

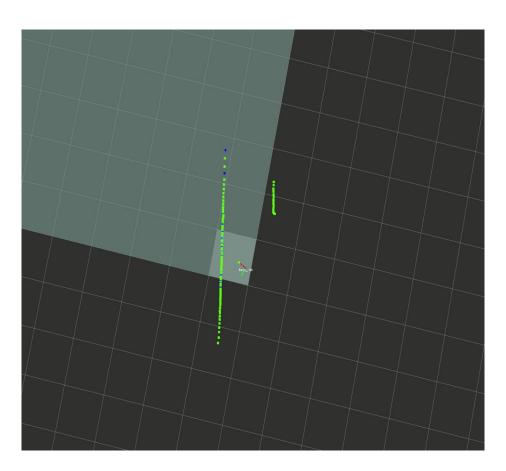
传感器数据处理II:

激光雷达运动畸变去除

主讲人曾书格

越凡创新技术负责人 电子科技大学硕士





蓝色的点表示原始数据

绿色的点表示去畸变后 的数据



0

1. 激光雷达传感器介绍

概念介绍

- 2. 激光雷达数学模型介绍
- 3. 运动畸变介绍

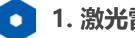
0

1. 纯估计方法

畸变去除

- 2. 里程计辅助方法
- 3. 融合方法





1. 激光雷达传感器介绍

概念介绍

- 2. 激光雷达数学模型介绍
- 3. 运动畸变介绍

1. 纯估计方法

畸变去除

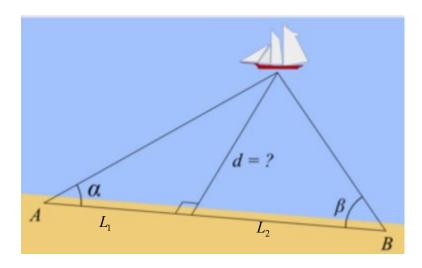
- 2. 里程计辅助方法
- 3. 融合方法



激光雷达传感器介绍



三角测距原理



$$\tan \alpha = \frac{d}{L_1}$$

$$\tan \beta = \frac{d}{L_2}$$

$$L_1 = \frac{d}{\tan \alpha}$$

$$L_2 = \frac{d}{\tan \beta}$$

$$L = L_1 + L_2 = d\left(\frac{\cos\alpha}{\sin\alpha} + \frac{\cos\beta}{\sin\beta}\right) = d\frac{\sin(\alpha + \beta)}{\sin\alpha\sin\beta}$$

$$\sin\alpha\sin\beta$$

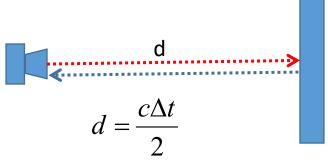
$$d = L \frac{\sin \alpha \sin \beta}{\sin(\alpha + \beta)}$$



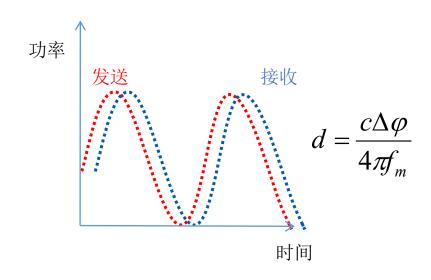
激光雷达传感器介绍



TOF测距原理



飞行时间(TOF)



波形相位差





三角测距特点

优点

- 中近距离精度较高
- 价格便宜

不足

- 远距离精度较差
- 易受干扰

适用场景

• 一般在室内使用



飞行时间(TOF)特点

优点

- 测距范围广
- 测距精度高
- 抗干扰能力强

不足

• 价格昂贵

适用场景

• 室内室外皆可





1. 激光雷达传感器介绍

概念介绍





3. 运动畸变介绍

畸变去除

• 1. 纯估计方法

• 2. 里程计辅助方法

0

3. 融合方法



光束模型(beam model)

符号说明

 x_t : 第t时刻机器人的位姿;

m: 地图;

K: 第t时刻激光数据包含的激光束个数;

 z_t^k : 第t时刻激光数据中第k个激光束测量的距离值;

z_t: 第 t 时刻激光数据,包含 K 个激光束测量的距离值。

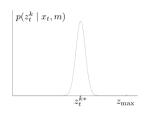
• 每个激光束相互独立, 第t时刻激光数据为zt的概率:

$$p(z_t \mid x_t, m) = \prod_{k=1}^K p(z_t^k \mid x_t, m)$$

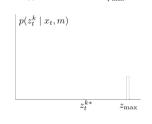
$$p(z_t^k \mid x_t, m) = \begin{pmatrix} z_{\text{hit}} \\ z_{\text{short}} \\ z_{\text{max}} \\ z_{\text{rand}} \end{pmatrix}^T \cdot \begin{pmatrix} p_{\text{hit}}(z_t^k \mid x_t, m) \\ p_{\text{short}}(z_t^k \mid x_t, m) \\ p_{\text{max}}(z_t^k \mid x_t, m) \\ p_{\text{rand}}(z_t^k \mid x_t, m) \end{pmatrix}$$

• 激光束测量的距离值有4种可能性

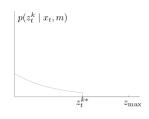




(c) Uniform distribution p_{max}



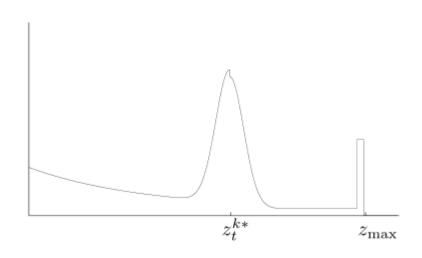
(b) Exponential distribution p_{short}



(d) Uniform distribution prand



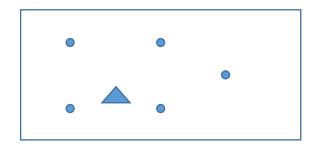
学 光束模型缺点



混合模型示意图

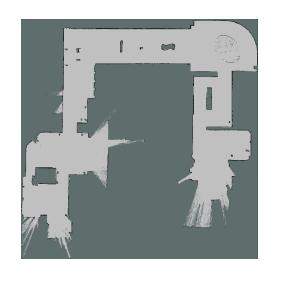
激光数据期望值的计算需要用raytracing,每一个位姿需要进行K次raytracing。

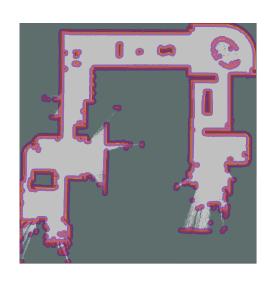
 在非结构化环境中(clutter),位姿微小的改变会 造成期望值的巨大变化,从而导致得分进行突变。





似然场模型(likelihood model)





- 对图像进行高斯平滑,在任何环境中期望值对于位姿都是平滑的
- 似然场得分的计算不需要经过 raytracing,直接通过查表即可得到, 计算量低
- 同时适合结构化环境和非结构环境中

似然场计算模型示意图





1. 激光雷达传感器介绍

概念介绍

- 0
 - 2. 激光雷达数学模型介绍
- 0

3. 运动畸变介绍

• 1. 纯估计方法

畸变去除



2. 里程计辅助方法

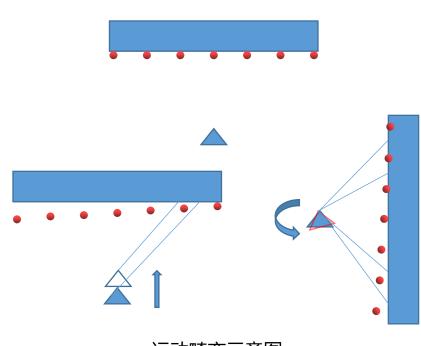


3. 融合方法

💲 运动畸变

产生的原因

- 激光点数据不是瞬时获得
- 激光测量时伴随着机器人的运动
- 激光帧率较低时, 机器人的运动不能忽略



运动畸变示意图



0

1. 激光雷达传感器介绍

概念介绍

2. 激光雷达数学模型介绍

0

3. 运动畸变介绍

🚺 1. 纯估计方法

畸变去除

2. 里程计辅助方法

3. 融合方法

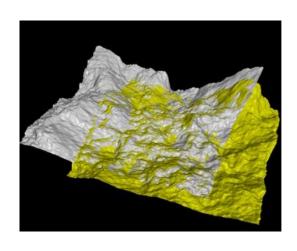


运动畸变去除—ICP(Iterative Closest Point)方法介绍



目的

ICP方法是用来求解两个点云集合转换关系的 最通用的方法。



数学描述

• 给定两个点云集合:

$$X = \left\{x_1, x_2, \cdots, x_{N_x}\right\}$$

$$P = \left\{p_1, p_2, \cdots, p_{N_p}\right\}$$

其中,

 x_i 和 p_i 表示点云的坐标; N_x 和 N_p 表示点云的数量。

• 求解旋转矩阵R和平移向量t, 使得下式最小:

$$E(R,t) = \frac{1}{N_p} \sum_{i=1}^{N_p} ||x_i - Rp_i - t||^2$$



运动畸变去除—ICP方法介绍



已知对应点的求解方法

$$u_x = \frac{1}{N_p} \sum_{i=1}^{N_p} x_i$$
 u_x 表示点云集合 X 的几何中心

$$u_p = \frac{1}{N_p} \sum_{i=1}^{N_p} p_i$$
 u_p 表示点云集合 P 的几何中心

去中心化

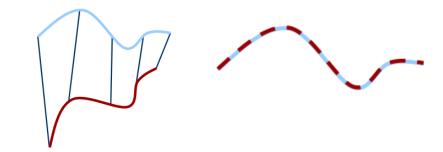
$$x_i' = x_i - u_x$$

$$p_i' = p_i - u_p$$

$$W = \sum_{i=1}^{N_p} x_i' p_i'^T = U \begin{bmatrix} \sigma_1 & 0 & 0 \\ 0 & \sigma_2 & 0 \\ 0 & 0 & \sigma_3 \end{bmatrix} V^T$$

则ICP的解为:

$$R = VU^{T}$$
$$t = u_{x} - Ru_{p}$$





运动畸变去除—ICP方法介绍

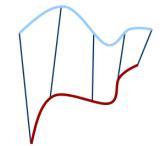


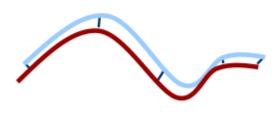
未知对应点的求解方法

- 实际中,不知道对应点匹配
- 不能一步到位计算出R和t
- 进行迭代计算
- EM(Expectation-Maximization)算法的一个特例

算法流程:

- 寻找对应点
- 根据对应点,计算R和t
- 对点云进行转换, 计算误差
- 不断迭代,直至误差小于某一个值









运动畸变去除—VICP方法介绍



ICP方法在激光匹配中的缺点

- 没有考虑激光的运动畸变
- 当前的激光数据是错误的







- ICP算法的变种
- 考虑了机器人的运动
- 匀速运动
- 进行匹配的同时估计机器人的速度



运动畸变去除—VICP方法介绍



VICP方法

- z_i, z_{i-1} 分别表示第i时刻和i-1时刻的激光数据
- T_i, T_{i-1} 分别表示第i时刻和i-1时刻的机器人位 姿
- 假设机器人匀速运动,则速度 $V_i = \frac{T2V(T_i^{-1}T_{i-1})}{\Delta t}$
- 第*i*时刻*K*个激光束的时间戳:

$$(t_i - K\Delta t, t_i - (K-1)\Delta t, \dots, t_i - \Delta t, t_i)$$

第*i*帧第*k*个激光点的位姿:

$$T_{ik} = T_i \cdot V2T(V_i \cdot k\Delta t)$$

$$T_{\Delta t} = V2T(V_i \Delta t)$$

$$T_{ik} = T_i (T_{\Delta t})^k$$

第i帧激光点的位姿集合:

$$\overline{T}_i = \{T_i \cdot V2T(kV_i\Delta t), k = 1, 2, \dots n\}$$



运动畸变去除—VICP方法介绍



VICP算法流程

$$\begin{aligned} V_i &= V_i - 1 \\ while \quad & \|V - V_i\| > \varepsilon \quad do \\ T_{\Delta t} &= V 2 T (V_i \Delta t) \\ for \quad & k = 1 : K \quad do \\ T_{ik} &= T_{ik-1} T_{\Delta t} \\ \overline{z}_{ik} &= T_{ik} z_{ik} \\ end \quad & for \\ T &= ICP(\overline{Z}_{i-1}, \overline{Z}_i, T) \\ V &= V_i \\ V_i &= \frac{T 2 V (T^{-1} T_{i-1})}{\Delta t} \\ end \quad & while \end{aligned}$$









0

1. 激光雷达传感器介绍

概念介绍

2. 激光雷达数学模型介绍

0

3. 运动畸变介绍



1. 纯估计方法







3. 融合方法



运动畸变去除—传感器辅助



- 低帧率激光(5Hz), 匀速运动假设不成立
- 数据预处理和状态估计过程耦合

解决方法

- 尽可能准确的反应运动情况
- 实现预处理和状态估计的解耦

● 传感器辅助方法(Odom/IMU)

- 极高的位姿更新频率(200Hz),可以比较 准确的反应运动情况
- 较高精度的局部位姿估计

• 跟状态估计完全解耦



运动畸变去除—传感器辅助



惯性测量单元(IMU)

- 直接测量角速度和线加速度
- 具有较高的角速度测量精度
- 测量频率极高(1kHz~8kHz)
- 线加速度精度太差,二次积分在局部的精 度依然很差



轮式里程计

- 直接测量机器人的位移和角度
- 具有较高的局部角度测量精度
- 具有较高的局部位置测量精度
- 更新速度较高(100Hz~200Hz)





运动畸变去除—轮式里程计



在单片机上处理

- 用单片机读取激光雷达数据,每次读取激光点数据时都可以获取当时机器人的位姿,根据机器人位姿消除运动畸变。得到一帧完整的数据后,上传至处理器。
- 在单片机层消除运动畸变
- 无需考虑时间同步的问题
- 需要对数据进行压缩,否则会产生较大延时





在处理器上处理

- 用CPU读取激光雷达数据,同时单片机上 传里程计积分数据,两者进行时间同步。 在CPU上统一进行运动畸变去除。
- 体系清晰,不会产生延时
- 需要进行时间同步
- 需要进行位姿插值





运动畸变去除—轮式里程计



已知数据

- 当前帧激光起始时间ts,te
- 两个激光束之间的时间间隔Δt
- 里程计数据按照时间顺序存储在一个队列中,队首的时间最早
- 最早的里程计数据的时间戳 $< t_s$
- 最晚的里程计数据的时间戳> t_e



目标

- 求解当前帧激光数据中每一个激光点对应的机器人位姿,即求解 $\{t_s, t_{s+\Delta t}, \cdots, t_e\}$ 时刻的机器人位姿
- 根据求解的位姿把所有激光点转换到同一 坐标系下
- 重新封装成一帧激光数据,发布出去



运动畸变去除一轮式里程计



求解 t_s , t_e 时刻的位姿 p_s , p_e

• 里程计队列正好和激光数据同步,假设第i和第j个数据的时刻分别为 t_s , t_e :

$$p_s = OdomList[i]$$

 $p_e = OdomList[j]$

• ϵt_s 时刻没有对应的里程计位姿,则进行线性插值。设在l,k 时刻有位姿,且l < s < k,则:

$$\begin{aligned} p_l &= OdomList[l] \\ p_k &= OdomList[k] \\ p_s &= LinarInterp(p_l, p_k, \frac{s-l}{k-l}) \end{aligned}$$

运动畸变去除—轮式里程计

0

二次插值

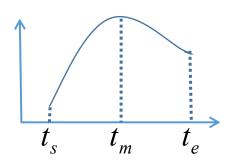
- 在一帧激光数据之间,认为机器人做匀加速运动。
- 机器人的位姿是关于时间t的二次函数。

• 设
$$t_m = \frac{t_s + t_e}{2}$$
, 且 $l < m < k$, 则:

$$p_m = LinarInterp(p_l, p_k, \frac{m-l}{k-l})$$

• 已知 p_s , p_m , p_e ,可以插值一条二次曲线:

$$P(t) = At^{2} + Bt + C$$
$$t_{s} \le t \le t_{e}$$





运动畸变去除一轮式里程计

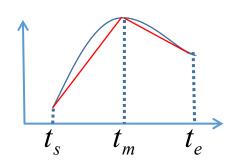


二次曲线的近似

- 用分段线性函数对二次曲线进行近似
- 分段数大于3时,近似误差可以忽略不计
- 在 t_s 和 t_e 时间段内,一共取m个位姿 $\{p_s, p_{s+1}, \cdots, p_{s+m-2}, p_e\}$
- 位姿通过线性插值获取,在这m个位姿之间,进行线性插值:

设 p_s 和 p_{s+1} 之间有n个位姿 $\{p_s, p_{s1}, \cdots, p_{s(n-2)}, p_{s+1}\}$,假设si在l和k之间,则

$$p_{si} = LinarInterp(p_l, p_k, \frac{si - s}{\Delta t})$$





运动畸变去除一轮式里程计



坐标系统一&激光数据发布

- 一帧激光数据K个激光点,每个激光点对应的位姿 $\{p_1, p_2, \cdots, p_K\}$ 通过上述介绍的方法插值得到
- x_i 为转化之前的坐标, x_i 为转换之后的坐标, 则:

$$x_i' = V2T(p_i)x_i$$

• 把转换之后的坐标转换为激光数据发布出去:

$$x'_{i} = (p_{x}, p_{y})$$

$$range = \sqrt{p_{x} * p_{x} + p_{y} * p_{y}}$$

$$angle = atan2(p_{y}, p_{x})$$



0

1. 激光雷达传感器介绍

概念介绍

2. 激光雷达数学模型介绍

0

3. 运动畸变介绍

O

1. 纯估计方法

畸变去除



2. 里程计辅助方法



3. 融合方法





轮式方法和匹配方法的结合

- 用里程计方法进行矫正,去除绝大部分的运动畸变。
- 认为里程计存在误差,但是误差值线性分布的。
- 用ICP的方法进行匹配, 匹配的结果作为正确值, 得到里程计的误差值。
- 把误差值均摊到每一个点上,重新进行激光点位置修正。
- 再一次进行ICP迭代,直到收敛为止。

位置误差的线性假设比位置线性假设更合理!!!



- [1] VICP: Velocity updating Iterative Closest Point Algorithm.
- [2] LOAM:Lidar Odometry and Mapping in real-time.



详细见说明文档



感谢聆听 Thanks for Listening

