

# Proba de Avaliación do Bacharelato Código: 23 para o Acceso á Universidade

# **SETEMBRO 2017**

# **FÍSICA**

Puntuación máxima: Cuestións 4 puntos (1 cada cuestión, teórica ou práctica). Problemas 6 puntos (1 cada apartado). Non se valorará a simple anotación dun ítem como solución ás cuestións; han de ser razoadas. Pódese usar calculadora sempre que non sexa programable nin memorice texto. O alumno elixirá unha das dúas opcións.

# **OPCIÓN A**

- C.1. A masa dun planeta é o dobre que a da Terra e o seu radio é a metade do terrestre. Sabendo que a intensidade do campo gravitacional na superficie terrestre é g, a intensidade do campo gravitacional na superficie do planeta será: A) 4 g. B) 8 g. C) 2 g.
- C.2. A orientación que debe ter a superficie dunha espira nun campo magnético uniforme para que o fluxo magnético sexa nulo é: A) Paralela ao campo magnético. B) Perpendicular ao campo magnético. C) Formando un ángulo de 45° co campo magnético.
- C.3. O efecto fotoeléctrico prodúcese se: A) A intensidade da radiación incidente é moi grande. B) A lonxitude de onda da radiación é grande. C) A frecuencia da radiación é superior á frecuencia limiar.
- $\underline{\text{C.4.}}$  Medíronse no laboratorio os seguintes valores para as distancias obxecto e imaxe dunha lente converxente:

s (cm)	50	60	70	90
<i>s</i> ′ (cm)	200	125	95	70

- Determina o valor da potencia da lente e estima a súa incerteza.
- P.1. Dada unha esfera maciza condutora de 30 cm de raio e carga  $q = +4.3 \,\mu\text{C}$ , calcula o campo eléctrico e o potencial nos seguintes puntos: a) A 20 cm do centro da esfera. b) A 50 cm do centro da esfera. c) Fai unha representación gráfica do campo eléctrico e do potencial en función da distancia ao centro da esfera. Dato:  $K = 9 \cdot 10^9 \, \text{N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$ .
- P.2. A ecuación dunha onda transversal que se propaga nunha corda é y(x, t) = 10 sen  $\pi(x 0.2 t)$ , onde as lonxitudes se expresan en metros e o tempo en segundos. Calcula: a) A amplitude, lonxitude de onda e frecuencia da onda. b) A velocidade de propagación da onda e indica en que sentido se propaga. c) Os valores máximos da velocidade e aceleración das partículas da corda.

# OPCIÓN B

- <u>C.1.</u> Por un condutor rectilíneo moi longo circula unha corrente de 1 A. O campo magnético que se orixina nas súas proximidades faise máis intenso canto: A) Máis groso sexa o condutor. B) Maior sexa a súa lonxitude. C) Máis preto do condutor estea o punto onde se determina.
- C.2. Un movemento ondulatorio transporta: A) Materia. B) Enerxía. C) Depende do tipo de onda.
- <u>C.3.</u> Cando a luz pasa dun medio a outro de distinto índice de refracción, o ángulo de refracción é: A) Sempre maior que o de incidencia. B) Sempre menor que o de incidencia. C) Depende dos valores dos índices de refracción. Xustifica a resposta facendo un esquema da marcha dos raios.
- <u>C.4.</u> Explica como se pode determinar a aceleración da gravidade utilizando un péndulo simple e indica o tipo de precaucións que debes tomar á hora de realizar a experiencia.
- <u>P.1.</u> Un satélite GPS describe órbitas circulares arredor da Terra, dando dúas voltas á Terra cada 24 h. Calcula: a) A altura da súa órbita sobre a superficie terrestre. b) A enerxía mecánica. c) O tempo que tardaría en dar unha volta á Terra se o facemos orbitar a unha altura dobre.

Datos:  $G = 6.67 \cdot 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}$ ;  $M_T = 5.98 \cdot 10^{24} \text{ kg}$ ;  $R_T = 6.37 \cdot 10^6 \text{ m}$ ; masa do satélite = 150 kg.

P.2. En 2012 atopouse no Sahara un meteorito que contiña restos de U-238. Sabemos que no momento da súa formación había unha concentración de 5,00·10<sup>12</sup> átomos de U-238 por cm³, mentres que na actualidade a concentración medida é de 2,50·10<sup>12</sup> átomos de U-238 por cm³. Se o tempo de semidesintegración deste isótopo é de 4,51·10<sup>9</sup> anos, determina: a) A constante de desintegración do U-238. b) A idade do meteorito. c) Sabendo que o gas radon resulta da desintegración do U-238, completa a seguinte serie radioactiva coas correspondentes partículas ata chegar ao gas radon:

 $^{238}_{92}\text{U} + ... \rightarrow ^{234}_{90}\text{Th} + ... \rightarrow ^{234}_{91}\text{Pa} + ... \rightarrow ^{234}_{92}\text{U} + ... \rightarrow ^{230}_{90}\text{Th} + ... \rightarrow ^{226}_{88}\text{Ra} + ... \rightarrow ^{222}_{86}\text{Rn}.$ 

# Solucións

# **OPCIÓN A**

C.1. A masa dun planeta é o dobre que a da Terra e o seu radio é a metade do terrestre. Sabendo que a in- 🔊 tensidade do campo gravitacional na superficie terrestre é g, a intensidade do campo gravitacional na superficie do planeta será:



- A) 4 g.
- B) 8 g.
- C) 2 g.

(A.B.A.U. extr. 17)

## Solución: B

a) O peso dun obxecto preto da superficie da Terra é a forza coa que a Terra o atrae:

$$mg = G\frac{M \cdot m}{R^2}$$

Analogamente, o peso dun obxecto na superficie do planeta é a forza coa que o planeta o atrae:

$$mg_2 = G \frac{M_2 \cdot m}{R_2^2}$$

Se a masa dun planeta é o dobre da masa da Terra e o raio é a metade que o da Terra, a aceleración, g, da gravidade na súa superficie será a oito veces maior ca gravidade na Terra.

$$g_{P} = G \frac{M_{P}}{R_{P}^{2}} = G \frac{2 \cdot M_{T}}{(R_{T}/2)^{2}} = \frac{2}{(1/4)} G \frac{M_{T}}{R_{T}^{2}} = 8 g_{T}$$

- C.2. A orientación que debe ter a superficie dunha espira nun campo magnético uniforme para que o fluxo 🔊 magnético sexa nulo é:
  - A) Paralela ao campo magnético.
  - B) Perpendicular ao campo magnético.
  - C) Formando un ángulo de 45° co campo magnético.

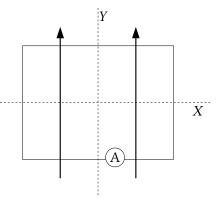
(A.B.A.U. extr. 17)

## Solución: A

O fluxo magnético é o produto escalar do vector  $\overline{B}$ , campo magnético polo vector  $\overline{S}$ , perpendicular á superficie delimitada pola espira.

$$\Phi = \overline{\boldsymbol{B}} \cdot \overline{\boldsymbol{S}} = B \cdot S \cdot \cos \varphi$$

As liñas de campo non atravesan a superficie da espira, dando un fluxo magnético 0, cando o vector  $\overline{\bf B}$ , campo magnético, é perpendicular ao vector S, superficie. Como o vector superficie é perpendicular á superficie, o fluxo é nulo cando a superficie é paralela ao campo magnético.



- C.3. O efecto fotoeléctrico prodúcese se:
  - A) A intensidade da radiación incidente é moi grande.
  - B) A lonxitude de onda da radiación é grande.
  - C) A frecuencia da radiación é superior á frecuencia limiar.

(A.B.A.U. extr. 17)

#### Solución: C

Interpretación de Einstein do efecto fotoeléctrico.

Cando a luz interactúa co metal da célula fotoeléctrica faino coma se fose un chorro de partículas chamadas fotóns (paquetes de enerxía).

Cada fotón choca cun electrón e transmítelle toda a súa enerxía.

Para que se produza efecto fotoeléctrico, os electróns emitidos deben ter enerxía suficiente para chegar ao anticátodo, o que ocorre cando a enerxía do fotón é maior que o traballo de extracción, que é unha característica do metal.

A ecuación de Einstein do efecto fotoeléctrico pode escribirse:

$$E_{\rm f} = W_{\rm e} + E_{\rm c}$$

Na ecuación,  $E_{\rm f}$  representa a enerxía do fotón incidente,  $W_{\rm e}$  o traballo de extracción do metal e  $E_{\rm c}$  a enerxía cinética máxima dos electróns (fotoelectróns) emitidos.

A enerxía que leva un fotón de frecuencia f é:

$$E_{\rm f} = h \cdot f$$

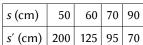
Nesta ecuación, h é a constante de Planck e ten un valor moi pequeno:  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \, \text{J} \cdot \text{s}$ 

As outras opcións:

A. Falsa. Se a intensidade da luz é moi grande haberá un gran número de fotóns. Pero se cada un deles non ten enerxía suficiente, non se producirá efecto fotoeléctrico.

B. Falsa. A lonxitude de onda é inversamente proporcional á frecuencia. A maior lonxitude de onda, menor frecuencia e, por tanto, menor enerxía dos fotóns. Con menos enerxía é menos probable que se supere o traballo de extracción.

C.4. Medíronse no laboratorio os seguintes valores para as distancias obxecto e imaxe dunha lente conver-



Determina o valor da potencia da lente e estima a súa incerteza.

(A.B.A.U. extr. 17)

#### Solución:

Substitúense os valores de s e s' na ecuación das lentes

$$\frac{1}{s'} - \frac{1}{s} = \frac{1}{f'}$$

Calcúlase o inverso da distancia focal (potencia) e o valor da distancia focal para cada par de datos.

s (cm)	s' (cm)	s (m)	s' (m)	1/s (m <sup>-1</sup> )	1/s' (m <sup>-1</sup> )	$1/f(m^{-1})$	f(m)
-50	200	-0,50	2,00	-2,00	0,50	2,50	0,40
-60	125	-0,60	1,25	-1,67	0,80	2,47	0,41
-70	95	-0,70	0,95	-1,43	1,05	2,48	0,40
-90	70	-0,90	0,70	-1,11	1,43	2,54	0,39

Calcúlase o valor medio da potencia:

$$\overline{P}$$
 = (2,50 + 2,47 + 2,48 + 2,54) / 4 = 2,497 m<sup>-1</sup> = 2,50 dioptrías.

Como os datos só teñen 2 cifras significativas estímase a incerteza para que o resultado teña o mesmo número de cifras significativas.

A potencia da lente sería:

$$\overline{P}$$
 = (2,5 ± 0,1) dioptrías.

P.1. Dada unha esfera maciza condutora de 30 cm de raio e carga  $q = +4.3 \mu C$ , calcula o campo eléctrico e o potencial nos seguintes puntos:

a) A 20 cm do centro da esfera.

b) A 50 cm do centro da esfera.

c) Fai unha representación gráfica do campo eléctrico e do potencial en función da distancia ao

Dato:  $K = 9.10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$ .

(A.B.A.U. extr. 17)

**Rta.**: a)  $|\overline{E}_1| = 0$ ;  $V_1 = 1,29 \cdot 10^5 \text{ V}$ ; b)  $|\overline{E}_2| = 1,55 \cdot 10^5 \text{ N/C}$ ;  $V_2 = 7,74 \cdot 10^4 \text{ V}$ .

Datos	Cifras significativas: 3
Carga da esfera	$Q = 4,30 \mu\text{C} = 4,30 \cdot 10^{-3} \text{C}$
Raio da esfera	R = 30.0  cm = 0.300  m
Distancias ao centro da esfera: punto interior	$r_1 = 20.0 \text{ cm} = 0.200 \text{ m}$
punto exterior	$r_2 = 50.0 \text{ cm} = 0.500 \text{ m}$
Constante de Coulomb	$K = 9,00 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}$
Incógnitas	
Intensidade do campo eléctrico nos puntos 1 e 2	$\overline{m{E}}_{\!\scriptscriptstyle 1},\overline{m{E}}_{\!\scriptscriptstyle 2}$

 $V_1$ ,  $V_2$ Potencial eléctrico nos puntos 1 e 2

**Ecuacións** 

 $\vec{E} = K \frac{Q}{r^2} \vec{u}_r$ Campo eléctrico nun punto a unha distancia, r, dunha carga puntual, Q

 $V = K \frac{Q}{R}$ Potencial eléctrico nun punto a unha distancia, r, dunha carga puntual, Q

#### Solución:

a) O campo no punto 1, a 20 cm do centro da esfera, é nulo porque o condutor atópase en equilibrio e todas as cargas atópanse na superficie da esfera.

O potencial eléctrico no punto 1 vale o mesmo que na superficie da esfera, que vale o mesmo que o creado por unha carga puntual, Q, situada no centro da esfera:

A ecuación do potencial eléctrico, V, nun punto situado a unha distancia, r, dunha carga puntual, Q, é:

$$V = K \frac{Q}{r}$$

K é a constante de Coulomb.

$$V_1 = 9,00 \cdot 10^9 \left[ \text{N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2} \right] \frac{4,30 \cdot 10^{-6} \left[ \text{C} \right]}{(0,300 \left[ \text{m} \right])} = 1,29 \cdot 10^5 \text{ V}$$

b) O módulo do campo no punto 2 a 50 cm do centro da esfera é o mesmo que se a carga fose puntual. A forza eléctrica entre dúas cargas puntuais, Q e q, separadas por unha distancia, r, vén dada pola lei de Coulomb, na que K é a constante de Coulomb e  $u_r$  o vector unitario na liña que une as cargas.

$$\vec{F}_E = K \frac{Q \cdot q}{r^2} \vec{u}_r$$

O campo eléctrico nun punto situado a unha distancia, r, dunha carga puntual, Q, é a forza sobre a unidade de carga positiva situada nese punto:

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}_E}{q} = \frac{K \frac{Q \cdot \mathbf{q}}{r^2} \vec{u}_r}{\frac{\mathbf{q}}{r}} = K \frac{Q}{r^2} \vec{u}_r$$

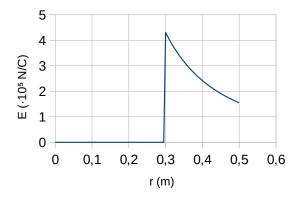
$$|\vec{E}_2| = 9.00 \cdot 10^9 [\text{N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}] \frac{4.30 \cdot 10^{-6} [\text{C}]}{(0.500 [\text{m}])^2} = 1.55 \cdot 10^5 \text{ N/C}$$

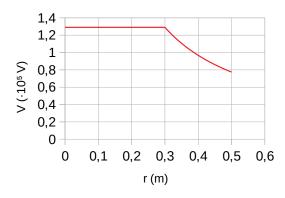
O potencial eléctrico no punto 2 vale o mesmo que se a carga fose puntual.

$$V_2 = 9,00 \cdot 10^9 \left[ \text{N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2} \right] \frac{4,30 \cdot 10^{-6} \left[ \text{C} \right]}{(0,500 \left[ \text{m} \right])} = 7,74 \cdot 10^4 \text{ V}$$

c) A gráfica da esquerda representa a variación do valor do campo eléctrico coa distancia ao centro da esfera. O campo vale cero para distancias inferiores ao raio da esfera, é máxima para o raio, e diminúe de forma inversamente proporcional ao cadrado da distancia para valores maiores.

A gráfica da dereita representa a variación do potencial eléctrico coa distancia ao centro da esfera. O potencial é constante para distancias inferiores ou iguais ao raio da esfera, e diminúe de forma inversamente proporcional á distancia para valores maiores.





- P.2. A ecuación dunha onda transversal que se propaga nunha corda é y(x, t) = 10 sen  $\pi(x 0.2 t)$ , onde as lonxitudes se expresan en metros e o tempo en segundos. Calcula:
  - a) A amplitude, lonxitude de onda e frecuencia da onda.
  - b) A velocidade de propagación da onda e indica en que sentido se propaga.
  - c) Os valores máximos da velocidade e aceleración das partículas da corda.

(A.B.A.U. extr. 17)

**Rta.:** a) 
$$A = 10$$
 m;  $\lambda = 2{,}00$  m;  $f = 0{,}100$  Hz; b)  $\nu = 0{,}200$  m/s; sentido + $X$ ; c)  $\nu_{\rm m} = 6{,}28$  m/s;  $a_{\rm m} = 3{,}95$  m/s<sup>2</sup>

Relación entre a lonxitude de onda e a velocidade de propagación  $v_p = \lambda \cdot f$ 

Datos	Cifras significativas: 3		
Ecuación da onda	$y = 10.0 \cdot \text{sen } \pi(x - 0.200 \cdot t) \text{ [m]}$		
Incógnitas			
Amplitude	A		
Lonxitude de onda	λ		
Frecuencia	f		
Velocidade de propagación	$ u_{ m p}$		
Velocidade máxima	$ u_{ m m}$		
Aceleración máxima	$a_{ m m}$		
Outros símbolos			
Posición do punto (distancia ao foco)	X		
Ecuacións			
Ecuación dunha onda harmónica unidimensional	$y = A \cdot \operatorname{sen}(\omega \cdot t \pm k \cdot x)$		
Número de onda	$k = 2 \pi / \lambda$		
Relación entre a frecuencia angular e a frecuencia	$\omega = 2 \pi \cdot f$		

# Solución:

a) Obtéñense a amplitude, a frecuencia angular e o número de onda comparando a ecuación dunha onda harmónica unidimensional coa ecuación do problema:

$$y = A \cdot \text{sen}(\omega \cdot t \pm k \cdot x)$$

$$y = 10.0 \cdot \text{sen } \pi(x - 0.200 \cdot t) \text{ [m]}$$

Amplitude: A = 10,0 m

Frecuencia angular:  $\omega = 0,200 \text{ } \pi = 0,628 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$ 

Número de onda:  $k = \pi = 3,14 \text{ rad} \cdot \text{m}^{-1}$ 

Calcúlase a lonxitude de onda a partir do número de onda:

$$k = \frac{2\pi}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{2\pi}{k} = \frac{2 \cdot 3,14 \text{ [rad]}}{3,14 \text{ [rad \cdot m^{-1}]}} = 2,00 \text{ m}$$

Calcúlase a frecuencia a partir da frecuencia angular:

$$\omega = 2\pi \cdot f \Rightarrow f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{0.628 \, [\, \text{rad} \cdot \text{s}^{-1}\,]}{2 \cdot 3.14 \, [\, \text{rad}\,]} = 0.100 \, \text{s}^{-1} = 0.100 \, \text{Hz}$$

b) Calcúlase a velocidade de propagación da onda a partir da lonxitude de onda e da frecuencia:

$$v_p = \lambda \cdot f = 2,00 \text{ [m]} \cdot 0,100 \text{ [s}^{-1}] = 0,200 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

O signo oposto dos termos en x e t indica que a onda propágase en sentido positivo do eixe X.

c) A velocidade obtense derivando a ecuación de movemento con respecto ao tempo :

$$v = \frac{dy}{dt} = \frac{d[10,0 \cdot \sin \pi(x - 0,200 \cdot t)]}{dt} = 10,0 \cdot \pi \cdot (-0,200) \cdot \cos \pi(x - 0,200 \cdot t) \text{ [m/s]}$$

$$v = -2.00 \cdot \pi \cdot \cos \pi (x - 0.200 \cdot t) = -6.28 \cdot \cos \pi (x - 0.200 \cdot t) \text{ [m/s]}$$

A velocidade é máxima cando  $cos(\varphi) = -1$ 

$$v_{\rm m} = 6.28 \; {\rm m/s}$$

A aceleración obtense derivando a velocidade con respecto ao tempo:

$$a = \frac{\mathrm{d} v}{\mathrm{d} t} = \frac{\mathrm{d} \left[ -2,00 \cdot \pi \cdot \cos \pi (x - 0,200 \cdot t) \right]}{\mathrm{d} t} = -2,00 \cdot \pi \cdot \pi \cdot (-0,200) \cdot (-\sin \pi (x - 0,200 \cdot t)) \left[ \mathrm{m/s}^{2} \right]$$

$$a = -0.400 \cdot \pi^2 \cdot \text{sen } \pi(x - 0.200 \cdot t) = -3.95 \cdot \text{sen } \pi(x - 0.200 \cdot t) \text{ [m/s}^2\text{]}$$

A aceleración é máxima cando sen $(\varphi) = -1$ 

$$a_{\rm m} = 3.95 \text{ m/s}^2$$

# <u>OPCIÓN B</u>

- C.1. Por un condutor rectilíneo moi longo circula unha corrente de 1 A. O campo magnético que se orixina nas súas proximidades faise máis intenso canto:
  - A) Máis groso sexa o condutor.
  - B) Maior sexa a súa lonxitude.
  - C) Máis preto do condutor estea o punto onde se determina.

(A.B.A.U. extr. 17)

## Solución: C

A dirección do campo magnético,  $\overline{B}$ , creado por unha intensidade, I, de corrente que circula por un condutor rectilíneo indefinido é circular arredor do fío e o seu valor nun punto a unha distancia, r, do fío vén dada pola lei de Biot-Savart:

$$B = \frac{\mu_0 \cdot I}{2\pi \cdot r}$$

O sentido do campo magnético vén dado pola regra da man dereita (o sentido do campo magnético é o do peche da man dereita cando o polgar apunta no sentido da corrente eléctrica).

Como se ve na expresión, canto menor sexa a distancia, *r*, do punto ao fío, maior será a intensidade do campo magnético.

- C.2. Un movemento ondulatorio transporta:
  - A) Materia.
  - B) Enerxía.
  - C) Depende do tipo de onda.

#### Solución: B

Unha onda é unha forma de transporte de enerxía sen desprazamento neto de materia.

Nunha onda material, as partículas do medio oscilan arredor do punto de equilibrio. É a enerxía a que se vai desprazando dunha partícula á seguinte.

Nas ondas electromagnéticas o que se despraza é un campo magnético perpendicular a un campo eléctrico.

- C.3. Cando a luz pasa dun medio a outro de distinto índice de refracción, o ángulo de refracción é:
  - A) Sempre maior que o de incidencia.
  - B) Sempre menor que o de incidencia.
  - C) Depende dos valores dos índices de refracción. Xustifica a resposta facendo un esquema da marcha dos raios.

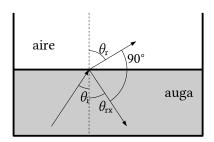
(A.B.A.U. extr. 17)

#### Solución: B

Cando a luz pasa dun medio máis denso opticamente (con maior índice de refracción) a outro menos denso (por exemplo da auga ao aire) o raio refractado afástase da normal. Pola segunda lei de Snell da refracción:

$$n_i \cdot \text{sen } \theta_i = n_r \cdot \text{sen } \theta_r$$

Se  $n_i > n_r$ , entón sen  $\theta_r > \text{sen } \theta_i$ , e  $\theta_r > \theta_i$ 



C.4. Explica como se pode determinar a aceleración da gravidade utilizando un péndulo simple e indica o tipo de precaucións que debes tomar á hora de realizar a experiencia.

(A.B.A.U. extr. 17)

## Solución:

Cólgase unha esfera maciza dun fío duns 2,00 m, facendo pasar o outro extremo por unha pinza no extremo dun brazo horizontal, suxeito a unha vareta vertical encaixada nunha base plana.

Axústase a lonxitude do fío a un 60 cm e mídese a súa lonxitude desde o punto de suspensión ata o centro da esfera. Apártase lixeiramente da posición de equilibrio e sóltase. Compróbase que oscila nun plano e a partir da 2ª ou 3ª oscilación mídese o tempo de 10 oscilacións. Calcúlase o período dividindo o tempo entre 10. Repítese a experiencia para comprobar que o tempo é practicamente o mesmo. Áchase o valor medio do período.

Axústase sucesivamente a lonxitude a 80, 100, 120, 150, 180 e 200 cm e repítese a experiencia para cada unha delas.

Unha vez obtidos os valores dos períodos T para cada lonxitude L do péndulo, pódese usar a ecuación do período do péndulo simple para calcular g, a aceleración da gravidade.

$$T=2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$$

Dos valores obtidos (que deben ser moi parecidos) áchase o valor medio.

A amplitude das oscilacións debe ser pequena. En teoría unha aproximación aceptable é que sexan menores de 15°. Como non usamos un transportador de ángulos, separaremos o menos posible o fío da vertical, especialmente cando a lonxitude do péndulo sexa pequena.

Adóitanse medir 10 ou 20 oscilacións para aumentar a precisión do período, e diminuír o erro relativo que daría a medida dunha soa oscilación.

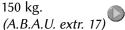
Un número demasiado grande de oscilacións pode dar lugar a que cometamos erros ao contalas.

P.1. Un satélite GPS describe órbitas circulares arredor da Terra, dando dúas voltas á Terra cada 24 h. Calcula:



- a) A altura da súa órbita sobre a superficie terrestre.
- b) A enerxía mecánica.
- c) O tempo que tardaría en dar unha volta á Terra se o facemos orbitar a unha altura dobre.

Datos:  $G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}$ ;  $M_T = 5,98 \cdot 10^{24} \text{ kg}$ ;  $R_T = 6,37 \cdot 10^6 \text{ m}$ ; masa do satélite = 150 kg.



**Rta.:** a)  $h = 2.03 \cdot 10^7$  m; b)  $E = -1.12 \cdot 10^9$  J; c)  $T_c = 28$  h.

- P.2. En 2012 atopouse no Sahara un meteorito que contiña restos de U-238. Sabemos que no momento da súa formación había unha concentración de 5,00·10<sup>12</sup> átomos de U-238 por cm³, mentres que na actualidade a concentración medida é de 2,50·10<sup>12</sup> átomos de U-238 por cm³. Se o tempo de semidesintegración deste isótopo é de 4,51·10<sup>9</sup> anos, determina:
  - a) A constante de desintegración do U-238.
  - b) A idade do meteorito.
  - c) Sabendo que o gas radon resulta da desintegración do U-238, completa a seguinte serie radioactiva coas correspondentes partículas ata chegar ao gas radon:

$$^{238}_{92}\text{U} + ... \rightarrow ^{234}_{90}\text{Th} + ... \rightarrow ^{234}_{99}\text{Pa} + ... \rightarrow ^{234}_{92}\text{U} + ... \rightarrow ^{230}_{90}\text{Th} + ... \rightarrow ^{226}_{88}\text{Ra} + ... \rightarrow ^{222}_{86}\text{Rn}.$$

(A.B.A.U. extr. 17)

**Rta.:** a) 
$$\lambda = 4.87 \cdot 10^{-18} \text{ s}^{-1}$$
; b)  $t = 4.51 \cdot 10^9 \text{ anos}$ ; c)  ${}^{238}_{92} \text{U} \xrightarrow{3} {}^{234}_{90} \text{Th} \xrightarrow{3} {}^{234}_{92} \text{U} \xrightarrow{3} {}^{230}_{90} \text{Th} \xrightarrow{3} {}^{226}_{88} \text{Ra} \xrightarrow{3} {}^{222}_{86} \text{Rn}$ 

#### Datos

Período de semidesintegración

Átomos iniciais Átomos actuais

# Incógnitas

Constante de desintegración radioactiva

Idade do meteorito

#### Ecuacións

Lei da desintegración radioactiva

Cando 
$$t = T_{\frac{1}{2}}$$
,  $N = N_0 / 2$   
Actividade radioactiva

## Cifras significativas: 3

 $T_{\frac{1}{2}} = 4.51 \cdot 10^{9} \text{ anos} = 1.42 \cdot 10^{17} \text{ s}$   $N_0 = 5.00 \cdot 10^{12} \text{ átomos/cm}^3$  $N = 2.50 \cdot 10^{12} \text{ átomos/cm}^3$ 

 $\lambda$  t

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

$$\lambda = \ln (N_0 / N) / t$$

$$T_{\frac{1}{2}} = \ln 2 / \lambda$$

$$A = -d N / d t = \lambda \cdot N$$

## Solución:

a) Calcúlase a constante radioactiva a partir do período de semidesintegración

$$\lambda = \frac{\ln 2}{T_{1/2}} = \frac{0.693}{1.42 \cdot 10^{17} [s]} = 4.87 \cdot 10^{-18} \text{ s}^{-1}$$

b) Calcúlase o tempo na ecuación da lei de desintegración radioactiva

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

É máis fácil usar a expresión anterior en forma logarítmica.

$$-\ln (N/N_0) = \ln (N_0/N) = \lambda \cdot t$$

$$t = \frac{\ln(N_0/N)}{\lambda} = \frac{\ln(5,00 \cdot 10^{12}/2,50 \cdot 10^{12})}{4,87 \cdot 10^{-18} [s^{-1}]} = 1,42 \cdot 10^{17} s = 4,51 \cdot 10^{9} anos$$

Análise: Posto que nese tempo a mostra reduciuse á metade, transcorreu 1 período de semidesintegración que son 4,51·10° anos.

c) Os procesos de emisión de partículas son

$$^{238}_{92}U \rightarrow ^{234}_{90}Th + {}^{4}_{2}He$$

$$^{234}_{90}\text{Th} \rightarrow ^{234}_{91}\text{Pa} + ^{0}_{-1}\text{e}$$

$$^{234}_{91}Pa \rightarrow ^{234}_{92}U + ^{0}_{-1}e$$

$$^{234}_{92}U \rightarrow ^{230}_{90}Th + ^{4}_{2}He$$
 $^{230}_{90}Th \rightarrow ^{226}_{88}Ra + ^{4}_{2}He$ 
 $^{226}_{88}Ra \rightarrow ^{222}_{86}Rn + ^{4}_{2}He$ 

Estas ecuacións cumpren as leis de conservación do número másico e da carga eléctrica nos procesos nucleares.

Sabendo que unha partícula alfa é un núcleo de helio-4 ( $\alpha = {}_{2}^{4}$ He) e unha partícula beta(-) é un electrón ( $\beta^{-} = {}_{-1}^{0}$ e), o proceso pode resumirse:

$${}^{238}_{92}\text{U} \xrightarrow{\alpha} {}^{234}_{90}\text{Th} \xrightarrow{\beta} {}^{234}_{91}\text{Pa} \xrightarrow{\beta} {}^{234}_{92}\text{U} \xrightarrow{\alpha} {}^{230}_{90}\text{Th} \xrightarrow{\alpha} {}^{222}_{88}\text{Ra} \xrightarrow{\alpha} {}^{222}_{86}\text{Rn}$$

Cuestións e problemas das <u>Probas de avaliación do Bacharelato para o acceso á Universidade</u> (A.B.A.U. e P.A.U.) en Galiza.

Respostas e composición de Alfonso J. Barbadillo Marán.

Algúns cálculos fixéronse cunha folla de cálculo de LibreOffice ou OpenOffice do mesmo autor.

Algunhas ecuacións e as fórmulas orgánicas construíronse coa extensión CLC09 de Charles Lalanne-Cassou.

A tradución ao/desde o galego realizouse coa axuda de traducindote, de Óscar Hermida López.

Procurouse seguir as <u>recomendacións</u> do *Centro Español de Metrología* (CEM)

Consultouse o chat de Bing e empregáronse algunhas respostas nas cuestións.

Actualizado: 23/07/23

