Лекция 2

Представление данных (I).

Обзор. Очередь, стек, рекурсия.

2.1 Обзор

Переменная в компьютере действительно меняет значение. На самом деле, переменная — это место в памяти, в котором хранится текущее значение этой переменной.

Подпрограммы (процедуры, функции). Можно вызвать и вернуть управление на следующий оператор. Можно передать параметры.

Область действия переменной — подпрограмма (главная программа). Переменные при каждом вызове подпрограммы — это разные переменные (так же, как и параметры).

Структуры данных, которые мы изучим:

- Массив.
- Очередь.
- Стек.
- Файл.
- Списки (разные).
- Деревья (очень разные).
- Хеш-таблицы.
- •

Структуры данных, в первую очередь, определяются *операциями* над ними, а также способом реализации.

Например, единственная легко реализуемая операция над *массивом* — [·] — получение доступа к элементу с заданным номером. Адрес, в котором хранится элемент, легко определить. Затем можно считать оттуда

элемент или записать туда другой элемент. Например, на RAM-машине вычислить адрес требуемого элемента можно всего за одну операцию (сложения), его считывание или модификацию также можно проделать всего за одну операцию (с косвенной адресацией).

Напротив, для нахождения в *списке* элемента по его номеру придется проделать большое количество операций.

2.2 Очередь.

Операции: кладем в начало, вынимаем из конца (FIFO). **Реализация** (возможная):

- массив (кольцо),
- указатели на первый занятый и первый свободный элемент (в этом случае можно реализовать [·]).

2.3 Стек, рекурсия.

2.3.1 Рекурсивные процедуры.

Рекурсивной называется процедура, вызывающая себя. Вообще, вызов (любой) процедуры происходит так: во время исполнения программы с шага s происходит переход на адрес начала процедуры; вычисления продолжаются (заметим, что при рекурсивном вызове «одни и те же» локальные переменные в вызываемой и вызывающей копиях процедуры имеют разные значения); затем происходит возврат на шаг s+1.

Пример 2.1 (числа Фибоначчи).

```
function f (i: integer): integer;
begin
if i=0 then return 0
else if i=1 then return 1
else return f(i-1)+f(i-2);
end;
```

Пример 2.2 (задача о рюкзаке). Имеется N предметов и рюкзак объема V. Даны их объемы v_i и стоимости g_i . Требуется найти набор предметов максимальной стоимости, помещающийся в рюкзак.

```
function knapsack (V, N: integer, набор v_i и g_i): набор целых чисел; var optG: integer =-1; opt: набор целых чисел = пустой; begin
```

```
for k := 1 to N do if v_k \leq V then
     begin
         next := \{k\} \cup knapsack(V - v_k, N - k, набор при i \geqslant k + 1);
         nextG := \text{стоимость}(next);
         if (nextG > optG) then begin opt := next; optG := nextG; end;
     end;
     return opt;
                                                                        end;
Пример 2.3 (проверка правильности выражения).
выражение ≡ сумма;
сумма ≡ терм | терм + сумма
терм \equiv буква \mid ( сумма )
   Например, выражением является
                            a+(b+(c+d)+e);
   Читаем входной поток функцией getnext: char. Процедура getback
возвращает символ во входной поток (чтобы в следующий раз был про-
чтен тот же символ).
function expression: boolean;
begin
    if (not sum) return false;
    if (not getnext = ';') return false;
     return true;
end;
                                             (* читает сумму до конца *)
function sum: boolean;
begin
    if (not term) return false;
    if (not getnext = '+') begin getback; return true; end;
    if (not sum) return false;
     return true;
end;
function term: boolean;
begin
    if (getnext in ['a'...'z']) return true;
    if (not getnext = '(') return false;
     if (not sum) return false;
```

if (not getnext = ')') return false;

4 Лекция 2. Представление данных (I). Обзор. Очередь, стек, рекурсия.

return true;

end;

2.3.2 Реализация рекурсии в компьютере: стек

Стек (LIFO):

Операции: PUSH, POP (и, если повезет с реализацией, [·]). **Реализация** (стандартная):

- место в памяти (как массив),
- счетчик: верхушка стека,

Реализация рекурсии.

Вызов процедуры:

- PUSH адрес возврата.
- PUSH параметры.
- GOTO процедура.
- Передвинуть счетчик (PUSH 0) на размер памяти, необходимый для хранения локальных переменных.

Возврат:

- Передвинуть счетчик (РОР) на размер памяти, в которой хранились локальные переменные и параметры.
- РОР адрес возврата и GOTO туда.

Передача результата — зависит от реализации.

2.3.3 Избавление от рекурсии.

Способ 1: при помощи стека.

Реализовать стек в массиве.

Способ 2: динамическое программирование.

Пример 2.4 (числа Фибоначчи).

```
function g (j : integer, p : maccub) : integer; begin if j=0 then return 0 else if j=1 then return 1 else return p[j-1]+p[j-2]; end;
```

```
function f (i : integer) : integer; var a : maccub; begin for j:=1 to i do a[j]:=g(j,a); return a[i]; end;
```

Пример 2.5 (задача о рюкзаке).

Для всех i от 0 до V и k от N до 0 последовательно найдем оптимальный набор предметов с k-го до n-го, который можно уложить в рюкзак объема i (при этом можно пользоваться уже найденными оптимальными наборами для i' < i и k' > k).

Упражнение 2.1. Определить временну́ю сложность в наихудшем случае всех алгоритмов, приведенных в разделе 2.3. □