栈与队列初步

栈的概念

栈是最常用也是最常考的数据结构之一,其是很多场景的合适抽象。

栈是一个抽象的线性逻辑结构,其只有一端开口,这个开口可以添加值,即push,也可以在容器非空的时候查看开口数值,即top或者peek(C++里是top,Java里是peek),还可以在容器非空的时候将开口数值删除,即pop。开口的地方被称为"栈顶",另一端则被称为"栈底"。所有的操作只能在栈顶进行。由于这个特殊性质,栈被称为是先进后出的,即LIFO或者FILO,即Last in first out或者First in last out。

栈的实现,可以用数组或者单链表。数组在尾端添加、删除都是非常快的,适合做栈顶;而单链表的表头进行添加、删除是非常快的,适合做栈顶。具体实现这里省略,大家可以自行实现。

例题: https://blog.csdn.net/qg_46105170/article/details/113798817

栈的应用

栈在操作系统中无处不在,其与函数调用有着深刻的关系。同时,栈与表达式解析和递归,也有着密不可分的联系。具体如下:

1. 函数调用与调用栈

在程序执行过程中,每次函数调用都需要保存当前的执行状态,以便在函数执行完毕后恢复。这些执行状态包括函数的参数、局部变量和返回地址等。调用栈就是用于存储这些信息的结构:

- 函数调用: 当一个函数被调用时, 其活动记录(Activation Record)被压入调用栈。
- 函数返回: 函数执行完毕后, 其活动记录被弹出, 控制权返回给调用该函数的位置。

这种机制使得程序能够正确地管理多层次的函数调用,支持递归等复杂操作。

2. 表达式求值与语法解析

栈在编译器和解释器中用于表达式的解析和求值:

- **中缀转后缀**:将中缀表达式转换为后缀表达式(逆波兰表达式)时,运算符和操作数被压入和弹出栈,以确定正确的计算顺序。
- **表达式求值**:在求值后缀表达式时,操作数被压入栈,当遇到运算符时,弹出相应数量的操作数进行计算,结果 再压入栈中。

3. 深度优先搜索 (DFS) 与回溯算法

在图论算法中, 栈用干实现深度优先搜索:

- 路径记录: 当前访问的节点被压入栈,表示正在探索的路径。
- 回溯操作: 当无法继续前进时,从栈中弹出节点,回到上一个状态,尝试其他路径。

表达式求值

栈在算法中的最重要的作用之一,就是表达式求值。

例题: https://blog.csdn.net/qq_46105170/article/details/106229090

给定一个只含数字、小括号和加减乘除的表达式,其中可能存在负数,求该表达式的值。

这题有标准算法。我们首先要规定一下符号的"优先级",注意这里左括号我们也要当成运算符来处理,左括号优先级最低,接着是加减,它们两个优先级相同并且都高于左括号优先级,优先级最高的是乘除。接着:

- 1. 开两个栈,一个是数字栈,只存数字,另一个是符号栈,只存左括号或四则运算符号。
- 2. 遍历表达式,遇到数字,截取之,然后push进数字栈;
- 3. 遇到左括号,将其push进符号栈;
- 4. 遇到右括号,只要符号栈的栈顶不是左括号,那么就则每次pop两个数字,pop一个符号,进行计算之后再将答案 push回数字栈。重复操作直到符号栈栈顶是左括号为止,接着将左括号pop;
- 5. 遇到符号,如果符号栈为空,则push其进符号栈;如果符号栈不空,则只要符号栈栈顶的符号优先级大于(此处大于等于也是对的)当前遇到的符号,就进行计算(同4,pop两个数pop一个符号等等)。重复操作直到符号栈空,或者符号栈的栈顶优先级小于了当前符号。接着将当前符号push进符号栈;
- 6. 表达式遍历完之后,如果符号栈不空,则继续进行计算(同4, pop两个数pop一个符号等等);
- 7. 数字栈栈顶即为答案。

代码如下:

```
1 | class Solution {
 2
    public:
 3
     int calculate(string t) {
4
       string s;
       // 预处理一下t
 5
        for (int i = 0; i < t.size(); i++) {
 6
 7
         if (t[i] == ' ') continue;
         if (t[i] == '-' \&\& (s.empty() || s.back() == '(')) s += '0';
8
9
          s += t[i];
10
        unordered map<char, int> mp{
11
            {'(', 0}, {'+', 1}, {'-', 1}, {'*', 2}, {'/', 2}};
12
13
        stack<int> stk;
14
        stack<char> ops;
15
        for (int i = 0; i < s.size(); i++) {
```

```
if (s[i] == '(') ops.push('(');
16
17
          else if (isdigit(s[i])) {
            int x = 0, j = i;
18
            while (j < s.size() \&\& isdigit(s[j])) x = x * 10 + (s[j++] - '0');
19
20
             stk.push(x);
            i = j - 1;
2.1
          } else if (s[i] == ')') {
22
            while (ops.top() != '(') calc(stk, ops);
23
2.4
            ops.pop();
25
          } else {
2.6
            while (ops.size() && mp[ops.top()] >= mp[s[i]]) calc(stk, ops);
27
             ops.push(s[i]);
          }
28
29
30
        while (ops.size()) calc(stk, ops);
31
32
        return stk.top();
      }
33
34
35
      void calc(stack<int>& stk, stack<char>& ops) {
        int b = stk.top(); stk.pop();
36
37
        int a = stk.top(); stk.pop();
        char op = ops.top(); ops.pop();
38
39
        switch (op) {
40
          case '+': stk.push(a + b); break;
          case '-': stk.push(a - b); break;
41
          case '*': stk.push(a * b); break;
42
          case '/': stk.push(a / b); break;
43
44
45
      }
46 };
```

时空复杂度是O(n), n为表达式长度。

含括号的表达式求值,还可以用状态机+递归来做。此处省略。

队列的概念

队列也是最常用也是最常考的数据结构之一。

队列是一个抽象的线性逻辑结构,其有两端开口,分别叫队头和队尾。队尾只能添加值,即push,也可以在容器非空的时候查看队尾的数值,即back;队头只能删除值,还可以在容器非空的时候查看队头的数值,即front。所有的操作只能在两端进行。由于这个特殊性质,栈被称为是先进先出的,即LILO或者FIFO,即Last in last out或者First in first out。

队列的实现,可以用循环数组或者双链表。数组在尾端添加、删除都是非常快的,但是在头部添加删除则很慢,可以用循环数组的方式,只需要用两个指针标记一下队头和队尾就行了,这样就不用挪动元素;而双链表的表头、尾进行添加、删除都是非常快的,一个做队头一个做队尾就行。具体实现这里省略,大家可以自行实现。

例题: https://blog.csdn.net/qq_46105170/article/details/113801397

队列的应用

队列在主要是在广度优先搜索(BFS)中应用很多,在图论算法中,广度优先搜索使用队列来记录需要访问的节点。通过队列,算法能够按照层次顺序遍历节点,广泛应用于最短路径搜索、连通性检测等。

队列在操作系统中也应用很多,但是和算法的关系相对于栈的应用小很多,这里省略。

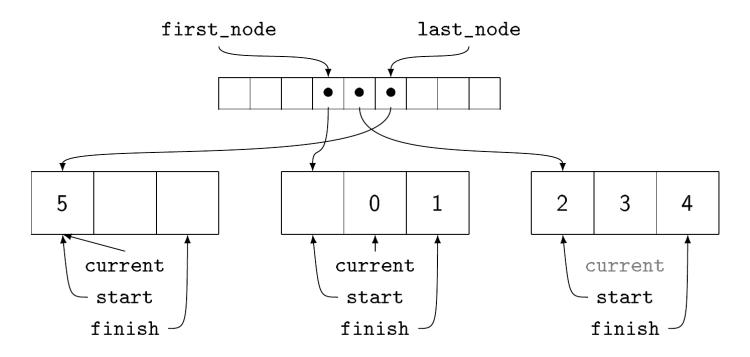
双端队列

顾名思义,双端队列就是两端都可以添加、删除、查看元素的线性数据结构。栈和队列都是双端队列的特例。在算法中,双端队列主要出现在单调队列和01图最短路的求解中,其他地方用的不多。以后都会涉及。

C++ STL中的栈、队列、双端队列

C++ STL里的栈和队列都是通过双端队列实现的。而C++的双端队列的实现非常复杂,但是非常经典,其兼顾了时间空间的效率。与Java的Deque不同的是,C++的deque还支持像数组那样的随机访问,可以说是功能相当强大。

std::deque<int> dq{0, 1, 2, 3, 4, 5};



下面将详细解释 std::deque 在 C++ 中的实现原理。以下来自chatgpt。

1. 总体结构

std::deque 的内部结构可以视为一块 映射表(map),指向一系列 固定大小的缓冲区(block 或称作缓冲区块)。 这些缓冲区连续地存储元素,但整体上不要求所有元素在内存中连续。

- 映射表 (map) : 这是一个指针数组,每个指针指向一个缓冲区块。
- **缓冲区块(block)**:每个块包含固定数量的元素,块的大小通常是固定的(例如 512 或 1024 个元素),这取决于实现。

这种结构类似于 分段式连续存储,既避免了大规模连续内存分配的麻烦,又能够支持高效的随机访问。

2. 插入和删除操作的效率

- 两端高效插入/删除:由于映射表可以在两端扩展,当需要在队列两端插入或删除元素时,只需在映射表的两端增加或移除块的指针,无需移动大量元素。
- **中间插入/删除**:在队列中间插入或删除元素时,可能需要移动相关的元素,但由于元素被分散在多个块中,实际需要移动的元素数量相对较少。

3. 随机访问的实现

std::deque 支持常数时间的随机访问, 这是通过双重索引实现的:

第一层索引(块索引):通过计算元素的全局索引除以每个块的大小,确定元素所在的块。

• 第二层索引(块内偏移):通过计算元素的全局索引模上块大小,确定元素在块内的偏移位置。

这种方式使得随机访问的时间复杂度为 O(1), 尽管元素不在物理内存中连续存储。

4. 与 std::vector 和 std::list 的比较

- **std::vector**: 底层是动态数组,所有元素在内存中连续存储,支持高效的随机访问和尾部插入/删除,但在头部插入/删除元素效率低下,因为需要移动大量元素。
- **std::list**: 底层是双向链表,元素不连续存储,支持在任意位置高效地插入/删除,但随机访问的效率低下 (O(n) 时间复杂度)。
- std::deque : 结合了两者的优点,支持两端高效的插入/删除操作,同时提供常数时间的随机访问。

5. 内存管理

- **内存分配**: std::deque 通过分配多个小的缓冲区块,避免了分配一大片连续内存的需求。这在处理大量元素时,更加节省内存并减少内存碎片。
- **块的重用**: 当元素被删除后,相应的块可能被保留以供将来使用,减少频繁的内存分配和释放操作。

6. 具体实现细节

以下是 std::deque 实现的关键细节:

- 块大小(Buffer Size): 块的大小通常是编译器或标准库实现中预先定义的,可能根据元素类型的大小进行调整,以优化内存使用和对齐。
- 映射表的扩展: 当需要在两端插入元素且当前映射表已满时,映射表本身会进行动态扩展,类似于 std::vector 的容量增长,但增长频率较低。
- **指针的高效更新**:由于映射表存储的是块的指针,插入和删除操作只需更新映射表和块内的指针,而不需要移动 实际的元素数据。

7. 操作的时间复杂度

随机访问: ○(1)

两端插入/删除: 摊销 ○(1)

• 中间插入/删除: O(n), 但由于块的存在, 实际移动的元素可能少于 std::vector。

8. 代码示意

以下是一个简化的 std::deque 结构示意:

当进行元素访问时:

1. 计算块索引: block_index = index / block_size

2. 计算块内偏移: offset = index % block size

3. 访问元素: element = map[block_index][offset]

9. 实现的差异性

需要注意的是,std::deque 的具体实现可能因编译器和标准库的不同而有所差异:

• GNU 标准库(libstdc++): 采用分段数组的实现方式,块大小和映射表的增长策略可能不同。

• LLVM 标准库(libc++): 实现细节可能有所调整,以优化特定场景下的性能。

作业

所有例题