$$7^{2x+3} = 3^{x-2}$$

$$\ln(7^{2x+3}) = \ln(3^{x-2})$$

$$\ln(2x+3) \ln(7) = (x-2) \ln(3)$$

$$2x \ln(7) + 3\ln(7) = x \ln(3) - 2\ln(3)$$

$$2x \ln(7) - x \ln(3) = -3 \ln(7) - 2\ln(3)$$

$$x + 2 \ln(7) - 2\ln(3) = -3 \ln(7) - 2\ln(3)$$

$$x - 3 \ln(7) - 2\ln(3)$$

$$x - 3 \ln(7) - 2\ln(3)$$

$$x - 2 \ln(7) - 2\ln(3)$$