dm^3\ D=2,4\cdot 10^{-4}\ mg/dm^3\ D$$

Análisis: La solubilidad del cloruro de plata en la disolución que contiene iones cloruro es menor que la solubilidad en agua, debido al efecto del ion común cloruro.

Precipitación

- Se dispone de una disolución que contiene una concentración de Cd²+ de 1,1 mg/dm³. Se quiere eliminar parte del Cd²+ precipitándolo con un hidróxido, en forma de Cd(OH)₂. Calcula:
 - a) El pH necesario para iniciar la precipitación.

b) La concentración de Cd2+, en mg/dm3, cuando el pH es igual a 12.

Dato: $K_s(Cd(OH)_2) = 1,2 \cdot 10^{-14}$.

(P.A.U. jun. 16)

Rta.: a) pH = 9,5; b) $[Cd^{2+}]_b = 1,3\cdot10^{-5} \text{ mg/dm}^3$.

Datos Cifras significativas: 2

Producto de solubilidad del Cd(OH)₂ $K_s = 1,2 \cdot 10^{-14}$

Concentración de ion cadmio $[Cd^{2+}] = 1,1 \text{ mg/dm}^3$

Masa atómica: Cd M(Cd) = 112 g/mol

pH para calcular la $[Cd^{2+}]$ en el apartado b $pH_b = 12$

Incógnitas

pH necesario para iniciar la precipitación pH Concentración de ion cadmio a pH = 12 [Cd²⁺]_b

Ecuaciones

Concentración molar (mol/dm³) s = n / V = s' / M

 $pH = -log[H^+]$

 $pOH = -log[OH^{-}]$

Producto iónico del agua $K_{\rm w} = [{\rm H^+}]_{\rm e} \cdot [{\rm OH^-}]_{\rm e} = 1,00 \cdot 10^{-14}$

 $pK_{w} = pH + pOH = 14,00$

Producto de solubilidad del equilibrio: $B_bA_a(s) \rightleftharpoons b B^{\beta+}(aq) + a A^{\alpha-}(aq)$ $K_s = [A^{\alpha-}]^a \cdot [B^{\beta+}]^b$

Solución:

a) El equilibrio de solubilidad del Cd(OH)2 es:

$$Cd(OH)_2(s) \rightleftharpoons Cd(OH)_2(aq) \rightarrow Cd^{2+}(aq) + 2OH^{-}(aq)$$

La constante de equilibrio K_s de solubilidad en función de las concentraciones es:

$$K_{\rm s} = [{\rm Cd}^{2+}]_{\rm e} \cdot [{\rm OH}^{-}]_{\rm e}^{2}$$

El Cd(OH)₂ precipitará cuando el producto de las concentraciones sea mayor o igual a su producto de solubilidad.

$$Q = [\mathrm{Cd}^{2+}] \cdot [\mathrm{OH}^{-}]^2 > K_{\mathrm{s}}$$

Se calcula la concentración de ion cadmio:

$$[Cd^{2+}] = \frac{1.1 \text{ mg}}{1 \text{ dm}^3} \frac{1 \text{ g}}{10^3 \text{ mg}} \frac{1 \text{ mol } Cd^{2+}}{112 \text{ g } Cd^{2+}} = 9.8 \cdot 10^{-6} \text{ mol/dm}^3$$

Suponiendo que esta concentración no varía al añadirle una disolución que contenga iones hidróxido, la concentración de iones hidróxido necesaria para que comience a precipitar hidróxido de cadmio es:

$$[OH^{-}] = \sqrt{\frac{K_s}{[Cd^{2+}]}} = \sqrt{\frac{1,20 \cdot 10^{-14}}{9,8 \cdot 10^{-6}}} = 3,5 \cdot 10^{-5} \text{ mol/dm}^{3}$$

Se calculan el pOH y el pH:

$$pOH = -log[OH^{-}] = -log(3,5 \cdot 10^{-5}) = 4,5$$

$$pH = 14.0 - pOH = 14.0 - 4.5 = 9.5$$

b) Cuando el pH = 12, el pOH = 14 – 12 = 2, y la concentración de iones hidróxido vale:

$$[OH^{-}]_{b} = 10^{-pOH} = 10^{-2} = 0.010 \text{ mol/dm}^{3}$$

La concentración de iones cadmio se calcula a partir del producto de solubilidad:

$$[Cd^{2+}]_b = \frac{K_s}{[OH^-]^2} = \frac{1,20 \cdot 10^{-14}}{0,010^2} = 1,20 \cdot 10^{-10} \text{ mol/dm}^3$$

$$[Cd^{2+}]_b = \frac{1,20 \cdot 10^{-10} \text{ mol}}{1 \text{ dm}^3} \frac{112 \text{ g Cd}^{2+}}{1 \text{ mol Cd}^{2+}} \frac{10^3 \text{ mg}}{1 \text{ g}} = 1,3 \cdot 10^{-5} \text{ mg/dm}^3$$

2. a) Sabiendo que a 25 °C la $K_s(BaSO_4)$ es $1,1\cdot10^{-10}$, determina la solubilidad de la sal en g/dm³. b) Si 250 cm³ de una disolución de BaCl₂ de concentración 0,0040 mol/dm³ se añaden a 500 cm³ de disolución de K_2SO_4 de concentración 0,0080 mol/dm³ y suponiendo que los volúmenes son aditivos, indica si se formará precipitado o no.

(P.A.U. jun. 14)

Rta.: a) $s' = 2.4 \cdot 10^{-3} \text{ g/dm}^3$; b) Sí. $1.3 \cdot 10^{-3} \cdot 5.3 \cdot 10^{-3} > K_s$.

DatosCifras significativas: 2Producto de solubilidad del BaSO $_4$ $K_s = 1,1\cdot 10^{-10}$

Volumen disolución de BaCl₂ $V_1 = 250 \text{ cm}^3 = 0,25 \text{ dm}^3$

Volumen disolución K_2SO_4 $V_2 = 500 \text{ cm}^3 = 0,50 \text{ dm}^3$

Concentración de la disolución del $BaCl_2$ [BaCl₂]₀ = 0,0040 mol/dm³

Concentración del K_2SO_4 $[K_2SO_4]_0 = 0,0080 \text{ mol/dm}^3$

Masa molar del sulfato de bario $M(BaSO_4) = 233 \text{ g/mol}$

Incógnitas

Solubilidad del sulfato de bario en g/dm³ s'

Si se formará precipitado Q

Otros símbolos

Solubilidad del sulfato de bario en mol/dm³ s

Ecuaciones

Concentración molar (mol/dm³) s = n / V = s' / M

Producto de solubilidad del equilibrio: $B_bA_a(s) \rightleftharpoons b B^{\beta+}(aq) + a A^{\alpha-}(aq)$ $K_s = [A^{\alpha-}]^a \cdot [B^{\beta+}]^b$

Solución:

a) El equilibrio de solubilidad es

$$BaSO_4(s) \rightleftharpoons Ba^{2+}(aq) + SO_4^{2-}(aq)$$

Se llama *s* a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		BaSO ₄	\rightleftharpoons	Ba ²⁺	SO ₄ ²⁻	
Concentración en el equilibrio	[X] _e			s	s	mol/dm³

La constante de equilibrio K_s es:

$$K_s = [Ba^{2+}]_e \cdot [SO_4^{2-}]_e = s \cdot s = s^2 = 1, 1 \cdot 10^{-10}$$

Se calcula la solubilidad del sulfato de bario:

$$s = \sqrt{K_s} = \sqrt{1.1 \cdot 10^{-10}} = 1.0 \cdot 10^{-5} \text{ mol BaSO}_4/\text{dm}^3 \text{ D}$$

$$s'=1,0\cdot10^{-5} \text{ mol BaSO}_4/\text{dm}^3 \text{ D} \frac{233 \text{ g BaSO}}{1 \text{ mol BaSO}} = 2,4\cdot10^{-3} \text{ g/dm}^3 \text{ D}$$

b) Las sales de las disoluciones están totalmente disociadas.

$$BaCl_2(s) \rightarrow Ba^{2+}(aq) + 2 Cl^{-}(aq)$$

 $K_2SO_4(s) \rightarrow SO_4^{2-}(aq) + 2 K^{+}(aq)$

Las concentraciones iniciales de los iones son:

$$[Ba^{2+}]_0 = [BaCl_2]_0 = 0,0040 \text{ mol/dm}^3$$

 $[SO_2^{4-}]_0 = [BaSO_4]_0 = 0,0080 \text{ mol/dm}^3$

Al mezclar ambas disoluciones, se diluyen. Suponiendo volúmenes aditivos, las nuevas concentraciones son:

$$[\mathrm{Ba}^{2+}] = \frac{n(\mathrm{Ba}^{2+})}{V_{\mathrm{T}}} = \frac{0.25 \, \mathrm{dm}^3 \cdot 0.004 \, \, \mathrm{0mol} \, \, \mathrm{Ba}^{2+}/\mathrm{dm}^3}{(0.25 + 0.50) \, \mathrm{dm}^3} = 1.3 \cdot 10^{-3} \, \, \mathrm{mol} \, \, \mathrm{Ba}^{2+}/\mathrm{dm}^3$$

$$[SO_4^{2-}] = \frac{n(SO_4^{2-})}{V_T} = \frac{0.50 \text{ dm}^3 \cdot 0.008 \text{ Qmol } SO_4^{2-}/\text{dm}^3}{(0.25 + 0.50) \text{ dm}^3} = 5.3 \cdot 10^{-3} \text{ mol } SO_4^{2-}/\text{dm}^3$$

Se formará precipitado si $Q = [\mathrm{Ba^{2+}}] \cdot [\mathrm{SO_4^{2-}}] > K_\mathrm{s}$

$$[Ba^{2+}] \cdot [SO_4^{2-}] = 1,3 \cdot 10^{-3} \cdot 5,3 \cdot 10^{-3} = 7,1 \cdot 10^{-6} > 1,1 \cdot 10^{-10}$$

Por tanto, se forma precipitado.

- 3. El producto de solubilidad del cloruro de plomo(II) es 1,6·10⁻⁵ a 298 K.
 - a) Determina la solubilidad del cloruro de plomo(II) expresada en mol/dm³.
 - b) Se mezclan 200 cm³ de una disolución de concentración 1,0·10⁻³ mol/dm³ de Pb(NO₃)₂ y 200 cm³ de una disolución de HCl de pH = 3. Suponiendo que los volúmenes son aditivos indica si precipitará cloruro de plomo(II).

(P.A.U. sep. 12)

Rta.: a) $s = 0.016 \text{ mol/dm}^3$; b) No.

DatosCifras significativas: 2Producto de solubilidad del PbCl2 $K_s = 1,6\cdot10^{-5}$

Volumen disolución de Pb(NO₃)₂ $V_1 = 200 \text{ cm}^3 = 0,20 \text{ dm}^3$

Concentración de la disolución del $Pb(NO_3)_2$ [$Pb(NO_3)_2$]₀ = 1,0·10⁻³ mol/dm³

Volumen disolución de HCl $V_2 = 200 \text{ cm}^3 = 0,20 \text{ dm}^3$

pH de la disolución de HCl pH = 3,0

Incógnitas

Solubilidad del PbCl $_2$ s Si se formará precipitado Q

Ecuaciones

Concentración molar (mol/dm³) s = n / V = s' / M

 $pH = -log[H^+]$

Producto de solubilidad del equilibrio: $B_bA_a(s) \rightleftharpoons b B^{\beta+}(aq) + a A^{\alpha-}(aq)$ $K_s = [A^{\alpha-}]^a \cdot [B^{\beta+}]^b$

Solución:

a) El equilibrio de solubilidad es:

$$PbCl_2(s) \rightleftharpoons Pb^{2+}(aq) + 2 Cl^{-}(aq)$$

Se llama s a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		PbCl ₂	\rightleftharpoons	Pb ²⁺	2 Cl-	
Concentración en el equilibrio	[X] _e			s	2 s	mol/dm³

$$K_s = [Pb^{2+}]_e \cdot [Cl^{-}]_e^2 = s \cdot (2 \ s)^2 = 4 \ s^3 = 1.6 \cdot 10^{-5}$$

Se calcula la solubilidad:

$$s = \sqrt[3]{\frac{1.6 \cdot 10^{-5}}{4}} = 0.016 \text{ mol/dm}^3$$

b) El nitrato de plomo(II) disuelto está totalmente disociado.

$$Pb(NO_3)_2(s) \rightarrow Pb^{2+}(aq) + 2 (NO_3)^{-}(aq)$$

La concentración inicial del ion Pb²⁺ es:

$$[Pb^{2+}]_0 = [Pb(NO_3)_2]_0 = 1,0 \cdot 10^{-3} \text{ mol/dm}^3$$

La ionización del HCl disuelto es:

$$HCl(aq) \rightarrow H^{+}(aq) + Cl^{-}(aq)$$

La concentración inicial de iones Cl⁻ es la misma que la de iones H⁺, que se calcula a partir del pH:

$$\begin{split} [H^+] &= 10^{-pH} = 10^{-3,0} = 1,0 \cdot 10^{-3} \; mol/dm^3 \\ [Cl^-]_0 &= [H^+]_0 = 1,0 \cdot 10^{-3} \; mol/dm^3 \end{split}$$

Al mezclar ambas disoluciones, se diluyen. Como los volúmenes se consideran aditivos, el volumen de la mezcla es la suma de los volúmenes de cada disolución y las nuevas concentraciones son:

$$[Pb^{2+}] = \frac{n(Pb^{2+})}{V_T} = \frac{0.20[dm^3] \cdot 1.0 \cdot 10^{-3} [mol Pb^{2+}/dm^3]}{0.40[dm^3]} = 5.0 \cdot 10^{-4} mol Pb^{2+}/dm^3$$

$$[Cl^{-}] = \frac{n(Cl^{-})}{V_{T}} = \frac{0.20 \text{ dm}^{3} \cdot 1.0 \text{ time } 10^{-3} \text{ mol } Cl^{-}/\text{dm}^{3}}{0.40 \text{ dm}^{3}} = 5.0 \cdot 10^{-4} \text{ mol } Cl^{-}/\text{dm}^{3}$$

Se formará precipitado si $Q = [Pb^{2+}] \cdot [Cl^{-}]^{2} > K_{s}$

$$Q = \left[\text{Pb}^{2+} \right] \cdot \left[\text{Cl}^{-} \right]^{2} = 5.0 \cdot 10^{-4} \cdot \left(5.0 \cdot 10^{-4} \right)^{2} = 1.3 \cdot 10^{-10} < 1.6 \cdot 10^{-5}$$

Por tanto, no se forma precipitado.

- 4. El sulfato de estroncio es una sal muy poco soluble en agua. La cantidad máxima de esta sal que se puede disolver en 250 cm³ de agua a 25 ℃ es de 26,0 mg.
 - a) Calcula el valor de la constante del producto de solubilidad de la sal a 25 ℃.
 - b) Indica si se formará un precipitado de sulfato de estroncio al mezclar volúmenes iguales de disoluciones de Na₂SO₄ de concentración 0,02 mol/dm³ y de SrCl₂ de concentración 0,01 mol/dm³, considerando que ambas sales están totalmente disociadas.

Supón los volúmenes aditivos.

(P.A.U. jun. 12)

Rta.: a) $K_s = 3,21 \cdot 10^{-7}$; b) Sí.

Datos Cifras significativas: 3

Masa de SrSO₄ m = 26,0 mg = 0,0260 g Volumen disolución de SrSO₄ $V = 250 \text{ cm}^3 = 0,250 \text{ dm}^3$

Concentración de la disolución del Na_2SO_4 [Na_2SO_4]₀ = 0,0100 mol/dm³

Concentración del $SrCl_2$ [SrCl₂]₀ = 0,0200 mol/dm³

Incógnitas

Constante de solubilidad del sulfato de estroncio

Incógnitas

Si se formará precipitado

Q

Ecuaciones

Concentración molar (mol/dm³)

$$s = n / V = s' / M$$

Producto de solubilidad del equilibrio: $B_bA_a(s) \rightleftharpoons b B^{\beta+}(aq) + a A^{\alpha-}(aq)$

$$K_{\rm s} = [A^{\alpha-}]^{\rm a} \cdot [B^{\beta+}]^{\rm b}$$

Solución:

a) El equilibrio de solubilidad es

$$SrSO_4(s) \rightarrow Sr^{2+}(aq) + SO_4^{2-}(aq)$$

Se llama *s* a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		SrSO ₄	1	Sr ²⁺	SO ₄ ²⁻	
Concentración en el equilibrio	[X] _e			s	s	mol/dm³

La constante de equilibrio K_s es:

$$K_{\rm s} = [{\rm Sr}^{2+}]_{\rm e} \cdot [{\rm SO}_4^{2-}]_{\rm e} = s \cdot s = s^2$$

El sulfato de estroncio que se disuelve está totalmente disociado. La concentración del SrSO₄(aq) es:

$$s=[SrSO_4(aq)] = \frac{0,260 \text{ g } SrSO_4}{0,250 \text{ dm}^3D} \frac{1 \text{ mol } SrSO_4}{184 \text{ g } SrSO_4} = 5,66 \cdot 10^{-4} \text{ mol/dm}^3 D$$

Se calcula la constante de equilibrio:

$$K_s = s \cdot s = s^2 = 3.21 \cdot 10^{-7}$$

b) Las sales de las disoluciones están totalmente disociadas.

$$Na_2SO_4(s) \rightarrow 2 Na^+(aq) + SO_4^{2-}(aq)$$

$$SrCl_2(s) \rightarrow Sr^{2+}(aq) + 2 Cl^{-}(aq)$$

Las concentraciones iniciales de los iones son:

$$[Sr^{2+}]_0 = [SrCl_2]_0 = 0.0200 \text{ mol/dm}^3$$

$$[SO_4^{2-}]_0 = [Na_2SO_4]_0 = 0,0100 \text{ mol/dm}^3$$

Al mezclar ambas disoluciones, se diluyen. Como los volúmenes se consideran aditivos, el volumen de la mezcla es el doble del volumen de cada disolución y las nuevas concentraciones son:

$$[\mathrm{Sr}^{2+}] = \frac{n(\mathrm{Sr}^{2+})}{V_T} = \frac{V \cdot 0.0200 \text{ mol Sr}^{2+}/\mathrm{dm}^3}{2 \cdot V} = 0.0100 \text{ mol Sr}^{2+}/\mathrm{dm}^3$$

$$[SO_4^{2-}] = \frac{n(SO_4^{2-})}{V_T} = \frac{V \cdot 0,0100 \text{ mol } SO_4^{2-}/\text{dm}^3}{2 \cdot V} = 0,00500 \text{ mol } SO_4^{2-}/\text{dm}^3$$

Se formará precipitado si $Q = [Sr^{2+}] \cdot [SO_4^{2-}] > K_s$

$$Q = [Sr^{2+}] \cdot [SO_4^{2-}] = 0.0100 \cdot 0.00500 = 5.00 \cdot 10^{-5} > 3.21 \cdot 10^{-7}$$

Por tanto, se forma precipitado.

- 5. El PbCO₃ es una sal muy poco soluble en el agua con una K_s de 1,5·10⁻¹⁵. Calcula:
 - a) La solubilidad de la sal.
 - b) Si se mezclan 150 cm³ de una disolución de Pb(NO₃)₂ de concentración 0,04 mol/dm³ con 50 cm³ de una disolución de Na₂CO₃ de concentración 0,01 mol/dm³, razona si precipitará el PbCO₃ en el recipiente donde se hizo la mezcla.

Rta.: a) $s = 3.9 \cdot 10^{-8} \text{ mol/dm}^3$; b) Sí.

Datos Cifras significativas: 2

Producto de solubilidad del PbCO₃ $K_s = 1,5 \cdot 10^{-15}$

Volumen de la disolución de $Pb(NO_3)_2$ $V_1 = 150 \text{ cm}^3 = 0,150 \text{ dm}^3$

Concentración de la disolución de $Pb(NO_3)_2$ [$Pb(NO_3)_2$] = 0,040 mol·dm⁻³

Volumen de la disolución de Na_2CO_3 $V_2 = 50 \text{ cm}^3 = 0,050 \text{ dm}^3$

Concentración de la disolución de Na₂CO₃ [Na₂CO₃] = 0,010 mol·dm⁻³

Incógnitas

Solubilidad s

Si se formará precipitado de $PbCO_3$ Q

Ecuaciones

Concentración molar (mol/dm³) s = n / V = s' / M

Producto de solubilidad del equilibrio: $B_bA_a(s) \rightleftharpoons b B^{\beta+}(aq) + a A^{\alpha-}(aq)$ $K_s = [A^{\alpha-}]^a \cdot [B^{\beta+}]^b$

Solución:

a) El equilibrio de solubilidad es:

$$PbCO_3(s) \rightleftharpoons Pb^{2+}(aq) + CO_3^{2-}(aq)$$

Se llama s a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

			PbCO ₃	\Rightarrow	Pb ²⁺	CO ₃ ²⁻	
C	Concentración en el equilibrio	[X] _e			s	s	mol/dm³

La constante de equilibrio K_s es:

$$K_s = [Pb^{2+}]_e \cdot [CO_3^{2-}]_e = s \cdot s = s^2$$

Se calcula la solubilidad:

$$s = \sqrt{K_s} = \sqrt{1,5 \cdot 10^{-15}} = 3.9 \cdot 10^{-8} \text{ mol PbNO}_3/\text{dm}^3 \text{ D}$$

b) Las sales de las disoluciones están totalmente disociadas.

$$Pb(NO_3)_2(s) \rightarrow Pb^{2+}(aq) + 2 NO_3^{-}(aq)$$

$$Na_2CO_3(s) \rightarrow 2 Na^+(aq) + CO_3^{2-}(aq)$$

Las concentraciones iniciales de los iones son:

$$[Pb^{2+}]_0 = [Pb(NO_3)_2]_0 = 0.04 \text{ mol} \cdot dm^{-3}$$

$$[CO_3^{2-}]_0 = [Na_2CO_3]_0 = 0.01 \text{ mol}\cdot\text{dm}^{-3}$$

Al mezclar ambas disoluciones, se diluyen. Suponiendo volúmenes aditivos, las nuevas concentraciones son:

$$[Pb^{2+}] = \frac{n(Pb^{2+})}{V_T} = \frac{0.150 \text{ dm}^3 \cdot 0.040 \text{ mol } Pb^{2+}/\text{dm}^3}{(0.150 + 0.050) \text{ dm}^3} = 0.030 \text{ mol } Pb^{2+}/\text{dm}^3 \text{ D}$$

$$[CO_3^{2-}] = \frac{n(CO_3^{2-})}{V_T} = \frac{0,050 \text{ dm}^3 \cdot 0,010 \text{ mol } CO_3^{2-}/\text{dm}^3}{(0.150 + 0,050) \text{ dm}^3} = 0,002 \text{ 5mol } CO_3^{2-}/\text{dm}^3 \text{ D}$$

Se formará precipitado si $Q = [Pb^{2+}] \cdot [CO_3^{2-}] > K_s$

$$[Pb^{2+}] \cdot [CO_3^{2-}] = 0.030 \cdot 0.0025 = 7.5 \cdot 10^{-5} > 1.5 \cdot 10^{-15}$$

Por tanto, se formará precipitado.

- 6. El producto de solubilidad del yoduro de plata es 8,3·10⁻¹⁷. Calcula:
 - a) La solubilidad del yoduro de plata expresada en g·dm⁻³
 - b) La masa de yoduro de sodio que se debe añadir la 100 cm³ de disolución de concentración 0,005 mol/dm³ de nitrato de plata para iniciar la precipitación del yoduro de plata.

(P.A.U. sep. 10)

Rta.: a) $s = 2.1 \cdot 10^{-6} \text{ g/dm}^3$; b) $m = 2.5 \cdot 10^{-13} \text{ g NaI}$.

Datos Cifras significativas: 2

Producto de solubilidad del AgI $K_s = 8.3 \cdot 10^{-17}$

Volumen disolución de AgNO₃ $V_1 = 100 \text{ cm}^3 = 0{,}100 \text{ dm}^3$

Concentración de la disolución de $AgNO_3$ [AgNO₃] = 0,0050 mol/dm³

Masas molares: yoduro de plata M(AgI) = 235 g/mol

yoduro de sodio M(NaI) = 150 g/mol

Incógnitas

Solubilidad del yoduro de plata s

Masa de yoduro de sodio para iniciar la precipitación m(NaI)

Ecuaciones

Cantidad (número de moles) n = m / M

Concentración molar (mol/dm³) s = n / V = s' / M

Producto de solubilidad del equilibrio: $B_bA_a(s) \rightleftharpoons b B^{\beta+}(aq) + a A^{\alpha-}(aq)$ $K_s = [A^{\alpha-}]^a \cdot [B^{\beta+}]^b$

Solución:

a) El equilibrio de solubilidad es:

$$AgI(s) \rightleftharpoons Ag^{+}(aq) + I^{-}(aq)$$

Se llama s a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		AgI	\rightleftharpoons	Ag+	I-	
Concentración en el equilibrio	[X] _e			s	s	mol/dm³

La constante de equilibrio K_s es:

$$K_s = [Ag^+]_e \cdot [I^-]_e = s \cdot s = s^2 = 8.3 \cdot 10^{-17}$$

Se calcula la solubilidad:

$$s = \sqrt{K_s} = \sqrt{8.3 \cdot 10^{-17}} = 9.1 \cdot 10^{-9} \text{ mol AgI/dm}^3 \text{ D}$$

$$s'=9,1\cdot 10^{-9} \text{ mol AgI/dm}^3 \text{ D} \frac{235 \text{ g AgI}}{1 \text{ mol AgI}} = 2,1\cdot 10^{-6} \text{ g/dm}^3 \text{ D}$$

b) El AgNO₃ está totalmente disociado en la disolución:

$$AgNO_3(s) \rightarrow Ag^+(aq) + NO_3^-(aq)$$

La concentración del ion plata es:

$$[Ag^{+}] = [AgNO_{3}] = 0,0050 = 5,0 \cdot 10^{-3} \text{ mol/dm}^{3}$$

Se formará precipitado cuando $Q = [Ag^+] \cdot [I^-] \ge K_s$

$$[I^{-}] \ge \frac{K_s}{[Ag^{+}]} = \frac{8.3 \cdot 10^{-17}}{5.0 \cdot 10^{-3}} = 1.7 \cdot 10^{-14} \text{ mol/dm}^3$$

Cuando se disuelva el yoduro de sodio, se disociará totalmente:

$$NaI(s) \rightarrow I^{-}(aq) + Na^{+}(aq)$$

La concentración de yoduro de sodio será:

$$[NaI] = [I^{-}] = 1,7 \cdot 10^{-14} \text{ mol/dm}^{3}$$

Se calcula la masa de yoduro de sodio necesaria para preparar 100 cm³ de disolución de esa concentración:

$$m(\text{NaI}) = 0,100 \text{ dm}^3 \text{ D} \frac{1,7 \cdot 10^{-14} \text{ mol NaI}}{1 \text{ dm}^3 \text{ D}} \frac{150 \text{ g NaI}}{1 \text{ mol NaI}} = 2,5 \cdot 10^{-13} \text{ g NaI}$$

- 7. El producto de solubilidad del cloruro de plata vale 1,70·10⁻¹⁰ a 25 °C. Calcula:
 - a) La solubilidad del cloruro de plata.
 - b) Si se formará precipitado cuando se añaden 100 cm³ de una disolución de NaCl de concentración 1,00 mol/dm³ a 1,0 dm³ de una disolución de AgNO₃ de concentración 0,01 mol/dm³.

(P.A.U. sep. 09)

Rta.: a) $s = 1,3 \cdot 10^{-5} \text{ mol/dm}^3$; b) Sí [Ag⁺] · [Cl⁻] = $8,3 \cdot 10^{-4} > K_s$.

Datos Cifras significativas: 2

Producto de solubilidad del AgCl $K_{\rm s}=1,7\cdot 10^{-10}$ Volumen disolución de AgNO $_{\rm 3}$ $V_{\rm 1}=1,0~{\rm dm^3}$

Volumen disolución NaCl $V_2 = 100 \text{ cm}^3 = 0,10 \text{ dm}^3$ Concentración de la disolución del AgNO₃ $[\text{AgNO}_3]_0 = 0,010 \text{ mol/dm}^3$ Concentración del NaCl $[\text{NaCl}]_0 = 1,0 \text{ mol/dm}^3$

Incógnitas

Solubilidad del cloruro de plata s Si se formará precipitado Q

Ecuaciones

Concentración molar (mol/dm³) s = n / V = s' / M Producto de solubilidad del equilibrio: $B_b A_a(s) \rightleftharpoons b B^{\beta +}(aq) + a A^{\alpha -}(aq)$ $K_s = [A^{\alpha -}]^a \cdot [B^{\beta +}]^b$

Solución:

a) El equilibrio de solubilidad es:

$$AgCl(s) \rightleftharpoons Ag^{+}(aq) + Cl^{-}(aq)$$

Se llama *s* a la solubilidad, que es la concentración de sólido que se disuelve y, de acuerdo con la estequiometría, se deduce la concentración de los iones formados.

		AgCl	\rightleftharpoons	Ag+	Cl-	
Concentración en el equilibrio	[X] _e			s	s	mol/dm³

La constante de equilibrio K_s es:

$$K_s = [Ag^+]_e \cdot [Cl^-]_e = s \cdot s = s^2 = 1.7 \cdot 10^{-10}$$

Se calcula la solubilidad:

$$s = \sqrt{K_s} = \sqrt{1,7 \cdot 10^{-10}} = 1,3 \cdot 10^{-5} \text{ mol AgCl/dm}^3 \text{ D}$$

b) Las sales de las disoluciones están totalmente disociadas.

$$AgNO_3(s) \rightarrow Ag^+(aq) + NO_3^-(aq)$$

 $NaCl(s) \rightarrow Cl^-(aq) + Na^+(aq)$

Las concentraciones iniciales de los iones son:

$$[Ag^{+}]_{0} = [AgNO_{3}]_{0} = 1,0 \cdot 10^{-2} \text{ mol/dm}^{3}$$

 $[Cl^{-}]_{0} = [NaCl]_{0} = 1,0 \text{ mol/dm}^{3}$

Al mezclar ambas disoluciones, se diluyen. Suponiendo volúmenes aditivos, las nuevas concentraciones son:

$$[Ag^{+}] = \frac{n(Ag^{+})}{V_{T}} = \frac{1,00 \text{ dm}^{3} \cdot 0,01 \text{ mol} + Ag^{+}/\text{dm}^{3}}{(1,00+0,10) \text{ dm}^{3}} = 9,1 \cdot 10^{-3} \text{ mol } Ag^{+}/\text{dm}^{3}$$
$$[Cl^{-}] = \frac{n(Cl^{-})}{V_{T}} = \frac{0,10 \text{ dm}^{3} \cdot 1,0 \text{ mol } Cl^{-}/\text{dm}^{3}}{(1,00+0,10) \text{ dm}^{3}} = 9,1 \cdot 10^{-2} \text{ mol } Cl^{-}/\text{dm}^{3}$$

Se formará precipitado si $Q = [Ag^+] \cdot [Cl^-] > K_s$

$$\left[Ag^{\scriptscriptstyle +}\right]\cdot\left[Cl^{\scriptscriptstyle -}\right]=9,1\cdot10^{\scriptscriptstyle -3}\cdot9,1\cdot10^{\scriptscriptstyle -2}=8,3\cdot10^{\scriptscriptstyle -4}>1,7\cdot10^{\scriptscriptstyle -10}$$

Por tanto, se forma precipitado.

CUESTIONES

- 1. Se pone en un vaso con agua cierta cantidad de una sal poco soluble, de fórmula general AB_3 , y no se disuelve completamente. El producto de solubilidad de la sal es K_s .
 - a) Deduce la expresión que relaciona la concentración de A³+ con el producto de solubilidad de la sal.
 - b) A continuación se introduce en el vaso una cantidad de una sal soluble CB₂ ¿Qué variación produce en la solubilidad de la sal AB₃?

(P.A.U. jun. 05)

Solución:

a) Se llama s a la solubilidad (concentración de la disolución saturada). La ecuación del equilibrio de solubilidad es

$$AB_3(s) \rightleftharpoons 3 B^-(aq) + A^{3+}(aq)$$

		AB ₃	\rightleftharpoons	3 B-	A ³⁺	
Concentración en el equilibrio	[X] _e			3 s	s	mol/dm³

La constante de equilibrio o producto de solubilidad es:

$$K_s = [A^{3+}]_e \cdot [B^-]_e^3 = s (3 s)^3 = 27 s^4 = 27 [A^{3+}]^4$$

b) La solubilidad de la sal AB₃ será menor que antes por efecto del ion común. La sal CB₂ soluble se disociará totalmente:

$$CB_2(s) \rightarrow C^{2+}(aq) + 2 B^{-}(aq)$$

lo que produce un aumento en la concentración del ion B- en la disolución. Esto provocará un desplazamiento del equilibrio

$$AB_3(s) \rightleftharpoons 3 B^-(aq) + A^{3+}(aq)$$

hacia la formación de la sal sólida, ya que en la expresión del producto de solubilidad,

$$K_{\rm s} = [{\rm A}^{\rm 3+}]_{\rm e} \cdot [{\rm B}^{\rm -}]_{\rm e}^{\rm 3}$$

un aumento en la concentración del ion B⁻ tendrá que ser compensada con una disminución en la concentración del ion A³⁺ para mantener constante el valor del producto de solubilidad, que es una constante de equilibrio que solo cambia con la temperatura.

Es decir, la sal estará menos disociada y la solubilidad será menor.

(Si hubiese que realizar el cálculo, sería conveniente usar la situación equivalente a la de intentar disolver la sal $AB_3(s)$ en una disolución que contiene una cantidad n de CB_2 en el volumen V de disolución de la disolución original.)

La concentración c de CB₂ será:

$$c = [CB_2] = n / V$$

Al ser CB₂ una sal soluble, estará totalmente disociada:

$$CB_2(s) \longrightarrow C^{2+}(aq) + 2 B^{-}(aq)$$
 $c \longrightarrow c + 2 c$

Como hay una concentración del ion B- (efecto del ion común), la solubilidad de la sal AB₃ será menor.

		AB ₃	\rightleftharpoons	3 B-	A ³⁺	
Concentración inicial	[X] ₀			2 c	0	mol/dm³
Concentración que reacciona o se forma	[X] _r	S _b	\rightarrow	3 s _b	S_{b}	mol/dm³
Concentración en el equilibrio	[X] _e			$3 s_b + 2 c$	S_{b}	mol/dm³

- 2. Justifica si esta afirmación es correcta:
 - b) La presencia de un ion común disminuye la solubilidad de una sal ligeramente soluble.

(P.A.U. jun. 14)

Solución:

b) Verdadera. La solubilidad disminuye en presencia de un ion común.

Para una sal poco soluble, por ejemplo el cloruro de plata, el sólido se encuentra en equilibrio con los iones disueltos.

$$AgCl(s) \rightleftharpoons Ag^{+}(aq) + Cl^{-}(aq)$$

La solubilidad *s* (concentración de la disolución saturada), se puede calcular de la expresión de la constante de equilibrio:

		AgCl	=	Cl-	Ag+	
Concentración en el equilibrio	[X] _e			s	S	mol/dm³

$$K_s = \lceil \text{Cl}^- \rceil \cdot \lceil \text{Ag}^+ \rceil = s \cdot s = s^2$$

El cloruro de sodio es un electrolito fuerte que, en disoluciones diluidas, está totalmente disociado.

$$NaCl(aq) \rightarrow Na^{+}(aq) + Cl^{-}(aq)$$

Al añadir a una disolución de cloruro de plata en equilibrio una cantidad de cloruro de sodio, que se disuelve totalmente, el equilibrio se desplaza, siguiendo la ley de Le Chatelier, en el sentido de consumir el ion cloruro extra y de formar mayor cantidad de precipitado de cloruro de plata, dejando menos iones plata en la disolución.

- Se dispone de una disolución saturada de cloruro de plata en agua. Indica razonadamente, que sucedería si a esta disolución:
 - a) Se le añaden 2 g de NaCl.
 - b) Se le añaden 10 cm³ de agua.

(P.A.U. sep. 08)

Solución:

a) La solubilidad disminuiría por el efecto del ion común.

El cloruro de sodio es un electrolito fuerte que, en disoluciones diluidas, está totalmente disociado.

$$NaCl(aq) \rightarrow Na^{+}(aq) + Cl^{-}(aq)$$

El cloruro de plata es una sal poco soluble. El sólido se encuentra en equilibrio con los iones disueltos

$$AgCl(s) \rightleftharpoons Ag^{+}(aq) + Cl^{-}(aq)$$

Al añadir NaCl, que se disuelve totalmente, el equilibrio se desplaza, siguiendo la ley de Le Chatelier, en el sentido de consumir el ion cloruro extra y de formar mayor cantidad de precipitado, dejando menos iones plata en la disolución.

Si no había sólido en equilibrio con la disolución saturada, se formaría un precipitado de cloruro de plata.

b) Si hay sólido en equilibrio con la disolución saturada, parte del sólido se disuelve hasta alcanzar el nuevo equilibrio. La solubilidad se mantendría, pero se disolvería más cantidad del cloruro de plata sólido, ya que al haber más volumen de disolución, habría más cantidad de soluto disuelto.

Si no hay sólido en equilibrio con la disolución saturada, la concentración de la disolución disminuiría.

- 4. a) Expresa la relación que existe entre la solubilidad y el producto de solubilidad para el yoduro de plomo(II).
 - b) Si se dispone de una disolución saturada de carbonato de calcio en equilibrio con su sólido, ¿cómo se verá modificada la solubilidad del precipitado al añadirle carbonato de sodio? Razona las respuestas.

(P.A.U. jun. 09)

Solución:

a) Se llama s a la solubilidad (concentración de la disolución saturada). La ecuación del equilibrio puede escribirse:

$$PbI_2(s) \rightleftharpoons 2 I^-(aq) + Pb^{2+}(aq)$$

 $s \rightarrow 2 s + s$

La constante de equilibrio o producto de solubilidad es:

$$K_{\rm s} = [{\rm Pb^{2+}}]_{\rm e} \cdot [{\rm I^-}]_{\rm e}^2 = s (2 \ s)^2 = 4 \ s^3$$

$$s = \sqrt[3]{\frac{K_{\rm s}}{4}}$$

b) La solubilidad del CaCO₃ será menor que antes por efecto del ion común.

El Na₂CO₃ soluble se disociará totalmente:

$$Na_2CO_3(s) \rightarrow 2 Na^+(aq) + CO_3^{2-}(aq)$$

lo que produce un aumento en la concentración del ion CO_3^{2-} en la disolución. Esto provocará un desplazamiento del equilibrio

$$CaCO_3(s) \rightleftharpoons Ca^{2+}(aq) + CO_3^{2-}(aq)$$

hacia la formación de la sal sólida, ya que en la expresión del producto de solubilidad,

$$K_{\rm s} = [{\rm Ca^{2+}}]_{\rm e} \cdot [{\rm CO_3^{2-}}]_{\rm e}$$

un aumento en la concentración del ion CO_3^{2-} tendrá que ser compensada con una disminución en la concentración del ion Ca^{2+} para mantener constante el valor del producto de solubilidad, que es una constante de equilibrio que solo cambia con la temperatura.

Es decir, la sal estará menos disociada y la solubilidad será menor.

- 5. Como es conocido, el ion plata precipita con iones Cl⁻, l⁻ y CrO₄²⁻, con los siguientes datos: $K_s(AgCl) = 1,7 \cdot 10^{-10}$; $K_s(Ag_2CrO_4) = 1,1 \cdot 10^{-12}$ y $K_s(AgI) = 8,5 \cdot 10^{-17}$
 - a) Explica razonadamente lo que sucederá si se añade una disolución acuosa de nitrato de plata lentamente, a una disolución acuosa que contiene los tres aniones a la misma concentración.

b) Indica los equilibrios y las expresiones de la constante del producto de solubilidad para cada una de las reacciones entre el anión y el ion plata.

(P.A.U. jun. 10)

Solución:

Las ecuaciones de equilibrio son:

$$\begin{array}{ll} \operatorname{AgCl}(s) \Longrightarrow \operatorname{Ag^{+}}(\operatorname{aq}) + \operatorname{Cl^{-}}(\operatorname{aq}) & K_{s} = [\operatorname{Cl^{-}}] \cdot [\operatorname{Ag^{+}}] \\ \operatorname{AgI}(s) \Longrightarrow \operatorname{Ag^{+}}(\operatorname{aq}) + \operatorname{I^{-}}(\operatorname{aq}) & K_{s} = [\operatorname{I^{-}}] \cdot [\operatorname{Ag^{+}}] \\ \operatorname{Ag_{2}CrO_{4}}(s) \Longrightarrow 2 \operatorname{Ag^{+}}(\operatorname{aq}) + \operatorname{CrO_{4}^{2-}}(\operatorname{aq}) & K_{s} = [\operatorname{CrO_{4}^{2-}}] \cdot [\operatorname{Ag^{+}}]^{2} \end{array}$$

Para una determinada concentración «*c*» de ion plata, la concentración de cada anión cuando comience a precipitar la sal correspondiente es:

$$[CI^{-}]_{p} = \frac{K_{ps}(AgCl)}{[Ag^{+}]} = \frac{1,7 \cdot 10^{-10}}{c}$$
$$[I^{-}]_{p} = \frac{K_{ps}(AgI)}{[Ag^{+}]} = \frac{8,5 \cdot 10^{-17}}{c}$$
$$[CrO_{4}^{2-}]_{p} = \frac{K_{ps}(Ag_{2}CrO_{4})}{[Ag^{+}]^{2}} = \frac{1,1 \cdot 10^{-12}}{c^{2}}$$

Al añadir lentamente la disolución que contiene los tres aniones, las concentraciones de ellos serán muy pequeñas e irán aumentando. El anión que alcance primero la concentración necesaria será el que produzca el primer precipitado.

Para cualquier concentración de ion plata, la concentración necesaria de ion yoduro será siempre menor que la de ion cloruro.

$$[I^-]_p < [Cl^-]_p$$

Por lo tanto el yoduro de plata precipitará antes que el cloruro de plata.

El yoduro de plata también precipitará antes que el cromato de plata siempre que la concentración de ion plata c sea menor que $1,1\cdot10^{-12}$ / $8,5\cdot10^{-17}$ = $1,3\cdot10^4$ mol·dm⁻³. Ese valor es tan elevado que la condición se cumplirá siempre

$$[I^-]_p < [CrO_4^{2-}]_p$$

Precipitará en primero lugar el AgI.

A medida que va precipitando AgI, la concentración del ion Ag⁺ va disminuyendo. También disminuye la de ion yoduro, pero se va compensando en parte por la adición de la disolución que contiene los tres aniones.

Cuando la concentración de ion plata «c» quede por debajo de $1,1\cdot10^{-12}$ / $1,7\cdot10^{-10}$ = $6,5\cdot10^{-3}$ mol·dm⁻³, la concentración de ion cloruro necesaria para que precipite el cloruro de plata es menor que la de ion cromato.

$$[Cl^{-}]_{p} < [CrO_{4}^{2-}]_{p}$$

Cuando se agote el ion yoduro (o más exactamente cuando la concentración de ion yoduro quede por debajo de $8,5\cdot10^{-17}$ / c) lo que precipitará será AgCl.

Solo al final, cuando ya no quede ni ion cloruro ni ion yoduro, si aún hay ion plata, acabará precipitando el cromato de plata.

♦ LABORATORIO

1. ¿Para qué sirve un embudo büchner? ¿Y un matraz kitasato? Haz un esquema de montaje para la utilización de ambos.

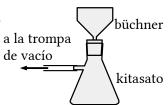
(P.A.U. sep. 11)

Solución:

Para realizar una filtración a vacío.

Se coloca el papel de filtro en el interior del embudo büchner, se ajusta a la boca de un matraz kitasato y se conecta a una trompa de vacío.

Se vierte sobre el embudo büchner la disolución con el precipitado, y se recoge este sobre el papel de filtro



- 2. Se mezclan 25,0 cm³ de una disolución de CaCl₂ de concentración 0,02 mol/dm³ y 25,0 cm³ de una disolución de Na₂CO₃ de concentración 0,03 mol/dm³.
 - a) Indica el precipitado que se obtiene y la reacción química que tiene lugar.
 - b) Describe el material y el procedimiento empleado para su separación.

(P.A.U. sep. 08)

büchner

kitasato

Solución:

Se obtiene un precipitado de carbonato de calcio.

La reacción de precipitación es:

$$CaCl_2(aq) + Na_2CO_3(aq) \rightarrow CaCO_3(s) + 2 NaCl(aq)$$

Si solo escribimos la reacción iónica que tiene lugar, será:

$$\frac{2 \text{ Na}^{+}(aq)}{2 \text{ Na}^{+}(aq)} + \text{CO}_{3}^{2-}(aq) + \text{Ca}^{-2+}(aq) + \frac{2 \text{ Cl}^{-}(aq)}{2 \text{ Cl}^{-}(aq)} \rightarrow \text{Ca}^{-2}(aq) + \frac{2 \text{ Na}^{+}(aq)}{2 \text{ Na}^{-2}(aq)} + \frac{2 \text{ Cl}^{-2}(aq)}{2 \text{ Na}^{-2}(aq)} \rightarrow \text{Ca}^{-2}(aq) + \frac{2 \text{ Cl}^{-2}(aq)}{2 \text{ Na}^{-2}(aq)} + \frac{2 \text{ Cl}^{-2}(aq)}{2 \text{ Na}^{-2}(aq)} \rightarrow \text{Ca}^{-2}(aq) + \frac{2 \text{ Cl}^{-2}(aq)}{2 \text{ Na}^{-2}(aq)} + \frac{2 \text{ Cl}^{-2}(aq)}{2 \text{ Na}^{-2}(aq)} + \frac{2 \text{ Cl}^{-2}(aq)}{2 \text{ Na}^{-2}(aq)} \rightarrow \text{Ca}^{-2}(aq) + \frac{2 \text{ Cl}^{-2}(aq)}{2 \text{ Na}^{-2}(aq)} \rightarrow \text{Ca}^{-2}(aq) + \frac{2 \text{ Cl}^{-2}(aq)}{2 \text{ Na}^{-2}(aq)} + \frac{2 \text{ Cl}^{-2}(aq)}{2 \text{ Na}^{-2}($$

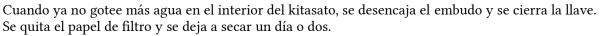
Procedimiento

Para separar el precipitado, se coloca un papel de filtro circular en un embudo büchner ajustándolo para no dejar orificios libres y se humedece con agua para que quede adherido.

que quede adherido.

Se ajusta el embudo büchner sobre un matraz kitasato y se conecta la rama late-de vacío ral del kitasato a una trompa de vacío.

Se abre la llave y se vierte el contenido del vaso (precipitado y líquido) en el embudo. Se echa más agua sobre el precipitado que aún queda en el vaso para llevarlo al embudo.



- 3. Al hacer reaccionar una disolución de cloruro de calcio y otra de carbonato de sodio, se obtiene un precipitado de carbonato de calcio.
 - a) Escribe la reacción que tiene lugar e indica cómo calcularías el porcentaje del rendimiento de la reacción.
 - b) Indica el material y describe el procedimiento a seguir en el laboratorio para la obtención y separación del precipitado.

(P.A.U. jun. 15)

Solución:

Se produce la reacción de precipitación:

$$CaCl_2(aq) + Na_2CO_3(aq) \rightarrow CaCO_3(s) + NaCl(aq)$$

y se obtiene un precipitado de carbonato de calcio.

Si solo escribimos la reacción iónica que tiene lugar, será:

$$\frac{2 \text{ Na}^+(aq)}{2 \text{ Na}^+(aq)} + \text{CO}_3^{2-}(aq) + \text{Ca}^{2+}(aq) + \frac{2 \text{ Cl}^-(aq)}{2 \text{ Cl}^-(aq)} \rightarrow \text{CaCO}_3(s) + \frac{2 \text{ Na}^+(aq)}{2 \text{ Na}^+(aq)} + \frac{2 \text{ Cl}^-(aq)}{2 \text{ Cl}^-(aq)}$$

Cálculo del rendimiento

Se calcula la masa de carbonato de calcio que debería obtenerse a partir de los datos de las disoluciones de cloruro de calcio y carbonato de sodio.

El rendimiento se obtiene dividiendo la masa obtenida entre la calculada y se expresa el resultado en tanto por ciento.

Material

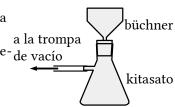
Vasos de precipitados (2), varilla de vidrio, embudo büchner, matraz kitasato, papel de filtro.

Procedimiento

Para separar el precipitado, se coloca un papel de filtro circular en un embudo büchner ajustándolo para no dejar orificios libres y se humedece con agua para que quede adherido.

Se ajusta el embudo büchner sobre un matraz kitasato y se conecta la rama late-de vacío ral del kitasato a una trompa de vacío.

Se abre la llave y se vierte el contenido del vaso (precipitado y líquido) en el embudo. Se echa más agua sobre el precipitado que aún queda en el vaso para llevarlo al embudo.



Cuando ya no gotee más agua en el interior del kitasato, se desencaja el embudo y se cierra la llave. Se quita el papel de filtro y se deja a secar un día o dos.

- 4. a) 2,0 g de CaCl₂ se disuelven en 25 mL de agua y 3,0 g de Na₂CO₃ en otros 25 mL de agua. Seguidamente se mezclan las dos disoluciones. Escribe la reacción que tiene lugar identificando el precipitado que se produce y la cantidad máxima que se podría obtener.
 - b) Describe la operación que emplearías en el laboratorio para separar el precipitado obtenido, dibujando el montaje y el material a emplear.

(P.A.U. sep. 16)

Solución:

a) Se produce la reacción de precipitación:

$$CaCl_2(aq) + Na_2CO_3(aq) \rightarrow CaCO_3(s) + 2 NaCl(aq)$$

y se obtiene un precipitado de carbonato de calcio.

Si solo escribimos la reacción iónica que tiene lugar, será:

$$\frac{2 \text{ Na}^+(aq)}{2 \text{ Na}^+(aq)} + \text{CO}_3^2(aq) + \text{Ca}^2(aq) + \frac{2 \text{ Cl}^-(aq)}{2 \text{ Cl}^-(aq)} \rightarrow \text{CaCO}_3(s) + \frac{2 \text{ Na}^+(aq)}{2 \text{ Na}^+(aq)} + \frac{2 \text{ Cl}^-(aq)}{2 \text{ Cl}^-(aq)}$$

Cálculo de la cantidad máxima de precipitado (suponiendo 2 cifras significativas)

Se calcula la masa de carbonato de calcio que debería obtenerse a partir de los datos de las disoluciones de cloruro de calcio y carbonato de sodio.

Cantidades iniciales de los reactivos:

$$n_0(\text{CaCl}_2) = 2,0 \text{ g} \frac{1 \text{ mol } \text{CaCl}_2}{111 \text{ g } \text{CaCl}_2} = 0,018 \text{ mol } \text{CaCl}_2$$

$$n_0(\text{Na}_2\text{CO}_3) = 3.0 \text{ g} \frac{1 \text{ mol Na}_2\text{CO}_3}{106 \text{ g Na}_2\text{CO}_3} = 0.028 \text{ mol Na}_2\text{CO}_3$$

Como reaccionan mol a mol, la cantidad de Na₂CO₃ necesaria para reaccionar con el CaCl₂ es:

$$n(Na_2CO_3) = 0.018 \text{ mol } Na_2CO_3$$

Como hay 0,028 mol, más del necesario, el reactivo limitante es el cloruro de calcio. Se producirán como máximo:

$$m=0.0180 \text{ mol CaCl}_2$$
 $\frac{1 \text{ mol CaCO}_3}{1 \text{ mol CaCl}_2}$ $\frac{100 \text{ g CaCO}_3}{1 \text{ mol CaCO}_3} = 1.80 \text{ g CaCO}_3$

Para separar el precipitado, se coloca un papel de filtro circular en un embudo büchner ajustándolo para no dejar orificios libres y se humedece con agua para que quede adherido.

que quede adherido.

Se ajusta el embudo büchner sobre un matraz kitasato y se conecta la rama late-de vacío ral del kitasato a una trompa de vacío.

Se abre la llave y se vierte el contenido del vaso (precipitado y líquido) en el embudo. Se echa más agua sobre el precipitado que aún queda en el vaso para llevarlo al embudo.



büchner

büchner

kitasato

Cuando ya no gotee más agua en el interior del kitasato, se desencaja el embudo y se cierra la llave. Se quita el papel de filtro y se deja a secar un día o dos.

Material

Vasos de precipitados (2), varilla de vidrio, embudo büchner, matraz kitasato, papel de filtro.

5. Describe una reacción de precipitación que haya realizado en el laboratorio. Dibuja el material y explica el modo de utilizarlo. Escribe la reacción que tiene lugar. ¿Cómo calcularías el rendimiento?

(P.A.U. sep. 05)

Solución:

La reacción entre el cloruro de calcio CaCl₂ y el carbonato de sodio Na₂CO₃

Se pesan 5,0 g de cloruro de calcio en una balanza granataria sobre un vidrio de reloj y se disuelven en una cantidad de agua muy pequeña en un vaso de precipitados, agitando con una varilla de vidrio.

Se pesa una masa de carbonato de sodio mayor que la calculada para la reacción y se disuelve también en poca cantidad de agua en otro vaso de precipitados.

Se calienta la disolución de cloruro de calcio con un mechero Bunsen y se vierte la disolución de carbonato de sodio sobre ella, agitando la mezcla con una varilla de vidrio. Luego se deja enfriar. Se produce la reacción de precipitación:

$$CaCl_2(aq) + Na_2CO_3(aq) \rightarrow CaCO_3(s) + NaCl(aq)$$

Si solo escribimos la reacción iónica que tiene lugar, será:

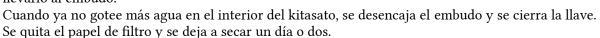
$$\frac{2 \text{ Na}^{+}(aq)}{2 \text{ Na}^{+}(aq)} + \text{CO}_{3}^{2-}(aq) + \text{Ca}^{2+}(aq) + \frac{2 \text{ Cl}^{-}(aq)}{2 \text{ Cl}^{-}(aq)} \rightarrow \text{CaCO}_{3}(s) + \frac{2 \text{ Na}^{+}(aq)}{2 \text{ Na}^{+}(aq)} + \frac{2 \text{ Cl}^{-}(aq)}{2 \text{ Cl}^{-}(aq)}$$

Procedimiento

Para separar el precipitado, se coloca un papel de filtro circular en un embudo büchner ajustándolo para no dejar orificios libres y se humedece con agua para que quede adherido.

Se ajusta el embudo büchner sobre un matraz kitasato y se conecta la rama late-de vacío ral del kitasato a una trompa de vacío.

Se abre la llave y se vierte el contenido del vaso (precipitado y líquido) en el embudo. Se echa más agua sobre el precipitado que aún queda en el vaso para llevarlo al embudo.



Se pesa el precipitado sobre el papel de filtro. Se resta a la masa que daba la balanza, la masa de un papel de filtro seco.

Para calcular el rendimiento, se calcula la cantidad esperada de CaCO₃ de la reacción:

$$m(CaCO_3) = 5.0 g CaCl_2 \frac{1 \text{ mol } CaCl_2}{110 g CaCl_2} \cdot \frac{1 \text{ mol } CaCO_3}{1 \text{ mol } CaCl_2} \cdot \frac{100 g CaCO_3}{1 \text{ mol } CaCO_3} = 5.5 g CaCO_3$$

y se divide la cantidad obtenida entre la esperada. Si se hubiesen obtenido 5,2 g de CaCO₃, el rendimiento sería:

$$r = \frac{5.2 \text{ g obtenidos } CaCO_3}{5.5 \text{ g calculados } CaCO_3} = 0.94 = 94 \%$$

- 6. Se mezclan 50 cm³ de disolución de concentración 0,1 mol/dm³ de KI y 20 cm³ de disolución de concentración 0,1 mol/dm³ de Pb(NO₃)₂ obteniéndose 0,51 g de un precipitado de Pbl₂.
 - a) Escribe la reacción que tiene lugar e indica el porcentaje del rendimiento de la reacción.
 - b) Indica el material y describe el procedimiento a seguir en el laboratorio para la obtención y separación del precipitado.

(P.A.U. jun. 16)

Rta.: rendimiento del 55 %

Solución:

Se produce la reacción de precipitación:

$$2 \text{ KI(aq)} + \text{Pb(NO}_3)_2(\text{aq}) \longrightarrow \text{PbI}_2(\text{s}) + 2 \text{ KNO}_3(\text{aq})$$

Se obtiene un precipitado de yoduro de plomo(II).

Si solo escribimos la reacción iónica que tiene lugar, será:

$$Pb^{2+}(aq) + \frac{2 NO_3(aq)}{(aq)} + \frac{2 K^{+}(aq)}{(aq)} + 2 I^{-}(aq) \longrightarrow PbI_2(s) + \frac{2 NO_3(aq)}{(aq)} + \frac{2 K^{+}(aq)}{(aq)} + \frac{2 K^$$

Cálculo del rendimiento (suponiendo 2 cifras significativas)

Se calcula la masa de yoduro de plomo(II) que debería obtenerse a partir de los datos de las disoluciones de yoduro de potasio y nitrato de plomo(II).

Cantidades presentes de reactivos:

$$n(\text{KI})=50 \text{ cm}^3 \frac{1 \text{ dm}^3}{10^3 \text{ cm}^3} \frac{0.1 \text{ mol KI}}{1 \text{ dm}^3}=0,005 \text{ mol KI}$$

 $n(\text{Pb}(\text{NO}_3)_2)=20 \text{ cm}^3 \frac{1 \text{ dm}^3}{10^3 \text{ cm}^3} \frac{0.1 \text{ mol Pb}(\text{NO}_3)_2}{1 \text{ dm}^3}=0,002 \text{ mol Pb}(\text{NO}_3)_2$

Cantidad de Pb(NO₃)₂ necesaria para reaccionar con el KI:

$$n(Pb(NO_3)_2)=0,005 \text{ mol KI } \frac{1 \text{ mol } Pb(NO_3)_2}{2 \text{ mol KI}}=0,002 \text{ 5mol } Pb(NO_3)_2$$

Como la cantidad de $Pb(NO_3)_2$ (0,002 mol) es menor que (0,0025 mol) la necesaria para reaccionar con todo el KI, el $Pb(NO_3)_2$ es el reactivo limitante. La cantidad de PbI_2 que se forma de la reacción es:

$$n(PbI_2)=0,002 \text{ mol } Pb(NO_3)_2 \frac{1 \text{ mol } PbI_2}{1 \text{ mol } Pb(NO_3)_2}=0,002 \text{ mol } PbI_2$$

La masa que se puede obtener es:

$$m(PbI_2) = 0.002 \text{ mol } PbI_2 \frac{461 \text{ g } PbI_2}{1 \text{ mol } PbI_2} = 0.92 \text{ g } PbI_2$$

El rendimiento se obtiene dividiendo la masa obtenida entre la calculada y se expresa el resultado en tanto por ciento. Como solo se han obtenido 0,51 g, el rendimiento es:

$$r = \frac{0.51 \text{ g PbI}_2 \text{ obtenidos}}{0.92 \text{ g PbI}_2 \text{ teóricos}} = 0.55 = 55 \%$$

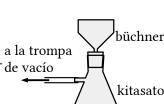
<u>Material</u>

Vasos de precipitados (2), varilla de vidrio, embudo büchner, matraz kitasato, papel de filtro.

Procedimiento

Para separar el precipitado, se coloca un papel de filtro circular en un embudo büchner ajustándolo para no dejar orificios libres y se humedece con agua para que quede adherido.

Se ajusta el embudo büchner sobre un matraz kitasato y se conecta la rama late-de vacío ral del kitasato a una trompa de vacío.



Se abre la llave y se vierte el contenido del vaso (precipitado y líquido) en el embudo. Se echa más agua sobre el precipitado que aún queda en el vaso para llevarlo al embudo.

Cuando ya no gotee más agua en el interior del kitasato, se desencaja el embudo y se cierra la llave. Se quita el papel de filtro y se deja a secar un día o dos.

- 7. Vertemos en dos tubos de ensayo disoluciones de AgNO₃, en uno, y de NaCl en el otro. Al mezclar ambas disoluciones se forma instantáneamente un precipitado, que poco a poco, va sedimentando en el fondo del tubo.
 - a) Escribe la reacción que tiene lugar.
 - b) Describe el procedimiento, indicando el material necesario, para separar y recoger el precipitado. (P.A.U. jun. 08, jun. 06)

Solución:

La reacción es:

$$NaCl(aq) + AgNO_3(aq) \rightarrow AgCl(s) + NaNO_3(aq)$$

Si solo escribimos la reacción iónica que tiene lugar, será:

$$\frac{\text{Na}^+(aq)}{\text{Na}^+(aq)} + \text{Cl}^-(aq) + \text{Ag}^+(aq) + \frac{\text{NO}_3(aq)}{\text{Na}^+(aq)} \rightarrow \text{AgCl}(s) + \frac{\text{Na}^+(aq)}{\text{Na}^+(aq)} + \frac{\text{NO}_3(aq)}{\text{Na}^+(aq)} + \frac{\text{NO}_3(aq)}{\text{No}_3(aq)} + \frac{\text{NO}_3(aq)}{\text{No}_3($$

El precipitado es cloruro de plata, compuesto muy poco soluble en agua.

Procedimiento

Para separar el precipitado, se coloca un papel de filtro circular en un embudo büchner ajustándolo para no dejar orificios libres y se humedece con agua para que quede adherido.

Se ajusta el embudo büchner sobre un matraz kitasato y se conecta la rama late-de vacío ral del kitasato a una trompa de vacío.

Se abre la llave y se vierte el contenido del vaso (precipitado y líquido) en el embudo. Se echa más agua sobre el precipitado que aún queda en el vaso para llevarlo al embudo.

Cuando ya no gotee más agua en el interior del kitasato, se desencaja el embudo y se cierra la llave. Se quita el papel de filtro y se deja a secar un día o dos.



Los datos de los enunciados de los problemas no suelen tener un número adecuado de cifras significativas. Por eso he supuesto que los datos tienen un número de cifras significativas razonables, casi siempre tres cifras significativas. Menos cifras darían resultados, en ciertos casos, con amplio margen de incertidumbre. Así que cuando tomo un dato como $V = 1 \text{ dm}^3 \text{ y}$ lo reescribo como:

Cifras significativas: 3

 $V = 1.00 \text{ dm}^3$

lo que quiero indicar es que supongo que el dato original tiene tres cifras significativas (no que las tenga en realidad) para poder realizar los cálculos con un margen de incertidumbre más pequeño que el que tendría si lo tomara tal como lo dan. (1 dm³ tiene una sola cifra significativa, y una incertidumbre relativa del ¡100 %! Como las incertidumbres se acumulan a lo largo del cálculo, la incertidumbre final sería inadmisible. Entonces, ¿para qué realizar los cálculos? Con una estimación sería suficiente).

Cuestiones y problemas de las <u>Pruebas de evaluación de Bachillerato para el acceso a la Universidad</u> (A.B.A.U. y P.A.U.) en Galicia.

Respuestas y composición de Alfonso J. Barbadillo Marán.

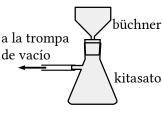
Algunos cálculos se hicieron con una hoja de cálculo de LibreOffice u OpenOffice del mismo autor.

Algunas ecuaciones y las fórmulas orgánicas se construyeron con la extensión CLC09 de Charles Lalanne-Cassou.

La traducción al/desde el gallego se realizó con la ayuda de <u>traducindote</u>, de Óscar Hermida López.

Se procuró seguir las <u>recomendaciones</u> del Centro Español de Metrología (CEM)

Se consultó el chat de BING y se usaron algunas respuestas en las cuestiones.



Actualizado: 20/08/23

Sumario

<u>SOLUBILIDAD</u>	
PROBLEMAS	1
Solubilidad	
Efecto del ion común	
<u>Precipitación</u>	
<u>CUESTIONES</u>	
LABORATORIO	
Índice de pruebas P.A.U.	
2005	
1. (jun.)	
2. (sep.)	
2006	
1. (jun.)	
2. (sep.)	
2. (sep.)	
1. (jun.)	
2. (sep.)	
2008	
1. (jun.)	
2. (sep.)	
2009	
1. (jun.)	
2. (sep.)	
2010	
1. (jun.)	
2. (sep.)	
2011	
1. (jun.)	
2. (sep.)	
2012	
1. (jun.)	
2. (sep.)	
2013	
1. (jun.)	8
2014	
1. (jun.)	12, 20
2. (sep.)	7
2015	
1. (jun.)	5, 23
2. (sep.)	4
2016	
1. (jun.)	
2 (sen)	2 24