Ondas

Método e recomendacións

♦ PROBLEMAS

Ecuación de onda

- 1. Unha onda propágase no sentido positivo do eixo X cunha velocidade de 20 m s⁻¹, unha amplitude de 0,02 m e unha frecuencia de 10 Hz. Determina:
 - a) O período e a lonxitude de onda.
 - b) A expresión matemática da onda se en t = 0 s a partícula situada na orixe está na posición de máxima elongación positiva.

(A.B.A.U. extr. 23)

Rta.: a) T = 0.100 s; $\lambda = 2.00 \text{ m}$; b) $y = 0.0200 \text{ sen}(20 \pi t - \pi x + \pi/2) \text{ [m]}$

- 2. A expresión matemática dunha onda harmónica transversal que se propaga por unha corda tensa orientada segundo o eixe x é: y = 0.5 sen $[2\pi (3t x)]$ (unidades no SI). Determine:
 - a) Os valores da lonxitude de onda, velocidade de propagación, velocidade e aceleración máximas de vibración dos puntos da corda.
 - b) A distancia mínima que separa dous puntos da corda que nun mesmo instante vibran desfasados 2π radiáns.

(A.B.A.U. ord. 22)

Rta.: a) $\lambda = 1$ m; $v_p = 3{,}00 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$; $v_m = 9{,}42 \text{ m/s}$; $a_m = 177 \text{ m/s}^2$; b) $\Delta x = \lambda = 1 \text{ m}$.

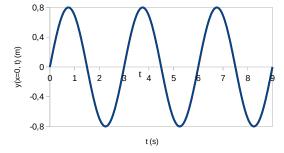
- 3. Unha onda harmónica transversal de frecuencia 2 Hz, lonxitude de onda 20 cm e amplitude 4 cm, propágase por unha corda no sentido positivo do eixe X. No intre t = 0, a elongación no punto x = 0 é y = 2.83 cm.
 - a) Expresa matematicamente a onda e represéntaa graficamente en (t = 0; 0 < x < 40 cm).
 - b) Calcula a velocidade de propagación da onda e determina, en función do tempo, a velocidade de oscilación transversal da partícula situada en x = 5 cm.

(A.B.A.U. extr. 21)

Rta.: a) $y = 0.0400 \text{ sen}(4 \pi t - 10 \pi x + \pi / 4) \text{ [m]}$; b) $v_p = 0.400 \text{ m/s}$; $v = 0.503 \text{ cos}(4 \pi t - \pi / 4) \text{ [m/s]}$

- 4. Unha onda harmónica transversal de lonxitude de onda $\lambda = 60$ cm propágase no sentido positivo do eixe x. Na gráfica amósase a elongación (y) do punto de coordenada x = 0 en función do tempo. Determina:
 - a) A expresión matemática que describe esta onda, indicando o desfase inicial, a frecuencia e a amplitude da onda.
 - b) A velocidade de propagación da onda.

Rta.: a)
$$y(x, t) = 0.80 \cdot \text{sen}(2.1 \cdot t - 10 \cdot x)$$
 [m]; $\varphi_0 = 0$; $f = 0.33 \text{ s}^{-1}$; $A = 0.80 \text{ m}$; b) $v_p = 0.20 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$



- 5. Nunha corda propágase unha onda dada pola ecuación y(x, t) = 0.04 sen 2π (2 x 4 t), onde as lonxitudes exprésanse en metros e o tempo en segundos. Calcula:
 - a) A frecuencia, o número de onda, a lonxitude de onda e a velocidade de propagación da onda.
 - b) A diferenza de fase, nun instante determinado, entre dous puntos da corda separados 1 m e comproba se devanditos puntos están en fase ou en oposición.
 - c) Os módulos da velocidade e aceleración máximas de vibración dos puntos da corda.

(A.B.A.U. ord. 20, extr. 19)

Rta.: a) f = 4 Hz; k = 12.5 m⁻¹; $\lambda = 0.5$ m; $v_p = 2$ m/s; b) $\Delta \varphi = 4$ π rad; c) v = 1.01 m/s; a = 25.3 m/s²

6. A ecuación dunha onda transversal que se propaga nunha corda é y(x, t) = 10 sen $\pi(x - 0.2 t)$, onde as lonxitudes se expresan en metros e o tempo en segundos. Calcula:

- a) A amplitude, lonxitude de onda e frecuencia da onda.
- b) A velocidade de propagación da onda e indica en que sentido se propaga.
- c) Os valores máximos da velocidade e aceleración das partículas da corda.

(A.B.A.U. extr. 17)

Rta.: a) A = 10 m; $\lambda = 2{,}00$ m; $f = 0{,}100$ Hz; b) $\nu = 0{,}200$ m/s; sentido +X; c) $\nu_{\rm m} = 6{,}28$ m/s; $a_{\rm m} = 3{,}95$ m/s²

- A función de onda dunha onda harmónica que se move nunha corda é
 y(x, t)= 0,03 sen(2,2 x 3,5 t), onde as lonxitudes exprésanse en metros e o tempo en segundos. Determina:
 - a) A lonxitude de onda e o período desta onda.
 - b) A velocidade de propagación.
 - c) A velocidade máxima de calquera segmento da corda.

(A.B.A.U. ord. 17)

Rta.: a) $\lambda = 2,86$ m; T = 1,80 s; b) $v_p = 1,59$ m·s⁻¹; c) $v_m = 0,105$ m/s

Intensidade sonora.

- 1. Un altofalante emite ondas sonoras esféricas cunha potencia de 200 W. Determina:
 - a) A enerxía emitida en media hora.
 - b) O nivel de intensidade sonora, en dB, a 4 m do altofalante.

Dato: $I_0 = 10^{-12} \text{ W} \cdot \text{m}^2$.

(A.B.A.U. extr. 22)

Rta.: a) $E = 3.6 \cdot 10^5$ J; b) S = 120 dB.

• Dioptrio plano

- 1. Unha lámina de vidro de caras planas e paralelas, de índice de refracción 1,4, está no aire, de índice de refracción 1,0. Un raio de luz monocromática de frecuencia 4,3·10¹⁴ Hz incide na lámina desde o aire cun ángulo de 30° respecto á normal á superficie de separación dos dous medios. Calcula:
 - a) A lonxitude de onda do raio refractado.
 - b) O ángulo de refracción.

Dato: $c = 3.10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$.

(A.B.A.U. ord. 21)

Rta.: a) $\lambda_2 = 498 \text{ nm}$; b) $\theta_r = 20.9^\circ$

- 2. Un mergullador acende unha lanterna dentro da auga e enfócaa cara á superficie formando un ángulo de 30° coa normal.
 - a) Con que ángulo emerxerá a luz da auga?
 - b) Cal é o ángulo de incidencia a partir do cal a luz non sairá da auga?

Datos: n(auga) = 4/3; n(aire) = 1.

(A.B.A.U. extr. 20)

Rta.: a) $\theta_r = 41.8^\circ$; b) $\lambda = 48.6^\circ$

- 3. Un feixe de luz de frecuencia $4,30\cdot10^{14}$ Hz incide desde un medio 1 de índice de refracción $n_1 = 1,50$ sobre outro medio 2 de índice de refracción $n_2 = 1,30$. O ángulo de incidencia é de 50° . Determina:
 - a) A lonxitude de onda do feixe no medio 1.
 - b) O ángulo de refracción.
 - c) A partir de que ángulo de incidencia se produce a reflexión total do feixe incidente?

Dato: $c = 3.10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$

(A.B.A.U. ord. 19)

Rta.: a) $\lambda_1 = 465 \text{ nm}$; b) $\theta_r = 62,1^\circ$; c) $\theta_{il} = 60,0^\circ$

♦ CUESTIÓNS

Características e ecuacións das ondas

- 1. Dous focos de ondas sonoras emiten sons de 1,7 kHz de frecuencia coa mesma fase inicial. Un observador que se encontra a 8 m dun dos focos e a 10 m do outro percibe nesa posición:
 - A) Un mínimo de intensidade.
 - B) Un máximo de intensidade.
 - C) Unha intensidade intermedia entre a máxima e a mínima.

DATO: velocidade do son = 340 m s^{-1} .

(A.B.A.U. ord. 23)

- Cando unha onda harmónica plana propágase no espazo, a súa enerxía é proporcional:
 - A) A $1/f(f \acute{e} \text{ a frecuencia})$
 - B) Ao cadrado da amplitude A^2 .
 - C) Inversamente proporcional ao cadrado da distancia ao foco emisor.

(A.B.A.U. ord. 22)

- 3. Unha onda transversal propágase no sentido positivo do eixe *X* cunha velocidade de 300 m·s⁻¹, sendo o período de oscilación de 2×10⁻² s. Dous puntos que se encontran, respectivamente, a distancias de 20 m e 38 m do centro de vibración estarán:
 - A) En fase.
 - B) En oposición de fase.
 - C) Nunha situación distinta das anteriores.

(A.B.A.U. ord. 21)

- 4. Cal debería ser a distancia entre dous puntos dun medio polo que se propaga unha onda harmónica, con velocidade de fase de 100 m/s e 200 Hz de frecuencia, para que estean no mesmo estado de vibración?:
 - A) 2 n
 - B) 0.5 n
 - C) n

sendo n = 0, 1, 2, 3... e medido no S.I.

(A.B.A.U. ord. 19)

- 5. A luz incidente, a reflectida e a refractada na superficie de separación de dous medios de distinto índice de refracción ten:
 - A) Igual frecuencia, lonxitude de onda e velocidade.
 - B) Distinta frecuencia, lonxitude de onda e velocidade.
 - C) Igual frecuencia e distintas lonxitudes de onda e velocidade.

(A.B.A.U. ord. 19)

- 6. Nun mesmo medio:
 - A) A lonxitude de onda dun son grave é maior que a dun agudo.
 - B) A lonxitude de onda dun son grave é menor que a dun agudo.
 - C) Ambos os sons teñen a mesma lonxitude de onda.

(A.B.A.U. extr. 18)

- 7. Unha onda harmónica de frecuencia 100 Hz propágase a unha velocidade de 300 m·s⁻¹. A distancia mínima entre dous puntos que se atopan en fase é:
 - A) 1,50 m.
 - B) 3,00 m.
 - C) 1,00 m.

(A.B.A.U. extr. 18)

- 8. Para as ondas sonoras, cal das seguintes afirmacións é certa?:
 - A) Propáganse no baleiro.
 - B) Non se poden polarizar.
 - C) Non se poden reflectir.

(A.B.A.U. ord. 18)

- 9. Un movemento ondulatorio transporta:
 - A) Materia.
 - B) Enerxía.
 - C) Depende do tipo de onda.

(A.B.A.U. extr. 17)

- 10. A propagación na dirección x da onda dunha explosión nun certo medio pode describirse pola onda harmónica $y(x, t) = 5 \operatorname{sen}(12 \ x \pm 7680 \ t)$, onde as lonxitudes exprésanse en metros e o tempo en segundos. Ao cabo dun segundo de producirse a explosión, o seu son alcanza unha distancia de:
 - A) 640 m
 - B) 1536 m
 - C) 38 km

(A.B.A.U. ord. 17)

• Efecto Doppler

- 1. Un ciclista desprázase en liña recta por unha estrada a velocidade constante. Nesta estrada hai dous coches parados, un diante, C1, e outro detrás, C2, do ciclista. Os coches teñen bucinas idénticas pero o ciclista sentirá que a frecuencia das bucinas é:
 - A) Maior a de C1.
 - B) A mesma.
 - C) Maior a de C2.

(A.B.A.U. ord. 21)

- 2. O chifre dunha locomotora emite un son de 435 Hz de frecuencia. Se a locomotora se move achegándose a un observador en repouso, a frecuencia percibida polo observador é:
 - A) 435 Hz.
 - B) Maior ca 435 Hz.
 - C) Menor ca 435 Hz.

(A.B.A.U. extr. 20)

• Intensidade sonora

- 1. Un motor produce un nivel de intensidade sonora de 80 dB. A potencia que ten o ruído do motor se está situado a 2 m é:
 - A) 500 mW
 - B) 50 mW
 - C) 5 mW

DATO: $I_0 = 10^{-12} \text{ W m}^{-2}$.

(A.B.A.U. extr. 23)

Dioptrio plano

- 1. No fondo dun recipiente cheo de auga atópase un tesouro. A distancia aparente entre o tesouro e a superficie é de 30 cm. Cal é a profundidade do recipiente?:
 - A) 30 cm.
 - B) Maior de 30 cm.
 - C) Menor de 30 cm.

Datos: n(aire) = 1; n(auga) = 1,33.

(A.B.A.U. extr. 21)

- 2. Unha superficie plana separa dous medios de índices de refracción distintos n_1 e n_2 . Un raio de luz incide desde o medio de índice n_1 . Razoa cal das afirmacións seguintes é verdadeira:
 - A) O ángulo de incidencia é maior que o ángulo de reflexión.

- B) Os ángulos de incidencia e de refracción son sempre iguais.
- C) Se $n_1 < n_2$ non se produce reflexión total.

(A.B.A.U. extr. 19)

- 3. Unha onda incide sobre a superficie de separación de dous medios. As velocidades de propagación da onda no primeiro e segundo medio son, respectivamente, 1750 m·s⁻¹ e 2300 m·s⁻¹. Se o ángulo de reflexión é 45°, o de refracción será:
 - A) 68°
 - B) 22°
 - C) 45°

(A.B.A.U. ord. 18)

- 4. Cando a luz pasa dun medio a outro de distinto índice de refracción, o ángulo de refracción é:
 - A) Sempre maior que o de incidencia.
 - B) Sempre menor que o de incidencia.
 - C) Depende dos valores dos índices de refracción. Xustifica a resposta facendo un esquema da marcha dos raios.

(A.B.A.U. extr. 17)

- 5. Faise incidir desde o aire (índice de refracción n = 1) un feixe de luz láser sobre a superficie dunha lámina de vidro de 2 cm de espesor, cuxo índice de refracción é n = 1,5, cun ángulo de incidencia de 60°. O ángulo de refracción despois de atravesar a lámina é:
 - A) 35°
 - B) 90°
 - C) 60°

Fai un breve esquema da marcha dos raios.

(A.B.A.U. ord. 17)

♦ LABORATORIO

• Interferencias, difracción e polarización

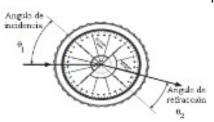
1. Describe o procedemento que seguirías no laboratorio para determinar se a luz é unha onda transversal ou lonxitudinal, así como o material que debes utilizar.

(A.B.A.U. ord. 19)

2. Fai un esquema da montaxe experimental necesaria para medir a lonxitude de onda dunha luz monocromática e describe o procedemento. Explica que sucede se cambias a rede de difracción por outra co dobre número de liñas por milímetro.

(A.B.A.U. ord. 18)

Dioptrio plano



1. a) Describe o procedemento $\theta_1(^{\circ})$ 15,0 20,0 25,0 30,0 35,0 utilizado no laboratorio para $\theta_2(^{\circ})$ 12,0 15,8 20,1 23,6 27,5 determinar o índice de re-

fracción cun dispositivo como o da figura.

b) Determina o índice de refracción a partir dos datos da táboa. DATO: n(aire) = 1. θ_1 : ángulo de incidencia; θ_2 : ángulo de refracción (A.B.A.U. ord. 23)

Rta.: $n_{\rm r} = 1,24$

- No laboratorio de física móntase un experimento para determinar o 2. $\theta_1(^{\circ})$ 18 24 32 40 50 índice de refracción dunha lámina de vidro facendo incidir raios de $\theta_2(^\circ)$ 12 15 20 25 30 luz con distintos ángulos de incidencia θ_1 e medindo en cada caso o ángulo de refracción θ_2 .
 - a) En que lei física nos basearemos para facelo?
 - b) Determine o índice de refracción da lámina a partir dos datos experimentais amosados na táboa.

i (°)

27

36

r (°)

16

21

27

31

(A.B.A.U. ord. 22)

Rta.: b) $n_r = 1,53$.

- 3. Estudando o fenómeno da refracción nunha lámina de vidro faise incidir un raio de luz con distintos ángulos sobre a superficie. Na táboa da marxe aparecen os ángulos de incidencia e os ángulos de refracción.
 - dencia e os ángulos de refracción.

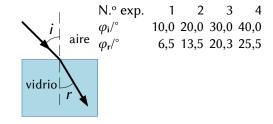
 a) Calcula o índice de refracción do material
 a partir dos datos da táboa.

 48

 57
 - b) Indica en que condicións se produciría reflexión total.

DATOS: n(aire) = 1; $c = 3.10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$.

Rta.: a) $n_r = 1.6$; b) $\varphi > 38^\circ$



(A.B.A.U. ord. 20)

4. Determina graficamente o índice de refracción dun vidro a partir da seguinte táboa de valores dos ángulos de incidencia, φ_i , e de refracción, φ_r , da luz. Estima a súa incerteza.

(A.B.A.U. extr. 19)

Rta.: $n_{\rm r} = 1,47$.

Actualizado: 04/08/23

Cuestións e problemas das <u>Probas de avaliación do Bacharelato para o acceso á Universidade</u> (A.B.A.U. e P.A.U.) en Galiza.

Respostas e composición de Alfonso J. Barbadillo Marán.