

### B. Straumar

Problem Name	Currents
Time Limit	3 seconds
Memory Limit	1 gigabyte

Þú fannst fornaldrabók sem afhjúpar vel geymda leyndarmál borgarinnar Bonn falda í holi á yfirgefðu húsi. Fyrir neðan borgina er kerfi af N hellum, tengdir saman með M vatnsbrautum. Hver vatnsbraut er með einn galdrastraum sem rennur í eina átt og getur flutt bát ört meðfram vatnsbraut. Nú um stundir er hellakerfið með nákvæmlega einn útgang staðsettan í helli N-1.

Þú ert full tilhlökkunar fyrir uppgötvun þinni og getur ekki beðið eftir að kanna hellana! Aftur á móti er hellakerfið tálmað af trölli sem hefur gaman af að hrekkja óboðna gesti. Tröllið er með takmarkaðan galdramátt sem hann getur notað **í mesta lagi einu sinni** meðan þú ert í heimsókn til að breyta hellakerfinu og gera þér erfiðara að komast að útganginum.

Heimsókn þín til hellakerfisins samanstendur af runu af umferðum. Hver umferð mun vera á eftirfarandi hátt:

- 1. Fyrst, tröllið fær að taka ákvörðun um hvort hann ætli að nota galdramátt sinn eða ekki. Ef hann ákveður að nota galdramáttinn, er galdraþulan hans á eftirfarandi hátt:
  - o skipta um átt á galdrastraumnum fyrir allar vatnsbrautir: a o b mun breytast í b o a samstundis;
  - $\circ$  loka útganginum í helli N-1; og
  - o opna nýjan útgang í helli 0.
- 2. Þá velur þú galdrastraum sem rennur frá hellinum sem þú er núverandi staðsett í og notar bát til að ferðast til annars hellis. Fyrir einfaldleika munum við kalla bátsferð "skref".

Enn fremur alltaf þegar þú ert í sama rými og útgangurinn munt þú **samstundis** nota útganginn til þess að yfirgefa hellakerfið. Athugaðu þetta getur gerst í umferð ef þú ert í helli 0 og tröllið ákveður að nota galdramátt sinn.

Markmið þitt er að yfirgefa hellakerfið eins fljótt og mögulegt er til að mæta tímanlega á lokaathöfn EGOI. Markmið tröllsins er í andstöðu við þitt, það er, það vill halda þér eins lengi í hellinum og mögulega. Tröllið veit ávallt staðsetningu þína og mun velja tímasetninguna til að nota galdramátt sinn sem styður best við markmið sitt.

Fyrir hvern og einn helli c ( $0 \le c \le N-2$ ) skalltu sjá fyrir þér atburðarásina þar sem þú byrjar í helli c. Fyrir hverja atburðarás ákvarðaðu **minnsta fjölda skrefa sem þú þarft til að þú getur örugglega komist að útgangi í helli c, óháð því hvenær tröllið ákveður að nota galdramátt sinn.** Í upphafi er hver og einn hellir aðgengilegur frá helli 0 og hellir N-1 er aðgengilegur frá hverjum og einum helli.

#### **Inntak**

Fyrsta línan af inntakinu inniheldur tvær heiltölur, N og M, þar sem N er fjöldi hella og M er fjöldi vatnsbrauta. Línurnar M þar á eftir innihalda hver og ein tvær heiltölur,  $a_i$  og  $b_i$ , sem tákna núverandi vatnsbraut sem er hægt að nota til að ferðast frá helli  $a_i$  til hellis  $b_i$ . Það er engin vatnsbraut sem tengir hellir við sig sjálfan. Fyrir hvert par af hellum er að mesta lagi ein vatnsbraut í báðar átt.

# Úttak

Skrifaðu út línu með N-1 heiltölum, þar sem i-ta heiltalan, fyrir  $0 \le i \le N-2$ , er minnsti földi skrefa sem þú þarft að framkvæma til að þú getur óefað komist að útgangi ef þú byrjar frá helli i.

Athugaðu þú skalt ekki skrifa út umferðina fyrir helli N-1 þar sem þú myndir yfirgefa hellinn samstundis.

## Takmarkanir og stigagjöf

- $2 \le N \le 200\,000$ .
- $1 \le M \le 500\,000$ .
- $0 \le a_i, b_i \le N-1$  and  $a_i \ne b_i$ .
- ullet Fyrir breytingu á straumátt, getur hellir 0 komist í alla hella og hægt er að komast í hellir N-1 frá öllum hellum.

Lausn þín verður prófuð á safni af prufuhópum og er hver hópur virði einhvers fjölda stiga. Hver prufuhópur inniheldur safn af prufutilvikum. Til að fá stigin fyrir prufuhóp þarftu að leysa sérhvert prufutilvik í prufuhópnum.

Hópur	Stig	Takmarkanir	
1	12	$M=N-1$ , $b_i=a_i+1$ . Með öðrum orðum myndar hellakerfið braut $0 o 1 o 2 o \ldots  o N-1$	
2	15	Hver og einn hellir er með beina vatnsbraut til hellis $N-1$ . Athugaðu það geta verið fleiri vatnsbrautir.	
3	20	$N,M \leq 2000$	
4	29	Þegar búið er að yfirgefa hellir er ekki hægt að ferðast aftur til hellisins þar til straumáttin breytist. Með öðrum orðum mynda vatnsbrautir stefnt órásað net.	
5	24	Engar frekari takmarkanir	

## Sýnidæmi

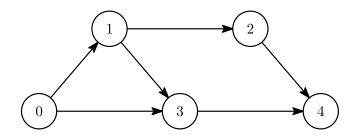
Fyrir fyrsta sýnidæmið, hugsaðu fyrir þér atburðarásina þar sem þú byrjar í helli 1. Þar sem þú ert ekki með vitund um hvenær straumáttin breytist ættiru að færa þig að helli 4. Þú getur gert það í gegnum annað hvort helli 2 eða 3. Að fara í gegnum helli 3 er betri valkostur þar sem ef tröllið breytir straumáttinni á meðan þú ert þar munt þú þá hafa straumbraut sem þú getur notað til að ferðast beint frá helli 3 til 0 og þar munt þú yfirgefa hellakerfið.

Með nákvæmari orðum eru einungis þrír möguleikar fyrir hvenær tröllið ákveður að nota galdramátt sinn:

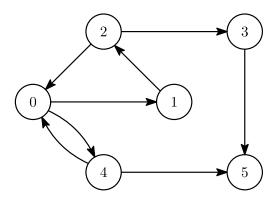
- Ef tröllið notar galdramátt sinn samstundis þegar þú ert í helli 1 getur þú ferðast frá helli 1 beint til hellis 0 og yfirgefið hellakerfið.
- Ef tröllið notar galdramátt sinn þegar þú hefur ferðast frá helli 1 til hellis 3 getur þú ferðast frá helli 3 beint til hellis 0 og yfirgefið hellakerfið.
- Ef tröllið ákveður að nota ekki galdramátt sinn í hvorugum af tilgreindu atburðarásum munt þú ferðast frá helli 3 til hellis 4 og yfirgefa hellakerfið.

Með fyrsta valmöguleikanum þurftiru einungis að framkvæma eitt skref fyrir hina valmöguleikana framkvæmdiru tvö skref. Rétt svar er því  $\max(1,2,2)=2$ .

Athugaðu að ef þú ákveður að ferðast frá helli 1 til hellis 2 getur tröllið neytt þig til að framkvæma þrjú skref.



Fyrsta og annað sýnidæmið uppfyllir takmarkanirnar í prufuhópum 3, 4 og 5. Þriðja sýnidæmið uppfyllir takmarkanirnar í öllum prufuhópum. Fjórða sýnidæmið uppfyllir takmarkanirnar í prufuhópum 3 og 5 og og má sjá það hér fyrir neðan.



Inntak	Úttak
5 6	2 2 2 1
0 1	
1 2	
1 3	
2 4	
3 4	
0 3	
7 10	2 1 2 3 2 4
2 6	
5 3	
4 2	
1 6	
2 3	
3 6	
4 5	
0 4	
4 1 0 1	
0 1	
2 1	1
0 1	1
0 1	
6 8	2 4 3 3 1
0 1	
4 0	
1 2 2 3	
3 5	
0 4	
4 5	
2 0	