算法13 栈与队列2

单调栈

单调栈是面试中非常容易考到的知识点,也是整个栈学习中的重点。单调栈有三个模板,分别介绍如下:

(以下说的单调上升下降都是指从栈底到栈顶)

模板1 push的时候栈顶是答案

考虑:给定一个数组a,求每个数**左**边离它最近的且比它小的数的下标。如果不存在则标记为-1。

例如a = [1, -1, 3, 2],设下标从0开始,设答案数组是r。

开一个严格上升的栈, 初始栈空[

从左到右扫描a,首先遇到了a[0]=1,push的时候知道答案,此时栈空,也就是答案不存在,所以r[0]=-1,栈变为[1]

接着遇到a[1]=-1,push会违反单调性,从而pop栈顶,而push的时候知道答案,此时栈空,也就是答案不存在,所以r[1]=-1,栈变为[-1]

接着遇到a[2]=3,push不会违反单调性,而push的时候知道答案,此时栈顶是-1,所以r[2]=1(即-1的下标),栈变为[-1,3]

接着遇到a[3]=2,push会违反单调性,从而pop栈顶,而push的时候知道答案,此时栈顶是-1,所以r[3]=1,栈变为[-1,2

所以最终答案就是r = [-1, -1, 1, 1]

模板2 pop的时候知道pop值的答案

考虑:给定一个数组a,求每个数**右**边离它最近的且比它小的数的下标。如果不存在则标记为-1。

例如a = [2, 3, -1, -1, -2],设下标从0开始,设答案数组是r。

开一个非严格上升的栈, 初始栈空

从左到右扫描a,首先遇到了a[0]=2,push不会违反单调性,将其push进栈,栈变为[2]

接着遇到a[1]=3,push不会违反单调性,将其push进栈,栈变为[2,3]

接着遇到a[2]=-1,push会违反单调性,pop的时候知道答案,pop了3,其对应的答案就是a[2]=-1,所以r[1]=2(r[1]的1是要pop的数字3的下标);再pop了2,其对应的答案也是a[2]=-1,所以r[0]=2。再将a[2]进栈,此时栈变为[-1]

接着遇到a[3]=-1,push不违反单调性,此时栈变为[-1,-1]

接着遇到a[4]=-2,push会违反单调性,pop了-1,其对应的答案就是a[4]=-2,从而r[3]=4(r[3]的3是pop的-1的下标);再pop了-1,其对应的答案也是a[4]=-2,从而r[2]=4。再将a[4]进栈,栈变为[-2]

最后栈内的元素都是答案不存在的元素,从而r[4] = -1

最终答案r = [2, 2, 4, 4, -1]

注意:

按上面的算法,细心的读者可以发现,每次push的时候,pop完违反的元素之后,push的元素的左边最近的小于等于它的元素恰好就是栈顶(当然如果栈空那就不存在答案)。所以,模板2是能看两边的,但是,如果右边看的是最近的**小于**的数的下标,左边就只能看最近的**小于等于**的数的下标,也就是一边看严格小于,另一边只能看非严格小于等于。

模板3 单调栈 + 二分

这个模板比较特殊,能高效的解决一类不常见的问题。

考虑:给定一个数组a,求每个数**左**边离它最**远**的且比它小的数的下标。如果不存在则标记为-1。

例如a = [4, 2, 3, 4],设下标从0开始,设答案数组是r。

开一个非严格单调下降的栈, 初始栈空, 「

遍历到a[0]=4,由于任意时刻栈都是非严格单调下降的,所以其答案通过对栈进行二分得到。当前栈空,所以r[0]=-1;接着将a[0]入栈,栈变为[4

接着遇到a[1]=2,对栈进行二分得其答案,所以r[1]=-1,push不会违反单调性,从而栈变为[4,2]

接着a[2]=3,对栈进行二分,得到其答案是a[1]=2,所以r[2]=1; push会违反单调性,从而不push(这也很好理解,a[1]=2比a[2]=3离得更远,数值还更小,那当然没必要push进a[2]了),栈为[4,2]

接着a[3]=4,对栈进行二分,所以r[3]=1;push会违反单调性,所以不push

最终答案r = [-1, -1, 1, 1]

总结

前两个模板时间是线性的,而最后一个时间是 $O(n\log n)$ 的,对于这种特殊的问题来讲已经相当高效。

单调队列

单调队列几乎只用来解决一个问题、就是滑动窗口的最值问题及其变种。

例题: https://blog.csdn.net/qq_46105170/article/details/103813612

给定一个长n数组a和一个正整数k,返回一个数组,每个数字代表原数组每k个数的滑动窗口的最大值。

具体思路不难,直接看博客。这个方法的精髓在于,队列里每次都会清除掉各种原因不可能成为答案的值,清除完之后 发现队列恰好只需要满足单调性就行了。

代码如下:

```
class Solution {
 2
    public:
 3
      vector<int> maxSlidingWindow(vector<int>& a, int k) {
 4
        int n = a.size();
 5
        vector<int> res;
        deque<int> dq;
 6
        for (int i = 0; i < n; i++) {
 7
          // pop掉不可能成为答案的值
 8
 9
          while (dq.size() && a[dq.back()] <= a[i]) dq.pop_back();</pre>
         // pop掉出界的值
10
          if (dq.size() && i - dq.front() >= k) dq.pop_front();
11
          // push当前值
12
          dq.push_back(i);
13
14
          // 每一轮的队尾就是答案
          if (i >= k - 1) res.push_back(a[dq.front()]);
15
        }
16
17
18
        return res;
19
      }
20 };
```

作业

Leetcode 496 907 42 1201 1060 84 85 739 239 862