Лямбда-выражение

Шишкарев Егор

28 Марта 2024

1 Доказательство равенства

$$\left(\left(\lambda a. (\lambda b.b \ b) \ (\lambda b.b \ b) \right) \ b \right) \left(\left(\lambda c. (c \ b) \right) \ (\lambda a.a) \right) \tag{1}$$

Преобразовываем первую скобку

$$\rightarrow_{\beta} \left((\lambda b.b \ b) \ (\lambda b.b \ b) \right) \left(\left(\lambda c.(c \ b) \right) \ (\lambda a.a) \right) \tag{2}$$

Как мы знаем выражение в первых скобках при нормальной стратегии редукции не будет меняться. Перейдем ко второй скобке

$$\rightarrow_{\beta} ((\lambda b.b \ b) \ (\lambda b.b \ b)) (\lambda a.a \ b) \tag{3}$$

$$\rightarrow_{\beta} ((\lambda b.b \ b) \ (\lambda b.b \ b)) \ b \tag{4}$$

На этом этапе попытка применить β -редукцию будет зацикливаться, мы будем получать то же самое выражение. Следовательно, это лямбда-выражение не имеет нормальной формы, ведь если бы она была, то с помощью β -редукций и нормальной стратегии мы бы пришли к ней.