

Modelos de Computación (2018/19) O Grado en Ingeniería Informática, Doble Grado de Ingeniería Informática y Matemáticas 1 de Febrero de 2019



Normas para la realización del examen:

- Los alumnos que quieren examinarse sólo de teoría porque conservan la nota de prácticas tienen que hacer los ejercicios 1-4.
- Los alumnos que tienen aprobada la teoría sólo tienen que hacer las preguntas 5-6.
- Las preguntas tipo test restan cuando se contestan erróneamente.

□ Ejercicio 1 Preguntas tipo test

[2.5 puntos]

Duración: 2.5 horas

- 1. Si un lenguaje tiene un conjunto finito de palabras sabemos que es regular.
- 2. Todo lenguaje aceptado por un autómata finito no determinista se puede generar con una gramática independiente del contexto.
- 3. Si L_1L_2 es independiente del contexto, entonces L_1 y L_2 son independientes del contexto.
- 4. Existe un algoritmo para determinar si el lenguaje generado por una gramática regular es vacío.
- 5. Todo lenguaje independiente de contexto puede ser expresado mediante la unión y la intersección finita de lenguajes regulares.
- 6. Para demostrar que un lenguaje independiente del contexto es inherentemente ambiguo basta con dar una gramática ambigua que lo genere.
- 7. El algoritmo de CYK tiene una complejidad de $O(n^3)$ donde n es la longitud de la palabra de entrada.
- 8. Si \mathbf{r} y \mathbf{s} son expresiones regulares, tenemos que siempre se verifica que $(\mathbf{r} + \mathbf{s})^* = (\mathbf{r}^* \mathbf{s}^*)^*$
- 9. Existe un algoritmo para comprobar si dos gramáticas independientes del contexto generan el mismo lenguaje.
- 10. Existe un algoritmo para comprobar si dos gramáticas regulares generan el mismo lenguaje.

 $D \to bDc \quad D \to \epsilon$

Dada la gramática

$$\begin{array}{cccc} S \rightarrow AB & S \rightarrow C & S \rightarrow BE \\ A \rightarrow aAb & A \rightarrow \epsilon \\ B \rightarrow cBd & B \rightarrow \epsilon \\ C \rightarrow aCd & C \rightarrow aDd \end{array}$$

determinar mediante el algoritmo de Cocke-Younger-Kasami si las palabras abbccd y aabbcd son generadas por esta gramática.

Construir autómatas con pila deterministas para los siguientes lenguajes sobre el alfabeto $\{a,b,c\}$ indicando el criterio que se usa para aceptar las palabras:

1. L_1 dado por las palabras de longitud impar que empiezan por a y tienen una c en el centro de la palabra.

2. $L_2 = \{a^i b^j c^k b^i \mid i \ge 1, 1 \le j \le k\}$

Constuir un AFD y una expresión regular para el complementario del lenguaje asociado a la expresión regular $(01^+)^*$.



Modelos de Computación (2018/19) ³⁰ Grado en Ingeniería Informática, Doble Grado de Ingeniería Informática y Matemáticas 1 de Febrero de 2019



Si L es el lenguaje asociado a la expresión regular $(({\bf 00})^*{\bf 11}+{\bf 01})^*$ calcula un AFD que acepte L^{-1}

d Ejercicio 6 ▷ Prácticas

[5 puntos]

Determinar cuales de los siguientes lenguajes son regulares y/o independientes del contexto sobre el alfabeto $\{0,1\}$. Justificar las respuestas.

- 1. $L_1 = \{0^n 1^n : n \text{ es primo }\}.$
- $2.\ L_2$ palabras en las que la diferencia entre el número de ceros y el número de unos es múltiplo de tres.
- 3. L_3 palabras de la forma $0^i 1^j 0^k$ en las que $i, j, k \ge 0$ tales que si i > 0, entonces j = k (puede ocurring i = 0 y $j \ne k$).

