

# Решебов Убак Вадимович

## Биография



- Все линии не омкнуты
- Параллельно только единичные и диагональные

Линейность:  $\begin{aligned} x_1(t) &\rightarrow y_1(t) \\ x_2(t) &\rightarrow y_2(t) \end{aligned} \quad \Rightarrow \quad \left. \begin{aligned} x_1(t) + \alpha x_2(t) &\rightarrow y_1(t) + \alpha y_2(t) \\ x_1(t) \cdot \beta &\rightarrow y_1(t) \end{aligned} \right\} \Rightarrow \alpha x_1(t) + \beta x_2(t) \rightarrow \alpha y_1(t) + \beta y_2(t)$

Статистика:  $x(t) \rightarrow y(t) \Rightarrow x(t+\Delta t) \rightarrow y(t+\Delta t)$

"Черный ящик" описывается:

- сконструирован
- набором параметров  $H$

Модель сим-на, состоящая из RLC, где есть линейная и статистическая.

## Технические задачи

Верб - учащийся 3-го курса, ведет к-рого проектирует один из них на Л. Модель содержит из  $\geq 1$  независимых функциональных.

Узел - место соединения берегов

Коэффициенты  $\rightarrow 2$  берега Учебник  $\rightarrow 2$  берега

Контур - модель замкнутой сети, проходя по всем-им берегам целиком.

Хардверы. исправлены однотипные, которые берут /узел проходит 1 раз

Одна. или можно заменить:

Компонентные узлы - единицы целиком, опред. ее компонентами

Технические узлы - единицы целиком, опред. только ее параметрами

## Правило Курикоффа

- Закон сохр-я заряда
- Продел не накапливает заряд (заряда)

## I Закон Курикоффа

Алг. сумма измененных зарядов всех батарей, находящихся в контуре из узлов в моделях имеет временн., равна 0.

$$\sum i_k = 0.$$

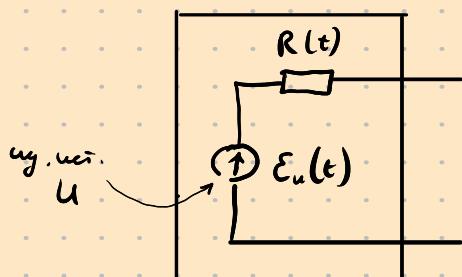
- Потенциалность з.н.
- Консервативность з.н.
- Полное значение  $\vec{B}$  во времени в сечении не изменяется (не меняет смысла з.н.)

## II Закон Курикоффа

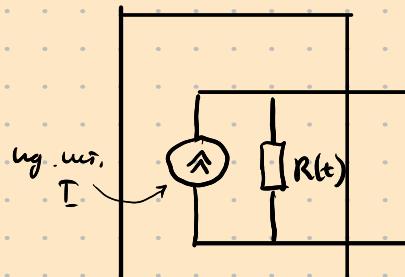
Алг. сумма измененных зарядов напряжения всех батарей, находящихся в моделях контура подвергнуты изменениям, равны 0.

## Теорема об эквивалентном генераторе

Так производимых батарей имеющих з.н. всем не изменяется, если изменение генераторов, и к-рые находятся за пределами, заменив эквивалентным генератором источником энергии, к-рой имеет один преобразователь называемый (Telenaut) или генератором (Нертон) с теми же изменениями. При этом ЭДС генератора изменится напротивоположно работе напряжению хар-кта рода автономного генератора, так генератор несет тока рабочий току КЗ автономного генератора, а внутреннее сопротивление и проводимость з.н. несущими рабочим током. Концепция входит в состав и генератором автономного генератора.



Нортон - Нертон



Тевенин - Нортон



$$I = \frac{E}{R_1 + R_2} ; U_{xx} = - I R_2 = - \frac{E R_2}{R_1 + R_2}$$

Зависимость тока в цепи от ЭДС нелинейна, т.к. она не линейна на разрыве цепи, однако сопротивление очень малое вблизи места разрыва.

Это подходит только к неизвестному источнику. Для зависимостей приведены зависимости для ин. ур-ий (различие с этим)

### Частотный анализ характеристики цепей

$$I \cos(\omega t) \rightarrow \boxed{\text{линейное звено}} \rightarrow K(\omega) \cdot \cos(\omega t + \varphi(\omega))$$



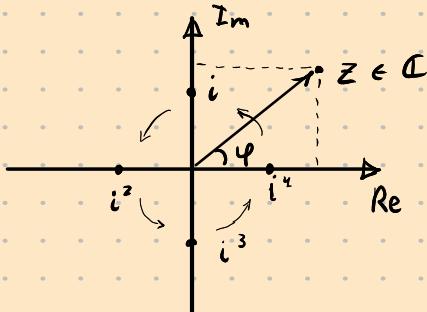
$$K(\omega) = A_{UX}$$



$$\varphi(\omega) = \varphi_{UX}$$

Cause нормальное описание цепей!

Типичные признаки - переходы в комплексной



$$z = |z| \cos \arg z + i |z| \sin \arg z \quad (\varphi = \arg z)$$

$$e^{ix} = 1 + ix - \frac{x^2}{2} - \frac{ix^3}{6} + \frac{x^4}{24} + \dots$$

$$e^{ix} = \cos x + i \sin x$$

$$z = |z| e^{i \arg z}$$

$$\cos x = \frac{e^{ix} + e^{-ix}}{2} \quad \sin x = \frac{e^{ix} - e^{-ix}}{2i}$$

$$\cos \omega t + i \sin \omega t \rightarrow \boxed{\text{ЛНВ}} \rightarrow K(\omega) \cos(\omega t + \varphi(\omega)) + (...) i \sin(...)$$



$$I = \frac{U}{R} \quad \tilde{I} = \frac{\tilde{U}}{R}$$



$$I = C \frac{dU}{dt}$$

$$\tilde{I} = C \frac{d(e^{j\omega t})}{dt} = j\omega C \tilde{U} = \frac{\tilde{U}}{\frac{1}{j\omega C}}$$

unegative



$$U = L \frac{dI}{dt} \quad \tilde{U} = j\omega L \tilde{I}, \quad \tilde{I} = \frac{\tilde{U}}{j\omega L}$$

Численное значение ( $Z$ )  $j = i$  в радиоэлектронике

Комплексная проводимость -  $Y$

### Линейные цепи с нагрузкой

#### 1. Частотные характеристики RC-цепи

$$\tilde{U}_{in} = \frac{\tilde{U}_{out}}{1 + \frac{1}{j\omega C}} = \frac{\tilde{U}_{out}(1 - j\omega RC)}{1 + \omega^2 R^2 C^2}$$

Что будет, если на вход подать  $\cos \omega t$ ?

$$U_{out} = \text{Re}(\tilde{U}_{out}) = (\cos \omega t + \sin \omega t \cdot j\omega RC) \cdot (1 + \omega^2 R^2 C^2)^{-1}$$

Амплитудно-фазовая зависимость:  $\cos \omega t + i \sin \omega t$

$$K(\omega) = \frac{\tilde{U}_{out}}{\tilde{U}_{in}} = \frac{1 - j\omega RC}{1 + \omega^2 R^2 C^2}$$

$$\frac{\tilde{U}_{out}}{\tilde{U}_{in}} = \frac{A_0 \cdot e^{j(\omega t + \varphi)}}{B_0 \cdot e^{j\omega t}} = \frac{A_0}{B_0} \cdot e^{j(\omega t + \varphi - \omega t)} = \frac{A_0}{B_0} e^{j\varphi}$$

Нормированная  $Z$  - сдвиг фаз - аргумент, модулирование амплитуды

Чтобы найти  $U_{out}$ , нужно из  $K(\omega)$  выделить фазовую составляющую и модуль комплексного числа  $A_0 e^{j\varphi}$ .

$$K(\omega) = \frac{1 - j\omega RC}{1 + \omega^2 R^2 C^2} = \frac{\frac{1 - j\omega RC}{\sqrt{1 + \omega^2 R^2 C^2}}}{\sqrt{1 + \omega^2 R^2 C^2}} \Rightarrow |K(\omega)| = (1 + \omega^2 R^2 C^2)^{-1/2}$$

$$|1 - j\omega RC| = \sqrt{1 + \omega^2 R^2 C^2}$$



Численно



$$\arg K = \varphi = -\arctg wRC$$



## линейной стабилизации



- $U_1, U_2$  - относительно земли
- Не насыщает зажиг
- По бокам зажиг течет неодинаков
- Видимое неодн. несимметричное (из 2) можно  
о чистом симметрии (видим. можно в чистом  
пространстве) - модуль  $\approx \text{НК } U_1, U_2, i_1, i_2$ .

## Система с параметрами (из линейных зависимостей (такие R) можно!)

Система из 2 линейных ур-ий, определяющих зависимость, например:

$$\begin{cases} i_1 = f_1(U_1, U_2) \\ i_2 = f_2(U_1, U_2) \end{cases}$$

Т.е. зависимость задается  
где-то зависимостями  $f_1$  и  $f_2$ .



Причем  $f_1$  и  $f_2$  они

- Нелинейны
- Прям. +  $\infty$

Т.е. мы можем использовать в качестве подобий токи.

$$di_1 = \left( \frac{\partial f_1}{\partial U_1} \right) dU_1 + \left( \frac{\partial f_1}{\partial U_2} \right) dU_2 \quad di_2 = \left( \frac{\partial f_2}{\partial U_1} \right) dU_1 + \left( \frac{\partial f_2}{\partial U_2} \right) dU_2$$

$= \text{const}$  при  $U_1$  и  $U_2$

При  $U_1 = \text{const}$ ,  $U_2 = \text{const}$  мы имеем 4 константы, характер. зависимости.

Приз. симпл производных:

$$1. \frac{\partial i_1}{\partial u_1} = g_{11} - \text{бюджет производности}$$

$$3. \frac{\partial i_2}{\partial u_1} = g_{21} - \text{пред пред производности производности}$$

$$2. \frac{\partial i_1}{\partial u_2} = g_{12} - \text{обратная производная производности}$$

$$4. \frac{\partial i_2}{\partial u_2} = g_{22} - \text{бюджет производности}$$

### Амплитудный сигнал (безразмерн. $h \in C$ - неизменн.)

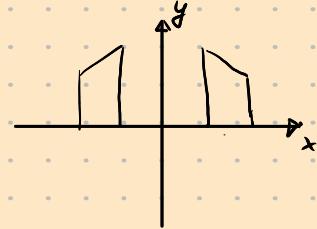
Вещественный сигнал - залежання нек-ої АК  $h$  від часу. При преобр-нн  $\theta$  у часі одержано певніше симетричний спектр (на симетричн. осн.  $D_\theta$  складаємо зо комплексного складення, а умова  $z_0 = 0$ ).

Це незадовільно - производство підходить з коеф.  $\sin \omega \cos$ .

Додавши до сигналу комплексну фазу  $- \pi/2$ , отримаємо зваж (правий) зо спектра симетричний.

Виведемо амплитудний сигнал. Позначимо що працюємо з сумою з генер. зважу сигналу, згрупованого вимірюванням. Нехай  $x(t)$  - ампл. сигнал,  $u(t)$  - похідна по часу зважу,  $h(t)$  - зважу.

Сигнал буде мати вигляд  $x(t) = A \cdot \sin(\omega t + \varphi)$



$$x(t) = \begin{cases} 0 & t < 0 \\ \sin(\omega t + \varphi) & t \geq 0 \end{cases}$$

$$\tilde{x}(t) = A \cdot e^{j(\omega t + \varphi)} = A \cdot e^{j\varphi} \cdot e^{j\omega t} \quad - \text{амплитудний сигнал}. \quad |e^{j\omega t}| = 1$$

$$A(\omega), \varphi(\omega). \quad A(\omega) \cdot e^{j\varphi(\omega)} - \text{комплексна амплітуда}$$

$$e^{j\omega t} - \text{комплексна вимірювання складення.}$$

### $Y$ - параметри (комплексн.)

$$\tilde{I}_1 = Y_{11} \cdot \tilde{U}_1 + Y_{12} \tilde{U}_2$$

$$\tilde{I}_2 = Y_{21} \tilde{U}_1 + Y_{22} \tilde{U}_2$$

При пошуку  $Y_{11}, Y_{22}$  застосовуємо (закорчуванням вимог), аналогично до  $Y_{21}$ .

$$\begin{pmatrix} \tilde{I}_1 \\ \tilde{I}_2 \end{pmatrix} = Y \times \begin{pmatrix} \tilde{U}_1 \\ \tilde{U}_2 \end{pmatrix}$$

Если бы в  $I_1$  и  $I_2$  как неизб., наименование то же:

$$dU_1 = \frac{\partial U_1}{\partial I_1} dI_1 + \frac{\partial U_1}{\partial I_2} dI_2$$

$$dU_2 = \frac{\partial U_2}{\partial I_1} dI_1 + \frac{\partial U_2}{\partial I_2} dI_2$$

- зглоба композиции сопротивлений

Следует на анод. цепи:

$$U_1 = Z_{11} I_1 + Z_{12} I_2$$

$$U_2 = Z_{21} I_1 + Z_{22} I_2$$

$$\begin{pmatrix} U_1 \\ U_2 \end{pmatrix} = Z \times \begin{pmatrix} I_1 \\ I_2 \end{pmatrix}$$

$$\text{Чтобы: } Z_{11} = \frac{Y_{22}}{|Y|} \quad Z_{12} = -\frac{Y_{12}}{|Y|}$$

$$Z_{21} = -\frac{Y_{21}}{|Y|} \quad Z_{22} = \frac{Y_{11}}{|Y|}$$

### H-параметры

$$\begin{cases} U_1 = h_{11} I_1 + h_{12} U_2 \\ I_2 = h_{21} I_1 + h_{22} U_2 \end{cases}$$

- называю же динамическими транзисторов

Формула



Коммутатор

$U_2$

- аналогичные дин. транзисторы схема

пример

$h_{21}$  - неизвестна но известны токи (нп.)  $h_{11}$  - бывшее сопротивление

$h_{12}$  -

(нп.)  $h_{22}$  - Былаческая проводимость (нп.)

(нп.) - изображение линеарна

$$\text{Чтобы: } h_{11} = \frac{|Z|}{Z_{22}} \quad h_{12} = -\frac{Z_{12}}{Z_{22}}$$

$$h_{21} = -\frac{Z_{21}}{Z_{22}} \quad h_{22} = \frac{1}{Z_{22}}$$

## Комплексный коэф-т передачи



Амплитуда - из ТФ КП

Комплексная звук в реальном не поддается  
 $|e^{j\omega t}| = 1$

$K(j\omega)$  - комплексный коэф-т передачи

$$K(j\omega) = \frac{B_{lm}}{B_{ls}} = \frac{B(\omega) e^{j\varphi(\omega)} e^{j\omega t}}{A_0 e^{j\varphi_0} e^{j\omega t}} = \frac{B(\omega)}{A_0} \cdot e^{j(\varphi(\omega) - \varphi_0)}$$

Надо анализировать сдвиги. Сложно помнить формулы на Бюро и  $K(j\omega)$  тоже дает

$$\Leftrightarrow \frac{B_n \cdot \omega^n + B_{n-1} \cdot \omega^{n-1} + \dots + B_0}{A_n \cdot \omega^n + A_{n-1} \cdot \omega^{n-1} + \dots + A_0} = \frac{B_0 \cdot (\omega - b_1) \cdot (\omega - b_2) \cdot \dots \cdot (\omega - b_n)}{A_0 \cdot (\omega - a_1) \cdot (\omega - a_2) \cdot \dots \cdot (\omega - a_m)}$$

сдвиги нулевых полюсов

сдвиги ненулевых полюсов

(одна сложная задача разбивается)

Частоты:

- Когда  $\omega = b_k$ ,  $|K| = 0$
- Когда  $\omega = a_k$ , возникает особенность.

$$\Leftrightarrow \frac{B_0}{A_0} \cdot \frac{|(\omega - b_1)| \cdot e^{j\arg(\omega - b_1)} \cdots |(\omega - b_n)| \cdot e^{j\arg(\omega - b_n)}}{|(\omega - a_1)| \cdot e^{j\arg(\omega - a_1)} \cdots |(\omega - a_m)| \cdot e^{j\arg(\omega - a_m)}} = \frac{B_0}{A_0} \cdot \frac{\prod_{k=1}^n |(\omega - b_k)|}{\prod_{p=1}^m |(\omega - a_p)|} \cdot e^{j \sum_{k=1}^n \arg(\omega - b_k) - j \sum_{p=1}^m \arg(\omega - a_p)}$$

"Нули" - корни числителя ( $b_i$ )

"Полюсы" - корни знаменателя ( $a_i$ )

$\omega$  гармоник для комплексной ( $\rho$ ), where от комплексной оп-ки приводят передачу к вещественному

$$\Im p = j\omega, \Re p = 0$$



$$\frac{B(\omega)}{A_0} \cdot e^{j(\varphi(\omega) - \varphi_0)} = \frac{B_n \cdot \rho^n + B_{n-1} \cdot \rho^{n-1} + \dots + B_0}{A_n \cdot \rho^n + A_{n-1} \cdot \rho^{n-1} + \dots + A_0} = \dots$$

Но на самом деле, нужно в  $\frac{B_0}{A_0}$  помнить ненулевые вещественные

$\rho = j\omega + 0^\circ$  - это же комплексная частота,  $0^\circ = 0$ .

Учите, что комплексные частоты неодинаково работают

$$K(j\omega) = \frac{|j\omega_0 - b_1|}{|j\omega_0 - a_1|} \cdot e^{j(\arg(j\omega_0 - b_1) - \arg(j\omega_0 - a_1))}$$

$|K(j\omega)| =$  отношение длин векторов из нуля и из полюса

$$|K(j\omega)| = \frac{\sqrt{b_1^2 + \omega^2}}{\sqrt{a_1^2 + \omega^2}} - AUX \quad \arg K(j\omega) = \varphi_B - \varphi_A - \phiUX$$

Пример  $a_1 = -b_1$ .



### Инерционная RC-система



$$K(j\omega) = \frac{\tilde{U}_{out}}{R + \frac{1}{j\omega C} + j\omega L \tilde{U}_{in}} = \frac{1}{j\omega RC + 1} = \frac{1}{RC(j\omega + \frac{1}{RC})}$$

Tak repayem  
(nem repay kongenatsiy)

$$= \frac{1}{RC(p + \frac{1}{RC})} \quad a_1 = -\frac{1}{RC} \quad \frac{b_0}{a_0} = \frac{1}{RC}$$

$$|K| = \frac{1}{RC} \cdot \frac{1}{\sqrt{\omega^2 + \frac{1}{RC^2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \omega^2 R^2 C^2}} \quad -A_{UX}$$



$$\arg K = -\arctan(\omega RC) \quad -\varphi_{UX}$$



### Дискретизированная RC-система



$$K(j\omega) = \frac{R}{R + \frac{1}{j\omega C}} = \frac{j\omega RC}{j\omega RC + 1} = \frac{j\omega - \alpha}{j\omega + \frac{1}{RC}}$$



AUX

OPUX

Не вещественное нулю / ненулевое бугоры симметричны относительно оси. Re > 0, если конд 1 - вещественный

## Однократные характеристики систем



$$C_n \frac{df^{(n)}}{dt} + C_{n-1} \frac{df^{(n-1)}}{dt} + \dots = \dots$$

Заменим  $f^{(n)}$  на  $p^n$ ,  $f^{(n-1)}$  на  $p^{n-1}$ , ...

Получаем характеристическое уравнение.

Корни полученного уравнения дают решения дифр. ур-я.

$$\frac{df^{(n)}}{dt^{(n)}} \rightarrow p^n$$

- оно же, с помощью к-поса можно решить задачку

$$\int f(t) dt \rightarrow \frac{1}{p}$$

Непрерывная форма  $x(t)$  и ее спектр (преобразование Фурье):

$$F(\omega) = C \int_{-\infty}^{\infty} f(t) e^{-j\omega t} dt$$

- сходимость интеграла второго вида



- спектр этого сигнала не имеет - интеграл не сходится

(Ф-ка Хейвайса)

Можно придумать ее неизвестнометрическую оп-ку, к-рее сдвиги к оп-ке Хейвайса, иначе, когда сдвиги неизвестнометрических интегралов.

Всегда менее прямое преобр-е, более универсальный метод: умножим  $f(t)$  на  $e^{-\sigma t}$ .

То есть оп-ку можно ограничить своим действием. Новое преобр-е:

$$F(p) = \int_0^{+\infty} f(t) \cdot e^{-pt} dt; \text{ обозначим } p = j\omega + \sigma - \text{ преобр-е Лапласа (прене)}$$

"это энту. он дает здешний."

При этом всегда справедливо, что для  $t=0$   $f(t)=0$ , кроме начального состояния оп-ки

(тогда интеграл не разбирается от отрицательных  $e^{-\sigma t}$ ).  $F(p)$  - лаплас - образ

## Числовые признаки знакоустойчивости

- Коэффициенты характеристического уравнения не должны иметь действительных частей, равных нулю.
- $\forall t < 0 \rightarrow f(t) = 0$
- $\exists M > 0, s_0 > 0 : \forall t \rightarrow |f(t)| < M e^{s_0 t}$  - определение знакоустойчивости

$f(t) \stackrel{def}{=} F(p) - f(t)$  есть остаток  $F(p)$

Однозначное представление вида  $\frac{1}{p-a}$ .

$$f(t) = \frac{1}{2\pi j} \int_{a-j\infty}^{a+j\infty} \frac{1}{p} e^{pt} dp$$

В ТФКП не имеется других интегралов.

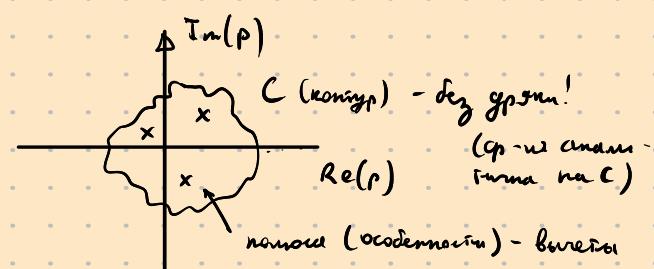
Однозначный вид: теорема Коши о вычетах.

$$\int_C q(p) dp = 2\pi i \cdot \sum \operatorname{res} q(p) \quad (\text{вычитающиеся полюсы})$$

$\operatorname{res} q(p)$  - вычеты оп-ум  $q(p)$



- можно превратить в  
действительную.

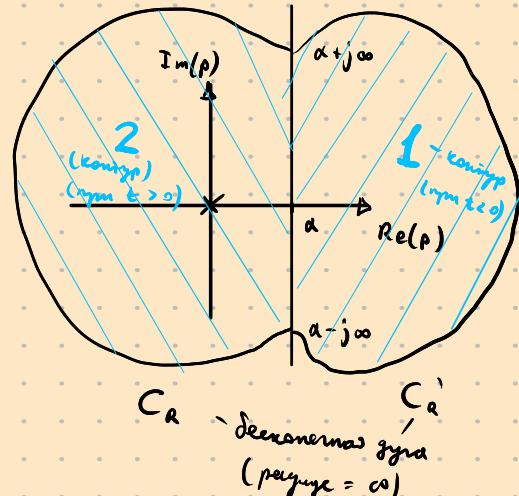


насечка (коэффициенты) - вычеты

Если в оп-ум есть осадимости, пренебрегаем не в поле Тейлора, а вот в таком виде!

$$f(p) = \dots + \underbrace{\frac{1}{p^2} C_{-2}}_{\text{вычеты оп-ум}} + \underbrace{\left( C_{-1} \frac{1}{p} + C_0 + C_1 p + C_2 p^2 + \dots \right)}_{\text{правильные части}} \quad - \text{поля} \text{ Тейлора}$$

$C_{-1}$  - это наше, что в знаменателе



Полигодионность интегралов базируется на симметрии

$\rightarrow \infty$  при симметрии оп-ум  $\neq 0$  на  $\infty$  симметрия  $\neq 0$ .  
(лемма Моргуана)

При  $t < 0$  по линии Моргуана  $\int_{C'_R} \dots = 0$

$$\int_{C_R} \dots = \int_L \dots - \int_{C'_R} \dots = 0 - 0 = 0 \quad f(t) = 0$$

При  $a > 0$  контур 1 не содержит осадимостей (один из них:  $\frac{1}{p} - 8$  раза)  $\Rightarrow \int_1 \dots = 0$

При  $t \geq 0$

Вычитающийся остаток, забавленный 1 ( $p \rightarrow 0 \quad e^{pt} \rightarrow 1 \Rightarrow$  остаток осадимости:  $\frac{1}{p} \rightarrow C_{-1} - 1$ )

$$\int_2 \dots = 2\pi i \quad \int_2 \dots - \int_{C_R} \dots = 2\pi i$$

$$F(t) = \frac{2\pi i}{2\pi i} = 1 \quad - \text{q-p-u2 Xebucanya!}$$

T.e.  $F(p) = \frac{1}{p}$  ges q-p-u2 Xebucanya.

Прегледуем мысъл q-p-u2 във вид на симметрични съмволи, която е2 има предпазителни за ламбади.  $e^{-pt}$  - избраният q-p-u2 Xebucanya може предпази -2



$$f(t) = \frac{1}{2\pi j} \int_{a-j\infty}^{a+j\infty} e^{pt} \left\{ \sum f(\tau_x) e^{-p\tau_x} \Delta' \tau_x \right\} dp$$

$$\Delta' \tau_x = \frac{-e^{-p\tau_x}}{p} = \Delta \tau_x - \frac{(\Delta \tau_x)^2}{2!} + \dots - \text{първи член}$$

$$f(t) = \frac{1}{2\pi j} \int_{a-j\infty}^{a+j\infty} e^{pt} \left\{ \int_0^t f(\tau) e^{-p\tau} d\tau' \right\} dp \quad - \text{одното предпази е ламбада}$$

$$f(t) = \frac{1}{2\pi j} \int_{a-j\infty}^{a+j\infty} e^{pt} F(p) dp$$

$f(t)$  - q-p-u2 Xebucanya.

$$F(p) = \int_0^{+\infty} i(t) e^{-pt} dt = -\frac{1}{p} e^{-pt} \Big|_0^{+\infty} = \frac{1}{p}$$

$$G(p) = \int_0^{\infty} e^{p_0 t} e^{-pt} dt = \int_0^{\infty} e^{-(p-p_0)t} dt = -\frac{1}{p-p_0} e^{-(p-p_0)t} \Big|_0^{\infty} = \frac{1}{p-p_0}$$

Получихме, че

$$i(t) = \frac{1}{p} \quad e^{p_0 t} \cdot i(t) = \frac{1}{p-p_0}$$

тъкмо предпази е намирането на  $i(t)$ , е2 не можи.

## Свойства предпази-2 ламбада

### 1° линейност

$$\int_0^{\infty} (\alpha f(t) + \beta g(t)) e^{-pt} dt = \alpha \int_0^{\infty} f(t) e^{-pt} dt + \beta \int_0^{\infty} g(t) e^{-pt} dt$$

$$\alpha f(t) + \beta g(t) \stackrel{def}{=} \alpha F(p) + \beta G(p)$$

$$\sin \omega t = \frac{e^{j\omega t} - e^{-j\omega t}}{2j}, \quad \cos \omega t = \frac{e^{j\omega t} + e^{-j\omega t}}{2}$$

и също линейността намирали:

$$\sin \omega t \doteq \frac{1}{2j} \left( \frac{1}{p-j\omega} - \frac{1}{p+j\omega} \right) = \frac{\omega}{p^2 + \omega^2}$$

$$\cos \omega t \doteq \frac{1}{2} \left( \frac{1}{p-j\omega} + \frac{1}{p+j\omega} \right) = \frac{p}{p^2 + \omega^2}$$

$$\operatorname{sh} \omega t \doteq \frac{\omega}{p^2 - \omega^2}$$

$$\operatorname{ch} \omega t \doteq \frac{p}{p^2 - \omega^2}$$

## 2° Таблица номинал

$$f(t) \doteq F(p)$$

$$f(\alpha t) \doteq \int_0^\infty f(\alpha t) e^{-pt} dt = \frac{1}{\alpha} \int_0^\infty f(t) e^{-p\frac{t}{\alpha}} dt = \frac{1}{\alpha} F\left(\frac{p}{\alpha}\right)$$

## 3° Дифференцирование ортранс

$$f'(t) \doteq F(p)$$

$$f'(t) \doteq \int_0^\infty \underbrace{f'(t)}_{u'} \underbrace{e^{-pt} dt}_{v} = f(t) e^{-pt} \Big|_0^\infty - \int_0^\infty f(t) (-p) e^{-pt} dt = -f(0) + pF(p)$$

$$f^{(n)}(t) \doteq p^n F(p) - \sum_{i=0}^{n-1} p^{n-i-1} f^{(i)}(0)$$

## 4° Дифференцирование изотранс

$$F(p) \doteq f(t) \quad (\text{одинакое преобр-е})$$

$$F'(p) = \left( \int_0^\infty f(t) e^{-pt} dt \right)'_p = - \int_0^\infty t f(t) e^{-pt} dt$$

$$F^{(n)}(p) \doteq (-t)^n f(t)$$

$$t^n \doteq (-1)^n \left( \frac{1}{p} \right)^{(n)} = \frac{n!}{p^{n+1}}$$

$$t^n e^{pt} \doteq \frac{n!}{(p-p_0)^{n+1}}$$

## 5° Интегрирование ортранс

$$f(t) \doteq F(p)$$

$$g(t) = \int_0^t f(t) dt \quad g(t) \doteq G(p)$$

$$F(t) = g'(t) \doteq F(p) = pG(p)$$

$$G(p) = p^{-1} F(p)$$

## 6<sup>0</sup> Интегрирование изображения

$$F(p) \doteq f(t)$$

$$\int_p^{\infty} F(p) dp - \text{изображение}$$

$$\int_p^{\infty} F(p) dp = \int_p^{\infty} \left\{ \int_0^{\infty} f(t) e^{-pt} dt \right\} dp = \int_0^{\infty} f(t) dt \int_p^{\infty} e^{-pt} dp = \int_0^{\infty} \frac{f(t)}{t} e^{-pt} dt$$

$\uparrow$  изложение неправильное интегрирование

$$\int_p^{\infty} F(p) dp \doteq \frac{f(t)}{t}$$

$$e^{pt} - e^{at} \doteq \frac{1}{p-a} - \frac{1}{p-a}$$

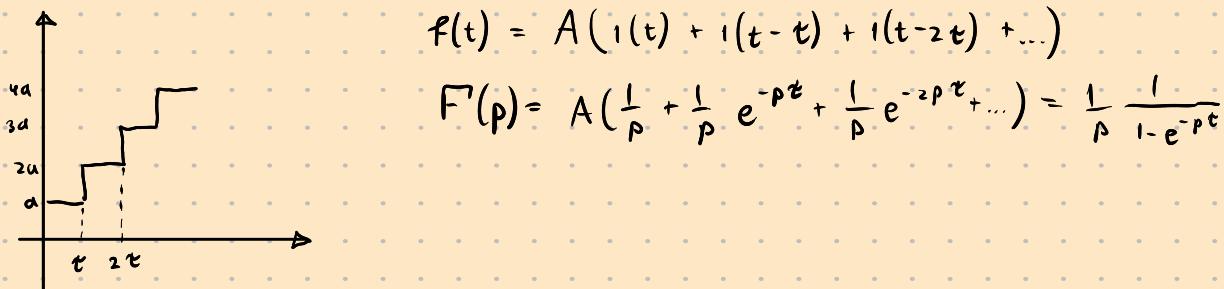
$$\frac{e^{pt} - e^{at}}{t} \doteq \int_p^{\infty} \left( \frac{1}{p-a} - \frac{1}{p-a} \right) dp = \ln \frac{p-a}{p-a}$$

## 7<sup>0</sup> Теорема замены изображения

$$f(t) \doteq F(p)$$

$$f(t-t) \doteq \int_t^{\infty} f(t-t) e^{-pt} dt = \int_0^{\infty} f(t_1) e^{-(t_1+t)} dt_1 = e^{-pt} F(p)$$

$t_1 = t-t$



$$f(t) = A(1(t) - 21(t-t) + 2 \cdot 1(t-2t) - \dots)$$

$$F(p) = \frac{A}{p} \left( 1 - 2 \frac{e^{-pt}}{1 - e^{-pt}} \right)$$

Меняется

$$F(p) = \frac{A}{p^2} \left( 1 - 2 \frac{e^{-pt}}{1 - e^{-pt}} \right)$$



### 8º Teorema convolutionis

$$F(p) \doteq f(t)$$

$$F(p-p_0) \doteq ?$$

$$F(p-p_0) = \int_0^\infty f(t) e^{-(p-p_0)t} dt = \int_0^\infty (f(t) e^{p_0 t}) e^{-pt} dt$$

$$e^{-pt} \sin \omega t \doteq \frac{\omega}{(p+\lambda)^2 + \omega^2}$$

$$e^{-pt} t^n \doteq \frac{n!}{(p+\lambda)^{n+1}}$$

### 9º Teorema умножения - *бесконечное произведение*

$$f(t) \doteq F(p) \quad g(t) \doteq G(p)$$

$$F(p) \cdot G(p) \doteq ?$$

$$\int_0^t f(\tau) g(t-\tau) d\tau = \int_0^\infty e^{-pt} dt \int_0^t f(t) g(t-t) dt = \int_0^\infty f(t) e^{-pt} dt \int_0^\infty g(t) e^{-pt} dt =$$

$$= F(p) \cdot G(p)$$

$$\int_0^t f(t) g(t-t) dt - \text{интеграл свёртки}$$

Есан оңайында оның үз-үзін интеграл жарнамасын, дәржін - барынан бергенінде, бескінчелік бергеніндең дүйесіндең таңынан сабакта - көмек көрсеткеме жағынан

$$p F(p) G(p) = f(0) G(p) + \{p F(p) - f(0)\} G(p) \doteq f(0) g(t) + \int_0^t g(t) \cdot f'(t-t) dt =$$

### Интеграл Дюамеля

$$= g(0) f(t) + \int_0^t f(\tau) g'(t-\tau) d\tau$$

### 10º Обратная теорема умножения

$$f(t) g(t) \doteq \frac{1}{2\pi i} \int_{\alpha-i\infty}^{\alpha+i\infty} F(q) G(p-q) dq - \text{неге жағынан}$$

$$f(t) g(t) \doteq \int_0^\infty f(t) g(t) e^{-pt} dt = \frac{1}{2\pi i} \int_0^\infty \left\{ \int_{\alpha-i\infty}^{\alpha+i\infty} F(q) e^{qt} dq \right\} g(t) e^{-pt} dt =$$
$$= \frac{1}{2\pi i} \int_{\alpha-i\infty}^{\alpha+i\infty} \left\{ F(q) \int_0^\infty g(t) e^{-(p-q)t} dt \right\} dq = \frac{1}{2\pi i} \int_{\alpha-i\infty}^{\alpha+i\infty} F(q) G(p-q) dq$$

Дегенде интеграл ендиңдең интегралынан.

# Числоское характеристики

Особенности функциональных из-внешн. функционалов, заданные на пространстве основных функций. Число, соотвтвующее основной функции  $\varphi$  функционалу  $f$  называется  $(f, \varphi)$  и наз-ся единичной обобщенной ф-ией  $f$ . на пространство ф-ий  $\varphi$ .

$$(f, \varphi) = A$$

1° Минимум функционала

$$f(c_1\varphi_1 + c_2\varphi_2) = c_1(f, \varphi_1) + c_2(f, \varphi_2)$$

2° Непрерывность

$$\forall \varphi_n \xrightarrow[n \rightarrow \infty]{} 0 \rightarrow (f, \varphi_n) \xrightarrow[n \rightarrow \infty]{} 0 \quad (K - \text{нр-бо сущ ф-ий})$$

Всеобщая основная ф-я линейна и непрерывна.

У каждого основной ф-ии есть "конечный конец":  $\varphi(x) = 0 \Big|_{x=a}$   
(второе ab-то - это функция)



Пример:  $\varphi(x) = \begin{cases} 0, & |x| \geq a \\ \exp\left(-\frac{x^2}{a^2-x^2}\right), & \text{если } x < |a| \end{cases}$

В т.  $x \rightarrow a$  функция, эко  $\varphi(x) \rightarrow 0$  и  $\varphi'(x) \rightarrow 0$  - ф-я непрерывна и гл-но непрерывна константа  $\varphi(x) = 0$ .



Эти ф-ии можно умножить на любые линейные непрерывные ф-ии.  
ф-ии. И результат будет оставаться линейным непрерывным!

Произведение таких ф-ий есть нр-бо основных ф-ий  $K$ .

$$(g, \varphi) = \int_{-\infty}^{+\infty} g(x) \varphi(x) dx - \text{первая обобщенная функция}$$

Самый простой пример - ф-я Хевайса:

$$1(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ 1, & x \geq 0 \end{cases} \quad (\text{небходимо, так как определит } 0 \neq 0; \text{ б/c перво. явл. нулевое})$$

$$(1, \varphi) = \int_0^{+\infty} \varphi(x) dx$$

$(\delta, \varphi(x)) = \varphi(0) - \delta - \text{ошибка}$



$h(t)$  - импульсная реакция, реакция системы на "момент дозы"

$$g(t) = \lim_{\Delta \rightarrow 0} \int_0^{\infty} x(t) \delta_{\Delta}(t-t) dt$$

Математика сводится к такому выражению:

интеграл Римана в огне  $t$ , всегда 0.



Исправленное выражение:

$$g(t) = \lim_{\Delta \rightarrow 0} \int_0^{\infty} x(t) \delta_{\Delta}(t-t) dt = x(0) = (\delta, x(t))$$

Обобщение производной одномерной опции

$$\int_{-\infty}^{+\infty} \delta'(t) \varphi(t) dt = \left. \delta(t) \varphi(t) \right|_{-\infty}^{+\infty} - \int_{-\infty}^{+\infty} \delta(t) \varphi'(t) dt = -\varphi'(0)$$

равдели на  
функции



$$q = \int_{V \rightarrow 0} \rho dv \quad - \text{масса}$$

$$q = \int q \delta(x) dx, \quad \delta(x) - \text{масса единичного заряда}$$

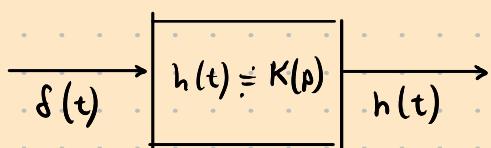
$q$



Как отнести массу единичного заряда?

$$\frac{l}{\ell} \rho \delta\left(x + \frac{l}{2}\right) \quad \text{и} \quad -\frac{l}{\ell} \rho \delta\left(x - \frac{l}{2}\right) \quad - \text{если } l \neq 0;$$

$$\lim_{l \rightarrow 0} \frac{\rho \delta\left(x + \frac{l}{2}\right) - \rho \delta\left(x - \frac{l}{2}\right)}{l} = \rho \delta'(x)$$



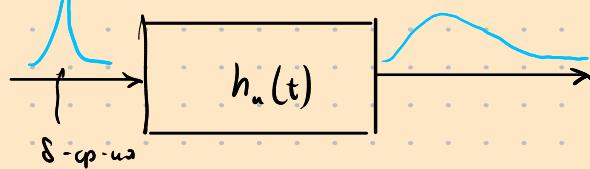
$$\begin{array}{c} \delta(t) \xrightarrow{\quad \quad \quad} h(t) \\ \downarrow \quad \quad \quad \downarrow \\ 1 \quad \rightarrow \quad K(p) \end{array}$$

## Синоди описание лин. и не-л.

### ① АЧХ, фур



### ② Частотное описание



захватлен нач-ое кор-то  
значение в момент времени

### ③ Переходное характеристики



Все описание захватлено

## Описание не-л. частотной характеристики



$$\delta(t) = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{i(t) - i(t-\Delta t)}{\Delta t}$$

$$\int_{-\infty}^{+\infty} \delta(t) dt := \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \int_{t-\frac{\Delta t}{2}}^{t+\frac{\Delta t}{2}} \frac{1}{\Delta t} dt = 1$$

(если не брать  $\lim$  за  $\int$ , получим 0!)

Когда мы находим, что  $\delta(t) = i'(t)$ , то  $i(t)$  не uniquely определена — это означает, что не одна. Однако если сказать что однозначно определено, то она unique!

Всегда имеется единство:

$$h_n(t) = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{h(t) - h(t-\Delta t)}{\Delta t}$$



пример для интегрирующей цепи  
(единственное не-л. описание)



пример для дифференцирующей цепи  
(единственное не-л. описание)

Однако  $h(t)$  всегда unique и unique! Поэтому

$$h_n(t) = h'(t)$$

Для синоди описания с производной в видим  $h_n(t)$ :

1. Пайдит  $h(t)$  на все равно: либо 1. производная и больше
2. Переим к одному ф-нию: там единственный

## Наша сінукса на $x(t)$



Аналог  $x(t)$  можна представити сумою елементів.

Всі цікі уміння використані вище:

$$y(t) = c_0 h(t) + c_1 h(t-\Delta t) + c_2 h(t-2\Delta t)$$

Чи можемо  $\Delta t \rightarrow 0$ :

$$y(t) = \int_0^t h(t-\theta) d[x(\theta)] = \int_0^t x'(\theta) h(t-\theta) d\theta - \text{непасирна функція Dirac}$$

Но! Якщо  $x(t)$  підібний? Тоді не  $x'(t)$ . Можна непідібний & однак. єд-нан, але спонза більш широким обсягом.

$$y(t) = x(\theta) h(t-\theta) \Big|_0^t + \int_0^t x(\theta) h'(t-\theta) d\theta = x(t) h(0) + \int_0^t x(\theta) h'(t-\theta) d\theta - \text{- більш широка функція Dirac}$$

Підібні  $h(t)$  називають також, якщо в них називає  $h_u(t)$  - параліпіпедним зважом або ваговим зважом. І. підібні по обсягу.

В одній з цих:

$$y(t) = \int_0^t x(\theta) h_u(t-\theta) d\theta$$

## Свого з преодол-ем Аналіза

$$\mathcal{L}[y(t)] = \mathcal{L}[x(t)] \cdot \mathcal{L}[h_u(t)] = H(p) \cdot \mathcal{L}[x(t)]$$

Припустимо компактність  $h_u$  - негатив -  $H(p) = \mathcal{L}[h_u(t)]$ !

## Выделение нужного сигнала из падора



1 МГц, импульс на частоте 50 Гц



AЧХ приемника

### ① Частотное разделяние

- Передатчик и приемник имеют одинаковую группу о группе не забот

### ② Разделение по времени

- Предупреждение о синхронизирующих пакетах (нечетные передаваемые)

### ③ Разделение по фазе

- Предупреждение о синхронизирующих пакетах (5 нс для задержки между кандидатом 1 и кандидатом 2)

## Частотное разделение

Деление на частоты неудобно (имеем не-равномерный спектр передаваемого сигнала). Берут октаву или меньше (октава - от  $\omega_0$  до  $2\omega_0$ )



Использование RC-фильтра (AЧХ).  
Сдвиг в 6 ДБ (честно!)

### Первое прохождение

- FM диапазон: 90 - 110 МГц
- Шаг между станциями: 400 кГц
- Изменение радиуса на 5%, дальность приема 60 ДБ (линейно - RC-цепочка совсем не помогает...)

## Второе прохождение



- Изменяется на один адресант, 2 адресанта одновременно в обе стороны
- Максимум ~ 10% различия (напр. 1,0 и 1,1 МГц для передачи и для приема)

- Задача упрощена: нерегулятор и приемник - движущее в огне зеркало. Мощность нерегулируемого излучения  $E_{\text{нр}}$  (в 1-й задаче нерегулятор не входит в расчеты из-за применения, но не менее ~1 кВт - все равно).

Решение 1: негасимый П-образный генератор.

Минимальное значение нестабильности (если сущест. короткое, то оно можно декомбинировать) - зависит от преодол.  $\rightarrow$  Рассмотрим.

Как такое можно в реальности?

Решение 2: резонансные сиркуляции



- Соединение генератора с нагрузкой не является нерегулируемым
  - Но! Негасимой колеб. можно не забывать - есть настройка ( $r$ )
- $$L \frac{di}{dt} + \frac{1}{C} i dt + ri = e \quad -\text{если засекаем}$$

Можно еще компенсацию добавить:

$$I = \frac{E}{Z_{\text{бр}}} = \frac{E}{jwL + r - \frac{1}{wC}} = \frac{E}{r + j(wL - \frac{1}{wC})}$$

Единственным нормальным значением  $wL = \frac{1}{wC}$

$Z_{\text{бр}}$  имеет наше значение:

1.  $r_{\text{бр}} = r$  - активная составляющая (const)

2.  $X_{\text{бр}} = wL - \frac{1}{wC}$  - реактивная составляющая (0 при  $wL = \frac{1}{wC}$ , значение  $\propto w$ )

Резонанс при  $w_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$  (при этом  $Z_h = Z_c$ ), при нем:

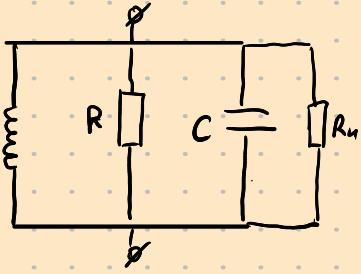
$Z_h = Z_c = \rho = \sqrt{\frac{L}{C}}$  - характеристическое сопротивление колебательного контура

Добротность  $Q = \frac{W_{\text{кк}}}{P \cdot \sqrt{LC}} = \left( W_{\text{кк}} - \text{ энергия, занесенная в колеб. контур, } P - \text{ средняя мощность потребляемая за 1 цикл, } \sqrt{LC} - 1 \text{ цикл } \right)$

$$= \frac{LI^2}{2P\sqrt{LC}} = \frac{LI^2}{2\left(\frac{I}{\sqrt{2}}\right)^2 R \cdot \sqrt{LC}} = \frac{\sqrt{LC}}{R} = \frac{\rho}{r}$$

активное  
занесение  
излучения

График. зеркало: напряжение передатчика  $I$  с амплитудой  $I_0$  при напряжении нагрузки  $I_{\text{заг}}$ . Тогда напряжение на зеркале  $I_{\text{заг}} = I_0 / \sqrt{2}$ .



$$Q = \frac{W_{\text{ex}}}{P \sqrt{L C}} = \frac{C U^2 R}{2 \left( \frac{U}{R} \right)^2 \sqrt{L C}} = \frac{R}{\sqrt{L/C}} = \frac{R}{S} \quad - \text{здесь} \text{нагрузка}$$

Задание  $d = 1/Q$

При независимом нагрузке  $\frac{1}{Q'} = \frac{1}{Q} + \frac{1}{Q_n}$  (т.к.  $\frac{1}{R'} = \frac{1}{R} + \frac{1}{R_n}$ )  
 $d' = d + d_n$

Число не зависит от конфигурации нагрузки (L-R)

Обычно  $Q \in [10; 10000]$ .

Например, будем ожидать, что  $\omega_0$  всегда ненулевое, а для  $\omega$  и  $\omega_0$  в пределах  $\omega_0 \pm \Delta\omega$  можно упростить.

$$X_{Bx} = \omega L - \frac{1}{\omega C} = \omega_0 L \left( \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{1}{\omega_0 \omega L C} \right) = \omega_0 L \left( \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right) = S \left( \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)$$

$$\xi = \frac{X_{Bx}}{r} = \frac{S}{r} \left( \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right) = Q \left( \frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right) \quad - \text{коэффициент рассеяния}$$

(нормированное на } Q \text{ и на } \omega\_0 \text{)

$$\omega = \omega_0 + \Delta\omega, \quad \Delta\omega - \text{изменимое значение}$$

$$X_{Bx} = \omega_0 L \left( \frac{\omega_0 + \Delta\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega_0 + \Delta\omega} \right) = \omega_0 L \frac{(\omega_0 + \Delta\omega)^2 - \omega_0^2}{\omega_0 (\omega_0 + \Delta\omega)} \approx \omega_0 L \frac{2\omega_0 \Delta\omega + \Delta\omega^2}{\omega_0^2} = L \cdot 2\omega \Delta\omega =$$

$$= \frac{2S}{\omega_0} \Delta\omega$$

$$\xi = 2Q \frac{\Delta\omega}{\omega_0}$$

$$|Z_{Bx}| = r \cdot \sqrt{1 + \xi^2} \quad (\text{т.к. } Z_{Bx} = r \cdot (1 + j\xi))$$

$$\arg Z_{Bx} = \arctg \xi \approx 2Q \frac{\Delta\omega}{\omega_0} \quad - \text{если } Q \text{ велика, то } \arg Z_{Bx} \approx 90^\circ$$



## Добротность и сопротивление



$$R = \sqrt{\frac{L}{C}} \cdot Q =$$

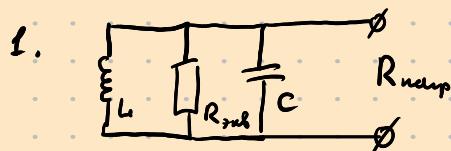
- Если на го  $Q=10$ , то в цепи параллельно
- Но если на го  $Q=100$ , то  $R$  слишком большое, а напряжение синхронное не хватает

А как же  $Q=5000$ ?

Можно наладить маленький  $L$  и большой  $C$

Но нечестно и грустно наладить не бывает — это проводников в цепи Тихий индуктивность.

## Частичное выключение



$$Q = \frac{R_{\text{sub}}}{\sqrt{L/C}}$$

$$Q^* = \frac{R_{\text{sub}} R_{\text{namp}}}{(R_{\text{sub}} + R_{\text{namp}}) \sqrt{L/C}}$$



Погрешность измерения на где засл.  $Q^*$  - ?

$$U_{\text{namp}} = \frac{U}{j\omega C_2 \left( \frac{1}{j\omega C_1} + \frac{1}{j\omega C_2} \right)} = \frac{C_1}{C_1 + C_2} U$$

— касп-т выключение

$$P_{\text{namp}} = \frac{U_{\text{namp}}^2}{R_{\text{namp}}} = \text{const}$$

(не засл., т.к. не меняется подстроечная)

(изменяется напряжение)

- В 2 раза уменьшит  $U_{\text{namp}}$  (изменяется синхр.), но в 2 раза возрастает  $Q$ . (если  $C_1 = C_2$ )
- Бумбум!

**Компенсационный выключение:**  $\frac{C_1}{C_2 + C_1}$

От  $R_{\text{sub}}$  напряжение не зависит, т.е. бумбум не демонстрирует.

3.



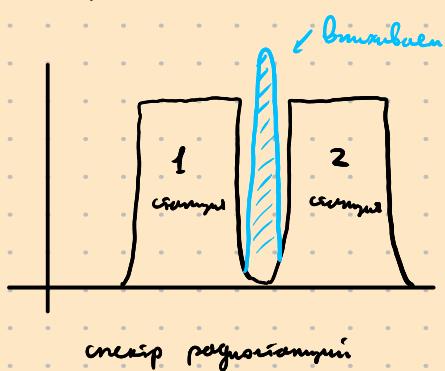
$$R_{\text{sub}} > R_n^* \quad R_{\text{sub}} > R_n^x$$

- Схема выключения,  $R_n$  и  $R_n^*$  — характеристики где будера подстроечная.



AUX y kontyra belye zane! Makinam, moshno svedet  
eë norme / normu u naipravle perekonchennya zanei.

- Ceranno oreni luyus (b svedenii kanavax) ne perekonchennya tamen qanibep. Bazyndan,  
eñin ciyanym nd 10 noks ottezg ygyz et ygyz (40 gF svedenii). Ko zio oren  
ne zadrakibulmo.



- Kak Banzibul nebeli aksan mi, stadii z ciyanym  
ero ne zadrakibul? Kamer edbergen yigibetis zin ciyanym?
- Moshno uselishshini perekonchennya qanibep - no ero net,
- Moshno nekakshum karej. Kontyram.

### Сбергание калед. конфигура



Kazan dair edbergen mi organizovana sberge  
meniy konfigurasi, qarayttaqdy suju u te xel.

Cermaq ygyzcas sheshej:



( $X_\alpha$ , kai u naznesowane kai perekonch.,  
ne aksubtel sognibene)

- Eñin 2 perekonch., on moshno  
ne biret nd 1.

- Unare b konfigurasi nebergen  
kazan ygyz. moshno.

$$2\text{-perekonch.: } Z_1 = Z_\alpha + Z_\beta$$

$$1\text{-perekonch.: } Z_2 = Z_\beta + Z_\alpha$$

$$2\text{-K3 : } Z_{bx} = Z_\alpha + Z_\alpha \parallel Z_\beta = Z_\alpha + \frac{Z_\alpha Z_\beta}{Z_\alpha + Z_\beta}$$

$$Z_{ex} = Z_1 - Z_{bx} + \frac{(Z_2 - Z_{bx}) Z_{bx}}{Z_2 - Z_{bx} + Z_{bx}} = Z_1 - \frac{Z_{bx}^2}{Z_2}$$

Пояснение 2-го касед. к-ра здравоохранения бессим в концепт 1 Z<sub>БНС</sub>:

$$Z_{\text{БНС}} = - \frac{Z_{\text{б}}^2}{Z_2}$$

Ноутык  $Z_{\text{б}} = j X_{\text{б}}$  ( $Z_1 = r_1 + j x_1$ ,  $x_1 = x_a + x_{\text{б}}$ , аналогично  $Z_2$ ) - т.к. надо непрерывно, а не резко прыгнуть

$$Z_{\text{БНС}} = - \frac{-x_{\text{б}}^2}{r_2 + j x_2} = \frac{x_{\text{б}}^2}{r_2^2 + x_2^2} r_2 - j \frac{x_{\text{б}}^2}{r_2^2 + x_2^2} x_2$$

$$r_{\text{БНС}} = \frac{x_{\text{б}}^2}{r_2^2 \left(1 + \frac{x_2^2}{r_2^2}\right)} = \frac{x_{\text{б}}^2}{r_2^2 (1 + \xi^2)} \approx \frac{x_{\text{б}}^2}{r_2 (1 + 2Q \frac{\Delta \omega}{\omega_0})}$$

$$x_{\text{БНС}} = - \frac{x_{\text{б}}^2 x_2 / r_2}{r_2 \left(1 + \frac{x_2^2}{r_2^2}\right)} = - \frac{x_{\text{б}}^2 \xi}{r_2 (1 + \xi^2)}$$



- Внешний вид

- Чем больше  $x_{\text{БНС}}$ , тем выше это погрешное резонансное число

Что наводит с АЧХ, когда known  $r_{\text{БНС}}$   
(1 -  $r_{\text{БНС}}=0$ , 2 -  $r_{\text{БНС}}$  выше, 3 -  $r_{\text{БНС}}$  дальше)

Чтобы учесть 3 касед-ки:  $\omega_{01}$  - резонанс 1-го к-ра,  $\omega_{02}$  - резонанс 2-го,  $X_{\text{б}}$ .

1-й касед-ки резонанс: резонанс на 1-м, но не на 2-м

2-й касед-ки резонанс: аналогично

нашний резонанс :  $\omega_{01} = \omega_{02} = \omega$

1-й касед-ки резонанс : в результате 1-го касед-ки рез. бессим  $X_{\text{б}}$  так, чтобы не было 2-го касед-ки

2-й касед-ки резонанс : аналогично

нашний резонанс :  $\omega_{01} = \omega_{02} = \omega$ ,  $X_{\text{б}}$  одинаков (идеал. ФИК)

# Итоги

- Рассмотрено применение полупроводникового синтеза к полупроводникам.
- Если в звук - полупроводник передатчик и звук - полупроводник приемник, это есть применение ограничения сверху

$$\frac{10^{-9}}{10^{-20}} \cdot \frac{\text{разделение}}{\text{напряжение}} = 320 \text{ Гб}$$

излучение  
приемник

Многие ограничены температурой. Что если приемник запорожить?



разные временные границы  
на осциллографе

Сейчас на выходе имеется毛毛 (ограничен в резистор) и сир. в антенне.  
Т.е. сигнала можно как-то разделять на части.

Быть не-убийственными  $U(t)$ , а не-не убийственное ее значение - **коррелирует**:

$$\langle U_1, U_2 \rangle = \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} U_1(u) U_2(u-t) du$$

(если процесс эргодичен)

(поскольку не-убийственный)  
"установление не-убийственности"

Когда значение времени, когда такое происходит. Но говорят, что сигн. процесс **эргодичен** - где мы устанавливаем не-убийственность можно заложить установление устанавливением по времени.

Наш  $t$  при изменении показывает, каким образом меняется процесс:



Графиком сигнала  
мы будем считать.

Чем дальше от  $t$  в коррелирующем подынформации значение  $t$  значение, тем менее близкородствен процесс! И наоборот

Но какое-то звук. перен. абсолютное - 0. До неё дует ветер - то же:



Излучение коррелограмм - гауссовы процессы  
Всего в коррелограмм - монодромные процессы

## Разностная пульсация



$$y(t) = \int x(u) h_u(t-u) du = x * h.$$

Но  $x$  мы не знаем, знаем только  $\langle x, x \rangle$ .

$$\langle y, y \rangle = \langle (x * h_u), (x * h_u) \rangle$$

Оказывается! Статистика коррелограмм равна коррелограмм самим.

$$\langle y, y \rangle = (\langle x, x \rangle * \langle h_u, h_u \rangle) \Leftrightarrow L[\langle y, y \rangle] = L[\langle x, x \rangle] \cdot L[\langle h_u, h_u \rangle]$$

Коррелограмма - норма спектра, где неё применено "норма логарифма о спектре":

$$L[\langle x, x \rangle] = L[x] \cdot L[x]^* = (\text{нормированный комплексный}) = |L[x]|^2$$

$$\text{Ну а } x(t) = L[x]: L[\langle y, y \rangle] = |x(t)|^2 \cdot |K(j\ell)|^2$$



Мощность выходного сигнала есть квадрат коэффициента  $|K(j\ell)|^2$

т.е. на частоте  $[\omega_0 - \Delta\omega, \omega_0 + \Delta\omega]$  получаем

$$|y(t)|^2 = |K_0|^2 \cdot |x(t)|^2$$

**N3** В вакуумной технике базисное сопротивление лежит  $R = 50 \Omega$  ( $\Rightarrow$  это очень маленькое!).

В реальных условиях лежит  $R = 75 \Omega$

$$\text{Потребляемая мощность} P = \frac{U^2}{R} = \text{const.} \cdot U^2$$

$|x(t)|^2$  - спектральная мощность монодромии (монодромия это же - спектральная).

Её называют спектральной мощностью.

Однако иначе - AWGN (additive white Gauss noise)

To есть если имеется идущий в антенне сигнал, например, 200 гармоник

Сумма на картинке есть  $[-30^\circ; +30^\circ]$ , т.е.  $60^\circ$ . Основное условие "на магнит" называется  $|K(j\omega)|^2$ .

## Расчет пропускания

**Числовое значение** — площадь под графиком  $K(j\omega)$ . Принцип можно записать в виде + неопределенной величиной.

$$\Delta \Omega = \int_0^{\infty} \left| \frac{K(j\omega)}{K_0} \right|^2 d\omega - \text{числовое значение}$$

## Суммирование сигналов



$$\begin{aligned} \langle n, n \rangle &= \left\langle \sum_{i=1}^N (e_i \times h_i), \sum_{k=1}^N (e_k \times h_k) \right\rangle (t) = \\ &= \sum_{i,k=1}^N \langle (e_i \times h_i), (e_k \times h_k) \rangle (t) = \\ &= \sum_{i,k=1}^N (\langle e_i, e_k \rangle \times \langle h_i, h_k \rangle) (t) \end{aligned}$$

Но в т.к.  $e_i$  и  $e_k$  при  $i \neq k$  — сигналы из различных разных источников, то они не коррелированы:  $\langle e_i, e_k \rangle = 0 |_{i \neq k}$ , тогда получаем

$$\langle n, n \rangle = \sum_{i=1}^N (\langle e_i, e_i \rangle \times \langle h_i, h_i \rangle) (t)$$

В результате получим:

$$n^2 = \sum_{i=1}^N e_i^2 \cdot |K(j\omega)|^2$$

- Когда сумма скоррелирована, то складывается дубль амплитуда (сумма двух разных источников)
- Если они некоррелированы, то складываются дубль мощности.

## Математический принцип



$R, T$   
математическое выражение  
закона сохранения:  
 $e^2 = 4KT$



Сущесвует множество видов резисторов на броце как для симметричной.

Внешний коэффициент шума  $K_n = 20 \lg \left( \frac{e_{bx}}{|K|^2 e_{ex}} \right)$

$K_n < 3 \text{ dB}$  - недопустимое значение,  $K_n > 10 \text{ dB}$  - опасное

### Как уменьшить шумы в системе

1. Уменьшение температуры (раз 8-10)
2. Уменьшение шума пассивных резисторов

Пассивное шумы - падение качества преобразования электрической энергии в тепловую (и наоборот). Знак. Динамика - Активный

Все это реалистичное зв. то не однозначно решает проблему шумов.

