Свободные колебания в электрическом контуре (3.2.4)

Батарин Егор

7 декабря 2020 г.

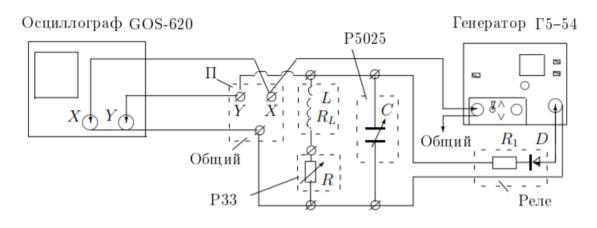


Рис. 1

Экспериментальная установка. На рис. 1 приведена схема установки для исследования свободных колебаний в контуре, содержащим постоянную индуктивность L с активным сопротивлением R_L , а также переменное сопротивление R и ёмкость C, выбираемые из соответствующих "магазинов". Картина колебаний наблюдается на экране осциллографа.

Для периодического возбуждения колебаний в контуре используется генератор импульсов. Каждый импульс заряжает конденсатор C, после чего в контуре возникают свободные затухающие колебания. Напряжение на конденсаторе поступает на вход 1(X) канала осциллографа, в напряжение на резисторе 2(X) - на вход канала 2(Y).

Теоретическая подоплека.

Формула периода колебаний колебательного контура:

$$T = 2\pi\sqrt{LC} \tag{1}$$

Формула для расчета логарифмического декремента затухания

$$\Theta = \frac{1}{n} \ln \frac{U_k}{U_{k+n}} \tag{2}$$

Формула для расчета сопротивления контура

$$R_{\text{конт}} = R + R_L, \quad R_L \approx 12 \text{ Om}$$
 (3)

Формула для расчета критического сопротивления

$$R_{\rm \kappa p} = 2\pi \sqrt{\frac{L}{C}} \tag{4}$$

Формула для расчета критического сопротивления по МНК

$$Y = A_{\rm MHK} X + B_{\rm MHK}$$

$$Y = \frac{1}{\Theta^2}, X = \frac{1}{R_{\rm koht}^2}, A_{\rm MHK} = \frac{R_{\rm kp}^2}{4\pi^2}, B_{\rm MHK} = \frac{1}{4\pi^2}$$

$$R_{\rm kp} = 2\pi \sqrt{A_{\rm MHK}} \pm \frac{\pi}{\sqrt{A_{\rm MHK}}} \delta A_{\rm MHK}$$
(5)

Экспериментальная и теоретическая формула для добротности контура

$$Q^{\text{эксп}} = \frac{\pi}{\Theta}$$

$$Q^{\text{reop}} = \frac{1}{R_{\text{FOUT}}} \sqrt{\frac{L}{C}}$$
(6)

Результаты эксперимента. С помощью формулы 1 можно сравнить экспериментальные и теоретические значения для периодов колебаний. Результаты приведены на рисунке 2. Далее, подбором нужной картинке на осциллографе, было получено экспериментальное значение критического сопротивления $R_{\rm kp}^{\rm эксп,\; nodбор}=1000\;{\rm Om.}$ Это же значение получено с помощью метода наименьших квадратов из линейного графика на рис. $3-R_{\rm kp}^{\rm эксп,\; MHK}=850\pm46\;{\rm Om}\;$ по формулам 5. Теоретическое значение получено из формулы $4-R_{\rm kp}^{\rm reop}=1369\;{\rm Om}.$

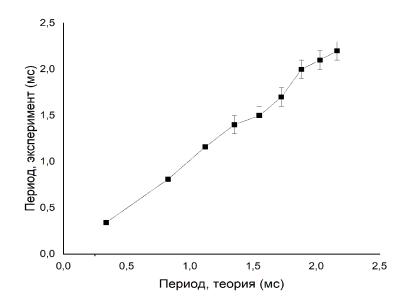


Рис. 2

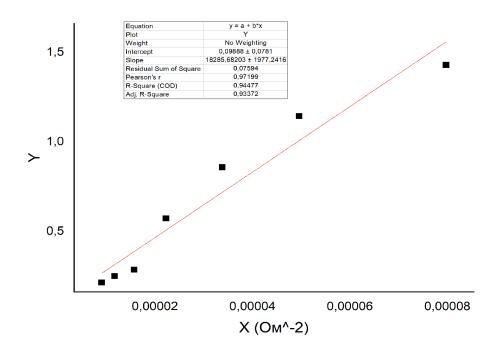


Рис. 3

В самом конце получены значения для добротности колебательного контура:

$Q_{ m max}^{ m эксп}$	$Q_{\min}^{$ эксп	$Q_{\max}^{\text{теор}}$	Q_{\min}^{reop}
3,75	1,45	6,01	2,03