# Алгоритмы конфликтно-ориентированного поиска для задачи многоагентного планирования: CBS, CBS+PC, CBS+H, CBS+DS.

Им Евгений, Парамонов Антон, Эмдин Григорий

# Постановка задачи

## Вход

На вход задаче подается граф G(V, E) и набор агентов А. Для каждого  $a_i$  агента есть стартовая и конечная вершины графа -  $s_i$  и  $f_i$  соответственно.

## Выход

Для каждого агента алгоритм должен выдать маршрут в графе из начальной вершины агента в конечную его вершину, притом пути эти должны быть такими, чтобы во время движения агенты не столкнулись и суммарно потратили бы минимум времени.

# Более формально

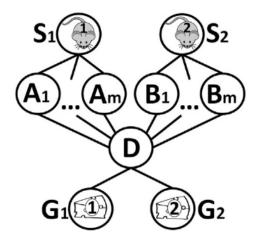
Будем считать время дискретным. В момент времени  $t_0$  каждый агент  $a_i$  находится в своей стартовой вершине  $s_i$ .

Между последовательными моментами времени каждый агент может совершить действие: либо переместиться в соседнюю вершину графа, либо остаться на месте. Главное ограничение на действия агентов звучит так: в один момент времени двое агентов не могут находиться в одной вершине. Конфликтом будем называть ситуацию, когда главное ограничение нарушено.

С последовательностью действий естественным образом связано понятие времени, затрачиваемого на эту последовательность - это просто количество действий в последовательности.

Выходом алгоритма должен быть набор не конфликтующих друг с другом последовательностей действий агентов, приводящих каждого из них из его стартового состояния в конечное, и минимизирующий сумму по всем агентам времени, затрачиваемого ими на свою последовательность действий.

## Пример



В данном примере есть две мышки-агента, стартующих из вершин  $S_1$  и  $S_2$  соответственно и желающих достичь каждая своего сыра (конечного состояния), в вершинах  $G_1$  и  $G_2$  соответственно.

Оптимальным путем для первой будет набор вершин  $\{S_1, A_1, D, G_1\}$ , для второй -  $\{S_2, A_2, D, G_2\}$ . Но тогда в момент времени  $t_2$  обе мышки окажутся в вершине D, что нарушает главное ограничение. Поэтому оптимальными последовательностями действий будут  $\{\text{move }A_1, \text{ wait, move }D, \text{ move }G_1\}$  и  $\{\text{move }B_1, \text{ move }D, \text{ move }G_2\}$ , суммарное действие которых - 7. Заметим сразу, что "пропустить" могла и вторая мышка первую, так что оптимальных решений задачи может быть несколько.

# Уточнения условий МАРГ

В нашем проекте мы рассматривали задачу МАРF со следующими соглашениями

- Реберные конфликты учитываются
- Агенты не исчезают при попадании в конечную точку
- Агент может выйти из конечной точки
- Стоимость не начисляется с момента, когда агент не выходит из конечной точки
- 4-связная карта
- Агент может перейти в вершину, из которой только что ушел другой агент

# Алгоритм conflict based search (CBS)

Введем ключевое понятие алгоритма - ограничение. **Ограничением** будем называть тройку (a, v, t), смысл которой - запрет агенту а находится в вершине v в момент времени t. **Конфликтом** будем называть четверку  $(a_i, a_j, v, t)$ , ситуацию, когда агенты  $a_i$  и  $a_i$  находятся в вершине v одновременно в момент времени t.

# Дерево ограничений

Алгоритм CBS строит дерево ограничений (constraint tree, CT) по следующему принципу. Вершина состоит из

- Набора ограничений
- Набора путей для агентов (приводящих каждого к цели, но, возможно, конфликтующих). Все наборы путей удовлетворяют всем ограничениям вершины
- Также в вершине будем хранить суммарное время ее путей

Если в вершине нет конфликта, то ее решение - оптимальное решение (это обеспечивается способом перебора вершин, который мы опишем далее). В противном случае пусть в вершине существует конфликт (a<sub>i</sub>, a<sub>j</sub>, v, t). Такой конфликт нужно разрешать, это можно сделать двумя способами: добавив ограничение (a<sub>i</sub>, v, t) или (a<sub>j</sub>, v, t), породив тем самым две дочерние вершины с множеством путей и ограничений, наследуемых от родителя + новое ограничение. Чтобы сохранить инвариант удовлетворения путей ограничениям, перестроим в дочерних вершинах решение для агента с новым ограничением (и, соответственно, пересчитаем суммарную стоимость). Корень дерева изначально не содержит ограничений, а решение для каждого агента - это просто оптимальное решение в предположении отсутствие других агентов. Раскрывать вершины будем в порядке возрастания их стоимости.

Таким образом алгоритм естественным образом разделяется на два процесса

## Высокоуровневый процесс

Решающий задачи связанные с пророщением дерева, а конкретно:

- Поддержание множества периферийных вершин (кроны дерева), с быстрым доступом к минимальной по стоимости
- Поиск конфликта в вершине
- Порождение дочерних вершин с новыми ограничениями

## Низкоуровневый процесс

Перестраивающий пути в вершине, чтобы они удовлетворяли ограничениям вершины. Это можно делать любым известным алгоритмом поиска (например, A\*), но только на графе с дополнительным измерением - временем.

# Расширения

Существует ряд эвристических улучшений описанного алгоритма. Мы рассмотрели и сравнили три подхода:

# CBS + Prioritization of conflicts (PC)

В оригинальном алгоритме не проводится подробного анализа по вопросу выбора вершины для раскрытия в случае нескольких вершин лучшей стоимости.

Введем понятие кардинального конфликта: конфликт называется кардинальным, если после создания детей у дерева ограничений с учетом этого конфликта у обоих детей стоимость пути увеличивается. Назовем конфликт полу-кардинальным, если в результате разделения стоимость пути у ровно одного увеличивается, а у другого нет. Если же стоимость у обоих детей не увеличивается, то конфликт будем называть не кардинальным.

Теперь по ходу алгоритма мы будем проверять конфликты на кардинальность, и в первую очередь рассматривать кардинальные, если таких нет то полу-кардинальные, а если таких нет, то не кардинальные.

### CBS + H

Это расширение улучшает оценку стоимости вершины СТ, тем самым позволяя проращивать потенциально более близкие к ответу вершины. Делается это за счет добавления к оригинальной *sum of costs* допустимой эвристики h. Эта эвристика считается следующим образом: строится граф, вершинами в котором являются агенты, а ребра проводятся для тех, что находятся в кардинальном конфликте. Теперь h = размер минимального реберного покрытия в этом графе, который считается жадно (такой подход сохраняет допустимость).

# CBS + Disjoint Splitting (DS)

Поскольку после раздвоения вершины могут существовать решения, удовлетворяющие ограничениям в обоих детях, их перебор потенциально будет производиться дважды, что неэффективно. Во избежание этого применяется disjoint splitting: разрешая конфликт ( $a_i$ ,  $a_j$ , v, t), мы не просто запрещаем в левом сыне проходит агенту  $a_j$  через (v, t), но еще и обязываем проходить  $a_i$  через (v, t) в правом сыне. Это называется позитивным ограничением, в отличие от негативного (классического) ограничения о запрете в CBS.

# Эксперименты

## **Benchmarks**

Бенчмарки для замеров брались с <a href="https://movingai.com/benchmarks/mapf">https://movingai.com/benchmarks/mapf</a>

Мы рассматривали три карты:

- Berlin, размера 256х256
- empty, размера 8x8
- room, размера 32х32

# Схема эксперимента

Чтобы изучить показатели конкретной модификации алгоритма, мы делали следующее:

Для каждой карты:

Для количества *n* агентов из [5, 20]:

Проделать 20 раз:

Случайно просэмплирвоать *n* агентов Запуститься на этой случайной выборке

# Метрики

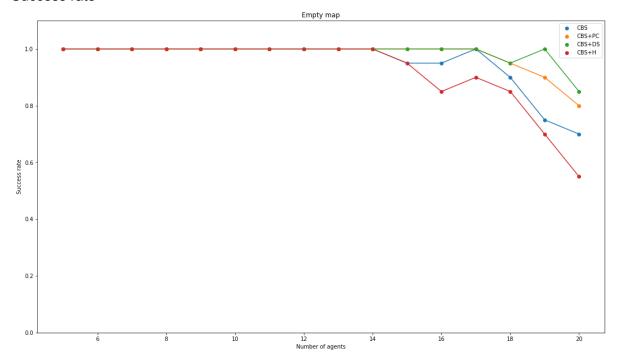
Для каждого запуска мы отслеживали следующие метрики:

- Доля успешных\* запусков среди сэмплов
- Среднее по сэмплам количество вершин Constraint Tree
- Среднее по сэмплам время работы

# Результаты

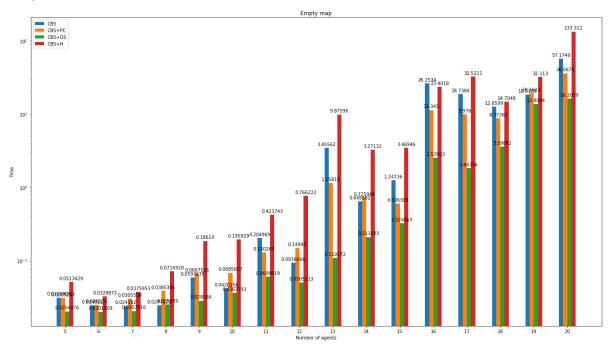
# Empty 8x8

#### Success rate

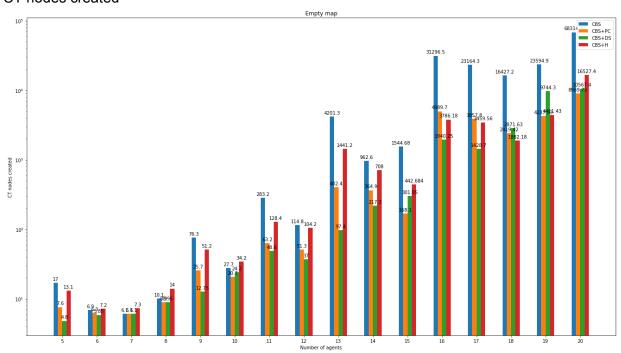


<sup>\*</sup>под успешными мы понимаем запуски, завершившиеся за не более чем 5 минут

#### Time



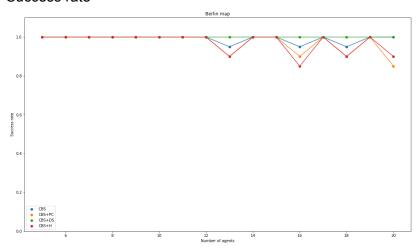
### CT nodes created



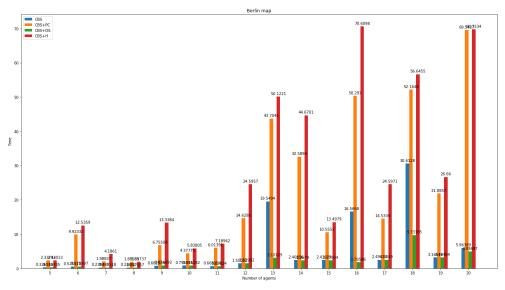
Хочется отметить преимущество CBS+DS и проседание CBS+H. Не смотря на то, что в некоторых случаях эвристика *h* делает свое дело и выводит CBS+H на первое место по количеству созданных поdes, время, затраченное на нахождение всех кардинальных конфликтов и впоследствии паросочетания, существенно негативно сказывается на производительности CBS+H в целом.

# Berlin

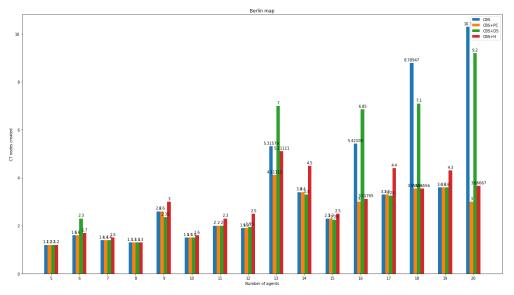
## Success rate



## Time



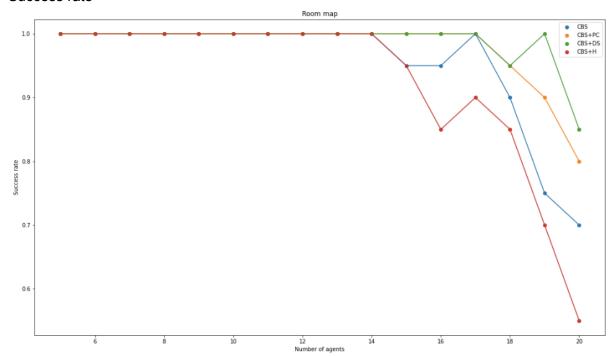
# CT nodes created



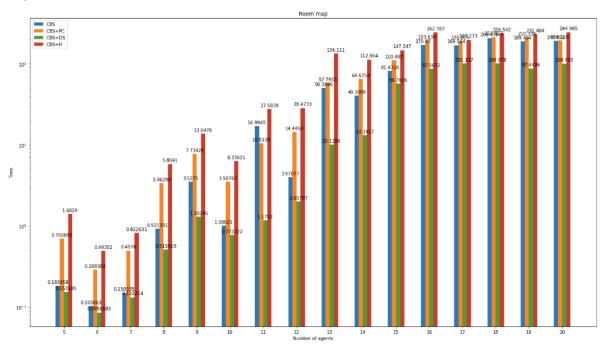
Особенность карты Berlin в том, что она большая, а значит агенты разбросаны далеко друг от друга и редко конфликтуют. Это видно по тому, как мало создается СТ nodes. В такой ситуации становится крайне невыгодно применять эвристики, связанные с уменьшением количества СТ node, т.к. алгоритм страдает именно на низком уровне. Отсюда и проседание CBS+H и CBS+PC, ведь их низкоуровневые процессы становятся накладными на больших картах, а выигрыш в количестве раскрываемых СТ node не актуален.

### Room

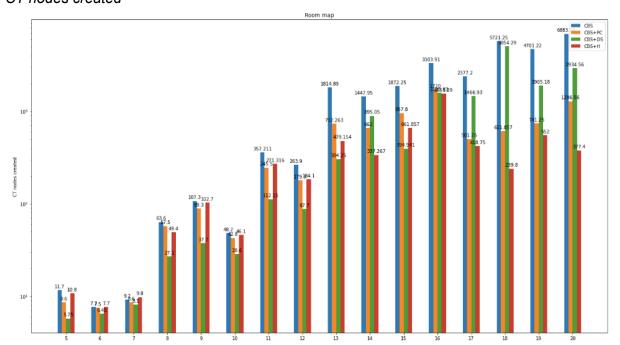
#### Success rate



#### Time



#### CT nodes created



На карте Room много узких мест, поэтому потенциально на ней может быть очень много конфликтов. Из-за этого становится важно, какие конфликты мы выбираем, и графики для CBS+PC это показывают. При этом на большом количестве агентов на алгоритмах (кроме CBS+DS) довольно маленький success rate, это как раз можно обусловить большим количеством конфликтов. При этом CBS+DS все равно достаточно быстрый чтобы это ему не мешало завершаться с успехом На лицо эффективность стратегии DS. Это можно объяснить тем, что "двери" - популярные вершины для конфликта и часто пересчитываются в случае отсутствия дизъюнктивности.

Не смотря на примерное равенство по раскрытым вершинам, видно, что найти один кардинальный конфликт (РС) быстрее, чем искать все (Н).

# Общие выводы

- На больших картах "бутылочным горлышком" алгоритма является low-level
- В случае когда конфликтов становится много, время, затраченное на поиск кардинального конфликта оправдывается
- Стратегия Disjoint Splitting "бесплатна" на низком уровне, что компенсирует не оптимальные решения на верхнем
- Время, затраченное на поиск всех кардинальных конфликтов не оправдывается уменьшением узлов СТ