# Функциональное программирование Лекция 5. Программирование на языке Haskell

Денис Николаевич Москвин

СПбАУ

06.10.2015



### План лекции

Ленивость и строгость

2 Алгебраические типы данных и сопоставление с образцом

③ Списки и работа с ними

### План лекции

1 Ленивость и строгость

2 Алгебраические типы данных и сопоставление с образцом

③ Списки и работа с ними

# Сколько значений у типа воо1?

- Всякое выражение в Haskell имеет значение определенного типа.
- Сколько значений у типа Bool?
- На первый взгляд два True и False, в соответствии с определением:

```
data Bool = True | False
```

# Сколько значений у типа воо1?

- Всякое выражение в Haskell имеет значение определенного типа.
- Сколько значений у типа Воо1?
- На первый взгляд два True и False, в соответствии с определением:

```
data Bool = True | False
```

• Но это не так!

## Значение незавершающегося вычисления

 Рассмотрим выражение bot :: Вооl, определённое рекурсивно

```
bot = not bot
```

• Его значение — не True и не False, а  $\bot$  (основание). В Haskell'е  $\bot$  — значение, разделяемое всеми типами:

```
\bot::forall a. a
```

• Ошибкам (но не исключениям!) тоже приписывается это значение.



#### Ленивая семантика

 Haskell гарантирует вызов-по-необходимости (таково поведение по умолчанию)

```
const42 x = 42
```

```
Prelude> const42 bot 42
```

- Такие функции как const42, игнорирующие значение своего аргумента, называются нестрогими по этому аргументу.
- Для строгих функций, наоборот, всегда выполняется

$$\mathtt{f} \perp = \perp$$



### Как форсировать вычисления

• Для форсированного вычисления значения используют специальнный комбинатор seq :: a -> b -> b

$$\begin{array}{l} \mathtt{seq} \perp \mathtt{b} \ = \ \bot \\ \\ \mathtt{seq} \mathtt{a} \ \mathtt{b} \ = \ \mathtt{b}, \ \mathtt{ec} \mathtt{n} \mathtt{u} \ \mathtt{a} \neq \bot \\ \end{array}$$

- С чисто синтаксической точки зрения seq это \x y -> y.
- Но он «нарушает» ленивую семантику языка, позволяя форсировать вычисление без необходимости!

### Как сильно seq форсирует?

• seq «потворствует» распространению  $\bot$ , интересуясь значением своего первого аргумента

```
Prelude> seq undefined 42
*** Exception: Prelude.undefined
Prelude> seq (id undefined) 42
*** Exception: Prelude.undefined
```

• Однако конструкторы данных и лямбда-абстракции, являясь «значениями», обеспечивают барьер для распространения  $\bot$ 

```
Prelude> seq (undefined, undefined) 42
42
Prelude> seq (\x -> undefined) 42
42
```

#### Аппликация с вызовом по значению

 Через seq определяется энергичная аппликация (с вызовом-по-значению)

```
infixr 0 $!

($!) :: (a -> b) -> a -> b

f $! x = x 'seq' f x
```

Форсирование приводит к «худшей определенности»

#### **GHCi**

```
Prelude> const42 undefined
42
Prelude> const42 $! undefined
*** Exception: Prelude.undefined
```

### Пример использования seq

• Вспомним факториал с аккумулирующим параметром

- Из-за ленивости асс будет содержать thunk
   (((1 \* n) \* (n 1)) \* (n 2) ...)
- Оптимизатор GHC обычно справляется, но можно, не полагаясь на него, написать

```
factorial n = helper 1 n where helper acc k | k > 1 = (helper \$! acc * k) (k - 1) | otherwise = acc
```

## План лекции

1 Ленивость и строгость

2 Алгебраические типы данных и сопоставление с образцом

③ Списки и работа с ними

# Сопоставление с образцом (pattern matching)

#### Функция, переставляющую элементы пары

```
swap :: (a,b) \rightarrow (b,a)
swap (x,y) = (y,x)
```

Выражение (x,y) представляет собой образец. При вызове

```
*Fp05> swap (5,True)
(True,5)
```

#### происходит сопоставление с образцом:

- проверяется, что конструктор (,) подходящий;
- переменные x и y связываются со значениями 5 и True.



## Алгебраические типы данных: перечисления

• Перечисление — тип с 0-арными конструкторами данных

```
data Color = Red | Green | Blue | Indigo | Violet deriving Show
```

```
*Fp05> :type Red
Red :: Color
```

• Сопоставление с образцом происходит сверху вниз

```
isRGB :: Color -> Bool
isRGB Red = True
isRGB Green = True
isRGB Blue = True
isRGB _ = False -- Wild-card
```

## Алгебраические типы данных: декартово произведение

Тип-произведение с одним конструктором данных

\*Fp05> :type PtD

```
data PointDouble = PtD Double Double deriving Show
```

```
PtD :: Double -> Double -> PointDouble
```

```
midPointDouble :: PointDouble -> PointDouble
midPointDouble (PtD x1 y1) (PtD x2 y2) =
   PtD ((x1 + x2) / 2) ((y1 + y2) / 2)
```

```
*Fp05> midPointDouble (PtD 3.0 5.0) (PtD 9.0 8.0) PtD 6.0 6.5
```

#### Полиморфные типы

• Тип точки можно параметризовать типовым параметром:

```
data Point a = Pt a a deriving Show
```

```
*Fp05> :type Pt
Pt :: a -> a -> Point a
```

• Point — оператор над типами, конкретный тип получается его аппликацией к некоторому типу, напирмер, Int.

```
*Fp05> :kind Point
Point :: * -> *
*Fp05> :kind Point Int
Point Int :: *
```

# «Избыточный» полиморфизм и умолчания (defaulting)

```
midPoint :: Fractional a => Point a -> Point a -> Point a midPoint (Pt x1 y1) (Pt x2 y2) = Pt ((x1 + x2) / 2) ((y1 + y2) / 2)
```

```
*Fp05> :type midPoint (Pt 3 5) (Pt 9 8)
midPoint (Pt 3 5) (Pt 9 8) :: Fractional a => Point a
*Fp05> midPoint (Pt 3 5) (Pt 9 8)
Pt 6.0 6.5
*Fp05> :type it
it :: Point Double
```

- Но (+) и (/) определены только для конкретных типов контекст Fractional а задаёт *ad hoc полиморфизм*.
- По умолчанию подразумевается, что для любого модуля default (Integer, Double)

#### Рекурсивные типы

```
data List a = Nil | Cons a (List a) deriving Show
```

- Конструкторы имеют тип Nil :: List a и
   Cons :: a -> List a -> List a.
- Обработка через рекурсию и сопоставление с образцом

```
len :: List a -> Int
len Nil = 0
len (Cons _ xs) = 1 + len xs
```

```
*Fp05> let myList = Cons 'a' (Cons 'b' (Cons 'c' Nil))
*Fp05> len myList
3
```

### Стандартные списки

• Встроены, но могли бы быть определены так

```
data [] a = [] | a : ([] a) infixr 5 :
```

• Для удобства введён синтаксический сахар

```
[1,2,3] == 1:2:3:[]
```

#### Пример определения функции

#### Выражение case ... of ...

```
head (x:_) = x
head [] = error "head: empty list"
```

#### эквивалентно

```
head' xs = case xs of
  (x:_) -> x
  [] -> error "head': empty list"
```

- Поскольку case ... of ... выражение, его можно использовать в любом месте кода.
- Если нас интересует только один случай, можно использовать образец в лямбде

```
head'' = \(x:_) -> x
```

### Семантика сопоставления с образцом

- Сопоставление с образцом происходит сверху-вниз, затем слева-направо.
- Сопоставление с образцом может быть
  - успешным (succeed);
  - неудачным (fail);
  - расходящимся (diverge).

```
foo (1, 2) = 3
foo (0, _) = 5
```

- (0, undefined) неудача в первом, успех во втором;
- (undefined, 0) расходимость в первом же образце;
- (2, 1) две неудачи и, как следствие, расходимость;
- (1, 5-3) ???



## As-образец

#### В определении функции

```
dupFirst :: [a] -> [a]
dupFirst (x:xs) = x:x:xs
```

мы можем присвоить псевдоним всему образцу, используя затем этот псевдоним в правой части определения

```
dupFirst' :: [a] -> [a]
dupFirst' s@(x:xs) = x:s
```

# Неопровержимые (irrefutable) образцы

- К неопровержимым относятся wild-cards (\_), формальные параметры-переменные и ленивые образцы.
- Тильда задаёт ленивый образец: сопоставление с ним всегда проходит успешно, а связывание откладывается до момента использования

$$(***) f g ^(x, y) = (f x, g y)$$

#### **GHCi**

```
*Fp05> (const 1 *** const 2) undefined (1,2)
```



#### Форсирование строгости

• Строгий конструктор данных. Флаг строгости (!) в конструкторе данных позволяет форсировать вычисление соответствующего поля

```
data Complex a = !a :+ !a
infix 6 :+
```

• Bang pattern. Позволяет форсировать вычисление при связывании в образцах. Является расширением GHC.

```
Prelude> :set -XBangPatterns
Prelude> let foo !x = True
Prelude> foo undefined
*** Exception: Prelude.undefined
```

#### Объявления type и newtype

• Ключевое слово type задаёт синоним типа:

```
type String = [Char]
```

• Для удобства введён синтаксический сахар

```
"Hello" == ['H','e','l','l','o']
```

 Ключевое слово newtype задаёт новый тип с единственным однопараметрическим конструктором, упаковывающий уже существующий тип:

```
type Age1 = Int
newtype Age2 = Age Int
```

# Метки полей (Field Labels)

 Для доступа к полям типа-произведения, например, data Point a = Pt a a, приходится использовать специальные селекторы \(Pt x \_) -> x или \(Pt \_ y) -> y. Можно при определении типа дать полям метки, облегчающие такой доступ

```
data Point' a = Pt' {ptx, pty :: a} deriving Show
```

 Метки имееют тип Point' a -> а и работают как селекторы

```
*Fp05> let myPt = Pt' 3 2
*Fp05> ptx myPt
3
```

#### Инициализация в синтаксисе с метками полей

```
*Fp05> let myPt2 = Pt' {ptx = 3}
<interactive>:1:13:
    Warning: Fields of 'Pt', not initialised: pty
    In the expression: Pt' {ptx = 3}
    In an equation for 'myPt2': myPt2 = Pt' {ptx = 3}
*Fp05> :t myPt2
myPt2 :: Point' Integer
*Fp05> ptx myPt2
3
*Fp05> pty myPt2
*** Exception: <...>:1:13-25:
    Missing field in record construction Fp05.pty
*Fp05> let myPt3 = Pt' {ptx = 3, pty = 2}
```

#### Использование меток полей

• Можно использовать метки полей как селекторы

```
absP p = sqrt (ptx p ^ 2 + pty p ^ 2)
```

• Можно связать их с переменными в образце

absP' (Pt' {ptx = x, pty = y}) = sqrt 
$$(x ^2 + y ^2)$$

• С помощью меток полей структуры можно «обновлять»

```
*Fp05> let myPt4 = Pt' {ptx = 7, pty = 8}

*Fp05> myPt4

Pt' {ptx = 7, pty = 8}

*Fp05> myPt4 {ptx = 42}

Pt' {ptx = 42, pty = 8}
```

### Стандартные алгебраические типы

• Тип Maybe а позволяет задать «необязательное» значение

```
data Maybe a = Nothing | Just a
maybe :: b -> (a -> b) -> Maybe a -> b

find :: (a -> Bool) -> [a] -> Maybe a
```

• Тип Either a b описывает одно значение из двух

### План лекции

1 Ленивость и строгость

2 Алгебраические типы данных и сопоставление с образцом

③ Списки и работа с ними

### Основные функции из Data.List

```
tail :: [a] -> [a]
tail (_:xs) = xs
tail [] = error "tail: empty list"
```

```
take :: Int -> [a] -> [a] take n \_ | n <= 0 = []
take _ []
take n (x:xs) = x : take (n-1) xs
```

```
(++) :: [a] -> [a] -> [a]
[] ++ ys = ys
(x:xs) ++ ys = x : xs ++ ys
```

Какова сложность tail? конкатенации?



## Функции высших порядков (НОГ)

Первый аргумент — унарный предикат:

```
filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
filter upred [] = []
filter upred (x:xs)
   | upred x = x : filter upred xs
   | otherwise = filter upred xs
```

Первый аргумент — произвольная функция:

```
map :: (a -> b) -> [a] -> [b]
map _ [] = []
map f (x:xs) = f x : map f xs
```

# Эффективность реализации

```
length :: [a] -> Int
length [] = 0
length (_:xs) = 1 + length xs
```

• Реализация length в GHC

- # маркирует unboxed types.
- Рекурсия в len хвостовая.

#### «Бесконечные» структуры данных

Рекурсия позволяет описывать «бесконечные» структуры данных:

#### **GHCi**

```
Prelude> let ones = 1 : ones
Prelude> :type ones
ones :: [Integer]
```

Благодоря ленивости вычисляется только то, что требуется:

#### **GHCi**

```
Prelude> let numsFrom n = n : numsFrom (n+1)
Prelude> let squares = map (^2) (numsFrom 0)
Prelude> take 10 squares
[0,1,4,9,16,25,36,49,64,81]
```

### Арифметические последовательности

Имеется компактный способ описывать большие «регулярные» списки:

#### **GHCi**

```
Prelude> [1..10]
[1,2,3,4,5,6,7,8,9,10]
Prelude> [1,3..17]
[1,3,5,7,9,11,13,15,17]
Prelude> ['A'..'z']
"ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ[\\]^_'abcdefghijklmnopqrstuvwxyz"
Prelude> [1..]
[1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16,17,18,19,20,21,22,...
```

Для формирования «нелинейных» последовательностей есть другая техника...

## Выделение списков (List Comprehension)

#### **GHCi**

```
Prelude> [x^2 | x <- [0..9]]
[0,1,4,9,16,25,36,49,64,81]
```

При нескольких генераторах чаще обновляется тот, что правее:

#### **GHCi**

```
Prelude> [(x,y,z) | x<-[1..19], y<-[1..19], z<-[1..19], x^2+y^2==z^2]
[(3,4,5),(4,3,5),(5,12,13),(6,8,10),(8,6,10),(8,15,17),
(9,12,15),(12,5,13),(12,9,15),(15,8,17)]
```