# 数字逻辑设计

秦阳

School of Computer Science csyqin@hit.edu.cn

# 异步时序逻辑电路设计

- 异步脉冲序列检测器设计
- □ 异步计数器设计

# 利用触发器设计异步时序逻辑

### 异步时序逻辑设计的特点

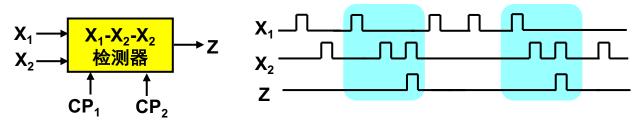
- 异步时序电路中,没有统一的时钟脉冲
- 异步时序电路中要求每次输入信号发生变化后,必须等电路 进入稳定状态,才允许输入信号再次发生改变
- 时钟脉冲作为一个输入变量考虑
- 为避免电路中出现竞争冒险,异步时序电路中每一时刻仅允许一个输入信号发生变化,不允许两个脉冲同时输入。n 个额入端有n+1个输入组合

如:异步时序中, $X_1X_2X_3$ 是三个输入端,有四种输入组合:000、001、010、100。

000——表示没有脉冲输入。

011、101、110、111是不允许出现的组合

例1:用D触发器设计一个 $X_1 - X_2 - X_2$ 脉冲序列检测器,其中 $X_1 \cdot$ X。为不同时出现的脉冲。



### 1. 建立原始状态表

①设状态

S<sub>0</sub>:初始状态, X<sub>1</sub>X<sub>2</sub>=00

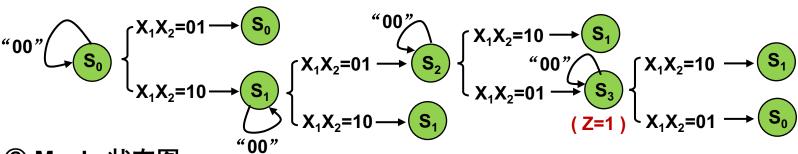
S<sub>1</sub>: 收到X<sub>1</sub>, X<sub>1</sub>X<sub>2</sub>=10

S<sub>2</sub>: 收到X₁-X₂, 即10 →01

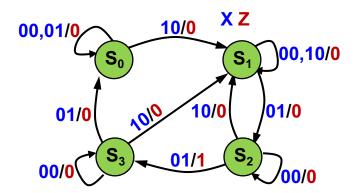
S<sub>3</sub>: 收到X<sub>1</sub>-X<sub>2</sub>-X<sub>2</sub>, 即10→01→01, 且Z=1。

只标记感兴趣的子序列

#### ② 状态转换情况



#### ③ Mealy 状态图



#### ④ 状态表

现态	<b>Q</b> n+1/ <b>Z</b>			
Qn	$X_1X_2=00$	$X_1X_2=01$	$X_1X_2=10$	
S <sub>0</sub>	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	
S <sub>1</sub>	S <sub>1</sub> / 0	$S_2/0$	S <sub>1</sub> / 0	
S <sub>2</sub>	S <sub>2</sub> / 0	S <sub>3</sub> / 1	S <sub>1</sub> / 0	
S <sub>3</sub>	S <sub>3</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	

### 2. 状态表化简

现态	Q <sup>n+1</sup> / Z				
Qn	$X_1X_2 = 00$	X <sub>1</sub> X <sub>2</sub> =01	X <sub>1</sub> X <sub>2</sub> =10		
S <sub>0</sub>	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	1	
S <sub>1</sub>	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>2</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0		
S <sub>2</sub>	S <sub>2</sub> / 0	S <sub>3</sub> / 1	S <sub>1</sub> / 0		
$S_3$	S <sub>3</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	V	



现态		Qn+1/Z	
Qn	X <sub>1</sub> X <sub>2</sub> =00	X <sub>1</sub> X <sub>2</sub> =01	X <sub>1</sub> X <sub>2</sub> =10
S <sub>0</sub>	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0
S <sub>1</sub>	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>2</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0
S <sub>2</sub>	S <sub>2</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 1	S <sub>1</sub> / 0

#### 3. 状态编码

原则1:  $S_0S_2$ 、 $S_0S_1$ 、 $S_1S_2$ 应取相邻编码

原则2: S₀S₁ 、 S₁S₂ 、 S₀S₂ 应取相邻编码 ➡

原则3: S<sub>0</sub>S<sub>2</sub>、S<sub>0</sub>S<sub>1</sub>、S<sub>1</sub>S<sub>2</sub>应取相邻编码

\	0	1
0	S <sub>0</sub>	S <sub>1</sub>
1	S <sub>2</sub>	

S<sub>0</sub>: 00 S<sub>1</sub>: 01 S<sub>2</sub>: 10

### 4、 D触发器的激励表

将CP看作控制函数,D触发器的特质法式为。

征表达式为:

 $Q^{n+1} = D.CP+Q^n.\overline{CP}$ 

 $CP=1, Q^{n+1}=D$  $CP=0, Q^{n+1}=Q$ 

#### 驱动表

Q <sub>n</sub>	$\rightarrow$	$Q_{n+1}$	СР	D
0	$\rightarrow$	0	0	X
0	$\rightarrow$	1	1	1
1	$\rightarrow$	0	1	0
1	$\rightarrow$	1	0	X

\	0	1
0	S <sub>0</sub>	S <sub>1</sub>
1	S <sub>2</sub>	

S<sub>0</sub>: 00 S<sub>1</sub>: 01 S<sub>2</sub>: 10

现态	Q <sup>n+1</sup> / Z			
Qn	$X_1X_2=00$	$X_1X_2=01$	$X_1X_2=10$	
S <sub>0</sub>	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	
S₁	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>2</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	
S <sub>2</sub>	S <sub>2</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 1	S <sub>1</sub> / 0	

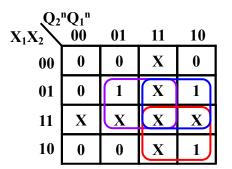
确定CP<sub>2</sub>: 看Q<sub>2</sub><sup>n</sup>→Q<sub>2</sub><sup>n+1</sup>

确定 $CP_1$ : 看 $Q_1^n \rightarrow Q_1^{n+1}$ 

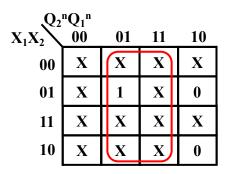
确定D<sub>2</sub>: 看CP<sub>2</sub>和Q<sub>2</sub><sup>n+1</sup> 确定D<sub>1</sub>: 看CP<sub>1</sub>和Q<sub>1</sub><sup>n+1</sup>

									٦ .	
输	入辽	<b>又现</b>	态	次	态	1		输入	1	输出
<b>X</b> <sub>1</sub>	X <sub>2</sub>	Q <sub>2</sub> n	$Q_1^n$	$Q_2^{n+1}$	<b>Q</b> <sub>1</sub> <sup>n+1</sup>	CP <sub>2</sub>	$D_2$	CP <sub>1</sub>	$D_1$	Z
0	0	0	0	0	0	0	X	0	X	0
0	0	0	1	0	1	0	X	0	X	0
0	0	1	0	1	0	0	X	0	X	0
0	0	1	1	Х	X	X	X	X	X	X
0	1	0	0_	0	0	0	X	0	X	0
0	1	0	1	1	0	1	1	1	0	0
0	1	1	0	0	0	1	0	0	X	1
0	1	1	1	X	X	X	X	X	X	Х
1	0	0	0	0	_ ነ	0	X	1	1	0
1	0	0	1_	0	1	0	X	0	X	0
1	0	1,	Ó	Q	1	1	0	1	1	0
1	0	1	1	X	X	X	X	X	X	Х
1	1	0	0	X	X	X	X	X	X	X
1	1	0	1	X	X	X	X	X	X	X
1	1	1	0	X	X	X	X	X	X	X
1	1	1	1	X	X	X	X	X	X	X

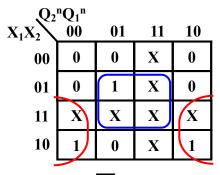
### 5. 卡诺图化简



$$CP_2 = X_2Q_1^n + Q_2^n X_2 + X_1Q_2^n$$



$$D_2 = Q_1^n$$



$$CP_1 = \overline{Q}_1^n X_1 + Q_1^n X_2$$

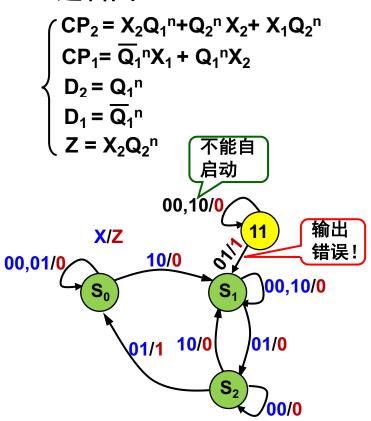
$X_1X_2$	<sup>n</sup> Q <sub>1</sub> <sup>n</sup> 00	01	11	10
00	0	0	X	0
01	0	0	X	1
11	X	X	X	X
10	0	0	X	0

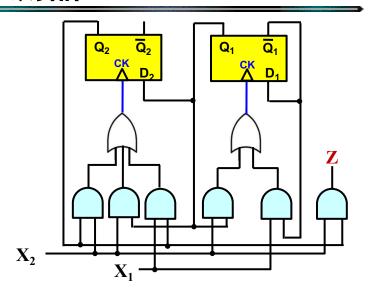
$$Z = X_2Q_2^n$$

$X_1X_2$ $Q_2$	<sup>n</sup> Q <sub>1</sub> <sup>n</sup> _00	01	11	10_
00	X	X	X	X
01	X	0	X	X
11	X	X	X	X
10	1	X	X	1

$$D_1 = \overline{Q}_1^n$$

#### 6. 逻辑图





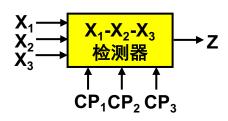
### 7. 检查无关项

无关状态:  $Q_2^nQ_1^n=11$ 

X<sub>1</sub>X<sub>2</sub>分别为 00, 01,10时,带入计算

$$\begin{cases} \mathbf{Q}_{2}^{n+1} = \mathbf{D}_{2} = \mathbf{Q}_{1}^{n} \; ; \quad \mathbf{CP}_{2} = \mathbf{X}_{2} \mathbf{Q}_{1}^{n} + \mathbf{Q}_{2}^{n} \, \mathbf{X}_{2} + \, \mathbf{X}_{1} \mathbf{Q}_{2}^{n} \\ \mathbf{Q}_{1}^{n+1} = \mathbf{D}_{1} = \overline{\mathbf{Q}}_{1}^{n} \; ; \quad \mathbf{CP}_{1} = \overline{\mathbf{Q}}_{1}^{n} \mathbf{X}_{1} + \, \mathbf{Q}_{1}^{n} \mathbf{X}_{2} \\ \mathbf{Z} = \mathbf{X}_{2} \mathbf{Q}_{2}^{n} \end{cases}$$

例2: 用D触发器设计一个 $X_1 - X_2 - X_3$ 异步脉冲序列检测器,其中  $X_1 \times X_2 \times X_3$ 为不同时出现的脉冲



#### 1. 建立原始状态表

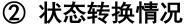
① 设状态

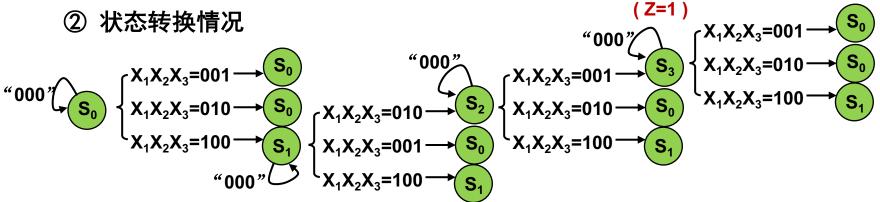
S<sub>0</sub>: 初始状态, X<sub>1</sub>X<sub>2</sub>X<sub>3</sub>=000

S<sub>1</sub>: 收到X<sub>1</sub>, X<sub>1</sub>X<sub>2</sub>X<sub>3</sub>=100

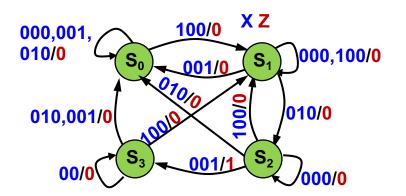
S<sub>2</sub>: 收到X<sub>1</sub>-X<sub>2</sub>, 即100 →010

S<sub>3</sub>: 收到X<sub>1</sub>-X<sub>2</sub>-X<sub>3</sub>, 即100→010→001, 且Z=1。





#### ③ Mealy 状态图



#### 状态表

现态		Q <sup>n+1</sup> / Z					
Qn	$X_1X_2X_3=000$	$X_1X_2X_3=100$	$X_1X_2X_3=010$	$X_1X_2X_3=001$			
S <sub>0</sub>	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0			
S <sub>1</sub>	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>2</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0			
S <sub>2</sub>	S <sub>2</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>3</sub> / 1			
$S_3$	S <sub>3</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0			

### 2. 状态表化简

现态	Q <sup>n+1</sup> / Z					
Qn	$X_1X_2X_3=000$	$X_1X_2X_3=100$	$X_1X_2X_3 = 010$	$X_1X_2X_3=001$		
S <sub>0</sub>	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0		
S <sub>1</sub>	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>2</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0		
S <sub>2</sub>	S <sub>2</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>3</sub> / 1		
S <sub>3</sub>	S <sub>3</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0		



现态		Q <sup>n+1</sup> / Z										
<b>Q</b> <sup>n</sup>	$X_1X_2X_3=000$	$X_1X_2X_3=100$	$X_1X_2X_3 = 010$	$X_1X_2X_3=001$								
S <sub>0</sub>	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0 S <sub>0</sub> / 0									
S <sub>1</sub>	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>2</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0								
S <sub>2</sub>	S <sub>2</sub> / 0	S <sub>1</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 0	S <sub>0</sub> / 1								

### 3. 状态编码

原则1:  $S_0S_2$ 、 $S_0S_1$ 、 $S_1S_2$ 应取相邻编码

原则2: S<sub>0</sub>S<sub>1</sub>、S<sub>1</sub>S<sub>2</sub>、S<sub>0</sub>S<sub>2</sub>应取相邻编码

原则3: S<sub>0</sub>S<sub>2</sub>、S<sub>0</sub>S<sub>1</sub>、S<sub>1</sub>S<sub>2</sub>应取相邻编码



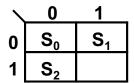
\	0	1
0	So	S <sub>1</sub>
1	S <sub>2</sub>	

S<sub>0</sub>: 00 S<sub>1</sub>: 01 S<sub>2</sub>: 10

### 4、 状态转换真值表

#### D触发器驱动表

Q <sub>n</sub>	$\rightarrow$	$Q_{n+1}$	СР	D
0	$\rightarrow$	0	0	X
0	$\rightarrow$	1	1	1
1	$\rightarrow$	0	1	0
1	$\rightarrow$	1	0	Х



S<sub>0</sub>: 00 S<sub>1</sub>: 01 S<sub>2</sub>: 10



状态转换真值表?

# 异步时序逻辑电路设计

- □ 异步脉冲序列检测器设计
- □ 异步计数器设计

# 利用触发器设计异步时序逻辑

### 异步时序逻辑设计的特点

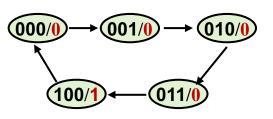
- 异步时序电路中,没有统一的时钟脉冲
- 异步时序电路中要求每次输入信号发生变化后,必须等电路 进入稳定状态,才允许输入信号再次发生改变
- 时钟脉冲作为一个输入变量考虑
- 为避免电路中出现竞争冒险,异步时序电路中每一时刻仅允许一个输入信号发生变化,不允许两个脉冲同时输入。n 个输入端有n+1个输入组合

### 模5加法计数器

### 例1: 试用JK触发器设计异步模5加法计数器

- ① 确定触发器个数:需要3个JK触发器,↓触发
- ② 画状态转换图
- ③ 确定触发器CP的接法

CP	<b>Q</b> <sub>3</sub>	$Q_2$	Q₁ 0	
<b>↓</b>	0	0 0		
<b>→</b>	0	0	1 \	
<b>+</b>	0	1	0 1	
<b>+</b>	0	1	1)	
<b>↓</b>	1	01	0 1	
<b>\</b>	0	0	0	



#### 设计原则

- 时序图中,凡是触发器状态翻转的地方,都必须为其提供时钟脉冲。
- 在满足翻转的前提下, 时钟脉冲越少越好

Q<sub>1</sub>——由CP提供下降沿, CP<sub>1</sub>=CP

 $Q_2$ ——翻转两次,需两个下降沿,恰好此时 $Q_1$ 有两个下降沿, $CP_2 = Q_1 \downarrow$ 

 $Q_3$ ——翻转两次,需两个下降沿,此时 $Q_2$ 、 $Q_1$ 都不能提供, $CP_3$  只能接CP

对触发器而言:只要提供时钟, 状态的保持就必须依靠输入端 (如J、K)的控制来实现。

# 模5加法计数器

#### ④ 状态转换真值表

 $CP_1 = CP_3 = CP \downarrow$ ,  $CP_2 = Q_1 \downarrow$ 

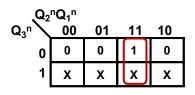
确定 $J_3K_3$ : 看 $Q_3^n \rightarrow Q_3^{n+1}$ 确定 $J_1K_1$ : 看 $Q_1^n \rightarrow Q_1^{n+1}$ 

现态				输入						输出		
$Q_3^{l}$	$^{1}\mathbf{Q}_{2}^{\mathrm{n}}$	$\mathbf{Q_1}^n$	$Q_3^{n+1}$	$\mathbf{Q}_2^{n+1}$	$\mathbf{Q_1}^{n+1}$	J <sub>3</sub>	K <sub>3</sub>	J <sub>2</sub>	K <sub>2</sub>	J₁	K <sub>1</sub>	Z
0	0	0	0	0	1	0	X	X	X)	1	X	0
0	0	1	0	1	0	0	X(	1	X	X	1	0
0	1	0	0	1	1	0	$ \mathbf{x} $	X	X	1	X	0
0	1	1	1	0	0	1	<b>X</b> (	X	1	X	1	0
1	0	0	0	0	0	X	1	X	X	0	X	1

此时Q<sub>1</sub>无下降沿, J<sub>2</sub> K<sub>2</sub>为任意

确定J<sub>2</sub>K<sub>2</sub>: 看Q<sub>1</sub><sup>n</sup>→Q<sub>1</sub><sup>n+1</sup>

#### ⑤ 卡诺图化简



$$\mathbf{J_3} = \mathbf{Q_2}^{\mathsf{n}} \mathbf{Q_1}^{\mathsf{n}}$$

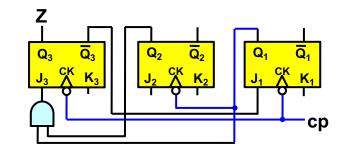
$$J_1 = \overline{Q}_3^n$$

$$\begin{cases} J_3 = Q_2^n Q_1^n, K_3 = 1 \\ J_2 = 1, K_2 = 1 \end{cases}$$

$$J_1 = \overline{Q}_3^n, K_1 = 1$$

$$Z = Q_3^n, CP_2 = Q_1 \downarrow, CP_3 = CP_1 = CP$$

#### ⑥ 逻辑图



# 模5加法计数器

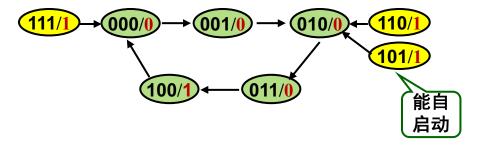
#### ⑦检查无关项

	现态    次态						输出		
$\mathbf{Q}_3$ r	${}^{1}\mathbf{Q}_{2}^{}$	$\mathbf{Q_1}^n$	$Q_3^{n+1}$	$\mathbf{Q}_{2}^{n+1}$	<b>Q</b> <sub>1</sub> n+1	Q <sub>1</sub> <sup>n+1</sup> CP <sub>3</sub> CP <sub>2</sub> C			Z
1	0	1	0	1	0	<b>+</b>	<b>↓</b>	<b>+</b>	1
1	1	0	0	1	0	↓	0	↓	1
1	1	1	0	0	0	<b>↓</b>	↓	↓	1

$$\begin{cases} J_3 = Q_2^n Q_1^n, K_3 = 1 \\ J_2 = 1, K_2 = 1 \end{cases}$$

$$J_1 = \overline{Q}_3^n, K_1 = 1$$

$$Z = Q_3^n, CP_2 = Q_1 \downarrow, CP_3 = CP_1 = CP$$

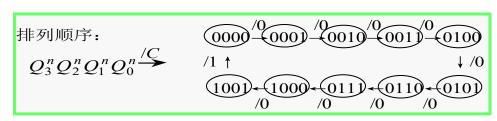


### 十进制异步加法计数器

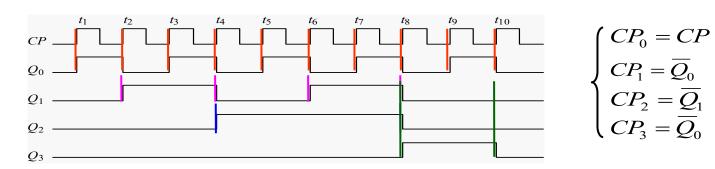
### 例2: 用D触发器设计实现十进制异步加法计数器

- ① 确定触发器个数:需要4个D触发器, 1 触发
- ② 画状态转换图

输出方程:  $C = Q_3^n Q_0^n$ 



③ 确定触发器CP的接法



选择时钟脉冲的基本原则:在满足翻转要求的条件下,触发沿越少越好。

### 十进制异步加法计数器

可太

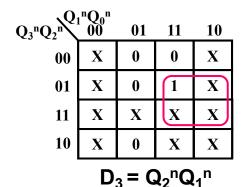
#### ④ 状态转换真值表

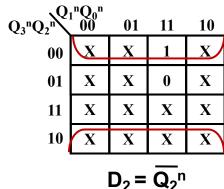
$$\begin{cases} CP_0 = CP \\ CP_1 = \overline{Q}_0 \\ CP_2 = \overline{Q}_1 \\ CP_3 = \overline{Q}_0 \end{cases}$$

#### ⑤ 卡诺图化简

		现在	<u>27</u>		<b>八心</b>				111八							
	Q <sub>3</sub> <sup>n</sup>	$\mathbf{Q_2}^{n}$	Q <sub>1</sub> <sup>n</sup>	Q <sub>0</sub> <sup>n</sup>	$Q_3^{n+2}$	Q <sub>2</sub> n+1	Q <sub>1</sub> n+1	$Q_0^{n+1}$	CP <sub>3</sub>	CP <sub>2</sub>	CP₁	CP <sub>0</sub>	$D_3$	$D_2$	D <sub>1</sub>	$D_0$
	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	Х	Х	Х	1
	0	0	0	1	0	0	1	0	<b>†</b>	0	<b>†</b>	<b>†</b>	0	X	1	0
	0	0	1	0	0	0	1	1	0	0	0	<b>†</b>	X	X	X	1
	0	0	1	1	0	1	0	0	<b>↑</b>	<b>†</b>	<b>†</b>	<b>↑</b>	0	1	0	0
	0	1	0	0	0	1	0	1	0	0	0	<b>†</b>	X	X	X	1
	0	1	0	1	0	1	1	0	<b>†</b>	0	<b>†</b>	<b>†</b>	0	X	1	0
	0	1	1	0	0	1	1	1	0	0	0	<b>†</b>	X	X	X	1
	0	1	1	1	1	0	0	0	<b>†</b>	<b>†</b>	<b>†</b>	<b>†</b>	1	0	0	0
	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	<b>↑</b>	X	X	X	1
	1	0	0	1	0	0	0	0	<b>↑</b>	0	<b>†</b>	<b>†</b>	0	X	0	0
յ Ծո	n					√O₁ <sup>n</sup> C	n					$\sqrt{O_1}^n$	) <sub>n</sub> n			

る大





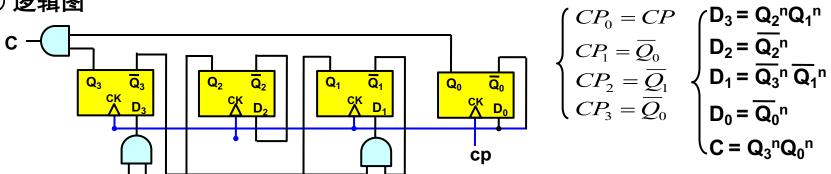
$Q_3^n Q_2^n$	1 <sup>n</sup> Q <sub>0</sub> <sup>n</sup>	01	11	10								
00	X	1	0	X								
01	X	1	0	X								
11	X	X	X	X								
10	X	0	X	X								
·	$D_1 = \overline{Q_3}^n \overline{Q_1}^n$											

$Q_3^nQ_2^n$	00	01	11	10
00	1	0	0	1
01	1	0	0	1
11	X	X	X	X
10	1	0	X	X
!		-		

ねる

### 十进制异步加法计数器





#### ⑦检查无关项

将无效状态1010~1111分 别代入状态方程,可以验证 该电路能够自启动。

		现点	忿		次态				输入				
	$Q_3^n$	$\mathbf{Q_2}^{n}$	Q <sub>1</sub> <sup>n</sup>	$Q_0^n$	$Q_3^{n+1}$	<b>Q</b> <sub>2</sub> n+1	<b>Q</b> <sub>1</sub> <sup>n+1</sup>	$Q_0^{n+1}$	CP <sub>3</sub>	CP <sub>2</sub>	CP₁	CP <sub>0</sub>	
١	1	0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	<b>†</b>	
ı	1	0	1	1	0	1	0	0	<b>†</b>	<b>†</b>	<b>†</b>	<b>†</b>	
	1	1	0	0	1	1	0	1	0	0	0	<b>†</b>	
'	° 1	1	0	1	0	1	0	0	<b>†</b>	0	<b>†</b>	<b>†</b>	
ı	1	1	1	0	1	1	1	1	0	0	0	<b>†</b>	
ı	1	1	1	1	0	0	0	0	<b>†</b>	<b>†</b>	<b>†</b>	<b>†</b>	

# 利用触发器设计异步时序逻辑

### 异步时序逻辑设计的特点

- 异步时序电路中,没有统一的时钟脉冲
- 异步时序电路中要求每次输入信号发生变化后,必须等电路 进入稳定状态,才允许输入信号再次发生改变
- 时钟脉冲作为一个输入变量考虑
- 为避免电路中出现竞争冒险,异步时序电路中每一时刻仅允许一个输入信号发生变化,不允许两个脉冲同时输入。n 个输入端有n+1个输入组合