

FFR135, Artificial Neural Networks

# **Home Problem 1**

Recognising digits

23 september 2019

Ella Guiladi  
930509-0822  
guiladi@student.chalmers.se

# 1 Recognizing digits

## 1.1 Weight Matrix

```
function weightMatrix=WeightMatrix(patterns,diagElements)

sizePattern=size(patterns);
numberBits = sizePattern(1);
weightMatrix=0;

for j=1:numberBits
    for i=1:numberBits
        weightMatrix(i,j)=sum(patterns(i,:).*patterns(j,:));
    end
end
if diagElements==0
    weightMatrix = (1/(numberBits).*(weightMatrix-eye(numberBits)).*←
        weightMatrix(1,1)));
else
    weightMatrix = 1/(numberBits).*weightMatrix;
end
end
```

## 1.2 Recognising digits

```

clear
clc
numberOfPatterns=5;
numberOfBits=160;
diagElements=0;
numberTrial=100;
hammingDistance=50;

x1=[ [-1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, 1, -1, -1, -1, -1],
      [-1, -1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1, 1, 1, -1, 1, -1],
      [1, 1, -1],[ -1, 1, 1, 1, -1, -1, 1, 1, 1, -1],[ -1, 1, 1, 1, -1, -1, 1, 1, -1],
      [1, 1, 1, -1],[ -1, 1, 1, 1, -1, -1, 1, 1, 1, -1],[ -1, 1, 1, 1, -1, 1, 1, -1],
      [-1, 1, 1, 1, -1],[ -1, 1, 1, 1, -1, -1, 1, 1, 1, -1],[ -1, 1, 1, 1, -1, 1, 1, -1],
      [-1, -1, 1, 1, 1, -1],[ -1, 1, 1, 1, -1, -1, 1, 1, 1, -1],[ -1, -1, 1, 1, 1, -1],
      [1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, -1, -1],
      [-1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1] ];

x2=[ [-1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1, -1],
      [-1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],
      [1, -1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, -1, -1],
      [1, 1, 1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, -1, -1],
      [-1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],
      [-1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],
      [-1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],
      [1, 1, -1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, -1, -1] ];

x3=[ [1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, 1, -1, -1],
      [-1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],
      [1, 1, 1, -1, -1],[ -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ 1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],
      [1, 1, 1, 1, -1, -1],[ 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ 1, 1, 1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1],
      [-1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1],[ 1, 1, 1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1],
      [-1],[ 1, 1, 1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1],[ 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, -1, -1] ];

x4=[ [-1, -1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ -1, -1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, -1],
      [-1],[ -1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1],
      [1, 1, 1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1],
      [-1, -1, 1, 1, 1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, 1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1],
      [1, 1, 1, 1, 1, 1, -1, -1],[ -1, -1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1],
      [-1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, 1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, 1, -1],
      [-1],[ -1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, 1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1],
      [1, 1, 1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, 1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1],
      [1, 1, 1, 1, -1],[ -1, -1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, -1, -1] ];

x5=[ [-1, 1, 1, -1, -1, -1, 1, 1, -1],[ -1, 1, 1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, -1],
      [1, -1],[ -1, 1, 1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, -1],[ -1, 1, 1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, -1],
      [-1, 1, 1, -1],[ -1, 1, 1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, -1],[ -1, 1, 1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, -1],
      [-1, -1, 1, 1, 1, -1],[ -1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, 1, -1],
      [-1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, 1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, 1, -1],
      [-1],[ -1, -1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, 1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1],
      [1, 1, 1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, 1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1],
      [-1, -1, -1, -1, 1, 1, -1],[ -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1] ];

savedPatterns=[x1
               x2
               x3
               x4
               x5]'; %storing the patterns in a matrix

```

```
%WeightMatrix=WeightPattern(savedPatterns,diagElements);

%feeding patterns that we want to recognize
pattern1A = [[-1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1], [-1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, ←  
-1, -1, -1], [-1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, 1, -1, -1], [-1, -1, -1, 1, -1, ←  
1, 1, 1, -1, -1], [-1, -1, -1, 1, -1, 1, 1, 1, -1, -1], [-1, -1, -1, ←  
1, -1, 1, 1, 1, -1, -1], [-1, -1, -1, 1, -1, 1, 1, 1, -1, -1], [-1, 1, ←  
1, 1, 1, 1, 1, 1, -1, -1], [-1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, -1, -1], [-1, 1, ←  
1, 1, -1, -1, 1, -1, -1, -1], [-1, 1, 1, 1, -1, -1, 1, -1, -1, -1], ←  
[-1, 1, 1, 1, -1, -1, 1, -1, -1, -1], [-1, 1, 1, 1, -1, -1, 1, -1, -1, ←  
-1], [-1, -1, 1, 1, 1, 1, 1, -1, -1, -1], [-1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, 1, ←  
-1, -1, -1], [-1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, 1, -1, -1]]';
pattern2A = [[1, 1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, -1, -1], [1, 1, -1, -1, 1, -1, 1, ←  
1, -1, -1], [1, 1, -1, -1, 1, -1, 1, 1, -1, -1], [1, 1, -1, -1, 1, -1, ←  
1, 1, -1, -1], [1, 1, -1, -1, 1, -1, 1, 1, -1, -1], [1, 1, -1, -1, 1, ←  
-1, 1, 1, -1, -1], [1, 1, -1, -1, 1, -1, 1, 1, -1, -1], [1, 1, -1, 1, ←  
-1, 1, -1, 1, -1, -1], [1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, -1], [1, -1, ←  
1, -1, 1, -1, 1, -1, -1], [1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, -1], [1, -1, ←  
-1], [1, -1, 1, -1, 1, -1, 1, 1, -1, -1], [1, -1, 1, -1, 1, -1, 1, 1, -1, ←  
-1], [1, -1, 1, -1, 1, -1, 1, 1, -1, -1]]';
pattern3A = [[-1, -1, -1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, -1], [1, -1, -1, 1, -1, 1, -1, ←  
1, -1, -1], [1, -1, 1, -1, 1, -1, -1, 1, -1, -1], [1, -1, 1, -1, 1, ←  
-1, 1, -1, -1], [1, -1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, -1], [1, -1, 1, -1, 1, ←  
-1, 1, -1, 1, -1, -1], [1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, -1], [1, -1, ←  
1, -1, 1, -1, 1, -1, -1], [1, -1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, -1], [1, -1, ←  
-1], [1, -1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, -1], [1, -1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, -1, ←  
1, -1, -1], [1, -1, 1, -1, 1, -1, -1, 1, -1, -1], [1, -1, -1, 1, -1, -1, ←  
1, -1, 1, -1, -1], [1, -1, -1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, -1]]';
chosenPattern=pattern2A; %change feeding pattern here

for j=1:numberTrials
    for i=1:numberOfBits
        patternState(i)=sign(sum(weightMatrix(:,i).*chosenPattern));
        chosenPattern(i) = patternState(i)
    end

    patternState=chosenPattern';

    if patternState==x1
        disp('Fedeed pattern converges to x1')
        break

    elseif patternState==x2
        disp('Fedeed pattern converges to x2')
        break

    elseif patternState==~x2
        disp('Fedeed pattern converges to ~x2')
        break

    elseif patternState==x3
        disp('Fedeed pattern converges to x3')
        break

    elseif patternState==~x3
        disp('Fedeed pattern converges to ~x3')
        break

    elseif patternState==x4
        disp('Fedeed pattern converges to x4')
        break

    elseif patternState==~x4
        disp('Fedeed pattern converges to ~x4')
        break
```

```
elseif patternState==x5
    disp('Feeded pattern converges to x5')
    break

elseif patternState==-x5
    disp('Feeded pattern converges to -x5')
    break

end
if j==numberTrial
    disp('Pattern does not converge')
end
end
```